Fouille de Données

Data Mining

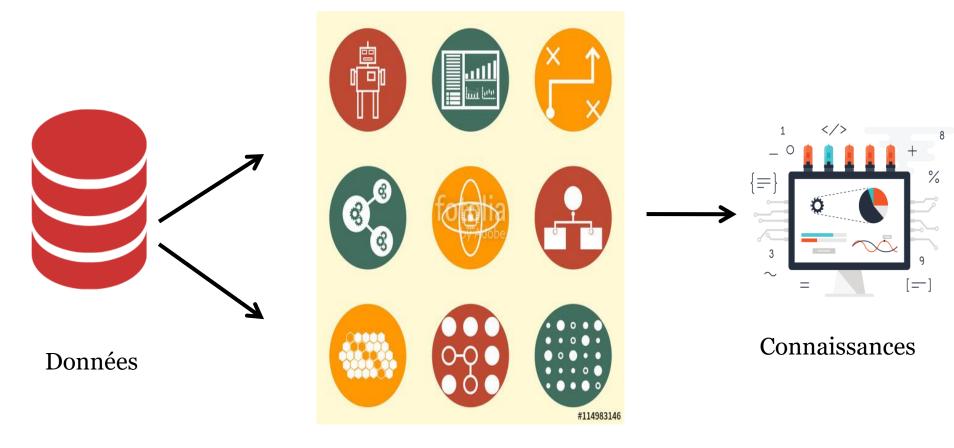
Classification - Partie 1

Plan du cours

- 1. Contexte et buts
- 2. Organisation
- 3. Phases de classification
- 4. Les arbres de décision
- 5. Algorithme ID3

Classification

SAVOIR - PREDIRE - DECIDER



Algorithmes

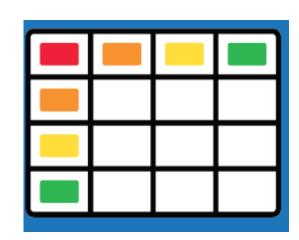
Classification: Dataset Labelisé

		attributs / features				classe/label	
		fı	f 2		fĸ	y	
	X ₁	Х _{1,1}	Х _{1,2}		X _{1,K}	У1	
	Х2	X2,1	X2,2		X2,K	У2	
S							
	Χr	X _{r,1}	Xr,2		X _{r,K}	Уr	

exemples

Classification: Dataset Labelisé

- \triangleright Chaque exemple de l'ensemble d'exemples S est représenté par m attributs et sa classe $y \subseteq Y$.
- > Classe, ou label, ou étiquette.
- > Dans la classification, la classe prend sa valeur parmi <u>un ensemble fini</u>.
- Classe = attribut qualitatif/catégoriel.
- \triangleright |Y | = 1 : Classification mono-classe
- \rightarrow |Y | = 2 : Classification binaire
- ➤ |Y| > 2 : Classification multi-classe



On considère que chaque donnée appartient à une et une seule classe.

Classification: Algorithmes

SAVOIR - PREDIRE - DECIDER

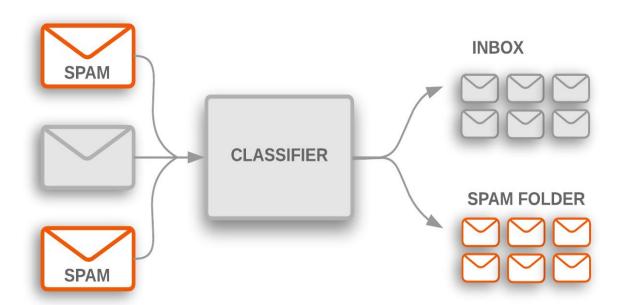


#114983146

Decision Trees, Naive Bayes, KNN, RNN, SVM, etc.

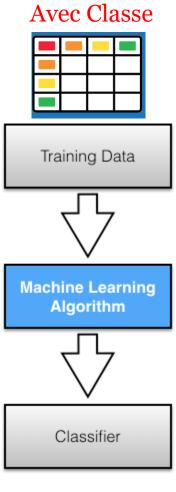


- Classification : Apprentissage Supervisé.
- Permet d'apprendre des **modèles** (**classifier**) de décision pour prédire/classifier le comportement des exemples futurs.
- Ex: Une tumeur est-elle bénigne ou maligne?
- Ex: Une transaction carte de crédit est-elle frauduleuse ou non?
- Ex: Catégorie d'une actualité/news : Sport, Politique, Musique, etc.

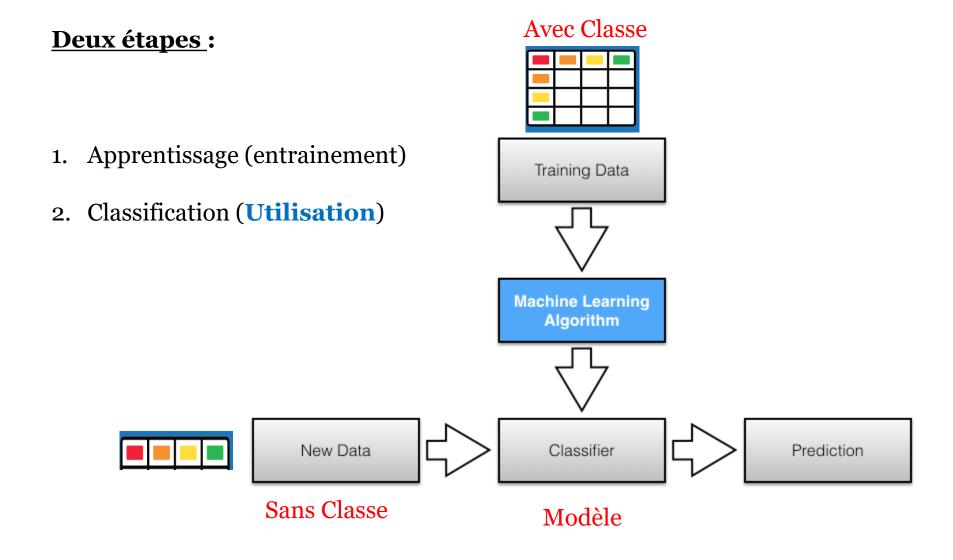


Deux étapes:

Apprentissage (entrainement)

