# Projeto de ULA

Cris – DRE: XXXXXXXXX Gus – DRE: XXXXXXXXX Leo – DRE: XXXXXXXXX

<sup>1</sup>Universidade Federal do Rio de Janeiro (UFRJ)

leonardongc@poli.ufrj.br

#### 1. Enunciado

Fazer ULA de 2 operandos(A e B) de 4 bits com e 8 operações:

- A+B
- *A* − *B*
- −*A*
- *A* + 1
- Até 2 Oerações de Comparação Bit a Bit
- O Restante das Operações A Escolha do Grupo Utilizando A e B

Com os Flags de Zero, Negativo, Carry & Overflow

## 2. Escolhas

## 2.1. Lista de Operações Atualizadas

Escolhemos utilizar XOR e ??? pois utilizam submódulos já existentes para outras operações e as operações de deslocamento de bits a direita e a esquerda.

- Soma
- Subtração
- Inversão
- Incremento de 1
- XOR
- Antecipação dos Carrries
- Right Bitshift
- Left Bitshift

# 2.2. Projeto do Somador

Separamos a soma em duas etapas, uma que faz a antecipação dos carries e outra que faz a soma bit a bit com os carries.

# 2.2.1. Antecipador

Calculado Carry a Carry:

$$Cin_0 = 0$$

$$Cin_1 = A_0.B_0$$

$$Cin_2 = A_1.B_1 + Cin_1(A_1 + B_1) = A_1.B_1 + A_0.B_0(A_2 + B_2)$$

$$Cin_3 = A_2.B_2 + Cin_2(A_2 + B_2) = A_2.B_2 + A_1.B_1 + A_0.B_0(A_2 + B_2)(A_2 + B_2)$$

$$Cin_4 * = A_3.B_3 + Cin_3(A_3 + B_3) = A_3.B_3 + A_2.B_2 + A_1.B_1 + A_0.B_0(A_2 + B_2)(A_2 + B_2)(A_3 + B_3)$$

#### 2.2.2. Somador

Com os carries antecipados é pssível calcular a soma bit a bit:

$$F_x = A_x \oplus B_x \oplus Cin_x$$

# 2.3. Projeto do Inversor

O inversor de complemento de 2 tem a seguinte tabela:

$A_3$	$A_2$	$A_1$	$A_0$	$F_3$	$F_2$	$F_1$	$F_0$
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	1	1	1	1
0	0	1	0	1	1	1	0
0	0	1	1	1	1	0	1
0	1	0	0	1	1	0	0
0	1	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	1	0	1	0
0	1	1	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	1	1	1
1	0	1	0	0	1	1	0
1	0	1	1	0	1	0	1
1	1	0	0	0	1	0	0
1	1	0	1	0	0	1	1
1	1	1	0	0	0	1	0
1	1	1	1	0	0	0	1

Repare que para  $A=1000_{bin}=-8_{dec}$  pela regra (F=A+1) deveria resultar em 1000, mas como não existe representação válida para o número 8 o resultado é 0000 e o flag de overflow é acionado.

$$F_3 = \overline{A_3}.A_2 + \overline{A_3}.A_1 + \overline{A_3}.A_0$$

$$F_2 = \overline{A_2}.A_1 + \overline{A_2}.A_0 + A_2.\overline{A_1}.\overline{A_0}$$

$$F_1 = \overline{A_1}.A_0 + A_1.\overline{A_0}$$

$$F_0 = A_0$$

## 2.4. Projeto do Subtrator

Com os módulos de soma e inversão prontos é possível utilizar seus submódulos para construir uma operação de subtração.

# 2.5. Projeto do Incrmento de 1

Utilizamos o módulo de soma substituindo o operando B pelo vetor  $B_3, B_2, B_1, B_0 = 0$  e a entrada  $Cin_0 = 1$ 

# 2.6. Projeto do Comparador XOR

Desconsiderando o submódulo antecipador na soma o submódulo somador vale  $A \oplus B$ 

$$F_x = A_x \oplus B_x$$

# 2.7. Projeto da Antecipação de Carry como Operação

É possível considerar o antecipador de Carry como uma operação por si só que já foi descrita no item **2.2.1**.

