

Fouille de Données

Data Mining

Classification - Partie 4

Plan du cours

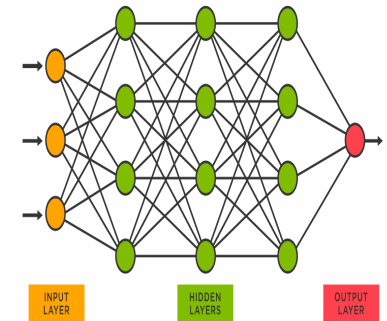
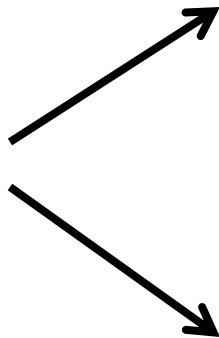
1. Les réseaux de Neurones
2. Deep Learning
3. Neurone Formel
4. Les réseaux de Neurones Artificiels
5. Perceptron et MLP
6. L'algorithme de Backpropagation

Classification

SAVOIR - **PREDIRE** - DECIDER



Données



Connaissances

Réseaux de Neurones

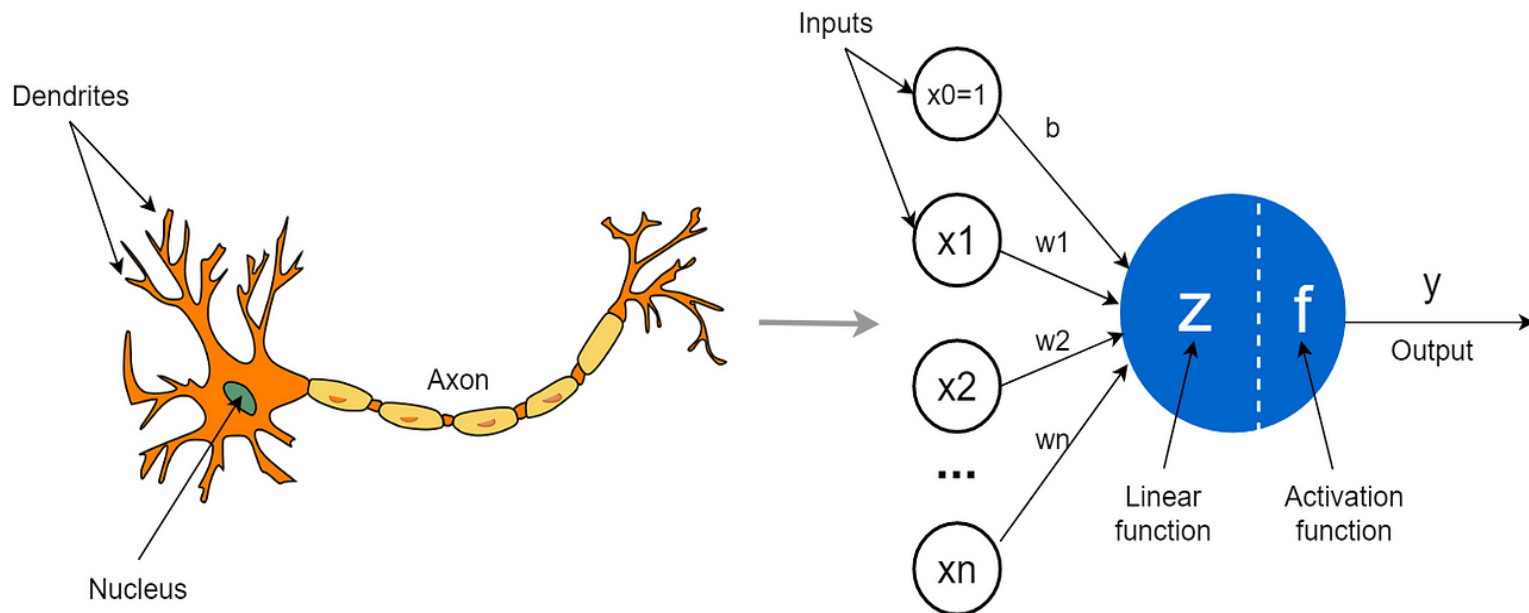
Réseaux de Neurones

- Bio mimétisme.
- *Biomimicry: innovation inspired by nature*, Jeanine Benyus.
- « A chaque fois que vous rencontrez un problème, observez la nature. »



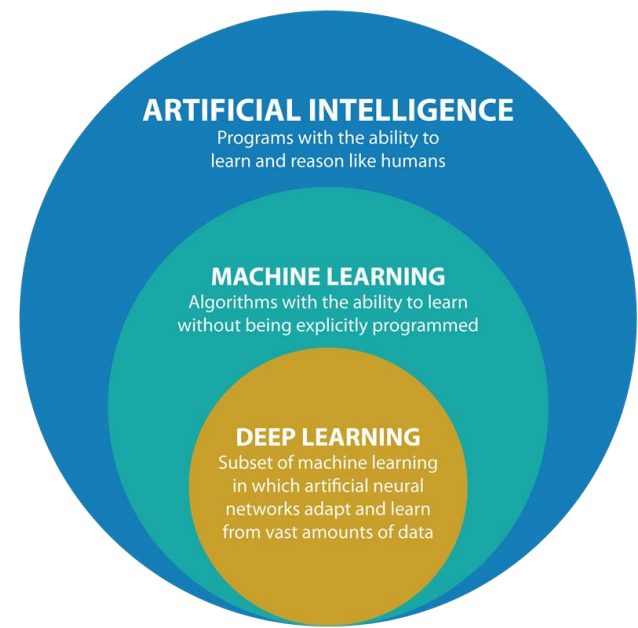
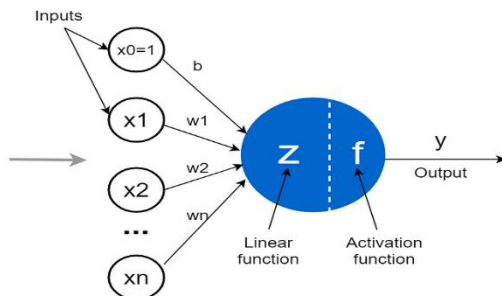
Réseaux de Neurones

- Comment l'homme fait-il pour raisonner, parler, calculer, apprendre, ...?
- S'inspirer du fonctionnement du cerveau humain. ***Mais pas tellement.***
- Réseaux de neurones artificiels. ANN / RNA.



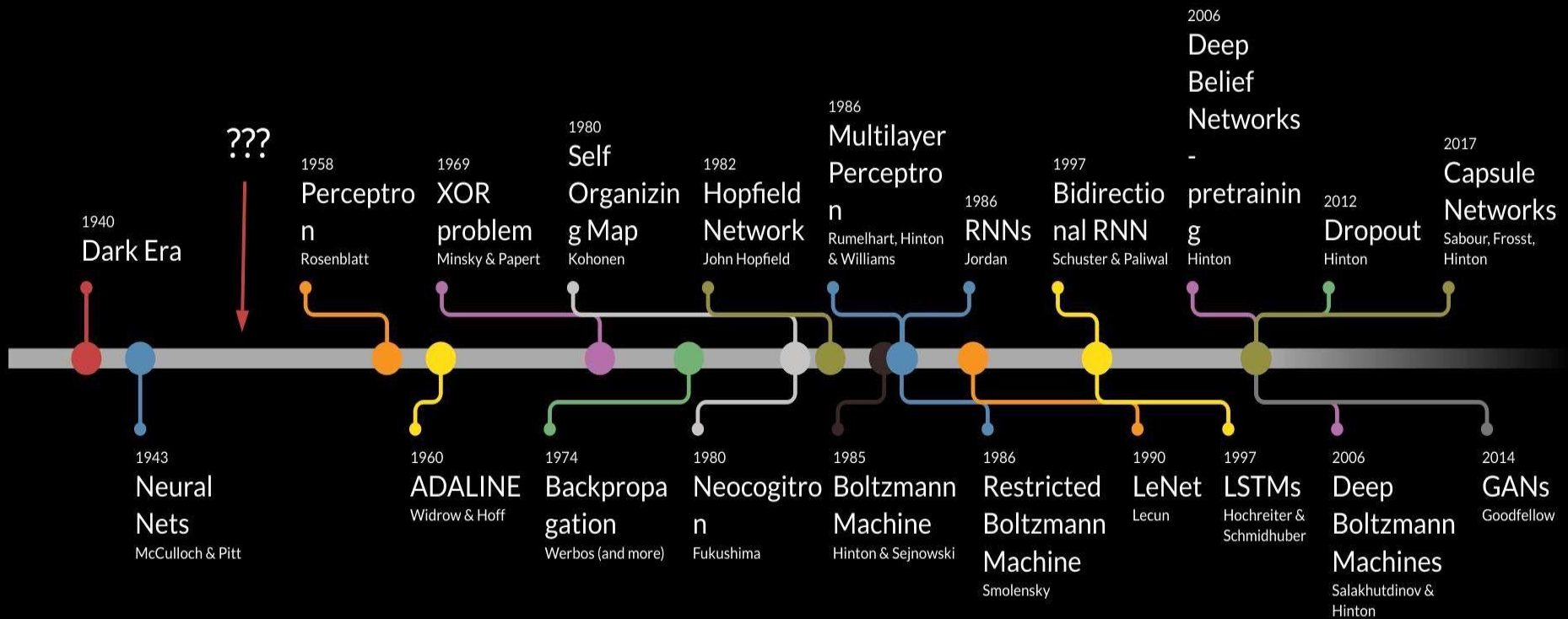
Réseaux de Neurones

- Mac Culloch et Pitts (1943) : définition d'un **neurone formel**.
- Rosenblatt (1958), Widrow et Hoff : modèle avec processus d'apprentissage, **perceptron**.
- Minsky et Papert (1969) : limites des perceptrons.
- Rumelhart, Hinton, Williams (1986): **perceptron multi-couches (MLP)**, mécanismes d'apprentissage performants (backpropagation du gradient).
- LeCun (1990): LeNet.
- **Deep Learning : Apprentissage Profond.**



