

程序设计与算法基础2数据结构与算法



第5章 串

第5章 内容提要

∞ 串的定义与抽象数据结构

○ 串的存储实现

∞ 串的模式匹配



串的定义与抽象数据结构

串的定义

- 是字符串的简称
- 是由零个或多个字符组成的有限序列
- 一般记为: s="a₁a₂... a_n" (n≥0)
- 其中: s为**串名**; 用双引号括起来的字符序列是**串值**;
 - o **a**_i (0≤i≤n) 可以是字母、数字或其它字符
 - 双引号为串值的定界符,不是串的一部分
 - 串中字符的数目n称为串的长度



串的定义

∞ 空串 (NULL string) : 零个字符构成的串

- 以两个相邻的双引号来表示空串: s=""
- 空串的长度为零
- ∞ 空格串:仅由空格组成的的串(例如: s="_")
 - 若串中含有空格,在计算串长时,空格应计入串的长度中
 - 如: s="I'm_a_boy" 的长度为9



主串与子串

∞ 如果一个串s1是另一个串s2中连续的一段子序列

• 则称: 串s1是s2的子串; 称: s2是串s1的主串

∞ 定义: 子串在主串中的位置为:

• 子串在主串中第一次出现的第一个字符的位置

例如: s1="How_are_you"; s2="you"

• 则: s2是s1的子串; s2在s1中的位置 = 9

• 若给出: s3="Howare"; s4="how"

• 则: s3和s4不是s1的子串



C语言函数库中提供的串处理函数

- ∞ 头文件: #include <**stdio.h**>
 - char *gets(char *string);
 - 从输入流(缓冲区)中读取字符串,直到出现换行符或读到文件尾为止,最后加上NULL作为字符串结束符
 - int puts(const char *string);
 - 向标准输出设备 (stdout) 写字符串并换行
- ⊗ 头文件: #include < string.h >
 - extern unsigned int strlen(char *s);
 - 从内存的某个位置(可以是字符串开头,中间某个位置,甚至 是某个不确定的内存区域)开始扫描,直到碰到第一个字符串 结束符'\0'为止,然后返回字符计数值(长度不包含'\0')。

C语言函数库中提供的串处理函数

- - extern char *strcat(char *dest, char *src);
 - 字符串连接:将src指向的字符串添加到dest指向的字符串结 尾处 (覆盖dest结尾处的'\0')
 - extern char *strcpy(char *dest,char *src);
 - 把从src地址开始且含有'\0'结束符的字符串复制到以dest开始的地址空间,返回指向dest的指针
 - extern int strcmp(const char *s1,const char *s2);
 - 两个字符串自左向右逐个字符相比(按ASCII值大小相比较), 直到出现不同的字符或遇到'\0'为止。若s1==s2,则返回零; 若s1>s2,则返回正数;若s1<s2,则返回负数。

串的存储实现

串与线性表的区别

- ∞ 串的逻辑结构和线性表极为相似
 - 区别仅在于串的数据对象约束为字符集
- 串的基本操作和线性表有很大差别
 - 线性表的基本操作以"单个元素"作为操作对象
 - 串的基本操作通常以"串的整体"作为操作对象



串的顺序存储结构

```
∞ 静态分配存储空间
  #define MAXSIZE 256
  char String[MAXSIZE];
∞ 动态分配存储空间
  typedef struct{
                    // 指针(指向字符数组)
     char *pch;
     int length; // 串长
  } String, *Pstr;
```



顺序串的基本操作: 初始化

```
Pstr init_string (int n){
   Pstr pstr = (Pstr) malloc (sizeof(String));
   if(!pstr){ printf("为串分配内存失败!\n"); exit(0);}
   char * pch = (char * ) malloc (n);
   if (pch){
      pstr->pch = pch;
      pstr->length = 0;
   else{
       printf("为字符数组分配内存失败!\n");
       free(pstr); pstr = NULL;
   return pstr;
```



顺序串的基本操作: 串的赋值

```
// 将串dest的值赋给串src,若src非空,则首先释放串src的内存
Pstr assign(Pstr dest, Pstr src){
   int n = src->length; dest->length = n; int i = 0;
   if(dest->pch) free(dest->pch);
   dest->pch = (char *)malloc(n+1);
   if(!dest->pch){printf("分配空间失败\n"); exit(0);}
   for(i = 0; i < n; i++){
       dest->pch[i] = src->pch[i];
   dest->pch[i] = '\0';
   return dest;
```



