活动标架店

西注析架(为年) 30, E, E, E, Y在空间任一名正析架 生标积  $3x; e_1, e_2, e_3$  $x = (x', x'^2, x'^3) = 个参变量$  $<math>3e_1, e_1, e_2$  $2x; e_1, e_2, e_3$  y = 6维称架空间

Px;e,,e2,e3 6维标架空间。空间的运动器 G:平豫 范辖.

 $E^3$ 中连续可缀地设计的红标架 伦叛于  $m(m \leq 6)$  个号数  $u=(u',u^2,...,u^m)$ 

》((u',u',...,u'm)). ei=ei(u',...,u'm)) 称为加考数的游动称杂码。产生1,1,3. 构成标案学问(G)的加维经问

例1. (单参数公正标学场)

校置中一条光清曲线 C: x= x(5). 其中 S为张长等数。 在曲线 C上每点可配置一个 Frenex 标等。

$$R = \chi(s)$$

$$e_1 = \frac{dx}{ds} = T(s)$$

$$e_2 = \frac{d\tau}{ds} / \left| \frac{d\tau}{ds} \right| = N(s)$$

$$e_3 = T(s) \times N(s) = B(s)$$

}X(s); e((s), e((s), e((s))) 构成草学数活动柳菜场。

# 及2一个单参数活动桥架场的顶点描绘空间的一条曲线。 曲线 C 可看成运动群 G的一维 经间

例2 (双参数台正桥柴场)

治定的中一片正侧曲面M:x=x(un).其中(un)为一般铅标网于是在M的每点次(un)配置一个到正标架。

$$\begin{cases}
e_1 = \frac{\chi_0}{|\chi_0|} \\
e_2 = \frac{\chi_0 - (\chi_0 \cdot e_1)e_1}{|\chi_0 - (\chi_0 \cdot e_1)e_1|} \\
e_3 = e_1 \times e_2 = m \cdot (u, v)
\end{cases}$$

⇒ > X(U,V); e(U,N), ex(U,N), ex(U,N) 就构成一双参数 活动标架场。 及2 一个双参数活动标架场的预点描绘写闸的一片曲面 曲线 M 可看成运动群 G 的二维子写问

## 双参数下的外来结与纠纷为

 $u = (u', u^2)$ .  $du' du^2$ .  $f_1(u) du' + f_2 u u du^2$ -  $- \sqrt{2} \frac{1}{2} \frac{$ 

· 沙東(ハ) du ndu = - du ndu 及対統 = chindu = 0

 $f(u',u') = \frac{du'}{\Delta u'} \Delta u'$   $= \pm f(u',u') du' \Delta u''$ 

- 2)在双参数下.无三次物为形式 dur / dur / dur =0
- 3) 外來可以线性扩展到任何外缀为形式之间 W'= aldu'+aldu' W2= aldu'+aldu'

$$\omega' \wedge \omega^{2} = (a'_{1} ch'_{1} + a'_{2} ch^{2}) \wedge (a'_{1} ch'_{1} + a'_{2} ch^{2})$$

$$= (a'_{1} a'_{1} - a'_{1} a'_{1}) du' \wedge du^{2} = |A| ch' \wedge du^{2}$$

故w'nw²=○← IAI=O← W与w° 只相差一个因多这时称W'w'说性相关

#### · 外线为 d:

$$=\frac{\partial \Omega_{\alpha}}{\partial u^{\beta}} du^{\beta} \wedge du^{\alpha}$$

3). 
$$W = \int du^{\alpha} \Lambda du^{\beta} \qquad (z - F_{\beta} + \bar{\chi})$$
.
$$dw = \frac{\partial f}{\partial u^{\alpha}} du^{\alpha} \Lambda du^{\beta} \Lambda du^{\beta} = 0$$

$$d^{2}f = d(df) = d\left(\frac{\partial f}{\partial u^{\alpha}} du^{\alpha}\right) = d\left(\frac{\partial f}{\partial u^{\beta}}\right) \wedge du^{\alpha} = \frac{\partial^{2} f}{\partial u^{\beta} \partial u^{\beta}} du^{\beta} \wedge du^{\alpha}$$

$$= \frac{\partial^{2} f}{\partial u^{\alpha} \partial u^{\beta}} du^{\beta} \wedge du^{\alpha}$$