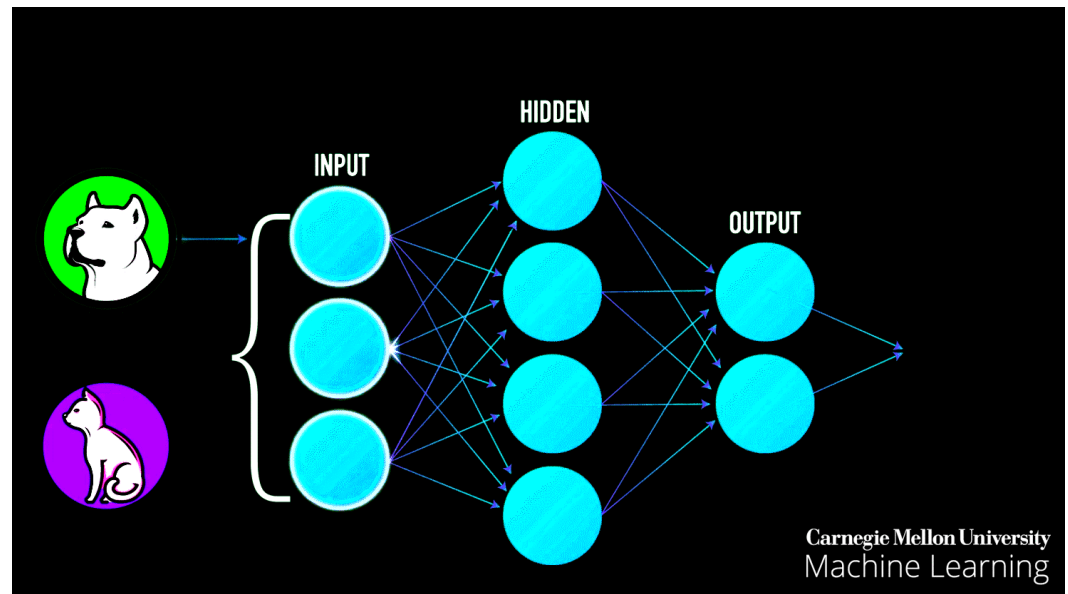
Deep Learning

Deep Learning Timeline



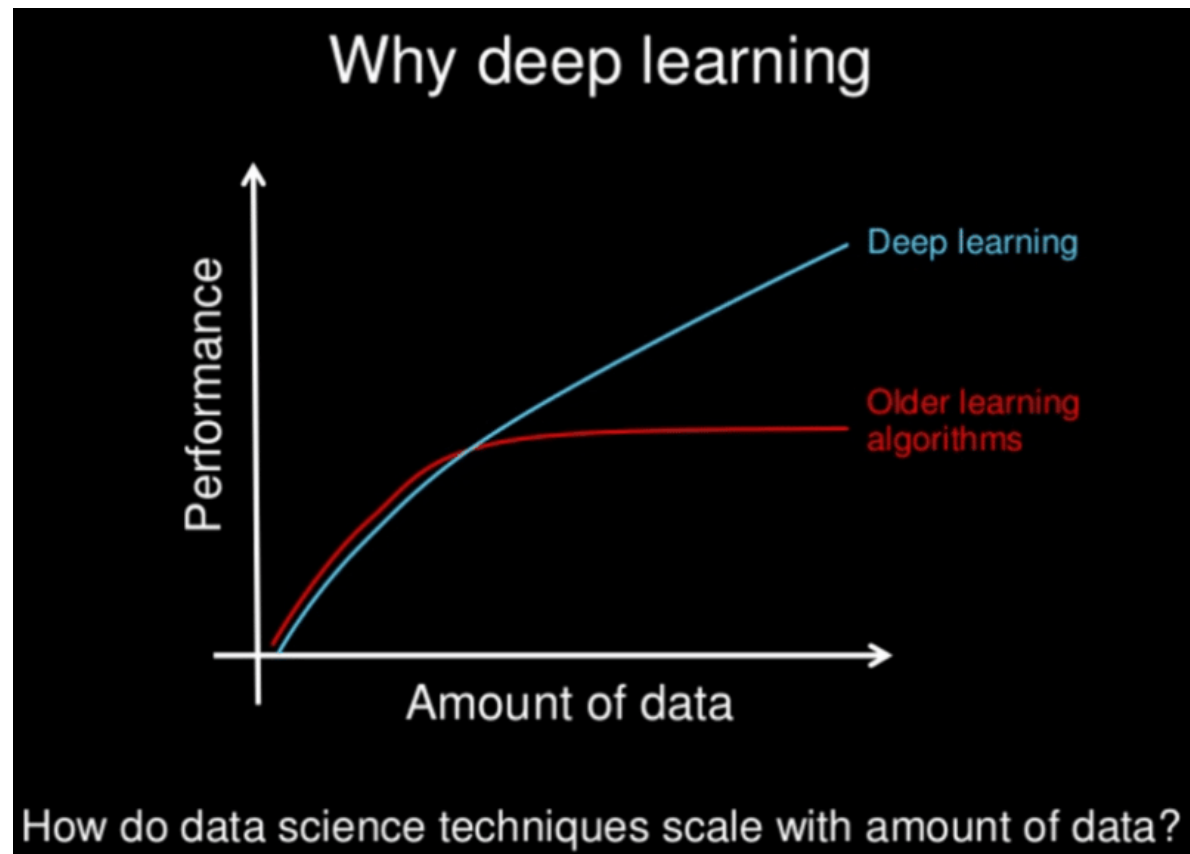
Deep Learning

- Deep Learning ou **Apprentissage Profond** : la machine est capable d'apprendre par elle-même.
- Une technique, sous domaine, du Machine Learning reposant sur le modèle des **réseaux neurones**.
- Des dizaines voire des centaines de **couches de neurones** sont empilées pour apporter une plus grande complexité permettant un meilleur apprentissage.



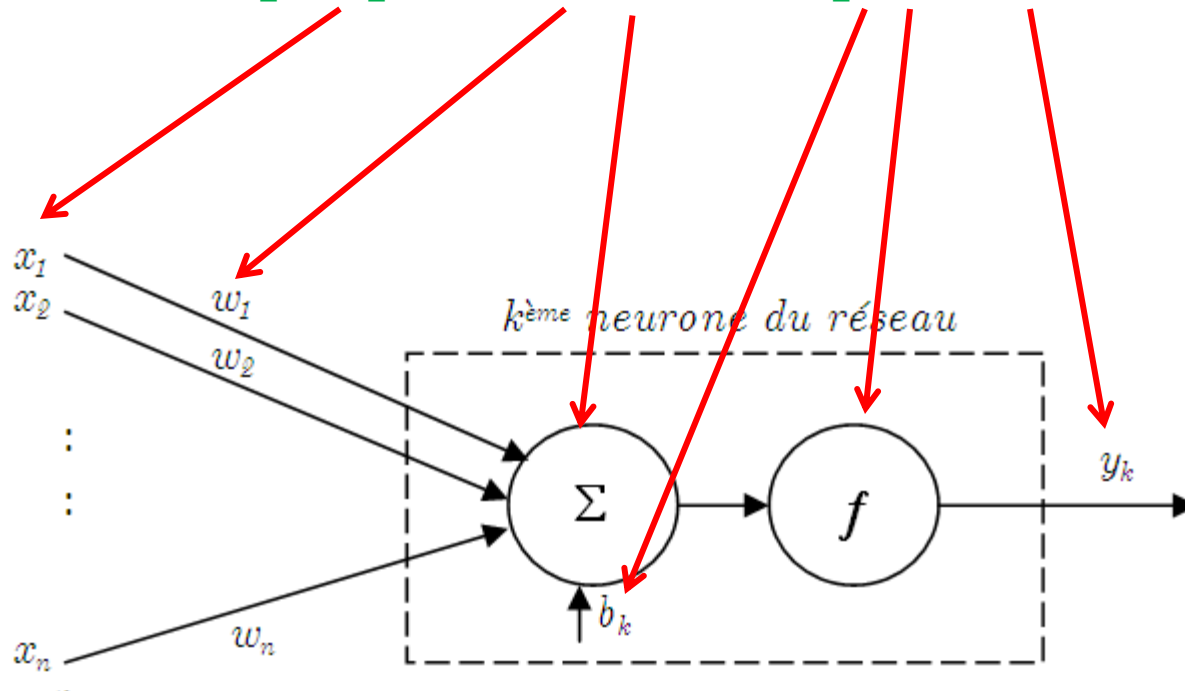
Deep Learning

- Les modèles de Deep Learning ont tendance à bien fonctionner avec une **grande quantité de données** alors que les modèles d'apprentissage automatique plus classique cessent de s'améliorer après un point de saturation.



Neurone Formel

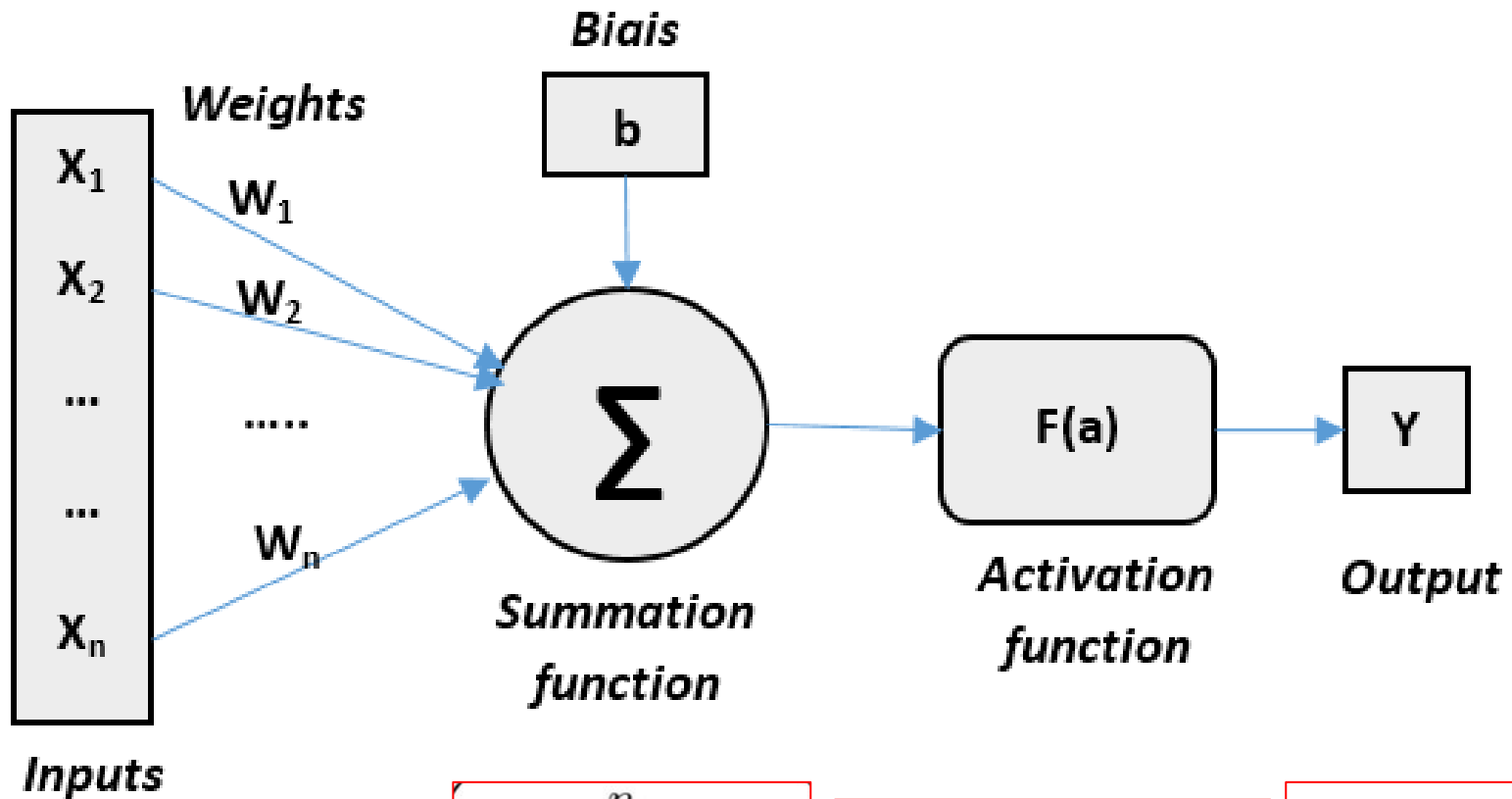
- McCulloch et Pitts (1943)
- Model mathématique d'un neurone formel très simple.
- Réseau : Nœuds interconnectés par des liaisons directionnelles.
- Il se constitue de **quelques éléments basiques** :



Entrées - **Poids** - Additionneur - Biais - Fonction d'activation - Sortie

Neurone Formel

- Un poids **Wi** est associé à chaque entrée **Xi**.