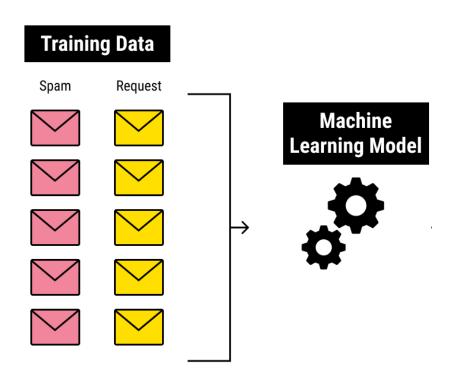


Modèle



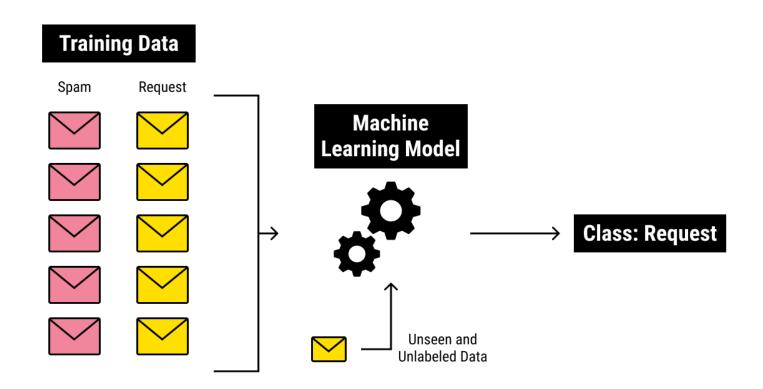
<u>Deux étapes</u>: Exemple

1. Apprentissage (entrainement)



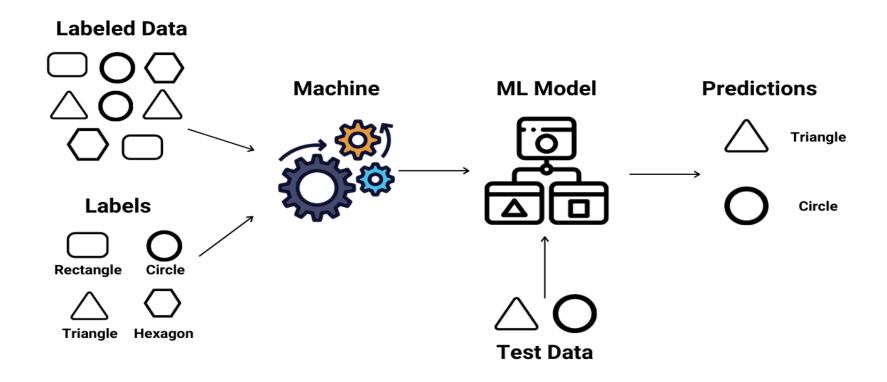
<u>Deux étapes</u>: Exemple

- 1. Apprentissage (entrainement)
- 2. Classification (Utilisation)



Deux étapes : Exemple 2

- 1. Apprentissage (entrainement)
- 2. Classification (Utilisation)

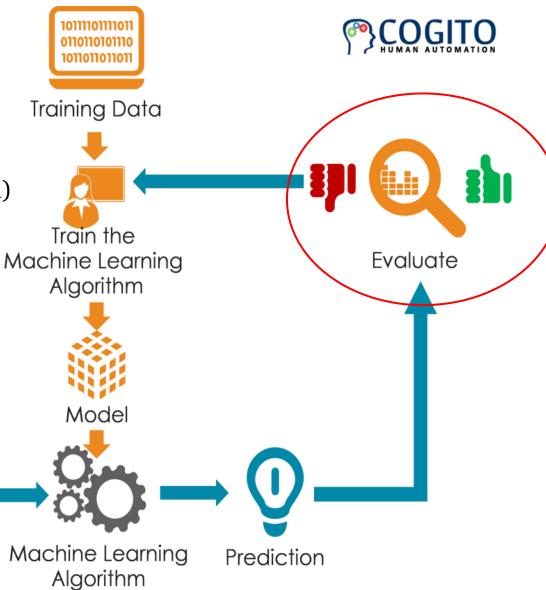


Deux étapes:

 Apprentissage (entrainement+evaluation)

Input Data

2. Classification (Utilisation)

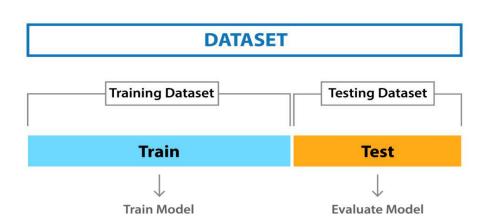


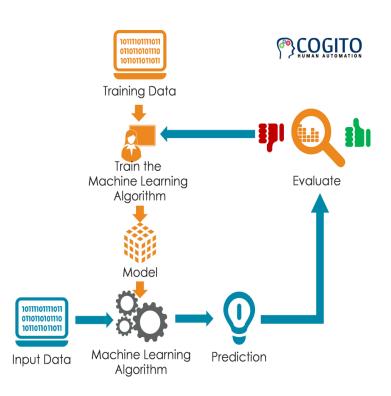
Deux étapes:

- Apprentissage
 (entrainement + evaluation)
- 1. Classification (Utilisation)

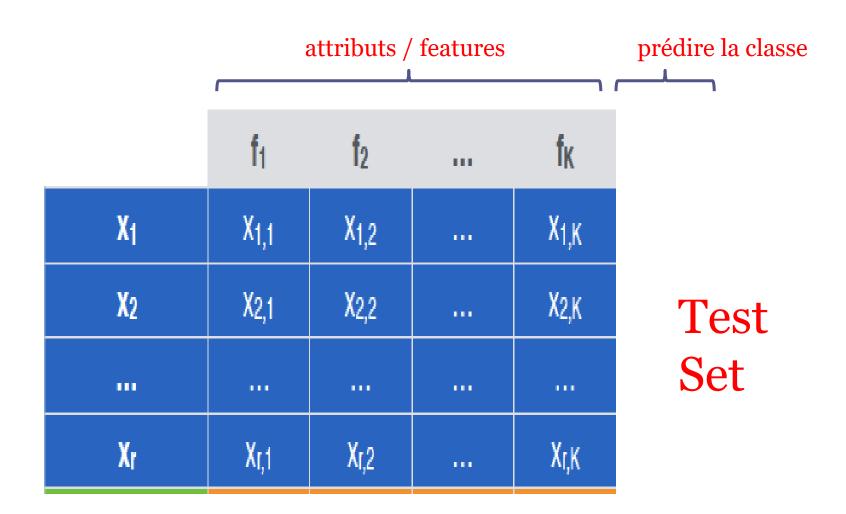
Deux bases d'exemples:

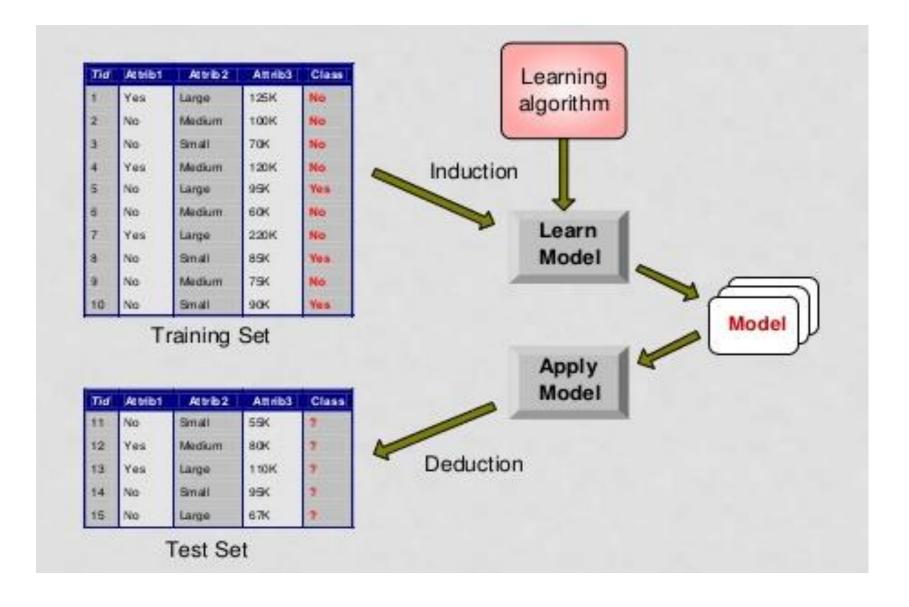
- 1. Training Set
- 2. Test Set



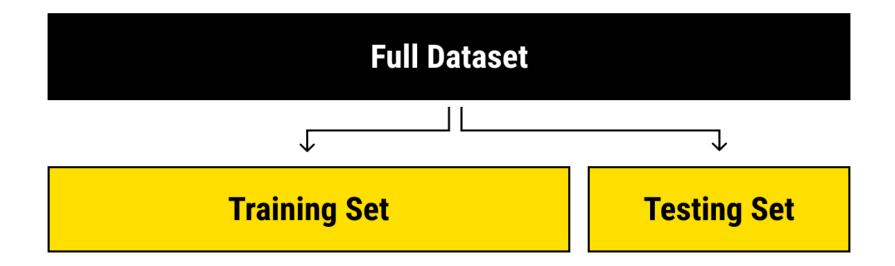


		attributs /	features		classe	
	f ₁	f ₂		fĸ	у	
X ₁	X _{1,1}	X _{1,2}		X _{1,K}	У1	
X 2	X2,1	X2,2		X2,K	У2	
						Training set
Χr	Xr,1	Xr,2		X _{r,} K	Уr	

