

ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΑ ΣΤΟ ΔΙΑΦΟΡΙΚΟ ΛΟΓΙΣΜΟ 2.1.-2.4

Όνοματεπώνυμο:.....

Βαθμός: (/100)

ΘΕΜΑ Α (/20 Μ)

A1) Αν η f είναι παραγωγίσιμη στο $x_0 \in A$, τότε να αποδείξετε ότι η f είναι και συνεχής στο x_0

(Μονάδες 10)

A2) Να κυκλώσετε με Σ ή Λ ανάλογα:

i) Η $f(x) = \sqrt{x}$ είναι παραγωγίσιμη στο πεδίο ορισμού της Σ – Λ

ii) Ο $x'x$ είναι η εφαπτομένη της συνάρτησης $f(x) = x^3$ σε κάποιο $x_0 \in \mathbb{R}$ Σ – Λ

iii) Ισχύει ότι: $(\varepsilon\phi x - \sigma\phi x)' = \frac{1}{\eta\mu^2 x \cdot \sigma\upsilon\nu^2 x}$ Σ – Λ

iv) Αν οι f, g είναι παραγωγίσιμες στο x_0 , τότε η $f \circ g$ είναι παραγωγίσιμη στο x_0 Σ – Λ

v) Η ευθεία $y = 5x - 5$ εφάπτεται της C_f με $f(x) = x^2 + 3x - 4$ Σ – Λ

(Μονάδες 10)

ΘΕΜΑ Β (/ Μ)

Αν $f(x) = \begin{cases} \frac{-\alpha \cdot x^2 + \beta \cdot x - \gamma}{x+1} & , x < -1 \\ x^2 - 2 \cdot \alpha \cdot x - \alpha & , x \geq -1 \end{cases}$. Να βρεθούν οι αριθμοί $\alpha, \beta, \gamma \in \mathbb{R}$ ώστε η f να είναι παραγωγίσιμη στο

$x_0 = -1$

(Μονάδες 20)

ΘΕΜΑ Γ (/20Μ)

Ναδειχθεί ότι από το σημείο $M(\lambda, -2)$ άγονται κάθετες εφαπτομένες προς την C_f με $f(x) = \frac{1}{8} \cdot x^2$

(Μονάδες 20)

ΘΕΜΑ Δ (/20Μ)

Να βρεθούν οι αριθμοί $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$, ώστε οι γραφικές παραστάσεις των συναρτήσεων $f(x) = \frac{x^2 + \alpha \cdot x + \beta}{x+1}$,

$g(x) = \frac{2}{x}$, να έχουν κοινή εφαπτομένη σε σημείο της ευθείας $x = 1$

(Μονάδες 20)

ΑΡΧΗ ΣΕΛΙΔΑΣ 2

ΘΕΜΑ Ε (/20Μ)

Τα άκρα ΑΒ ενός ευθυγράμμου τμήματος $AB = 10 \text{ cm}$ ολισθαίνουν στους ημιάξονες Ox, Oy , αντίστοιχα. Αν τη χρονική στιγμή t_0 που το Α απέχει από την αρχή των αξόνων 6 cm , η ταχύτητά του είναι 4 cm/sec , να βρεθεί:

- i) η ταχύτητα του Β (Μονάδες 5)
- ii) μια συνάρτηση που συνδέει το εμβαδόν E του τριγώνου με την πλευρά OA (Μονάδες 5)
- iii) Ο ρυθμός μεταβολής του εμβαδού τη χρονική στιγμή t_0 (Μονάδες 10)