顺序串的基本操作: 串的连接

```
Pstr concate (Pstr str1, Pstr str2){ // 将str2连接到str1之后
   String tmp; assign(&tmp, str1); int i, n;
   n = str1->length + str2->length;
   free(str1->pch); str1->length = n;
   str1->pch = (char *)malloc(n +1);
   if(!str1->pch){printf("分配空间失败\n"); exit(0);}
   for(i = 0; i < tmp.length; i++)
       str1->pch[i] = tmp.pch[i];
   for(i = 0; i < str2->length; i++)
       str1->pch[tmp.length + i] = str2->pch[i];
   dest->pch[i] = '\0';
   free(tmp.pch); return str1;
```

串的链式存储结构 (请自学)

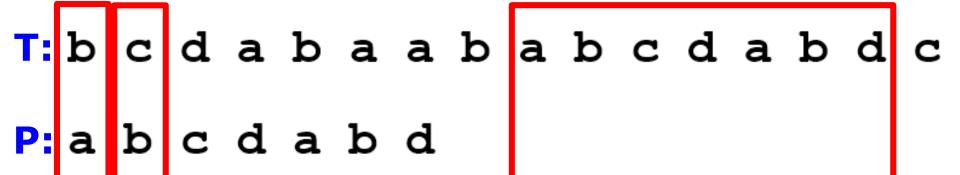
串的模式匹配

串的模式匹配

- ∞ 串的模式匹配是一种重要的串操作
 - 也称为子串定位操作
- ∞ 问题描述:
 - T和P是给定的两个串(P称为模式)
 - 在目标串T中找到模式串P的过程称为模式匹配
 - 如果在目标串T中找到模式串P,则称匹配成功
 - o 函数返回P在T中首次出现的位置
 - 否则称匹配不成功,函数返回0



串的简单模式匹配算法



- 从目标串T的第一个字母和模式串P的第一个字母开始比较
- 如果不匹配,则比较T的第二个字母与P的第一个字母
- 依次下去,直到匹配成功
- 或者已经到了T的最后一个字母,匹配失败



串的简单模式匹配算法

```
T: b c d a b a a b a b c d a b d c

P:

i = i-j+1

a b a a b a b c d a b d c

\uparrow j=2

j = 0
```

∞ 算法性能分析

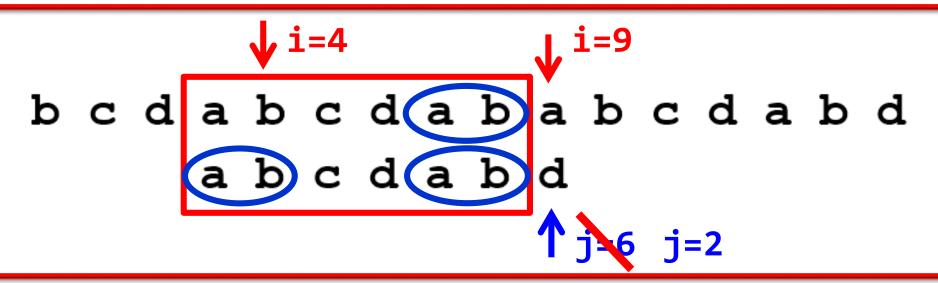
- 设: T 的长度为 m, P 的长度为n (n ≤ m)
- 内层循环次数: ≤ n; 外层循环次数: ≤ (m n)
- 循环次数为: (m-n+1)*n
- 时间复杂度: O(n*m)



串的简单模式匹配算法

```
int str_match(String *T, String *P){
   int i = 0, j = 0;
   int m = T->length, n = P->length;
   while (i \le (m - n))
      j = 0;
      while(T->pch[i]==P->pch[j]){
          i++; j++;
          if(j == n) return (i - n); // 返回匹配的位置
      i = i-j+1;
                                   算法复杂度?
                                T(n) = O(mn)
   return -1; // 未找到匹配子串
```

