

06/09/2021

De manera que $U(\underline{r}) = A e^{-i2\pi \underline{f} \cdot \underline{r}} + B e^{i2\pi \underline{f} \cdot \underline{r}}$

Por otro lado, k_x , k_y y k_z no son completamente independientes (por separación de variables) y se tiene que

$$k_z = \pm \sqrt{k^2 - (k_x^2 + k_y^2)} \quad \text{o equiv.} \quad f_z = \pm \sqrt{\lambda^{-2} - (f_x^2 + f_y^2)}$$

• Si $f_x^2 + f_y^2 > \lambda^{-2} \Rightarrow f_z \in \mathbb{C} \Rightarrow e^{\pm i k_z z} = e^{\mp 2\pi a z}$ en don

de $a = \sqrt{f_x^2 + f_y^2 - \lambda^{-2}}$; puesto que para $z \rightarrow \infty$ mi cam po tiene que ser cero, entonces A o B vale cero (dependiendo del signo de f_z).

En este caso se tiene una onda evanescente (onda no propagante), de modo que la solución es:

$$U(\underline{r}; \underline{f}) = C e^{-\alpha_0 z} e^{\pm i 2\pi (f_x x + f_y y)},$$

donde $\alpha_0 = 2\pi |f_z|$.

• Si $f_x^2 + f_y^2 < \lambda^{-2}$ entonces se tiene una onda propagante

$$U(\underline{r}; \underline{f}) = C e^{-i 2\pi (f_x x + f_y y - \frac{\alpha_0}{2\pi} z)}$$

→ Relaciones de ortogonalidad y completitud:

Dos funciones ϕ , que se diferencian por parámetros a y b continuos, son ortogonales si

$$\langle \phi(x, y; a, b), \phi(x, y; a', b') \rangle = \iint_{\mathbb{R}^2} \phi(x, y; a, b) \phi^*(x, y; a', b') dx dy = \delta(a - a', b - b').$$

y se dicen que cumplen completitud si

$$\langle \phi(x, y; a, b), \phi(x', y'; a, b) \rangle := \iint_{\mathbb{R}^2} \phi(x, y; a, b) \phi^*(x', y'; a, b) da db = \delta(x - x', y - y').$$