# 2.8. Projeto do Left Bit Shifter

Montando a Tabela Verdade Para operações de Shift a esquerda é possível verifificar que é certo que não haverá resultado não nulo para B>3, portanto podemos considerar apenas os 2 bits menos significativos do operando  $B: B_1 \& B_0$ :

$B_1$	$B_0$	$F_3$	$F_2$	$F_1$	$F_0$
0	0	$A_3$	$A_2$	$A_1$	$A_0$
0	1	$A_2$	$A_1$	$A_0$	0
1	0	$A_1$	$A_0$	0	0
1	1	$A_0$	0	0	0

$$F_{3} = \overline{B_{1}}.\overline{B_{0}}.A_{3} + \overline{B_{1}}.B_{0}.A_{2} + B_{1}.\overline{B_{0}}.A_{1} + B_{1}.B_{0}.A_{0}$$

$$F_{2} = \overline{B_{1}}.\overline{B_{0}}.A_{2} + \overline{B_{1}}.B_{0}.A_{1} + B_{1}.\overline{B_{0}}.A_{0}$$

$$F_{1} = \overline{B_{1}}.\overline{B_{0}}.A_{1} + \overline{B_{1}}.B_{0}.A_{0}$$

$$F_{0} = \overline{B_{1}}.\overline{B_{0}}.A_{0}$$

## 2.9. Projeto do Right Bit Shifter

O Shift a direita por sua vez forma uma tabela similar com as mesmas entradas:

$B_1$	$B_0$	$F_3$	$F_2$	$F_1$	$F_0$
0	0	$A_3$	$A_2$	$A_1$	$A_0$
0	1	0	$A_3$	$A_2$	$A_1$
1	0	0	0	$A_3$	$A_2$
1	1	0	0	0	$A_3$

$$F_3 = \overline{B_1}.\overline{B_0}.A_3$$

$$F_2 = \overline{B_1}.\overline{B_0}.A_2 + \overline{B_1}.B_0.A_3$$

$$F_1 = \overline{B_1}.\overline{B_0}.A_1 + \overline{B_1}.B_0.A_2 + B_1.\overline{B_0}.A_3$$

$$F_0 = \overline{B_1}.\overline{B_0}.A_0 + \overline{B_1}.B_0.A_1 + B_1.\overline{B_0}.A_2 + B_1.B_0.A_3$$

Como as operações de translado de bits ocorrem num mesmo domínio, é possível combiná-las acoplando suas tabelas e diferencindo as por um único bit de seleção de operação S formando um único submódulo:

S	$B_1$	$B_0$	$F_3$	$F_2$	$F_1$	$F_0$
0	0	0	$A_3$	$A_2$	$A_1$	$A_0$
0	0	1	0	$A_3$	$A_2$	$A_1$
0	1	0	0	0	$A_3$	$A_2$
0	1	1	0	0	0	$A_3$
1	0	0	$A_3$	$A_2$	$A_1$	$A_0$
1	0	1	$A_2$	$A_1$	$A_0$	0
1	1	0	$A_1$	$A_0$	0	0
1	1	1	$A_0$	0	0	0

Nota: as operações de bitshift estão apenas interessadas no vetor de bits, sendo a representação de sinal ignorada para isso.

# 3. Execução

# 3.1. Código dos Submódulos

# 3.1.1. Módulo Antecipador

```
entity antecipador is
                     Port (A,B: in STD_LOGIC_VECTOR (3 downto 0);
                                         Y: out
STD_LOGIC_VECTOR (3 downto 0));
         end antecipador;
          architecture Behavioral of antecipador is
         signal S1, S2, S3: std_logic;
         begin
         Y(0) <= '0';
         S1 \le A(0) \text{ and } B(0);
         Y(1) <= S1;
         S2 \iff (((A(1) \text{ and } B(1)) \text{ or } S1) \text{ and } (A(1) \text{ or } B(1)));
         Y (2) \le S2;
         S3 \le (((A(2) \text{ and } B(2)) \text{ or } S2) \text{ and } (A(2) \text{ or } B(2)));
         Y(3) <= S3;
         end Behavioral;
```