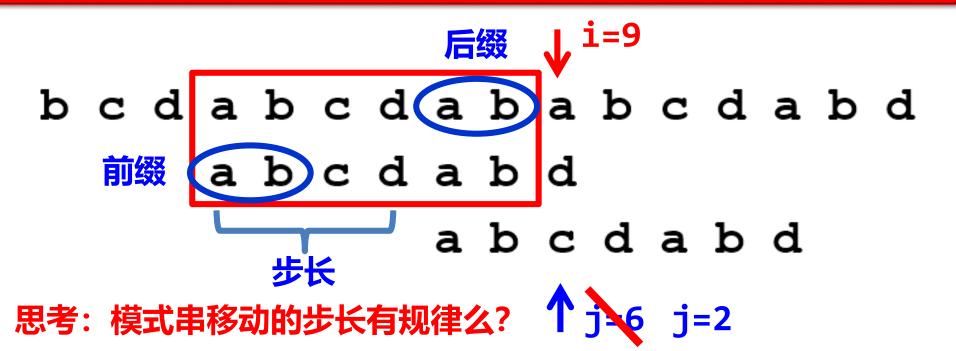
Knuth-Morris-Pratt算法(简称KMP)



○ 简单模式匹配算法存在的问题

- 当 T->pch[i] != P->pch[j] 时
- i 指针回溯 (j-1) 格,同时 j 回退到 0
- 思考: i 指针有必要回退到 4 么?
 - 提示: 匹配过程中可否不移动 i 指针?

- ∞ 问题: 给定目标串 T 和模式串 P
 - 要求(1):找出P在T中首次出现的位置
 - 要求 (2): 若 T 不是 P 的子串,则返回零
- ∞ 符号约定
 - 设目标串T为"t₀t₁.....t_{m-1}",模式串P为"p₀p₁.....p_{n-1}"
 - 将目标串简记为: T[0:m-1],模式串P简记为: P[0:n-1]
 - 思考: 当目标串中第i个字符与模式串中第j个字符失配时
 - **◦** 若希望不对目标串的下标 i 进行回溯操作
 - 目标串中的第i个字符下一步应与模式串中哪个字符比较?



∞ 思考: 当T中第 i 个字符与P中第 j 个字符失配时

- 若希望不对目标串的下标 i 进行回溯操作
- T 中的第 i 个字符下一步应与 P 中哪个字符比较?

- 字符串的真前缀 (proper prefixes)
 - 真前缀:除最后一个字符外,一个字符串的全部头部组合
 - 真前缀就是指不包含自身的前缀
 - 例如:字符串 T = ababc (不考虑空字符)
 - 所有的前缀包括: a, ab, aba, abab, ababc
 - 其中真前缀包括: a, ab, aba, abab
- ☆ 字符串的真后缀 (proper suffixes)
 - 除第一个字符以外,一个字符串的全部尾部组合
 - 真后缀就是指不包含自身的后缀

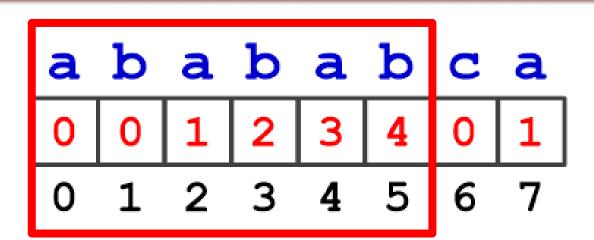


- ☆ 字符串的前缀函数next(n)定义为满足如下条件的子串长度:
 - 长度为n的字符串的最长真前缀同时也是它的真后缀
- ∞ 例如:给定字符串 "abababca"
 - next(1)表示长度为1的字符串"a"的前缀函数
 - a没有真前缀 -> next(1) = 0
 - ab的真前缀为a,真后缀为b,a≠b
 - 所以: next(2) = 0
 - aba的真前缀为a和ab,真后缀为a和ba, "a"= "a"
 - 所以: next(3) = 1
 - 依此类推: next(4) = 2, next(5) = 3



Partial Match Table

pattern
next(n)
index(n)



