

Programação para Ciência de Dados

Análise de Séries Temporais - Fundamentos e Manipulação

Arthur Casals

11 de Novembro de 2025

Agenda

- ▶ Introdução: O que são Séries Temporais?
- ▶ Bloco 1: DatetimeIndex e Manipulação Básica
- ▶ Bloco 2: Resample, Rolling Windows e Agregações
- ▶ Bloco 3: Decomposição e Análise de Componentes
- ▶ Bloco 4: Visualizações e Boas Práticas

O que são Séries Temporais?

Série Temporal = sequência de dados ordenados no tempo

Características principais:

- ▶ Dados coletados em intervalos regulares
- ▶ Ordem importa (temporal)
- ▶ Cada observação tem timestamp
- ▶ Passado influencia presente/futuro

Diferença de dados tradicionais:

Dados Tradicionais	Séries Temporais
Linhas independentes	Linhas dependentes
Ordem não importa	Ordem CRÍTICA
Sem timestamp	Com timestamp
i.i.d. assumido	Autocorrelação presente

Exemplos de Séries Temporais

Estão por toda parte!

Finanças:

- ▶ Preços de ações (segundo a segundo)
- ▶ Taxa de câmbio (diária)
- ▶ Volume de negociação

Negócios:

- ▶ Vendas (diária, mensal)
- ▶ Tráfego de website (horária)
- ▶ Demanda de produtos

Ciência:

- ▶ Temperatura (horária)
- ▶ Qualidade do ar (nossa aula de hoje!)
- ▶ Dados de sensores IoT

Por que Séries Temporais São Especiais?

Características únicas que exigem tratamento especial:

1. Dependência Temporal

- ▶ Valor de hoje depende de ontem
- ▶ Autocorrelação presente
- ▶ Não podemos embaralhar os dados!

2. Tendência

- ▶ Movimento de longo prazo (subindo/descendo)
- ▶ Crescimento ou declínio ao longo do tempo

Por que Séries Temporais São Especiais?

Características únicas que exigem tratamento especial:

3. Sazonalidade

- ▶ Padrões que se repetem periodicamente
- ▶ Diário, semanal, mensal, anual

4. Ciclicidade

- ▶ Flutuações de longo prazo (sem período fixo)
- ▶ Ciclos econômicos, por exemplo

Componentes de uma Série Temporal

Decomposição clássica:

$$Y_t = T_t + S_t + C_t + I_t$$

Onde:

- ▶ Y_t : Valor observado no tempo t
- ▶ T_t : Tendência (Trend) - direção de longo prazo
- ▶ S_t : Sazonalidade (Seasonal) - padrão repetitivo
- ▶ C_t : Ciclo (Cycle) - flutuações de longo prazo
- ▶ I_t : Irregular/Resíduo - ruído aleatório

Modelo alternativo (multiplicativo):

$$Y_t = T_t \times S_t \times C_t \times I_t$$

Objetivo: Separar componentes para entender melhor

Visualização dos Componentes

Exemplo: Vendas mensais

Tendência:

- ▶ Crescimento constante ao longo dos anos
- ▶ Linha suave subindo

Sazonalidade:

- ▶ Pico em dezembro (Natal)
- ▶ Queda em janeiro/fevereiro
- ▶ Repete todo ano

Visualização dos Componentes

Exemplo: Vendas mensais

Ciclo:

- ▶ Recessão econômica reduz vendas
- ▶ Duração: 3-5 anos
- ▶ Não tem período fixo

Irregular:

- ▶ Eventos aleatórios (promoção inesperada)
- ▶ Não previsível

Aplicações de Análise de Séries Temporais

O que podemos fazer:

1. Descrição e Exploração

- ▶ Entender padrões históricos
- ▶ Identificar anomalias
- ▶ Visualizar tendências

2. Previsão (Forecasting)

- ▶ Prever valores futuros
- ▶ ARIMA, Prophet, LSTM
- ▶ (Não veremos modelagem hoje - foco em manipulação)

Aplicações de Análise de Séries Temporais

O que podemos fazer:

3. Detecção de Anomalias

- ▶ Identificar comportamentos estranhos
- ▶ Fraude, falhas de sistema

4. Análise de Causa e Efeito

- ▶ Impacto de eventos
- ▶ Correlação temporal entre séries

Dataset de Hoje: Air Quality

Dados de qualidade do ar em uma cidade italiana

Origem:

- ▶ UCI Machine Learning Repository
- ▶ Sensor multivariado de qualidade do ar
- ▶ Localização: cidade industrial italiana
- ▶ Período: março 2004 - fevereiro 2005

Frequência:

- ▶ Medições HORÁRIAS
- ▶ 9358 observações (1 ano de dados)
- ▶ Timestamp completo: data + hora

Dataset de Hoje: Air Quality

Dados de qualidade do ar em uma cidade italiana

Variáveis principais:

- ▶ CO (Carbon Monoxide) - mg/m³
- ▶ NO₂ (Nitrogen Dioxide) - µg/m³
- ▶ Temperature (°C)
- ▶ Relative Humidity (%)
- ▶ Absolute Humidity

Por que Air Quality é Bom Exemplo?

Dataset ideal para aprender séries temporais:

Características interessantes:

- ▶ **Frequência horária:** Alta granularidade
- ▶ **Sazonalidade clara:**
 - ▶ Diária: poluição varia durante o dia
 - ▶ Semanal: diferença fim de semana vs dias úteis
 - ▶ Anual: diferença inverno vs verão
- ▶ **Tendências:** Mudanças ao longo do ano
- ▶ **Múltiplas variáveis:** Correlações temporais
- ▶ **Missing values:** Desafio realista

Relevância prática:

- ▶ Problema de saúde pública
- ▶ Previsão para alertas
- ▶ Identificar fontes de poluição

Desafios em Séries Temporais

Problemas comuns:

1. Missing Values

- ▶ Sensores falham
- ▶ Não pode usar métodos tradicionais
- ▶ Precisa interpolação temporal

2. Outliers

- ▶ Eventos extremos vs erros de medição
- ▶ Difícil distinguir

3. Frequências Irregulares

- ▶ Dados não coletados em intervalos exatos
- ▶ Precisa resample/regularização

Desafios em Séries Temporais

Problemas comuns:

4. Múltiplas Frequências

- ▶ Combinar dados diários + mensais
- ▶ Alinhamento temporal

5. Estacionariedade

- ▶ Propriedades estatísticas mudam no tempo
- ▶ Muitos modelos assumem estacionariedade

Pandas para Séries Temporais

DatetimeIndex:

- ▶ Índice temporal especializado
- ▶ Operações temporais nativas
- ▶ Acesso por datas intuitivo

Funções temporais:

- ▶ resample(): Mudar frequência
- ▶ rolling(): Médias móveis
- ▶ shift(): Defasagens (lags)
- ▶ diff(): Diferenças temporais
- ▶ pct_change(): Variações percentuais

Acessores temporais:

- ▶ .dt.year, .dt.month, .dt.day
- ▶ .dt.hour, .dt.dayofweek
- ▶ .dt.quarter, .dt.dayofyear

Objetivos de Aprendizado

Ao final desta aula, você será capaz de:

Conhecimento:

- ▶ Entender componentes de séries temporais
- ▶ Conhecer desafios específicos
- ▶ Interpretar padrões temporais
- ▶ Distinguir tendência vs sazonalidade

Habilidades:

- ▶ Criar e manipular DatetimeIndex
- ▶ Fazer resample (mudar frequência)
- ▶ Calcular médias móveis (rolling)
- ▶ Decompor séries em componentes
- ▶ Tratar missing values em séries
- ▶ Criar visualizações temporais eficazes
- ▶ Extrair features temporais

Setup: Imports e Configurações

</> Python

```
1 # Imports necessarios
2 import pandas as pd
3 import numpy as np
4 import matplotlib.pyplot as plt
5 import seaborn as sns
6 from datetime import datetime, timedelta
7 import zipfile
8 import io
9 import requests
```

Setup: Imports e Configurações

</> Python

```
1
2 # Configuracoes
3 pd.set_option('display.max_columns', None)
4 pd.set_option('display.max_rows', 100)
5
6 plt.style.use('seaborn-v0_8-darkgrid')
7 plt.rcParams['figure.figsize'] = (14, 6)
8 plt.rcParams['font.size'] = 11
9
10 # Para plots melhores
11 sns.set_palette("husl")
12
13 print("Setup completo!")
14
```

Carregar Air Quality Dataset

</> Python

```
1 # Carregar dados
2 zip_url = "https://archive.ics.uci.edu/ml/machine-learning-databases
   /00360/AirQualityUCI.zip"
3 r = requests.get(zip_url)
4 z = zipfile.ZipFile(io.BytesIO(r.content))
5
6 # Carregar CSV
7 with z.open('AirQualityUCI.csv') as f:
8     df = pd.read_csv(f, sep=';', decimal=',', na_values=-200)
```

Carregar Air Quality Dataset

</> Python

```
1 # Combinar 'Date' e 'Time' em uma única coluna
2 df['timestamp'] = pd.to_datetime(
3     df['Date'] + ' ' + df['Time'],
4     format='%d/%m/%Y %H.%M.%S',
5     dayfirst=True,
6     errors='coerce'
7 )
8
9 print("==== DATASET CARREGADO ===")
10 print(f"Shape: {df.shape}")
11 print(f"\nPrimeiras linhas:")
12 print(df.head())
13
14 print(f"\nInfo:")
15 df.info()
```

Exploração Inicial

</> Python

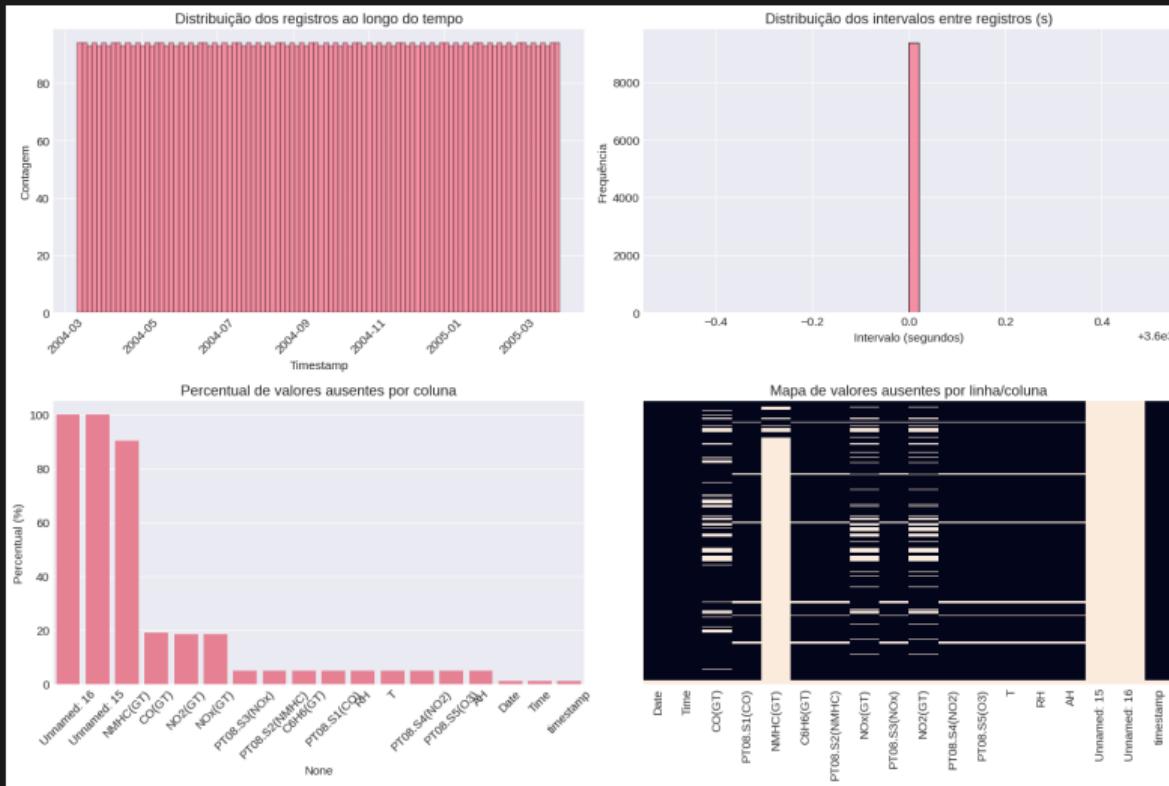
```
1 # Verificar range temporal
2 print("== RANGE TEMPORAL ==")
3 print(f"Inicio: {df['timestamp'].min()}")
4 print(f"Fim: {df['timestamp'].max()}")
5 print(f"Duracao: {df['timestamp'].max() - df['timestamp'].min()}")
6
7 # Verificar frequencia
8 print("\n== FREQUENCIA ==")
9 time_diff = df['timestamp'].diff().mode()[0]
10 print(f"Intervalo mais comum: {time_diff}")
```

Exploração Inicial

</> Python

```
1 # Valores faltantes
2 print("\n==== VALORES FALTANTES ====")
3 missing = df.isnull().sum()
4 missing_pct = (missing / len(df)) * 100
5 missing_df = pd.DataFrame({
6     'Missing': missing,
7     'Percent': missing_pct
8 }).sort_values('Percent', ascending=False)
9 print(missing_df[missing_df['Missing'] > 0])
```

Exploração Inicial (visual)



Fluxo de Análise de Séries Temporais

Processo sistemático:

FASE 1: Preparação

- ▶ Carregar dados
- ▶ Converter para DatetimeIndex
- ▶ Ordenar temporalmente
- ▶ Tratar missing values

FASE 2: Exploração

- ▶ Visualizar série completa
- ▶ Identificar padrões visuais
- ▶ Estatísticas descritivas
- ▶ Detectar anomalias

Fluxo de Análise de Séries Temporais

Processo sistemático:

FASE 3: Análise

- ▶ Decomposição
- ▶ Agregações temporais
- ▶ Médias móveis
- ▶ Correlações temporais

FASE 4: Feature Engineering

- ▶ Extrair componentes temporais
- ▶ Criar lags
- ▶ Calcular diferenças

Ferramentas e Bibliotecas

Manipulação:

- ▶ **Pandas:** Fundação principal
- ▶ **NumPy:** Operações numéricas
- ▶ **Matplotlib/Seaborn:** Visualizações

Análise avançada:

- ▶ **statsmodels:** Decomposição, ARIMA
- ▶ **scipy:** Análise de sinais
- ▶ **Prophet:** Forecasting por Facebook

Deep Learning:

- ▶ **TensorFlow/Keras:** LSTM, GRU
- ▶ **PyTorch:** Redes neurais recorrentes

Foco de hoje: Apenas Pandas + básicos de statsmodels

Tipos de Análise: Univariada vs Multivariada

Duas abordagens:

Univariada:

- ▶ Uma única série temporal
- ▶ Analisa apenas ela mesma
- ▶ Exemplo: apenas temperatura
- ▶ Previsão baseada em história própria

Multivariada:

- ▶ Múltiplas séries relacionadas
- ▶ Analisa relações entre elas
- ▶ Exemplo: temperatura + umidade + CO
- ▶ Uma pode ajudar a prever outra

Tipos de Análise: Univariada vs Multivariada

Air Quality:

- ▶ Dataset é multivariado
- ▶ Hoje: focaremos principalmente em univariadas
- ▶ Veremos correlações entre variáveis

Frequências Comuns

Diferentes granularidades temporais:

Frequência	Código	Exemplo
Anual	'A' ou 'Y'	Vendas anuais
Trimestral	'Q'	Relatórios financeiros
Mensal	'M'	Faturamento mensal
Semanal	'W'	Tráfego semanal
Diária	'D'	Temperatura diária
Horária	'H'	Consumo de energia
Minuto	'T' ou 'min'	Dados de sensores
Segundo	'S'	Trading de ações
Milissegundo	'L' ou 'ms'	Dados científicos

Frequências Comuns

Diferentes granularidades temporais:

Air Quality: Dados horários ('H')

Escolha depende:

- ▶ Natureza do fenômeno
- ▶ Disponibilidade de dados
- ▶ Objetivo da análise

Conceitos Importantes

Terminologia essencial:

Lag (Defasagem):

- ▶ Valor de t períodos atrás
- ▶ lag=1: ontem, lag=7: semana passada

Diferenciação:

- ▶ $Y_t - Y_{t-1}$
- ▶ Remove tendência
- ▶ Torna série estacionária

Conceitos Importantes

Terminologia essencial:

Autocorrelação:

- ▶ Correlação da série consigo mesma
- ▶ Em diferentes lags
- ▶ Mede dependência temporal

Estacionariedade:

- ▶ Propriedades estatísticas constantes
- ▶ Média e variância não mudam no tempo
- ▶ Importante para modelagem

Caso de Uso Motivador

Empresa de monitoramento ambiental:

Problema:

- ▶ Sensores geram dados horários
- ▶ 8760 observações por ano por sensor
- ▶ Precisa detectar padrões e anomalias
- ▶ Alertar quando qualidade do ar está ruim

Desafios:

- ▶ Volume massivo de dados
- ▶ Ruído nos dados
- ▶ Missing values ocasionais
- ▶ Múltiplas escalas (hora, dia, semana, mês)

Caso de Uso Motivador

Empresa de monitoramento ambiental:

Solução com séries temporais:

- ▶ Agregação temporal (horária → diária)
- ▶ Médias móveis para suavizar
- ▶ Decomposição para identificar tendências
- ▶ Detecção de anomalias via desvios

Expectativas Realistas

O que aprenderemos hoje:

SIM:

- ▶ ✓ Manipular séries temporais no Pandas
- ▶ ✓ Visualizar e explorar padrões
- ▶ ✓ Fazer agregações temporais
- ▶ ✓ Calcular médias móveis
- ▶ ✓ Decompor séries
- ▶ ✓ Tratar dados temporais

NÃO (ficará para o futuro):

- ▶ ✗ Modelagem preditiva (ARIMA, Prophet)
- ▶ ✗ Deep Learning para séries (LSTM)
- ▶ ✗ Análise estatística profunda
- ▶ ✗ Testes de estacionariedade formais

Expectativas Realistas

💡 Nota Importante

Hoje é sobre MANIPULAÇÃO e EXPLORAÇÃO, não modelagem!