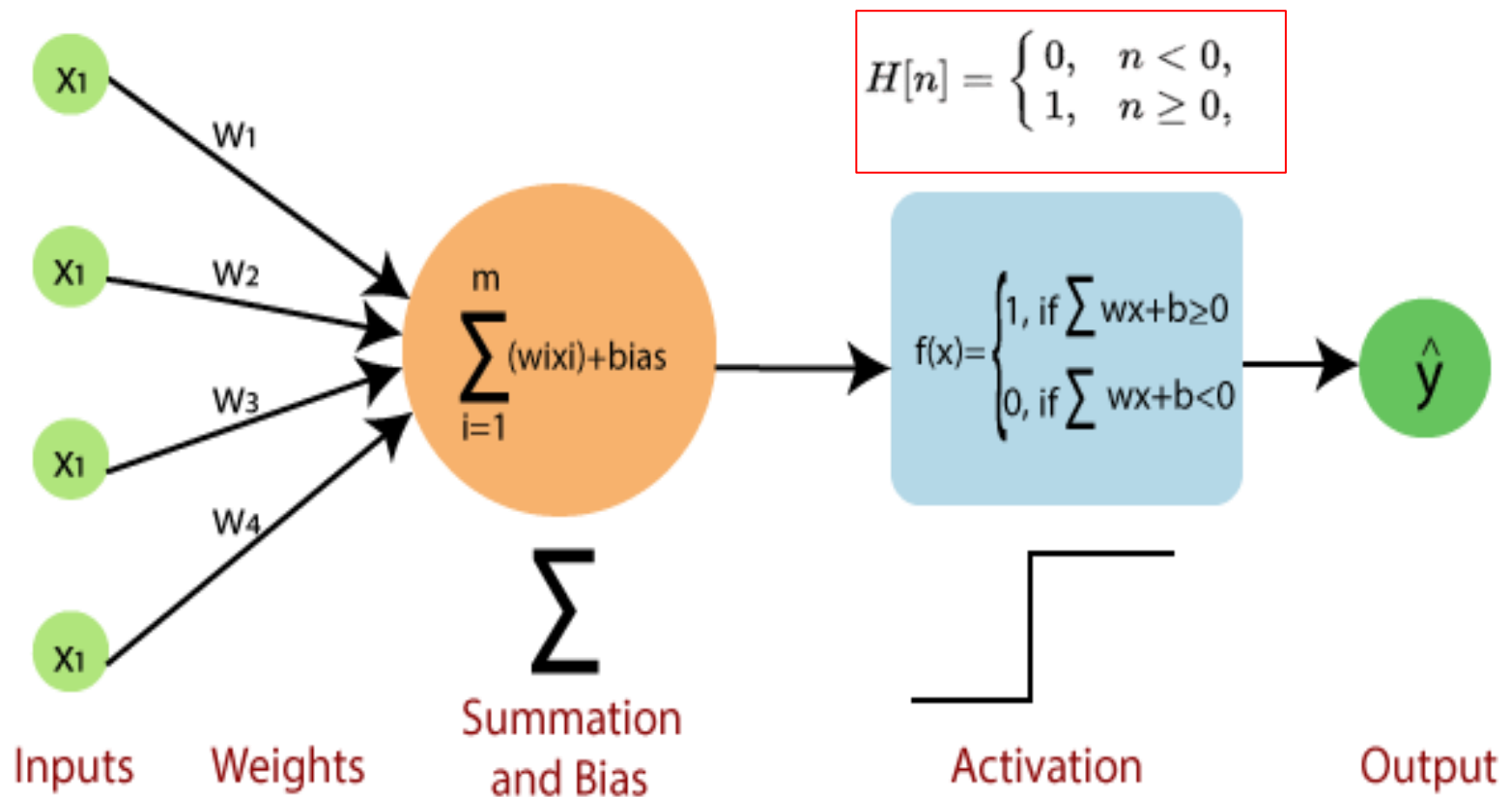
$$b + \sum_{i=1}^n x_i w_i$$

$$H[n] = \begin{cases} 0, & n < 0, \\ 1, & n \geq 0, \end{cases}$$

$$f \left(b + \sum_{i=1}^n x_i w_i \right)$$

Neurone Formel

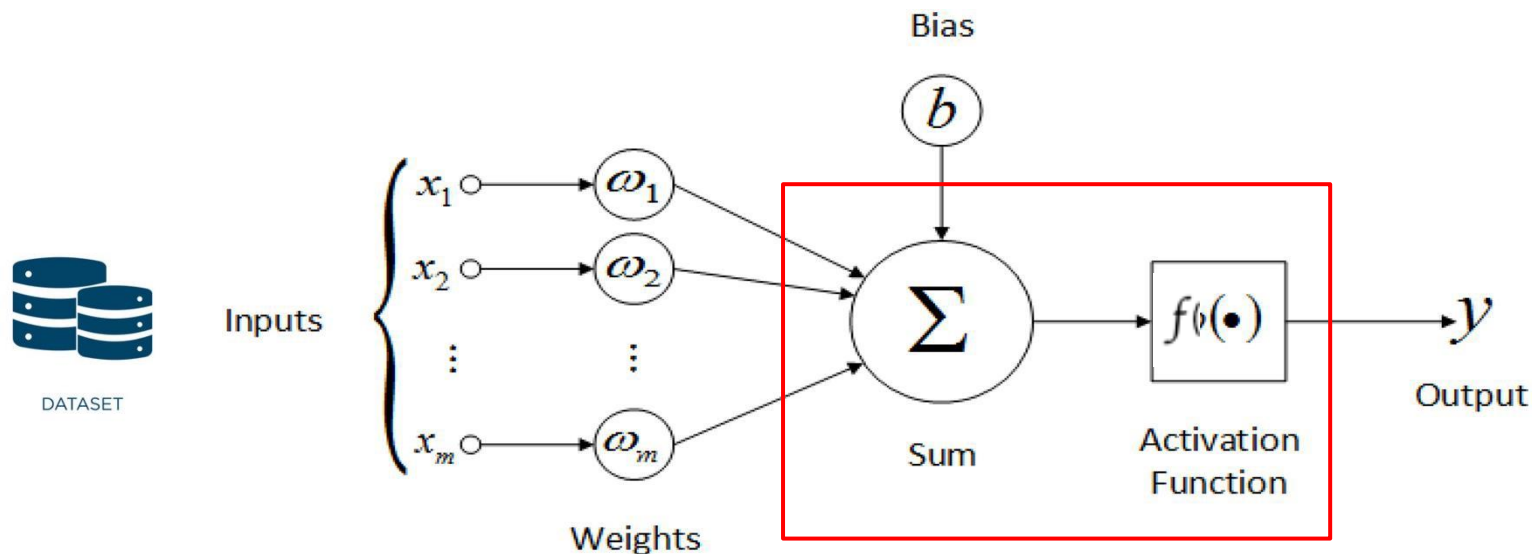
- Un poids W_i est associé à chaque entrée X_i .



Neurone Formel

➤ Biais – Fonction d'activation, pourquoi ?

- Introduire la **non-linéarité** dans la sortie du neurone.
- La plupart des données du monde réel ne sont pas linéaires >> Apprendre aux neurones ces représentations non linéaires.



Input du neurone = Somme ($x_i \cdot w_i + b$) **Output** du neurone = **F**(Input du neurone)

Neurone Formel

➤ Fonctions d'activation:

Nom de la fonction	Relation d'entrée/sortie	Icône
seuil Heaviside	$a = 0 \quad \text{si } n < 0$ $a = 1 \quad \text{si } n \geq 0$	
seuil symétrique	$a = -1 \quad \text{si } n < 0$ $a = 1 \quad \text{si } n \geq 0$	
linéaire	$a = n$	
linéaire saturée	$a = 0 \quad \text{si } n < 0$ $a = n \quad \text{si } 0 \leq n \leq 1$ $a = 1 \quad \text{si } n > 1$	
linéaire saturée symétrique	$a = -1 \quad \text{si } n < -1$ $a = n \quad \text{si } -1 \leq n \leq 1$ $a = 1 \quad \text{si } n > 1$	
linéaire positive	$a = 0 \quad \text{si } n < 0$ $a = n \quad \text{si } n \geq 0$	
sigmoïde	$a = \frac{1}{1+\exp^{-n}}$	
tangente hyperbolique	$a = \frac{e^n - e^{-n}}{e^n + e^{-n}}$	
compétitive	$a = 1 \quad \text{si } n \text{ maximum}$ $a = 0 \quad \text{autrement}$	

Neurone Formel

➤ Exemple :

i1	i2	w1	w3	b1
0,1	0,5	0,1	0,3	0,25

➤ La **somme** du neurone h1:

$$sum_{h1} = i_1 * w_1 + i_2 * w_3 + b_1$$

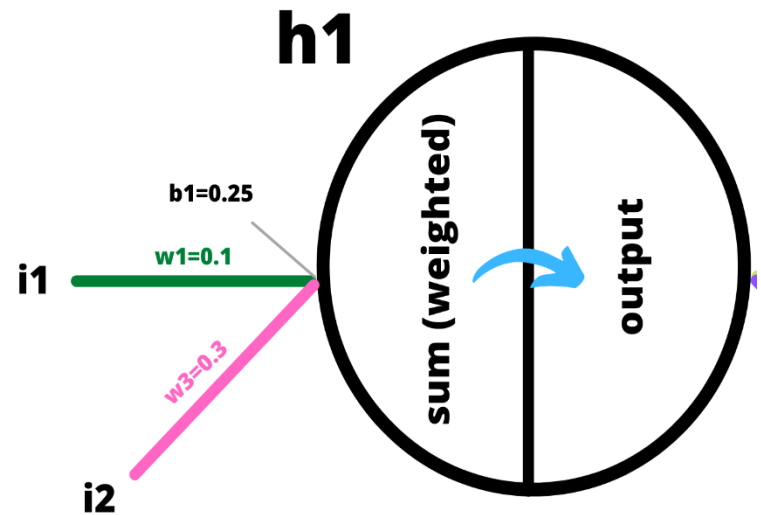
$$sum_{h1} = 0.1 * 0.1 + 0.5 * 0.3 + 0.25 = 0.41$$

➤ La **sortie** du neurone h1 avec la **fonction d'activation Sigmoidale** :

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

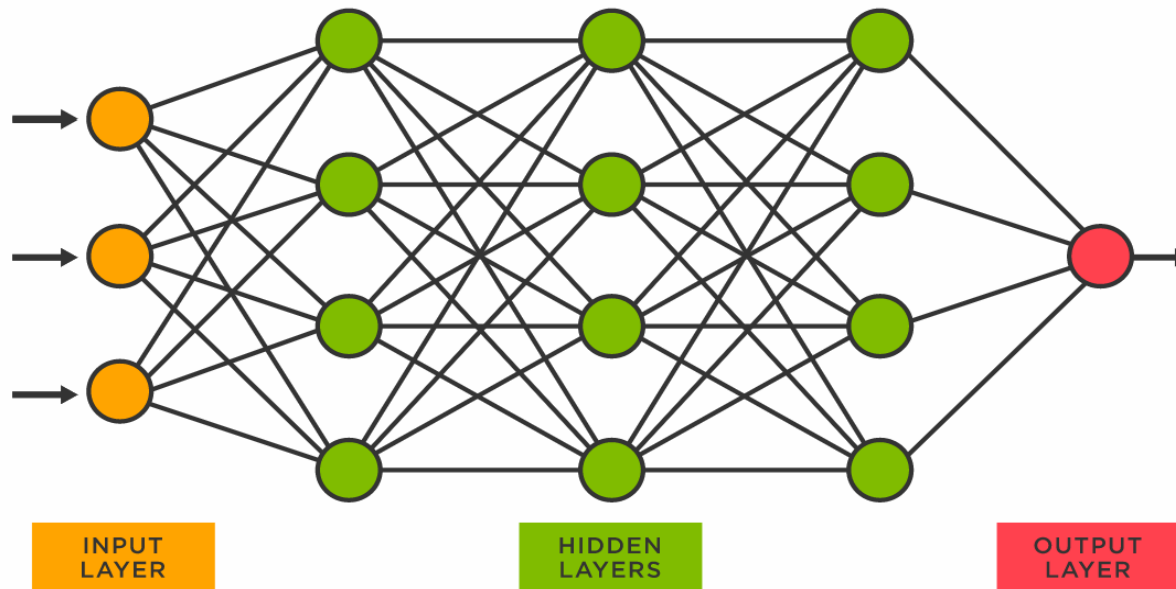
$$output_{h1} = \frac{1}{1 + e^{-sum_{h1}}}$$

