

## Appunti Architettura degli Elaboratori

### Domande e Risposte

#### Capitolo 1 - Rappresentazione dell'Informazione

##### 1) Cosa si intende per informazione?

L'**informazione** è tutto ciò che viene manipolato da un calcolatore e può essere rappresentato mediante suoni, numeri ed etc. La più piccola unità di informazione viene denominata bit (**Binary Digit**, 0/1) e tutte le informazioni sono rappresentate in **bit**. Un **bit** può assumere soltanto due valori (0 e 1).

##### 2) Cosa si intende per rappresentazione dell'informazione?

La **rappresentazione dell'informazione** è la modalità con la quale l'informazione viene descritta.

Esempio: il valore "16" può essere rappresentato in diverse modalità:

- **sistema romano**: XVI;
- **sistema decimale**: 16;
- **sistema binario**: 10000;
- **sistema esadecimale**: 0x10.

Gli **standard di codifica** sono delle regole che vengono utilizzate nella rappresentazione dei dati in formato binario che vanno a coprire le più varie necessità di **rappresentazione dell'informazione**.

##### 3) Cosa si intende per bit?

Il **bit** (**Binary Digit**) è l'unità di misura dell'informazione che può assumere soltanto due valori: 0 e 1. Combinando tra loro più bit si ottengono strutture più complesse, in particolare:

- **byte**, 8 bit;
- **nybble**, 4 bit;
- **word**, 32 bit;
- **half word**, 16 bit;
- **double word**, 64 bit.

##### 4) Quante configurazioni diverse può assumere una sequenza di n bit?

Dati **n bit**, il numero di configurazioni ottenibili è pari a  **$2^n$  bit**.

Esempio:

Sia  $B = \{0, 1\}$  e  $a$  e  $b$  appartenenti a  $B$ , si ha che:

| a | b |
|---|---|
| 0 | 0 |
| 0 | 1 |
| 1 | 0 |
| 1 | 1 |

### 5) Differenza tra sistema numerico posizionale e non posizionale

Il **sistema di numerazione posizionale** è il sistema di numerazione in cui i simboli usati per scrivere i numeri assumono valori diversi a seconda della posizione che occupano nella notazione (posizione delle unità, delle decine, centinaia ed etc.).

Ad esempio, nel sistema decimale se si prendono le cifre **1** e **2** si ha che:

→ il valore **12** rappresenta una decina e due unità;

→ il valore **21** rappresenta due decine e una unità.

Il valore che ha una cifra cambia a seconda della sua posizione nel numero.

Il **sistema di numerazione non posizionale** è il sistema di numerazione in cui ogni cifra assume sempre lo stesso valore, come ad esempio il **sistema romano**.

Ad esempio IV = 4 e non 15.

Il **sistema di numerazione posizionale** un **valore numerico N** è caratterizzato dalla seguente **rappresentazione**:

$$N = d_{n-1}d_{n-2} \dots d_1d_0, d_{-1} \dots d_{-m}$$

$$N = d_{n-1} \cdot r^{n-1} + \dots + d_0 \cdot r^0 + d_{-1} \cdot r^{-1} + \dots + d_{-m} \cdot r^{-m}$$

$$N = \sum_{i=-m}^{n-1} d_i \cdot r^i$$

Dove:

→  $d$  rappresenta la singola cifra (digit);

→  $r$  è la radice o base del sistema;

→  $n$  è il numero di cifre della parte intera (sinistra della virgola);

→  $m$  (è il numero di cifre della parte frazionaria).

### 6) Come viene rappresentato un valore numerico N nel sistema decimale?

Nel **sistema decimale**, un valore numerico  $N$  viene rappresentato mediante la seguente notazione:

$$N = d_{n-1} \cdot 10^{n-1} + \dots + d_0 \cdot 10^0 + d_{-1} \cdot 10^{-1} + \dots + d_{-m} \cdot 10^{-m}$$

**Nota bene:** tutte le volte che si farà riferimento ad un valore senza specificarne la base, lo si considererà in **base 10**. In caso contrario la base verrà specificata come pedice nella cifra di peso più basso.

**Esempio:**

$$123,45 = 1 \cdot 10^2 + 2 \cdot 10^1 + 3 \cdot 10^0 + 4 \cdot 10^{-1} + 5 \cdot 10^{-2}$$

### 7) Come viene rappresentato un valore numerico N nel sistema binario?

Nel **sistema binario**, un valore numerico N viene rappresentato mediante la seguente notazione:

$$N = d_{n-1} \cdot 2^{n-1} + \dots + d_0 \cdot 2^0 + d_{-1} \cdot 2^{-1} + \dots + d_{-m} \cdot 2^{-m}$$

**Nota bene:** Avendo a disposizione n bit, è possibile codificare valori compresi nel range  $[0, 2^n - 1]$ . È possibile definire  $2^n$  codifiche binarie.

**Esempio:**

$$101_2 = 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 5_{10}$$

Il byte è una sequenza di 8 bit consecutivi: **11010010**

**MSB (Most Significant Bit)** = 1 (bit più a sinistra)

**LSB (Least Significant Bit)** = 0 (bit più a destra)

### 8) Come viene rappresentato un valore numerico N nel sistema ottale?

Nel **sistema ottale**, un valore numerico N viene rappresentato mediante la seguente notazione:

$$N = d_{n-1} \cdot 8^{n-1} + \dots + d_0 \cdot 8^0 + d_{-1} \cdot 8^{-1} + \dots + d_{-m} \cdot 8^{-m}$$

**Esempio:**

$$127_8 = 1 \cdot 8^2 + 2 \cdot 8^1 + 7 \cdot 8^0 = 87_{10}$$

### 9) Come viene rappresentato un valore numerico N nel sistema esadecimale?

Nel **sistema esadecimale**, un valore numerico N viene rappresentato mediante la seguente notazione:

$$N = d_{n-1} \cdot 16^{n-1} + \dots + d_0 \cdot 16^0 + d_{-1} \cdot 16^{-1} + \dots + d_{-m} \cdot 16^{-m}$$

**Esempio:**

$$A1_{16} = A \cdot 16^1 + 1 \cdot 16^0 = 161_{10}$$

Spesso si usa il pedice <sub>H</sub> al posto del pedice <sub>16</sub> per indicare la base esadecimale oppure 0x davanti al numero (0xA1). Il **sistema esadecimale** viene abbreviato

come **hex**.

| <b>r = 16</b> | <b>r = 10</b> | <b>r = 2</b> |
|---------------|---------------|--------------|
| A             | 10            | 1010         |
| B             | 11            | 1011         |
| C             | 12            | 1100         |
| D             | 13            | 1101         |
| E             | 14            | 1110         |
| F             | 15            | 1111         |

10) Come viene convertito un valore di base r ad un valore di base 10?

La conversione da **qualsiasi base r** a **base 10** avviene come segue:

$$N_r = d_{n-1} \cdot r^{n-1} + \dots + d_0 \cdot r^0 = M_{10}$$

**Esempi:**

$$1010_2 = (1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0)_{10} = 10_{10}$$

$$26_8 = (2 \cdot 8^1 + 6 \cdot 8^0)_{10} = 22_{10}$$

$$431_5 = (4 \cdot 5^2 + 3 \cdot 5^1 + 1 \cdot 5^0)_{10} = 116_{10}$$

11) Come viene convertito un valore di base 10 ad un valore di base r?

La conversione da **base 10** a **qualsiasi base r** avviene come segue:

→ si divide il **valore numerico N** per la **base r** fino a quando l'ultimo quoziente è minore della base stessa r;

→ si prende l'ultimo quoziente e tutti i resti delle divisioni, e procedendo dall'ultimo resto al primo, li scriviamo da sinistra verso destra.

**Esempio 1:** convertire il numero 12 base 10 a base 2

| <b>Valore</b> | <b>Base</b> | <b>Quoziente</b> | <b>Resto</b> |
|---------------|-------------|------------------|--------------|
| 12            | 2           | 6                | 0            |
| 6             | 2           | 3                | 0            |
| 3             | 2           | 1                | 1            |
| 1             | 2           | 0                | 1            |

$$12_{10} = 1100_2$$

**Esempio 2:** convertire il numero 120 base 10 a base 8

| <b>Valore</b> | <b>Base</b> | <b>Quoziente</b> | <b>Resto</b> |
|---------------|-------------|------------------|--------------|
| 120           | 8           | 15               | 0            |
| 15            | 8           | 1                | 7            |
| 1             | 8           | 0                | 1            |

$$120_{10} = 170_8$$

**Esempio 3:** convertire il numero 19 base 10 a base 16

| Valore | Base | Quoziente | Resto |
|--------|------|-----------|-------|
| 19     | 16   | 1         | 3     |
| 1      | 16   | 0         | 1     |

$$19_{10} = 13_H$$

**12) Come viene convertito un valore di base 2 ad un valore di base 16?**

Viene convertito nella seguente maniera:

Dato **111111100011010** si ha che:

|     |      |      |      |   |   |    |   |    |   |   |   |   |   |
|-----|------|------|------|---|---|----|---|----|---|---|---|---|---|
| 111 | 1111 | 0001 | 1010 | → | 7 | 15 | 1 | 10 | → | 7 | F | 1 | A |
|-----|------|------|------|---|---|----|---|----|---|---|---|---|---|

**13) Come viene convertito un valore di base p a qualsiasi base q?**

La conversione da **qualsiasi base p** a **qualsiasi base q** avviene come segue:

→ convertire il numero da base p a base 10;

→ convertire il risultato da base 10 a base q.

È possibile passare dalla base p a q (tale che p e q siano potenze di 2) passare dalla base 2 e non dalla base 10. La conversione tra una base di potenza di 2 e la base 2 è molto più veloce.

**Esempio:** convertire il numero  $AB_{16}$  in binario.

| r = 16 | r = 10 | r = 2 |
|--------|--------|-------|
| A      | 10     | 1010  |
| B      | 11     | 1011  |
| 2      | 2      | 0010  |

$$AB_{16} = 101010110010_2$$

**14) Descrivere la rappresentazione dei valori**

→ La **rappresentabilità dei valori** è legata al numero di **cifre disponibili** e nei sistemi di elaborazione il numero di cifre impiegate nella rappresentazione è limitato.

→ Si ha un **overflow** quando si è nell'impossibilità di rappresentare il risultato di una operazione (somma o sottrazione) con il numero di cifre a disposizione.

**Esempio:**

| n bit | $2^n$ valori | $2^n - 1$ |
|-------|--------------|-----------|
| 1     | 2            | 1         |
| 2     | 4            | 3         |
| 3     | 8            | 7         |
| 4     | 16           | 15        |
| 5     | 32           | 31        |
| 6     | 64           | 63        |
| ...   | ...          | ...       |

La **rappresentazione dei valori** nel sistema binario è diversa rispetto al sistema decimale. Infatti:

→ **kilo**: in informatica significa  $2^{10} = 1024$ ;

→ **mega**: significa  $2^{20} = 1048576$ ;

→ **giga**: significa  $2^{30} = 1073741824$ .

### 15) Come viene effettuata la somma nel sistema binario?

La **somma** tra i **bit** di pari ordine viene effettuata nella seguente maniera:

```
0 + 0 = 0
0 + 1 = 1
1 + 0 = 1
1 + 1 = 0      con riporto di 1 sul bit di ordine superiore
1 + 1 + 1 = 1  con riporto di 1 sul bit di ordine superiore
```

La somma è definita su 3 elementi:

→ due addendi;

→ il riporto (**carry**).

**Esempio:** somma tra 010011 e 010001

1)

| Riporto   |   |   |   |   |   |   |
|-----------|---|---|---|---|---|---|
| 1 addendo | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 2 addendo | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| Somma     |   |   |   |   |   |   |

2)

| Riporto   |   |   |   |   | 1 |   |
|-----------|---|---|---|---|---|---|
| 1 addendo | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 2 addendo | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| Somma     |   |   |   |   |   | 0 |

3)

| Riporto   |   |   |   | 1 | 1 |   |
|-----------|---|---|---|---|---|---|
| 1 addendo | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 2 addendo | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| Somma     |   |   |   |   | 0 | 0 |

4)

| Riporto   |   |   |   | 1 | 1 |   |
|-----------|---|---|---|---|---|---|
| 1 addendo | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 2 addendo | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| Somma     |   |   |   | 1 | 0 | 0 |

5)

|                  |   |   |   |   |   |   |
|------------------|---|---|---|---|---|---|
| <b>Riporto</b>   |   |   | 0 | 1 | 1 |   |
| <b>1 addendo</b> | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| <b>2 addendo</b> | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| <b>Somma</b>     |   |   | 0 | 1 | 0 | 0 |

6)

|                  |   |   |   |   |   |   |
|------------------|---|---|---|---|---|---|
| <b>Riporto</b>   |   | 0 | 0 | 1 | 1 |   |
| <b>1 addendo</b> | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| <b>2 addendo</b> | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| <b>Somma</b>     |   | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |

7)

|                  |   |   |   |   |   |   |
|------------------|---|---|---|---|---|---|
| <b>Riporto</b>   | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |   |
| <b>1 addendo</b> | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| <b>2 addendo</b> | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| <b>Somma</b>     | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |

### 16) Come viene effettuata la sottrazione nel sistema binario?

La **sottrazione** tra i **bit** di pari ordine viene effettuata nella seguente maniera:

$0 - 0 = 0$   
 $1 - 0 = 1$   
 $1 - 1 = 0$   
 $0 - 1 = 1$  con prestito dal bit di ordine superiore

Anche la sottrazione opera su gruppi di 3 bit

→ minuendo e sottraendo;

→ prestito (borrow) proveniente dalla cifra di ordine immediatamente superiore.

**Esempio:** sottrazione tra 11101 e 01110 (29 e 14)

1)

|                   |  |   |   |   |   |   |
|-------------------|--|---|---|---|---|---|
| <b>Prestito</b>   |  |   |   |   |   |   |
| <b>Minuendo</b>   |  | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| <b>Sottraendo</b> |  | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| <b>Differenza</b> |  |   |   |   |   |   |

2)

|                   |  |   |   |   |   |   |
|-------------------|--|---|---|---|---|---|
| <b>Prestito</b>   |  |   |   |   |   |   |
| <b>Minuendo</b>   |  | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| <b>Sottraendo</b> |  | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| <b>Differenza</b> |  |   |   |   |   | 1 |

3)

|                   |  |   |   |   |   |   |
|-------------------|--|---|---|---|---|---|
| <b>Prestito</b>   |  |   |   |   | 2 |   |
| <b>Minuendo</b>   |  | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| <b>Sottraendo</b> |  | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| <b>Differenza</b> |  |   |   |   | 1 | 1 |

4)

|                   |  |   |   |   |   |   |
|-------------------|--|---|---|---|---|---|
| <b>Prestito</b>   |  |   |   |   | 2 |   |
| <b>Minuendo</b>   |  | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| <b>Sottraendo</b> |  | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| <b>Differenza</b> |  |   |   |   | 1 | 1 |

Prestito di unità → il minuendo sarà 0 e non 1

5)

|                   |  |   |   |   |   |   |
|-------------------|--|---|---|---|---|---|
| <b>Prestito</b>   |  |   |   | 2 | 2 |   |
| <b>Minuendo</b>   |  | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| <b>Sottraendo</b> |  | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| <b>Differenza</b> |  |   |   | 1 | 1 | 1 |

6)

|                   |  |   |   |   |   |   |
|-------------------|--|---|---|---|---|---|
| <b>Prestito</b>   |  |   | 2 | 2 | 2 |   |
| <b>Minuendo</b>   |  | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| <b>Sottraendo</b> |  | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| <b>Differenza</b> |  |   | 1 | 1 | 1 | 1 |

7)

|                   |  |   |   |   |   |   |
|-------------------|--|---|---|---|---|---|
| <b>Prestito</b>   |  |   | 2 | 2 | 2 |   |
| <b>Minuendo</b>   |  | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| <b>Sottraendo</b> |  | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| <b>Differenza</b> |  | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |

8)

|                   |  |   |   |   |   |   |
|-------------------|--|---|---|---|---|---|
| <b>Prestito</b>   |  |   | 2 | 2 | 2 |   |
| <b>Minuendo</b>   |  | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| <b>Sottraendo</b> |  | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| <b>Differenza</b> |  | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |

### 17) Cosa si intende per overflow?

L'**overflow** è una condizione che rispecchia un errore nella rappresentazione di un certo numero (risultato di una operazione) dovuto al fatto che la quantità di cifre disponibili è minore rispetto a quelle necessarie a rappresentare il numero. Questa situazione si rappresenta quando viene superata la capacità massima del registro aritmetico di un calcolatore, ovvero il risultato



dell'operazione impostata è un numero con tante cifre da eccedere il massimo numero rappresentabile.

### 18) Come risolvere il problema dell'overflow?

La modalità standard di rappresentazione non permette la rappresentazione di numeri negativi. Per ovviare questo problema è stato definito un metodo di rappresentazione dal nome di **Modulo e Segno (MS)**.

Esistono altre tipologie di rappresentazioni come:

- **complemento a 1 (CA1)**;
- **complemento a 2 (CA2)**;
- **eccesso 128**.

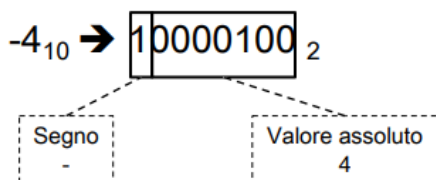
### 19) Descrivere il metodo di Modulo e Segno

→ Il metodo di **Modulo e Segno (MS)** è una rappresentazione dei numeri relativi in base 2, che estende il sistema numerico binario per rappresentare i numeri negativi.

→ Supponendo di avere a disposizione 1 Byte (8 bit) per rappresentare numeri sia positivi che negativi, questo metodo utilizza i primi 7 bit da destra per il valore assoluto del numero e il **MSB** per rappresentare il segno.

→ Il **bit 1** rappresenta il numero negativo e il **bit 0** rappresenta il numero positivo.

**Esempio:**



→ Con **n bit** totali, si possono rappresentare i numeri interi nell'intervallo

$$[-(2^{n-1}-1), +(2^{n-1}-1)]_{10}$$

### 20) Quali sono i problemi relativi alla rappresentazione MS?

I problemi relativi alla rappresentazione MS sono:

→ esistono due diverse rappresentazioni dello 0, come ad esempio presi 4 bit totali si ha:

$$0000_2 = +0_{10} \qquad 1000_2 = -0_{10}$$

→ un bit tra tutti i bit disponibili viene "speso" per il segno.

### 21) Descrivere il metodo del complemento a 1 (CA1)

→ Questo metodo si basa sull'operazione di **complemento**.

→ Il termine **complemento** indica l'operazione che associa ad un bit (o ad ogni sequenza di bit) il suo opposto, cioè il valore ottenuto sostituendo tutti gli 1 con 0 e tutti gli 0 con 1.

→ Nel **metodo CA1** utilizza due strategie:

- 1) se il numero da codificare è **positivo** lo si converte in binario con il metodo tradizionale;
- 2) se il numero da codificare è **negativo** basta convertire in binario il suo modulo e quindi eseguire l'operazione di complemento sulla codifica binaria effettuata.

**Esempi:**

$$3_{10} = 0011_2$$

$$-3_{10} = \overline{0011_2} = 1100_2$$

## 22) Quale problema presenta il CA1?

Il problema relativo al CA1 è il fatto che esso ammette due diverse rappresentazioni dello 0.