Estrutura da Aula

Bloco 1: DatetimeIndex

- ▶ Criar DatetimeIndex
- ▶ Acessar e filtrar por datas
- ▶ Extrair componentes temporais
- ▶ Operações básicas

Bloco 2: Agregações e Rolling

- ▶ Resample (mudar frequência)
- ▶ Rolling windows (médias móveis)
- ▶ Shifting e lags
- ▶ Diferenciação

Estrutura da Aula

Blocos 3 e 4: Decomposição + Práticas

- ▶ Decompor em componentes
- ▶ Visualizações avançadas
- ▶ Boas práticas
- ▶ Pipeline completo

Transição para Bloco 1

Fundação estabelecida!

Entendemos:

- ▶ O que são séries temporais
- ▶ Por que são especiais
- ▶ Componentes principais
- ▶ Dataset Air Quality
- ▶ Desafios comuns

Próximo: Bloco 1 - DatetimeIndex

- ▶ Coração da manipulação temporal no Pandas
- ▶ Converter strings para datas
- ▶ Definir índice temporal
- ▶ Acessar dados por período
- ▶ Extrair informações temporais

Bloco 1

DatetimeIndex e Manipulação Básica

O que é DatetimeIndex?

Índice especializado para séries temporais

Definição:

- ▶ Tipo especial de índice no Pandas
- ▶ Contém objetos datetime
- ▶ Otimizado para operações temporais
- ▶ Permite slicing por datas

Por que usar DatetimeIndex?

- ▶ Acesso intuitivo: df['2024-01-01']
- ▶ Funções temporais: resample(), rolling()
- ▶ Alinhamento automático por tempo
- ▶ Operações vetorizadas rápidas
- ▶ Componentes temporais: .dt.year, .dt.month

O que é DatetimeIndex?

Nota Importante

Sem DatetimeIndex, você não tem série temporal - só dados com datas!

DataFrame vs TimeSeries

DataFrame comum (índice numérico):

Index	Date	Value
0	2024-01-01	10
1	2024-01-02	15
2	2024-01-03	12

TimeSeries (DatetimeIndex):

Timestamp	Value
2024-01-01	10
2024-01-02	15
2024-01-03	12

Diferença principal:

- ▶ TimeSeries: data É o índice
- ▶ Permite: df['2024-01'] → todos de janeiro
- ▶ Habilita: resample, rolling, etc.

Criar DatetimeIndex: Método 1 - parse_dates

</> Python

```
1 # Metodo 1: parse_dates no pd.read_csv
2 # Quando data e hora estao em colunas separadas
3 # (ver slides anteriores)
4 print("== TIPO DA COLUNA ==")
5 print(type(df['timestamp'][0]))
6 # <class 'pandas._libs.tslibs.timestamps.Timestamp'>
7 # Verificar
8 print(df['timestamp'].head())
9 # Ainda NÃO é indice! É apenas uma coluna
10 print(f"\nIndice atual: {type(df.index)}")
11 # Indice atual: <class 'pandas.core.indexes.range.RangeIndex'>
```

Criar DatetimeIndex: Método 2 - pd.to_datetime

</> Python

```
1 # Metodo 2: converter coluna existente
2 # Se ja tem coluna de texto com datas
3 df['timestamp'] = pd.to_datetime(df['timestamp_string'])
4
5 # Ou especificar formato (mais rapido!)
6 df['timestamp'] = pd.to_datetime(df['timestamp_string'],
7                                 format='%Y-%m-%d %H:%M:%S')
8
9 # Formatos comuns:
10 # '%Y-%m-%d' $\rightarrow$ 2024-01-15
11 # '%d/%m/%Y' $\rightarrow$ 15/01/2024
12 # '%Y-%m-%d %H:%M:%S' $\rightarrow$ 2024-01-15 10:30:00
13 print("== CONVERSAO ==")
14 print(df['timestamp'].dtype)
15 # datetime64[ns]
16 print(df['timestamp'].head())
```

Definir DatetimeIndex

</> Python

```
1 # Transformar coluna em indice  
2  
3 # Opcao 1: set_index  
4 df = df.set_index('timestamp')  
5  
6 print("==== AGORA É DATETIMEINDEX ===")  
7 print(type(df.index))  
8 # <class 'pandas.core.indexes.datetimes.DatetimeIndex'>  
9  
10 print(f"\nIndice:{df.index}")
```

Definir DatetimeIndex (cont.)

</> Python

```
1 # Opcao 2: Direto no read_csv
2 df = pd.read_csv('data.csv',
3                   parse_dates=['timestamp'],
4                   index_col='timestamp')
5
6 # Verificar propriedades do indice
7 print(f"\nFrequencia: {df.index.freq}")
8 print(f"Inicio: {df.index.min()}")
9 print(f"Fim: {df.index.max()}")
10 # Frequencia: None
11 # Inicio: 2004-03-10 18:00:00
12 # Fim: 2005-04-04 14:00:00
```

Verificar e Ordenar DatetimeIndex

</> Python

```
1 # SEMPRE verificar se esta ordenado
2 print("== Ordenacao ==")
3 print(f"Está ordenado? {df.index.is_monotonic_increasing}")
4 # == Ordenacao ==
5 # Está ordenado? False
6
7 # Se nao estiver, ordenar
8 df = df.sort_index()
9 # Verificar novamente
10 print(f"Agora está ordenado? {df.index.is_monotonic_increasing}")
11 # Por que isso importa?
12 # - resample() e rolling() assumem ordem temporal
13 # - Slicing por datas precisa de ordem
14 # - Performance melhor
```

Verificar e Ordenar DatetimeIndex (cont.)

</> Python

```
1 # Checar duplicatas
2 print(df.index.duplicated().sum())
3 # Remover duplicatas de timestamp
4 df = df[~df.index.duplicated(keep='first')]
5 print(f"\nShape apos remover duplicatas: {df.shape}")
6 # Checar NaNs
7 print(df.index.hasnans)
8 # Remover NaNs
9 df = df.loc[df.index.dropna()]
```

Propriedades do DatetimeIndex

Range e frequência:

- ▶ `.min()`, `.max()`: Limites
- ▶ `.freq`: Frequência (se regular)
- ▶ `.inferred_freq`: Frequência inferida

Propriedades:

- ▶ `.is_monotonic_increasing`: Ordenado?
- ▶ `.is_unique`: Sem duplicatas?
- ▶ `.has_duplicates`: Tem duplicatas?

Componentes:

- ▶ `.year`, `.month`, `.day`
- ▶ `.hour`, `.minute`, `.second`
- ▶ `.dayofweek`, `.dayofyear`
- ▶ `.quarter`, `.weekofyear`

Acessar Componentes Temporais

</> Python

```
1 # Extrair componentes do DatetimeIndex  
2  
3 # Do indice direto  
4 print("== COMPLEMENTOS DO INDICE ==")  
5 print(f"Anos unicos: {df.index.year.unique()}")  
6 print(f"Meses unicos: {df.index.month.unique()}")  
7  
8 # == COMPLEMENTOS DO INDICE ==  
9 # Anos unicos: Index([2004, 2005], dtype='int32', name='timestamp')  
10 # Meses unicos: Index([3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 1, 2], dtype='int32', name='timestamp')
```

Acessar Componentes Temporais (cont.)

</> Python

```
1 # Criar colunas com componentes
2 df['year'] = df.index.year
3 df['month'] = df.index.month
4 df['day'] = df.index.day
5 df['hour'] = df.index.hour
6 df['dayofweek'] = df.index.dayofweek # 0=Segunda , 6=Domingo
7 df['quarter'] = df.index.quarter
8
9 print("\n==== NOVAS COLUNAS ===")
10 print(df[['year', 'month', 'day', 'hour', 'dayofweek']].head())
11
12 # Nome do dia da semana
13 df['weekday_name'] = df.index.day_name()
14 print(f"\nDias da semana: {df['weekday_name'].unique()}")
```

Acessar Componentes Temporais (cont.)

</> Python

```
1 # === NOVAS COLUNAS ===
2 #                                     year   month   day    hour   dayofweek
3 # timestamp
4 # 2004-03-10 18:00:00  2004       3     10     18           2
5 # 2004-03-10 19:00:00  2004       3     10     19           2
6 # 2004-03-10 20:00:00  2004       3     10     20           2
7 # 2004-03-10 21:00:00  2004       3     10     21           2
8 # 2004-03-10 22:00:00  2004       3     10     22           2
9 #
10 # Dias da semana: ['Wednesday' 'Thursday' 'Friday' 'Saturday' 'Sunday' 'Monday' 'Tuesday']
```

Slicing por Datas: Básico

</> Python

```
1 # Um dia específico
2 jan_15 = df.loc['2004-03-15']
3 print(f"Dados de 15/03/2004: {len(jan_15)} registros")
4 # Um mês inteiro
5 march_2004 = df.loc['2004-03']
6 print(f"Dados de março/2004: {len(march_2004)} registros")
7 # Um ano inteiro
8 year_2004 = df.loc['2004']
9 print(f"Dados de 2004: {len(year_2004)} registros")
10 # Range de datas
11 spring = df.loc['2004-03':'2004-05']
12 print(f"Primavera 2004: {len(spring)} registros")
13 # Até certa data
14 early = df.loc[:'2004-06']
15 print(f"Até junho/2004: {len(early)} registros")
```

Slicing por Datas: Básico (cont.)

</> Python

```
1 # Dados de 15/03/2004: 24 registros
2 # Dados de marco/2004: 510 registros
3 # Dados de 2004: 7110 registros
4 # Primavera 2004: 1974 registros
5 # Até junho/2004: 2694 registros
```

Slicing por Datas: Avançado

</> Python

```
1 # Horario especifico em todos os dias
2 morning_10am = df[df.index.hour == 10]
3 print(f"Todas as 10h da manha: {len(morning_10am)} registros")
4 # Fins de semana (sabado=5, domingo=6)
5 weekends = df[df.index.dayofweek >= 5]
6 print(f"Fins de semana: {len(weekends)} registros")
7 # Dias uteis
8 weekdays = df[df.index.dayofweek < 5]
9 print(f"Dias uteis: {len(weekdays)} registros")
10 # Horario de pico (7-9h)
11 rush_hour = df[df.index.hour.isin([7, 8, 9])]
12 print(f"Horario de pico: {len(rush_hour)} registros")
13 # Dezembro (mes de festas)
14 december = df[df.index.month == 12]
15 print(f"Dezembro: {len(december)} registros")
```

Slicing por Datas: Avançado (cont.)

</> Python

```
1 # Todas as 10h da manha: 390 registros  
2 # Fins de semana: 2688 registros  
3 # Dias uteis: 6669 registros  
4 # Horario de pico: 1170 registros  
5 # Dezembro: 744 registros
```

Filtrar por Múltiplas Condições

</> Python

```
1 # Dias uteis + horario comercial (9-18h)
2 business_hours = df[
3     (df.index.dayofweek < 5) & # Segunda a sexta
4     (df.index.hour >= 9) &      # Depois das 9h
5     (df.index.hour < 18)        # Antes das 18h
6 ]
7 print(f"Horario comercial: {len(business_hours)} registros")
8 # Verao (junho-agosto) + dias quentes
9 summer_hot = df[
10    (df.index.month.isin([6, 7, 8])) &
11    (df['T'] > 25) # Temperatura > 25C
12 ]
```

Filtrar por Múltiplas Condições

</> Python

```
1 print(f"Dias quentes de verao: {len(summer_hot)} registros")
2 # Madrugada (0-6h) em fins de semana
3 weekend_nights = df[
4     (df.index.dayofweek >= 5) &
5     (df.index.hour < 6)
6 ]
7 print(f"Madrugadas de fim de semana: {len(weekend_nights)})")
```

Operações com Timestamps

</> Python

```
1 from datetime import timedelta
2 # Adicionar/subtrair tempo
3 tomorrow = df.index + timedelta(days=1)
4 print(f"Amanha: {tomorrow[:5]}")
5 week_ago = df.index - timedelta(days=7)
6 print(f"Semana passada: {week_ago[:5]}")
7 # Diferenca entre timestamps
8 time_diff = df.index.to_series().diff()
9 print(f"\nDiferenca de tempo:")
10 print(time_diff.head())
11 # Tempo decorrido desde inicio
12 elapsed = df.index - df.index.min()
13 elapsed_hours = elapsed.total_seconds() / 3600
14 print(f"\nHoras desde inicio:")
15 print(f"Min: {elapsed_hours.min():.1f}h")
16 print(f"Max: {elapsed_hours.max():.1f}h")
```

Criar DatetimeIndex do Zero

</> Python

```
1 # Diario
2 daily = pd.date_range(start='2024-01-01',
3                         end='2024-12-31',
4                         freq='D')
5 print(f"Diario: {len(daily)} dias")
6 # Horario
7 hourly = pd.date_range(start='2024-01-01',
8                         periods=24*7,   # 1 semana
9                         freq='H')
10 print(f"Horario: {len(hourly)} horas")
```

Criar DatetimeIndex do Zero (cont.)

</> Python

```
1 # Mensal (fim do mes)
2 monthly = pd.date_range(start='2024-01-01',
3                         periods=12,
4                         freq='M')
5 print(f'Mensal: {len(monthly)} meses')
6 # Criar DataFrame com indice temporal
7 df_new = pd.DataFrame({
8     'value': np.random.randn(len(hourly))
9 }, index=hourly)
```

Frequências do Pandas

Código	Descrição	Exemplo	Alias
D	Dia	2024-01-01	day
H	Hora	10:00	hour
T, min	Minuto	10:30	minute
S	Segundo	10:30:45	second
L, ms	Milissegundo	-	-
W	Semana	Domingos	week
M	Fim de mês	2024-01-31	month
MS	Início de mês	2024-01-01	-
Q	Trimestre	2024-03-31	quarter
A, Y	Ano	2024-12-31	year
B	Dias úteis	Seg-Sex	business day

Modificadores:

- ▶ '2H' = a cada 2 horas
- ▶ '15T' = a cada 15 minutos
- ▶ '3D' = a cada 3 dias

Detectar e Preencher Gaps Temporais

</> Python

```
1 # Identificar lacunas na serie temporal
2
3 # Frequencia esperada
4 expected_freq = '1H' # Horaria
5
6 # Criar range completo esperado
7 full_range = pd.date_range(start=df.index.min(),
8                             end=df.index.max(),
9                             freq=expected_freq)
10
11 print(f"Timestamps esperados: {len(full_range)}")
12 print(f"Timestamps reais: {len(df)}")
13 print(f"Missing: {len(full_range) - len(df)}")
```

Detectar e Preencher Gaps Temporais (cont.)

