2 הרצאה

Depth First Search (DFS) - חיפוש לעומק

П

תזכורת

sבהינתן גרף G וצומת s רוצים למצוא עץ T שפורש את כל הצמתים שישיגים מ-

- אלגוריתם כללי
 - BFS •
- תור BFS מימוש •

DFS

- $i\leftarrow 0$, $\alpha(s)\leftarrow 0$, $p(v)\leftarrow nil$, $\alpha(v)\leftarrow -1$ מציבים $v\in V$, לכל $U\leftarrow \{s\}, F\leftarrow \emptyset$.1.
 - מקסימלי $\alpha(u)$ מחר קשת ($u\in U$) בחר את שחוצה את uv מקסימלי 2.

$$U \leftarrow U \cup \{v\}, F \leftarrow F \cup \{uv\}$$
 (א)

$$p(v) \leftarrow u$$
 (2)

$$\alpha(v) \leftarrow i$$
 (1)

$$i \leftarrow i+1$$
 (T)

דוגמה

מימוש על ידי מחסנית

1. אתחול:

$$U \leftarrow \{s\}$$
 (א)

$$F \leftarrow \emptyset$$
 (ב)

$$p(v) \leftarrow nil, \alpha(v) \leftarrow -1$$
 מציבים $v \in V$ (ג)

$$,\alpha(s)\leftarrow 0$$
 (T)

$$i \leftarrow 0$$
 (n)

$$S \leftarrow (s)$$
 (1)

2. כל עוד המחסנית לא ריקה

$$u \leftarrow S.top()$$
 (א)

 $(u \in U)$ ע שחוצה את uv שחוצה קשת (ב)

$$\begin{split} U \leftarrow U \cup \{v\}, F \leftarrow F \cup \{uv\} &\text{ i. } \\ p(v) \leftarrow u &\text{ ii. } \\ \alpha(v) \leftarrow i &\text{ iii. } \\ i \leftarrow i + 1 &\text{ iv. } \\ S.push(v) &\text{ v.} \end{split}$$

- S.pop() אחרת (ג)
- טענה 1. בפיפוש בעזרת פחסנית, כל עוד קייפת קשת שחוצה את U, הפחסנית לא ריקה

הוכחה. באינדוקציה על צעד האלגוריתם

lphaסענה 2. הפחסנית פונוטונית עולה ביחס ל

הוכחה. באינדוקציה על צעד האלגוריתם

T-טענה בעחסנית פחסנית מסלול פ-s לראש העחסנית כ-

הוכחה. באינדוקציה על צעד האלגוריתם

מסקנה 1. עבור שני צעתים u ו-v, v צאצא של u בעץ אם ורק אם עמדה u נעצא בעחסנית כאשר v פוכנס אליה.

הוכחה. כיוון ראשון מיידי מטענה 3.

למה 1 (המסלול הלבן). אם כאשר צומת u מוכנס למחסנית, קיים ממנו מסלול לצומת v כך שכל הצמתים במסלול אינם ב-v אינס ב-DFS יהיה צאצא של v

 \square עדיין שם. u עדיין מוכנס למחסנית, עדיין שם. באינדוקציה על אורך המסלול, כאשר האבחנה היא שכאשר הצומת הראשון במסלול מוכנס למחסנית,