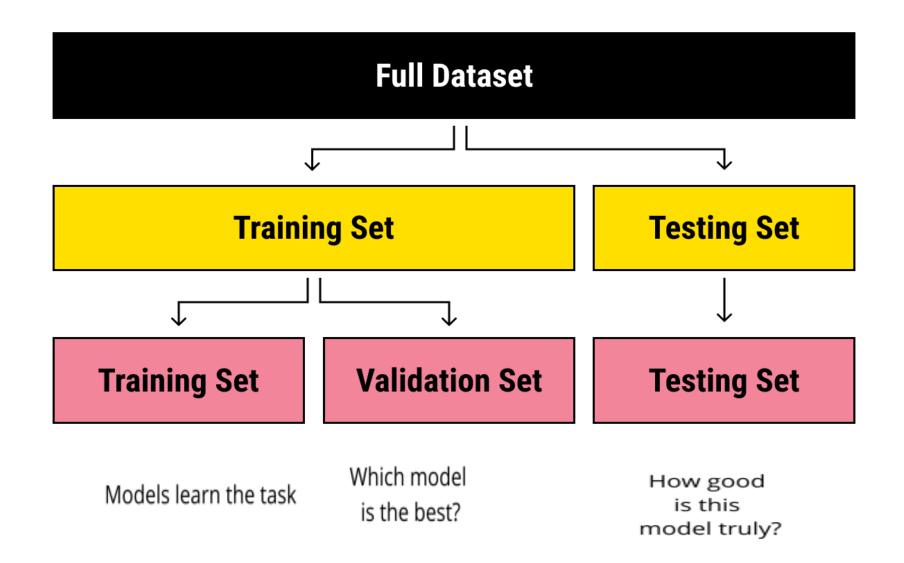




Contexte et Buts : Evaluation et Validation



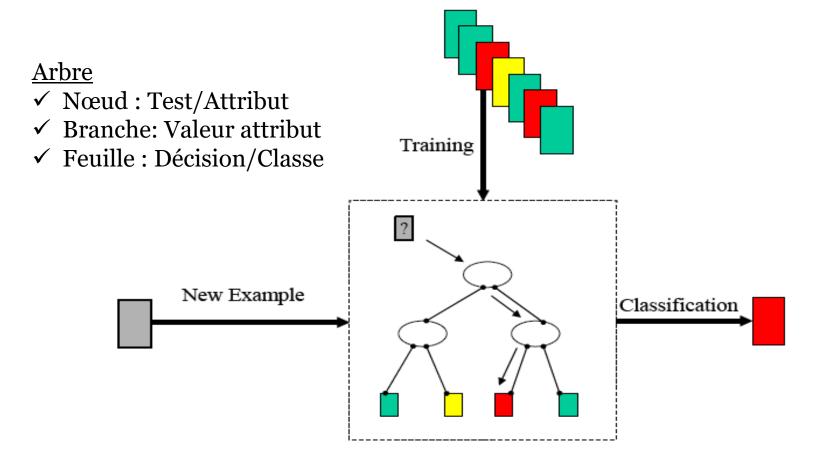
Contexte et Buts: Evaluation et Validation



Pourquoi deux bases?

- Les données d'entrainement peuvent contenir des données bruitées ou erronées.
- Des données qui ne représentent pas le cas général tirant le modèle vers leurs caractéristiques.
- > Problème de Sur-apprentissage Overfitting.
- > => Utilisation de la base de test.
- La base de test est un ensemble d'exemples ayant les mêmes caractéristiques que ceux de la base d'entrainement et qui sont écartés au départ de l'entrainement pour effectuer les tests.

- Méthode très efficace d'apprentissage et de classification supervisés.
- Partitionner un ensemble de données en des groupes les plus homogènes possible du point de vue de la classe à prédire.



Algorithmes de construction d'arbres de décision

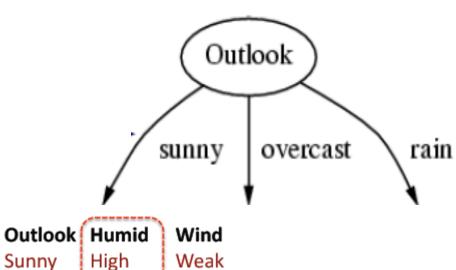
- Diviser pour régner Divide and Conquer.
- **TDIDT**: Top-Down Induction of Decision Trees.
- L'arbre est construit récursivement de haut en bas selon le principe « diviser pour régner ».
 - Diviser le problème en sous-problèmes.
 - Résoudre chaque sous-problème.
- ➤ Au début, tous les exemples sont dans la racine.
- Ensuite, les exemples sont partitionnés récursivement selon les attributs sélectionnés.

Exemple

Day	Temperature	Outlook	Humidity	Windy	Play Golf?
07-05	hot	sunny	high	weak	no
07-06	hot	sunny	high	strong	no
07-07	hot	overcast	high	weak	yes
07-09	cool	rain	normal	weak	yes
07-10	cool	overcast	normal	strong	yes
07-12	mild	sunny	high	weak	no
07-14	cool	sunny	normal	weak	yes
07-15	mild	rain	normal	weak	yes
07-20	mild	sunny	normal	strong	yes
07-21	mild	overcast	high	strong	yes
07-22	hot	overcast	normal	weak	yes
07-23	mild	rain	high	strong	no
07-26	cool	rain	normal	strong	no
07-30	mild	rain	high	weak	yes

today	cool	sunny	normal	weak	?
tomorrow	mild	sunny	normal	weak	?