</> Python

```
1 # Reindexar para preencher gaps
2 df_complete = df.reindex(full_range)
3
4 print(f"\nApos reindex: {df_complete.shape}")
5 print(f"NaN introduzidos: {df_complete.isnull().sum().sum()}")
6
7 # Agora podemos tratar missing adequadamente
```

Tratar Missing Values: Forward Fill

</> Python

```
1 # Forward fill: propagar ultimo valor válido
2
3 # Metodo 1: ffill (forward fill)
4 df_filled = df_complete.fillna(method='ffill')
5
6 print("== FORWARD FILL ==")
7 print(f"Missing antes: {df_complete['CO(GT)'].isnull().sum()}")
8 print(f"Missing depois: {df_filled['CO(GT)'].isnull().sum()}")
9
10 # Limitar quantos valores propagar
11 df_filled = df_complete.fillna(method='ffill', limit=3)
12 # Propaga no maximo 3 valores
```

Tratar Missing Values: Forward Fill (cont.)

</> Python

```
1 # Exemplo visual
2 print("\nAntes:")
3 print(df_complete['CO(GT)'][100:110])
4
5 print("\nDepois:")
6 print(df_filled['CO(GT)'][100:110])
7
8 # Util quando: valor tende a permanecer constante
```

Tratar Missing Values: Interpolação

</> Python

```
1 # Interpolacao linear (padrao)
2 df_interp = df_complete.interpolate(method='linear')
3
4 print("== INTERPOLACAO ==")
5 print(f"Missing antes: {df_complete['CO(GT)'].isnull().sum()}")
6 print(f"Missing depois: {df_interp['CO(GT)'].isnull().sum()}")
7
8 # Outros metodos
9 # method='time': considera distancia temporal real
10 df_interp = df_complete.interpolate(method='time')
11
12 # method='spline': curva suave
13 df_interp = df_complete.interpolate(method='spline', order=2)
```

Tratar Missing Values: Interpolação (cont.)

</> Python

```
1 # Comparar
2 print("\nOriginal (com gaps):")
3 print(df_complete['CO(GT)'][100:110])
4 print("\nInterpolado:")
5 print(df_interp['CO(GT)'][100:110])
```

Escolher Método de Imputação Temporal

Guia de decisão:

Forward Fill (ffill):

- ▶ Use: valores mudam raramente
- ▶ Exemplo: status de sensor (ligado/desligado)
- ▶ Exemplo: categoria (tipo de dia)
- ▶ Limite: poucos gaps pequenos

Backward Fill (bfill):

- ▶ Use: raramente (só em casos especiais)
- ▶ Exemplo: preencher início da série

Escolher Método de Imputação Temporal

Guia de decisão:

Interpolação Linear:

- ▶ Use: valores contínuos que mudam suavemente
- ▶ Exemplo: temperatura, umidade, poluição
- ▶ Melhor para séries temporais típicas

NUNCA usar:

- ▶ Média global (ignora contexto temporal!)

Estatísticas por Período

</> Python

```
1 # Por hora do dia
2 hourly_stats = df.groupby(df.index.hour)['CO(GT)'].agg([
3     'mean', 'std', 'min', 'max', 'count'
4 ])
5
6 print("== ESTATISTICAS POR HORA ==")
7 print(hourly_stats)
8
9 # Por dia da semana
10 weekday_stats = df.groupby(df.index.dayofweek)['CO(GT)'].mean()
11 weekday_stats.index = ['Seg', 'Ter', 'Qua', 'Qui', 'Sex', 'Sab', 'Dom']
12
13 print("\n== MEDIA POR DIA DA SEMANA ==")
14 print(weekday_stats)
```

Estatísticas por Período (cont.)

</> Python

```
1 # Por mes
2 monthly_stats = df.groupby(df.index.month) ['CO(GT)'].mean()
3 monthly_stats.index = ['Jan', 'Fev', 'Mar', 'Abr', 'Mai', 'Jun',
4                         'Jul', 'Ago', 'Set', 'Out', 'Nov', 'Dez']
5
6 print("\n==== MEDIA POR MES ===")
7 print(monthly_stats)
```

Comparar Períodos

</> Python

```
1 # Comparar dias uteis vs fins de semana
2 weekday_co = df[df.index.dayofweek < 5]['CO(GT)'].mean()
3 weekend_co = df[df.index.dayofweek >= 5]['CO(GT)'].mean()
4
5 print("== DIAS UTEIS VS FINS DE SEMANA ==")
6 print(f"Dias uteis: {weekday_co:.2f} mg/m³")
7 print(f"Fins de semana: {weekend_co:.2f} mg/m³")
8 print(f"Diferenca: {weekday_co - weekend_co:.2f} mg/m³")
9 print(f"Variacao: {((weekday_co/weekend_co - 1) * 100):.1f}%")
```

Comparar Períodos

</> Python

```
1 # Comparar horarios de pico vs nao-pico
2 peak_hours = df[df.index.hour.isin([7,8,9,17,18,19])]['CO(GT)'].mean()
3 off_peak = df[~df.index.hour.isin([7,8,9,17,18,19])]['CO(GT)'].mean()
4
5 print("\n==== PICO VS NAO-PICO ===")
6 print(f"Horario de pico: {peak_hours:.2f} mg/m³")
7 print(f"Fora de pico: {off_peak:.2f} mg/m³")
```

Criar Features Temporais

</> Python

```
1 # 1. Parte do dia
2 def get_part_of_day(hour):
3     if 6 <= hour < 12:
4         return 'Morning'
5     elif 12 <= hour < 18:
6         return 'Afternoon'
7     elif 18 <= hour < 22:
8         return 'Evening'
9     else:
10        return 'Night'
11
12 df['part_of_day'] = df.index.hour.map(get_part_of_day)
```

Criar Features Temporais

</> Python

```
1 # 2. Fim de semana  
2 df['is_weekend'] = (df.index.dayofweek >= 5).astype(int)  
3  
4 # 3. Horario de pico  
5 df['is_rush_hour'] = df.index.hour.isin([7,8,9,17,18,19]).astype(int)  
6  
7 # 4. Estacao do ano (hemisferio norte)  
8 df['season'] = df.index.month % 12 // 3 + 1  
9 season_map = {1: 'Winter', 2: 'Spring', 3: 'Summer', 4: 'Fall'}  
10 df['season_name'] = df['season'].map(season_map)  
11  
12 print(df[['part_of_day', 'is_weekend', 'season_name']].head(10))
```

Features Cíclicas

</> Python

```
1 # Representar componentes temporais como cíclicas
2 # (preserva a natureza circular do tempo em análises!)
3
4 import numpy as np
5
6 # Hora do dia (0-23) como seno/cosseno
7 df['hour_sin'] = np.sin(2 * np.pi * df.index.hour / 24)
8 df['hour_cos'] = np.cos(2 * np.pi * df.index.hour / 24)
9
10 # Dia da semana (0-6) como seno/cosseno
11 df['dow_sin'] = np.sin(2 * np.pi * df.index.dayofweek / 7)
12 df['dow_cos'] = np.cos(2 * np.pi * df.index.dayofweek / 7)
```

Features Cíclicas

</> Python

```
1 # Mes do ano (1-12) como seno/cosseno
2 df['month_sin'] = np.sin(2 * np.pi * df.index.month / 12)
3 df['month_cos'] = np.cos(2 * np.pi * df.index.month / 12)
4
5 print("==== FEATURES CICLICAS ===")
6 print(df[['hour_sin', 'hour_cos', 'dow_sin', 'month_sin']].head())
7
8 # Por que?
9 # - Preserva distancia real: 23h e 0h estao proximas
10 # - Dezembro (12) e Janeiro (1) sao continuos
11 # - Util para correlacoes e visualizacoes temporais
```

Por que Features Cíclicas?

O problema com encoding ordinal:

Hora do dia (0-23):

- ▶ Ordinal: 0, 1, 2, ..., 22, 23
- ▶ Problema: 23h e 0h codificadas como muito distantes!
- ▶ Realidade: 23h e 0h são 1 hora de diferença

Solução cíclica:

- ▶ $\sin(2\pi \times \text{hour}/24)$ e $\cos(2\pi \times \text{hour}/24)$
- ▶ 23h: $\sin \approx -0.26$, $\cos \approx 0.97$
- ▶ 0h: $\sin \approx 0.0$, $\cos \approx 1.0$
- ▶ Distância euclidiana pequena! ✓

Por que Features Cíclicas?

Quando usar:

- ▶ Hora do dia, dia da semana, mês
- ▶ Qualquer variável cíclica/periódica
- ▶ Análises de correlação temporal
- ▶ Cálculos de distância e similaridade

Nota Importante

Representação cíclica é essencial para análises que dependem de distâncias/similaridades temporais!

Timezone Awareness

</> Python

```
1 # Trabalhar com fusos horarios
2
3 # Verificar se tem timezone
4 print(f"Timezone aware? {df.index.tz is not None}")
5
6 # Adicionar timezone (se nao tiver)
7 df_tz = df.copy()
8 df_tz.index = df_tz.index.tz_localize('UTC')
9
10 print(f"Agora é timezone aware: {df_tz.index.tz}")
11
12 # Converter para outro fuso
13 df_sp = df_tz.copy()
14 df_sp.index = df_sp.index.tz_convert('America/Sao_Paulo')
```

Timezone Awareness (cont.)

</> Python

```
1 print(f"\nUTC: {df_tz.index[0]}")
2 print(f"Sao Paulo: {df_sp.index[0]}")
3
4 # Importante para:
5 # - Dados de multiplas localizacoes
6 # - Horario de verao
7 # - Coordenacao entre sistemas
```

Encontrar Valores Extremos

</> Python

```
1 # Maior valor de CO
2 max_co_idx = df['CO(GT)'].idxmax()
3 max_co_val = df['CO(GT)'].max()
4
5 print("== PIOR QUALIDADE DO AR (CO) ==")
6 print(f"Quando: {max_co_idx}")
7 print(f"Valor: {max_co_val:.2f} mg/m³")
8 print(f"Hora: {max_co_idx.hour}h")
9 print(f"Dia da semana: {max_co_idx.day_name()}")
```

Encontrar Valores Extremos

</> Python

```
1 # Melhor valor
2 min_co_idx = df['CO(GT)'].idxmin()
3 min_co_val = df['CO(GT)').min()
4
5 print("\n==== MELHOR QUALIDADE DO AR (CO) ===")
6 print(f"Quando: {min_co_idx}")
7 print(f"Valor: {min_co_val:.2f} mg/m³")
8
9 # Top 10 piores momentos
10 worst_10 = df.nlargest(10, 'CO(GT)')
11 print("\n==== TOP 10 PIORES ===")
12 print(worst_10[['CO(GT)', 'T', 'RH']].to_string())
```

Exercício: Análise Temporal Básica

Exercício Prático

Explore o Air Quality dataset temporalmente:

1. Configure DatetimeIndex:

```
1 # - Carregar com parse_dates  
2 # - Definir como indice  
3 # - Ordenar e verificar
```

2. Extraia componentes temporais:

- ▶ year, month, day, hour, dayofweek
- ▶ Crie coluna 'season'

Exercício: Análise Temporal Básica

Exercício Prático

Explore o Air Quality dataset temporalmente (cont.):

3. Análises:

- ▶ Média de CO por hora do dia
- ▶ Média de temperatura por mês
- ▶ Comparar dias úteis vs fim de semana

4. Identifique:

- ▶ 10 momentos com pior qualidade do ar
- ▶ Padrões (quando ocorrem?)

Bloco 2

Resample, Rolling Windows e Agregações

O que é Resample?

Resample = mudar a frequência temporal dos dados

Dois tipos principais:

1. Downsampling (reduzir frequência):

- ▶ Horária → Diária
- ▶ Diária → Mensal
- ▶ Minuto → Hora
- ▶ Precisa agregar (média, soma, max, etc.)

2. Upsampling (aumentar frequência):

- ▶ Diária → Horária
- ▶ Mensal → Diária
- ▶ Hora → Minuto
- ▶ Cria gaps (precisa preencher)

O que é Resample?

Resample = mudar a frequência temporal dos dados

Por que fazer?

- ▶ Reduzir ruído (*downsampling*)
- ▶ Alinhar séries com frequências diferentes
- ▶ Visualizar tendências
- ▶ Reduzir volume de dados

Downsampling: Conceito

Exemplo: Horária → Diária

Original (horária - 24 valores por dia):

Timestamp	CO
2004-03-10 00:00	2.6
2004-03-10 01:00	2.0
...	...
2004-03-10 23:00	2.3

Após resample diário (média):

Date	CO
2004-03-10	2.2

24 valores → 1 valor (média dos 24)

Resample: Sintaxe Básica

</> Python

```
1 # Sintaxe geral
2 # df_resampled = df.resample('frequencia').funcao_agregacao()
3
4 # Exemplo 1: Horaria -> Diaria (media)
5 daily_avg = df['CO(GT)'].resample('D').mean()
6
7 print("== RESAMPLE DIARIO ==")
8 print(f"Original: {len(df)} registros (horarios)")
9 print(f"Resampled: {len(daily_avg)} registros (diarios)")
10 print(f"\nPrimeiros valores:")
11 print(daily_avg.head())
```

Resample: Sintaxe Básica

</> Python

```
1 # Exemplo 2: Horaria -> Diaria (max)
2 daily_max = df['CO(GT)'].resample('D').max()
3
4 print("\n==== MAX DIARIO ===")
5 print(daily_max.head())
6
7 # Frequencias: 'D'=dia, 'W'=semana, 'M'=mes, 'Q'=trimestre, 'A'=ano
```

Resample: Múltiplas Agregações

</> Python

```
1 # Uma coluna, multiplas funcoes
2 daily_stats = df['CO(GT)'].resample('D').agg([
3     'mean', 'std', 'min', 'max', 'count'
4 ])
5
6 print("==== ESTATISTICAS DIARIAS DE CO ===")
7 print(daily_stats.head())
8
9 # Multiplas colunas, diferentes funcoes
10 daily_multi = df.resample('D').agg({
11     'CO(GT)': ['mean', 'max'],
12     'NO2(GT)': ['mean', 'max'],
13     'T': ['mean', 'min', 'max'],
14     'RH': 'mean'
15 })
```

Resample: Múltiplas Agregações (cont.)

</> Python

```
1 print("\n==== MULTIPLAS COLUNAS ===")  
2 print(daily_multi.head())  
3  
4 # Renomear colunas se necessário  
5 daily_multi.columns = ['_'.join(col).strip() for col in daily_multi.  
    columns]  
6
```

Resample para Diferentes Períodos

</> Python

```
1 # Diario (media)
2 daily = df['CO(GT)'].resample('D').mean()
3 print(f"Diario: {len(daily)} registros")
4 # Semanal (media)
5 weekly = df['CO(GT)'].resample('W').mean()
6 print(f"Semanal: {len(weekly)} registros")
7 # Mensal (media)
8 monthly = df['CO(GT)'].resample('M').mean()
9 print(f"Mensal: {len(monthly)} registros")
10 # A cada 6 horas
11 six_hourly = df['CO(GT)'].resample('6H').mean()
12 print(f"6 em 6 horas: {len(six_hourly)} registros")
13 # A cada 3 dias
14 three_daily = df['CO(GT)'].resample('3D').mean()
15 print(f"A cada 3 dias: {len(three_daily)} registros")
```

Escolher Função de Agregação

Qual função usar ao fazer downsample?

mean() - Média:

- ▶ Use: valores contínuos, visão geral
- ▶ Exemplo: temperatura média diária

sum() - Soma:

- ▶ Use: totais, acumulados
- ▶ Exemplo: vendas totais do mês

max() / min():

- ▶ Use: valores extremos
- ▶ Exemplo: pico de poluição, temperatura mínima

Escolher Função de Agregação

Qual função usar ao fazer downsample?

median() - Mediana:

- ▶ Use: quando há outliers
- ▶ Mais robusta que média

count():

- ▶ Use: número de observações válidas
- ▶ Detectar missing values

Upsampling: Aumentar Frequência

</> Python

```
1 # Criar dados mensais primeiro (downsample)
2 monthly = df['CO(GT)'].resample('M').mean()
3
4 print("== DADOS MENSALIS ==")
5 print(f"Registros: {len(monthly)}")
6 print(monthly.head())
7
8 # Agora upsampling: mensal -> diario
9 daily_from_monthly = monthly.resample('D').asfreq()
10
11 print("\n== APOS UPSAMPLING ==")
12 print(f"Registros: {len(daily_from_monthly)}")
13 print(daily_from_monthly.head(10))
```

Upsampling: Aumentar Frequêcia (cont.)

