### **ARMAmodel**

```
library(tseries)
## Registered S3 method overwritten by 'quantmod':
##
     method
##
     as.zoo.data.frame zoo
library(zoo)
##
## Attaching package: 'zoo'
## The following objects are masked from 'package:base':
##
##
       as.Date, as.Date.numeric
load("dados_arma_4.RData")
plot_acf_pacf <- function(series){</pre>
  par(mfrow = c(2, 1))
  acf(series, main = "ACF")
  pacf(series, main = "PACF")
plot_res <- function(res){</pre>
  plot(res, main = "Residuals of model",
       ylab = "Residual", type = "p")
  abline(0, 0)
}
```

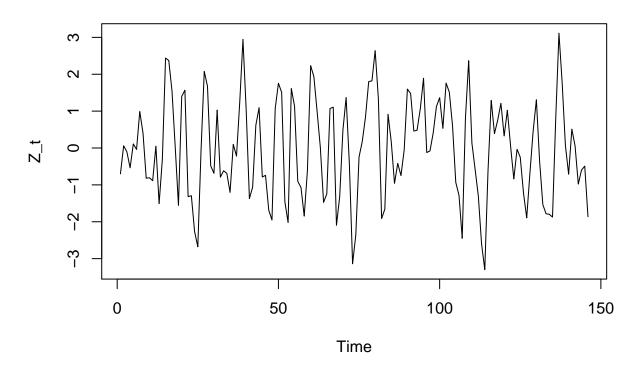
#### Modelos ARMA

Com 9 séries temporais, iremos avaliar cada uma delas e identificar se ela é gerada por um modelo AR(p), um modelo MA(q) ou um modelo ARMA(p, q). Em todas as diferentes séreis iremos inicialmente visualizar a série, a função de autocorrelação e a função de autocorrelação parcial.

#### Série 1

```
plot(X[[1]], main = "Series 1", ylab = "Z_t")
```

Series 1

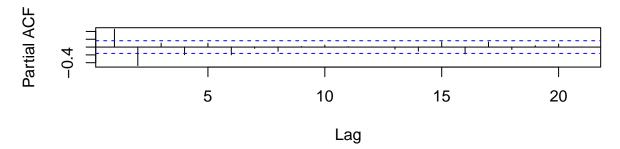


plot\_acf\_pacf(X[[1]])

#### **ACF**



#### **PACF**



Vemos que a ACF decresce de forma mais gradual, enquanto a PACF possui valores significativos para o lag 1 e 2, e depois se tornam valores pequenos, o que traz o indicativo de ser um modelo AR(2).

Vamos tentar fitar um modelo AR(2).

```
model1 <- arma(X[[1]], order = c(2, 0))
summary(model1)</pre>
```

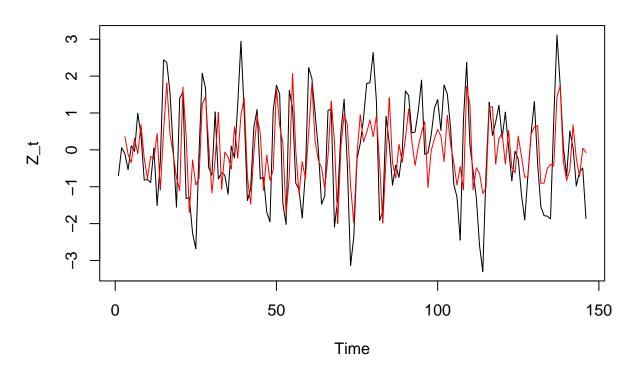
```
##
## Call:
## arma(x = X[[1]], order = c(2, 0))
##
## Model:
   ARMA(2,0)
##
##
## Residuals:
##
       Min
                 1Q
                                 3Q
                                         Max
                    Median
   -2.3168 -0.7743
                     0.1256
                             0.6870
                                     2.4984
##
##
   Coefficient(s):
##
##
              {\tt Estimate}
                         Std. Error
                                      t value Pr(>|t|)
## ar1
               0.68921
                            0.07292
                                        9.451
                                               < 2e-16
              -0.48531
                            0.07289
                                       -6.658 2.77e-11
##
   ar2
                                                 0.807
  intercept
              -0.02129
                            0.08702
                                       -0.245
##
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
```

```
##
## Fit:
## sigma^2 estimated as 1.113, Conditional Sum-of-Squares = 159.18, AIC = 435.98
```

