

# Projeto de ULA

Cris – DRE: XXXXXXXXXX

Gus – DRE: XXXXXXXXXX

Leo – DRE: XXXXXXXXXX

<sup>1</sup>Universidade Federal do Rio de Janeiro (UFRJ)

leonardongc@poli.ufrj.br

## 1. Enunciado

Fazer ULA de 2 operandos(**A** e **B**) de 4 bits com e 8 operações:

- $A + B$
- $A - B$
- $-A$
- $A + 1$
- Até 2 Operações de Comparação Bit a Bit
- O Restante das Operações A Escolha do Grupo Utilizando  $A$  e  $B$

Com os Flags de **Zero, Negativo, Carry & Overflow**

## 2. Escolhas

### 2.1. Lista de Operações Atualizadas

Escolhemos utilizar XOR e ??? pois utilizam submódulos já existentes para outras operações e as operações de deslocamento de bits a direita e a esquerda.

- Soma
- Subtração
- Inversão
- Incremento de 1
- XOR
- ????
- Right Bitshift
- Left Bitshift

### 2.2. Projeto do Somador

Separamos a soma em duas etapas, uma que faz a antecipação dos carries e outra que faz a soma bit a bit com os carries.

#### 2.2.1. Antecipador

Calculado Carry a Carry:

$$Cin_0 = 0$$

$$Cin_1 = A_0.B_0$$

$$\begin{aligned}
Cin_2 &= A_1.B_1 + Cin_1(A_1 + B_1) = A_1.B_1 + A_0.B_0(A_2 + B_2) \\
Cin_3 &= A_2.B_2 + Cin_2(A_2 + B_2) = A_2.B_2 + A_1.B_1 + A_0.B_0(A_2 + B_2)(A_2 + B_2) \\
Cin_4 &= A_3.B_3 + Cin_3(A_3 + B_3) = A_3.B_3 + A_2.B_2 + A_1.B_1 + A_0.B_0(A_2 + B_2)(A_2 + B_2)(A_3 + B_3)
\end{aligned}$$

### 2.2.2. Somador

Com os carries antecipados é possível calcular a soma bit a bit:

$$F_x = A_x \oplus B_x \oplus Cin_x$$

### 2.3. Projeto do Inversor

O inversor de complemento de 2 tem a seguinte tabela:

$A_3$	$A_2$	$A_1$	$A_0$	$F_3$	$F_2$	$F_1$	$F_0$
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	1	1	1	1
0	0	1	0	1	1	1	0
0	0	1	1	1	1	0	1
0	1	0	0	1	1	0	0
0	1	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	1	0	1	0
0	1	1	1	1	0	0	1
1	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	1	0	1	1	1
1	0	1	0	0	1	1	0
1	0	1	1	0	1	0	1
1	1	0	0	0	1	0	0
1	1	0	1	0	0	1	1
1	1	1	0	0	0	1	0
1	1	1	1	0	0	0	1

$$F_3 = \overline{A_3}.A_2 + \overline{A_3}.A_1 + \overline{A_3}.A_0 + A_3.\overline{A_2}.\overline{A_1}.\overline{A_0}$$

$$F_2 = \overline{A_2}.A_1 + \overline{A_2}.A_0 + A_2.\overline{A_1}.\overline{A_0}$$

$$F_1 = \overline{A_1}.A_0 + A_1.\overline{A_0}$$

$$F_0 = A_0$$

### 2.4. Projeto do Subtrator

Com os módulos de soma e inversão prontos é possível utilizar seus submódulos para construir uma operação de subtração.

### 2.5. Projeto do Incremento de 1

Utilizamos o módulo de soma substituindo o operando  $B$  pelo vetor  $B_3, B_2, B_1 = 0, B_0 = 1$

## 2.6. Projeto do Comparador XOR

Desconsiderando o submódulo antecipador na soma o submódulo somador vale  $A \oplus B$

$$F_x = A_x \oplus B_x$$

## 2.7. Projeto do Comparador ????

## 2.8. Projeto do Left Bit Shifter

Montando a Tabela Verdade Para operações de Shift a esquerda é possível verificar que é certo que não haverá resultado não nulo para  $B > 3$ , portanto podemos considerar apenas os 2 bits menos significativos do operando  $B$ :  $B_1 \& B_0$ :

$B_1$	$B_0$	$F_3$	$F_2$	$F_1$	$F_0$
0	0	$A_3$	$A_2$	$A_1$	$A_0$
0	1	$A_2$	$A_1$	$A_0$	0
1	0	$A_1$	$A_0$	0	0
1	1	$A_0$	0	0	0

$$F_3 = \overline{B_1} \cdot \overline{B_0} \cdot A_3 + \overline{B_1} \cdot B_0 \cdot A_2 + B_1 \cdot \overline{B_0} \cdot A_1 + B_1 \cdot B_0 \cdot A_0$$

$$F_2 = \overline{B_1} \cdot \overline{B_0} \cdot A_2 + \overline{B_1} \cdot B_0 \cdot A_1 + B_1 \cdot \overline{B_0} \cdot A_0$$

$$F_1 = \overline{B_1} \cdot \overline{B_0} \cdot A_1 + \overline{B_1} \cdot B_0 \cdot A_0$$

$$F_0 = \overline{B_1} \cdot \overline{B_0} \cdot A_0$$

## 2.9. Projeto do Right Bit Shifter

O Shift a direita por sua vez forma uma tabela similar com as mesmas entradas:

$B_1$	$B_0$	$F_3$	$F_2$	$F_1$	$F_0$
0	0	$A_3$	$A_2$	$A_1$	$A_0$
0	1	0	$A_3$	$A_2$	$A_1$
1	0	0	0	$A_3$	$A_2$
1	1	0	0	0	$A_3$

$$F_3 = \overline{B_1} \cdot \overline{B_0} \cdot A_3$$

$$F_2 = \overline{B_1} \cdot \overline{B_0} \cdot A_2 + \overline{B_1} \cdot B_0 \cdot A_3$$

$$F_1 = \overline{B_1} \cdot \overline{B_0} \cdot A_1 + \overline{B_1} \cdot B_0 \cdot A_2 + B_1 \cdot \overline{B_0} \cdot A_3$$

$$F_0 = \overline{B_1} \cdot \overline{B_0} \cdot A_0 + \overline{B_1} \cdot B_0 \cdot A_1 + B_1 \cdot \overline{B_0} \cdot A_2 + B_1 \cdot B_0 \cdot A_3$$

### **3. Execução**

#### **3.1. Código dos Submódulos**

##### **3.1.1. Módulo Antecipador**

##### **3.1.2. Módulo Somador**

##### **3.1.3. Módulo Inversor**

##### **3.1.4. Módulo Shifter**

#### **3.2. Implementação dos Flags**

##### **3.2.1. Flag de Zero**

##### **3.2.2. Flag de Negativo**

##### **3.2.3. Flag de Carry**

##### **3.2.4. Flag de Overflow**