</> Python

```
1 # Nota: Criou NaN! Precisa preencher
2
3 # Preencher com forward fill
4 daily_filled = monthly.resample('D').ffill()
5
6 print("\n==== COM FORWARD FILL ===")
7 print(daily_filled.head(10))
```

Upsampling com Interpolação

</> Python

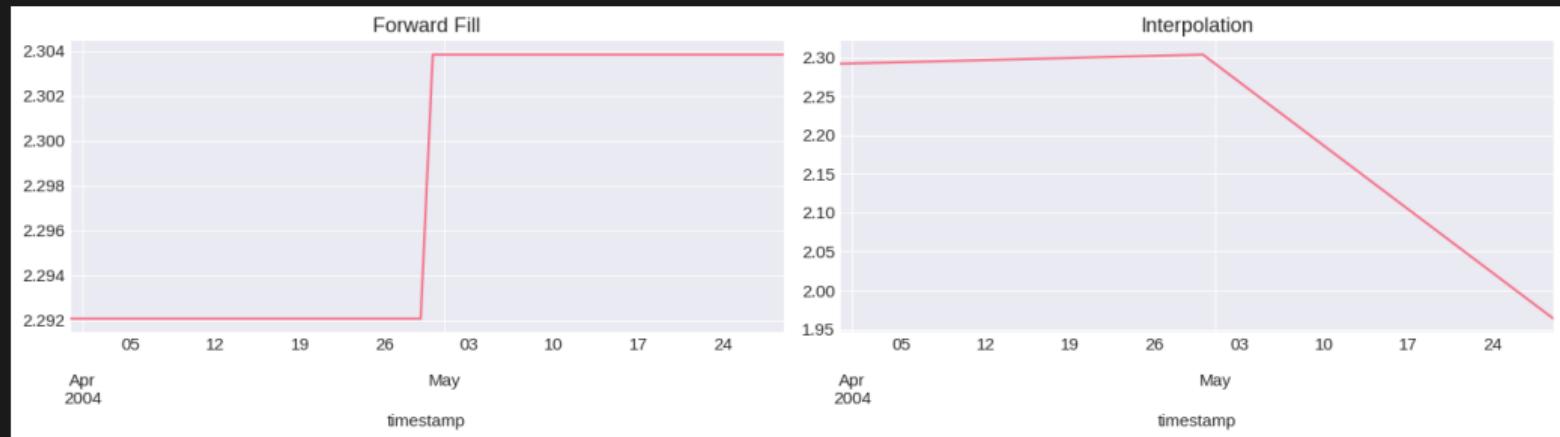
```
1 # Upsampling com interpolacao (melhor! )
2
3 # Mensal -> Diario com interpolacao
4 daily_interp = monthly.resample('D').interpolate(method='linear')
5
6 print("== UPSAMPLING COM INTERPOLACAO ==")
7 print(daily_interp.head(40)) # Primeiro mes
8
9 # Comparar metodos
10 import matplotlib.pyplot as plt
11
12 fig, axes = plt.subplots(1, 2, figsize=(14, 4))
```

Upsampling com Interpolação (cont.)

</> Python

```
1 # Forward fill
2 monthly.resample('D').ffill().head(60).plot(
3     ax=axes[0], title='Forward Fill'
4 )
5
6 # Interpolacao
7 monthly.resample('D').interpolate().head(60).plot(
8     ax=axes[1], title='Interpolation'
9 )
10
11 plt.tight_layout()
12 plt.show()
```

Upsampling com Interpolação (cont.)



Rolling Windows: Conceito

Rolling = janela deslizante que calcula estatística

Como funciona:

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10]

Janela de tamanho 3:

[1, 2, 3] → média = 2.0

[2, 3, 4] → média = 3.0

[3, 4, 5] → média = 4.0

...

Resultado:

[NaN, NaN, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0, 6.0, 7.0, 8.0, 9.0]

Rolling Windows: Conceito

Rolling = janela deslizante que calcula estatística

Usos:

- ▶ Suavizar ruído (média móvel)
- ▶ Detectar tendências
- ▶ Calcular volatilidade (desvio móvel)
- ▶ Features para ML

Rolling: Média Móvel Simples

</> Python

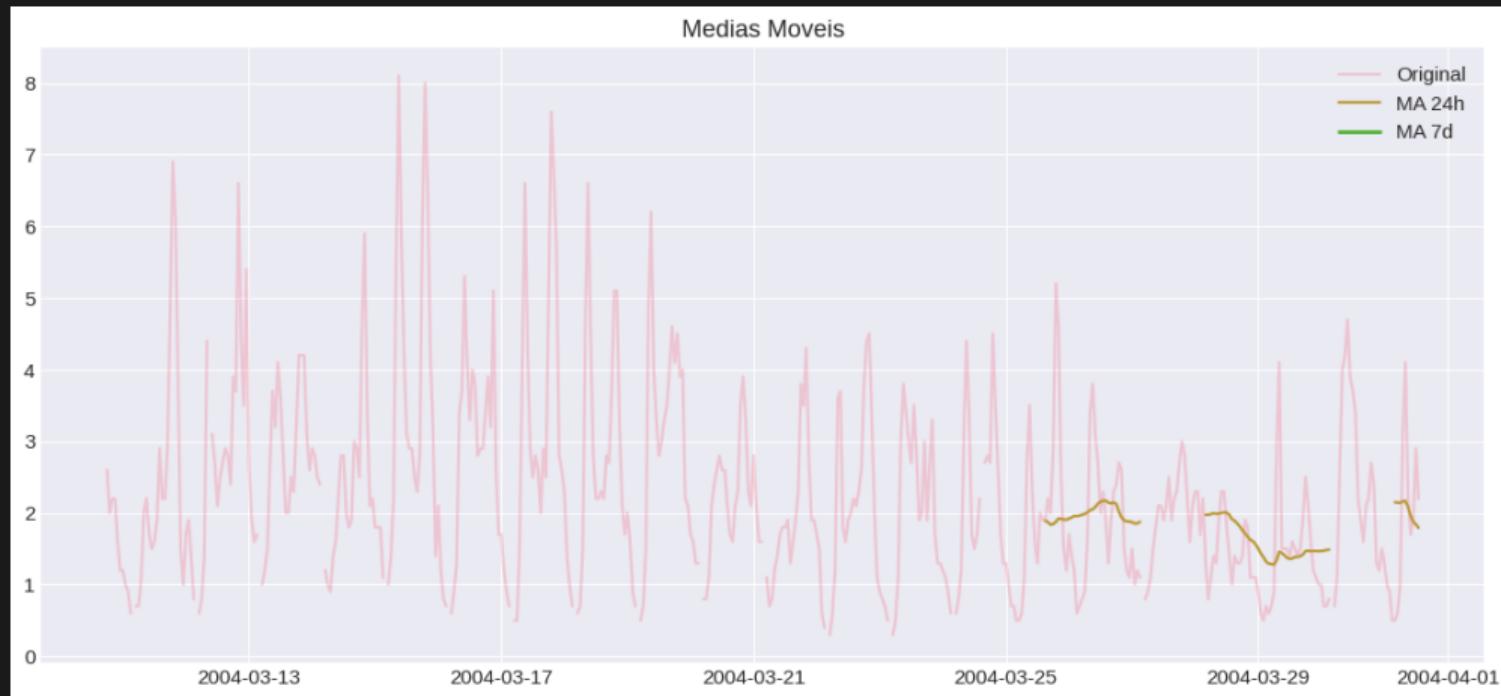
```
1 # Janela de 24 horas (suavizar ruido diario)
2 df['CO_MA24'] = df['CO(GT)'].rolling(window=24).mean()
3
4 print("== MEDIA MOVEL 24H ==")
5 print(df[['CO(GT)', 'CO_MA24']].head(30))
6
7 # Primeiras 23 serao NaN (janela incompleta)
8
9 # Janela de 7 dias (168 horas)
10 df['CO_MA168'] = df['CO(GT)'].rolling(window=168).mean()
```

Rolling: Média Móvel Simples (cont.)

</> Python

```
1 # Visualizar
2 import matplotlib.pyplot as plt
3
4 plt.figure(figsize=(14, 6))
5 plt.plot(df.index[:500], df['CO(GT)'][:500],
6           alpha=0.3, label='Original')
7 plt.plot(df.index[:500], df['CO_MA24'][:500],
8           label='MA 24h')
9 plt.plot(df.index[:500], df['CO_MA168'][:500],
10          label='MA 7d', linewidth=2)
11 plt.legend()
12 plt.title('Medias Moveis')
13 plt.show()
```

Rolling: Média Móvel Simples (cont.)



Problemas no gráfico: dados faltantes (NaN)

Original:

- ▶ Não possui NaN iniciais - série completa desde o primeiro timestamp
- ▶ Pode ter gaps esparsos devido a falhas no sensor (-200 convertido para NaN)

MA 24h:

- ▶ Primeiras 23 observações são NaN (janela incompleta)
- ▶ Requer 24 valores consecutivos para calcular a primeira média
- ▶ Visível apenas a partir da 24^a hora do dataset

MA 7d:

- ▶ Primeiras 167 observações são NaN (janela incompleta)
- ▶ Requer 168 valores (7 dias × 24 horas) para calcular a primeira média
- ▶ Visível apenas após 7 dias completos de dados
- ▶ Por isso não aparece no gráfico que mostra apenas [:500] (primeiras 21 dias)

Solução: usar `min_periods` (próximos slides)

Escolher Tamanho da Janela

Window size (tamanho da janela):

Janela pequena:

- ▶ Mais sensível a mudanças
- ▶ Segue dados mais de perto
- ▶ Mais ruído
- ▶ Exemplo: window=5

Janela grande:

- ▶ Mais suave
- ▶ Menos sensível
- ▶ Menos ruído
- ▶ Mais lag (atraso)
- ▶ Exemplo: window=100

Escolher Tamanho da Janela

Window size (tamanho da janela):

Regras práticas:

- ▶ Dados horários: 24 (1 dia) ou 168 (1 semana)
- ▶ Dados diários: 7 (1 semana) ou 30 (1 mês)
- ▶ Dados mensais: 12 (1 ano)
- ▶ Experimente! Visualize diferentes tamanhos

Rolling: Outras Estatísticas

</> Python

```
1 # Desvio padrao movel (volatilidade)
2 df['CO_std24'] = df['CO(GT)'].rolling(window=24).std()
3
4 # Maximo movel
5 df['CO_max24'] = df['CO(GT)'].rolling(window=24).max()
6
7 # Minimo movel
8 df['CO_min24'] = df['CO(GT)'].rolling(window=24).min()
9
10 # Mediana movel (mais robusta)
11 df['CO_median24'] = df['CO(GT)'].rolling(window=24).median()
12
13 # Soma movel
14 df['CO_sum24'] = df['CO(GT)'].rolling(window=24).sum()
```

Rolling: Outras Estatísticas (cont.)

</> Python

```
1 print("==== ROLLING STATISTICS ====")
2 print(df[['CO(GT)', 'CO_MA24', 'CO_std24',
3           'CO_max24', 'CO_min24']].tail(10))
4
5 # Interpretacao:
6 # - std alta = alta variabilidade
7 # - max/min = range de variacao
```

Rolling: center=True

</> Python

```
1 # Centrar a janela (ao inves de olhar pra tras)
2
3 # Padrao: olha para tras
4 df['CO_MA_backward'] = df['CO(GT)'].rolling(window=24).mean()
5
6 # Centrado: usa valores antes E depois
7 df['CO_MA_centered'] = df['CO(GT)'].rolling(window=24, center=True).mean()
8
9 print("== BACKWARD VS CENTERED ==")
10 print(df[['CO(GT)', 'CO_MA_backward', 'CO_MA_centered']].iloc[20:30])
```

Rolling: center=True (cont.)

</> Python

```
1 # Quando usar cada um?  
2  
3 # Backward (padrao): PREVISO  
4 # - Usa apenas passado  
5 # - Pode usar em producao  
6 # - Mais comum  
7  
8 # Centered: ANALISE/SUAVIZACAO  
9 # - Usa passado + futuro  
10 # - NAO pode usar para previsao!  
11 # - Suavizacao mais precisa
```

Rolling: min_periods

</> Python

```
1 # Define quantos valores válidos (não-NaN) são necessários no mínimo para
2 # calcular a estatística da janela móvel.
3
4 # Padrão: precisa janela completa
5 df['CO_MA24_strict'] = df['CO(GT)'].rolling(window=24).mean()
6 # Primeiras 23 = NaN
7
8 # Com min_periods: aceita janela parcial
9 df['CO_MA24_partial'] = df['CO(GT)'].rolling(
10     window=24,
11     min_periods=1 # Mínimo de 1 valor válido
12 ).mean()
13 # Todas tem valores!
14 print("==== MIN_PERIODS ====")
15 print(df[['CO(GT)', 'CO_MA24_strict', 'CO_MA24_partial']].head(25))
```

Rolling: min_periods (cont.)

</> Python

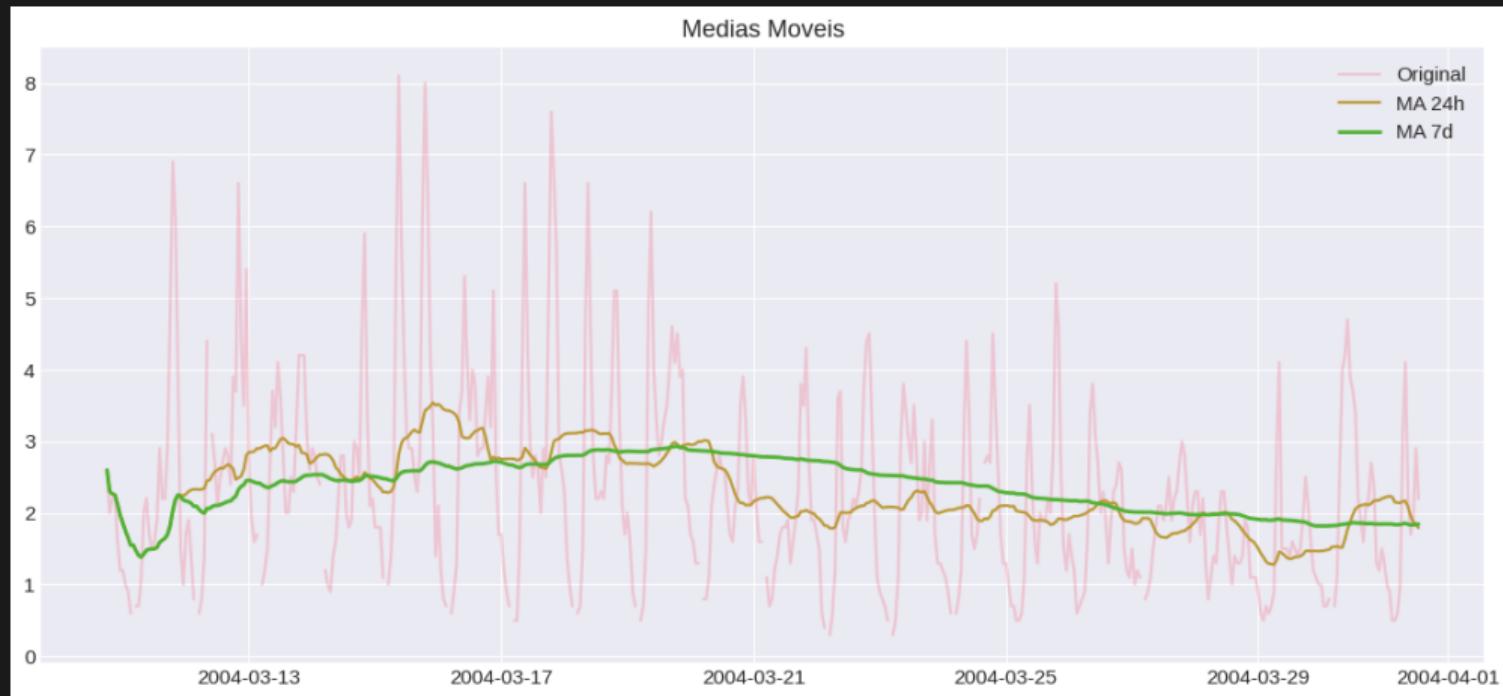
```
1 # Quando usar min_periods?  
2 # - Para evitar NaN no inicio  
3 # - Quando poucos dados faltantes OK  
4 # - Cuidado: janelas pequenas no inicio sao menos confiaveis
```

Rolling: Média Móvel Simples (cont.)

</> Python

```
1 # Janela de 24 horas com min_periods  
2 df['CO_MA24'] = df['CO(GT)'].rolling(window=24, min_periods=1).mean()  
3  
4 # Janela de 7 dias (168 horas) com min_periods  
5 df['CO_MA168'] = df['CO(GT)'].rolling(window=168, min_periods=1).mean()  
6  
7 # Visualizar  
8 ...
```

Rolling: Média Móvel Simples (cont.)



