Approssimazione di funzioni di distribuzione cumulativa discreta

Su un insieme $\{1,\dots,N\}$ è definita una funzione di distribuzione cumulativa discreta

$$F(i) = y_i, \quad i = 1, \dots, N,$$

con $F(i) \geq F(i-1) \ \forall i=2,\ldots,N$. Si vuole definire un'altra funzione di distribuzione cumulativa G che approssima la F ma che è vincolata ad assumere al massimo n < N valori (ovvero, i possibili distinti valori G(i) sono n). Si vuole scegliere G in modo che l'errore assoluto (la somma delle differenze |F(i)-G(i)|) sia il più piccolo possibile.

Si formuli anche il modello AMPL per questo problema e si provi poi a inserire qualche dato, risolvendo, sempre con AMPL, il problema corrispondente e studiando come cambia la soluzione in corrispondenza della perturbazione di qualche dato.