## 3.1.2. Módulo Somador

```
entity somador is  Port \ (A,B : in \ STD\_LOGIC\_VECTOR \ (3 \ downto \ 0); \\ Y : out   STD\_LOGIC\_VECTOR \ (3 \ downto \ 0));
```

```
end somador;
         architecture Behavioral of somador is
         component antecipador
                  port (A,B: in
                                    std_logic_vector(3 downto 0);
                          Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
         end component;
         signal Ya: std_logic_vector(3 downto 0);
         begin
                  ax: antecipador port map(A,B,Ya);
                  Y(0) \le A(0) \text{ xor } B(0) \text{ xor } Ya(0);
                  Y(1) \le A(1) \text{ xor } B(1) \text{ xor } Ya(1);
                  Y(2) \le A(2) \text{ xor } B(2) \text{ xor } Ya(2);
                  Y(3) \le A(3) \text{ xor } B(3) \text{ xor } Ya(3);
         end Behavioral;
3.1.3. Módulo Inversor
entity inversor is port
         (
            Α
                : in
                          std_logic_vector(3 downto 0);
                          std_logic_vector(3 downto 0)
            Y
                : out
         );
         end inversor;
         architecture Behavioral of inversor is
         component somador
                  port(A,B: in std_logic_vector(3 downto 0);
                          Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
         end component;
         signal sum: std_logic_vector(3 downto 0);
         begin
                  ax: somador port map((not A),"0001", sum);
                  Y \leq sum;
```

```
end Behavioral;
```

component antecipador

#### 3.1.4. Módulo Subtrator

```
entity subtrator is
                 Port (A,B: in STD_LOGIC_VECTOR (3 downto 0);
                                  Y: out
STD_LOGIC_VECTOR (3 downto 0));
        end subtrator;
        architecture Behavioral of subtrator is
        component somador
                port(A,B : in std_logic_vector(3 downto 0);
                          Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
        end component;
        component inversor
                port(A: in
                               std_logic_vector(3 downto 0);
                          Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
        end component;
        signal Ya, Ys: std_logic_vector(3 downto 0);
        begin
                ax: inversor port map(B, Ya);
                as: somador port map(A, Ya, Ys);
                Y \leq Ys;
        end Behavioral;
3.1.5. Módulo Incremento
entity incremento is
                 Port (A: in STD_LOGIC_VECTOR (3 downto 0);
                                  Y: out
STD_LOGIC_VECTOR (3 downto 0));
        end incremento:
        architecture Behavioral of incremento is
```

port(A,B : in std\_logic\_vector(3 downto 0);

```
signal Ya: std_logic_vector(3 downto 0);
         begin
                 ax: antecipador port map(A,"0001", Ya);
                 Y(0) \le A(0) \text{ xor '1' xor } Ya(0);
                 Y(1) \le A(1) \text{ xor '0' xor } Ya(1);
                 Y(2) \le A(2) \text{ xor '0' xor } Ya(2);
                 Y(3) \le A(3) \text{ xor '0' xor } Ya(3);
         end Behavioral;
3.1.6. Módulo Right Shifter
entity rbs is
port(A,B: in
                 std_logic_vector(3 downto 0);
                            Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
end rbs;
architecture Behavioral of rbs is
begin
Y(3) \le ((\text{not } B(1)) \text{ and } (\text{not } B(0)) \text{ and } A(3));
Y(2) \le (((not B(1)) and (not B(0)) and A(2)) or (((not B(1)) and B(0)))
Y(1) \le (((not B(1)) and (not B(0)) and A(1))
or (((not B(1)) and B(0)) and A(2)) or ((B(1) and (not B(0))) and A(3))
Y(0) \le (((not B(1)) and (not B(0)) and A(0))
or (((not B(1)) and B(0)) and A(1)) or ((B(1) and (not B(0))) and A(2))
((B(1) \text{ and } B(0)) \text{ and } A(3)));
end Behavioral;
3.1.7. Módulo Left Shifter
entity lbs is
Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
end lbs;
```

Y : out std\_logic\_vector(3 downto 0));