Expanding: Estatísticas Cumulativas

</> Python

```
1 # Expanding = janela que cresce desde o inicio
2
3 # Media cumulativa
4 df['CO_cumulative_mean'] = df['CO(GT)'].expanding().mean()
5
6 # No tempo t, usa TODOS os valores de 0 ate t
7
8 print("==== EXPANDING MEAN ===")
9 print(df[['CO(GT)', 'CO_cumulative_mean']].head(20))
10
11 # Outras estatisticas cumulativas
12 df['CO_cumulative_max'] = df['CO(GT)'].expanding().max()
13 df['CO_cumulative_min'] = df['CO(GT)'].expanding().min()
14 df['CO_cumulative_std'] = df['CO(GT)'].expanding().std()
```

Expanding: Estatísticas Cumulativas

</> Python

```
1 # Uso:  
2 # - Ver tendencia de longo prazo  
3 # - Comparar valor atual com historico  
4 # - Detectar mudancas de regime
```

Rolling vs Expanding vs Resample

Três técnicas, três propósitos:

Método	O que faz	Janela	Uso
Resample	Muda frequência	Período fixo	Agregar por dia/mês
Rolling	Média móvel	Tamanho fixo, desliza	Suavizar, features
Expanding	Acumulativo	Cresce desde início	Tendência geral

Rolling vs Expanding vs Resample

Exemplo com 10 valores:

- ▶ **Resample('2D')**: 10 valores → 5 valores (média a cada 2 dias)
- ▶ **Rolling(3)**: Janela [1,2,3], [2,3,4], ... (10 valores)
- ▶ **Expanding()**: [1], [1,2], [1,2,3], ... (10 valores)

Shift: Defasagens (Lags)

</> Python

```
1 # Shift: mover valores no tempo
2
3 # Lag 1 (valor de 1 hora atras)
4 df['CO_lag1'] = df['CO(GT)'].shift(1)
5
6 # Lag 24 (valor de 24 horas atras - ontem)
7 df['CO_lag24'] = df['CO(GT)'].shift(24)
8
9 # Lag 168 (7 dias atras)
10 df['CO_lag168'] = df['CO(GT)'].shift(168)
11
12 print("== LAGS ==")
13 print(df[['CO(GT)', 'CO_lag1', 'CO_lag24', 'CO_lag168']].head(30))
```

Shift: Defasagens (Lags) (cont.)

</> Python

```
1 # Uso:  
2 # - Autocorrelacao: correlacao com proprio passado  
3 # - Features para ML: valor de ontem ajuda prever hoje  
4 # - Comparacoes temporais  
5  
6 # Shift negativo = lead (valores futuros)  
7 df['CO_lead1'] = df['CO(GT)'].shift(-1) # Proxima hora  
8 # CUIDADO: data leakage se usar para previsao!
```

Diff: Diferenças Temporais

</> Python

```
1 # Diff: diferenca entre periodos consecutivos
2
3 # Diferenca de 1 periodo (mudanca horaria)
4 df['CO_diff1'] = df['CO(GT)'].diff(1)
5 # CO_diff1[t] = CO[t] - CO[t-1]
6
7 # Diferenca de 24 periodos (mudanca dia-a-dia)
8 df['CO_diff24'] = df['CO(GT)'].diff(24)
9 # CO_diff24[t] = CO[t] - CO[t-24]
10
11 print("== DIFFERENCES ==")
12 print(df[['CO(GT)', 'CO_diff1', 'CO_diff24']].head(30))
```

Diff: Diferenças Temporais (cont.)

</> Python

```
1 # Interpretacao:  
2 # - diff > 0: aumentou  
3 # - diff < 0: diminuiu  
4 # - diff = 0: estavel  
5  
6 # Uso:  
7 # - Tornar serie estacionaria  
8 # - Detectar mudancas abruptas  
9 # - Velocidade de mudanca
```

pct_change: Variações Percentuais

</> Python

```
1 # Variacao percentual de 1 periodo
2 df['CO_pct_change1'] = df['CO(GT)'].pct_change(1)
3 # pct_change[t] = (CO[t] - CO[t-1]) / CO[t-1]
4
5 # Variacao percentual dia-a-dia
6 df['CO_pct_change24'] = df['CO(GT)'].pct_change(24)
7
8 print("== PERCENT CHANGES ==")
9 print(df[['CO(GT)', 'CO_pct_change1', 'CO_pct_change24']].head(30))
```

pct_change: Variações Percentuais (cont.)

</> Python

```
1 # Interpretacao:  
2 # - 0.1 = +10% de aumento  
3 # - -0.05 = -5% de queda  
4 # - 0.0 = sem mudanca  
5  
6 # Converter para percentual  
7 df['C0_pct_change24_formatted'] = df['C0_pct_change24'] * 100  
8  
9 print(f"\nVariacao percentual media dia-a-dia: {df['C0_pct_change24'].mean()  
    ()*100:.2f}%)")
```

Autocorrelação: Correlação com o Passado

</> Python

```
1 # Medir correlacao com valores defasados
2
3 # Criar lags
4 for lag in [1, 6, 12, 24, 168]:
5     df[f'CO_lag{lag}'] = df['CO(GT)'].shift(lag)
6
7 # Calcular correlacoes
8 correlations = []
9 for lag in [1, 6, 12, 24, 168]:
10    corr = df['CO(GT)'].corr(df[f'CO_lag{lag}'])
11    correlations.append((lag, corr))
12    print(f'Lag {lag:3d}h: correlacao = {corr:.3f}')
```

Autocorrelação: Correlação com o Passado (cont.)

</> Python

```
1 # Interpretacao:  
2 # - Lag 1h: correlacao alta (0.9+) = muito autocorrelacionado  
3 # - Lag 24h: correlacao alta = padrao diario forte  
4 # - Lag 168h (7d): correlacao = padrao semanal  
5  
6 # Usar para:  
7 # - Identificar periodicidade  
8 # - Escolher lags para features
```

Plotar Autocorrelação

</> Python

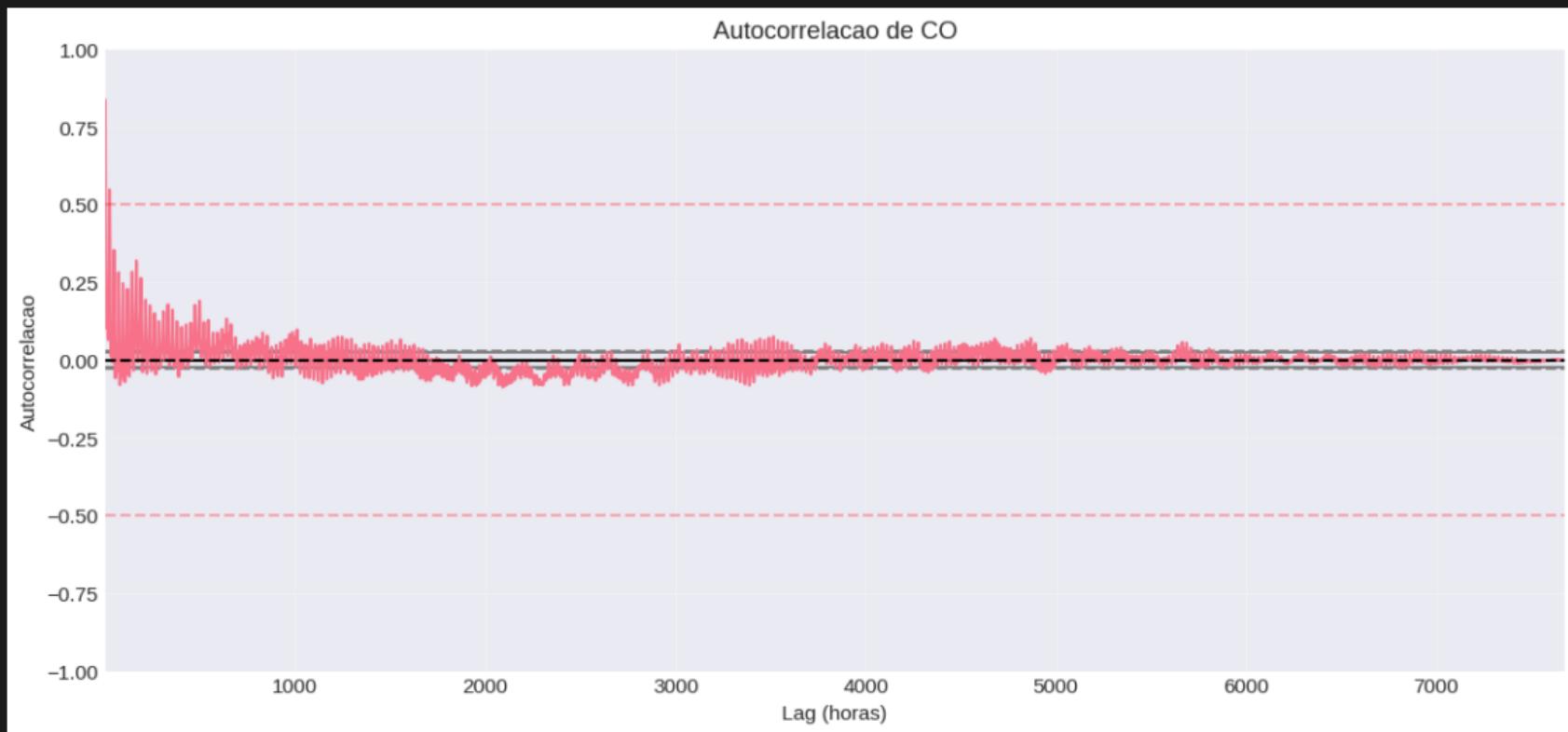
```
1 from pandas.plotting import autocorrelation_plot  
2  
3 # Plot de autocorrelacao  
4 plt.figure(figsize=(14, 6))  
5 autocorrelation_plot(df['CO(GT)'].dropna())  
6 plt.title('Autocorrelacao de CO')  
7 plt.xlabel('Lag (horas)')  
8 plt.ylabel('Autocorrelacao')  
9 plt.axhline(y=0, color='k', linestyle='--')  
10 plt.axhline(y=0.5, color='r', linestyle='--', alpha=0.3)  
11 plt.axhline(y=-0.5, color='r', linestyle='--', alpha=0.3)  
12 plt.grid(True, alpha=0.3)  
13 plt.show()
```

Plotar Autocorrelação (cont.)

</> Python

```
1 # Linhas horizontais: limites de significancia  
2 # Se autocorr > linha: correlacao significativa  
3 # Picos em multiplos de 24: sazonalidade diaria  
4 # Picos em multiplos de 168: sazonalidade semanal
```

Plotar Autocorrelação (cont.)



Criar Features com Rolling e Lags

</> Python

```
1 # Criar features úteis para modelagem
2
3 # 1. Lags importantes
4 df['CO_lag1'] = df['CO(GT)'].shift(1)
5 df['CO_lag24'] = df['CO(GT)'].shift(24)
6 df['CO_lag168'] = df['CO(GT)'].shift(168)
7
8 # 2. Médias móveis
9 df['CO_MA24'] = df['CO(GT)'].rolling(24).mean()
10 df['CO_MA168'] = df['CO(GT)'].rolling(168).mean()
11
12 # 3. Diferença entre valor e média
13 df['CO_vs_MA24'] = df['CO(GT)'] - df['CO_MA24']
```

Criar Features com Rolling e Lags (cont.)

</> Python

```
1 # 4. Volatilidade (desvio movele)
2 df['CO_volatility'] = df['CO(GT)'].rolling(24).std()
3
4 # 5. Range (max - min)
5 df['CO_range24'] = (df['CO(GT)'].rolling(24).max() -
6                     df['CO(GT)'].rolling(24).min())
7
8 print("== FEATURES CRIADAS ==")
9 print(df[['CO(GT)', 'CO_lag24', 'CO_MA24',
10        'CO_vs_MA24', 'CO_volatility']].tail())
```

Features para Forecasting com Dados Históricos

Features mais úteis para previsão (criadas com valores passados):

1. Lags (valores passados):

- ▶ lag1, lag24, lag168 (1h, 1d, 1sem atrás)
- ▶ Use autocorrelação para escolher

2. Médias móveis:

- ▶ MA7, MA30 (tendência de curto/longo prazo)
- ▶ Diferença entre valor atual e MA

3. Volatilidade:

- ▶ Desvio padrão móvel
- ▶ Range móvel (max - min)

Features para Forecasting com Dados Históricos

Features mais úteis para previsão (criadas com valores passados):

4. Diferenças:

- ▶ diff1, diff24 (taxa de mudança)
- ▶ pct_change (variação percentual)

5. Componentes temporais:

- ▶ hour, dayofweek, month
- ▶ is_weekend, is_holiday

💡 Nota Importante

Estas features são úteis para entender padrões e relações temporais nos dados!

Ewm: Exponential Weighted Moving Average

</> Python

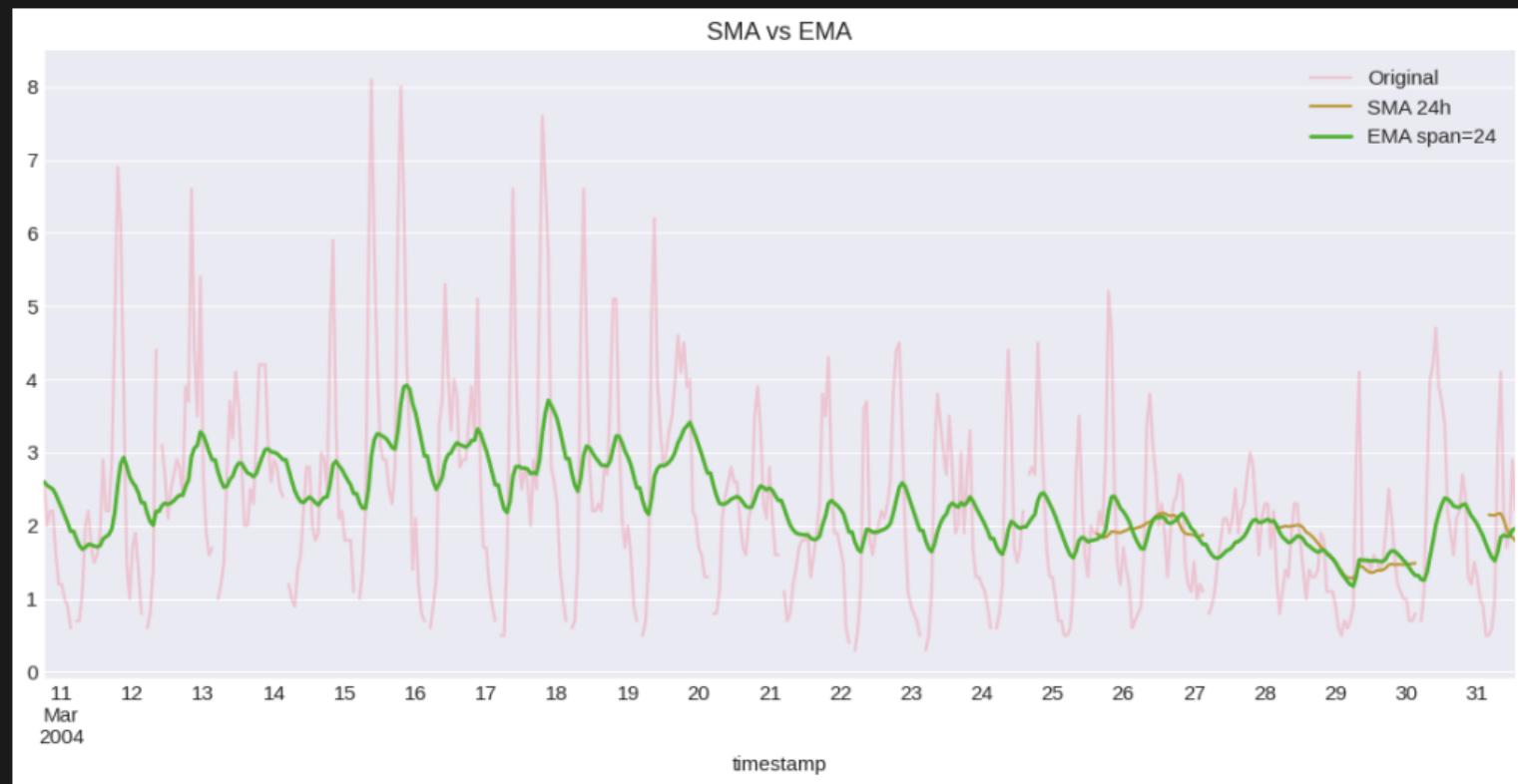
```
1 # EWM: da mais peso aos valores recentes
2
3 # Media movel simples (SMA)
4 df['CO_SMA24'] = df['CO(GT)'].rolling(24).mean()
5
6 # Media movel exponencial (EMA/EWMA)
7 df['CO_EMA'] = df['CO(GT)'].ewm(span=24, adjust=False).mean()
8
9 # Comparar
10 print("== SMA vs EMA ==")
11 print(df[['CO(GT)', 'CO_SMA24', 'CO_EMA']].tail(20))
```

Ewm: Exponential Weighted Moving Average (cont.)