Exemple



Sunny Sunny Sunny

Sunny

High High High Normal Normal |

Strong Weak Weak Strong

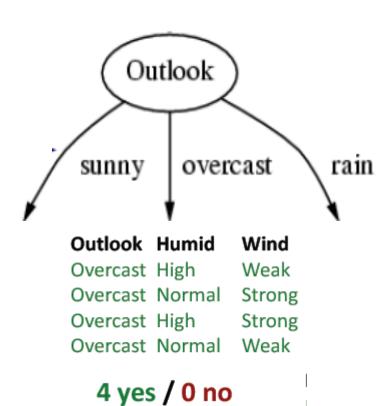
2 yes / 3 no split further

9 yes / 5 no Training examples:

Outlook
Sunny
Sunny
Overcast
Rain
Rain
Rain
Overcast
Sunny
Sunny
Rain
Sunny
Overcast
Overcast
Rain
. ,

Humidity	Wind	Play
High	Weak	No
High	Strong	No
High	Weak	Yes
High	Weak	Yes
Normal	Weak	Yes
Normal	Strong	No
Normal	Strong	Yes
High	Weak	No
Normal	Weak	Yes
Normal	Weak	Yes
Normal	Strong	Yes
High	Strong	Yes
Normal	Weak	Yes
High	Strong	No

Exemple



pure subset

/
Outlook
Sunny
Sunny
Overcast
Rain
Rain
Rain
Overcast
Sunny
Sunny
Rain
Sunny
Overcast
Overcast
Rain

Humidity	Wind	Play
High	Weak	No
High	Strong	No
High	Weak	Yes
High	Weak	Yes
Normal	Weak	Yes
Normal	Strong	No
Normal	Strong	Yes
High	Weak	No
Normal	Weak	Yes
Normal	Weak	Yes
Normal	Strong	Yes
High	Strong	Yes
Normal	Weak	Yes
High	Strong	No

Exemple



Outlook Humid

Rain High
Rain Normal
Rain Normal
Rain Normal
Rain High

3 yes / 2 no split further

Wind

Weak

Weak

Strong

Weak

Strong

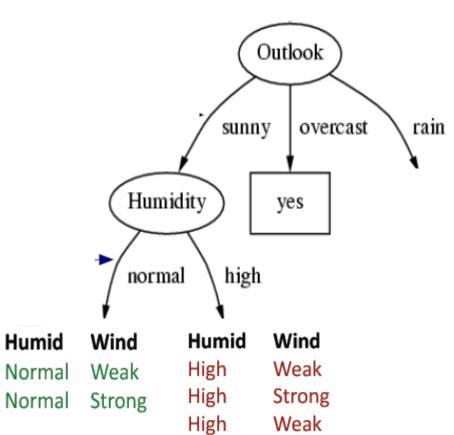
Training examples: 9 yes / 5 no

Outlook Sunny Sunny Overcast Rain Rain Rain Overcast Sunny Sunny Rain Sunny Overcast Overcast Rain

Humidity
High
High
High
High
Normal
Normal
Normal
High
Normal
Normal
Normal
High
Normal
High

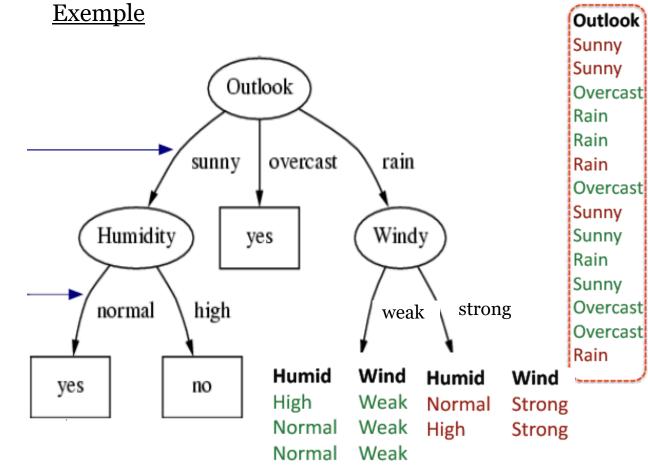
Wind	Play
Weak	No
Strong	No
Weak	Yes
Weak	Yes
Weak	Yes
Strong	No
Strong	Yes
Weak	No
Weak	Yes
Weak	Yes
Strong	Yes
Strong	Yes
Weak	Yes
Strong	No

Exemple

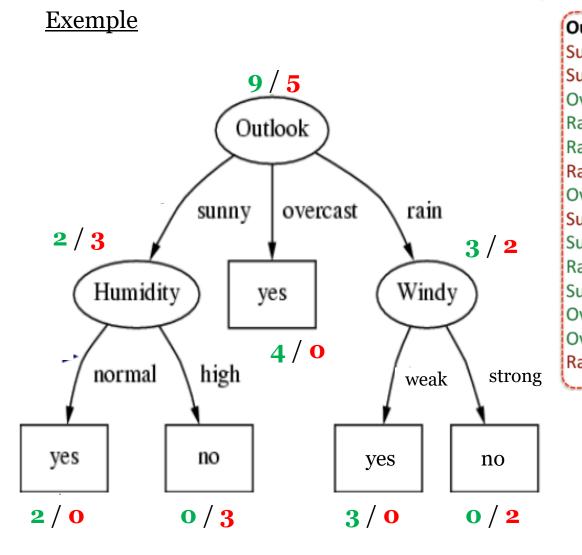


Outlook
Sunny
Sunny
Overcast
Rain
Rain
Rain
Overcast
Sunny
Sunny
Rain
Sunny
Overcast
Overcast
Rain
. ,

Humidity	Wind	Play
High	Weak	No
High	Strong	No
High	Weak	Yes
High	Weak	Yes
Normal	Weak	Yes
Normal	Strong	No
Normal	Strong	Yes
High	Weak	No
Normal	Weak	Yes
Normal	Weak	Yes
Normal	Strong	Yes
High	Strong	Yes
Normal	Weak	Yes
High	Strong	No



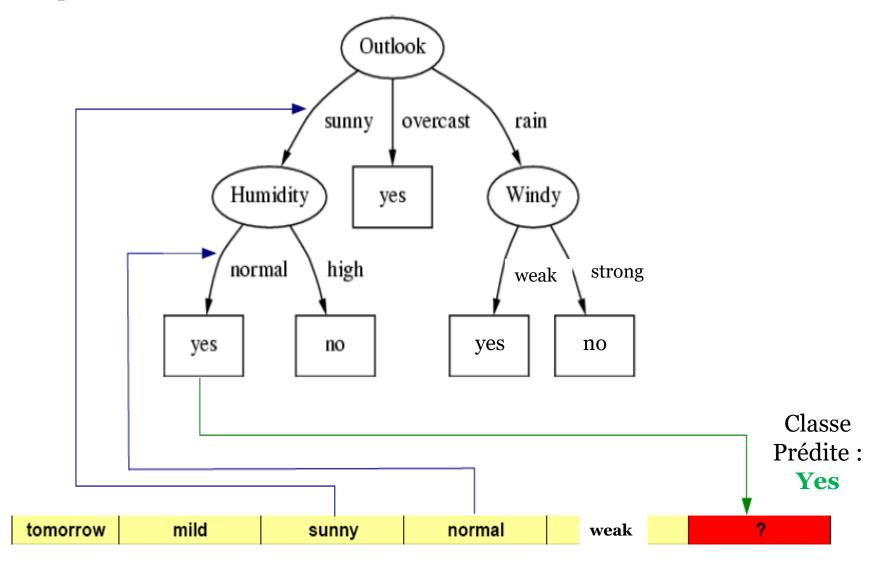
Humidity	Wind	Play
High	Weak	No
High	Strong	No
High	Weak	Yes
High	Weak	Yes
Normal	Weak	Yes
Normal	Strong	No
Normal	Strong	Yes
High	Weak	No
Normal	Weak	Yes
Normal	Weak	Yes
Normal	Strong	Yes
High	Strong	Yes
Normal	Weak	Yes
High	Strong	No



utlook	Hum
unny	High
unny	High
vercast	High
ain	High
ain	Norr
ain	Norr
vercast	Norr
unny	High
unny	Norr
ain	Norr
unny	Norr
vercast	High
vercast	Norr
ain	High

lumidity	Wind	Play
ligh	Weak	No
ligh	Strong	No
ligh	Weak	Yes
ligh	Weak	Yes
Iormal	Weak	Yes
Iormal	Strong	No
Iormal	Strong	Yes
ligh	Weak	No
Iormal	Weak	Yes
Iormal	Weak	Yes
Iormal	Strong	Yes
ligh	Strong	Yes
Iormal	Weak	Yes
ligh	Strong	No