$$output_{h1} = \frac{1}{1 + e^{-0.41}} = 0.60108$$



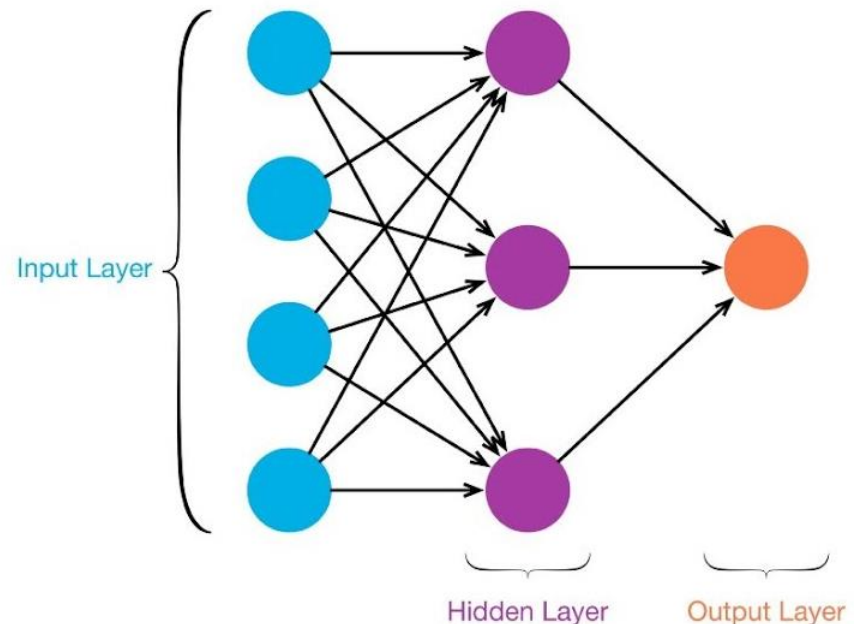
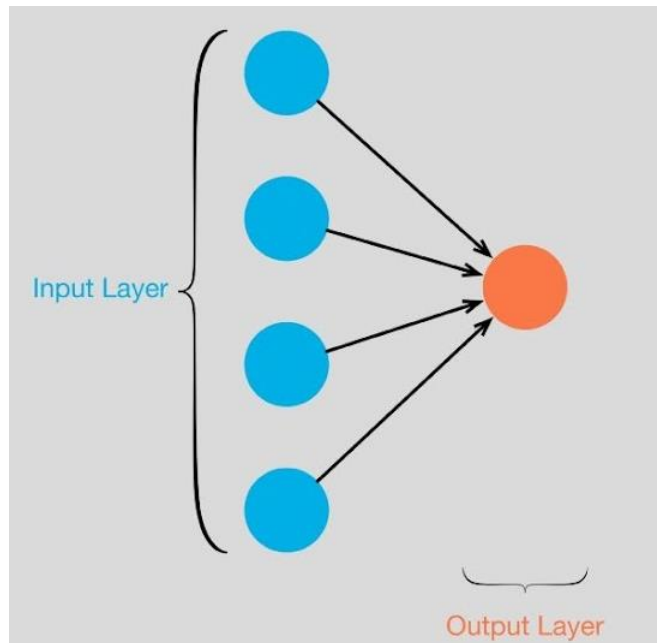
Réseaux de Neurones Artificiels

- Artificial Neural Networks : **ANN**. Neural networks (**NN**).
- Réseau de neurones artificiel : Plusieurs neurones/nœuds interconnectés par des liaisons directionnelles.
- Organisé en **trois parties** : Couche d'Entrée (Input Layer), Couches Cachées (Hidden Layers), et couche de Sortie (Output Layer).



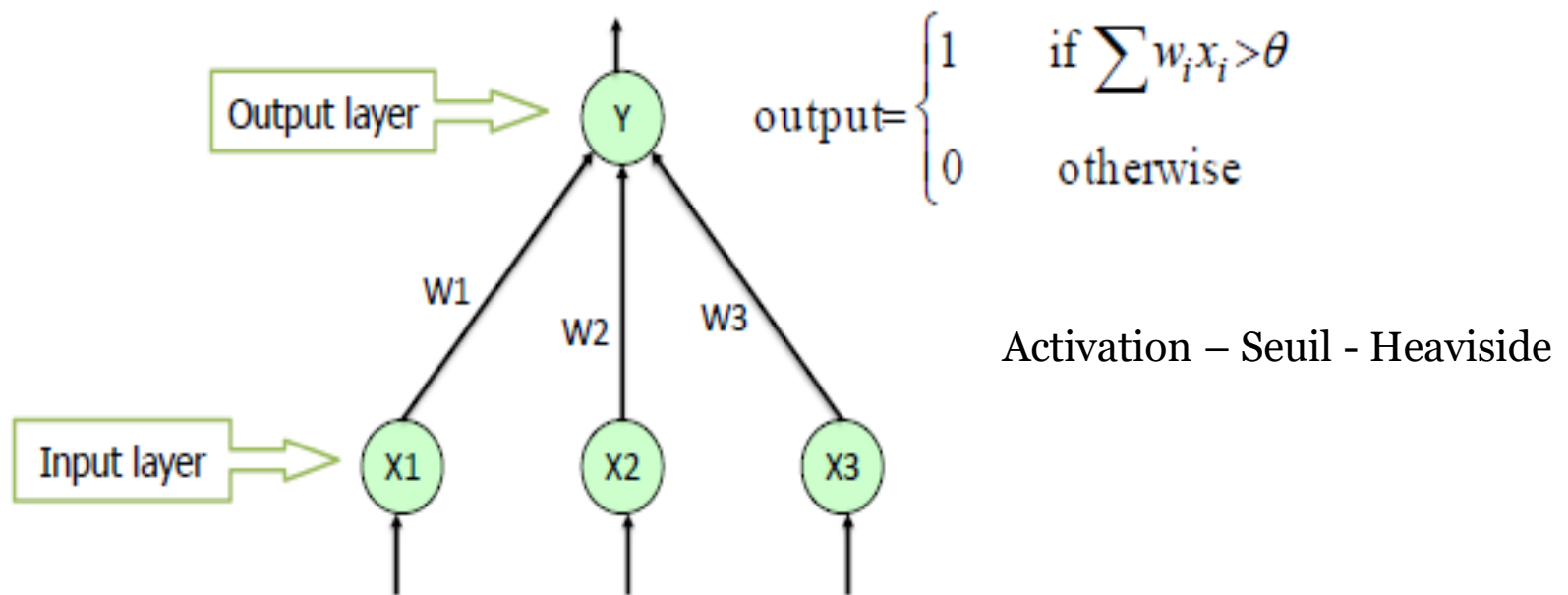
Réseaux de Neurones Artificiels

- Artificial Neural Networks : ANN.
- Nombreux **modèles mathématiques** ont été développés dans la littérature.
- Parmi eux: Le **Perceptron** de Rosenblatt (1958) et le **Multi Layer Perceptron** de Rumelhart, Hinton, Williams (1986).



Réseaux de neurones artificiels

➤ Neural Networks - Single Layer **Perceptron**

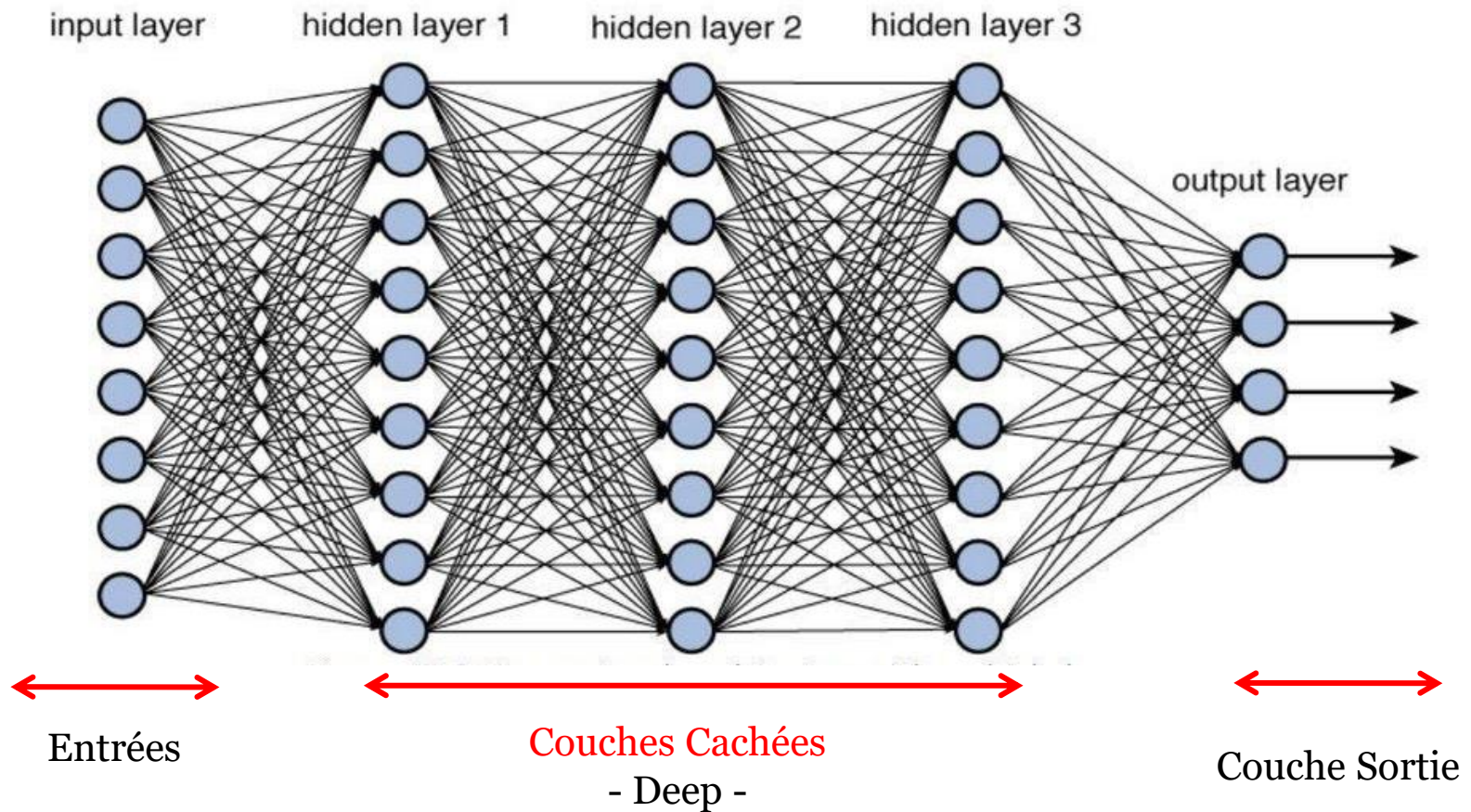


$$\begin{aligned} w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n > \theta & \Rightarrow \text{Output } 1 \\ w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n \leq \theta & \Rightarrow \text{Output } 0 \end{aligned}$$

Réseaux de neurones artificiels

➤ Neural Networks - **Multi Layer Perceptron (MLP)**

Activation - Sigmoide



Réseaux de neurones artificiels

➤ Neural Networks - **Multi Layer Perceptron (MLP)**

Type de Couche	Nombre de Neurones	Règle / Déterminant
Couche d'Entrée	Égal au nombre d'attributs (features)	Fixé par la dimension des données (ex: nombre de colonnes dans un tableau).
Couches Cachées	Variable (Hyperparamètre)	On commence généralement petit et on augmente si le modèle "sous-apprend" (underfitting).
Couche de Sortie	Dépend de la tâche	Fixé par le type de problème à résoudre (Régression, Classification binaire ou Classification multiple).

Réseaux de neurones artificiels

➤ Neural Networks - **Multi Layer Perceptron (MLP)**

Type de Problème	Nombre de Neurones de Sortie	Fonction d'activation de sortie suggérée
Classification Binaire (Oui/Non, Spam/Ham)	1	Sigmoïde $\frac{1}{1 + e^{-x}}$
Classification Multi-classes (Chien/Chat/Oiseau)	N (Nombre de classes)	Softmax $\frac{e^{z_i}}{\sum_{j=1}^K e^{z_j}}$
Régression (Prédire un prix, une température)	1	Linéaire (Pas d'activation) ou parfois ReLU (Rectified Linear Unit) $\max(0, x)$