</> Python

```
1 # Visualizar
2 plt.figure(figsize=(14, 6))
3 df['CO(GT)'][:500].plot(alpha=0.3, label='Original')
4 df['CO_SMA24'][:500].plot(label='SMA 24h')
5 df['CO_EMA'][:500].plot(label='EMA span=24', linewidth=2)
6 plt.legend()
7 plt.title('SMA vs EMA')
8 plt.show()
9
10 # EMA: mais responsiva a mudancas recentes
11 # SMA: trata todos valores igualmente
```

Ewm: Exponential Weighted Moving Average (cont.)



SMA vs EMA: Diferenças

Simple Moving Average (SMA):

- ▶ Peso igual para todos os valores na janela
- ▶ Fórmula: $(x_1 + x_2 + \dots + x_n)/n$
- ▶ Mais suave
- ▶ Lag maior

Exponential Moving Average (EMA):

- ▶ Peso decai exponencialmente
- ▶ Mais peso aos valores recentes
- ▶ Menos lag
- ▶ Mais responsiva

SMA vs EMA: Diferenças

Quando usar cada um:

- ▶ **SMA:** Análise de tendências de longo prazo
- ▶ **EMA:** Trading, detecção rápida de mudanças
- ▶ **Ambos:** Cruzamento de médias (sinais de compra/venda)

Aplicar Função Customizada em Rolling

</> Python

```
1 # Aplicar função customizada
2
3 # Função: range (max - min)
4 def window_range(window):
5     return window.max() - window.min()
6
7 # Aplicar
8 df['CO_range_custom'] = df['CO(GT)'].rolling(24).apply(window_range)
9
10 # Função: quantil 75%
11 df['CO_q75'] = df['CO(GT)'].rolling(24).quantile(0.75)
```

Aplicar Função Customizada em Rolling (cont.)

</> Python

```
1 # Funcao: contagem de valores acima da media
2 def count_above_mean(window):
3     return (window > window.mean()).sum()
4
5 df['CO_count_above'] = df['CO(GT)'].rolling(24).apply(count_above_mean)
6
7 print("== FUNCOES CUSTOMIZADAS ==")
8 print(df[['CO(GT)', 'CO_range_custom',
9           'CO_q75', 'CO_count_above']].tail())
10
11 # Usar .apply() para qualquer logica customizada!
```

Comparar Diferentes Janelas

</> Python

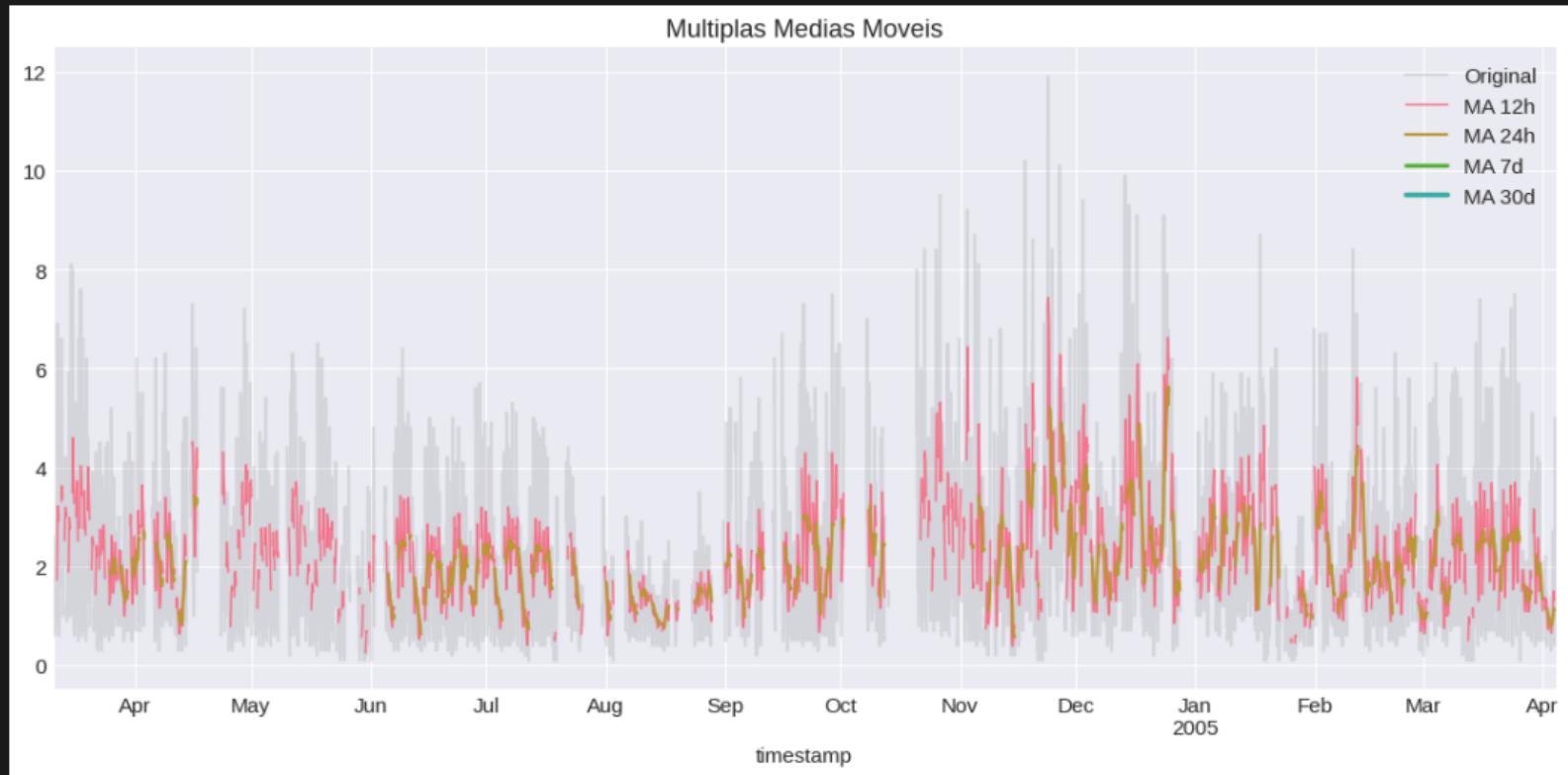
```
1 # Multiplas janelas para capturar diferentes escalas
2
3 # Curto prazo (12h)
4 df['CO_MA12'] = df['CO(GT)'].rolling(12).mean()
5
6 # Medio prazo (24h)
7 df['CO_MA24'] = df['CO(GT)'].rolling(24).mean()
8
9 # Longo prazo (168h = 7 dias)
10 df['CO_MA168'] = df['CO(GT)'].rolling(168).mean()
11
12 # Muito longo prazo (720h = 30 dias)
13 df['CO_MA720'] = df['CO(GT)'].rolling(720).mean()
```

Comparar Diferentes Janelas (cont.)

</> Python

```
1 # Visualizar todas
2 plt.figure(figsize=(14, 6))
3 df['CO(GT)'].plot(alpha=0.2, label='Original', color='gray')
4 df['CO_MA12'].plot(label='MA 12h', linewidth=1)
5 df['CO_MA24'].plot(label='MA 24h', linewidth=1.5)
6 df['CO_MA168'].plot(label='MA 7d', linewidth=2)
7 df['CO_MA720'].plot(label='MA 30d', linewidth=2.5)
8 plt.legend()
9 plt.title('Multiplas Medias Moveis')
10 plt.show()
```

Comparar Diferentes Janelas (cont.)



Detectar Anomalias com Rolling

</> Python

```
1 # Detectar valores anormais usando rolling statistics
2
3 # Media e desvio movel
4 df['CO_rolling_mean'] = df['CO(GT)'].rolling(24).mean()
5 df['CO_rolling_std'] = df['CO(GT)'].rolling(24).std()
6
7 # Z-score movel
8 df['CO_zscore'] = (df['CO(GT)'] - df['CO_rolling_mean']) / df['CO_rolling_std']
9
10 # Anomalias: |z-score| > 3
11 df['is_anomaly'] = (df['CO_zscore'].abs() > 3).astype(int)
```

Detectar Anomalias com Rolling (cont.)

</> Python

```
1 print("==== ANOMALIAS DETECTADAS ===")
2 anomalies = df[df['is_anomaly'] == 1]
3 print(f"Total de anomalias: {len(anomalies)}")
4 print(f"Percentual: {((len(anomalies)/len(df))*100):.2f}%")
5
6 print("\nExemplos:")
7 print(anomalies[['CO(GT)', 'CO_rolling_mean',
8                  'CO_zscore']].head())
9
10 # Visualizar
11 # ...
```

Exercício: Análise com Rolling e Resample

Exercício Prático

Explore agregações temporais no Air Quality:

1. Resample: diaria e semanal; comparar com dados horários
2. Rolling windows:
 - ▶ Calcular MA de 24h e 168h
 - ▶ Plotar original vs médias móveis
 - ▶ Calcular desvio padrão móvel
3. Features:
 - ▶ Criar lags (1h, 24h, 168h)
 - ▶ Criar diferenças (diff)
 - ▶ Calcular autocorrelação

Exercício: Análise com Rolling e Resample (cont.)

Exercício Prático

Explore agregações temporais no Air Quality:

4. Detecção de anomalias:

- ▶ Use z-score móvel
- ▶ Identifique top 10 anomalias
- ▶ Quando ocorreram?

Bloco 3

Decomposição de Séries Temporais

O que é Decomposição?

Decomposição = separar série em componentes

Modelo aditivo:

$$Y_t = T_t + S_t + R_t$$

Modelo multiplicativo:

$$Y_t = T_t \times S_t \times R_t$$

Componentes:

- ▶ **T_t (Trend):** Tendência de longo prazo
- ▶ **S_t (Seasonal):** Padrão sazonal repetitivo
- ▶ **R_t (Residual):** Ruído/irregular

O que é Decomposição?

Decomposição = separar série em componentes

Modelo aditivo:

$$Y_t = T_t + S_t + R_t$$

Modelo multiplicativo:

$$Y_t = T_t \times S_t \times R_t$$

Quando usar cada modelo:

- ▶ **Aditivo:** Amplitude sazonal constante
- ▶ **Multiplicativo:** Amplitude sazonal cresce com tendência

Aditivo vs Multiplicativo

Exemplo visual:

Modelo Aditivo:

- ▶ Vendas oscilam ± 100 unidades em jan/2020
- ▶ Vendas oscilam ± 100 unidades em dez/2024
- ▶ Amplitude sazonal CONSTANTE
- ▶ Variação independente do nível

Modelo Multiplicativo:

- ▶ Vendas oscilam $\pm 10\%$ em jan/2020 (1000 ± 100)
- ▶ Vendas oscilam $\pm 10\%$ em dez/2024 (5000 ± 500)
- ▶ Amplitude sazonal CRESCE
- ▶ Variação proporcional ao nível

Aditivo vs Multiplicativo

Regra prática:

- ▶ Se em dúvida, comece com aditivo
- ▶ Se amplitude cresce, use multiplicativo
- ▶ Ou aplique log e use aditivo

Decomposição: Preparação dos Dados

</> Python

```
1 # Preparar dados para decomposicao
2
3 # 1. Resample para diario (decomposicao funciona melhor em freq regular)
4 daily = df['CO(GT)'].resample('D').mean()
5
6 # 2. Remover NaN
7 daily = daily.dropna()
8
9 print("== DADOS PARA DECOMPOSICAO ==")
10 print(f"Freqüencia: Diaria")
11 print(f"Registros: {len(daily)}")
12 print(f"Periodo: {daily.index.min()} a {daily.index.max()}")
13 print(f"Missing: {daily.isnull().sum()}")
```

Decomposição: Preparação dos Dados

</> Python

```
1 # Verificar
2 print(f"\nAmostra:")
3 print(daily.head())
4
5 # IMPORTANTE: Decomposicao precisa de:
6 # - Frequencia regular (sem gaps)
7 # - Sem missing values
8 # - Periodo suficiente (pelo menos 2 ciclos sazonais)
```

Decomposição: statsmodels

</> Python

```
1 from statsmodels.tsa.seasonal import seasonal_decompose  
2  
3 # Decomposicao aditiva  
4 decomposition = seasonal_decompose(  
5     daily,  
6     model='additive',  
7     period=7,  # Sazonalidade semanal (7 dias)  
8     extrapolate_trend='freq'  
9 )  
10  
11 # Extrair componentes  
12 trend = decomposition.trend  
13 seasonal = decomposition.seasonal  
14 residual = decomposition.resid
```

Decomposição: statsmodels (cont.)

</> Python

```
1 print("==== COMPONENTES ===")
2 print(f"Trend: {trend.shape}")
3 print(f"Seasonal: {seasonal.shape}")
4 print(f"Residual: {residual.shape}")
5
6 # Verificar decomposicao
7 # Original = Trend + Seasonal + Residual
8 reconstructed = trend + seasonal + residual
9 print(f"\nErro de reconstrucao: {(daily - reconstructed).abs().max():.10f}
    ")
```

Visualizar Decomposição

</> Python

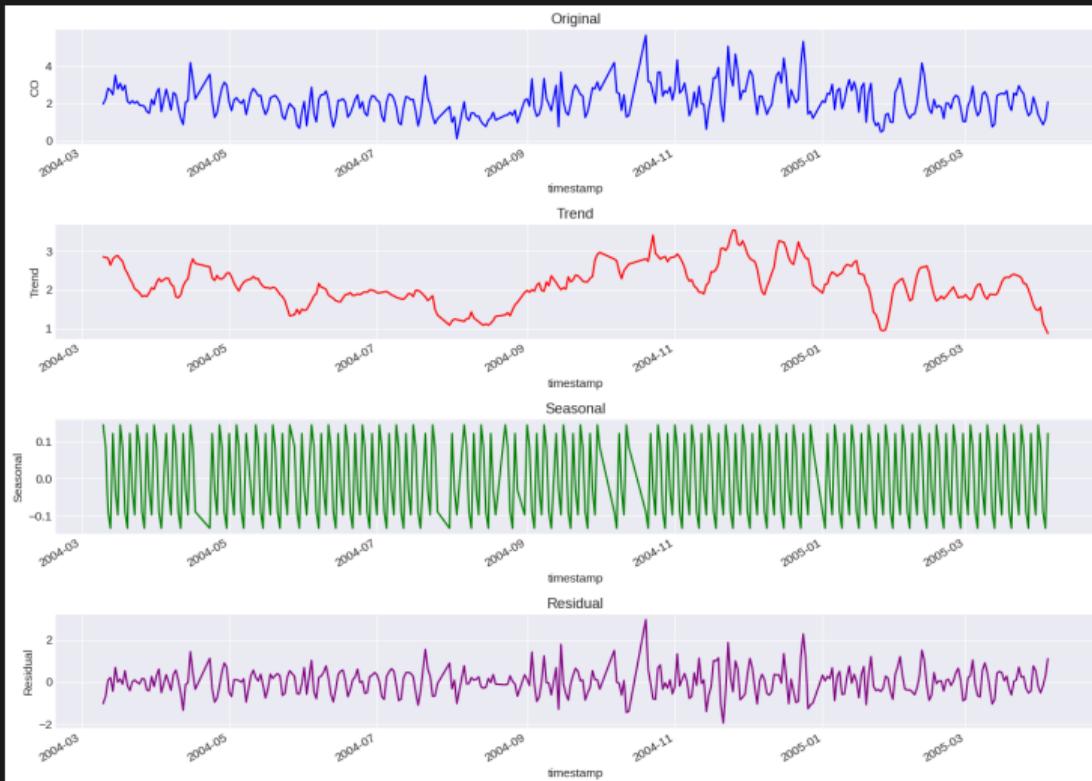
```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2
3 # Plot de decomposicao
4 fig = decomposition.plot()
5 fig.set_size_inches(14, 10)
6 plt.tight_layout()
7 plt.show()
8
9 # Ou manualmente com mais controle
10 fig, axes = plt.subplots(4, 1, figsize=(14, 10))
11
12 # Original
13 daily.plot(ax=axes[0], title='Original', color='blue')
14 axes[0].set_ylabel('CO')
```

Visualizar Decomposição (cont.)

