# ЛКШ.2021.Август.Параллель 6.Геометрия Россия, Пушкин, «Кочубей-Центр», 16 августа 2021

# Задача А. Точка в многоугольнике

Имя входного файла: point.in
Имя выходного файла: point.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

#### Формат входных данных

В первой строке содержится три числа — N ( $3 \le N \le 100\,000$ ) и координаты точки. Последующие N строк содержат координаты углов многоугольника. Координаты — целые, не превосходят  $10^6$  по модулю.

#### Формат выходных данных

Одна строка YES, если заданная точка содержится в приведённом многоугольнике или на его границе, и NO в противном случае.

point.in	point.out
3 2 3	YES
1 1	
10 2	
2 8	

# Задача В. Теодор Рузвельт

Имя входного файла: stdin
Имя выходного файла: stdout
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

«Теодор Рузвельт» — флагман военно-морского флота Кукуляндии. Заклятые враги кукуляндиев, флатландцы, решили уничтожить его. Они узнали, что «Теодор Рузвельт» представляет собой выпуклый многоугольник из n вершин и узнали его координаты. Затем они выпустили m баллистических ракет и определили координаты точек, где эти ракеты взорвались. По расчётам штаба флатландцев, «Теодор Рузвельт» будет уничтожен, если в него попадёт хотя бы k ракет. Вычислите, удалось ли флатландцам уничтожить корабль.

#### Формат входных данных

В первой строке через пробел записаны целые числа n, m, k ( $3 \le n \le 10^5, 0 \le k \le m \le 10^5$ ). В последующих n строках записаны координаты вершин многоугольника в порядке обхода против часовой стрелки. В следующих m строках записаны координаты точек. Гарантируется, что все координаты — целые числа, не превосходящие по модулю  $10^9$ .

#### Формат выходных данных

Выведите «YES», если в многоугольнике или на его границе лежит по крайней мере k точек, и «NO» в противном случае.

stdin	stdout
5 4 2	YES
1 -1	
1 2	
0 4	
-1 2	
-1 -1	
-2 -1	
1 -1	
0 1	
2 3	

### Задача С. Выпуклая оболочка

Имя входного файла: convex.in
Имя выходного файла: convex.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам дано множество точек на плоскости. Найдите их выпуклую оболочку.

#### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит целое число n — количество точек ( $3 \le n \le 200\,000$ ). В следующих n строках описываются точки. iая строка состоит из двух целых чисел — координат iой точки. Координаты не превосходят  $10^9$  по модулю. Гарантируется, что все точки не лежат на одной прямой. Точки могут совпадать.

#### Формат выходных данных

В первую строчку выходного файла выведите количество вершин в выпуклой оболочке. Во вторую — номера вершин через пробел, которые ее образуют. Выводите вершины в порядке обхода против часовой стрелки. Никакие два ребра выпуклой оболочки не должны лежать на одной прямой.

В третью строчку выведите периметр оболочки, в четвертую - ее площадь.

Периметр должен быть выведен с абсолютной или относительной погрешностью не больше  $10^{-9}$ . Площадь должна быть выведена абсолютно точно.

convex.in	convex.out
5	4
0 0	3 5 1 4
1 1	6.47213595499958000000
2 2	2.0
1 0	
0 1	

# Задача D. Ловушка для Слонопотама

Имя входного файла: piglet.in Имя выходного файла: piglet.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Пятачок и Винни-Пух каждое утро ходят пить чай в гости к Кролику. Естественно, самым коротким путем.

К сожалению, однажды Винни-Пуху пришла в голову идея вырыть ловушку для Слонопотама. Самое обидное, что они с Пятачком ее даже вырыли. Поэтому теперь каждое утро, идя в гости к Кролику, они боятся в нее провалиться.

Напишите программу, которая посчитает длину самого короткого безопасного пути от домика Винни-Пуха до домика Кролика.

Ловушка для Слонопотама представляет собой яму абсолютно круглой формы. Путь является безопасным, если он не проходит по ловушке (но может проходить по ее границе).

#### Формат входных данных

Во входном файле записаны сначала координаты домика Винни-Пуха:  $X_B, Y_B$ , затем — координаты домика Кролика:  $X_R, Y_R$ , а затем — координаты центра и радиус ловушки:  $X_T, Y_T, R_T$ . Все координаты — целые числа из диапазона от -32000 до 32000. Радиус ловушки — натуральное число, не превышающее 32000.

Домики Винни-Пуха и Кролика не могут находиться внутри ловушки, но могут находиться на ее границе.