0000 0000 (+0)

1111 1111 (-0)

## 23) Descrivere il metodo del complemento a 2 (CA2)

→ Il **complemento a 2 (CA2)** è un altro metodo di codifica usato per rappresentare i numeri interi sia positivi che negativi.

→ Nel **metodo CA2** codifica il valore x come segue:

- 1) se il numero x è **positivo**, esso rimane invariato;
- 2) se il numero x è **negativo**, si effettua il **complemento a 1 (CA1)** sul valore da codificare e si somma **+1** al risultato ottenuto con **CA1**.

→ Il **metodo CA2** supera il principale difetto del **CA1**, ossia la presenza di una doppia codifica per lo 0. In **CA2** lo 0 ha un'unica rappresentazione.

→ In **CA2** i valori negativi hanno **MSB = 1**.

→ Dati **n bit**, si possono rappresentare i numeri nell'intervallo

$$[-(2^{n-1}), +(2^{n-1}-1)]_{10}$$

**Esempio:** dati **5 bit**

$$-16_{10} \leq X \leq +15_{10}$$

**Esempi:**

| Bit       | Valore Assoluto | Complemento a 2 |
|-----------|-----------------|-----------------|
| 0111 1111 | 127             | 127             |
| 0111 1110 | 126             | 126             |
| 0000 0010 | 2               | 2               |
| 0000 0001 | 1               | 1               |
| 0000 0000 | 0               | 0               |
| 1111 1111 | 255             | -1              |
| 1111 1110 | 254             | -2              |
| 1000 0010 | 130             | -126            |
| 1000 0001 | 129             | -127            |
| 1000 0000 | 128             | -128            |

Esistono **3 metodi** per il calcolo di **CA2** di un **numero X**:

1) Definizione di complemento alla base  $CA2(X) = 2^n - X$ ;

2) Per calcolare **CA2** si calcola **CA1** e si somma 1 e partendo dalla definizione di complemento alla base - 1

$$CA1(X) = (2^n - 1) - X$$

possiamo definire **CA2** in funzione di **CA1**

$$CA2(X) = CA1(X) + 1$$

3) si parte da destra, si trascrivono tutti gli 0 fino ad incontrare il primo 1 e si trascrive anch'esso e si **complementano** a 1 (0  $\rightarrow$  1 e 1  $\rightarrow$  0) tutti i **bit restanti**.

**Esempio:** rappresentazione in **CA2** su 4 bit il numero -7

$$7(10) = 111(2)$$

$$2^4 - 7 = 10000 - 111 = 1001(CA2)$$

1) Passando dal **CA1**

$$\begin{array}{r} 111 \text{ -(4 bit)-> } 0111 \text{ -(CA1)-> } 1000(CA1) + 1 = 1001(CA2) \\ 7 \qquad \qquad \qquad +7 \end{array}$$

$$111(2) \Rightarrow 0111(2) \rightarrow 1001(CA2)$$

Si conclude che:

$\rightarrow$  per rappresentare un **numero positivo** in **CA2** **non serve** applicare **l'operazione di CA2**;

$\rightarrow$  per rappresentare un **numero negativo** in **CA2** è **necessario** applicare **l'operazione di CA2** alla rappresentazione del corrispondente valore positivo.

**24) Come viene eseguita la somma dei due valori in Modulo e Segno?**

Confrontando i **bit di segno** si valuta se:

a) i **bit di segno** sono uguali, allora il **bit di segno** risultante sarà il **bit di segno** dei due addendi e si esegue la somma bit a bit (a meno di overflow);

b) i bit di segno sono diversi, allora si confrontano i valori assoluti dei due addendi, il bit di segno risultante sarà il bit di segno dell'addendo con valore assoluto maggiore e si esegue la differenza bit a bit.

### 25) Come viene eseguita la sottrazione dei due valori in Modulo e Segno?

Confrontando i **bit di segno**, si valuta se:

- a) i **bit di segno** sono uguali, allora il bit di segno risultante sarà uguale al bit di segno dell'operando a modulo maggiore e il risultato avrà modulo pari al modulo della differenza dei moduli degli operandi;
- b) i **bit di segno** sono diversi, allora il **bit di segno** risultante sarà uguale al bit di segno del minuendo e il risultato avrà modulo pari alla somma dei moduli dei due operandi.

$$A - B = A + (-B)$$

Si può avere **overflow** solo quando:

- si sommano due operandi con segno concorde;
- si sottraggono due operandi con segno discorde.

### 26) Dove si verifica l'overflow nel metodo di somma e sottrazione in Modulo e Segno?

L'**overflow** si verifica quando c'è un riporto dalla cifra più significativa del modulo, cioè non si è nella condizione di rappresentare il risultato ottenuto. Nelle operazioni tra valori rappresentati in **MS**, gli operandi devono essere rappresentati con lo stesso numero di cifre (si aggiungono gli zeri necessari a sinistra del modulo, prima del **bit di segno**).

### 27) Come viene effettuata la somma dei due valori in CA2?

La **somma** dei due valori in **CA2** viene effettuata nella seguente maniera:

- 1) si esegue la **somma** su tutti i bit degli addendi, **segno compreso**;
- 2) un eventuale **riporto** (**carry**) oltre il **bit di segno** (**MSB**) **viene scartato**;
- 3) nel caso gli operandi siano di segno concorde (entrambi positivi o entrambi negativi) occorre verificare la presenza o meno di **overflow** (il segno del risultato non è concorde con quello dei due addendi).

### 28) In quali casi si presenta overflow nel metodo della somma CA2?

L'**overflow** si presenta se:

$$(+A) + (+B) = -C$$

oppure

$$(-A) + (-B) = +C$$

Una modalità alternativa per verificare la presenza di **overflow** consiste nel guardare i riporti nelle ultime due posizioni più significative: se sono diversi c'è **overflow**.

### Esempi di CA2

```

3 + (-8)

(+3) 0000 0011
+(-8) 1111 1000
=====
(-5) 1111 1011

-2 + (-5)

(-2) 1111 1110
+(-5) 1111 1011
=====
(-7)1 1111 1001: scarto carry

```

### 29) Come viene effettuata la sottrazione dei due valori in CA2?

La sottrazione tra due numeri in CA2 viene trasformata in somma applicando la regola

$$A - B = A + (-B)$$

ovvero:

$$A - B = A + \text{CA2}(B)$$

### 30) In quali casi si presenta overflow nel metodo della sottrazione CA2?

L'**overflow** si verifica se gli operandi hanno segno concorde e il segno del risultato è discorde con essi.

### Esempio di sottrazione

```

(+8) 0000 1000          0000 1000
-(+5) 0000 0101 -> Complementa -> +1111 1011
=====
(+3)                      1 0000 0011 : scarto il carry

```

### 31) Come è possibile effettuare operazioni tra valori binari con bit diversi?

Nell'ipotesi di avere un valore X in **CA2** su n bit (segno incluso) e di volerne ricavare la rappresentazione, sempre in **CA2**, su m bit ( $m > n$ ), si attua l'estensione del segno (**si replica l'MSB negli (m-n) bit più a sinistra**).

### Esempio 1: rappresentazione di +18

```

+18 =          0001 0010
+18 = 0000 0000 0001 0010

```

**Esempio 2:** rappresentazione di -18

-18 = 101110  
 -18 = 1111 101110

### 32) Descrivere l'operazione di shift

L'operazione di **shift verso destra (right shift)** o **verso sinistra (left shift)** la posizione delle cifre di un numero, espresso in una base qualsiasi, inserendo uno zero nelle posizioni lasciate libere.

→ **Left:** equivale a moltiplicare il numero per la base;



→ **Right:** equivale a dividere il numero per la base.



### 33) Descrivere la rappresentazione eccesso $2^{n-1}$

→ La rappresentazione **eccesso  $2^{n-1}$**  descrive un numero X come segue:

$$X + 2^{n-1}$$

→ Avendo a disposizione **n bit** si rappresenta l'eccesso  $2^{n-1}$  e l'intervallo di rappresentazione è  $[-2^{n-1}, +2^{n-1} - 1]$ .

→ I numeri in eccesso  $2^{n-1}$  si ottengono da quelli in **CA2** complementando il **bit** più significativo.

### 34) Descrivere la rappresentazione eccesso 128

→ La rappresentazione **eccesso 128** descrive un numero X come segue:

$$X + 128$$

**Esempio:**

|        |                |              |
|--------|----------------|--------------|
| X = 5  | 5 + 128 = 133  | 1000 0101(2) |
| X = -3 | -3 + 128 = 125 | 0111 1101(2) |

### 35) Come possono essere rappresentati i numeri reali?

I **numeri reali R** possono essere rappresentati come segue:

→ virgola fissa;

→ virgola mobile (floating point).

### 36) Descrivere la rappresentazione della virgola fissa

→ Il metodo di rappresentazione "**virgola fissa**" è un metodo di rappresentazione binaria dei **numeri reali R**. Avendo a disposizione **N bit**, essi vengono usati in questo modo:

→ **1 bit** per il segno del numero da rappresentare;

→ **I < (N-1) bit** per rappresentare la **parte intera** del numero;

→  $D = N - (I+1)$  bit per rappresentare la **parte decimale** del numero.

|       |              |     |     |   |                   |    |     |    |
|-------|--------------|-----|-----|---|-------------------|----|-----|----|
| +/-   | I-1          | I-2 | ... | 0 | -1                | -2 | ... | -D |
| Segno | Parte Intera |     |     |   | Parte Frazionaria |    |     |    |

Le caratteristiche di questo metodo sono:

→ nel sistema di numerazione in **virgola fissa** è quello in cui la posizione della virgola decimale è implicita e la posizione della virgola decimale è uguale in tutti i numeri;

→ l'**intervallo di numeri** interi rappresentabili è  $[-(2^{I-1}), 2^{I-1}]$ ;

→ l'**intervallo** rappresentabile dalla **parte decimale** è  $[0, 1/2^D]$

**Esempio 1:**

Si vuole convertire il numero **5.125 base 10** in **base 2** utilizzando il metodo della **virgola fissa**.

Il procedimento è il seguente:

1 - si converte la **parte intera 5** e la si riporta in base **2**

$$5(10) = 101(2)$$

2 - la **parte decimale** viene scomposta per moltiplicazioni successive:

$$\begin{aligned} 0.125 \times 2 &= 0.25 \rightarrow 0 \text{ (riporto 0.25)} \\ 0.25 \times 2 &= 0.5 \rightarrow 0 \text{ (riporto 0.5)} \\ 0.5 \times 2 &= 1 \rightarrow 1 \text{ (stop)} \end{aligned}$$

$$5.125(10) = 101.001(2)$$

**Esempio 2:**

$$101.01(2) = 1 * 2^2 + 0 * 2^1 + 1 * 2^0 + 0 * 2^{-1} + 1 * 2^{-2} = 4 + 0 + 1 + 0 + 0.25 = 5.25$$

**37) Quali sono i vantaggi del metodo di rappresentazione virgola fissa?**

Gli **svantaggi** del metodo di rappresentazione virgola fissa sono:

→ **rigidità della posizione assegnata alla virgola**: sono fissi i bit assegnati per codificare la parte intera e la parte frazionaria;

→ **impatto sulla precisione nel codificare i numeri**: maggiore è il numero di bit per codificare la parte intera, più bassa sarà la precisione nel codificare i numeri piccoli.

**38) Descrivere la rappresentazione della virgola mobile**

Il metodo di rappresentazione "**virgola mobile**" è un metodo di rappresentazione binaria in cui:

→ viene utilizzato un bit per rappresentare il **segno s**;

→ vengono utilizzati altri bit per rappresentare la **mantissa m**;

→ altri bit vengono utilizzati per codificare l'**esponente e**.



|       |           |   |     |   |          |   |     |   |
|-------|-----------|---|-----|---|----------|---|-----|---|
| s     | e         | e | ... | e | m        | m | ... | m |
| Segno | esponente |   |     |   | mantissa |   |     |   |

→ La **posizione** della **virgola** è **variabile** per avere una rappresentazione in notazione scientifica in cui è situata un'unica cifra a sinistra della virgola, una parte frazionaria e un esponente al quale si deve elevare la base del numero.

**Esempi:**

546.768(10) → 5.46768(10)\*10<sup>2</sup>

1011.0110(2) → 1,0110110(2)\*2<sup>3</sup>

→ Questa rappresentazione estende l'intervallo di numeri rappresentati a parità di cifre, rispetto alla notazione in **virgola fissa**.

I **numeri reali R** rappresentati da una coppia di numeri composti da:

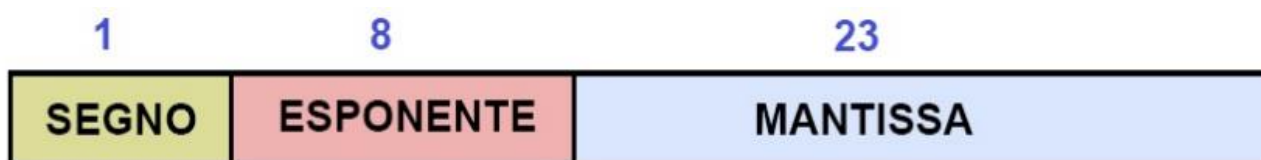
- **mantissa (M)**;
- **esponente (E)**;
- **segno (S)**.

La rappresentazione in virgola mobile è la seguente:

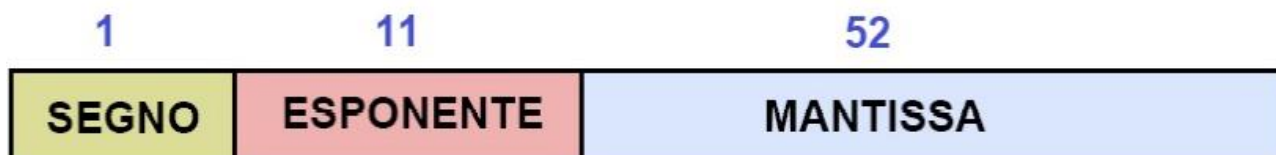
$$1,xx...xx_2 \cdot 2^{yy...yy_2}$$

dove le x rappresentano la parte frazionaria e le y l'esponente a cui elevare la base 2.

Precisione su **32 bit**:



Precisione su **64 bit**:



**39) Come viene convertito un numero reale da base 10 in base 2, in virgola mobile?**

Si suppone di convertire **7.5<sub>10</sub>** in **base 2**:

→ si converte la parte intera **7<sub>10</sub> = 111<sub>2</sub>**;

→ si considera la parte frazionaria **0.5<sub>10</sub> = 1.0<sub>2</sub>**;

→ si considera il numero binario ottenuto convertendo parte intera e parte



frazionaria

$$(111.1)(2) = 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-1}$$

**Osservazione:** l'**esponente** può assumere valori negativi (quindi numeri in virgola mobile possono essere rappresentati in **MS** e **CA2**).

Una rappresentazione comune rappresenta:

→ l'esponente in eccesso 127 (semplicità dei calcoli);

→ la mantissa nell'intervallo [1,2).

Per calcolare il valore di un numero in virgola mobile:

$$X = (-1)^S * M * 2^{E-127}$$

#### 40) Cos'è lo standard IEEE 754?

→ Lo **standard IEEE 754** definisce un metodo per la rappresentazione dei numeri in virgola mobile, o floating point. Il **numero reale R** viene dapprima rappresentato in binario, convertendo opportunamente la **parte intera** e la **parte frazionaria**.

→ Il **range** è dato dal numero di bit dell'esponente.

→ Il **numero reale float più piccolo** in valore assoluto si ha quando la mantissa m è composta da tutti 0 e l'esponente e assume il valore minimo, ossia 1:

$$N_{\min} = 1.(0000000000 \dots 0)_2 \cdot 2^{1-127} = 1.0 \cdot 2^{-126}$$

→ Il **numero reale float più grande** in valore assoluto si ha quando la mantissa m è composta da tutti 1 e l'esponente e assume il valore massimo, ossia **254**:

$$N_{\max} = 1.(1111111111 \dots 1)_2 \cdot 2^{254-127} = 1.(1111111111 \dots 1)_2 \cdot 2^{127} \approx 3.4 \times 10^{38}$$

#### 41) Errore assoluto ed errore relativo

→ Rappresentando un numero reale n in virgola mobile si commette un errore di approssimazione.

→ Dato un **numero razionale n'** con un numero limitato di cifre significative, l'**errore assoluto** viene rappresentato da  **$eA = n - n'$** , mentre l'**errore relativo** viene rappresentato da  **$eR = (n - n')/n$** .

→ L'ordine di grandezza dell'**errore assoluto** dipende dal numero di cifre significative e dall'ordine di grandezza del numero;

→ L'ordine di grandezza dell'**errore relativo** dipende solo dal numero di cifre significative.

#### 42) Come possono essere rappresentati i caratteri?

I caratteri possono essere rappresentati in:

- **ASCII standard**: 1 carattere viene rappresentato con 7 bit per un totale di 128 simboli rappresentabili (quali cifre, lettere maiuscole e lettere minuscole);
- **ASCII estesa**: 1 carattere è rappresentato con 8 bit rappresentabili fino a 256 simboli (sono usati i caratteri accentati come caratteri in più);
- **UNICODE**: 1 carattere è rappresentato con un numero maggiore di bit (tra 8 e 32 bit).

#### 43) Descrivere le caratteristiche dell'ASCII Standard

L'**ASCII standard** contiene:

- 26 + 26 lettere (maiuscole + minuscole);
- 10 cifre decimali (da 0 a 9);
- segni di interpunzione;
- caratteri di controllo.

Inoltre:

- le cifre sono ordinate per valore;
- le lettere maiuscole sono ordinate alfabeticamente;
- le lettere minuscole sono ordinate alfabeticamente (e sono a distanza fissa dalle maiuscole).

```
-> da 0 a 31: caratteri di controllo per le periferiche;  
-> da 32 a 47: vari caratteri;  
-> da 48 a 57: cifre decimali;  
-> da 58 a 64: vari caratteri;  
-> da 65 a 90: lettere maiuscole alfabeto;  
-> da 91 a 96: ari caratteri;  
-> da 97 a 122 lettere minuscole dell'alfabeto;  
-> da 123 a 127: vari caratteri.
```

#### 44) Descrivere le caratteristiche dell'ASCII Esteso

L'**ASCII esteso** è una codifica a 8 bit, in grado di rappresentare molti altri caratteri oltre ai tradizionali 128 dell'**ASCII** a 7 bit. L'ultimo **bit** alla descrizione del carattere viene definito parity bit, dedicato al controllo di parità (parity check).

#### 45) Descrivere le caratteristiche della codifica UNICODE

Le caratteristiche della codifica **UNICODE** sono:

- evoluzione dello standard ASCII;
- standard per la rappresentazione di testo;
- codifica tutti i caratteri utilizzati nelle principali lingue del mondo;
- indipendenza dalla lingua, dal sistema operativo e dal programma utilizzato;
- Inizialmente rappresentato come una codifica su 16 bt, ma poi esteso a 24 e

32 bit;

→ continua evoluzione e continua ad aggiungere sempre più caratteri.

#### 46) Che cosa si intende per code point?

Il **code point** è un codice numerico di 8 cifre esadecimali che rappresenta un carattere **UNICODE**.