</> Python

```
1 # Tendencia
2 trend.plot(ax=axes[1], title='Trend', color='red')
3 axes[1].set_ylabel('Trend')
4
5 # Sazonalidade
6 seasonal.plot(ax=axes[2], title='Seasonal', color='green')
7 axes[2].set_ylabel('Seasonal')
8
9 # Residual
10 residual.plot(ax=axes[3], title='Residual', color='purple')
11 axes[3].set_ylabel('Residual')
12
13 plt.tight_layout()
14 plt.show()
```

Visualizar Decomposição (cont.)



Interpretar Componentes

O que cada componente revela:

1. Tendência (Trend):

- ▶ Direção de longo prazo
- ▶ Crescimento ou declínio
- ▶ Ciclos muito longos
- ▶ Se está subindo/descendo/estável

2. Sazonalidade (Seasonal):

- ▶ Padrão que se repete
- ▶ Picos e vales regulares
- ▶ Período fixo (diário, semanal, anual)
- ▶ Quando esperar valores altos/baixos

O que cada componente revela:

3. Resíduo (Residual):

- ▶ O que não foi explicado
- ▶ Ruído aleatório
- ▶ Eventos irregulares
- ▶ Deve ser aleatório (sem padrão)

Analizar Tendência

</> Python

```
1 # Analise do componente de tendencia
2
3 print("== ANALISE DE TENDENCIA ==")
4
5 # Direcao geral
6 start_value = trend.dropna().iloc[0]
7 end_value = trend.dropna().iloc[-1]
8 change = end_value - start_value
9 pct_change = (change / start_value) * 100
10
11 print(f"Valor inicial: {start_value:.2f}")
12 print(f"Valor final: {end_value:.2f}")
13 print(f"Mudanca: {change:.2f} ({pct_change:+.1f}%)")
```

Analizar Tendência (cont.)

</> Python

```
1 if pct_change > 5:  
2     print("Tendencia de CRESCIMENTO")  
3 elif pct_change < -5:  
4     print("Tendencia de DECLINIO")  
5 else:  
6     print("Tendencia ESTAVEL")  
7  
8 # Taxa de crescimento media  
9 growth_rate = trend.pct_change().mean() * 100  
10 print(f"\nTaxa de crescimento diaria media: {growth_rate:.3f}%")
```

Analizar Tendência (cont.)

</> Python

```
1 # === ANALISE DE TENDENCIA ===  
2 # Valor inicial: 2.85  
3 # Valor final: 0.87  
4 # Mudanca: -1.99 (-69.6%)  
5 # Tendencia de DECLINIO  
6 # Taxa de crescimento diaria media: -0.083%
```

Analizar Sazonalidade

</> Python

```
1 # Analise do componente sazonal
2
3 print("==== ANALISE DE SAZONALIDADE ===")
4
5 # Amplitude sazonal
6 seasonal_amplitude = seasonal.max() - seasonal.min()
7 print(f"Amplitude sazonal: {seasonal_amplitude:.2f}")
8
9 # Percentual da variacao total
10 total_variation = daily.std()
11 seasonal_strength = (seasonal.std() / total_variation) * 100
12 print(f"Forca da sazonalidade: {seasonal_strength:.1f}% da variacao")
```

Analizar Sazonalidade (cont.)

</> Python

```
1 # Padrao semanal (se period=7)
2 # Media por dia da semana
3 seasonal_pattern = seasonal.groupby(seasonal.index.dayofweek).mean()
4 seasonal_pattern.index = ['Seg', 'Ter', 'Qua', 'Qui',
5                           'Sex', 'Sab', 'Dom']
6 print("\nPadrao semanal (media):")
7 print(seasonal_pattern)
8
9 # Dia com maior/menor valor sazonal
10 print(f"\nPior dia: {seasonal_pattern.idxmax()}")
11 print(f"Melhor dia: {seasonal_pattern.idxmin()}")
```

Analizar Resíduo

</> Python

```
1 # Analise do residuo
2
3 print("==== ANALISE DE RESIDUO ====")
4
5 # Estatisticas
6 print(f"Media: {residual.mean():.6f}")    # Deve ser ~0
7 print(f"Desvio padrao: {residual.std():.3f}")
8 print(f"Min: {residual.min():.3f}")
9 print(f"Max: {residual.max():.3f}")
10
11 # Outliers no residuo (eventos incomuns)
12 residual_threshold = 3 * residual.std()
13 outliers = residual[residual.abs() > residual_threshold]
14 print(f"\nOutliers (|residual| > 3): {len(outliers)}")
```

Analizar Resíduo (cont.)

</> Python

```
1 if len(outliers) > 0:  
2     print("\nMaiores residuos:")  
3     top_outliers = residual.abs().nlargest(5)  
4     for date, value in top_outliers.items():  
5         print(f" {date.date()}: {value:.3f}")  
6  
7 # Teste de aleatoriedade (autocorrelacao do resíduo)  
8 residual_autocorr = residual.autocorr(lag=1)  
9 print(f"\nAutocorrelacao lag-1: {residual_autocorr:.3f}")  
10 print("(Deve ser proximo de 0 se resíduo é aleatório)")
```

Comparar Aditivo vs Multiplicativo

</> Python

```
1 # Decompor com ambos os modelos
2
3 # Aditivo
4 decomp_add = seasonal_decompose(daily, model='additive',
5                                 period=7, extrapolate_trend='freq')
6
7 # Multiplicativo
8 decomp_mult = seasonal_decompose(daily, model='multiplicative',
9                                 period=7, extrapolate_trend='freq')
10
11 # Comparar resíduos (qual modelo se ajusta melhor?)
12 residual_add = decomp_add.resid
13 residual_mult = decomp_mult.resid
```

Comparar Aditivo vs Multiplicativo (cont.)

</> Python

```
1 print("==== COMPARACAO DE MODELOS ===")
2 print(f"Aditivo - Residuo std: {residual_add.std():.3f}")
3 print(f"Multiplicativo - Residuo std: {residual_mult.std():.3f}")
4
5 # Menor desvio = melhor ajuste
6 if residual_add.std() < residual_mult.std():
7     print("\nModelo ADITIVO se ajusta melhor")
8 else:
9     print("\nModelo MULTIPLICATIVO se ajusta melhor") # É o caso aqui
```

Escolher Período de Sazonalidade

</> Python

```
1 # Como escolher o periodo correto?  
2  
3 # Para dados diarios:  
4 # - period=7: sazonalidade SEMANAL  
5 # - period=30: sazonalidade MENSAL  
6 # - period=365: sazonalidade ANUAL  
7  
8 # Para dados horarios:  
9 # - period=24: sazonalidade DIARIA  
10 # - period=168: sazonalidade SEMANAL (7*24)  
11  
12 # Testar diferentes periodos
```

Escolher Período de Sazonalidade

</> Python

```
1 periods_to_test = [7, 14, 30]
2
3 for period in periods_to_test:
4     decomp = seasonal_decompose(daily, model='additive',
5                                   period=period,
6                                   extrapolate_trend='freq')
7     residual_std = decomp.resid.std()
8     print(f"Period={period:2d}: Residual std = {residual_std:.4f}")
9
10 print("\nMenor residual std = melhor periodo")
11
12 # Ou use conhecimento do domínio:
13 # - Qualidade do ar: padrão semanal (trabalho vs fim de semana)
```

Remover Tendência (Detrending)

</> Python

```
1 # Remover tendencia da serie original
2
3 # Opcão 1: Subtrair tendencia (aditivo)
4 detrended = daily - trend
5
6 print("==== SERIE SEM TENDENCIA ===")
7 print(detrended.head())
8
9 # Opcão 2: Dividir por tendencia (multiplicativo)
10 detrended_mult = daily / trend
11
12 # Visualizar
13 fig, axes = plt.subplots(2, 1, figsize=(14, 8))
```

Remover Tendência (Detrending)

</> Python

```
1 # Original
2 daily.plot(ax=axes[0], title='Original', color='blue')
3
4 # Sem tendencia (destaca sazonalidade)
5 detrended.plot(ax=axes[1], title='Detrended', color='green')
6
7 plt.tight_layout()
8 plt.show()
9
10 # Por que remover tendencia?
11 # - Analise de sazonalidade mais clara
12 # - Tornar serie estacionaria
13 # - Pre-processamento para modelagem
```

Remover Sazonalidade (Seasonal Adjustment)

</> Python

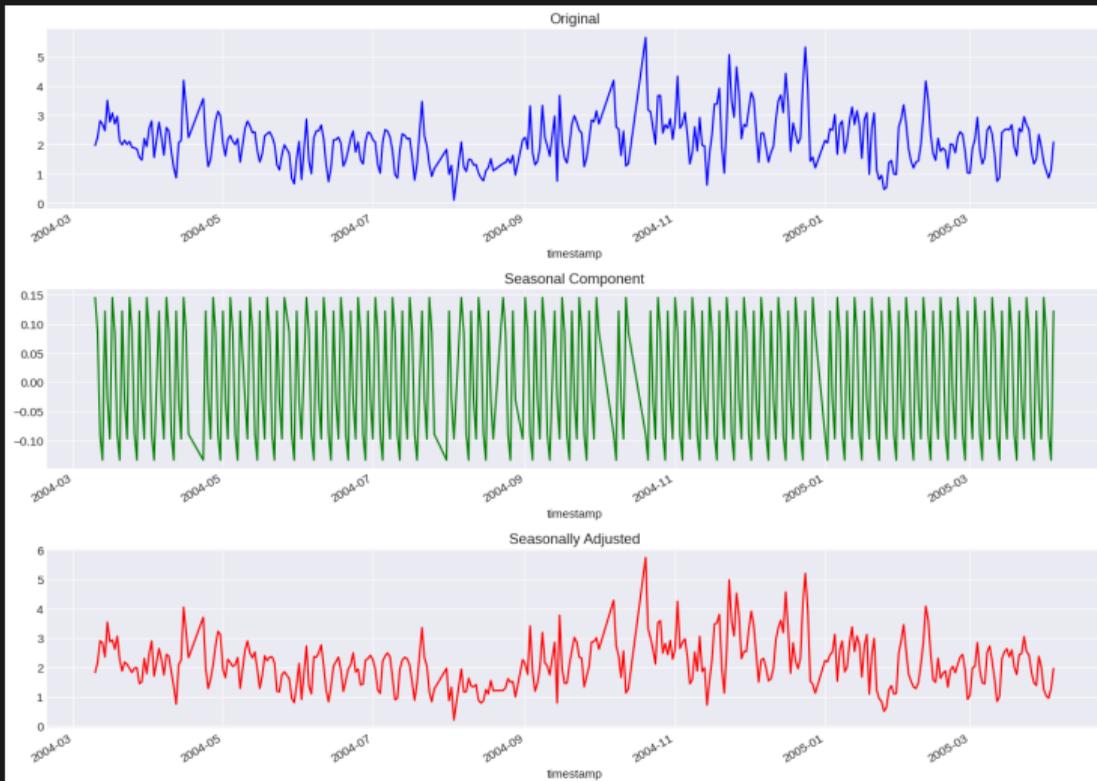
```
1 # Remover sazonalidade (dessazonalizar)
2
3 # Serie ajustada = Original - Sazonal (aditivo)
4 seasonally_adjusted = daily - seasonal
5
6 print("==== SERIE DESSAZONALIZADA ===")
7 print(seasonally_adjusted.head())
8
9 # Visualizar
10 fig, axes = plt.subplots(3, 1, figsize=(14, 10))
11
12 # Original
13 daily.plot(ax=axes[0], title='Original', color='blue')
```

Remover Sazonalidade (Seasonal Adjustment) (cont.)

</> Python

```
1 # Sazonalidade
2 seasonal.plot(ax=axes[1], title='Seasonal Component', color='green')
3
4 # Ajustada (sem sazonalidade)
5 seasonally_adjusted.plot(ax=axes[2],
6                           title='Seasonally Adjusted',
7                           color='red')
8 plt.tight_layout()
9 plt.show()
10 # Uso: ver tendencia sem oscilacoes sazonais
```

Remover Sazonalidade (Seasonal Adjustment) (cont.)



Aplicações da Decomposição

Por que decompor séries temporais?

1. Entendimento:

- ▶ Identificar padrões ocultos
- ▶ Separar efeitos de curto vs longo prazo
- ▶ Comunicar insights ao negócio

2. Análise:

- ▶ Medir força da sazonalidade
- ▶ Detectar mudanças de tendência
- ▶ Encontrar eventos anômalos (resíduo)

Aplicações da Decomposição

Por que decompor séries temporais?

3. Previsão:

- ▶ Prever cada componente separadamente
- ▶ Modelos específicos para cada parte
- ▶ Combinar previsões

4. Pré-processamento:

- ▶ Remover tendência → estacionariedade
- ▶ Ajuste sazonal → comparações justas
- ▶ Isolar ruído → detecção de anomalias

Limitações da Decomposição

Cuidados importantes:

1. Assume periodicidade constante:

- ▶ Sazonalidade deve ter período fixo
- ▶ Não funciona se período muda

2. Perda de dados nas pontas:

- ▶ Tendência usa média móvel
- ▶ NaN no início/fim da série
- ▶ Use `extrapolate_trend='freq'`

Limitações da Decomposição

Cuidados importantes:

3. Escolha do período é crítica:

- ▶ Período errado → decomposição sem sentido
- ▶ Precisa conhecimento do domínio

4. Múltiplas sazonalidades:

- ▶ Decomposição clássica captura apenas UMA
- ▶ Exemplo: diária E semanal E anual
- ▶ Precisa métodos avançados (STL, TBATS)

Bloco 4

Visualizações e Boas Práticas

Visualização 1: Line Plot Básico

</> Python

```
1 # Plot de linha: padrao para series temporais  
2  
3 plt.figure(figsize=(14, 6))  
4 plt.plot(daily.index, daily.values, linewidth=1, color='steelblue')  
5 plt.title('CO (daily average)', fontsize=16, fontweight='bold')  
6 plt.xlabel('Date', fontsize=12)  
7 plt.ylabel('CO (mg/m³)', fontsize=12)  
8 plt.grid(True, alpha=0.3)  
9 plt.tight_layout()  
10 plt.show()
```

Visualização 1: Line Plot Básico (cont.)

</> Python

```
1 # Boas práticas:  
2 # - Sempre rotular eixos com unidades  
3 # - Título descritivo  
4 # - Grid para facilitar leitura  
5 # - Tamanho adequado (14x6 ou 16x6)  
6 # - Linha não muito grossa (linewidth=1 ou 1.5)
```

Visualização 2: Comparar Múltiplas Séries

</> Python

```
1 # Comparar varias series no mesmo plot
2
3 daily_multi = df[['CO(GT)', 'NO2(GT)', 'T']].resample('D').mean()
4
5 fig, axes = plt.subplots(3, 1, figsize=(14, 10), sharex=True)
6
7 # CO
8 axes[0].plot(daily_multi.index, daily_multi['CO(GT)'],
9                 color='red', linewidth=1)
10 axes[0].set_ylabel('CO (mg/m³)')
11 axes[0].set_title('Carbon Monoxide')
12 axes[0].grid(True, alpha=0.3)
```

Visualização 2: Comparar Múltiplas Séries (cont.)