$$+ \frac{\partial^{2} f}{\partial u^{\beta}} du^{\beta} \wedge du^{\alpha}$$

$$+ \frac{\partial^{2} f}{\partial u^{\beta}} du^{\beta} \wedge du^{\alpha}$$

$$+ \frac{\partial^{2} f}{\partial u^{\beta}} du^{\beta} \wedge du^{\alpha}$$

はまり核が = 
$$\sum_{B \subset A} \left( \frac{\partial f}{\partial x \partial x} - \frac{\partial^2 f}{\partial x \partial x} \right) dx^{\alpha} \wedge dx^{\beta}$$
 再把が核成 = 0

$$\omega = \int_{\alpha} du^{\alpha} \qquad d\omega = \frac{\partial f_{\alpha}}{\partial u^{\beta}} du^{\beta} \wedge du^{\alpha}$$

$$d^{2}\omega = d\left(\frac{\partial f_{\alpha}}{\partial u^{\beta}}\right) \wedge du^{\beta} \wedge du^{\alpha}$$

$$= \frac{3^2 f_{\alpha}}{3^4 g_{\alpha}} ch^{\alpha} \wedge ch^{\alpha} \wedge ch^{\alpha} - \frac{3^2 f_{\alpha}}{3^2 f_{\alpha}} ch^{\alpha} \wedge ch^{\alpha} = 0.$$

外缀为 d.

$$d(fw) = d(fa_{\alpha} du^{\alpha}) = d(fa_{\alpha}) \wedge du^{\alpha}$$

$$= (a_{\alpha} df + f da_{\alpha}) \wedge du^{\alpha}$$

$$= df \wedge w + f(da_{\alpha} \wedge du^{\alpha})$$

$$= df \wedge w + f dw$$

$$f w = wf$$

$$d(wf) = df \wedge w + f dw$$

$$= dwf - w \wedge df$$

$$\Delta$$

### 台正标架的运动方程。

关于国际标等 90, E1, E2, E3)

$$dx = dx^{i} E_{i} = |dx^{i}b_{i}^{\dagger}| e_{j} = \omega^{\dagger}e_{j} \qquad \omega^{\dagger} = dx^{i}b_{i}^{\dagger}$$

$$de_{i} = da_{i}^{\dagger} E_{j} = |da_{i}^{\dagger}b_{j}^{\dagger}| e_{k} = \omega_{i}^{k} e_{k} \qquad \omega^{k} = da_{i}^{\dagger}b_{j}^{k}$$

$$W_{i}^{k} = \frac{\partial \chi^{i}}{\partial u^{\alpha}} b_{i}^{k} du^{\alpha} = \Gamma_{\alpha}^{i} (u) du^{\alpha}$$

$$W_{i}^{k} = \frac{\partial a_{i}^{k}}{\partial u^{\alpha}} b_{j}^{k} du^{\alpha} = \Gamma_{i}^{k} (w) du^{\alpha}$$

$$\left( - \frac{\partial \chi^{i}}{\partial u^{\alpha}} b_{j}^{k} du^{\alpha} - \frac{\partial \chi^{i}}{\partial u^{\alpha}} b_{j}^{k} du^{\alpha} \right)$$

$$d(e_i e_j) = d(S_{ij}) = 0$$

$$= de_i e_j + e_i de_j = w_i^k e_k e_j + w_j^k e_k e_k$$

$$(ds)^2 = I = |ax|^2 = (\omega^2 e_i)(\omega^2 e_j) = (\omega^2 e_i)^2 + (\omega^2)^2$$

万问题 给这六个工一形式 win wif (win + win = 0) 是否存在设计标识 ?71,ein?
是否惟一?

# Thm (63-1+1)

已给州考数的两个的种格者场引来的 和 72. 克宁. 它们的无名小医动名量 名割为 引心, 心, 心, 心, 心, 心, 心, 两 为 心, 心, 心, 心, 一种 对面过下了一个医动和重会. 对一点 uo=(ub, …, 心) 通过下了一个医动使了一点 uo=(ub, …, 心) 通过下了一个医动使了一点 uo=(ub, …, 心) 通过下了一个医动使了一点 uo=(ub, …, uò) 通过下了一个医动使了一点 uo=(ub, …, uò) 通过下了一个医动使

设限的和设置发展了国际的工程。PO; FI, FL, F3 Y 的表示的 电: = at Fj, 电: at Fj