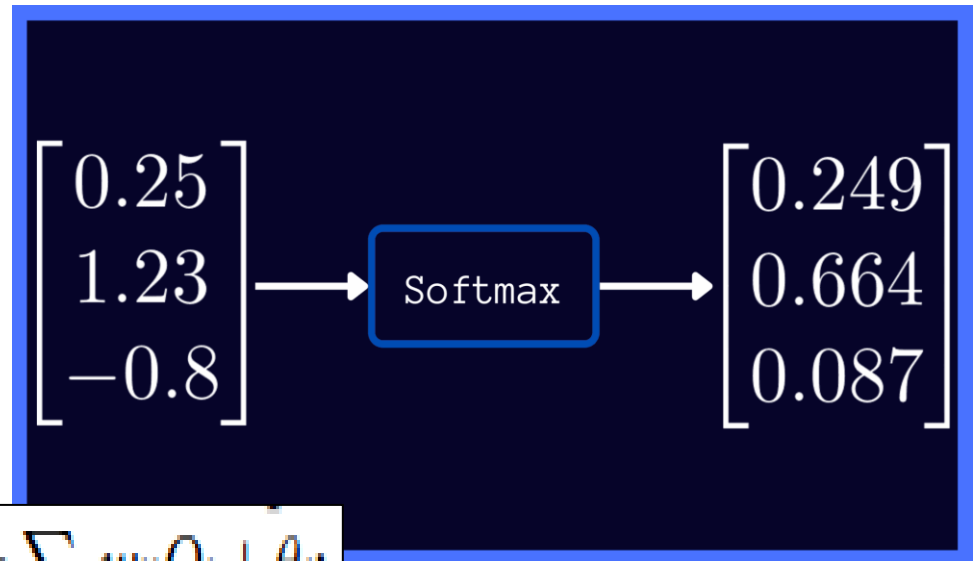
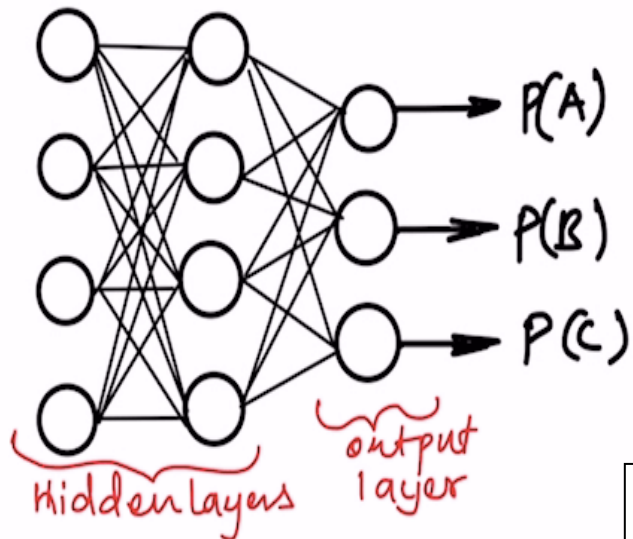
Réseaux de neurones artificiels

➤ Neural Networks - **Multi Layer Perceptron (MLP)**

The Softmax Activation Function

$$\frac{e^{z_i}}{\sum_{j=1}^K e^{z_j}}$$

multi-class classification



$$I_j = \sum_i w_{ij} O_i + \theta_j$$

Réseaux de neurones artificiels

➤ Neural Networks - **Multi Layer Perceptron (MLP)**

The Softmax Activation Function

$$\begin{bmatrix} 0.25 \\ 1.23 \\ -0.8 \end{bmatrix}$$

$$\frac{e^{z_i}}{\sum_{j=1}^K e^{z_j}}$$

$$\begin{aligned} Pr[y_i = seal] &= softmax(\mathbf{z})_0 \\ &= \frac{e^{0.25}}{e^{0.25} + e^{1.23} + e^{-0.8}} = 0.249 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} Pr[y_i = panda] &= softmax(\mathbf{z})_1 \\ &= \frac{e^{1.23}}{e^{0.25} + e^{1.23} + e^{-0.8}} = 0.664 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} Pr[y_i = duck] &= softmax(\mathbf{z})_2 \\ &= \frac{e^{-0.8}}{e^{0.25} + e^{1.23} + e^{-0.8}} = 0.087 \end{aligned}$$



Réseaux de neurones artificiels

- Neural Networks - **Multi Layer Perceptron (MLP)**
- Dans les RNA, tout est traité **sous forme numérique**, aussi bien : les attributs (features) que les classes (labels).

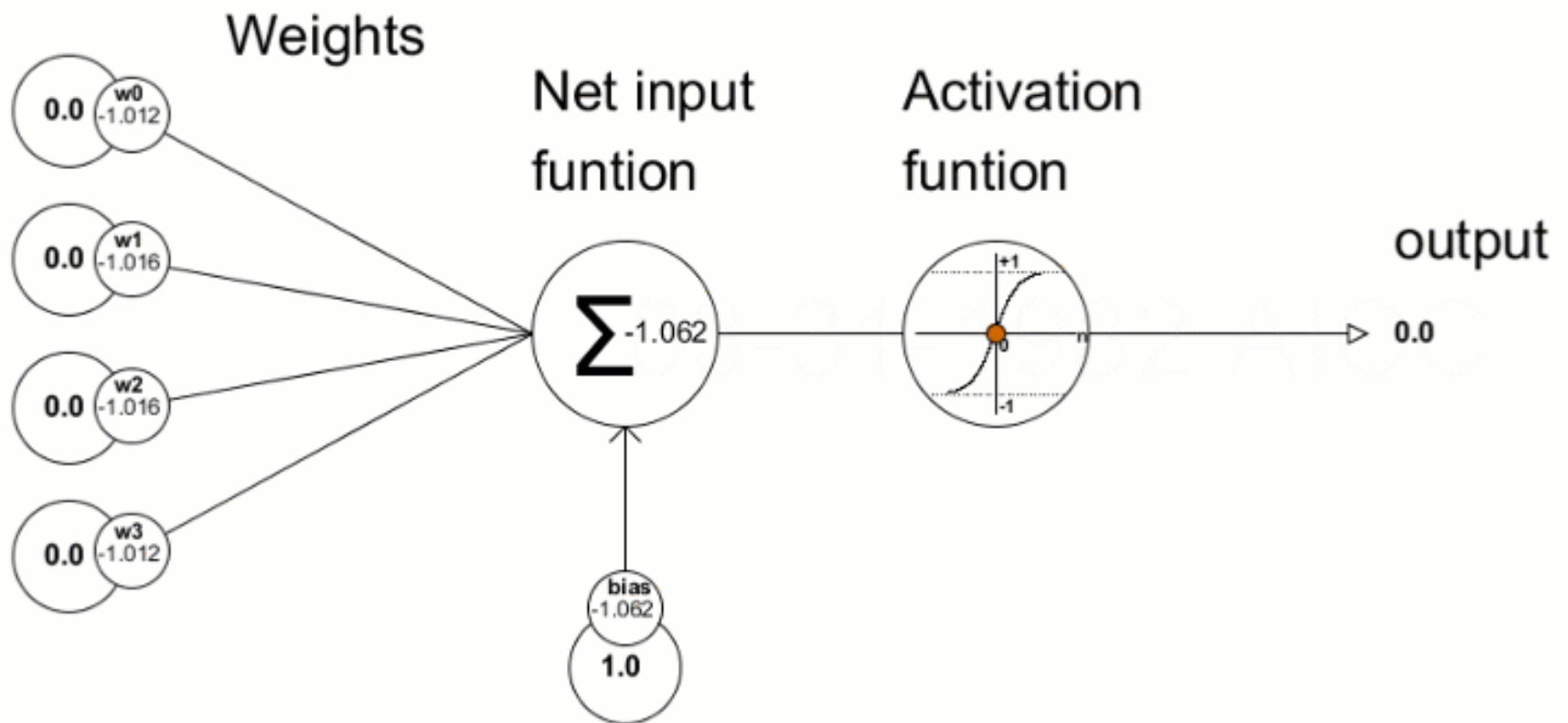
Type Problème	Encodage classe	Couche sortie	Activation
Binaire	0 ou 1	1 neurone	Sigmoid
Multi-classes (One-Hot)	[1,0,0], [0,1,0], [0, 0, 1] ...	N neurones	Softmax
Multi-classes (label encoding)	0, 1, 2, ... => [1,0,0], [0,1,0], [0, 0, 1] ...	N neurones	Softmax

Réseaux de neurones artificiels

- Deux phases – états d'un ANN:
 - Apprentissage - Entraînement
 - Fonctionnement optimal - Utilisation
- Apprentissage :
 - Apprendre via un processus **itératif** et répétitif **d'ajustement des poids W_i** ;
 - Les valeurs des poids sont initialisées aléatoirement, puis **corrigées selon les erreurs** entre les valeurs de sortie attendues et obtenues: **Forward propagation**.
 - La correction se fait dans un sens inverse du sens de propagation des données : **Backpropagation**.
- Fonctionnement optimal : Une fois le réseau suffisamment calibré, il atteint un niveau où il n'est plus nécessaire de le superviser.

Réseaux de neurones artificiels

Inputs



Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation:

- À chaque présentation d'un exemple d'apprentissage au réseau, on passe par deux étapes :
 - ✓ Forward Propagation
 - ✓ Back Propagation
- 1. En **Forward Propagation**, on applique un ensemble de poids aux données d'entrée et on calcule une sortie. Pour la première propagation, l'ensemble des poids est sélectionné de manière aléatoire.
- 2. Dans la **Back Propagation**, on mesure la marge d'erreur de la sortie et on ajuste les poids en conséquence pour diminuer l'erreur.
- 3. Les réseaux neuronaux répètent les deux propagations jusqu'à ce que les poids soient calibrés pour prédire avec précision une sortie.

Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation:

MLP Backprop (Rumelhart/Hinton, 1986)

Composant	Original MLP Backprop (Rumelhart/Hinton)	Standard Aujourd'hui
Activation Cachée	Sigmoïde	ReLU
Activation Sortie	Sigmoïde (même pour multi-classes)	Sigmoïde (binaire) ou Softmax (multi-classes) ou Linéaire (régression)
Fonction Loss	MSE (Mean Squared Error) $\text{MSE} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (Y_i - \hat{Y}_i)^2$ <p>Mean Error Squared</p>	Cross-Entropy (Binary, Categorical, Sparse Categorical)

Réseaux de neurones artificiels

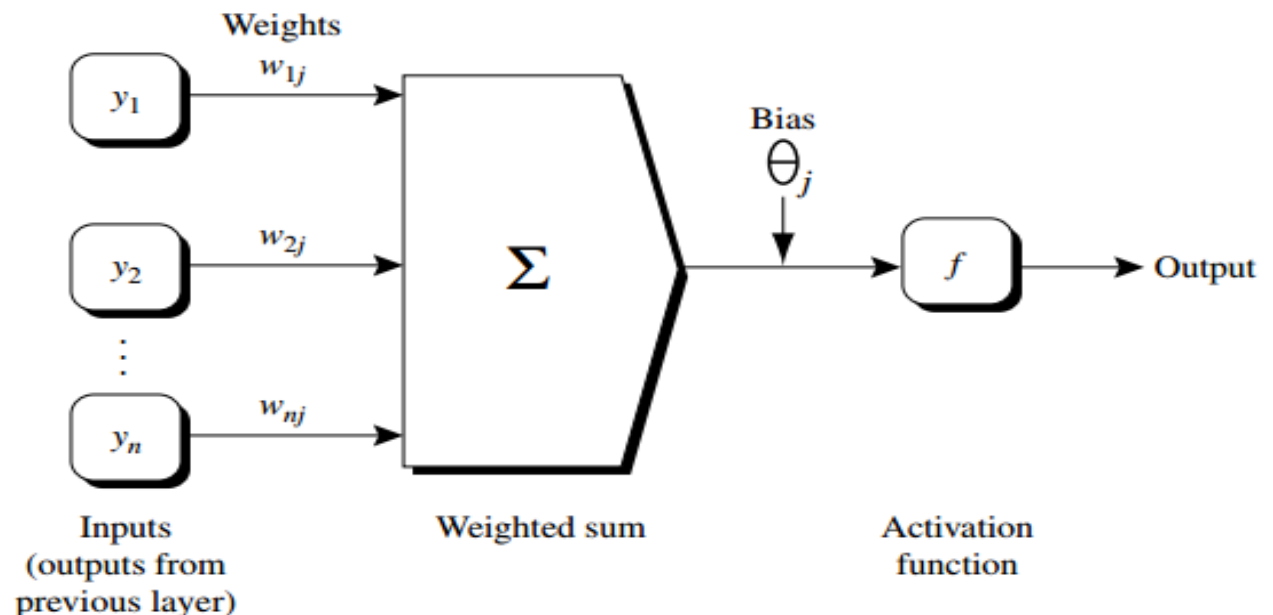
L'algorithme Backpropagation: Pseudo-code

// Propagate the inputs forward:

for each hidden or output layer unit j {

$I_j = \sum_i w_{ij} O_i + \theta_j$; // compute the net input of unit j with respect to the previous layer, i