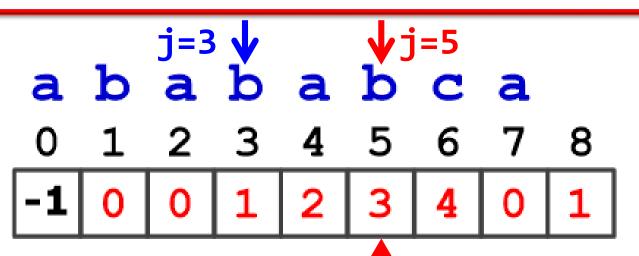
- ∞ 对于给定字符串 "abababca"
 - 可以根据其前缀函数next(n)构造局部子串匹配表 (PMT)
- ∞ 思考: PMT对于解决我们的问题有什么作用?
 - 提示: 假设模式串当前发生失配的位置为 j = 5
 - 提示: next(n)和index(n)分别表示什么意思?
 - 提示: j = 5 表示第6个字符失配,即: n = 6

Partial Match Table

- - index(6) = 5 即: 当前发生字符失配的位置下标
 - **next(6) = 4** 即:长度为6的子串中前后缀匹配的长度
 - 思考: next(6) 对解决问题有帮助吗? j next[j-1] = 2
 - 思考: 此时模式串向右移动的字符个数应为多少?
 - 思考: 模式串平移后 j 指针位置? j = next[j-1] = 3

Partial Match Table

pattern
index(n)
next(n)



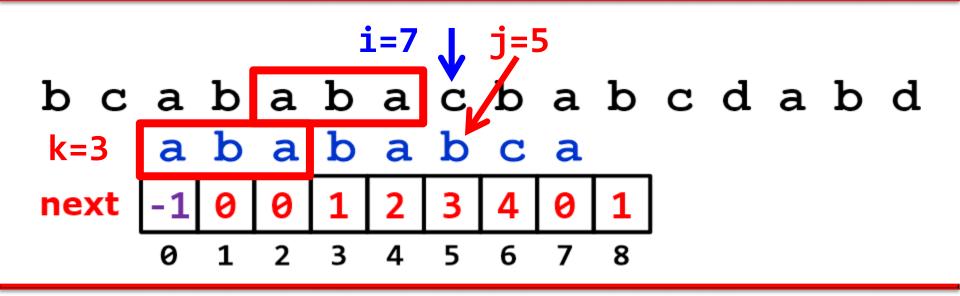
∞ 为便于计算:将next数组的元素右移一位

- 向PMT数组下标为零的位置填充-1
 - 则: 模式串右移操作变为: j = next[j]
- 模式串平移后: j 对应的下标值(3)是?
 - 长度为 j = 5 的子串中最长匹配前后缀的长度
 - 此时j指向指向原失配位置(i位置不变!)

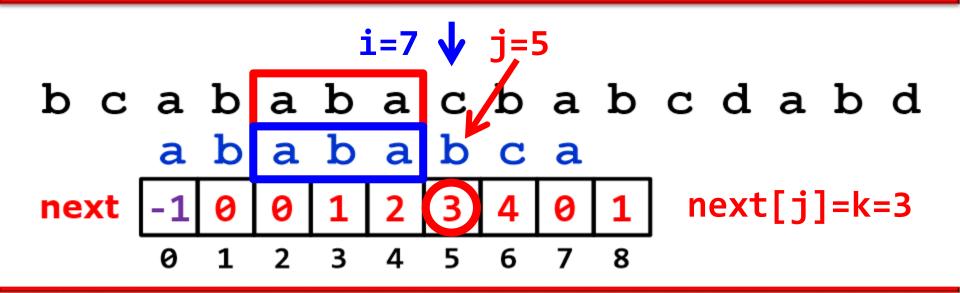
- 1. 首先构造部分匹配表 (next数组)
 - next[j]的取值只与模式P的前j-1项有关,与目标串T无关
- 2. 在字符串匹配过程中若发生字符失配现象
 - 保持目标串指针 (i) 不变, 根据模式串发生失配的位置 (j)
 - 查next表得到模式串右移后指针 j 的位置: next[j]
- 3. 比较: **P[next[j]]** 与 **T[i]**
 - 若: P[next[j]] == T[i]; 则继续比较后续元素
 - 若: P[next[j]] ≠ T[i]; 则令 j = next[j]
 - 若: next[j]==-1; 将P右移一格, 重新开始比对
 - 重复以上步骤直至匹配成功或达到目标串的结尾

```
int KMP(Pstr T, Pstr P, int *next) {
   int i = 0, j = 0, m = T->length, n = P->length;
   while(i \le m - n){
       while(j == -1 \mid | (j < n \&\& T->pch[i] == P->pch[j])){}
           i++; j++;
       if (j == n) return (i - n); // 匹配成功
       j = next[j];
   return -1; // 匹配失败
```