#### 47) Quale problema presenta la codifica UNICODE?

→ UNICODE può codificare 4294967296 caratteri distinti.

→ Essendo che ogni carattere occupa 32 bit (contro gli 8 delle altre codifiche); i documenti richiedono quindi 4 volte lo spazio.

→ Per ovviare a questo problema, e garantire maggiore compatibilità con il sistema operativo e applicazione che non sono in grado di gestire 32 bit per carattere, UNICODE definisce vari formati di codifica più compatti.

#### 48) Descrivere la codifica UTF-8?

→ La codifica **UTF-8 (Unicode Transformation Format)** è una codifica a lunghezza variabile fra una sequenza di valori a 8 bit e una sequenza di valori a 8 bit e una sequenza di caratteri UNICODE.

→ I primi 128 caratteri di UNICODE (0-7F), equivalenti ai caratteri ASCII, sono codificati con il loro codice "naturale".

→ Tutti gli altri caratteri sono codificati con due, tre o quattro valori a 8 bit (byte).

→ Questa codifica viene utilizzata nei vari linguaggi di programmazione, come **Java** per codificare le stringhe, nei file system Macintosh, DVD, in alcuni su **UNIX** per i nomi dei file, negli standard relativi al Web e alla e-mail e nei programmi che trattano testi ASCII.

## Capitolo 2 - Circuiti Logici

### 49) Definizione di circuiti logici e integrati e classificazione circuiti integrati

→ I **circuiti logici** sono implementati come circuiti integrati che vengono realizzati nei chip di silicio (piastrine).

→ Porte (gate) e fili conduttori depositati nei chip di silicio, sono raggruppati in package e direttamente collegati con insieme di piedini, chiamati pin.

→ I **circuiti integrati** si suddividono in categorie stabilite in base all'integrazione.

→ I **circuiti integrati** si distinguono in quattro categorie:

a) **SSI (Small Scale Integrated)**: circuiti integrati costituiti da 1 a 10 porte e sono considerati come piccoli circuiti con poche porte direttamente collegate con pin esterni.

b) **MSI (Medium Scale Integrated)**: circuiti integrati costituiti da 10 a 100 porte e sono circuiti utilizzati per progettare computer.

c) **LSI (Large Scale Integrated)**: circuiti integrati costituiti da 100 a 100000 porte.

d) **VLSI (Very Large Scale Integrated)**: circuiti integrati costituiti da più di 100000 porte e possono contenere una CPU intera o più (esempio microprocessori).

### 50) Differenza tra circuiti combinatori e sequenziali

I **circuiti combinatori** sono circuiti in cui lo stato di uscita dipende dalla funzione logica applicata allo stato istantaneo dei valori d'ingresso, mentre i **circuiti sequenziali** sono circuiti in cui lo stato di uscita non dipende solamente dalla funzione logica applicata ai valori di ingresso, ma anche dai valori pregressi collocati in memoria.

### 51) Definizione di porta logica

La **porta logica** è un componente elettronico in grado di effettuare operazioni logiche primitive oltre a quelle direttamente derivate. La **porta logica** è in grado di eseguire operazioni logiche definite nell'algebra booleana.

Le **porte logiche** si distinguono in due categorie:

→ **porte logiche primitive**: svolgono le operazioni di **AND**, **OR** e **NOT**;

→ **porte logiche derivate**: svolgono le operazioni di **NAND**, **NOR** e **XOR**.

### 52) Descrivere la porta logica AND

La porta logica AND svolge l'operazione logica di AND, chiamata anche prodotto logico.



| A | B | AB |
|---|---|----|
| 0 | 0 | 0  |
| 0 | 1 | 0  |
| 1 | 0 | 0  |
| 1 | 1 | 1  |

### 53) Descrivere la porta logica OR

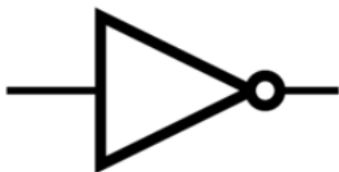
La porta logica OR svolge l'operazione logica di OR, chiamata anche somma logica.



| A | B | A + B |
|---|---|-------|
| 0 | 0 | 0     |
| 0 | 1 | 1     |
| 1 | 0 | 1     |
| 1 | 1 | 1     |

### 54) Descrivere la porta logica NOT

La porta logica NOT svolge l'operazione logica di NOT, chiamata anche complemento.



| A | $\neg A$ |
|---|----------|
| 0 | 1        |
| 1 | 0        |

### 55) Descrivere la porta logica NAND

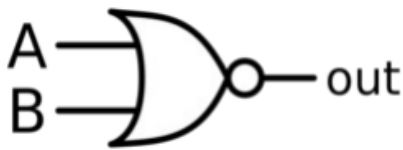
La porta logica NAND svolge l'operazione logica di NOT sull'operazione logica di AND tra i due valori di ingresso.



| A | B | $\neg(AB)$ |
|---|---|------------|
| 0 | 0 | 1          |
| 0 | 1 | 1          |
| 1 | 0 | 1          |
| 1 | 1 | 0          |

**56) Descrivere la porta logica NOR**

La **porta logica NOR** svolge l'operazione logica di **NOT** sull'operazione logica di **OR** tra i due valori di ingresso.



| A | B | $\neg(A+B)$ |
|---|---|-------------|
| 0 | 0 | 1           |
| 0 | 1 | 0           |
| 1 | 0 | 0           |
| 1 | 1 | 0           |

**57) Descrivere la porta logica XOR**

La **porta logica XOR** svolge l'operazione logica di **XOR**, che rappresenta l'operazione di somma logica esclusiva (**OR esclusivo**).



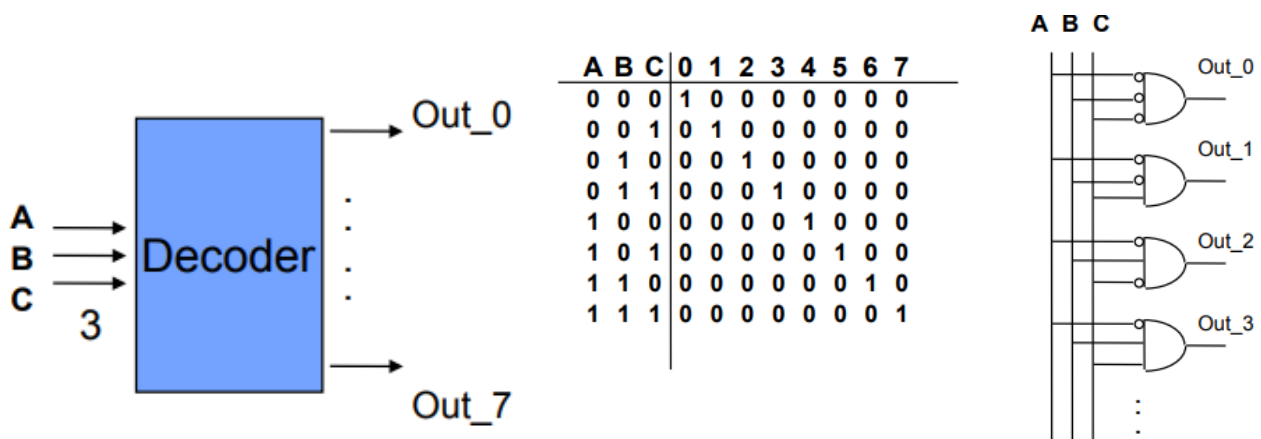
| A | B | $A \oplus B$ |
|---|---|--------------|
| 0 | 0 | 0            |
| 0 | 1 | 1            |
| 1 | 0 | 1            |
| 1 | 1 | 0            |

**58) Definizione di Decoder**

→ Il **decoder** è un componente elettronico caratterizzato dall'avere **n** ingressi e **2<sup>n</sup>** uscite.

→ Il suo scopo è quello di impostare allo stato alto l'uscita corrispondente alla conversione in base 10 della codifica binaria a **n bit** ricevuta in input.

→ Nel **decoder n input** sono interpretati come un numero unsigned e se questo numero rappresenta il numero **i**, allora solo il bit in output di indice verrà posto ad 1 e gli altri verranno posti a 0.

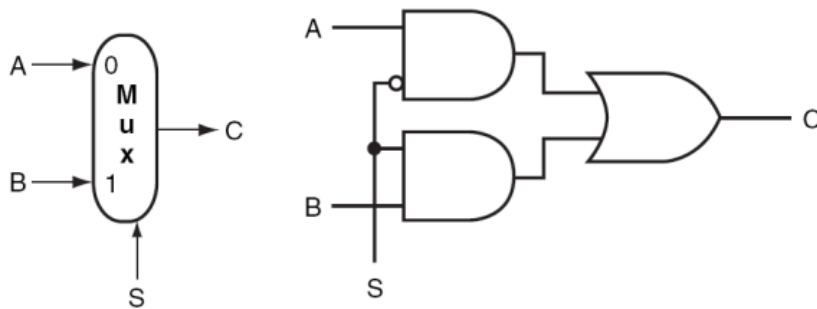
**59) Definizione di Multiplexor**

→ Un **multiplexor** è un componente elettronico caratterizzato da **2<sup>n</sup>** entrate

principali, n entrate di controllo e 1 uscita.

Esempio:

$$C = (A \cdot \bar{S}) + (B \cdot S)$$



→ Se un **multiplexor** riceve n segnali in input, esso necessiterà di  $\log_2 n$  selettori e consisterà in un decoder che genererà n segnali, un array di n porte logiche AND e un'unica porte logica OR.

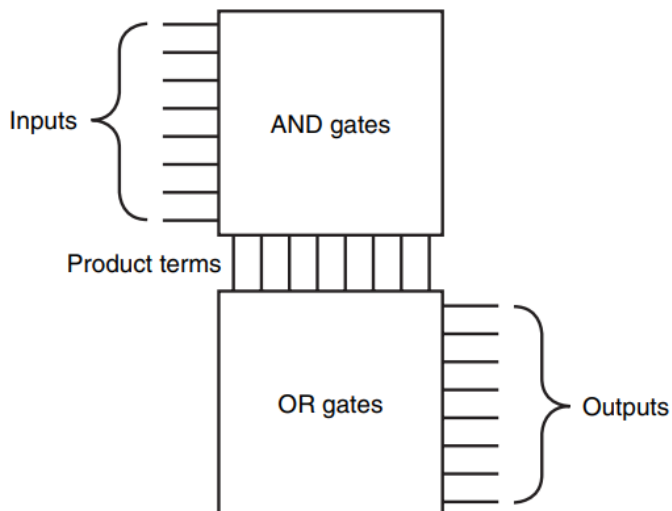
$$n = 2^m \longleftrightarrow m = \lg_2 n$$

#### 60) Definizione di PLA (Programmable Logic Array)

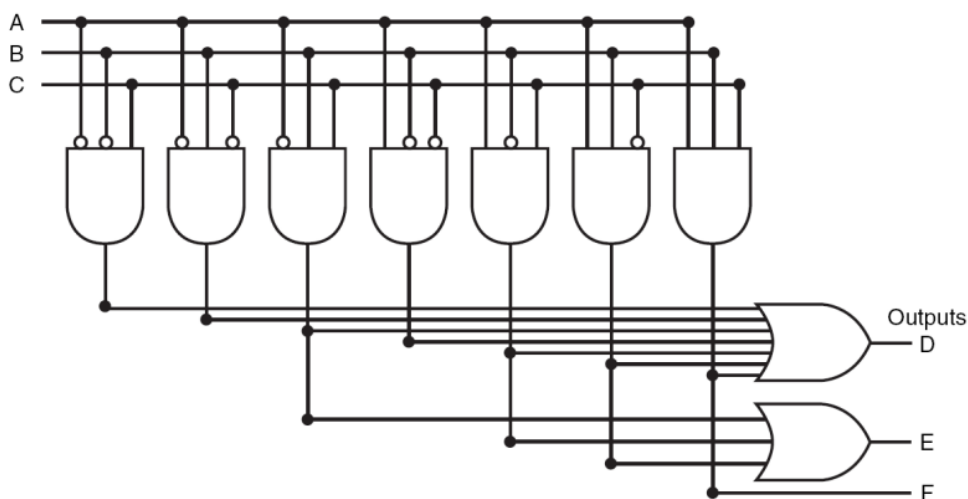
**PLA (Programmable Logic Array)** è un dispositivo logico programmabile usato per implementare circuiti logici combinatori.

Esso è costituito da:

- insieme di input;
- insieme di input complementati (mediante inverter) per poter gestire più uscite;
- logica a due stage in cui il primo stage è costituito da un array di porte logiche **AND** (**prodotto**) e un secondo stage è costituito da un array di porte logiche **OR** (**somma**).



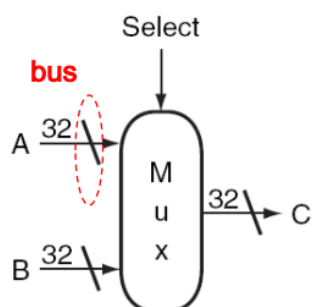
### Circuito PLA



### Caratteristiche

→ la maggior parte delle operazioni vengono svolte su 32 bit, mettendo in luce la necessità di creare array di elementi logici;

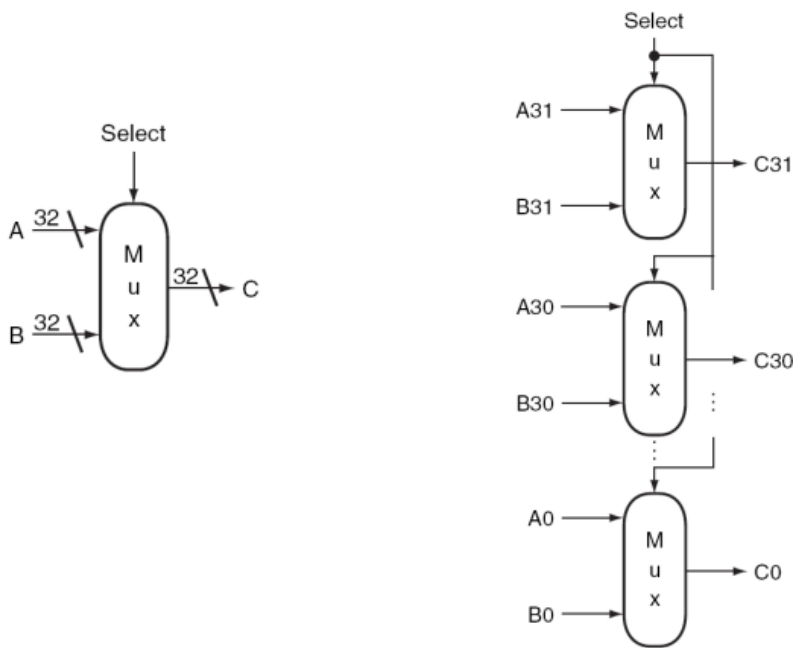
→ un **bus** è un canale di comunicazione tra vari componenti, considerato come una collezione di linee di input che verranno trattate come un singolo segnale



→ un **multiplexor** con un bus a 32 **bit** corrisponde ad un array di 32 **multiplexor**



ad 1 bit.



### 61) Definizione di ALU (Aritmethic Logic Unit)

L'ALU (Aritmethic Logic Unit) è una parte della CPU che svolge le operazioni aritmetico - logiche, considerato come un insieme di circuiti combinatori che implementa:

- operazioni aritmetiche: somma e sottrazione;
- operazioni logiche: AND e OR

### 62) Quali sono i componenti dell'ALU (Aritmethic Logic Unit)

I componenti dell'ALU sono:

- 1) AND gate ( $c = a * b$ )



| a | b | c = a*b |
|---|---|---------|
| 0 | 0 | 0       |
| 0 | 1 | 0       |
| 1 | 0 | 0       |
| 1 | 1 | 1       |

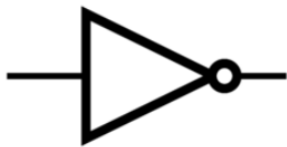
- 2) OR gate ( $c = a + b$ )



| A | B | A + B |
|---|---|-------|
| 0 | 0 | 0     |
| 0 | 1 | 1     |
| 1 | 0 | 1     |
| 1 | 1 | 1     |

- 3) Inverter ( $c = \neg a$ )

| A | $\neg A$ |
|---|----------|
|---|----------|

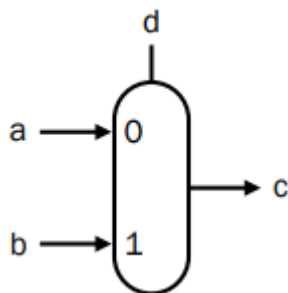


|   |   |
|---|---|
| 0 | 1 |
| 1 | 0 |

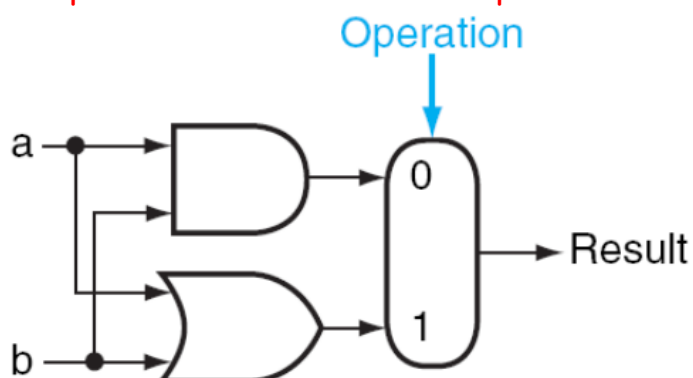
#### 4) Multiplexer

```
if (d==0)
    c = a;
else
    c = b;
```

| d | c |
|---|---|
| 0 | a |
| 1 | b |



Esempio: ALU su un 1 bit che implementa AND e OR

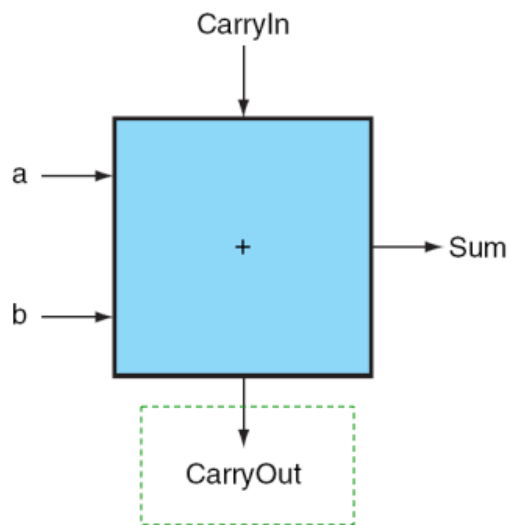


63) Come vengono effettuate le operazioni aritmetiche nell'ALU?