$O_j = \frac{1}{1 + e^{-I_j}}$; } // compute the output of each unit j



Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Pseudo-code

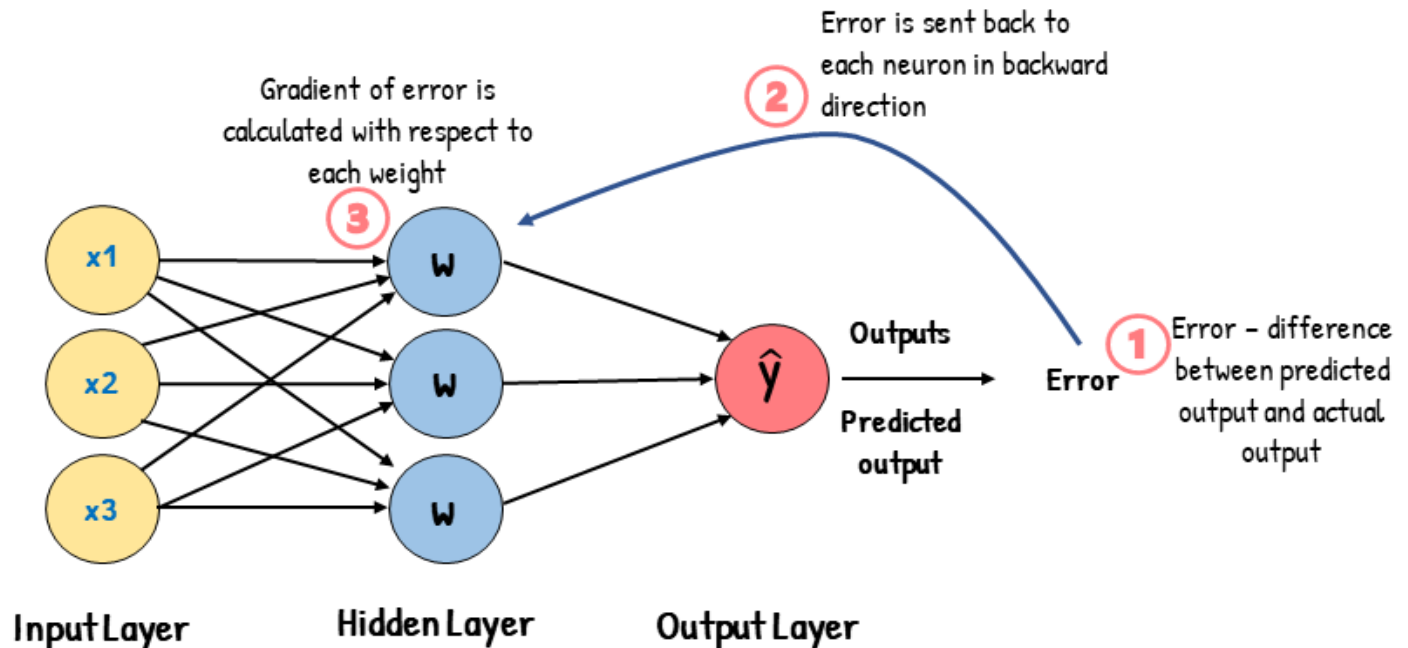
// Backpropagate the errors:

for each unit j in the output layer

$Err_j = O_j(1 - O_j)(T_j - O_j)$; // compute the error T: Target value

for each unit j in the hidden layers, from the last to the first hidden layer

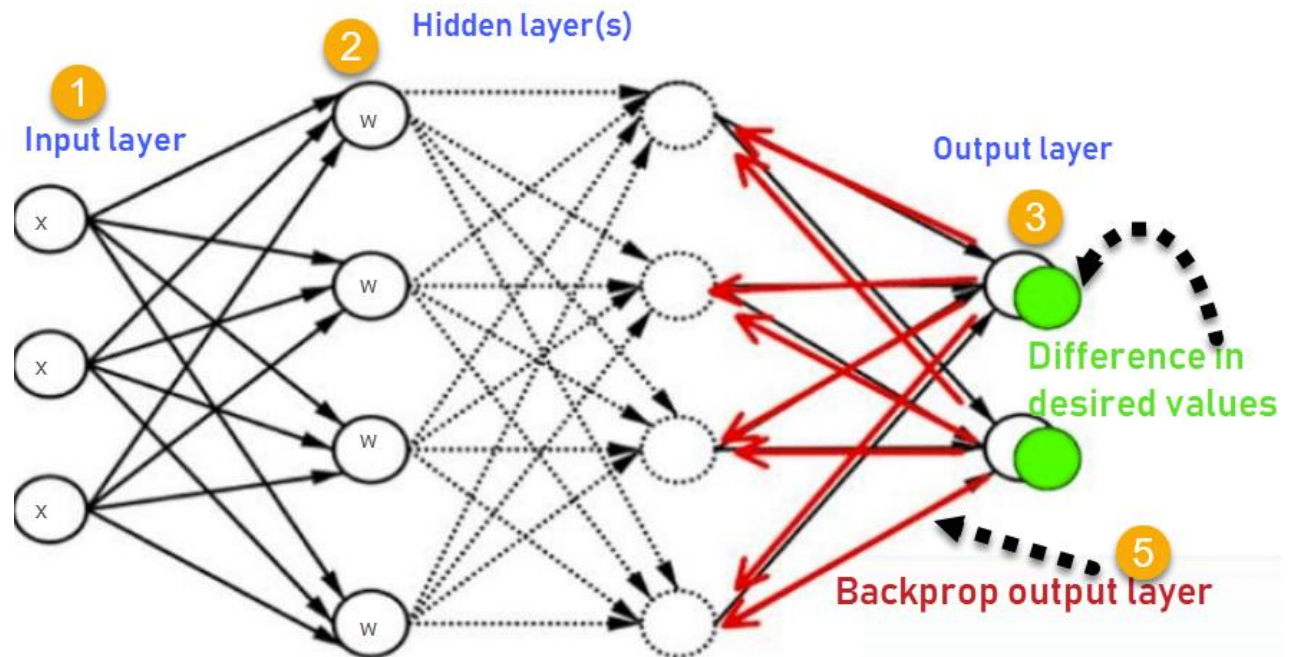
$Err_j = O_j(1 - O_j) \sum_k Err_k w_{jk}$; // compute the error with respect to the next higher layer, k



Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Pseudo-code

```
for each weight  $w_{ij}$  in network {  
     $\Delta w_{ij} = (d)Err_j O_i$ ; // weight increment  
     $w_{ij} = w_{ij} + \Delta w_{ij}$ ; } // weight update  
for each bias  $\theta_j$  in network {  
     $\Delta \theta_j = (d)Err_j$ ; // bias increment  
     $\theta_j = \theta_j + \Delta \theta_j$ ; } // bias update  
}
```



Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Déconstruction des étapes de fonctionnement

1 - Fixer **l'architecture** du ANN : nombre des neurones (couches cachées et couche sortie (selon le nombre des classes possibles)).

2 - Initialisation aléatoire de l'ensemble des **poids** et des **biais** du ANN.

3 - Forward propagation : des couches cachées vers la couche des sorties:

- Calculer les **inputs** et les **outputs** pour chaque **neurone** :

1 Input = $\sum (\text{weight}_i * \text{input}_i) + \text{bias}$

2 output = $1 / (1 + \exp(-\text{input}))$

Activation - Sigmoid

$$I_j = \sum_i w_{ij} O_i + \theta_j$$

$$O_j = \frac{1}{1 + e^{-I_j}}$$

Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Déconstruction des étapes de fonctionnement

4 – Backpropagate Error :

a - Calcul de Transfer Derivative : *Dérivée de la Sigmoid*

1 transfer_derivative = output * (1 - output)

b - Calcul d'erreur pour chaque neurone : *Signal Error - Delta*

-**Cas** - Neurone couche **sorties** : *Dérivée de la MSE*

2 error = (expected_target - output) * transfer_derivative(output)

-Cas – Neurone couche **cachée** : weight et error des neurones précédents

3 error = transfer_derivative(output) * somme(weight_k * error_k)

$$Err_j = O_j(1 - O_j)(T_j - O_j)$$

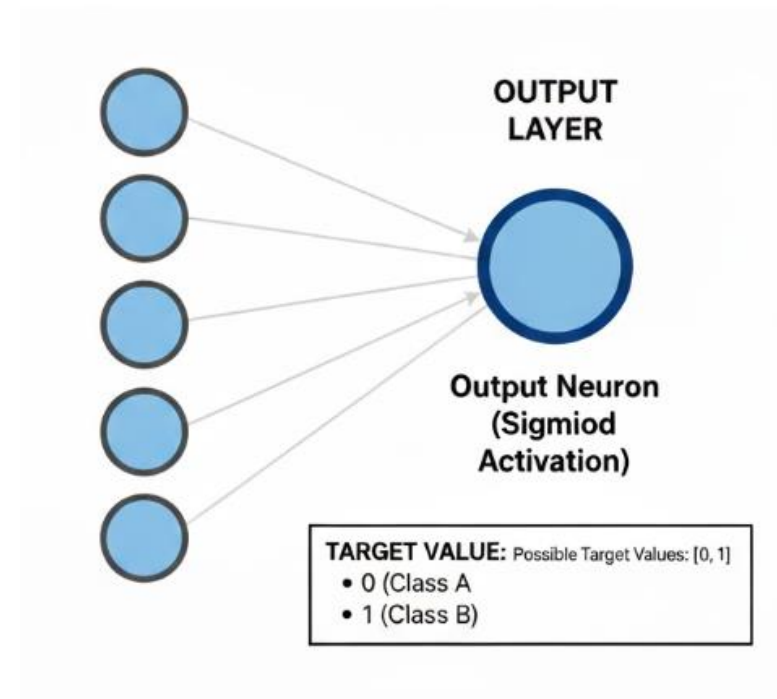
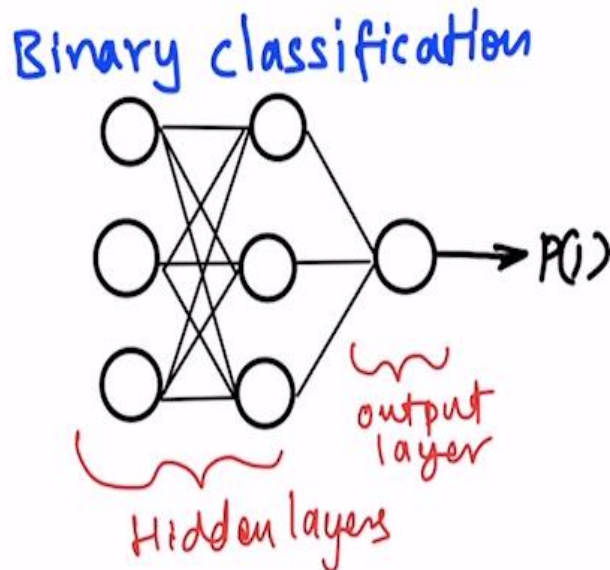
$$Err_j = O_j(1 - O_j) \sum_k Err_k w_{jk} /$$

Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Déconstruction des étapes de fonctionnement

$$Err_j = O_j(1 - O_j)(T_j - O_j)$$

Class	Target vector
Class A	0
Class B	1



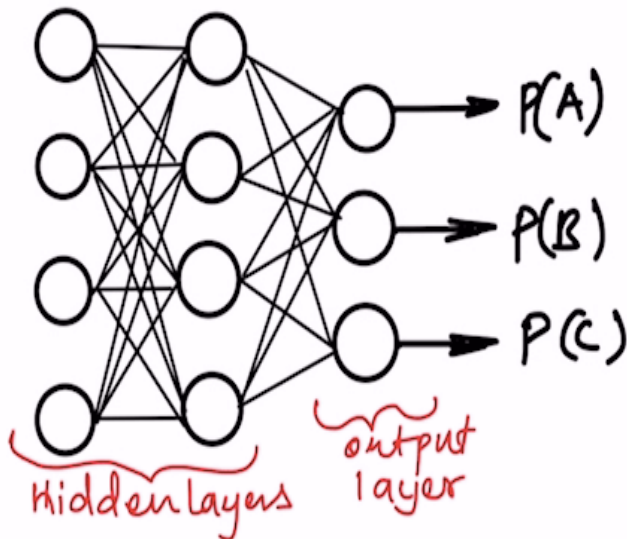
Réseaux de neurones artificiels




L'algorithme Backpropagation: Déconstruction des étapes de fonctionnement

$$Err_j = O_j(1 - O_j)(T_j - O_j)$$

Class	Target Value
Class A	[1, 0, 0]
Class B	[0, 1, 0]
Class C	[0, 0, 1]

multi-class classification



Class	Value	One-Hot Encoding
0		[1, 0, 0]
1		[0, 1, 0]
2		[0, 0, 1]

Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Déconstruction des étapes de fonctionnement

4 – Backpropagate Error :

a - Calcul de Transfer Derivative : *Dérivée de la Sigmoid*

1 transfer_derivative = output * (1 - output)

b - Calcul d'erreur pour chaque neurone : *Signal Error - Delta*

-Cas - Neurone couche **sorties** : *Dérivée de la MSE*

2 error = (expected_target - output) * transfer_derivative(output)

-**Cas** – Neurone couche **cachée** : weight et error des neurones précédents

3 error = transfer_derivative(output) * somme(weight_k * error_k)

$$Err_j = O_j(1 - O_j)(T_j - O_j);$$

$$Err_j = O_j(1 - O_j) \sum_k Err_k w_{jk};$$

Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Déconstruction des étapes de fonctionnement

4 – Backpropagate **Error** :

- Le **calcul des erreurs** est représenté par une fonction qu'on appelle **fonction de perte : Loss** function. Loss est l'erreur pour un seul exemple.
- La fonction de **coût** mesure l'ensemble des erreurs commises par le modèle.
- Il s'agit d'une mesure de performance sur la façon dont le ANN parvient à atteindre son objectif de générer des sorties aussi proches que possible des valeurs souhaitées (Expected Target).
- Avoir un **bon modèle** de classification (ANN ou autre), c'est avoir un modèle qui nous donne de **petites erreurs**, donc **une petite Fonction Coût/Perte**.
- Différentes fonctions coût/perte existent : Mean Squared Error, Mean Absolut Error, Cross Entropy, Sum of Squared Estimate of Errors, etc.

Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Déconstruction des étapes de fonctionnement

4 – Backpropagate Error :

- L'objectif central de l'apprentissage est donc de trouver les paramètres du modèle (les poids w_i) qui **minimisent la Fonction Coût/Perte**.
- Pour cela, on utilise généralement un **algorithme d'optimisation** permettant de converger et de mettre à jour les poids du ANN.
- L'exemple le plus courant étant l'algorithme de **Gradient Descent (Descente de Gradient)**.
- Cet algorithme utilise une vitesse d'apprentissage, appelée **Learning Rate**. La valeur de cet hyperparamètre est fixée au départ.
- Bien choisir sa valeur. Car : Si la vitesse est trop lente (petite), le modèle peut mettre longtemps à être entraîné; si la vitesse est trop grande, alors la distance parcourue est trop longue et le modèle peut ne jamais converger.

Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Déconstruction des étapes de fonctionnement

4 – Backpropagate Error :

- c – **Ajuster** les poids (y compris les biais) selon les erreurs calculées, avec **Delta Rule** (Règle de **Widrow-Hoff**), optimisation de la fonction MSE.

1 weight = weight + (learning_rate * error * output)

2 Weight_bias = weight + (learning_rate * error)

$$\begin{aligned}\Delta w_{ij} &= (l) Err_j O_i \\ w_{ij} &= w_{ij} + \Delta w_{ij}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\Delta \theta_j &= (l) Err_j \\ \theta_j &= \theta_j + \Delta \theta_j\end{aligned}$$

5 – Entrainement (Apprentissage) du réseau de neurones :

- **Itérer** et Répéter les 4 étapes précédentes pour un nombre d'itérations prédéfini, appelé : **epochs** number.

Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Déconstruction des étapes de fonctionnement

5 – Entraînement (Apprentissage) du réseau de neurones :

- **Itérer** et Répéter les 4 étapes précédentes pour un nombre d'itérations prédéfini, appelé : **epochs** number.

👉 Visual timeline for 1 epoch (batch size = full dataset)

Sample	Forward	Delta	Accumulate gradient	Update weights
1	✓	✓	✓	✗
2	✓	✓	✓	✗
3	✓	✓	✓	✗
...	✓	✓	✓	✗
10	✓	✓	✓	✗
After sample 10	—	—	—	✓ (one update)

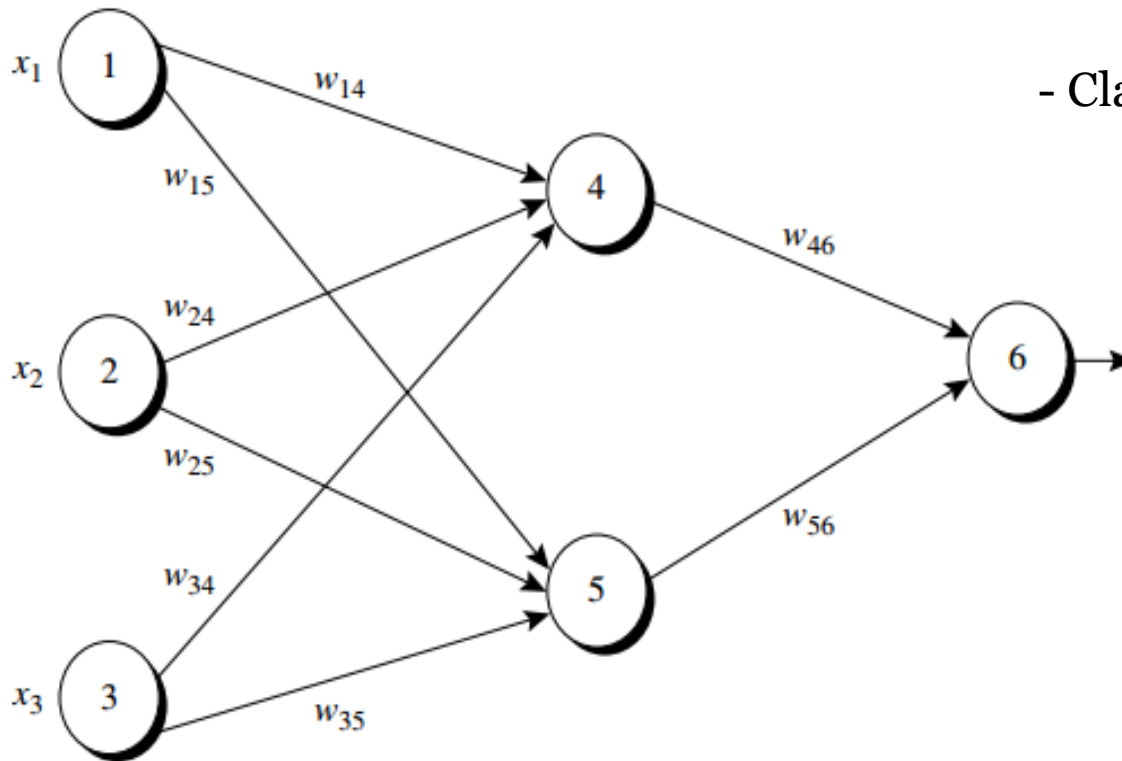
Réseaux de neurones artificiels

1	0	1	1
----------	----------	----------	----------

L'algorithme Backpropagation: **Exemple**

Learning Rate : **1 = 0.9**

- Classification Binaire



Initial Input, Weight, and Bias Values

x_1	x_2	x_3	w_{14}	w_{15}	w_{24}	w_{25}	w_{34}	w_{35}	w_{46}	w_{56}	θ_4	θ_5	θ_6
1	0	1	0.2	-0.3	0.4	0.1	-0.5	0.2	-0.3	-0.2	-0.4	0.2	0.1

Réseaux de neurones artificiels

1	0	1	1
----------	----------	----------	----------

L'algorithme Backpropagation: **Exemple**

Learning Rate : $l = 0.9$

Initial Input, Weight, and Bias Values

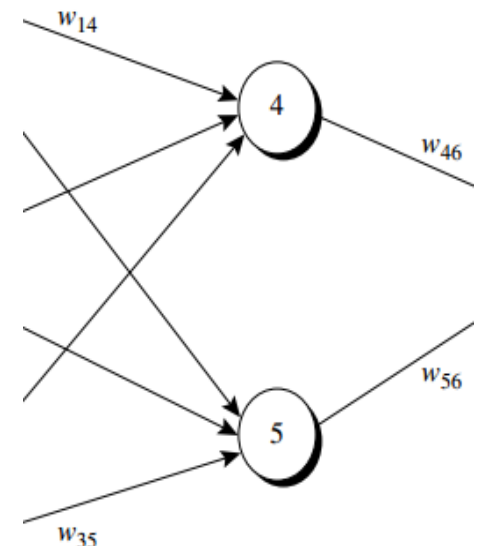
x_1	x_2	x_3	w_{14}	w_{15}	w_{24}	w_{25}	w_{34}	w_{35}	w_{46}	w_{56}	θ_4	θ_5	θ_6
1	0	1	0.2	-0.3	0.4	0.1	-0.5	0.2	-0.3	-0.2	-0.4	0.2	0.1

Net Input and Output Calculations

Unit, j	Net Input, I_j	Output, O_j
4	$0.2 + 0 - 0.5 - 0.4 = -0.7$	$1/(1 + e^{0.7}) = 0.332$
5	$-0.3 + 0 + 0.2 + 0.2 = 0.1$	$1/(1 + e^{-0.1}) = 0.525$
6	$(-0.3)(0.332) - (0.2)(0.525) + 0.1 = -0.105$	$1/(1 + e^{0.105}) = 0.474$

$$I_j = \sum_i w_{ij} O_i + \theta_j$$

$$O_j = \frac{1}{1 + e^{-I_j}}$$



Réseaux de neurones artificiels

1	0	1	1
----------	----------	----------	----------

L'algorithme Backpropagation: **Exemple**

Learning Rate : $l = 0.9$

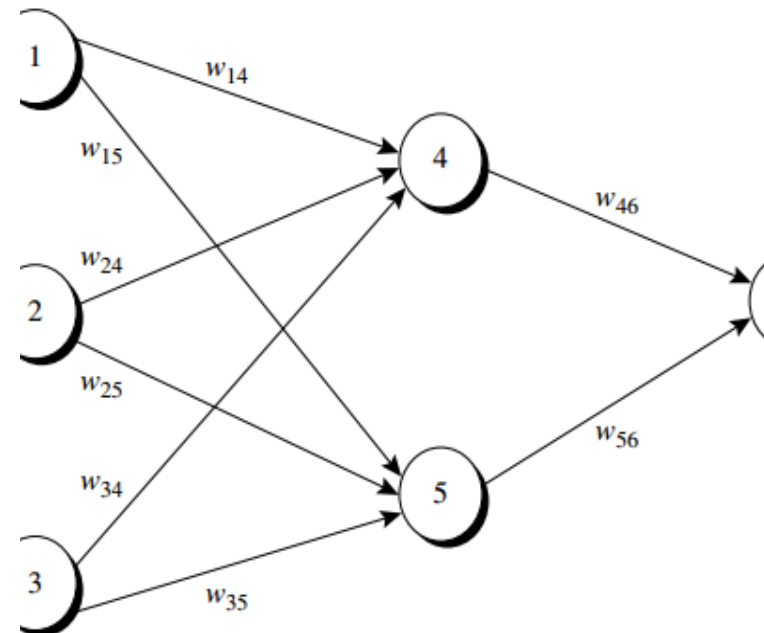
Net Input and Output Calculations

Unit, j	Net Input, I_j	Output, O_j
4	$0.2 + 0 - 0.5 - 0.4 = -0.7$	$1/(1 + e^{0.7}) = 0.332$
5	$-0.3 + 0 + 0.2 + 0.2 = 0.1$	$1/(1 + e^{-0.1}) = 0.525$
6	$(-0.3)(0.332) - (0.2)(0.525) + 0.1 = -0.105$	$1/(1 + e^{0.105}) = 0.474$