Exemple



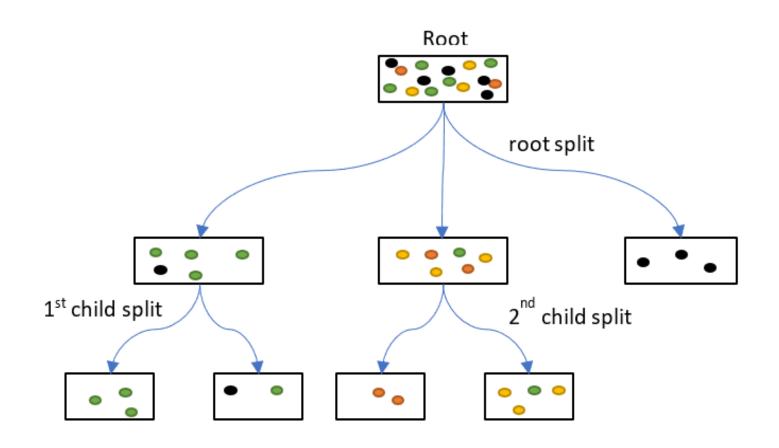
Algorithmes de construction d'arbres de décision

Etapes générales :

- 1. Sélectionner un attribut pour le nœud racine.
 - Créez une branche pour chaque valeur possible de l'attribut.
- 2. Diviser les exemples en sous-ensembles.
 - Un pour chaque branche s'étendant à partir du nœud.
- 3. Répéter récursivement pour chaque branche, en utilisant uniquement les exemples qui atteignent la branche.
- 4. Arrêter la récursivité pour une branche si tous ses exemples ont la même classe.

Algorithmes de construction d'arbres de décision

Etapes générales:

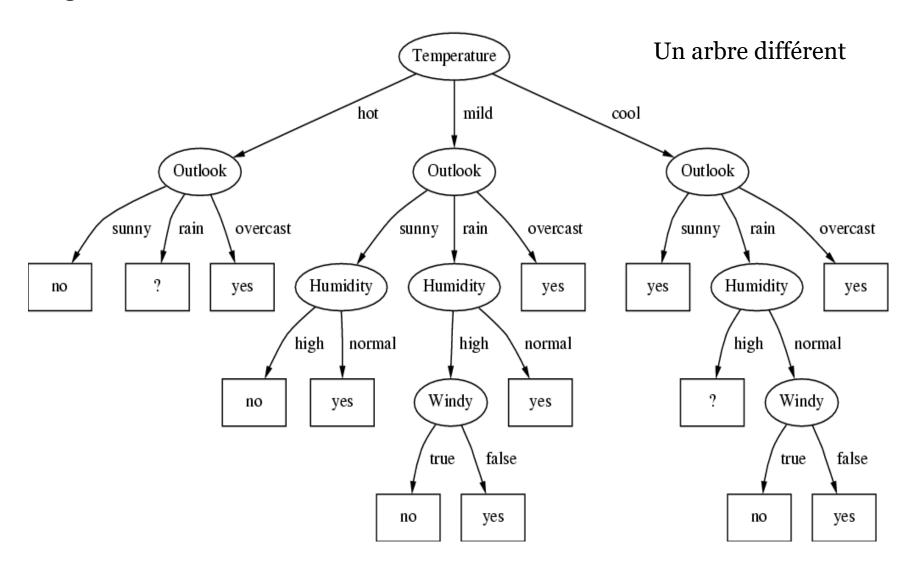


Algorithmes de construction d'arbres de décision

Etapes générales : Le meilleur, le plus <u>pur</u>, comment ?

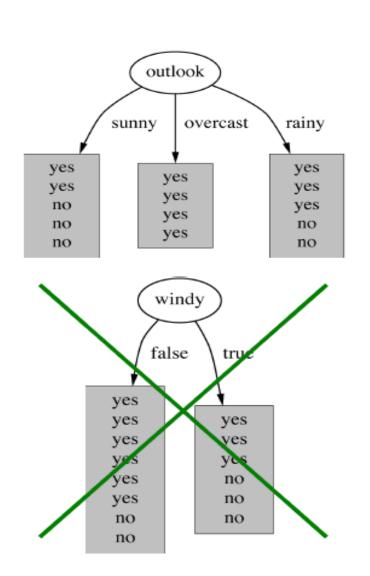
- 1. <u>Sélectionner un attribut</u> pour le nœud racine.
 - Créez une branche pour chaque valeur possible de l'attribut.
- 2. Diviser les exemples en sous-ensembles.
 - Un pour chaque branche s'étendant à partir du nœud.
- 3. Répéter récursivement pour chaque branche, en utilisant uniquement les exemples qui atteignent la branche.
- 4. Arrêter la récursivité pour une branche si tous ses exemples ont la même classe.

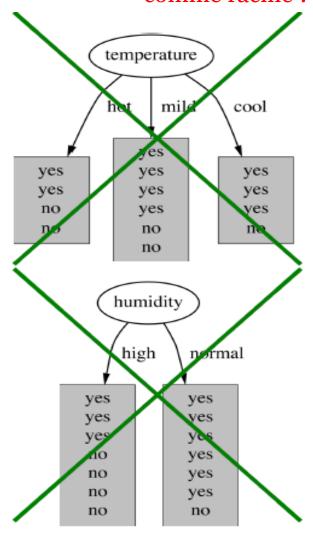
Algorithmes de construction d'arbres de décision



Algorithmes de construction d'arbres de décision

Quel attribut choisir comme racine?





Algorithmes de construction d'arbres de décision

Plusieurs problèmes :

Quel attribut choisir comme racine?

- Comment choisir l'attribut qui sépare le mieux l'ensemble d'exemples?
 On parle souvent de la variable de segmentation (Split).
- Comment choisir les <u>critères</u> de séparation d'un ensemble selon l'attribut choisi, et comment ces critères varient selon que l'attribut soit numérique ou symbolique ?
- Quel est le nombre optimal du nombre de critères qui minimise la taille de l'arbre et maximise la précision ?
- > Quels sont les critères d'arrêt de ce partitionnement, sachant que souvent l'arbre est d'une taille gigantesque ?

Algorithmes de construction d'arbres de décision

- Comment mesurer la pureté d'un attribut ?
- Différentes mesures :
 - Entropie
 - Gain d'information
 - GainRatio
 - Indice de Gini
- Dépend de l'algorithme choisi.

Algorithme ID3

- > ID3 construit l'arbre récursivement.
- > Utilise le gain d'information pour mesurer la pureté d'un attribut.
- > Son calcul se fait à base de l'entropie de Shannon.
- ➤ L'algorithme suppose que tous les attributs sont catégoriels;
- Si des attributs sont numériques, ils doivent être discrétisés.