Considero la seguente somma:

```
0000000000000000 0001 1111 0011 0100
0000000000000000 0000 1011 1100 1011 +
0000000000000000 0000 0110 1001 1010 =
=====
0000000000000000 0001 0010 0110 0101
```

Ovvero

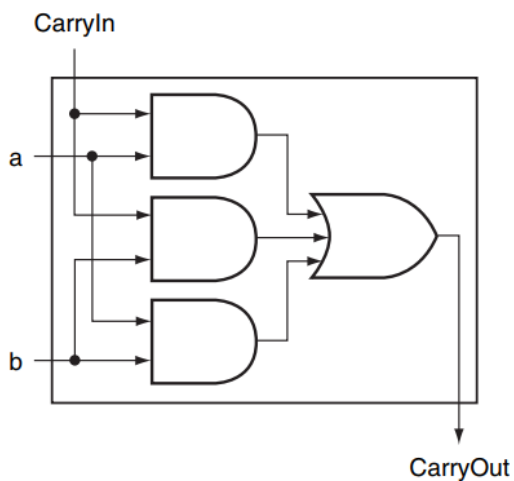


| a | b | CarryIn | CarryOut | Somma |
|---|---|---------|----------|-------|
| 0 | 0 | 0       | 0        | 0     |
| 0 | 0 | 1       | 0        | 1     |
| 0 | 1 | 0       | 0        | 1     |
| 0 | 1 | 1       | 1        | 0     |
| 1 | 0 | 0       | 0        | 1     |
| 1 | 0 | 1       | 1        | 0     |
| 1 | 1 | 0       | 1        | 0     |
| 1 | 1 | 1       | 1        | 1     |

La formula ricavata per calcolare il CarryOut è la seguente:

$$\text{CarryOut} = (b \cdot \text{CarryIn}) + (a \cdot \text{CarryIn}) + (a \cdot b) + (a \cdot b \cdot \text{CarryIn})$$

$$\text{CarryOut} = (b \cdot \text{CarryIn}) + (a \cdot \text{CarryIn}) + (a \cdot b)$$

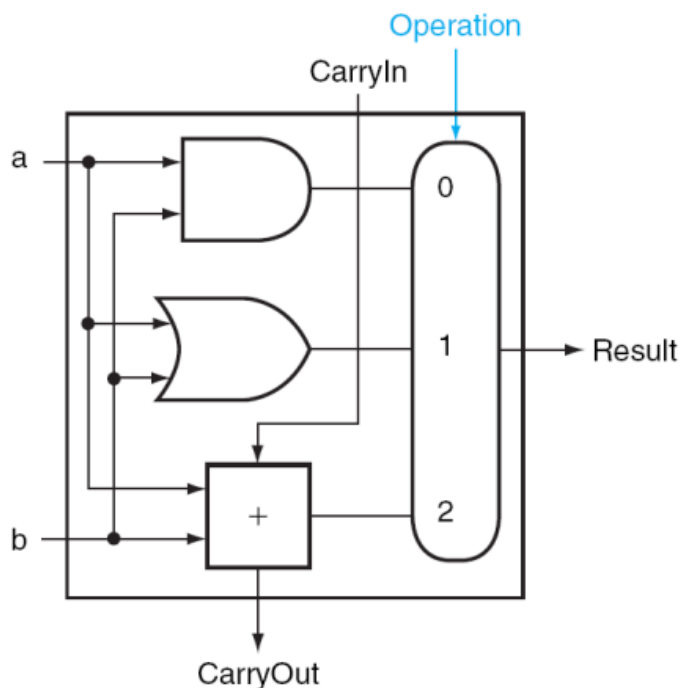


$$\text{CarryOut} = (b \cdot \text{CarryIn}) + (a \cdot \text{CarryIn}) + (a \cdot b)$$

| a | b | CarryIn | CarryOut | Somma |
|---|---|---------|----------|-------|
| 0 | 0 | 0       | 0        | 0     |
| 0 | 0 | 1       | 0        | 1     |
| 0 | 1 | 0       | 0        | 1     |
| 0 | 1 | 1       | 1        | 0     |
| 1 | 0 | 0       | 0        | 1     |
| 1 | 0 | 1       | 1        | 0     |
| 1 | 1 | 0       | 1        | 0     |
| 1 | 1 | 1       | 1        | 1     |

$$\text{Sum} = (a \cdot \bar{b} \cdot \overline{\text{CarryIn}}) + (\bar{a} \cdot b \cdot \overline{\text{CarryIn}}) + (\bar{a} \cdot \bar{b} \cdot \text{CarryIn}) + (a \cdot b \cdot \text{CarryIn})$$

64) Rappresentare l'ALU che esegue somma, AND, OR

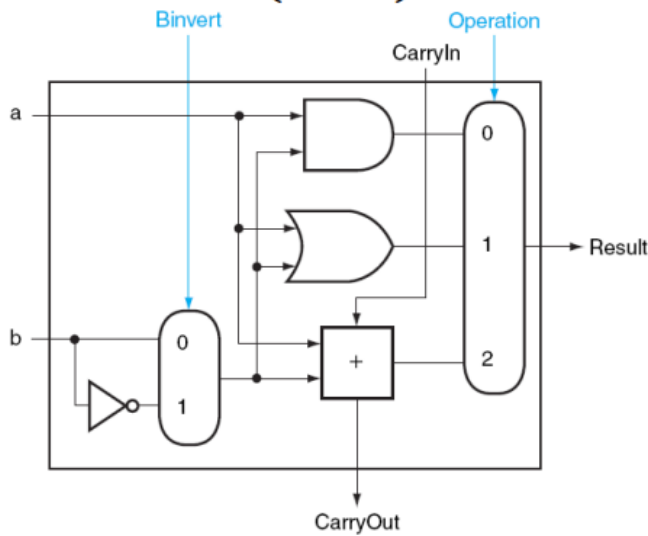


65) Cosa succede se settiamo il CarryIn a 1?

→ Si sommano  $a + b + 1$ .

→ Se si nega b, è possibile ottenere una **sottrazione** (in CA2)

$$a - b = a + (\bar{b} + 1)$$



66) Come si implementa l'operazione di NOR nell'ALU?

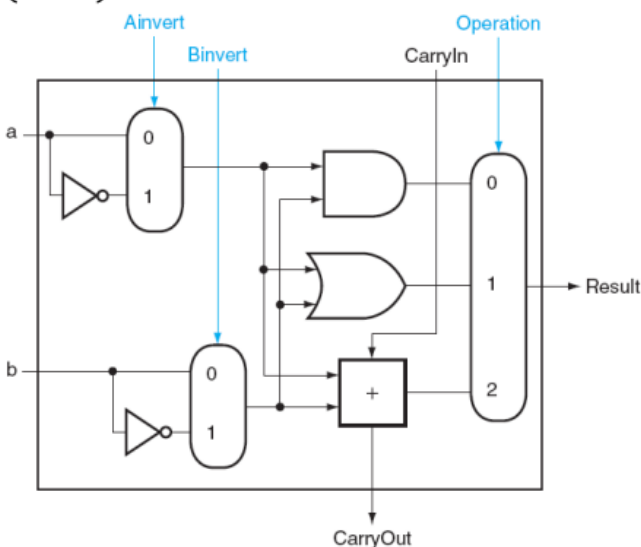
Attraverso  $\neg(a+b)$ .

67) Leggi di De Morgan

Le leggi di De Morgan affermano che:

$$\overline{(a + b)} = \bar{a} \cdot \bar{b}$$

$$\overline{(a \cdot b)} = \bar{a} + \bar{b}$$



68) Descrivere l'operazione di SLT

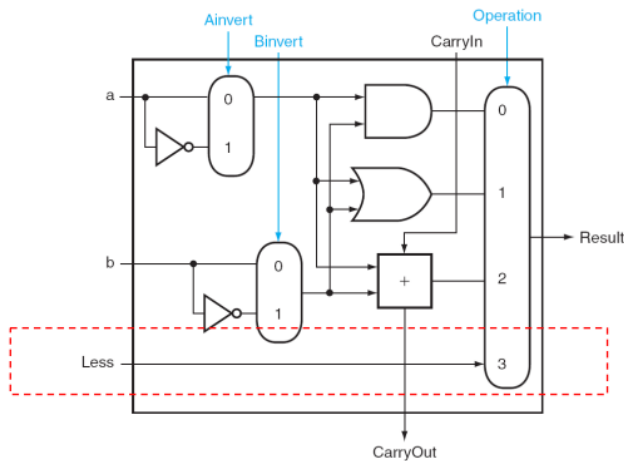
→ L'operazione **SLT (Set On Less Than)** è l'operazione effettuata dall'**ALU** che setta a 1 se  $a < b$ , 0 altrimenti e per eseguire questa istruzione di devono poter azzerare tutti i bit dal bit - 1 al bit - 31 ed assegnare al bit - 0 il valore risultato.

→ Per poter realizzare il confronto si effettua la sottrazione tra *a* e *b* e:

a) se  $a - b$  è minore di 0, allora  $a < b$  (per l'istruzione SLT) e il risultato sarà 00...01;

b) se  $a - b$  è maggiore di 0, allora  $a > b$  (per l'istruzione SLT) e il risultato sarà 00...00.

→ ALU su 1 bit - si aggiunge Less.



### 69) Quali sono i casi di overflow?

Esistono due casi di **overflow**:

→  $(A - B) > 0$  e bit - 31 di  $(A - B) = 1$ ;

→  $(A - B) < 0$  e bit - 31 di  $(A - B) = 0$

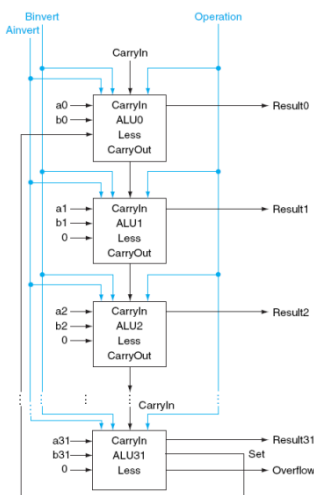
|                              |                   |
|------------------------------|-------------------|
| bit-31(A) = 0, bit-31(B) = 1 | bit-31(A - B) = 1 |
| oppure                       |                   |
| bit-31(A) = 1, bit-31(B) = 0 | bit-31(A - B) = 0 |

Il controllo dell'overflow viene rilevato nella maniera seguente:

$$\text{overflow} = \bar{a} \cdot b \cdot \text{Result} + a \cdot \bar{b} \cdot \overline{\text{Result}}$$

→ Le sottrazioni vengono effettuate settando Binvert e CarryIn = 1.

→ Le addizioni e operazioni logiche vengono effettuate settando Binvert e CarryIn = 0.



**70) Descrivere l'operazione di BEQ**

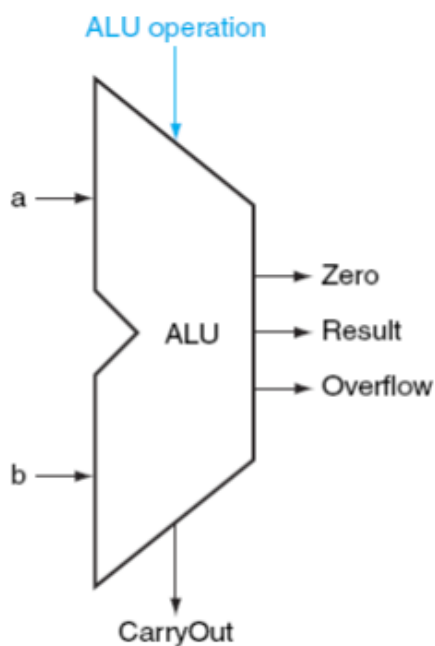
→ L'operazione **BEQ (Branch On Equal)** è l'operazione effettuata dall'**ALU** che verifica l'uguaglianza di a e b attraverso la seguente sottrazione:

$$a - b = 0;$$

$$a = b$$

→ L'**ALU** nega l'**OR** di tutte le uscite

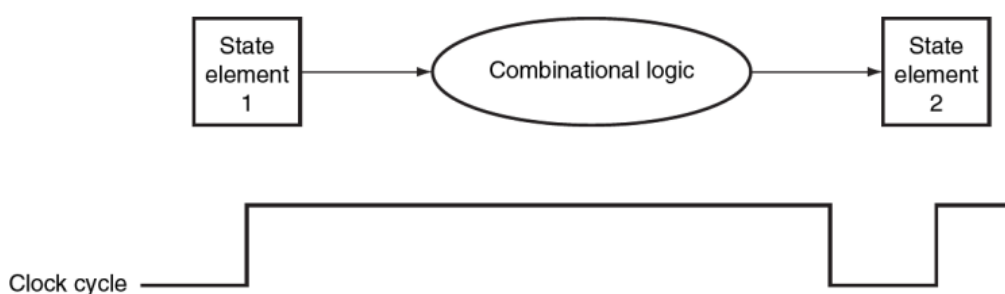
$$Zero = \overline{(Result_{31} + Result_{30} + \dots + Result_0)}$$

**71) Rappresentazione ALU****72) Definizione di Clock e quali sono le sue caratteristiche?**

→ Il **clock** è un segnale periodico, generalmente un'onda quadra, utilizzato per sincronizzare il funzionamento dei dispositivi elettronici digitali.

→ Esso è caratterizzato da un **periodo T** (oppure **ciclo**) di clock e dalla frequenza **F** (come **1/T**) e misurata in **Hertz**.

→ Data la sua grandezza accettabile è in grado di assicurare la stabilità degli output di un circuito e determina il ritmo dei calcoli e delle operazioni di memorizzazione.



→ La funzione calcolata dal **circuito sequenziale** in un certo momento dipende dalla sequenza temporale dei valori in input. La sequenza temporale determina il valore memorizzato nello stato.

### 73) Famiglie di circuiti sequenziali e caratteristiche

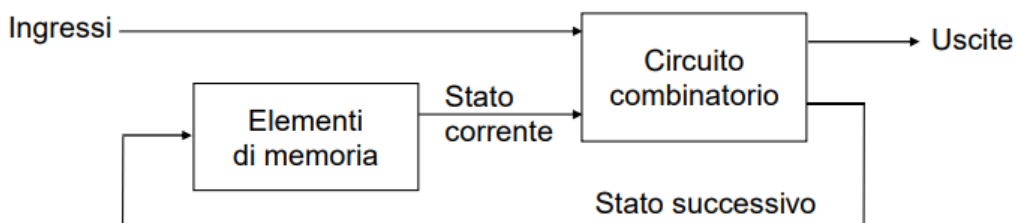
Esistono due famiglie di **circuiti digitali sequenziali**:

- **asincroni**: in cui non fanno uso di clock, ad esempio **SR Latch**;
- **sincroni**: che necessitano di clock, ad esempio **Flip - Flop**.

I **circuiti sequenziali** sono formati da:

- **elementi di memoria**, che memorizzano l'informazione;
- **reti combinatorie**, che elaborano informazione.

Un **circuito sequenziale** ha, in ogni dato istante, uno stato determinato dai bit memorizzati.



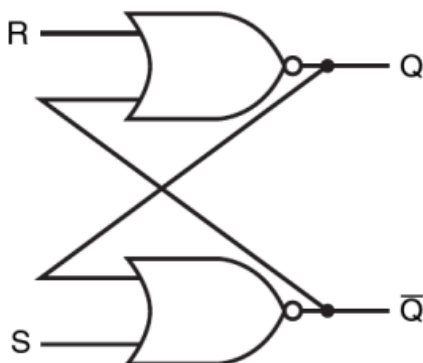
Per realizzare **circuiti sequenziali** è necessario un elemento di memoria per memorizzare lo stato.

### 74) E' possibile organizzare le porte logiche in modo da realizzare un elemento di memoria?

Sì, un elemento in grado di memorizzare un singolo bit è il **latch**.

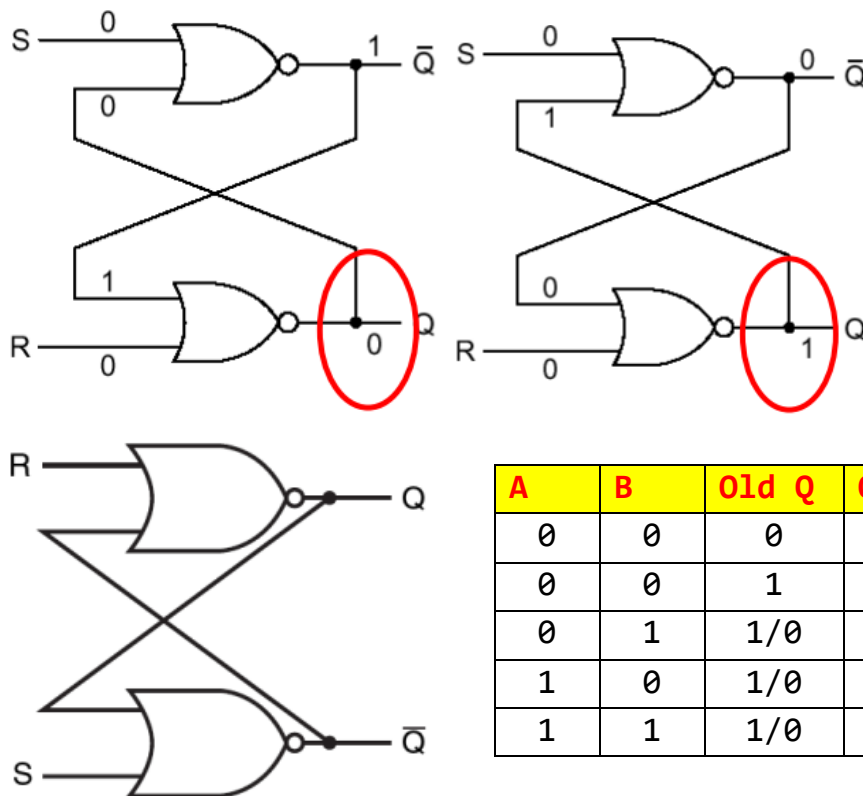
### 75) S - R Latch: descrizione

**S - R Latch** (S = Set) e (R = reset) è un circuito, composto da 2 porte **NOR** concatenate.



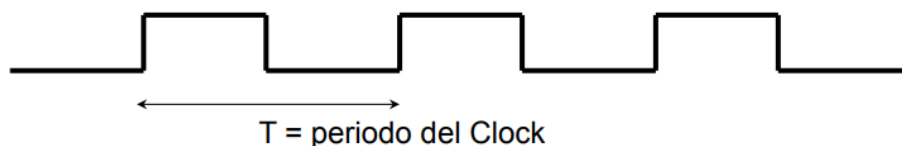
| A | B | $\neg(A+B)$ |
|---|---|-------------|
| 0 | 0 | 1           |
| 0 | 1 | 0           |
| 1 | 0 | 0           |
| 1 | 1 | 0           |





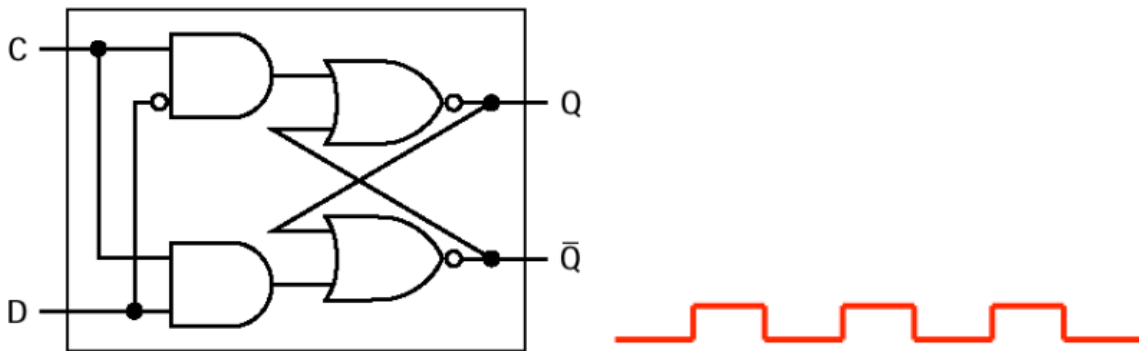
### Caratteristiche

- La combinazione  $(S,R) = (0,0)$  viene detta combinazione a riposo, perché mantiene il valore memorizzato in precedenza;
- La configurazione di  $S = 1$  e  $R = 1$ , viola la proprietà di complementarietà di  $Q$  e  $\neg Q$ , può portare ad una configurazione instabile.
- $(S,R)$  sono di solito calcolati da un circuito combinatorio e l'output del circuito diventa stabile dopo un certo intervallo di tempo che dipende dal numero di porte attraversate.
- Per evitare che durante questo intervallo, gli output intermedi del circuito vengano memorizzati è necessario utilizzare ciò che si chiama **clock**, il quale determina il ritmo dei calcoli e delle relative operazioni di memorizzazione.