Calculation of the Error at Each Node

Unit, j	Err $_j$
6	$(0.474)(1 - 0.474)(1 - 0.474) = 0.1311$
5	$(0.525)(1 - 0.525)(0.1311)(-0.2) = -0.0065$
4	$(0.332)(1 - 0.332)(0.1311)(-0.3) = -0.0087$

$$Err_j = O_j(1 - O_j)(T_j - O_j);$$



Réseaux de neurones artificiels

1	0	1	1
----------	----------	----------	----------

L'algorithme Backpropagation: **Exemple**

Learning Rate : $\eta = 0.9$

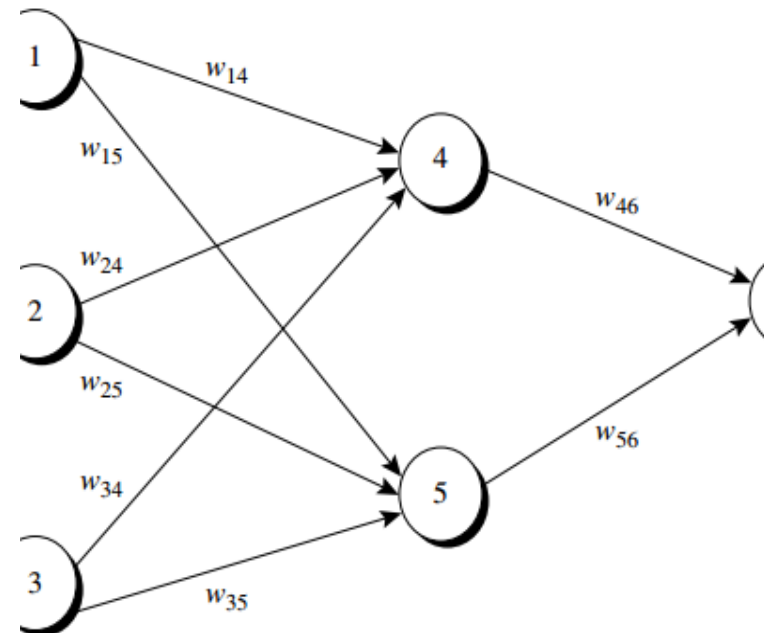
Net Input and Output Calculations

Unit, j	Net Input, I_j	Output, O_j
4	$0.2 + 0 - 0.5 - 0.4 = -0.7$	$1/(1 + e^{0.7}) = 0.332$
5	$-0.3 + 0 + 0.2 + 0.2 = 0.1$	$1/(1 + e^{-0.1}) = 0.525$
6	$(-0.3)(0.332) - (0.2)(0.525) + 0.1 = -0.105$	$1/(1 + e^{0.105}) = 0.474$

Calculation of the Error at Each Node

Unit, j	Error, Err_j
6	$(0.474)(1 - 0.474)(1 - 0.474) = 0.1311$
5	$(0.525)(1 - 0.525)(0.1311)(-0.2) = -0.0065$
4	$(0.332)(1 - 0.332)(0.1311)(-0.3) = -0.0087$

$$Err_j = O_j(1 - O_j) \sum_k Err_k w_{jk}$$



Réseaux de neurones artificiels

L'algorithme Backpropagation: Exemple

Calculations for Weight and Bias Updating

Weight or Bias	New Value
w_{46}	$-0.3 + (0.9)(0.1311)(0.332) = -0.261$
w_{56}	$-0.2 + (0.9)(0.1311)(0.525) = -0.138$
w_{14}	$0.2 + (0.9)(-0.0087)(1) = 0.192$
w_{15}	$-0.3 + (0.9)(-0.0065)(1) = -0.306$
w_{24}	$0.4 + (0.9)(-0.0087)(0) = 0.4$
w_{25}	$0.1 + (0.9)(-0.0065)(0) = 0.1$
w_{34}	$-0.5 + (0.9)(-0.0087)(1) = -0.508$
w_{35}	$0.2 + (0.9)(-0.0065)(1) = 0.194$
θ_6	$0.1 + (0.9)(0.1311) = 0.218$
θ_5	$0.2 + (0.9)(-0.0065) = 0.194$
θ_4	$-0.4 + (0.9)(-0.0087) = -0.408$

1	0	1	1
---	---	---	---

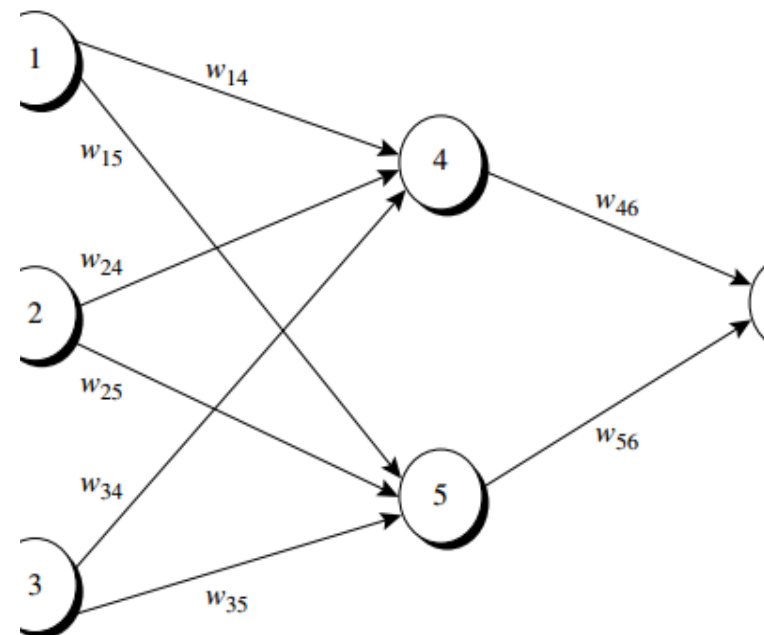
Learning Rate : $l = 0.9$

$$\Delta w_{ij} = (l) Err_j O_i$$

$$w_{ij} = w_{ij} + \Delta w_{ij}$$

$$\Delta \theta_j = (l) Err_j$$

$$\theta_j = \theta_j + \Delta \theta_j$$



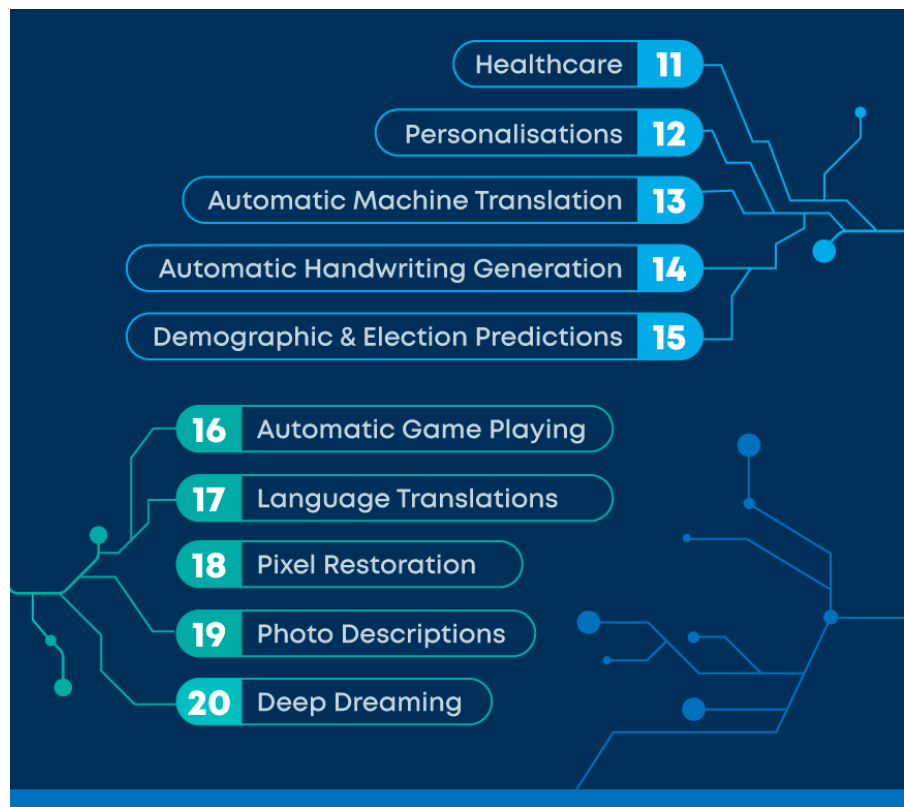
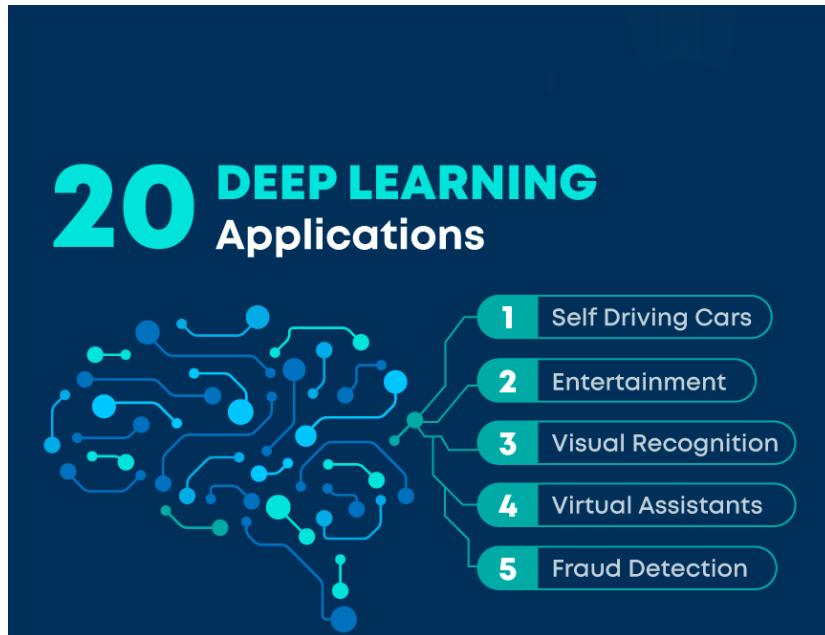
Réseaux de neurones artificiels

Observations

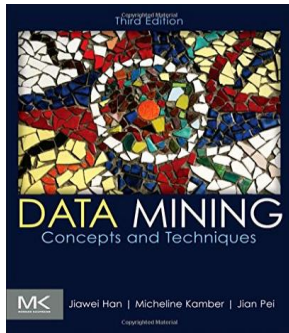
- ANN : Boite noire. Difficile d'analyser et comprendre ce qu'il a appris.
- L'ordre de présentation des exemples d'entraînement au réseau influe directement sur les résultats obtenus.
- Répéter l'apprentissage avec un ordre différent des exemples.
- Représentation de connaissance difficile à interpréter pour l'humain.

Réseaux de neurones artificiels

Domaines d'application

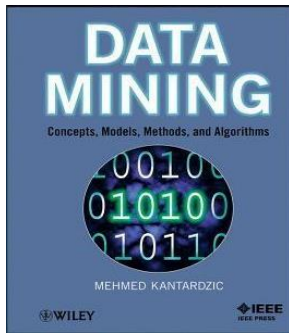


Ressources



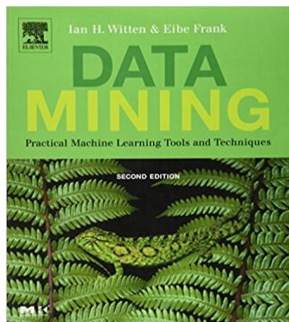
Data Mining : concepts and techniques, 3rd Edition

- ✓ Auteur : Jiawei Han, Micheline Kamber, Jian Pei
- ✓ Éditeur : Morgan Kaufmann Publishers
- ✓ Edition : Juin 2011 - 744 pages - ISBN 9780123814807



Data Mining : concepts, models, methods, and algorithms

- ✓ Auteur : Mehmed Kantardzi
- ✓ Éditeur : John Wiley & Sons
- ✓ Edition : Aout 2011 – 552 pages - ISBN : 9781118029121



Data Mining: Practical Machine Learning Tools and Techniques

- ✓ Auteur : Ian H. Witten & Eibe Frank
- ✓ Éditeur : Morgan Kaufmann Publishers
- ✓ Edition : Juin 2005 - 664 pages - ISBN : 0-12-088407-0

Références

Cours – Abdelhamid DJEFFAL – Fouille de données avancée

✓ www.abdelhamid-djeffal.net

WekaMOOC – Ian Witten – Data Mining with Weka

✓ <https://www.youtube.com/user/WekaMOOC/featured>

Cours - PJE : Analyse de comportements avec Twitter Classification supervisée - Arnaud Liefoghe

✓ <http://www.fil.univ-lille1.fr/~liefoghe/PJE/bayes-cours.pdf>

✓ <https://machinelearningmastery.com/implement-backpropagation-algorithm-scratch-python/>