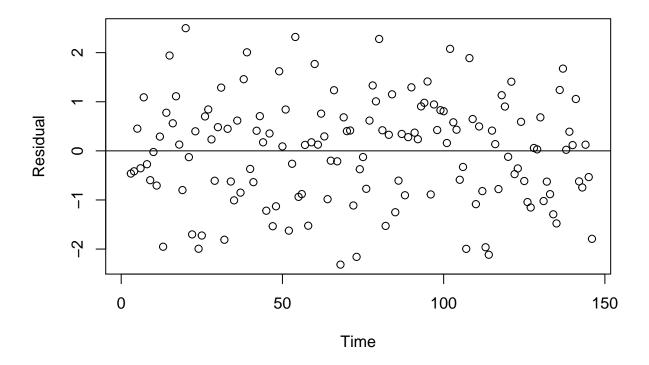
Vamos visualizar inicialmente o modelo real e o previsto, e em sequência, o plot de resíduos.

```
plot(X[[1]], main = "Model for Series 1", ylab = "Z_t")
lines(model1$fitted.values, col = "red")
```

### **Model for Series 1**



plot\_res(model1\$residuals)

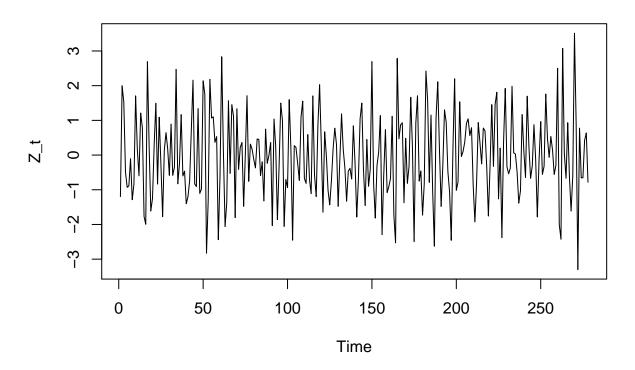


O modelo parece se adequar bem aos dados e também os resíduos não apresentam um padrão de comportamento.

### Série 2

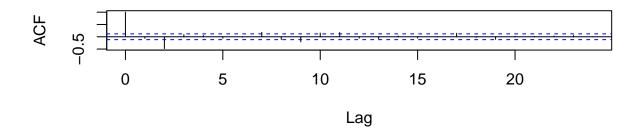
```
plot(X[[2]], main = "Series 2", ylab = "Z_t")
```

Series 2

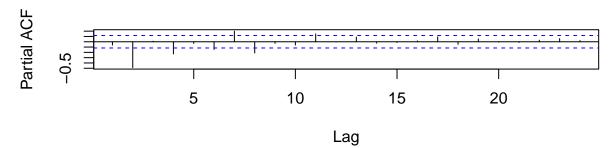


plot\_acf\_pacf(X[[2]])





#### **PACF**



Agora, visualizamos um situação inversa, o lag 2 é significativo na ACF e nos demais não, e na PACF o decrescimento é gradual, o que nos faz pensar se tratar de um modelo MA(2).

```
model2 <- arma(X[[2]], order = c(0, 2))
summary(model2)</pre>
```

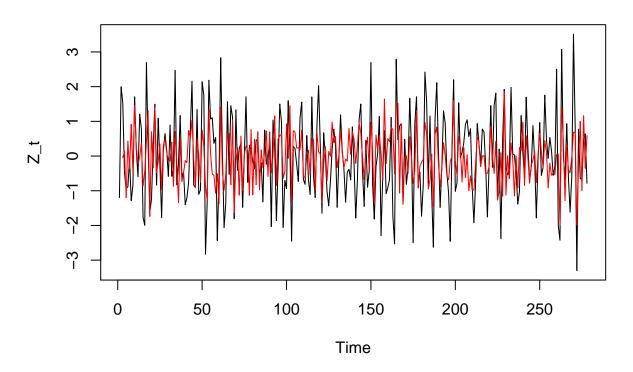
```
##
## Call:
## arma(x = X[[2]], order = c(0, 2))
##
## Model:
## ARMA(0,2)
##
## Residuals:
        Min
                  1Q
                                     3Q
##
                       Median
                                             Max
## -2.49044 -0.77251 0.01282 0.77130
                                        2.82319
##
  Coefficient(s):
##
##
              Estimate
                        Std. Error
                                     t value Pr(>|t|)
## ma1
               0.11057
                           0.04029
                                       2.745
                                             0.00606 **
## ma2
              -0.70037
                           0.03931
                                     -17.818
                                              < 2e-16 ***
## intercept -0.03815
                           0.02510
                                      -1.520
                                              0.12855
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Fit:
```

```
## sigma^2 estimated as 1.025, Conditional Sum-of-Squares = 281.95, AIC = 801.86
```