</> Python

```
1 # NO2
2 axes[1].plot(daily_multi.index, daily_multi['NO2(GT)'],
3                 color='blue', linewidth=1)
4 axes[1].set_ylabel('NO2 (µg/m³)')
5 axes[1].set_title('Nitrogen Dioxide')
6 axes[1].grid(True, alpha=0.3)
7 # Temperatura
8 axes[2].plot(daily_multi.index, daily_multi['T'],
9                 color='green', linewidth=1)
10 axes[2].set_ylabel('Temperature (°C)')
11 axes[2].set_title('Temperature')
12 axes[2].grid(True, alpha=0.3)
13 plt.tight_layout()
14 plt.show()
```

Visualização 3: Heatmap Temporal

</> Python

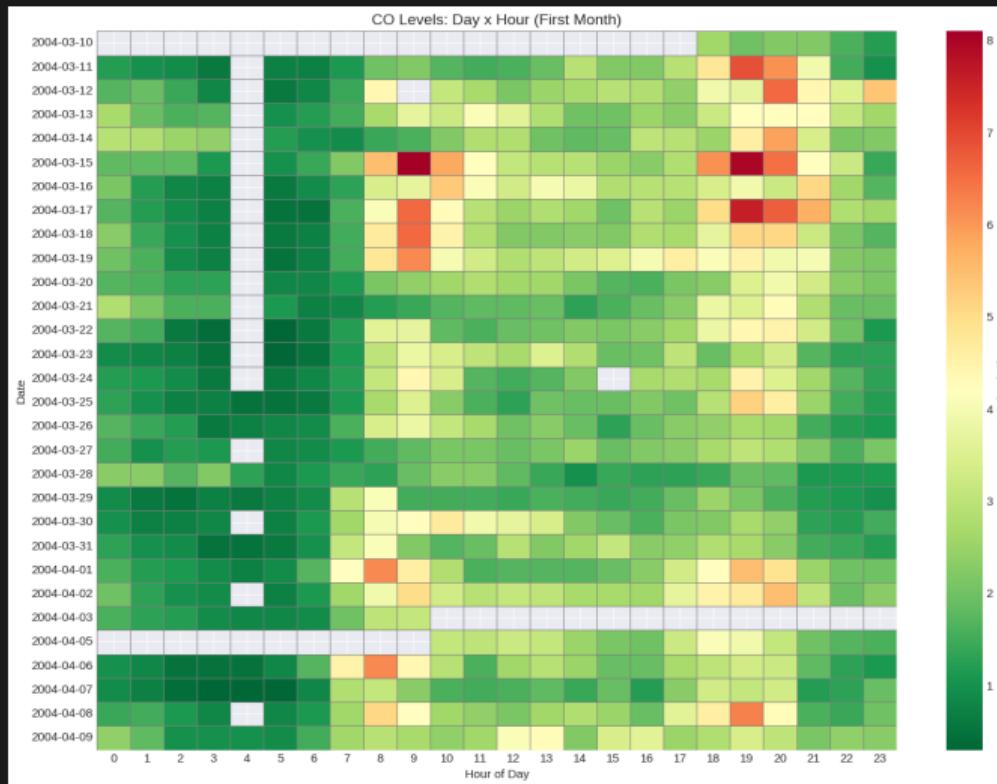
```
1 import seaborn as sns
2
3 # Heatmap: dia x hora
4
5 # Criar matriz: linhas=dias, colunas=horas
6 pivot = df.pivot_table(
7     values='CO(GT)',
8     index=df.index.date,
9     columns=df.index.hour,
10    aggfunc='mean'
11 )
```

Visualização 3: Heatmap Temporal (cont.)

</> Python

```
1 # Plot
2 plt.figure(figsize=(14, 10))
3 sns.heatmap(pivot[:30], # Primeiro mes
4             cmap='RdYlGn_r', # Vermelho=alto, Verde=baixo
5             cbar_kws={'label': 'CO (mg/m³)'},
6             linewidths=0.5,
7             linecolor='gray')
8 plt.title('CO Levels: Day x Hour (First Month)', fontsize=14)
9 plt.xlabel('Hour of Day')
10 plt.ylabel('Date')
11 plt.tight_layout()
12 plt.show()
13 # Revela: padroes diarios e semanais juntos!
```

Visualização 3: Heatmap Temporal (cont.)



Visualização 4: Box Plot por Período

</> Python

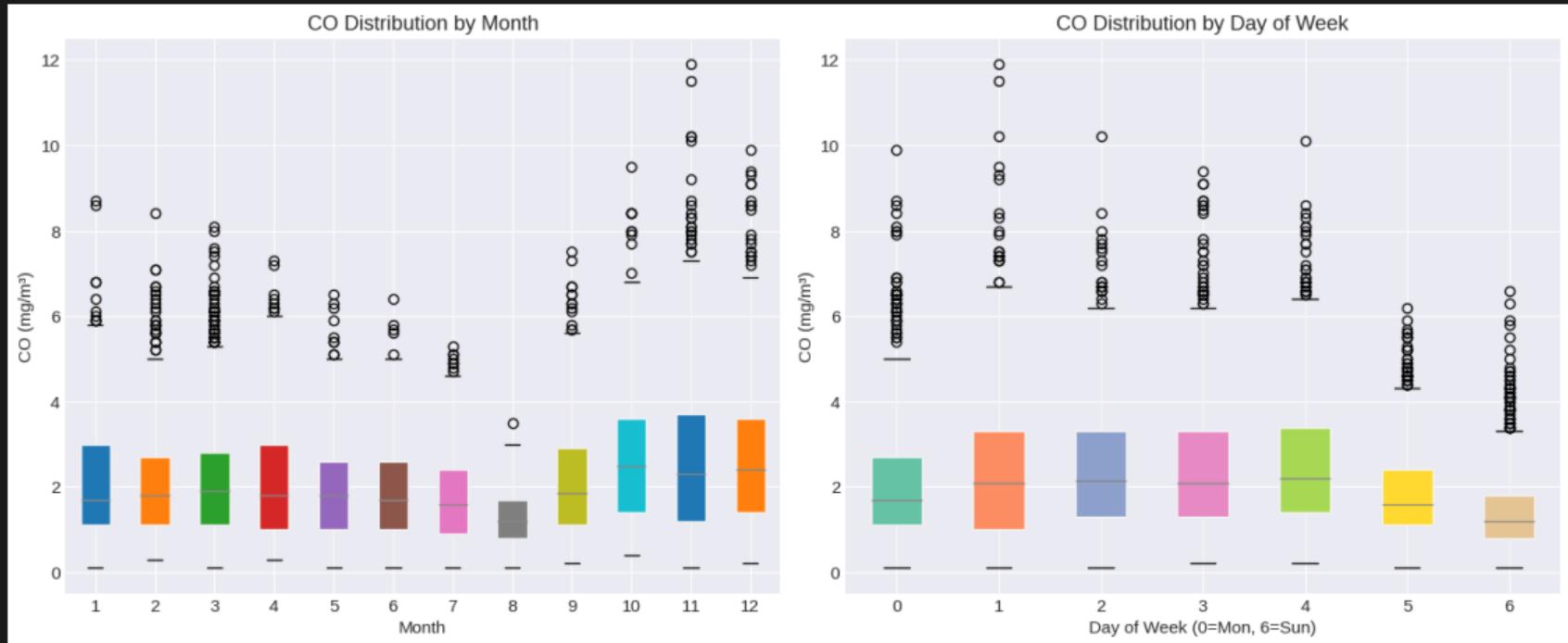
```
1 # Box plots para ver distribuicao por periodo
2
3 # Por mes
4 fig, axes = plt.subplots(1, 2, figsize=(14, 6))
5
6 # Box plot por mes
7 df['month'] = df.index.month
8 df.boxplot(column='CO(GT)', by='month', ax=axes[0])
9 axes[0].set_xlabel('Month')
10 axes[0].set_ylabel('CO (mg/m³)')
11 axes[0].set_title('CO Distribution by Month')
12 axes[0].get_figure().suptitle('') # Remove titulo auto
```

Visualização 4: Box Plot por Período (cont.)

</> Python

```
1 # Box plot por dia da semana
2 df['dayofweek'] = df.index.dayofweek
3 df.boxplot(column='CO(GT)', by='dayofweek', ax=axes[1])
4 axes[1].set_xlabel('Day of Week (0=Mon, 6=Sun)')
5 axes[1].set_ylabel('CO (mg/m³)')
6 axes[1].set_title('CO Distribution by Day of Week')
7 axes[1].get_figure().suptitle('')
8
9 plt.tight_layout()
10 plt.show()
```

Visualização 4: Box Plot por Período (cont.)



Visualização 5: Lag Scatter Plot

</> Python

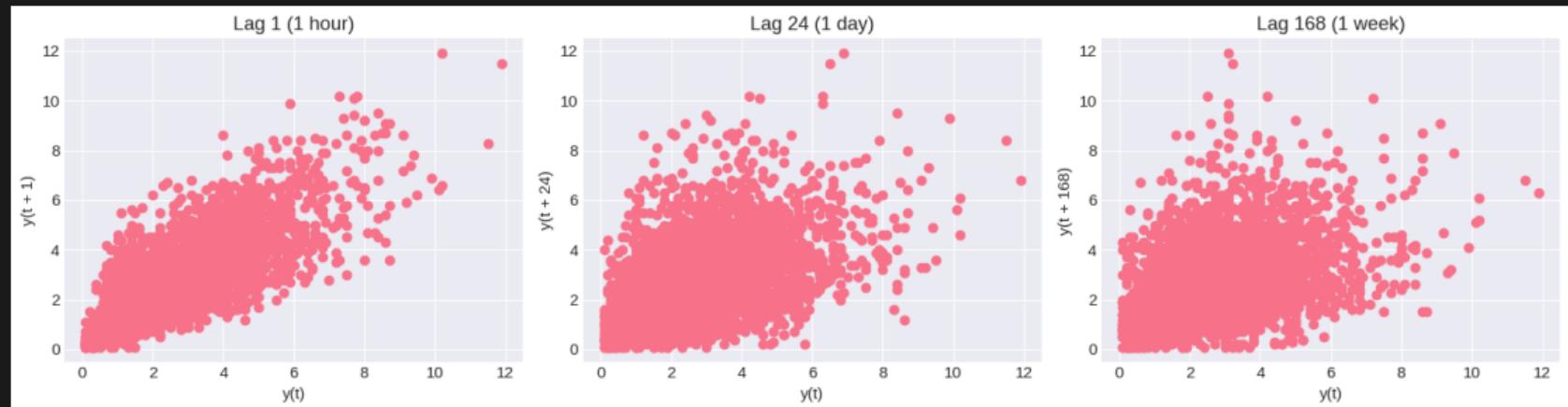
```
1 from pandas.plotting import lag_plot
2
3 # Lag plot: hoje vs ontem
4
5 fig, axes = plt.subplots(1, 3, figsize=(15, 4))
6
7 # Lag 1 (1 hora atras)
8 lag_plot(df['CO(GT)'], lag=1, ax=axes[0])
9 axes[0].set_title('Lag 1 (1 hour)')
10
11 # Lag 24 (1 dia atras)
12 lag_plot(df['CO(GT)'], lag=24, ax=axes[1])
13 axes[1].set_title('Lag 24 (1 day)')
```

Visualização 5: Lag Scatter Plot (cont.)

</> Python

```
1 # Lag 168 (1 semana atras)
2 lag_plot(df['CO(GT)'], lag=168, ax=axes[2])
3 axes[2].set_title('Lag 168 (1 week)')
4 plt.tight_layout()
5 plt.show()
6
7 # Interpretacao:
8 # - Pontos em linha diagonal = alta correlacao
9 # - Pontos dispersos = baixa correlacao
```

Visualização 5: Lag Scatter Plot (cont.)



Boas Práticas: Pipeline Completo

</> Python

```
1 def analyze_timeseries(df, col, freq='D'):
2     """Pipeline completo de analise temporal"""
3
4     # 1. Preparar
5     series = df[col].resample(freq).mean().dropna()
6
7     # 2. Estatisticas basicas
8     print("==== ESTATISTICAS ===")
9     print(series.describe())
10
11    # 3. Decomposicao
12    from statsmodels.tsa.seasonal import seasonal_decompose
13    decomp = seasonal_decompose(series, model='additive',
14                                period=7, extrapolate_trend='freq')
```

Boas Práticas: Pipeline Completo (cont.)

</> Python

```
1 # 4. Visualizacoes
2 fig, axes = plt.subplots(5, 1, figsize=(14, 12))
3 series.plot(ax=axes[0], title='Original')
4 decomp.trend.plot(ax=axes[1], title='Trend')
5 decomp.seasonal.plot(ax=axes[2], title='Seasonal')
6 decomp.resid.plot(ax=axes[3], title='Residual')
7 # Autocorrelacao
8 from pandas.plotting import autocorrelation_plot
9 autocorrelation_plot(series, ax=axes[4])
10 plt.tight_layout()
11 plt.show()
12 return decomp
13 # Usar
14 decomp = analyze_timeseries(df, 'CO(GT)')
```

Antes de analisar séries temporais: Checklist

1. DatetimeIndex configurado

- ▶ Coluna datetime como índice
- ▶ Ordenado temporalmente

2. Dados limpos

- ▶ Missing values tratados
- ▶ Outliers investigados
- ▶ Duplicatas removidas

3. Frequência regular

- ▶ Sem gaps temporais (ou preenchidos)
- ▶ Frequência consistente

4. Exploração inicial

- ▶ Visualizar série completa
- ▶ Estatísticas descritivas
- ▶ Identificar padrões visuais

5. Componentes identificados

- ▶ Tendência analisada
- ▶ Sazonalidade detectada
- ▶ Período determinado

Erros Comuns - Evite!

1. Não definir DatetimeIndex

- ▶ ✗ Manter data como coluna comum
- ▶ ✓ Usar set_index()

2. Ignorar ordem temporal

- ▶ ✗ Shuffle ou embaralhar dados
- ▶ ✓ Sempre manter ordem cronológica

3. Validação em períodos aleatórios

- ▶ ✗ Embaralhar dados e testar em períodos passados
- ▶ ✓ Sempre validar em períodos futuros (cronológico)
- ▶ ✓ Exemplo: 80% inicial para análise, 20% final para validação

Erros Comuns - Evite!

4. Usar média global para missing

- ▶ ✗ `fillna(mean())`
- ▶ ✓ `interpolate()` ou `ffill()`

5. Ignorar sazonalidade

- ▶ ✗ Não considerar padrões periódicos
- ▶ ✓ Decompor e analisar

6. Escala de tempo errada

- ▶ ✗ Analisar horária quando padrão é mensal
- ▶ ✓ Resample para frequência adequada

Salvar Análise para Reutilização

</> Python

```
1 # Salvar objetos importantes
2
3 import joblib
4
5 # 1. Serie processada
6 daily.to_csv('co_daily.csv')
7
8 # 2. Componentes da decomposicao
9 decomposition.trend.to_csv('trend.csv')
10 decomposition.seasonal.to_csv('seasonal.csv')
```

Salvar Análise para Reutilização (cont.)

</> Python

```
1 # 3. Features criadas
2 features = df[['CO_MA24', 'CO_MA168', 'CO_lag24',
3                 'hour_sin', 'hour_cos']].copy()
4 features.to_csv('temporal_features.csv')
5 # 4. Scaler (se usado)
6 # scaler = StandardScaler()
7 # scaler.fit(features)
8 # joblib.dump(scaler, 'scaler.pkl')
9 print("Analise salva!")
10 print("Para recarregar:")
11 print("daily = pd.read_csv('co_daily.csv', index_col=0, parse_dates=True")
     )
```

Exercício Final: Análise Completa

👉 Exercício Prático

Pipeline completo no Air Quality:

1. Setup:

```
1 # - Carregar dados  
2 # - Configurar DatetimeIndex  
3 # - Verificar e tratar missing
```

2. Exploração:

- ▶ Visualizar série completa
- ▶ Estatísticas por período
- ▶ Comparar dias úteis vs fim de semana

Exercício Prático

Pipeline completo no Air Quality:

3. Agregações:

- ▶ Resample para diário
- ▶ Calcular médias móveis (24h, 7d)
- ▶ Criar features temporais

4. Decomposição:

- ▶ Decompor série diária
- ▶ Analisar cada componente
- ▶ Visualizar decomposição

5. Insights:

- ▶ Quando poluição é pior?
- ▶ Há tendência de melhora/piora?
- ▶ Qual a força da sazonalidade?

Recap: Aula 11 Completa

Jornada de hoje:

Bloco 1: DatetimeIndex

- ▶ Criar e manipular índice temporal
- ▶ Filtrar e acessar por datas
- ▶ Extrair componentes temporais
- ▶ Criar features básicas

Bloco 2: Agregações

- ▶ Resample (mudar frequência)
- ▶ Rolling windows (médias móveis)
- ▶ Shift, diff, pct_change
- ▶ Autocorrelação

Recap: Aula 11 Completa

Jornada de hoje:

Bloco 3: Decomposição

- ▶ Separar tendência, sazonalidade, resíduo
- ▶ Analisar cada componente
- ▶ Aditivo vs multiplicativo

Bloco 4: Visualizações

- ▶ Plots temporais eficazes
- ▶ Heatmaps, box plots
- ▶ Boas práticas

Próximos Passos

Para aprofundar em séries temporais:

Modelagem (futuro):

- ▶ ARIMA, SARIMA (modelos clássicos)
- ▶ Prophet (Facebook)
- ▶ LSTM, GRU (deep learning)
- ▶ Exponential Smoothing

Análise avançada:

- ▶ Testes de estacionariedade
- ▶ Cointegração
- ▶ VAR (Vector Autoregression)
- ▶ Análise espectral

Próximos Passos

Para aprofundar em séries temporais:

Bibliotecas:

- ▶ statsmodels: análise estatística
- ▶ Prophet: forecasting fácil
- ▶ sktime: ML para séries
- ▶ pmdarima: auto-ARIMA

A Seguir: Aula Prática

Exercício Prático

Tempo: 60 minutos

Entrega: via Moodle (notebook)

Tarefas:

1. (atualizado durante a aula)

Notebook: Disponível no Moodle

Obrigado!