ΕΡΩΤΗΣΕΙΣ ΚΑΤΑΝΟΗΣΗΣ ΣΤΟ ΠΕΠΕΡΑΣΜΕΝΟ ΟΡΙΟ

Α. Σε κάθε έναν από τους επόμενους ισχυρισμούς υπάρχει ένα λάθος. Ποιό είναι αυτό?

i. Αν για κάθε
$$x \in U(3)$$
 ισχύει $f(x) \le g(x)$ και $\lim_{x \to 3} g(x) = 0$ τότε και $\lim_{x \to 3} f(x) = 0$

ii. Αν υπάρχει το
$$\lim_{x \to x_0} (f(x) + g(x))$$
 τότε $\lim_{x \to x_0} (f(x) + g(x)) = \lim_{x \to x_0} f(x) + \lim_{x \to x_0} g(x)$ iii. Αν $\lim_{x \to x_0} |f(x)| = 5$, τότε $\lim_{x \to x_0} f(x) = 5$ ή $\lim_{x \to x_0} f(x) = -5$

iii. Av
$$\lim_{x \to x_0} |f(x)| = 5$$
, tote $\lim_{x \to x_0} f(x) = 5$ η $\lim_{x \to x_0} f(x) = -5$

iv. Αν για κάθε
$$x \in (\frac{5}{2},6)$$
 ισχύει $g(x) \le f(x) \le h(x)$ και $\lim_{x \to 2} g(x) = \lim_{x \to 2} h(x) = \lambda$ τότε και $\lim_{x \to 2} f(x) = \lambda$

Β. Ποιοί από τους επόμενους ισχυρισμούς είναι αληθείς και ποιοί ψευδείς και γιατί?

i. An
$$\lim_{x \to x_0} \sqrt{f(x)} = \lambda$$
 , the $\lim_{x \to x_0} f(x) = \lambda^2$

ii. Για κάθε συνάρτηση που ορίζεται κοντά στο \mathbf{x}_0 ισχύει: $\lim_{x \to \mathbf{x}_0} f(\mathbf{x}) = f(\mathbf{x}_0)$

iii. Αν
$$\lim_{x \to x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = 0$$
 , τότε και $\lim_{x \to x_0} f(x) = 0$

iv. Αν
$$\lim_{x \to x_0} f(x) = \lambda > 0$$
, τότε σε κάθε $U(x_0)$ ισχύει ότι $f(x) > 0$

v. An
$$\lim_{x \to x_0} |f(x)| = 0$$
 , the $\lim_{x \to x_0} f(x) = 0$

vi. Αν για κάθε
$$x \in U(2)$$
 ισχύει ότι $h(x) \le g(x) \le f(x)$, $\lim_{x \to 2} h(x) = -6$ και $\lim_{x \to 2} f(x) = 8$, τότε $-6 \le \lim_{x \to 2} g(x) \le 8$.

vii. Αν υπάρχει το
$$\lim_{x \to x_0} (f(x) + g(x))$$
 και το $\lim_{x \to x_0} g(x) \in \mathbb{R}$, τότε υπάρχει και το $\lim_{x \to x_0} f(x)$

viii. Αν
$$\lim_{x \to x_0} f(x) = \lambda \neq 0$$
 , τότε $f(x) \neq 0$ κοντά στο x_0