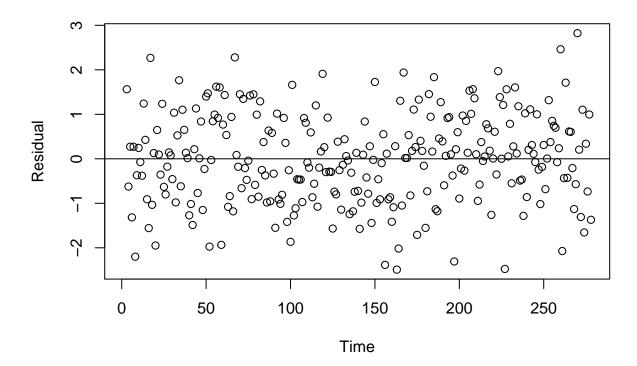
O modelo se encaixou bem, vamos comparar a previsão e o real, e em sequência, o plot de resíduos.

```
plot(X[[2]], main = "Model for Series 2", ylab = "Z_t")
lines(model2$fitted.values, col = "red")
```

#### **Model for Series 2**



plot\_res(model2\$residuals)

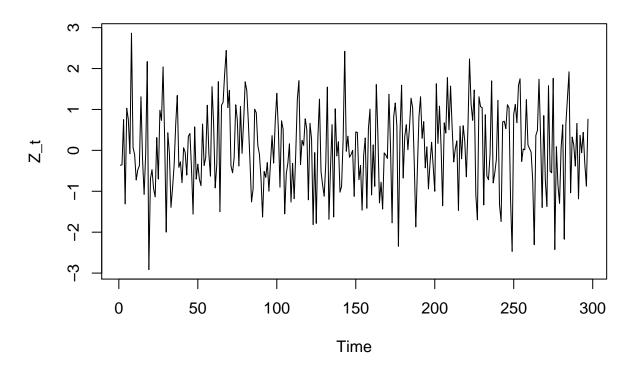


O modelo aparentemente se adequa bem a sazonalidade da série real, no entanto, não conseguimos capturar os picos extremos como ocorrem na série real, e os resíduos também se distribuem uniformemente ao longo da série.

#### Série 3

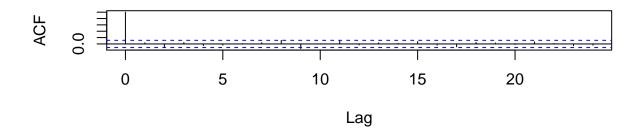
```
plot(X[[3]], main = "Series 3", ylab = "Z_t")
```

Series 3

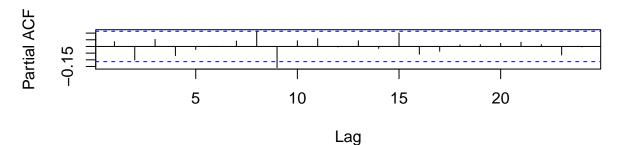


plot\_acf\_pacf(X[[3]])





#### **PACF**



Nesse modelo existe um comportamento diferente dos demais, tanto a ACF quanto a PACF são praticamente nulas para todos os valores, menos para a ACF de 0, o que indica que as amostras não possuem covariância, se comportando como um ruído branco. Vamos verificar a média e a variância da série.

