## Devoir maison 2

#### 8 mars 2019

Dans ce devoir maison, nous nous intéressons aux algorithmes des graphes. Les graphes peuvent représenter divers type de données comme Facebook ou Twitter. Nous utilisons des données publiques (missing the link).

Un graphe G est représenté en maths sous la forme G=(V,E) où V est l'ensemble des nœuds, E est l'ensemble des liens de la forme (u,v) tels que  $u,v\in V$ . Les nœuds représentent les entités des données et les liens représentent les interactions entre elles.

En Clojure, nous représentons les graphes sous la forme d'une Map, où chaque clé représente un nœud et la valeur représente un dictionnaire de caractéristiques de ce nœud.

Voici une exemple:

# 1 Première partie : Génération de graphes

## Question 1

Les données sont representées sous la forme de fichier .txt où chaque ligne, sous la forme u v, représente une interaction entre u et v. Il existe donc un lien direct entre ces deux noeuds.

Complétez la fonction gen-graph, qui prend en paramètre une sequence de liens sous la forme "u v" et qui renvoie une Map qui représente le graphe en question.

```
Par exemple, la séquence : ("0 1" "2 3" "0 2"]) est représentee par : \{1 : \text{neigh } \#\{0\}\}, 0 : \text{neigh } \#\{1 : \text{neigh } \#\{2\}\}, 2 : \text{neigh } \#\{0 : \text{neigh
```

Nous vous fournissons la fonction readfile qui lit un fichier texte et qui retourne une séquence de chaines representant les liens.

#### Question 2

Complétez la fonction erdos-renyi-rnd qui génère un graphe aléatoire. La fonction prend deux paramètres en argument : n qui est le nombre de nœuds du graphe et p qui est la probabilité d'avoir un lien entre une paire de nœuds.

Un exemple possible, (erdos-renyi-rnd 5 0.5) renvoie

```
{1 {:neigh #{0 4 3}}, 0 {:neigh #{1 3}},
2 3 {:neigh #{0 1 2}}, 4 {:neigh #{1}}, 2 {:neigh #{3}}}
```

## 2 Deuxième partie : metriques de centralité

## Question 1

Complétez la fonction degrees qui prend en argument un graphe et qui ajoute à chaque nœud sa centralité de degré i.e., le nombre de voisins directs du nœud.

#### Question 2

La distance naturelle entre une paire de nœuds est définie par la longueur de leur(s) plus court(s) chemin(s). Complétez la fonction **distance** qui prend en arguments un graphe g et un nœud n et qui retourne une map avec la distance entre n et les autres nœuds du graphe G.

```
1
2 (let
3 [g {1 {:neigh #{0 4 3}},
4 0 {:neigh #{1 3}},
5 3 {:neigh #{0 1 2}},
6 4 {:neigh #{1}},
7 2 {:neigh #{3}}}]
8 (distance G 1))
9
10 {0 1.0, 4 1.0, 3 1.0, 1 2.0, 2 2.0}
```

#### Question 3

La centralité de proximité d'un nœud n est définie comme l'inverse de la somme de la longueur des chemins les plus courts entre le nœud n et tous les autres nœuds du graphe. Complétez la fonction closeness qui retourne la centralité du nœud.

## Question 4

Complétez la fonction closeness-all qui calcule la centralité de proximité pour tous les nœuds et qui renvoie le graphe avec les valeurs de centralité.

### Question 5

Complétez la fonction rank-nodes qui prend en arguments un graphe g et un label l et qui classe les noeuds entre eux par rapport au label l (:close ou :degree).

```
(let
       [g \{1 \}]  + \{0 \}
          0 \{ : neigh \# \{1 3\} \}, 
          3 \{ : neigh \# \{ 0 \ 1 \ 2 \} \},
          4 {:neigh #{1}},
          2 {:neigh #{3}}}]
6
      (rank-nodes (C/closeness-all G) :close))
     {0 {:neigh #{1 3}, :close 3.5, :rank 2}, 1 {:neigh #{0 4 3}, :close 4.0, :rank 3},
     2 {:neigh #{3}, :close 2.833333333333335, :rank 0},
10
     3 {:neigh #{0 1 2}, :close 4.0, :rank 3},
11
     4 {:neigh #{1}, :close 2.83333333333335, :rank 0}}
12
13
14
```

## 3 Program Princpal

## Question 1

Complétez la fonction to-dot qui retourne un graphe sous la forme de chaine avec le format de .dot. La couleur de chaque neud est defini par sa classement d'importance, vous pouvez utiliser la fonction generate\_colors.

```
(let
    [g {1 {:neigh #{0 4 3}}},
       0 {:neigh #{1 3}},
       3 {:neigh #{0 1 2}},
       4 {:neigh #{1}},
       2 {:neigh #{3}}}]
6
    (rank-nodes (closeness-all g) :close))
    graph g{
      0 [style=filled color="0.11764705882352941
10
      0.7450980392156863 0.596078431372549"]
11
      1 [style=filled color="0.1568627450980392
12
      0.7843137254901961 0.6352941176470588"]
13
      2 [style=filled color="0.0392156862745098
14
      0.666666666666666 0.5176470588235295"]
      3 [style=filled color="0.1568627450980392
16
      0.7843137254901961 0.6352941176470588"]
17
      4 [style=filled color="0.0392156862745098
18
      19
      0 -- 1
      0 -- 3
      1 -- 4
22
      1 -- 3
23
      2 -- 3
24
    }
25
```

#### Question 2

Complétez -main pour pouvoir utiliser les differentes fonctions. Nous utilisons le ligne de commande pour passer les differentes arugments.