

Se observa que $\Delta_1(x,y) = \Delta_{01} - (R_1 - \sqrt{R_1^2 - (x^2 + y^2)})$ mientras que $\Delta_3 = \Delta_{03} - (-R_2 - \sqrt{R_2^2 - (x^2 + y^2)})$. En el régimen paraxial

$$\Delta_1 \approx \Delta_{01} - R_1 \left(1 - \left(1 - \frac{x^2 + y^2}{2R_1^2} \right) \right), \quad \Delta_{02} = \Delta_2 \quad y$$

$$\Delta_3 = \Delta_{03} + R_2 \frac{x^2 + y^2}{2R_2^2}$$

$$\Rightarrow \Delta(x,y) \approx \Delta_0 + \frac{x^2 + y^2}{2} \left(\frac{1}{R_2} - \frac{1}{R_1} \right), \text{ entonces}$$

$$t_e(x,y) := e^{i\phi} = e^{ik\Delta_0} e^{ik(n-1)\Delta(x,y)} \\ = e^{ikn\Delta_0} e^{-ik \frac{x^2 + y^2}{2} \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) (n-1)},$$

para una lente delgada $\Delta_0 \ll 1$ podemos escribir la transmitancia de la lente es

$$t_e(x,y) = e^{-ik \frac{x^2 + y^2}{2f}},$$

con $\frac{1}{f} = (n-1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$ es la ecuación del fabricante de lentes para lentes delgadas.

$$\therefore t_e(x,y) = e^{-i \frac{\pi}{\lambda f} (x^2 + y^2)} \quad \leftarrow \text{frente de onda esférico en la forma cuadrática}$$

que se parece al de Fresnel pero ahora con $-i$ en lugar de i . Esta transmitancia es válida no solo para lentes biconvexas (como se hizo), sino también para \square , \square , \square , \square , donde todo se codifica en f .

Demostremos $t_e(x,y)$ con la matriz de transferencia para una 1D

$$t_e(x,y) = e^{-i \frac{\pi}{\lambda f} x^2}$$