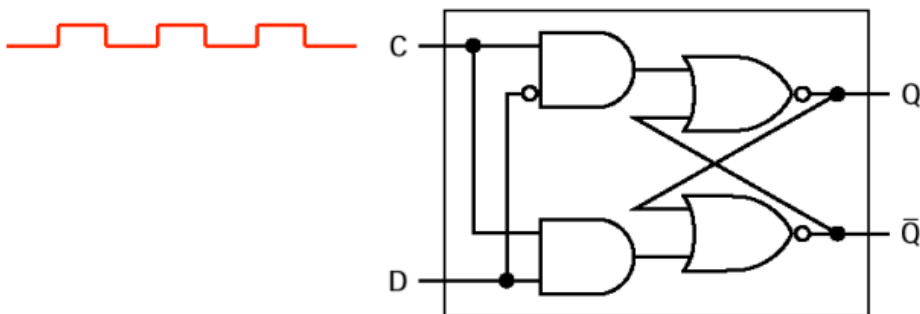
### 76) D Latch: descrizione

- Il **D Latch** è un circuito latch sincronizzato con il clock, che garantisce che il latch cambi stato solo in certi momenti.
- $D = 1$  corrisponde al setting ( $S = 1$  e  $R = 0$ )
- $D = 0$  corrisponde al resetting ( $S = 0$  e  $R = 1$ )



→ Il **clock** è **deasserted** quando non viene memorizzato nessun valore ( $S = 0$  e  $R = 0$ ).

→ Il **clock** è **asserted** quando viene memorizzato un valore (in funzione del valore di D).



Il **D - Latch** è caratterizzato dal seguente comportamento:

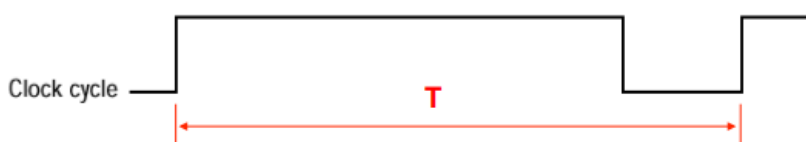
→ durante l'intervallo alto di clock il valore del segnale di ingresso D viene memorizzato nel **latch**;

→ il valore di D si propaga quasi immediatamente all'uscita Q;

→ anche le eventuali variazioni di D si propagano quasi immediatamente, con il risultato che Q può variare più volte durante l'intervallo alto del clock;

→ solo quando il clock torna a zero Q si stabilizza;

→ durante l'intervallo basso del clock il latch non memorizza. Questo significa che il periodo di clock T deve essere scelto abbastanza lungo affinché l'output del circuito si stabilizzi.



## 77) Metodologie di timing

Esistono due metodologie di **timing**:

→ **level triggered**: avviene sul livello alto del clock;

→ **edge triggered**: avviene sul fronte di salita o discesa del clock e:

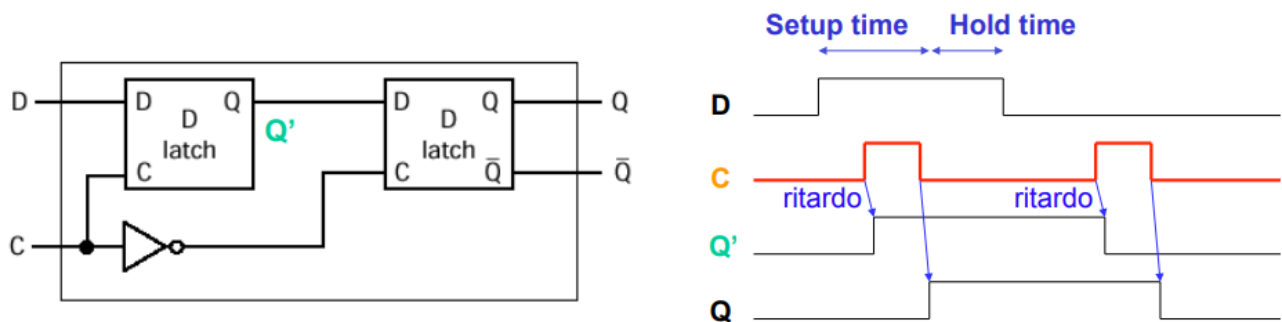
1 - la memorizzazione avviene istantaneamente;

2 - l'eventuale segnale di ritorno "sporco" non fa in tempo ad arrivare a causa dell'istantaneità della memorizzazione.

## 78) D Flip - Flop

→ Il **D Flip - flop** è un circuito sequenziale usato come dispositivo di memoria elementare, ed è usato come input e output durante lo stesso ciclo di clock.

→ Questo è realizzato ponendo in serie 2 **D - Latch**: il primo viene detto **master** e il secondo **slave**.



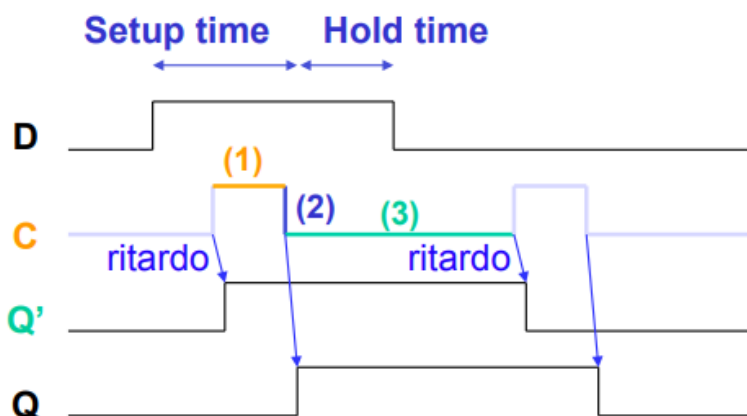
## 79) Come funziona il D Flip - Flop

Il **Flip Flop** ha il seguente funzionamento:

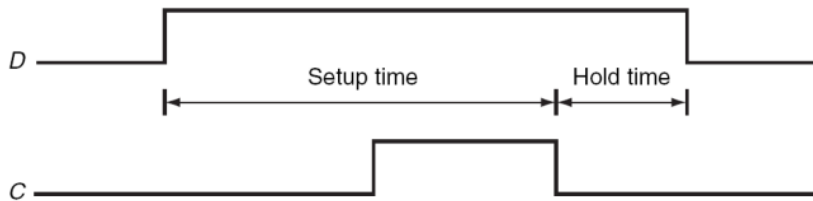
1) Il **primo latch è aperto** e pronto per memorizzare **D**. Il valore memorizzato **Q'** fluisce fuori, ma il **secondo latch è chiuso**. Nel circuito combinatorio a valle entra ancora il vecchio valore di **Q**.

2) Il segnale del clock scende, e in questo istante il **secondo latch** viene aperto per memorizzare il valore di **Q'**;

3) Il **secondo latch è aperto**, memorizza **D (Q')**, e fa pulire il nuovo valore **Q** nel circuito a valle. Il **primo latch** è invece **chiuso**, e non memorizza niente.



→ Il **segnale D** deve essere attivo per un periodo abbastanza lungo: setup time (prima del clock edge) + hold time (dopo il clock edge).



### 80) Cosa si intende per registro e per MIPS

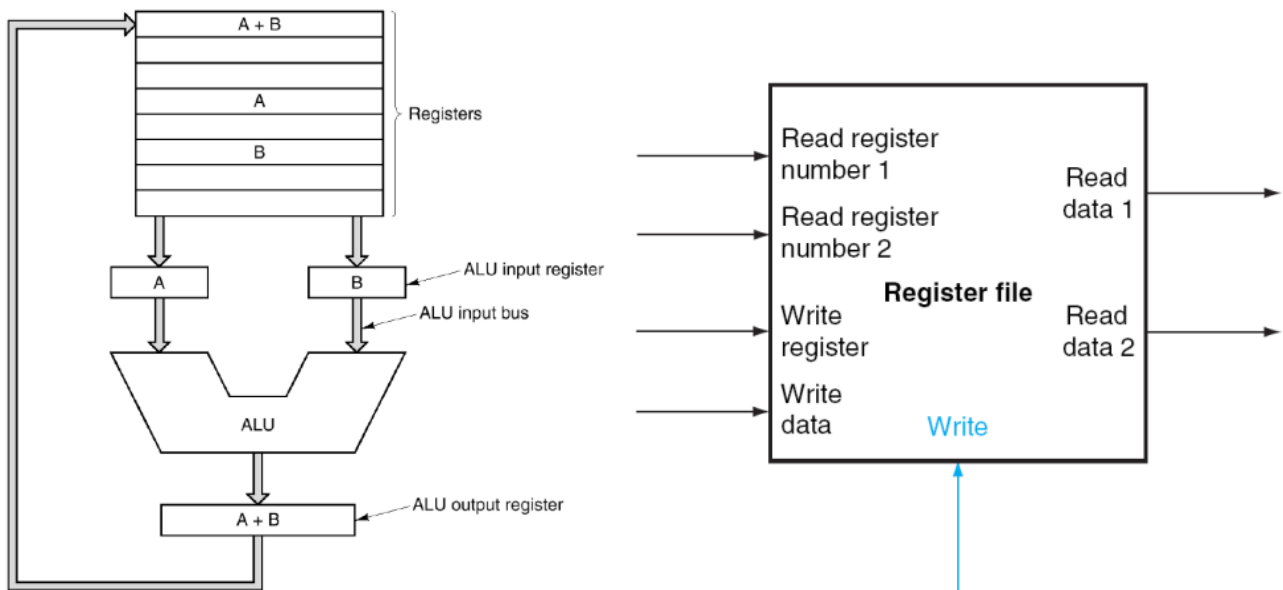
→ Il **registro** è una cella di memoria, in cui è possibile leggere e scrivere dati. Esso conserva dati e risultati delle operazioni ed è costituito da **n flip - flop**.

→ Il **MIPS** rappresenta un microprocessore con architettura RISC prodotto dalla società statunitense **MIPS Technologies**.

→ Nel **MIPS** ogni registro è di **1 word = 4 byte = 32 bit**.

→ I **registri** sono organizzati da ciò che si chiamano **Register File**, che permette la lettura di **2 registri** e la scrittura di **1 registro**.

→ Il **Register File** del **MIPS** ha **32 registri** (  $32 * 32 = 1024$  flip - flop).



### 81) Quali sono le istruzioni del Register File

Le istruzioni del **Register File** sono:

```
Read Reg1# (5 bit) //numero del 1 registro da leggere
Read Reg2# (5 bit) //numero del 2 registro da leggere
Read data 1 (32 bit) //valore del 1 registro, letto sulla base di Read Reg1#
Read data 2 (32 bit) //valore del 2 registro, letto sulla base di Read Reg2#
Write Reg# (5 bit) //numero del registro da scrivere
Write data (32 bit) //valore da scrivere nel registro Write Reg#
```

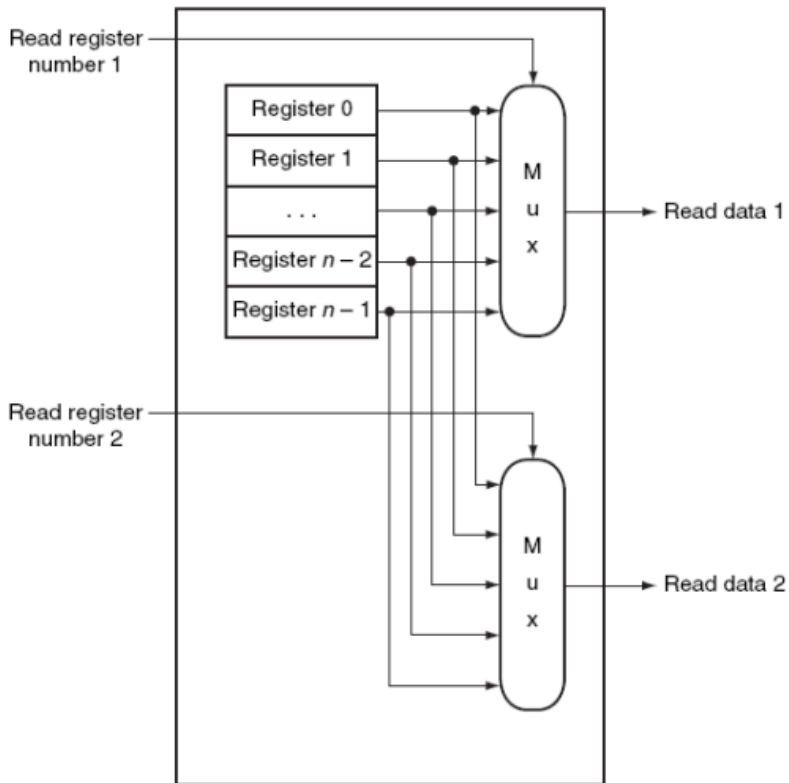
**82) Descrivere il processo di lettura dal Register File**

Il processo di lettura del **Register File** è il seguente:

→ utilizza 2 segnali che indicano i **registri** da leggere (Read Reg1#, Read Reg2#);

→ utilizza 2 **multiplexer**: ognuno con **32 ingressi** e un segnale di controllo;

→ il **Register File** fornisce sempre in output una coppia di registri.

**83) Descrivere il processo di scrittura nel Register File**

Il processo di scrittura nel **Register File** è il seguente:

→ utilizza 3 segnali:

1 - il registro da scrivere (**Register Number**);

2 - il valore da scrivere (**Register Data**);

3 - il segnale di controllo (**Write**);

→ utilizza un decoder che decodifica il numero del registro da scrivere (Write Register);

→ il segnale **Write** (già in **AND** con il **clock**) è in **AND** con l'output del decoder;

→ se **Write** non è affermato nessun valore sarà scritto nel registro;

**84) Distinzione tipi di memoria e gerarchie**

Esistono altri tipi di memorie distinte in base a diversi parametri:

1) **dimensione**: quantità di dati memorizzabili;

2) **velocità**: intervallo di tempo tra la richiesta del dato e il momento in cui è

disponibile;

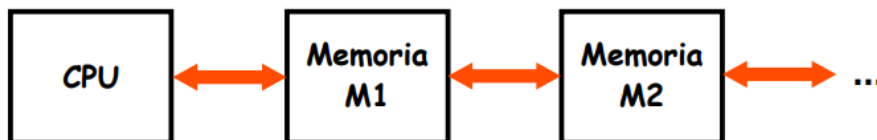
3) **consumo**: potenza assorbita;

4) **costo**: costo per bit.

La gerarchia di memoria è la seguente:

→ memorie piccole, più veloci (e costose) sono poste ai livelli alti;

→ memorie ampie, più lente (e meno costose) sono poste ai livelli più bassi.



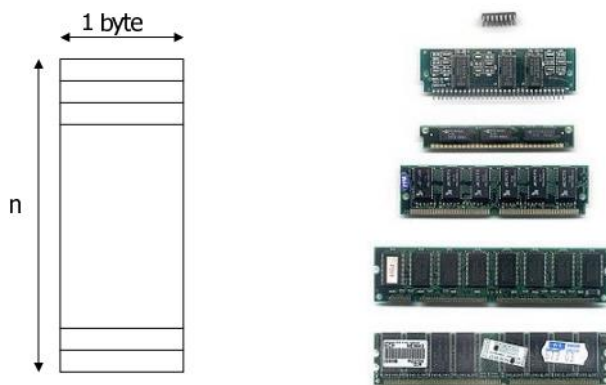
### 85) RAM: lettura e scrittura

→ La **RAM (Random Access Memory)** è il componente della memoria principale che memorizza dati e programmi nel momento in cui il sistema è in attività (programma in esecuzione).

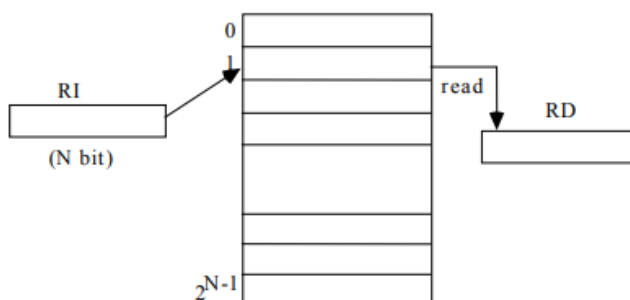
→ Insieme di celle (**1 byte**) ognuna individuata da un indirizzo;

→ In essa viene effettuato quello che si chiama indirizzamento, ovvero l'attività con cui l'elaboratore seleziona una particolare cella di memoria.

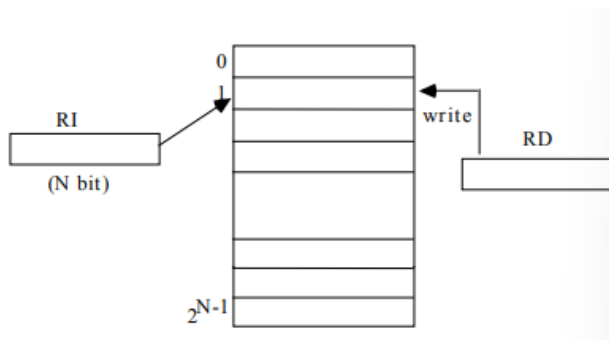
→ Con **n bit** si indirizzano  **$2^n$  celle** di memoria



→ La **lettura (Read)** consiste nel copiare il contenuto della cella di **memoria** indirizzata dal **Registro Indirizzi** è copiato nel **Registro Dati**



→ La **scrittura (Write)** consiste nel copiare il contenuto del **Registro Dati** nella cella di memoria indirizzata dal **Registro Indirizzi**.



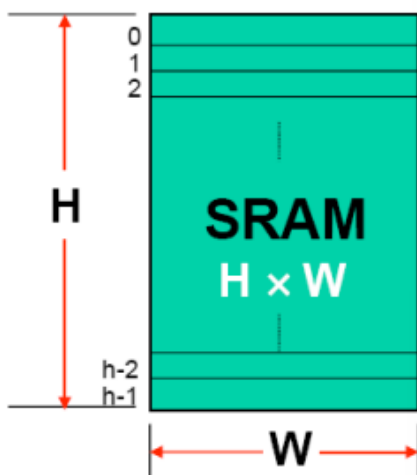
### 86) SRAM: lettura e scrittura

→ Tipologia di **RAM** volatile che non necessita di memory refresh, la cui realizzazione è basata sull'utilizzo dei latch e possiede dei tempi di accesso intorno a 0,5 - 2,5 ns.