- ☆ 设目标串T为"t₀t₁……t_{m-1}",模式串P为"p₀p₁……p_{n-1}"
- ∞ 将目标串简记为: T[0:m-1], 模式串P简记为: P[0:n-1]
- ∞ 若当前在 T 的下标位置 i 处发生失配
- ∞ 设:此时P中对应失配位置下标为 j > 0
- ☆ 设: k为满足条件 P[0:k-1] = T[i-k:i-1] 的最大值 (1≤k<j)</p>



- ∞ 若当前在 T 的下标位置 i 处发生失配
- ∞ 设: 此时P中对应失配位置下标为 j > 0
- ☆ 设: k为满足条件 P[0:k-1] = T[i-k:i-1] 的最大值 (1≤k<j)
 </p>
- 由于: P[j-k:j-1] = T[i-k:i-1]
- 所以: (P)0:k-1] = (P)j-k:j-1] 思考: 有何意义?

∞ next[j]的形式化定义

$$next[j] = \begin{cases} -1 & j = 0 \\ 0 & j = 1 \\ \max\{k \mid P[0:k-1] = P[j-k:j-1]\} & 1 \le k < j \end{cases}$$

- ∞ 若: k为模式串的子串P[0:j-1]中相等的真前后缀的最大长度
 - 则有: P[0:k-1] = P[j-k:j-1]
- ∞ next[j]表示当 **P** 中第 **j** 个字符与 **T** 中第 **i** 个字符失配时
 - 在模式串中需重新与目标串第 i 个字符进行比较的字符位置
- ∞ 求next[j]的过程即填充PMT的过程

$$next[j] = \begin{cases} -1 & j = 0 \\ 0 & j = 1 \end{cases}$$

$$\max \{k \mid P[0:k-1] = P[j-k:j-1]\} \quad 1 \le k < j \end{cases}$$

- 已知: next[0] = -1; next[1] = 0 next[2] =?
- ∞ 设: next[j] = k (j > 1) 注意: k是最优值
 - 由next[j]的定义可知: P[0:(k-1)] = P[j-k:j-1]
- - 则: next[j+1] = k+1 = next[j]+1

☆ 若: P[j]=P[k] 则: next[j+1]=k+1=next[j]+1

- - 需回朔检查是否存在 k' < k 使得
 - P[0:k'-1] = P[j-k':j-1]
 - 仍为串匹配问题: 应将模式串右移多少位?
 - ◆ 令: k'=next[k]; 使P[k']与目标串中的P[j]对齐

- ∞ 小结: 当 P[j] ≠ P[k] 时的处理流程
 - 首先令: k' = next[k]
 - o 意思是:将 P[k']与 P[j]对齐
 - 若: P[j] = P[k']
 - o 则: next[j+1] = k'+1 = next[k']+1
 - 若: P[j] ≠ P[k'],则继续匹配直至
 - o P[j]与某个字符k""匹配成功: next[j+1] = k"+1
 - o 或确认不存在匹配对象: next[j+1] = 0

KMP算法:构造部分匹配表 (next数组)

```
void buid_table(Pstr P, int *next){
   int j = 0, k = -1, n = P -> length; next[0] = -1;
   while(j <n){
                        思考: k=-1什么意思?
      if (k == -1 || P->pch[j] == P->pch[k]){
         next[j+1] = k + 1;
         j++; k++;
                         k=-1表示对当前字符 j
      }
                       在模式串中未找到匹配字符
      else{
         k = next[k];
                            算法复杂度?
                          T(n) = O(n)
```



本章小结

- 串是由零个或多个字符组成的序列
- ∞ 串的存储方式:线性存储和链式存储
- □ 串的基本操作: 串赋值、判相等、求串长、串连接、求子串
 - 其他的操作可以通过这五种操作来实现
- ∞ 串中任意一个连续字符组成的子序列称为该串的子串
 - 包含子串的串相应地称为主串
- ∞ 若两个串的串长相等且对应位置元素相同,则这两个串相等
- ca 空串是任意串的子串,空格串的长度等于其包含的空格个数