Algorithme ID3: Pseudo-Code

- ullet Créer nœud N
- Si tous les exemples de D sont de la même classe C alors
 Retourner N comme une feuille étiquetée par C;
- Si la liste des attributs est vide alors
 Retourner N Comme une feuille étiquetée de la classe de la majorité dans D;
- Sélectionner l'attribut A du meilleur Gain dans D;
- Étiqueter N par l'attribut sélectionné;
- Liste d'attributs ← Liste d'attributs A;
- Pour chaque valeur V_i de A Faire
 - Soit D_i l'ensemble d'exemples de D ayant la valeur de $A = V_i$;
 - Attacher à N le sous arbre généré par l'ensemble Di et la liste d'attributs
- FinPour;
- Fin;

Choix d'attribut: Entropie

- > Supposons qu'il y a deux classes : Yes (+) et No (-).
- \triangleright Soit l'ensemble d'exemples S contenant p exemples de la classe Yes et n exemples de la classe No.
- L'entropie est la quantité d'information nécessaire pour décider qu'un exemple dans *S* appartienne à Yes ou No.
- Elle est définie par :

$$E(S) = -p_{+} \log_{2}(p_{+}) - p_{-} \log_{2}(p_{-})$$

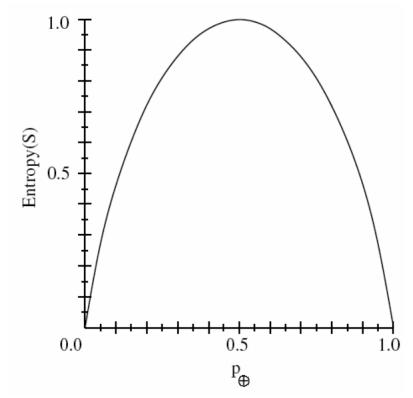
Où, p_+ est la proportion des exemples Yes,

et p_{-} est la proportion des exemples No

Choix d'attribut: Entropie

$$E(S) = -p_{+} \log_{2}(p_{+}) - p_{-} \log_{2}(p_{-})$$

- > Se mesure en **bits**.
- ➤ Si tous exemples sont soit tous Yes, soit tous No, l'entropie est nulle.
- ➤ Si p+ = p- = 0.5 alors l'entropie est égale à 1.



<u>Exemple</u>: 9+ 5-

$$E(S) = E([9+,5-]) = -\frac{9}{14}\log_2(\frac{9}{14}) - \frac{5}{14}\log_2(\frac{5}{14}) = 0.940$$

Choix d'attribut: Entropie

$$E(S) = -p_{+} \log_{2}(p_{+}) - p_{-} \log_{2}(p_{-})$$

Se mesure en bits.

- ➤ Si tous exemples sont soit tous Yes, soit tous No, l'entropie est nulle.
- ightharpoonup Si p+ = p- = 0.5 alors l'entropie est égale à 1.

<u>Exemple</u>: 9+ 5-

Training examples: 9 yes / 5 no Outlook Humidity Wind Play Weak Sunny High No Sunny High Strong No Weak Overcast High Yes Weak Rain High Yes Weak Rain Normal Yes Rain Normal Strong No Normal Strong Overcast Yes Weak Sunny High No Normal Weak Sunny Yes Rain Normal Weak Yes Normal Strong Sunny Yes Overcast Strong High Yes Normal Weak Overcast Yes High Rain Strong No

$$E(S) = E([9+,5-]) = -\frac{9}{14}\log_2(\frac{9}{14}) - \frac{5}{14}\log_2(\frac{5}{14}) = 0.940$$

Choix d'attribut: Entropie

$$E(S) = -p_{+} \log_{2}(p_{+}) - p_{-} \log_{2}(p_{-})$$

Cas de plus de 2 classes :

$$E(S) = -p_1 \log_2 p_1 - p_2 \log_2 p_2 \dots - p_n \log_2 p_n = -\sum_{i=1}^n p_i \log_2 p_i$$

Entropie Maximale = log2 (nombre de classes)

Choix d'attribut: Gain d'information

- L'entropie ne calcule que la qualité d'un seul (sous) ensemble d'exemples.
 - Correspond à une valeur unique.
- Comment calculer la qualité de l'ensemble du Split ?
 - Correspond à un attribut entier.
- \triangleright => Gain d'information pour un attribut A : G(S, A)

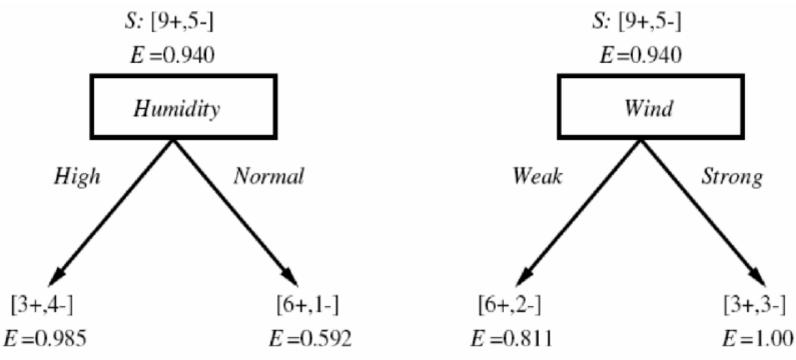
$$Gain(S, A) = E(S) - \sum_{v \in valeurs(A)} \frac{|S_v|}{|S|} E(S_v)$$

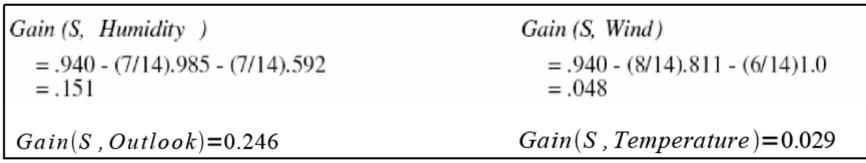
L'attribut qui maximise cette différence est sélectionné.

$\underline{Exemple}$

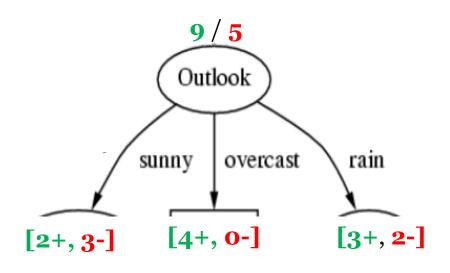
Classe

Temperature	Outlook	Humidity	Windy	Play Golf?
hot	sunny	high	weak	no
hot	sunny	high	strong	no
hot	overcast	high	weak	yes
cool	rain	normal	weak	yes
cool	overcast	normal	strong	yes
mild	sunny	high	weak	no
cool	sunny	normal	weak	yes
mild	rain	normal	weak	yes
mild	sunny	normal	strong	yes
mild	overcast	high	strong	yes
hot	overcast	normal	weak	yes
mild	rain	high	strong	no
cool	rain	normal	strong	no
mild	rain	high	weak	yes





