# Modell-redukció alkalmazása az elektromágneses térszámításban

Szilágyi Gábor

Konzulens: Dr. Bilicz Sándor

2022. december 14.

#### Bonyolult szimulálandó modell

 $\downarrow \downarrow$ 

Sok szabadsági fok

 $\downarrow$ 

- ► Nagy egyenletrendszer
- ightharpoonup Sok (n) ismeretlen
- Nagy memóriaigény
- Hosszú számítási idő

Sokszor nem megengedhető az egyszerűbb modell

(pl. ritkább végeselem háló)

₩

 $\boldsymbol{n}$ nem csökkenthető

## Modell-redukció POD (Proper Orthogonal Decomposition)

A bonyolult modell megoldását közelítjük kevesebb (r < n) szabadsági fokkal

Közelítő, olcsó megoldás a bonyolult problémára

Kisebb egyenletrendszert kell megoldani (r egyenlet), de mind az n ismeretlenre lesz közelítő eredmény

#### POD:

S Adathalmaz



Csonkításhoz optimális sorbarendezett  $\Psi$  bázis

## $\underline{\mathbf{S}\text{-hez}}$

$$\Psi = \{\Psi_1, \Psi_2, \dots, \Psi_r, \dots, \Psi_n\}$$
  
$$\Psi' = \{\Psi_1, \Psi_2, \dots, \Psi_r\}$$

 ${f S}$ : előző megoldások hasonló problémára

$$\mathbf{S} = [\mathbf{x}_1 \ \mathbf{x}_2 \ \mathbf{x}_3 \ \dots \ \mathbf{x}_k]$$

#### Időlépéses séma

 $\mathbf{S} \colon \mathbf{Az}$ előző időlépésekre kapott megoldások

### Anyagparaméterek változása

S: Megoldások ugyanarra a problémára más anyagparaméterek mellett

## POD algoritmus: SVD

Singular Value Decomposition



standard  $\rightarrow \Psi'$ 

Vetítés hibája:

$$\sim \frac{\sigma_{r+1}}{\sigma_1} \approx 10^{-5}$$