→ Sia  $H$  l'altezza (numero di celle indirizzabili) e  $W$  la larghezza o ampiezza (numero di latch per ogni cella), essa viene realizzata come matrice di latch  $H \times W$ .

→ Un singolo indirizzo viene usato sia per lettura che per scrittura ma non è possibile leggere e scrivere contemporaneamente (come per **Register File**).

→ Esistono **SRAM** a basso consumo (5/10 volte più lente).



### 87) SRAM: componenti

I componenti della **SRAM** sono:

→ Din e Dout;

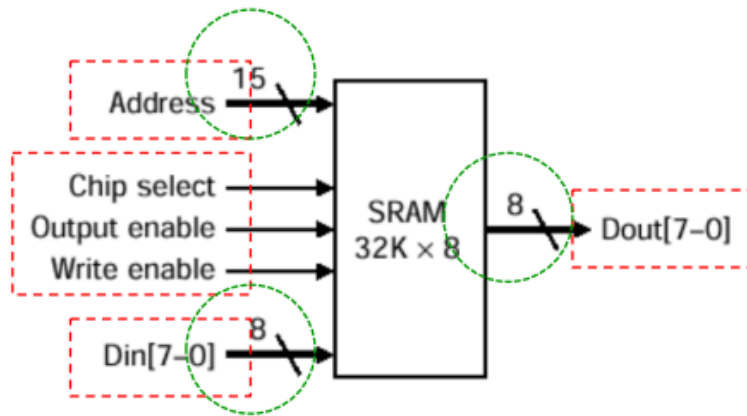
→ Address;

→ Segnali di controllo come:

1) **Chip select**: deve essere asserito per poter leggere o scrivere.

2) **Output enable**: deve essere asserito per poter leggere.

3) **Write enable**: deve essere asserito per poter scrivere.



### 88) SRAM: come viene realizzata?

→ Dato un numero elevato di celle di memoria, la **SRAM** utilizza enormi **decoder** (per selezionare il registro da scrivere) e **multiplexer** (per selezionare il registro da leggere).

→ Per evitare il multiplexer in uscita, è possibile usufruire una linea di bit condivisa su cui i vari elementi di memoria sono tutti collegati (**OR**).

→ Il collegamento avviene tramite quello che si chiama buffer a tre stati, che aprono e chiudono collegamenti (se il controllo è asserito o meno).

→ Il buffer ha due ingressi (dato e segnale di Enable) e una uscita:

1 - l'uscita è uguale al dato (0 o 1) se Enable è asserito;

2 - l'uscita viene impedita se Enable non è asserito.

### 90) DRAM: caratteristiche e componenti

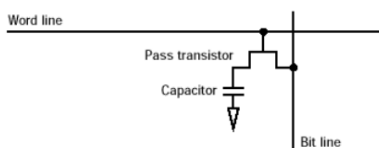
→ La memoria (**DRAM**) è un componente del computer che consente l'accesso ai dati a breve termine.

→ Per memorizzare le informazioni, la **DRAM** utilizza i condensatori, i quali vengono ricaricati periodicamente per evitare la perdita dell'informazione in essi contenuti.

→ Gli elementi di memoria di tipo **DRAM** sono meno costosi e più capienti rispetto al tipo **SRAM**, ma più lenti.

→ La **DRAM** è da 5 a 10 volte meno veloce della **SRAM**.

→ Essa è realizzata con un solo transistor per bit (il quale viene chiuso trasferendo il potenziale elettrico del condensatore sulla bit line), e un condensatore (il quale possiede una carica).





## 90) SSRAM e SDRAM

→ Le **Synchronous SRAM** e **DRAM** (**SSRAM** e **SDRAM**) permettono di aumentare la banda di trasferimento della memoria sfruttando questa proprietà.

Le **caratteristiche** delle **SSRAM** e **SDRAM** sono:

- memorie sincrone con segnale di clock;
- è possibile specificare la volontà di trasferire dalla memoria una sequenza di celle consecutive (**burst**);
- ogni **burst** è specificato da un **indirizzo di partenza** e da una lunghezza;
- le celle del **burst** sono contenute all'interno di una stessa riga, selezionata una volta per tutte tramite **decoder**;
- la **memoria** fornisce una delle celle del **burst** a ogni ciclo di clock.

## 91) Macchine a stati finiti e Mealy vs Moore

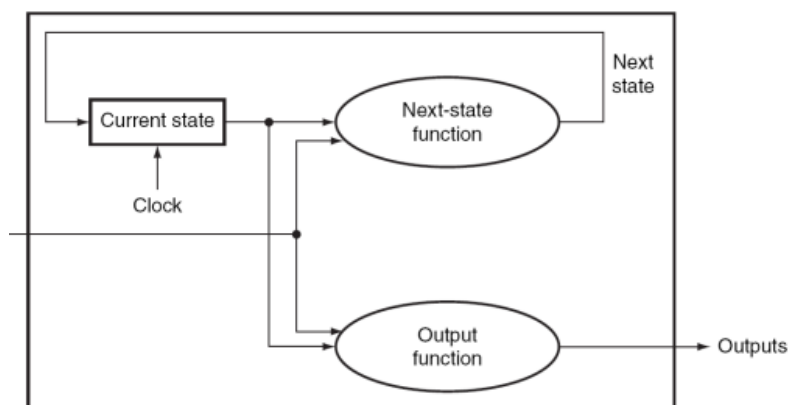
→ Le **Finite State Machine (FSM)** vengono usate per descrivere i circuiti sequenziali.

→ Sono composte da un set di stati e 2 funzioni:

1 - **Next state function**: determina lo stato successivo partendo dallo stato corrente e dai valori in ingresso;

2 - **Output function**: produce un insieme di risultati partendo dallo stato corrente e dai valori in ingresso.

→ Sono sincronizzate con il clock



→ Se dipende dallo stato corrente, **Moore** è usato come controller.

→ Se dipende dallo stato corrente e dagli input, viene usato **Mealy**.

→ **Moore** and **Mealy** sono equivalenti e si possono trasformare automaticamente tra di loro.

### Capitolo 3 - ISA (Instruction Set Architecture)

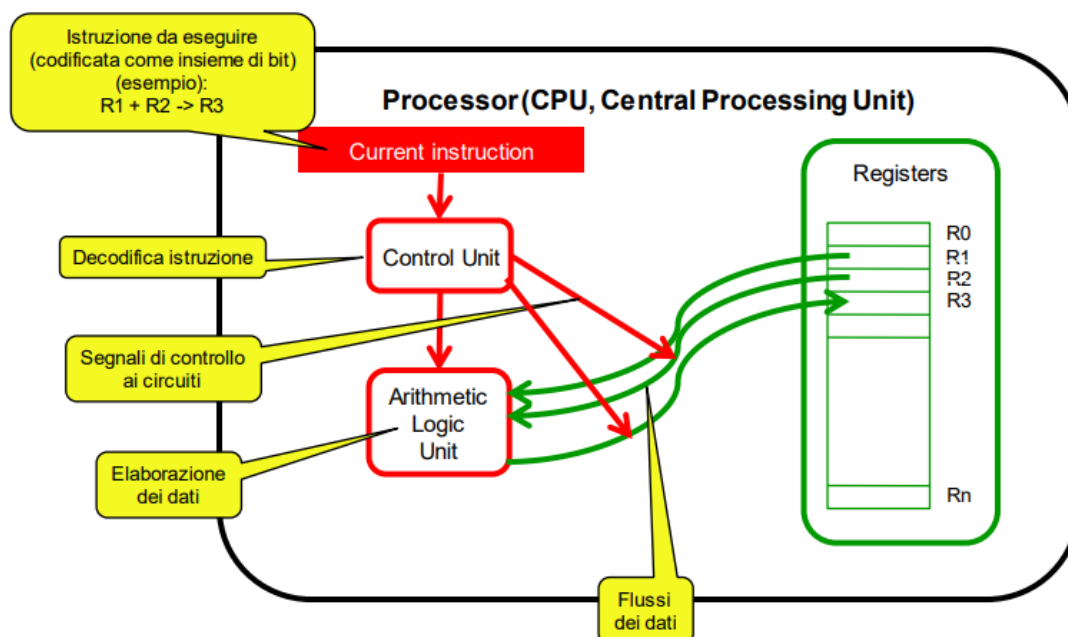
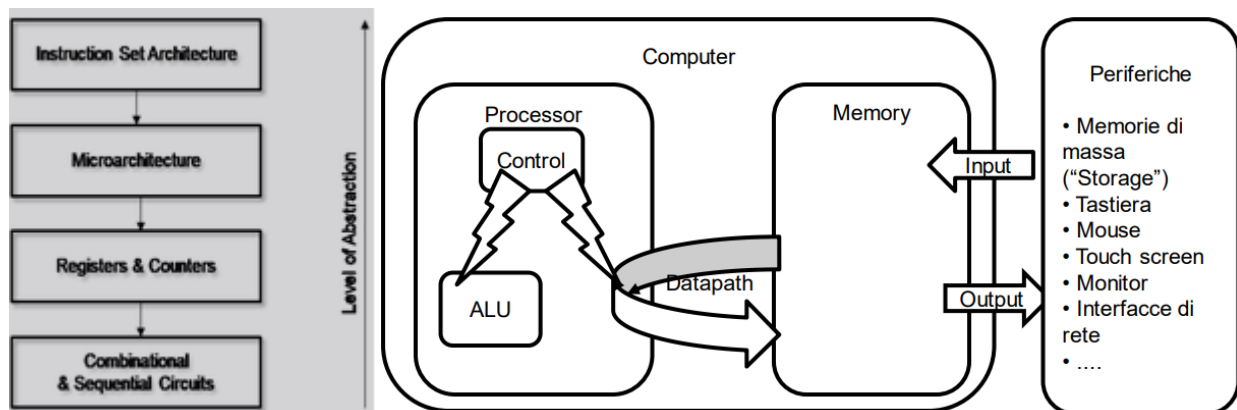
#### 92) Definizione di CPU

**CPU (Central Processing Unit):** dispositivo hardware interno che esegue le istruzioni di un programma. Il processore (CPU) è in grado di eseguire di eseguire istruzioni molto semplici, come effettuare operazioni aritmetiche di base (somme e/o sottrazioni) o spostare numeri o altri dati presenti in memoria.



#### 93) Instruction Set Architecture

L'ISA (Instruction Set Architecture) è un modello astratto di un computer che definisce come la CPU viene controllata dal software.



### 94) Differenza tra CISC e RISC

L'**architettura RISC** è l'architettura per **microprocessori**, caratterizzata da un set ridotto di istruzioni con tempi di esecuzione brevi e comparabili per facilitarne il parallelismo.

Le caratteristiche di questa architettura sono:

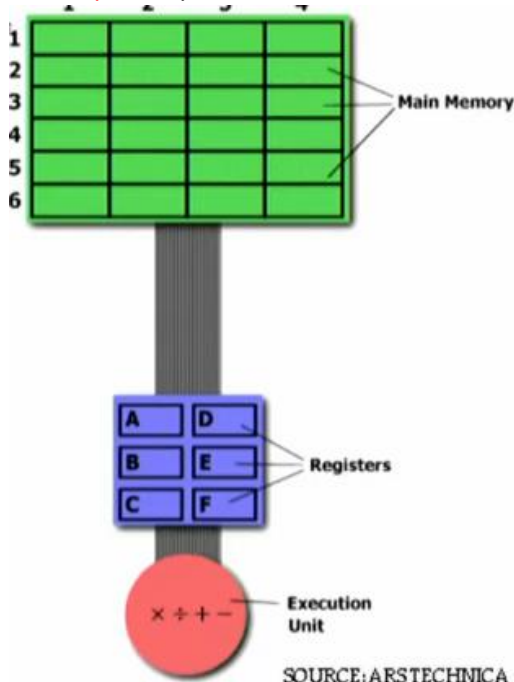
- include istruzioni single - clock ridotte;
- non è possibile il trasferimento tra la memoria ma tra i registri;
- utilizzo di più transistor nei registri.

L'**architettura CISC** è il tipo di architettura che hanno istruzioni più complesse, più potenti.

Le caratteristiche di questa architettura sono:

- possiede **32 registri di 32 bit** e le istruzioni sono di **32 bit**;
- include istruzioni multi - clock complesse;
- Esiste lo spostamento dei dati in memoria;
- i transistor vengono utilizzati per memorizzare istruzioni complesse.

**Esempio:** operazioni con matrici



La realtà hardware differisce dalla realtà software, la memoria è organizzata in celle sequenziali.

### Memoria RAM

|  |
|--|
|  |
|  |
|  |
|  |

Nell'hardware ridotto (**RISC**) non esistono alcune operazioni, come il prodotto.

### 95) MIPS: istruzioni

→ Architettura costituita da 32 registri con 32 bit ciascuna.

Linguaggio Macchina:

```
00000000100001001010101000000100000
```

Linguaggio Mnemonico

```
add $10, $8, $9
```

I dati in **MIPS** sono calcolati solo su **registri**.

Esempio:

```
add $10, $8, $9
```

Questa istruzione significa che il valore \$10 equivale alla somma tra il contenuto di \$8 e \$9.

```
$10 = $8 + $9
```

Esistono tre tipologie di scomposizione:

→ **R - Type**: scomposizione su registri (scomposizione in cui si citano i registri)

→ **I - Type**;

→ **J - Type**

### 96) Istruzioni formato R - Type

Data la seguente istruzione:

```
add $10, $8, $9
```

La scomposizione è la seguente:

|        |       |       |       |       |        |
|--------|-------|-------|-------|-------|--------|
| 000000 | 01000 | 01001 | 01010 | 00000 | 100000 |
|--------|-------|-------|-------|-------|--------|

|                 |            |            |            |               |               |
|-----------------|------------|------------|------------|---------------|---------------|
| op.code (6 bit) | rs (5 bit) | rt (5 bit) | rd (5 bit) | shamt (5 bit) | funct (6 bit) |
|-----------------|------------|------------|------------|---------------|---------------|

I componenti del formato sono:

→ **operation code (6 bit)**: codifica dell'operazione;

→ **rs (5 bit)**: primo registro sorgente (primo operando);

→ **rt (5 bit)**: secondo registro sorgente (secondo operando);

→ **rd (5 bit)**: registro destinazione (riceve risultato);

→ **shamt (5 bit - shift amount)**: bit spesso irrilevanti e vengono utilizzati per effettuare lo shift e possono contenere qualsiasi bit;

→ **funct (6 bit)**: variante della operazione;

Esempio utilizzo:

```
add $10, $8, $9 → add su soli registri
```

|        |       |       |                  |
|--------|-------|-------|------------------|
| 001000 | 01000 | 01010 | 0000000000000100 |
|--------|-------|-------|------------------|

### 97) Istruzioni formato I - Type

Nel formato **I - type** è possibile codificare la somma tra registri e numeri.

|                 |            |            |                 |
|-----------------|------------|------------|-----------------|
| op.code (6 bit) | rs (5 bit) | rt (5 bit) | offset (16 bit) |
|-----------------|------------|------------|-----------------|

**Esempio:**

$$z = x + 9$$

```
addi rt, rs, imm
```

|   |    |    |     |
|---|----|----|-----|
| 8 | rs | rt | imm |
|---|----|----|-----|

I componenti del formato sono:

- **operation code (6 bit)**: codifica dell'operazione;
- **rs (5 bit)**: registro sorgente (operando);
- **rt (5 bit)**: registro destinazione (riceve risultato);
- **immediate**: registra l'offset.

**Esempio:** `addi $t0, $s, 4`

### 98) Istruzioni formato J - Type

Nel formato **J - type** permette di saltare all'istruzione il cui indirizzo è

**0x00010E8<sub>16</sub>**

|                 |                            |
|-----------------|----------------------------|
| op.code (6 bit) | Jump word address (26 bit) |
|-----------------|----------------------------|

|        |                             |
|--------|-----------------------------|
| 001000 | 000000000000000010000111010 |
|--------|-----------------------------|

I componenti della scomposizione sono:

- **operation code (6 bit)**: codifica dell'operazione;
- **jump word address (26 bit)**: rappresenta l'indirizzo a cui si vuole saltare.

Le altre caratteristiche sono:

- carica nel **PC (Program Counter)** il valore **000000000000000010000111010**;
- con **26 bit** si indirizzano  $2^{26}$  Word. I 4 bit più significativi corrispondono ai 4 bit più significativi di PC.

**PC (Program Counter)**: contiene l'indirizzo dell'istruzione successiva da eseguire.

### 99) Istruzione load word

Carica nel registro 10 il contenuto della parola (32 bit) che è all'indirizzo di memoria ottenuto come somma del registro 8 e dell'offset immediato 4.

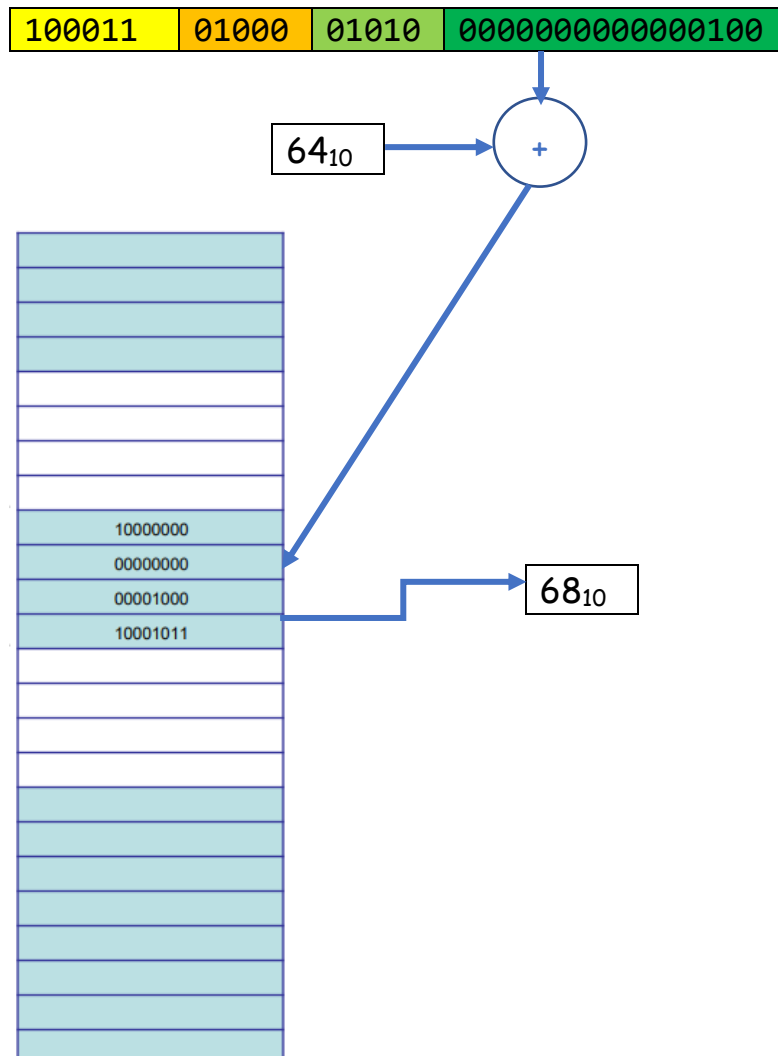
|                 |            |            |                 |
|-----------------|------------|------------|-----------------|
| op.code (6 bit) | rs (5 bit) | rt (5 bit) | offset (16 bit) |
|-----------------|------------|------------|-----------------|

|        |       |       |                   |
|--------|-------|-------|-------------------|
| 100011 | 01000 | 01010 | 00000000000000100 |
|--------|-------|-------|-------------------|

→ se **rs** contiene inizialmente **64** (000000000000000000001000000) e l'indirizzo in memoria della word da caricare è **68** (000000000000000000001000100), in **rt** vengono trasferiti **32 bit** a partire dall'indirizzo così ottenuto.

