

Vragen algorithmen René Schoof

Gijsbert van Vliet

October 14, 2014

- In het algoritme van René Schoof wordt een afbeelding

$$(1) \text{End}_{\mathbb{F}_q} E \rightarrow \text{End}_{\text{Gal}(\overline{\mathbb{F}_q}/\mathbb{F}_q)} E[l]$$

gedefinieerd.

Ik weet dat $\text{End}_{\mathbb{F}_q} E$ precies de endomorphismen

ϕ van E zijn zodanig dat voor iedere $\sigma \in \text{Gal}(\overline{\mathbb{F}_q}/\mathbb{F}_q)$ geldt dat

$$\phi(P^\sigma) = \phi(P)^\sigma$$

Is het nu ook zo dat $\text{End}_{\text{Gal}(\overline{\mathbb{F}_q}/\mathbb{F}_q)} E[l]$ precies de endomorphismen $\phi : E[l] \rightarrow E[l]$ zijn die commuteren met ieder element $\sigma \in \text{Gal}(\overline{\mathbb{F}_q}/\mathbb{F}_q)$ en dat afbeelding (1) simpelweg gegeven is door restrictie van endomorphismen van E tot endomorphismen van $E[l]$?

- Verderop in het algoritme wordt een onderscheid gemaakt tussen twee gevallen. Het eerste geval is het geval dat er een $P \in E[l]$ bestaat met $\phi_l^2 P = \pm qP$.

In het speciale geval dat $\phi_l^2 P = qP$ wordt in één zin de conclusie getrokken dat als $\left(\frac{q}{l}\right) = -1$, dat dan $t \equiv 0 \pmod{l}$. Ik zie niet in waarom deze conclusie zo snel getrokken kan worden.

Ook wordt in dit gedeelte van het algoritme gesproken over de eigenwaarde van ϕ_l . Is dit gewoon de eigenwaarde van ϕ_l waarbij deze geïntepreteerd wordt als element van $Gl_2(\mathbb{Z}_l)$?