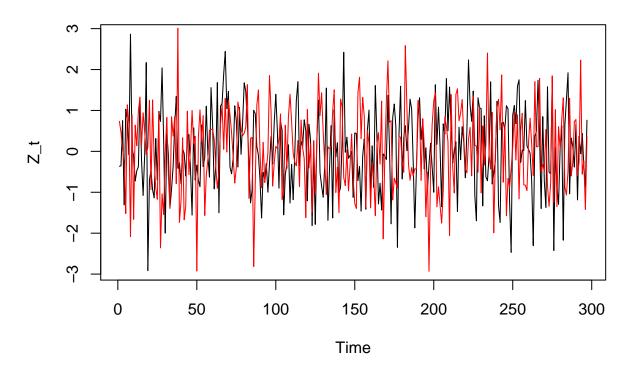
```
data.frame(mean = mean(X[[3]]), variance = var(X[[3]])*296/297)
### mean variance
```

## 1 0.03941307 1.021629

Vemos que o modelo se comporta como um ruído branco, isto é,  $a_t$  com  $E(a_t) = 0$  e  $Var(a_t) = 1$ . Se nós gerarmos 297 amostras de  $a_t$  e visualizarmos tanto o modelo e predição, quanto o residual, teremos:

```
model3 <- rnorm(297)
plot(X[[3]], main = "Model for Series 3", ylab = "Z_t")
lines(model3, col = "red")</pre>
```

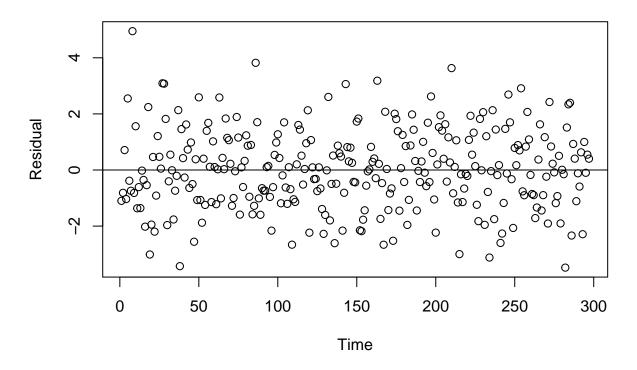
## **Model for Series 3**



```
model3$residual <- X[[3]] - model3</pre>
```

## Warning in model3\$residual <- X[[3]] - model3: Realizando coerção de LHD para ## uma lista

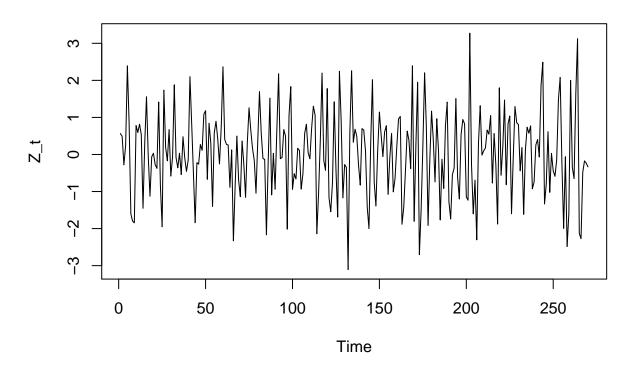
plot\_res(model3\$residual)



Série 4

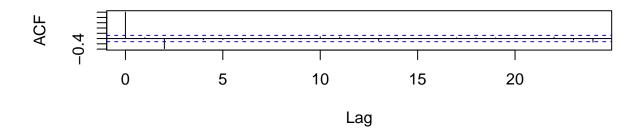
```
plot(X[[4]], main = "Series 4", ylab = "Z_t")
```

Series 4

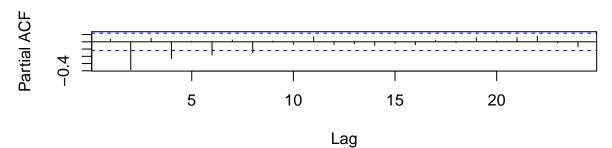


plot\_acf\_pacf(X[[4]])





#### **PACF**



A série apresenta uma função de ACF que cai drasticamente após o lag 2, enquanto a PACF cai mais gradualmente, o que dá a noção de se tratar de um modelo MA(2). Utilizando dessa observação, fitamos:

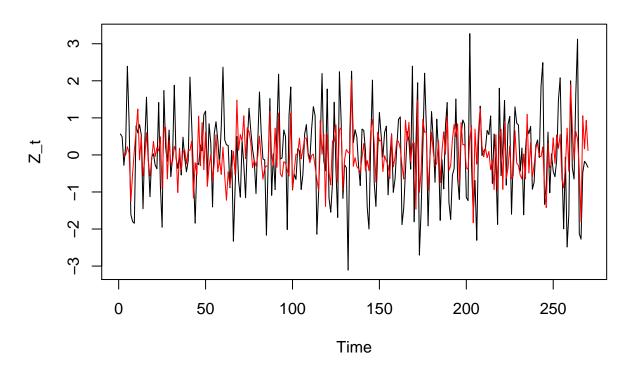
```
model4 <- arma(X[[4]], order = c(0, 2))
summary(model4)</pre>
```

```
##
## Call:
## arma(x = X[[4]], order = c(0, 2))
##
## Model:
  ARMA(0,2)
##
##
## Residuals:
##
        Min
                  1Q
                        Median
                                     3Q
                                             Max
                                         2.84235
  -3.20748 -0.68404 0.06891 0.64994
##
##
  Coefficient(s):
##
##
              Estimate
                         Std. Error
                                     t value Pr(>|t|)
## ma1
               0.09013
                            0.05112
                                       1.763
                                               0.0779
## ma2
              -0.61589
                            0.05318
                                     -11.581
                                                <2e-16 ***
               0.01590
                            0.02884
                                       0.551
                                               0.5813
## intercept
## ---
                   0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
## Signif. codes:
## Fit:
```

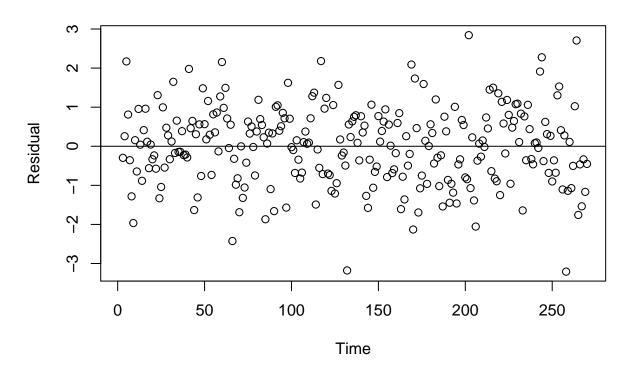
```
## sigma^2 estimated as 0.9865, Conditional Sum-of-Squares = 263.41, AIC = 768.57
```

```
plot(X[[4]], main = "Model for Series 4", ylab = "Z_t")
lines(model4$fitted.values, col = "red")
```

## **Model for Series 4**



plot\_res(model4\$residuals)

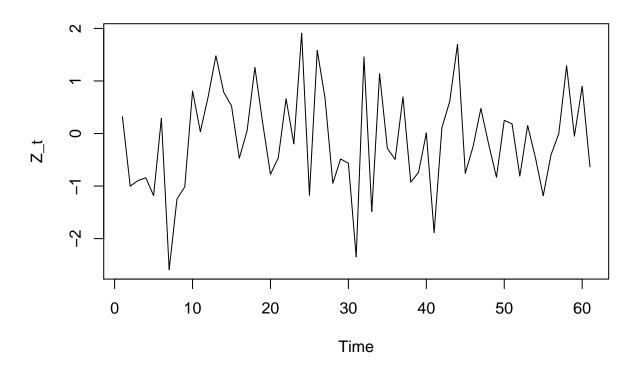


O modelo se encaixou bem aos dados, incluindo apresentando uma distribuição uniforme dos ruídos.

### Série 5

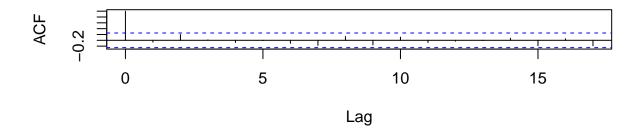
```
plot(X[[5]], main = "Series 5", ylab = "Z_t")
```

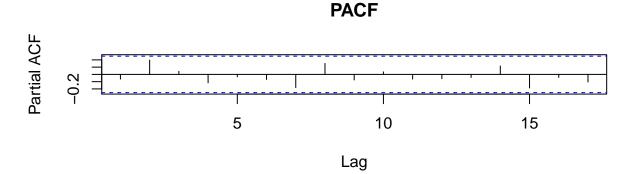
Series 5



plot\_acf\_pacf(X[[5]])







Vemos que tanto a ACF quanto a PACF são extremamente baixas para valores diferentes de 0, no entanto, nessa série possuímos bem menos amostras que as demais, possuindo apenas 61 amostras. Por esse motivo, iremos considerar que a importância do segundo lag na PACF e avaliar dois modelos distintos, AR(2) e ARMA(2, 2). Considerando primeiro o modelo AR(2).