**ASSEMBLY:** `lw $t0, 4($8)`

**Funzionamento**



### 100) Modalità di indirizzamento

Descrive la tipologia in cui si prelevano i dati ed esistono tre modalità di indirizzamento:

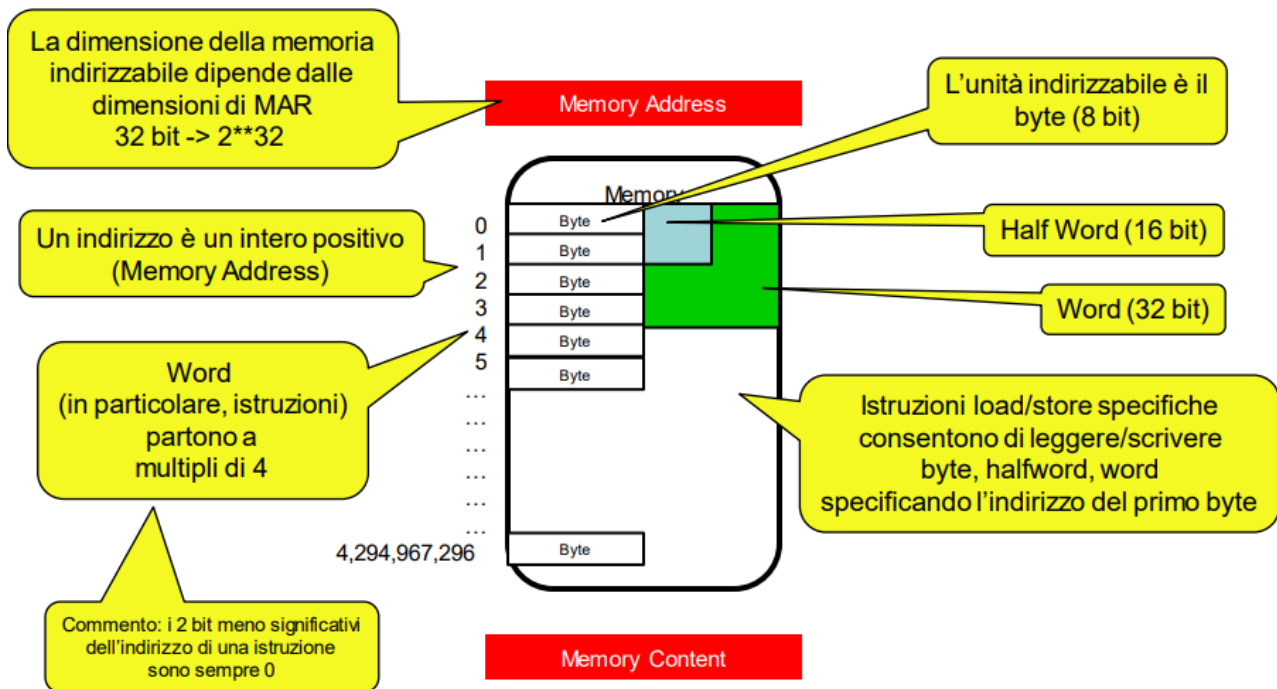
- **Registri di CPU**: indirizzamento a registri (i dati si muovono tra registri, come nel caso di R - type);
- **Memoria**: indirizzamento immediato (come nel caso di I - type).
- **Memoria di massa** ("Storage").

### 101) Descrivere l'indirizzamento di memoria

La realtà **MIPS** definisce l'indirizzo di memoria a seconda delle seguenti

caratteristiche:

- la dimensione della memoria indirizzabile dipende dalle dimensioni di **MAR** (32 bit →  $2^{32}$  valori rappresentabili);
- un indirizzo è un intero positivo (**Memory Address**);
- l'unità indirizzabile è il byte (8 bit);
- le istruzioni load/store specifiche consentono di leggere/scrivere byte, halfword, word specificando l'indirizzo del primo byte.



## 102) Istruzione store word

Memorizza il contenuto del registro 10 (32 bit) all'indirizzo di memoria ottenuto come somma del contenuto del registro 8 e dell'offset immediato 4.

101011 01000 01010 0000000000000100

I componenti del formato sono:

- **operation code (6 bit)**: codifica dell'operazione;
- **rs (5 bit)**: registro sorgente (operando);
- **rt (5 bit)**: registro destinazione (riceve risultato);
- **offset immediato**: registra l'offset.

**ASSEMBLY:** sw \$10, 4(\$8)

## 103) Differenza tra store word e load word

- **Load word (lw)**: carica nel registro 10 il contenuto della parola (32 bit) che è all'indirizzo di memoria ottenuto come somma del registro 8 e dell'offset immediato 4;

`lw $10, 4($8)`

→ **Store word (sw)**: memorizza il contenuto del registro 10 (32 bit) all'indirizzo di memoria ottenuto come somma del registro 8 e dell'offset immediato 4.

`sw $10, 4($8)`

#### 104) Istruzione I - type (branch)

L'istruzione **I - type (branch)** salta a **Branch Address** se il contenuto del registro 16 (rs) è diverso dal contenuto del registro 17 (rt).

|        |       |       |                  |
|--------|-------|-------|------------------|
| 101011 | 01000 | 01010 | 0000000000000100 |
|--------|-------|-------|------------------|

I componenti del formato sono:

- **operation code (6 bit)**: codifica dell'operazione;
- **rs (5 bit)**: registro sorgente (operando);
- **rt (5 bit)**: registro destinazione (riceve risultato);
- **Branch Address**.

**ASSEMBLY**: `bne $16, $17, exit` oppure `bne $s0, $s1, exit`

**Exit**: è un'etichetta che l'assembler traduce in uno spiazamento.

Il **Branch Address** salta ad un indirizzo con il seguente range:

**valore immediato** -  $2^{15} \leq BA < 2^{15}$ .

Il problema del "dove saltare" può essere risolto mediante due possibili soluzioni:

- usare un **registro base**;
- usare **PC** come **registro base** ( $CA + 4 + BA * 4$ )

#### 104) Istruzione R - type (shift left)

L'istruzione **R - type (shift left)** effettua lo shift di 4 bit a sinistra il contenuto del registro 16 e mette il risultato nel registro 10.

|        |       |       |       |       |        |
|--------|-------|-------|-------|-------|--------|
| 000000 | 00000 | 10000 | 01010 | 00100 | 000000 |
|--------|-------|-------|-------|-------|--------|

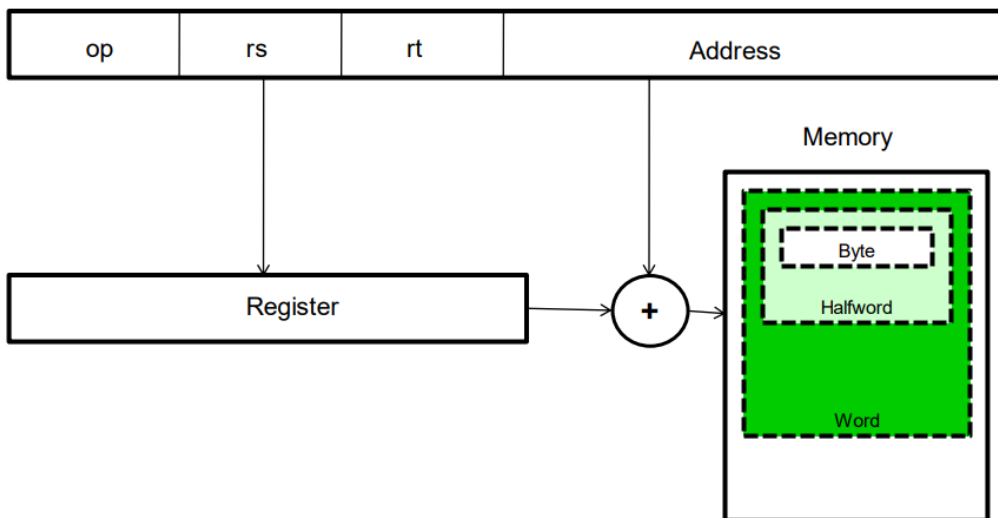
|                 |            |            |            |               |               |
|-----------------|------------|------------|------------|---------------|---------------|
| op.code (6 bit) | rs (5 bit) | rt (5 bit) | rd (5 bit) | shamt (5 bit) | funct (6 bit) |
|-----------------|------------|------------|------------|---------------|---------------|

→ se rt contiene inizialmente 9, dopo l'esecuzione rd contiene 144.

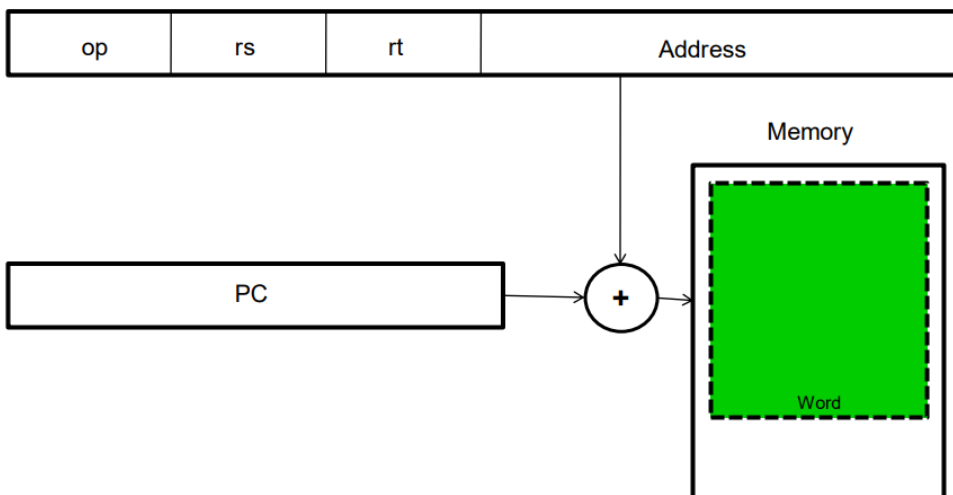
**ASSEMBLY**: `sll $10, $16, 4` oppure `sll $t2, $s0, 4` (shift left logical)



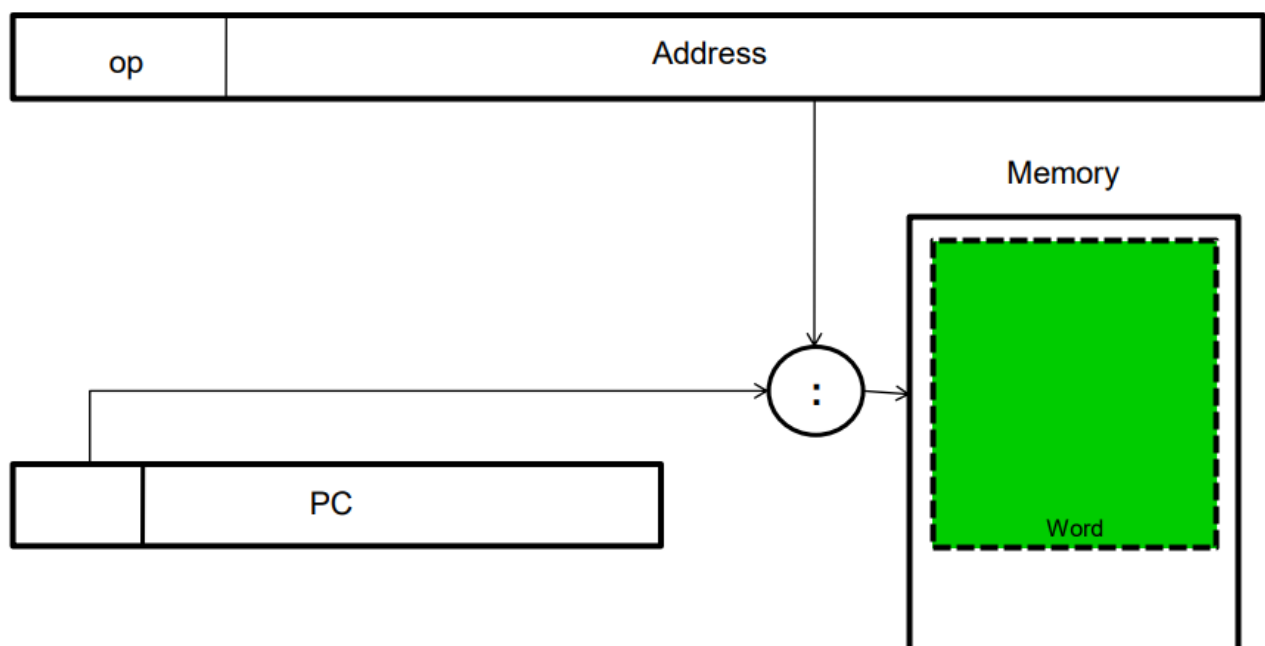
### Base addressing



### PC - relative addressing



### Pseudodirect addressing



## Capitolo 4: Assembly e Catena Programmatica

### 105) Descrivere le caratteristiche di un linguaggio di alto livello

Le caratteristiche di un **linguaggio di alto livello** sono:

- notazione vicina al linguaggio corrente e alta notazione algebrica (maggiore espressività e leggibilità);
- incremento di produttività (svincolata dalla conoscenza dei dettagli architetturali della macchina utilizzata);
- indipendenza dalle caratteristiche dell'architettura (processore) su cui il programma sarà eseguito (portabilità);
- ideata per macchine astratte, in grado di effettuare operazioni di più alto livello rispetto alle operazioni dei processori reali;
- permettono l'uso di librerie di funzionalità già scritte (riusabilità del codice).

### 106) Cosa si intende per linguaggio macchina?

Per **linguaggio macchina** si intende il linguaggio con cui vengono scritti i programmi eseguibili da un computer. La grammatica dei **linguaggi macchina** dipende fortemente dalla tipologia di processore, il quale traduce le istruzioni presenti nel programma e le esegue. I linguaggi macchina sono anche denominati **linguaggi di basso livello**.

### 107) Cosa si intende per linguaggio assembly?

Linguaggio di programmazione le cui istruzioni sono composte da stringhe alfanumeriche corrispondenti in modo biunivoco alle istruzioni elementari dell'unità di elaborazione centrale (**CPU - Central Processing Unit**) di un calcolatore elettronico.

La sintassi è la seguente:

```
MOV AX,BX  
ADD DL,AL  
CMP AX,DX
```

### 108) Vantaggi del linguaggio assembler

La dipendenza dall'**architettura del calcolatore** permette di:

- ottimizzare le prestazioni (maggiore efficienza);
- scrivere programmi (potenzialmente) più compatti;
- sfruttare al massimo le potenzialità dell'hardware sottostante;
- programmare controller di processi e macchinari (e.g., real-time), o per apparati limitati (e.g., embedded computer, portatili).

### 109) Svantaggi del linguaggio assembler

Gli svantaggi del linguaggio assembly sono:

- minore espressività: per esempio, strutture di controllo limitate;
- necessità di conoscere i dettagli dell'architettura;
- mancanza di portabilità su architetture diverse;
- difficoltà di comprensione;
- lunghezza maggiore dei programmi.

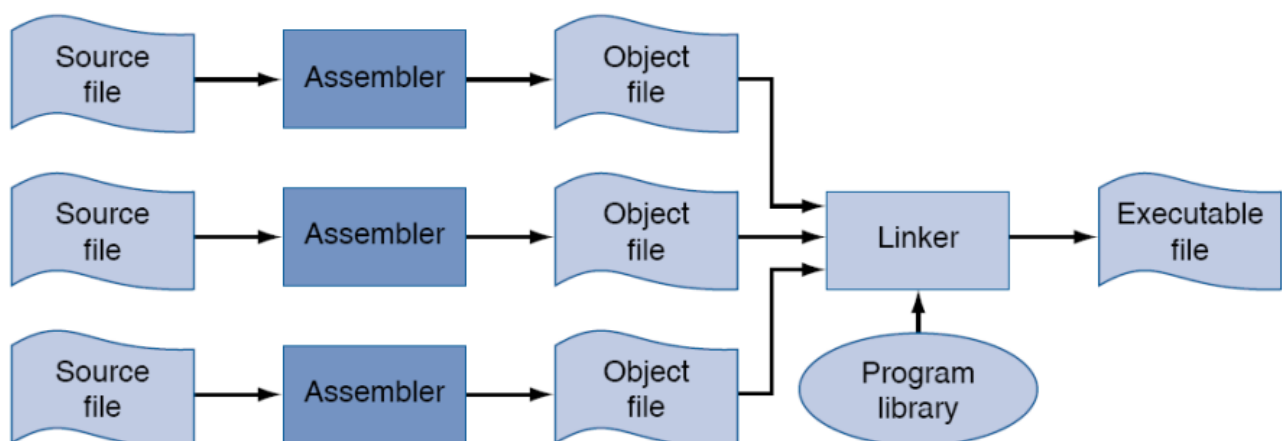
### 110) Compilatore, assembler e linker



### 111) Catena Programmatica

Il processo utilizzato per eseguire un file assembly è il seguente:

l'assemblatore traduce un file assembly in object file, il quale è collegato (linkato) con altri file e librerie nel file eseguibile.



### 112) Debugger: definizione e caratteristiche

Il **debugger** è un programma/software specificatamente progettato per l'analisi e l'eliminazione dei bug (debugging), ovvero errori di programmazione interni al codice di altri programmi.

La funzionalità del debugger è la seguente:

- esecuzione passo-passo (step-by-step) di un programma;
- ispezione del valore di variabili ed espressioni;
- interruzione in punti predefiniti (breakpoint);
- interruzione in caso di modifica del valore di determinate variabili (watchpoint);
- visualizzazione degli indirizzi di memoria delle variabili o delle istruzioni.

### 113) Compilatore: definizione e caratteristiche

Il **compilatore** è un programma software che traduce le istruzioni di un linguaggio di programmazione ad alto livello in linguaggio macchina. Esso salva le nuove istruzioni in memoria (crea **file.exe**). Il compilatore traduce prima il codice poi lo esegue; per tale motivo offre una traduzione più veloce ma l'eseguibile creato (**esempio.exe**) sarà utilizzabile solo sul calcolatore su cui il codice è stato compilato e quindi non sarà portatile.

### 114) Assemblatore: definizione e caratteristiche

L'**assemblatore** è un software che trasforma le istruzioni mnemoniche dell'assembly in linguaggio macchina.

Esso gestisce:

- etichette;
- pseudo - istruzioni;
- numeri in base diversi (binario, decimale, esadecimale).

### 115) Come avviene il processo di assemblaggio?

L'**assemblaggio** è un procedimento sequenziale che esamina, riga per riga, il codice sorgente **Assembly**, traducendo ciascuna riga in un'istruzione del linguaggio macchina.

