Введение в АД

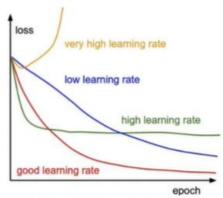
Лекция 8 Оптимизация и регуляризация в DL

> ФЭФМ МФТИ Весенний семестр 2023

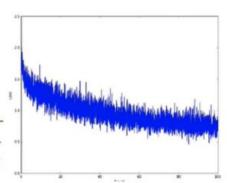


SGD: стохастический градиентный спуск

Stochastic gradient descent is used to optimize NN parameters.



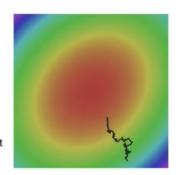
$$x_{t+1} = x_t - \text{learning rate} \cdot dx$$



$$L(W) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} L_i(x_i, y_i, W)$$

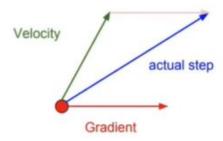
$$\nabla_W L(W) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N \nabla_W L_i(x_i, y_i, W)$$

Averaging over mini batches => noisy gradient



SGD с импульсом

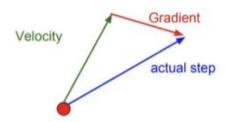
Momentum update:



$$v_{t+1} = \rho v_t + \nabla f(x_t)$$

$$x_{t+1} = x_t - \alpha v_{t+1}$$

Nesterov Momentum



$$v_{t+1} = \rho v_t - \alpha \nabla f(x_t + \rho v_t)$$
$$x_{t+1} = x_t + v_{t+1}$$

Учет анизотропности

Adagrad: SGD with cache

$$cache_{t+1} = cache_t + (\nabla f(x_t))^2$$
$$x_{t+1} = x_t - \alpha \frac{\nabla f(x_t)}{cache_{t+1} + \varepsilon}$$

RMSProp: SGD with cache with exp. Smoothing

$$\operatorname{cache}_{t+1} = \beta \operatorname{cache}_t + (1 - \beta)(\nabla f(x_t))^2$$
$$x_{t+1} = x_t - \alpha \frac{\nabla f(x_t)}{\operatorname{cache}_{t+1} + \varepsilon}$$

ADAM: комбинация двух идей

Let's combine the momentum idea and RMSProp normalization:

$$v_{t+1} = \gamma v_t + (1 - \gamma) \nabla f(x_t)$$

$$\operatorname{cache}_{t+1} = \beta \operatorname{cache}_t + (1 - \beta) (\nabla f(x_t))^2$$

$$x_{t+1} = x_t - \alpha \frac{v_{t+1}}{\operatorname{cache}_{t+1} + \varepsilon}$$



L1/L2 регуляризация

Добавляем специальный член в функцию ошибок

$$L=rac{1}{N}\sum_{i=1}^{N}\sum_{j
eq y_i}\max(0,f(x_i;W)_j-f(x_i;W)_{y_i}+1)+ \lambda R(W)$$

Adding some extra term to the loss function.

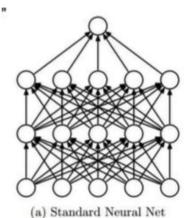
Common cases:

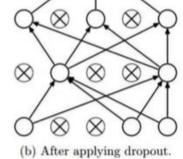
 $\begin{array}{ll} \bullet & \text{L2 regularization:} & R(W) = \|W\|_2^2 \\ \bullet & \text{L1 regularization:} & R(W) = \|W\|_1 \\ \bullet & \text{Elastic Net (L1 + L2):} & R(W) = \beta \|W\|_2^2 + \|W\|_1 \\ \end{array}$



Dropout

На каждом шаге обучения случайно выключаем нейроны. Например с вероятностью 0.5 умножаем выход нейрона на 0. Проводим оптимизацию, потом на тестовой выборке включаем все нейроны.







Data augmentation

Расширяем выборку путем каких-либо преобразований над исходными данными.