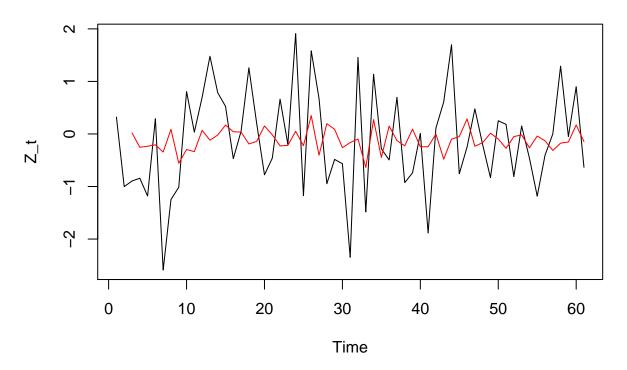
```
model5 <- arma(X[[5]], order = c(2, 0))
summary(model5)</pre>
```

```
##
##
  arma(x = X[[5]], order = c(2, 0))
##
## Model:
## ARMA(2,0)
##
## Residuals:
##
        Min
                   1Q
                        Median
                                      3Q
                                              Max
                       0.01893
                                          1.85873
##
   -2.24498 -0.70396
                                0.71961
##
## Coefficient(s):
##
              Estimate
                         Std. Error
                                      t value Pr(>|t|)
## ar1
               -0.04726
                            0.12481
                                       -0.379
                                                  0.705
## ar2
                0.20225
                            0.12576
                                        1.608
                                                  0.108
                            0.12355
                                       -0.749
                                                 0.454
## intercept -0.09259
##
## Fit:
```

```
## sigma^2 estimated as 0.9154, Conditional Sum-of-Squares = 53.09, AIC = 173.72
```

```
plot(X[[5]], main = "Model for Series 5 AR(2)", ylab = "Z_t")
lines(model5$fitted.values, col = "red")
```

### Model for Series 5 AR(2)



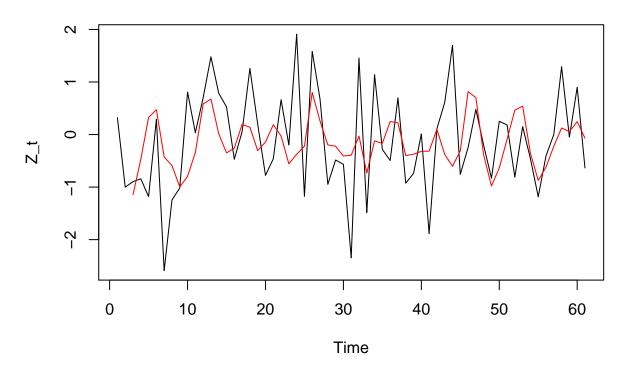
E agora o modelo ARMA(2, 2).

```
model5 <- arma(X[[5]], order = c(2, 2))
summary(model5)</pre>
```

```
##
## Call:
## arma(x = X[[5]], order = c(2, 2))
##
## Model:
## ARMA(2,2)
##
## Residuals:
##
        Min
                  1Q Median
                                            Max
  -2.16208 -0.48610 -0.01902 0.57863 2.30147
##
##
## Coefficient(s):
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## ar1
               0.81736
                           0.17739
                                      4.608 4.07e-06 ***
             -0.62001
                           0.10722
                                     -5.783 7.35e-09 ***
## ar2
```

```
0.09675
                                     -9.603
## ma1
              -0.92912
                                             < 2e-16 ***
               0.95619
                           0.10319
## ma2
                                      9.266
                                              < 2e-16 ***
## intercept
              -0.12685
                           0.11679
                                     -1.086
                                                0.277
##
                           0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Signif. codes:
##
## Fit:
## sigma^2 estimated as 0.8179, Conditional Sum-of-Squares = 47.54, AIC = 170.85
plot(X[[5]], main = "Model for Series 5 ARMA(2, 2)", ylab = "Z_t")
lines(model5$fitted.values, col = "red")
```

### Model for Series 5 ARMA(2, 2)



Vemos que o modelo ARMA(2, 2) apresentou um AIC menor, de 170, em comparação com o AR(2), além disso, ele também encaixou melhor na curva real dos dados. Vamos visualizar os resíduos:

```
plot_res(model5$residuals)
```