#### Формат выходных данных

Выведите в выходной файл одно число — длину самого короткого безопасного пути от домика Винни-Пуха до домика Кролика с точностью не менее 4 знака после запятой.

piglet.in	piglet.out
0 0 0 1	1.000000
10 10 1	
5 0 0 5	7.853982
0 0 5	
-5 0 5 0	11.861007
0 0 3	

### Задача Е. Пусти козла в огород - 8

Имя входного файла: goat8.in
Имя выходного файла: goat8.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В огород пустили двух козлов, каждого привязав верёвкой к своему колышку. Каждый козёл движется по окружности, растягивая верёвку на максимальную длину. Найдите все точки, в которых они могут встретиться.

#### Формат входных данных

В первых двух строках находятся по три числа — координаты колышка, к которому привязан каждый козёл, и длина верёвки, которой он привязан. Все числа — целые, не превосходящие по модулю 10000, длины веревок — положительные.

#### Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите количество точек пересечения (0, 1, 2) или (0, 1

goat8.in	goat8.out
3 4 5	0
11 4 2	
3 4 5	2
9 4 2	7.7500000000 2.4387505004
	7.7500000000 5.5612494996

# Задача F. Разрезание торта

Имя входного файла: cut.in
Имя выходного файла: cut.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Мама купила Пете на день рождения торт в виде выпуклого многоугольника. Торт большой и вкусный, и Петя хочет разделить его с мамой поровну. Для этого он хочет сделать один прямолинейный разрез, причем ему будет удобнее, если этот разрез будет параллелен оси Oy. Помогите Пете определить, как ему разрезать торт.

#### Формат входных данных

В первой строке записано целое число N ( $3 \le N \le 10000$ ) — количество вершин многоугольника. В последующих N строках записаны координаты вершин многоугольника в порядке обхода. Гарантируется, что все координаты — целые числа, не превосходящие по модулю  $10^3$ .

#### Формат выходных данных

Выведите x-координату точки, через которую необходимо провести разрез, с точностью не менее  $10^{-6}$ .

cut.in	cut.out
4	1.00000000
0 0	
0 2	
2 2	
2 0	

### Задача G. Великая стена

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 3 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

У короля Людовика двое сыновей. Они ненавидят друг друга, и король боится, что после его смерти страна будет уничтожена страшными войнами. Поэтому Людовик решил разделить свою страну на две части, в каждой из которых будет властвовать один из его сыновей. Он посадил их на трон в города A и B, и хочет построить минимально возможное количество фрагментов стены таким образом, чтобы не существовало пути из города A в город B.

Страну, в которой властвует Людовик, можно упрощенно представить в виде прямоугольника  $m \times n$ . В некоторых клетках этого прямоугольника расположены горы, по остальным же можно свободно перемещаться. Кроме этого, ландшафт в некоторых клетках удобен для строительства стены, в остальных же строительство невозможно.

При поездках по стране можно перемещаться из клетки в соседнюю по стороне, только если ни одна из этих клеток не содержит горы или построенного фрагмента стены.

#### Формат входных данных

В первой строке входного файла содержатся числа m и n ( $1 \le m, n \le 50$ ). Во второй строке заданы числа k и l, где  $0 \le k, l, k+l \le mn-2, k$  — количество клеток, на которых расположены горы, а l — количество клеток, на которых можно строить стену. Естественно, что на горах строить стену нельзя. Следующие k строк содержат координаты клеток с горами  $x_i$  и  $y_i$ , а за ними следуют l строк, содержащие координаты клеток, на которых можно построить стену —  $x_j$  и  $y_j$ . Последние две строки содержат координаты городов A ( $x_A$  и  $y_A$ ) и B ( $x_B$  и  $y_B$ ) соответственно. Среди клеток, описанных в этих k+l+2 строках, нет двух совпадающих. Гарантируется, что  $1 \le x_i, x_j, x_A, x_B \le m$  и  $1 \le y_i, y_i, y_A, y_B \le n$ .

#### Формат выходных данных

В первой строке выходного файла должно быть выведено минимальное количество фрагментов стены F, которые необходимо построить. В последующих F строках необходимо вывести один из возможных вариантов застройки.

Если невозможно произвести требуемую застройку, то необходимо вывести в выходной файл единственное число -1.

стандартный ввод	стандартный вывод
5 5	3
3 8	1 3
3 2	2 3
2 4	3 1
3 4	
3 1	
1 3	
2 3	
3 3	
4 3	
5 3	
1 4	
1 5	
2 1	
5 5	