10 הרצאה

תכנון דינאמי

אופטימזציה של כפל מטריצות

תזכורת: כפל נאיבי של מטריצה בגודל a imes b עם מטריצה בגודל מטריצה לוקח פעולות. התוצאה של מטריצה בגודל מטריצה מטריצה מטריצה מגודל a imes b

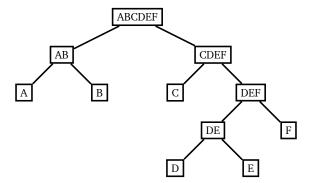
כאשר כופלים מטריצות, מטריצה מגודל בהתאמה, אז תוצאת בהתאמה, אז מספר מגודל A_1,\dots,A_n מטריצה מטריצה כופלים מספר בישר מהמכפלה. מחלים לבצע מלוי בסדר בו נבחר לבצע את המכפלה.

? ABC ממה פעולות נבצע כדי לבצע את המכפלה דוגמה:

$$\begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ \vdots \\ a_{100} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} b_1 & b_2 & \dots & b_{100} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \\ \vdots \\ c_{100} \end{pmatrix}$$

אם נבצע את המכפלה לפי הסדר משמאל לימין אז נזדקק ל- $100\cdot 1\cdot 100=10,000\cdot 1\cdot 100$ פעולות עבור הכפל של אז נזדקק לסדר גודל של אז נחשב את המכפלה A(BC) אז נזדקק לסדר גודל של A(BC). אם נחשב את המכפלה עבור הכפל של A(BC) פעולות בלבד A(BC) מולות בלבד יויי

בעיה: בהינתן n מטריצות, A_1,\dots,A_n מגדלים $x_i imes y_i$ בהתאמה, רוצים לחשב סדר מכפלות שדורש מינימום פעולות. ייצוג סדר מכפלות ייצוג טבעי לסדר הפעולות הוא בעזרת עץ:



התאמת מחרוזות