Choix d'attribut: Gain d'information

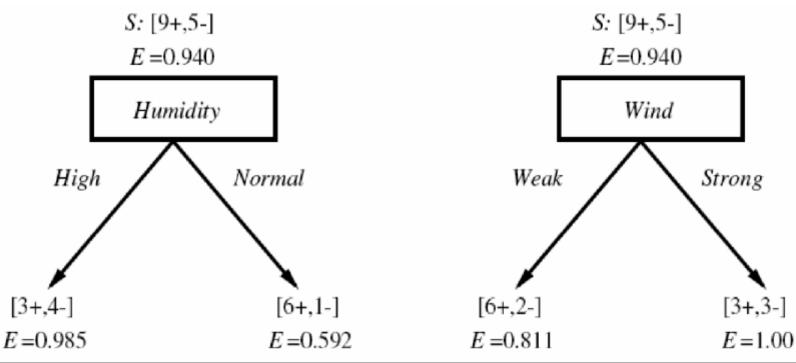


$$E(S) = -p_{+} \log_{2}(p_{+}) - p_{-} \log_{2}(p_{-})$$

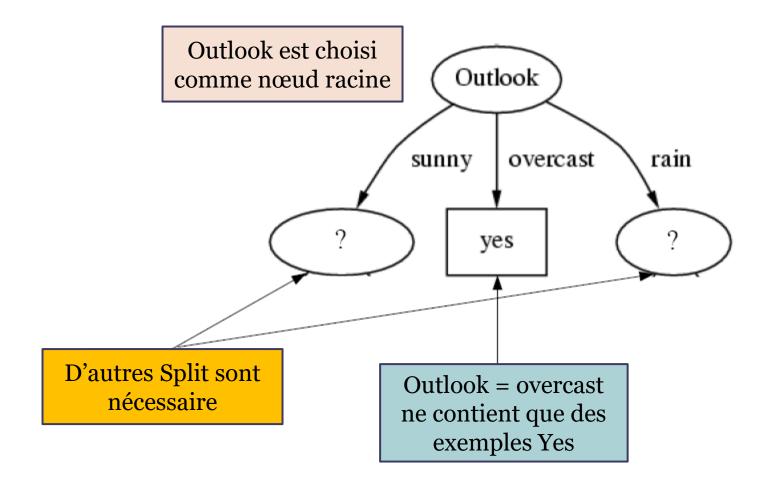
Gain(S, Temperature) = 0.029

$$Gain(S, A) = E(S) - \sum_{v \in valeurs(A)} \frac{|S_v|}{|S|} E(S_v)$$

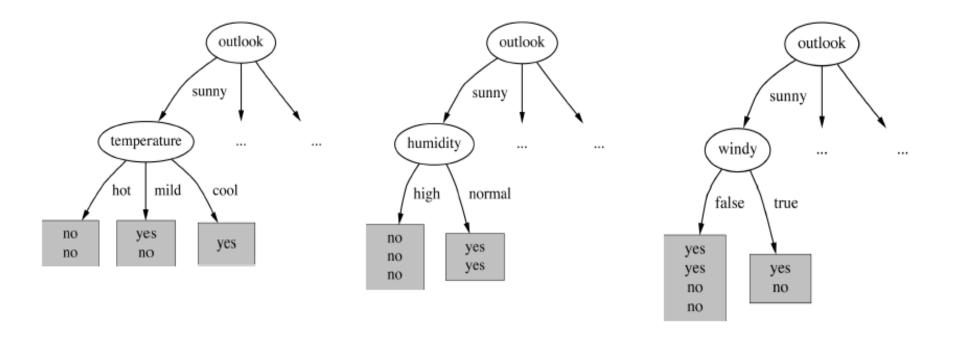
$$Gain (S, Humidity)$$
 $Gain (S, Wind)$
= .940 - (7/14).985 - (7/14).592 = .940 - (8/14).811 - (6/14)1.0
= .048 $Gain (S, Outlook) = 0.246$ $Gain (S, Temperature) = 0.029$





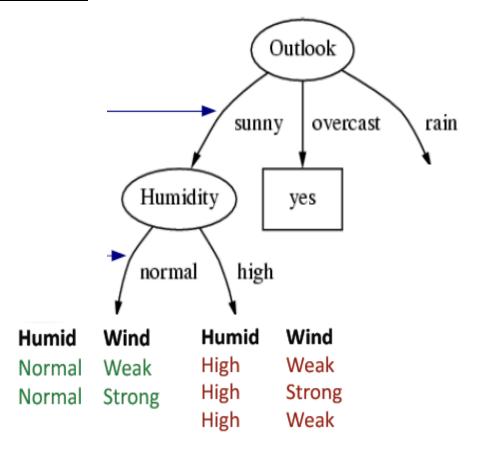


Choix d'attribut: Gain d'information

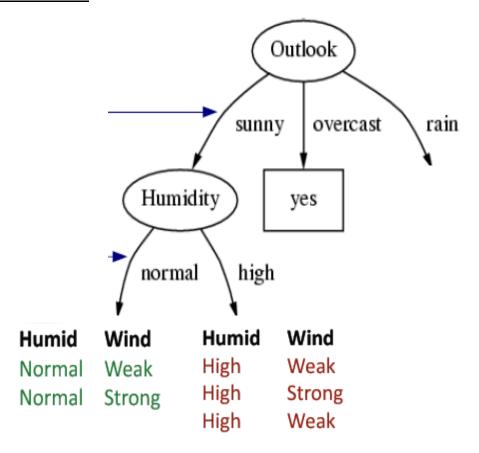


Gain(Temperature)
Gain(Humidity)
Gain(Windy)

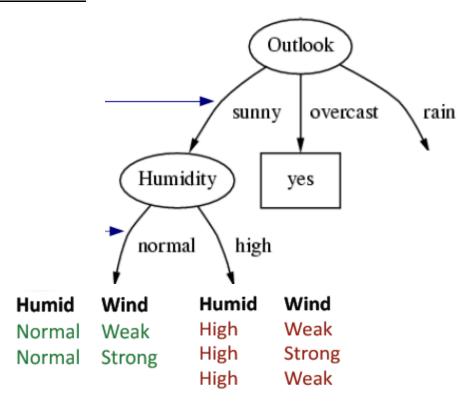
$$S = > S_{sunny}$$



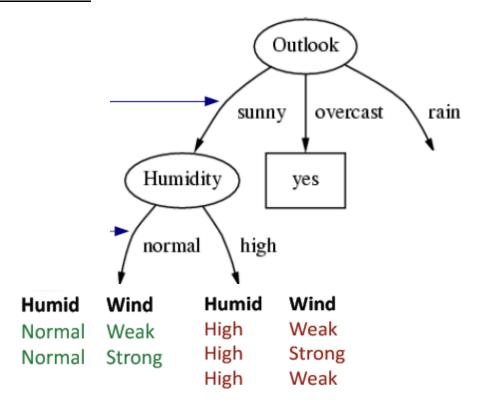
$$Gain(S_{Sunny}, Humidity) = E(S_{Sunny}) - \sum_{v \in valeurs(Humidity)} \frac{\left|S_{Sunny-v}\right|}{\left|S\right|} E(S_{Sunny-v})$$



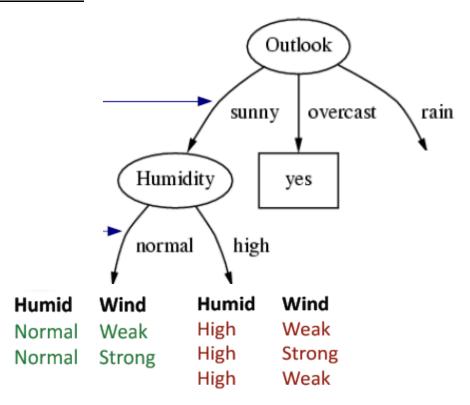
$$E(S_{Sunny}) = E([2+,3-]) = -\frac{2}{5}\log_2(\frac{2}{5}) - \frac{3}{5}\log_2(\frac{3}{5}) = 0.971$$