Le caratteristiche del processo di assemblaggio sono:

- viene applicato modulo per modulo al programma e costituisce per ogni modulo la tabella dei simboli del modulo;
- traduce i codici mnemonici (simbolici) delle istruzioni nei corrispondenti codici binari;
- traduce i riferimenti simbolici (variabili, registri, etichette di salto, parametri) nei corrispondenti indirizzi numerici.
- l'**etichetta** consente al programmatore in assembly di risparmiare lo sforzo nel ricordare la posizione in memoria di ogni singola istruzione;
- poiché l'etichetta di salto genera il problema dei riferimenti in avanti (ossia, riferimenti ad etichette successive o contenute in altri file), l'assemblatore deve leggere il programma sorgente due volte;
- ogni lettura del programma sorgente è chiamata **passo** e l'assemblatore è chiamato traduttore a due **passi**;
- ogni modulo assemblato di default parte dall'indirizzo 0;
- in sistemi dotati di meccanismi di memoria virtuale tali indirizzi sono indirizzi virtuali.

### 116) Descrivere la tabella dei simboli

La **tabella dei simboli** contiene i riferimenti simbolici presenti nel modulo da tradurre e, al termine del primo passo, conterrà gli indirizzi numerici di tutti i simboli, tranne quelli esterni al modulo in esame.

Le etichette vengono suddivise in tre categorie:

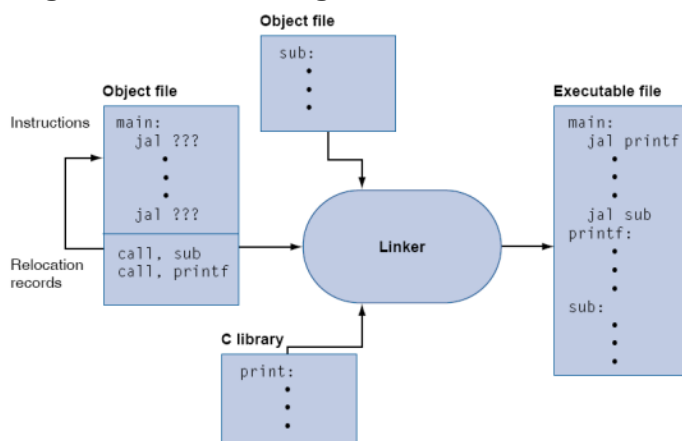
- **etichette associate a direttive dell'assemblatore** che definiscono costanti simboliche nella tabella dei simboli viene creata la coppia **<etichetta, valore>** e in ogni istruzione che fa riferimento al simbolo viene sostituito il valore;
- **etichette che definiscono variabili** (spazio di memoria + eventuale inizializzazione), l'**assemblatore** riserva spazio, eventualmente inizializza la zona di memoria e crea nella tabella la coppia **<etichetta, indirizzo>** e in ogni istruzione che fa riferimento al simbolo (all'etichetta), il simbolo viene sostituito con l'indirizzo;
- **etichette che definiscono istruzioni di salto**, dove l'**assemblatore** deve generare un riferimento all'indirizzo dell'istruzione destinazione di salto.

### 117) Linker (link editor): definizione e caratteristiche

Il **linker (link editor)** è un software di sistema che raccoglie le procedure separatamente prodotte nella fase di traduzione di un programma scritto in un certo linguaggio di programmazione e provvede a realizzare un collegamento (**to link**) tra di loro.

Le operazioni de linker sono:

- inserisce in memoria in modo simbolico il codice e i moduli dati;
- determina gli indirizzi dei dati e delle etichette che compaiono nelle istruzioni;
- corregge i riferimenti interni ed esterni e risolve i riferimenti in sospeso (a etichete esterne);
- genera il file eseguibile.



**118) Loader: caratteristiche**

Il **loader** è la parte di un sistema operativo responsabile del caricamento di programmi e librerie.

Le caratteristiche del **loader** sono:

- lettura dell'intestazione del file eseguibile per determinare la lunghezza del segmento di testo (cioè delle istruzioni) e del segmento dati (cioè le variabili);
- creazione di uno spazio di indirizzamento sufficiente a contenere testo e dati;
- copia delle istruzioni e dati dal file eseguibile in memoria;
- copia nello stack degli eventuali parametri passati al programma principale;
- inizializzazione dei registri e impostazione dello stack pointer affinché punti alla prima locazione libera;
- salto a una procedura di startup la quale copia i parametri nei registri argomento e chiama la procedura principale del programma;
- quando la procedura principale restituisce il controllo, la procedura di startup termina il programma con una chiamata alla funzione di sistema exit.

**119) Nomi e utilizzi dei registri**

| Nome Simbolico | Numero | Uso                                  |
|----------------|--------|--------------------------------------|
| \$zero         | 0      | Costante 0                           |
| \$at           | 1      | Assembler temporary                  |
| \$v0-\$v1      | 2-3    | Functions and expressions evaluation |
| \$a0-\$a3      | 4-7    | Arguments                            |
| \$t0-\$t7      | 8-15   | Temporaries                          |
| \$s0-\$s7      | 16-23  | Saved Temporaries                    |
| \$t8-\$t9      | 24-25  | Temporaries                          |
| \$k0-\$k1      | 26-27  | Reserved for OS kernel               |
| \$gp           | 28     | Global pointer                       |
| \$sp           | 29     | Stack pointer                        |
| \$fp           | 30     | Frame pointer                        |
| \$ra           | 31     | Return address                       |

**120) Direttive assembler**

Le caratteristiche delle direttive dell'assemblatore sono:

- non corrispondono a istruzioni macchina;
- sono indicazioni date all'assembler per consentirgli di associare etichette simboliche a indirizzi, allocare spazio di memoria per le variabili, decidere in quali zone di memoria allocare istruzioni e dati ed etc.

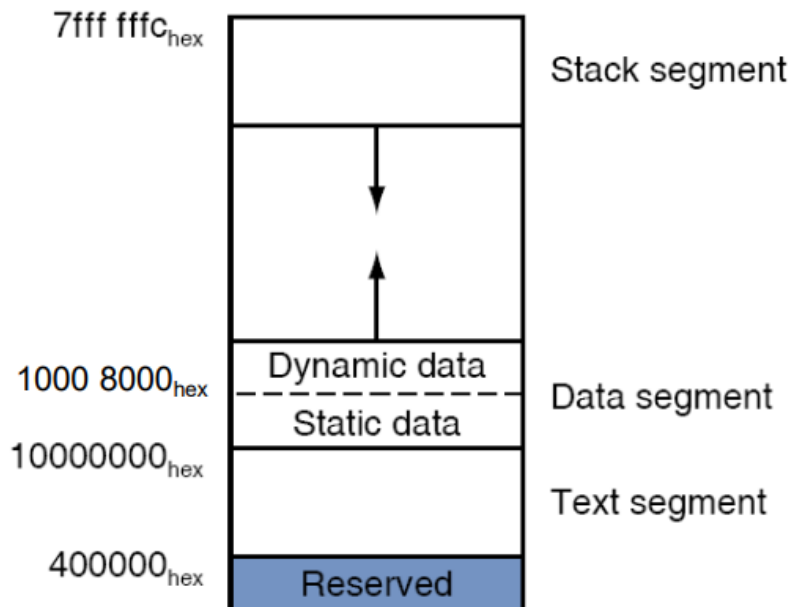
**Esempi:**

`.data <address>` → inserito nel segmento dati

`.byte b1,b2,...,bn` → inizializza byte successivi

`.word w1,w2,...,wn` → inizializza i valori in word successive;

`.text <addr>` → quel che segue va nel segmento text.

**121) Istruzioni aritmetiche e logiche**

Le istruzioni aritmetiche e logiche in **assembly** sono:

- `add rd, rs, rt`: addizione ( $rs + rt \rightarrow rd$ );
- `addi rd, rs, imm`: addizione immediata ( $imm + rs \rightarrow rd$ );
- `and rd, rs, rt`: and bit a bit di rs e rt  $\rightarrow rd$ ;
- `or rd, rs, rt`: or bit a bit di rs e rt  $\rightarrow rd$ ;
- `ori rt, rs, imm`: or immediato di rs e zero - extended imm  $\rightarrow rt$ ;
- `sll rd, rt, shamt`: shift left rt della distanza shamt  $\rightarrow rd$ .

**122) Manipolazione costanti**

Le manipolazioni di valori in **assembly** sono:

- `lui rt, imm`: load upper immediate e i 16 bit bassi di rt sono 0;
- `lui $s0, 61 (lui $s0, 0x003d)`: contenuto di \$s0 è `0000 0000 0011 1101 0000 0000 0000 0000`;
- `ori $s0, $s0, 2304 (lui $s0, 0x0900)`: contenuto di \$s0 è `0000 0000 0011 1101 0000 1001 0000 0000`

**123) Definizione di pseudo istruzione**

La **psuedo istruzione** è l'istruzione assembly che non ha una corrispondente

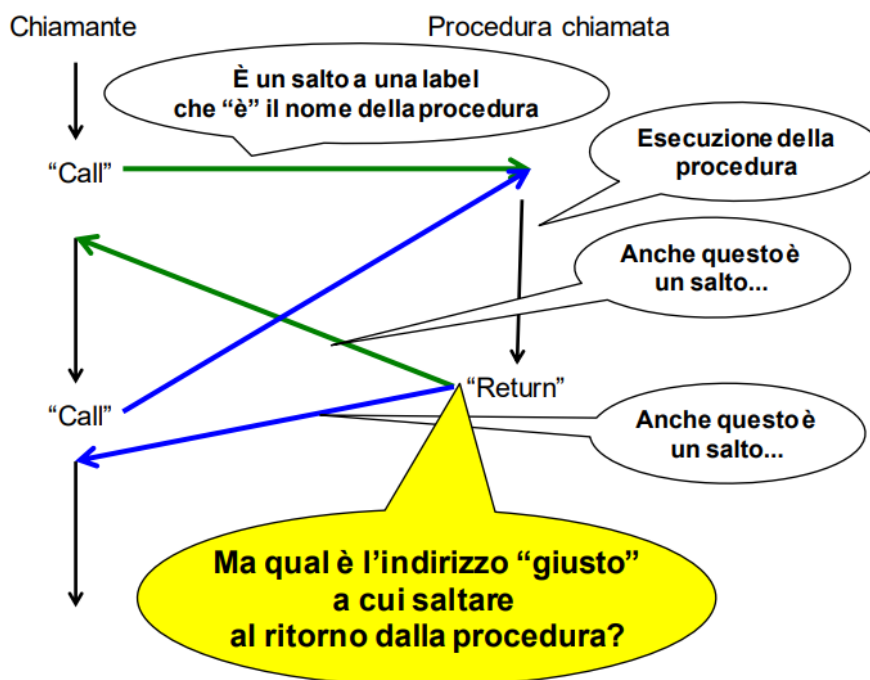
istruzione macchina e che viene tradotta dall'**assembler** in una sequenza di istruzioni.

Ad **esempio**:

`li $s0, 4000000` → tradotta in `lui $s0, 61;`

`move $t0, $t1` → tradotta in `add $t0, $zero, $t1`

## 124) Flusso di controllo: chiamate procedure



## 125) Istruzione jal (jump and link)

L'istruzione **jal** (**jump and link**) salta a una procedura indicata nell'istruzione e contemporaneamente crea un collegamento a dove deve ritornare per continuare l'esecuzione del chiamante. Salva nel registro **\$ra** (**registro 31**) ("return address") l'indirizzo a cui tornare dopo l'esecuzione della procedura (l'indirizzo successivo a quello dell'istruzione **jal**, cioè l'indirizzo in cui si trova la **jal + 4**). Tale indirizzo si trova nel **PC** (**Program Counter**).

**Sintassi:**

`jal <indirizzoProcedura>`

## 126) Istruzione jr (jump register)

Salta all'indirizzo contenuto in un registro ed è una istruzione di uso generale che consente di saltare a qualsiasi locazione di memoria

**Sintassi:**

`jr <registro>`



`jr $ra` → uno degli indirizzi tipici di `jr` per realizzare il ritorno da procedura saltando all'indirizzo precedentemente salvato da `jal`.

### 127) Come avviene il passaggio dei parametri in assembly

In **Assembly** il passaggio dei parametri viene gestito nella maniera seguente:

- `$a0` - `$a3`: registri argomento per il passaggio dei parametri;
- `$v0` - `$v1`: registri valore per la restituzione dei risultati;
- dal punto di vista hw sono registri come tutti gli altri, ma il loro utilizzo per il passaggio di parametri e risultati è una convenzione programmatica che deve essere rispettata per consentire di scrivere procedure che possono essere scritte senza bisogno di sapere come è fatto il programma che le chiama e senza bisogno di sapere come sono fatte dentro;
- un parametro può essere un dato o un indirizzo!!

### 128) Procedura: definizione e caratteristiche

→ Una **procedura** è un meccanismo per organizzare il codice in modo comprensibile e riutilizzabile e consentono ai programmatori di concentrarsi su una parte del problema alla volta.

I 6 passi di una procedura sono:

- setting dei parametri in un luogo accessibile alla procedura;
- trasferimento del controllo alla procedura e salvare l'indirizzo dell'istruzione dove tornare dopo la chiamata della procedura (usare l'istruzione `jal`);
- acquisizione delle risorse per l'esecuzione della procedura;
- esecuzione del compito richiesto;
- mettere il risultato in un luogo accessibile al chiamante;
- restituire il controllo al punto di partenza (usare l'istruzione `jr`).

### 129) Syscall

Le chiamate di sistema (**syscall**) permettono ai programmi utente di richiamare i servizi del sistema operativo: sono solitamente disponibili come speciali istruzioni assembler o come delle funzioni nei linguaggi che supportano direttamente la programmazione di sistema (ad esempio, il C).

La tabella delle istruzioni è la seguente:

| Service      | System call code | Arguments  | Result                      |
|--------------|------------------|--|-----------------------------|
| print_int    | 1                | \$a0 = integer                                       |                             |
| print_float  | 2                | \$f12 = float  |                             |
| print_double | 3                | \$f12 = double                                       |                             |
| print_string | 4                | \$a0 = string  |                             |
| read_int     | 5                |  | integer (in \$v0)           |
| read_float   | 6                |  | float (in \$f0)             |
| read_double  | 7                |  | double (in \$f0)            |
| read_string  | 8                | \$a0 = buffer, \$a1 = length                         |                             |
| sbrk         | 9                | \$a0 = amount  | address (in \$v0)           |
| exit         | 10               |  |                             |
| print_char   | 11               | \$a0 = char  |                             |
| read_char    | 12               |  | char (in \$a0)              |
| open         | 13               | \$a0 = filename (string), \$a1 = flags, \$a2 = mode  | file descriptor (in \$a0)   |
| read         | 14               | \$a0 = file descriptor, \$a1 = buffer, \$a2 = length | num chars read (in \$a0)    |
| write        | 15               | \$a0 = file descriptor, \$a1 = buffer, \$a2 = length | num chars written (in \$a0) |
| close        | 16               | \$a0 = file descriptor                               |                             |
| exit2        | 17               | \$a0 = result  |                             |

130) Se una procedura usa registri, cosa succede del contenuto lasciato nei registri dal chiamante?

Si utilizzano i registri \$t e \$s.

La differenza tra i registri \$t e \$s è la seguente:

→ i registri \$t ("temporary") non vengono salvati dalla procedura e il chiamante non può aspettare di trovare i contenuti dei registri \$t immutati dopo una chiamata ad una procedura;

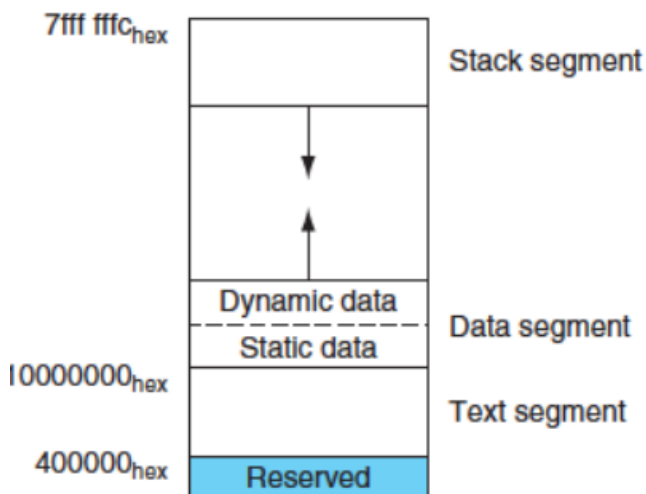
→ i registri \$s ("saved") vengono salvati dalla procedura e il chiamante ha diritto di aspettarsi che i contenuti dei registri \$s siano immutati dopo una chiamata a procedura.

I registri \$s vengono salvati nello stack.

131) Procedura foglia e non foglia

La procedura foglia è la procedura che non chiama altre procedure, mentre la

procedura non foglia chiama altre procedure.



### 132) Uso dello stack: descrizione



- Lo **stack** consiste di un insieme di segmenti logici (**stack frame**) che vengono impilati (**pushed**) sullo **stack** quando viene chiamata una funzione e spilati (**popped**) quando la funzione ritorna.
- Questa porzione di memoria utilizza una gestione di dati del tipo **LIFO** (**Last in First out**). Normalmente viene utilizzato per il salvataggio temporaneo di dati.
- Il **frame di stack** (**chiamata di procedura**) è un blocco di memoria associato alla procedura.
- La variabile **\$sp** punta alla prima parola del frame mentre **\$fp** punta all'ultima parola del **frame**. Un **frame** è (solitamente) è multiplo della parola doppia (**8 byte**).

### Esempio: frame di 32 byte

```
addi $sp, $sp, -32      # frame di stack di 32 byte
addi $fp, $sp, 28       # imposta il frame pointer
sw $ra, 0($fp)          # salva l'indirizzo di ritorno come primo
                        # word nel frame sullo stack
```

### 133) Compiti dello stack frame

Prima di chiamare una **procedura**, lo **stack frame** i seguenti passi:

→ impostare gli argomenti da passare alla procedura in  $\$a0-\$a3$ ; eventuali altri argomenti sono nella memoria o nello stack;

→ salvare eventualmente i registri  $\$a0-\$a3$  e  $\$t0-\$t9$  in quanto la procedura chiamata può usare liberamente questi registri;

→ chiamare la procedura tramite l'istruzione **jal nome\_procedura**.

Successivamente (dopo la chiamata di una **procedura**), lo **stack frame** i seguenti passi:

→ allocare il suo stack frame ( $\$sp = \$sp - \text{dimensione frame procedura}$ )

→ salvare i valori disponibili nei registri  $\$s0-\$s7$ ,  $\$fp$ ,  $\$ra$  se intende usarle tali registri per la sua esecuzione, se per esempio la procedura non chiama un'altra procedura non è necessario salvare il registro  $\$ra$ ;

→ settare il **frame pointer** (che indica l'indirizzo dell'ultima parola del **frame**):

$\$fp = \$sp - \text{dimensione frame procedura} + 4$ .

Alla fine della **procedura**, lo **stack frame** i seguenti passi:

→ mettere il valore di ritorno nei registri  $\$v0$ ,  $\$v1$ ;

→ ripristinare i valori dei registri salvati sullo stack ( $\$s0-\$s7$ ,  $\$fp$ ,  $\$ra$ )

→ liberare lo spazio sullo stack:  $\$sp = \$sp + \text{dimensione frame procedura}$ ;

→ eseguire l'istruzione **jr \$ra**.