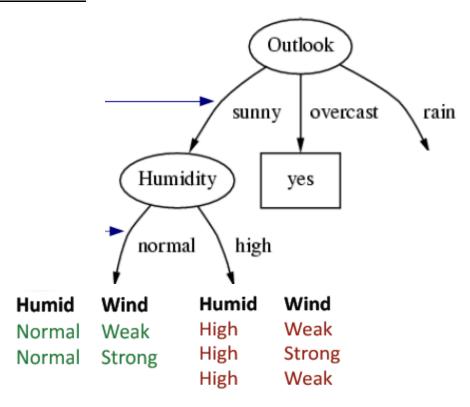
$$\sum_{v \in valeurs(Humidity)} \frac{\left|S_{Sunny-v}\right|}{\left|S\right|} E(S_{Sunny-v})$$



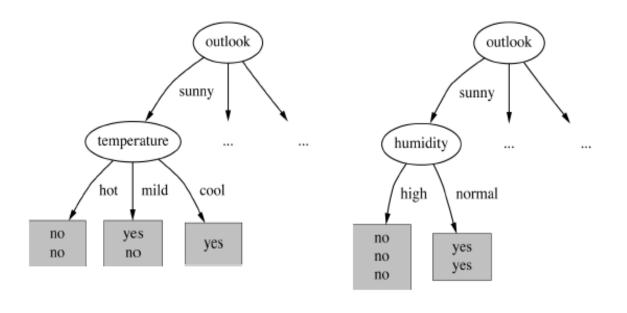
$$= \frac{\left|S_{Sunny-High}\right|}{\left|S_{Sunny}\right|} E(S_{Sunny-High}) + \frac{\left|S_{Sunny-Normal}\right|}{\left|S_{Sunny}\right|} E(S_{Sunny-Normal})$$

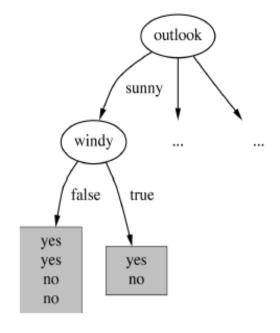


$$= \frac{3}{5}E([3+,0-]) + \frac{2}{5}E([0+,2-])$$



$$=0.971 - (\frac{3}{5}*0) + \frac{2}{5}*0) = 0.971$$



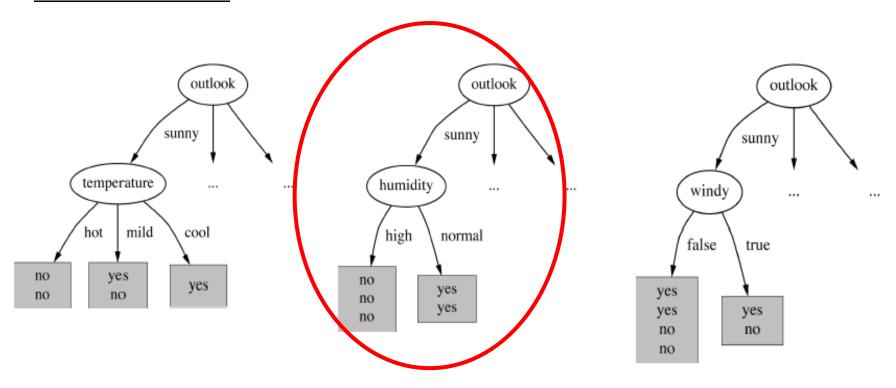


```
Gain(Temperature) = 0.571 bits

Gain(Humidity) = 0.971 bits

Gain(Windy) = 0.020 bits
```

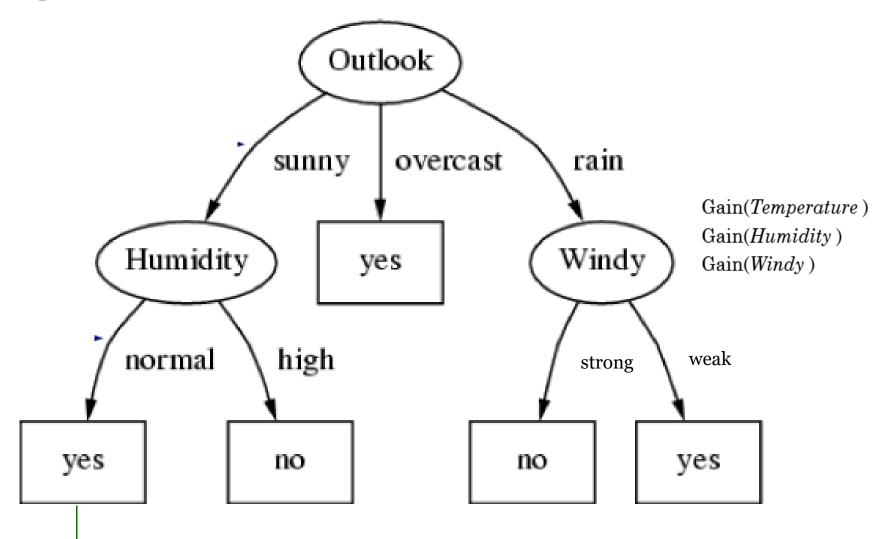
Choix d'attribut: Gain d'information



 $Gain(Temperature) = 0.571 ext{ bits}$ $Gain(Humidity) = 0.971 ext{ bits}$ $Gain(Windy) = 0.020 ext{ bits}$

Humidity est choisi

Exemple

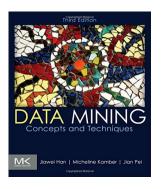


D'autres algorithmes

- Algorithme C4.5 (J48)
 - Amélioration de ID3
 - Prends en compte les attributs numériques.
 - Utilise le GainRation pour le Split.
- Algorithme CART
 - CART : Classification And Regression Trees.
 - Utilise l'indice de Gini pour le Split/Segmentation.
- Forêts aléatoires (Random Forests)
 - Plus efficaces mais difficilement interprétables.
 - Construction des arbres se base sur le Bootstrap (le Bagging).

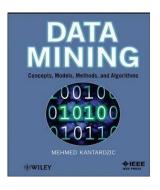


Ressources



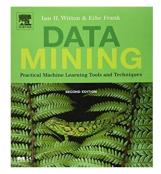
Data Mining: concepts and techniques, 3rd Edition

- ✓ Auteur : Jiawei Han, Micheline Kamber, Jian Pei
- ✓ Éditeur : Morgan Kaufmann Publishers
- ✓ Edition: Juin 2011 744 pages ISBN 9780123814807



Data Mining: concepts, models, methods, and algorithms

- ✓ Auteur : Mehmed Kantardzi
- ✓ Éditeur : John Wiley & Sons
- ✓ Edition : Aout 2011 552 pages ISBN : 9781118029121



Data Mining: Practical Machine Learning Tools and Techniques

- ✓ Auteur : Ian H. Witten & Eibe Frank
- ✓ Éditeur : Morgan Kaufmann Publishers
- ✓ Edition : Juin 2005 664 pages ISBN : 0-12-088407-0

Ressources

- Cours Abdelhamid DJEFFAL Fouille de données avancée
 - ✓ www.abdelhamid-djeffal.net

WekaMOOC – Ian Witten – Data Mining with Weka

✓ https://www.youtube.com/user/WekaMOOC/featured

Cours - Laboratoire ERIC Lyon - DATA MINING et DATA SCIENCE

✓ https://eric.univ-lyon2.fr/~ricco/cours/supports_data_mining.html

Gregory Piatetsky-Shapiro - KDNuggets

✓ http://www.kdnuggets.com/