end component;

```
architecture Behavioral of lbs is
begin
Y(0) \le ((\text{not } B(1)) \text{ and } (\text{not } B(0)) \text{ and } A(0));
Y(1) \le (((\text{not } B(1)) \text{ and } (\text{not } B(0)) \text{ and } A(1)) \text{ or } (((\text{not } B(1)) \text{ and } B(0))
Y(2) \ll (((not B(1)) and (not B(0)) and A(2))
or (((not B(1)) and B(0)) and A(1)) or ((B(1) and (not B(0))) and A(0))
Y(3) \le (((not B(1)) and (not B(0)) and A(3))
or (((not\ B(1))\ and\ B(0))\ and\ A(2)) or ((B(1)\ and\ (not\ B(0)))\ and\ A(1))
((B(1) \text{ and } B(0)) \text{ and } A(0)));
end Behavioral;
3.1.8. Controlador da ULA
entity ula is port
         (
                         std_logic_vector(3 downto 0);
            A,B: in
                          : out std_logic_vector(3 downto 0);
                  Y
                  F : out std_logic_vector (3 downto 0);
                        : in std_logic_vector(2 downto 0)
         );
         end ula;
         architecture Behavioral of ula is
         component antecipador
                  port (A,B: in
                                    std_logic_vector(3 downto 0);
                           Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
         end component;
         component somador
                                    std_logic_vector(3 downto 0);
                  port(A,B: in
                           Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
         end component;
         component subtrator
                  port (A,B: in
                                    std_logic_vector(3 downto 0);
                           Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
         end component;
         component incremento
```

port(A : in std\_logic\_vector(3 downto 0);

```
Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
end component;
component inversor
        port(A: in
                      std_logic_vector(3 downto 0);
                 Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
end component;
component lbs
        port(A,B : in std_logic_vector(3 downto 0);
                 Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
end component;
component rbs
        port(A,B : in std_logic_vector(3 downto 0);
                 Y : out std_logic_vector(3 downto 0));
end component;
signal AC: std_logic_vector(3 downto 0);
signal sum,inverse, sub,incr,rs,ls: std_logic_vector(3 downto 0)
signal seletor: std_logic_vector(2 downto 0):= "001";
signal seg: std_logic_vector(3 downto 0):= "0100";
signal Y0, Y1, Y2, Y3: std_logic;
begin
ax: antecipador port map(A,B,AC);
aa: inversor port map(A, inverse);
ab: subtrator port map(A,B, sub);
ad: incremento port map(A, incr);
s: somador port map(A, seg, sum);
af: lbs port map(A,B, ls);
ag: rbs port map(A,B, rs);
process (A,B, seletor)
begin
                 case seletor is
                 when "000" => Y <= sum;
                                                       Y3 <= sum(3);
                                                       F(0) \le not(
                                                       F(1) <= Y3;
                                                       F(2) <= ((A(3))^{-1})^{-1}
                                                       F(3) <= ((A(3))^{-1})^{-1}
                 when "001" => Y <= inverse; -- inversor
```

 $F(0) <= ((A(0))^{-1})^{-1}$ 

```
F(1) <= (A(3))
                                                         F(2) <= A(3)
                                                         F(3) <= '0';
                  when "010" => Y \le sub; -- sub
                                                         F(0) <= (((A(
                                  F(1) \le sub(3);
                                                         F(2) <= ((A(3))^{-1})^{-1}
                                                         F(3) <= ((A(3))^{-1})^{-1}
                  when "011" => Y \le incr; -- incremento
                                                         F(0) <= ((A(0))^{-1})^{-1}
                                                         F(1) <= A(3)
                                                         F(2) \ll not A
                                                         F(3) <=((A(0))
                  when "100" => Y <= A xor B;-- xor
                                                         F(0) <= (((A(
                                                         F(1) <= '0';
                                                         F(2) <= '0';
                                                         F(3) <= '0';
                  when "101" => Y \le AC; -- AC
                                                         F(0) \le not
                                                         F(1) <= '0';
                                                         F(2) <= AC(3)
                                                         F(3) <= AC(3)
                  when "110" => Y \le 1s; -- 1sb
                                                         F(0) <= '0';
                                                         F(1) <= '0';
                                                         F(2) <= '0';
                                                         F(3) <= '0';
                  when "111" => Y <= rs; -- rsb
                                                         F(0) <= '0';
                                                         F(1) <= '0';
                                                         F(2) <= '0';
                                                         F(3) <= '0';
                  when others \Rightarrow Y \Leftarrow "0000";
                  end case;
end Behavioral;
```

end process;

## 3.2. Implementação dos Flags

## 3.2.1. Flag de Zero

O flag de zero será acionado para cada operação da forma:

#### • Soma

Se um operando for inverso do outro(em complemento de 2) ou os números forem zero.

#### Inversão

Se o vetor de entrada valer 0.

#### Subtração

Se o os operandos forem iguais.

#### • Incremento de 1

Se o operando for o vetor 1111

#### Comparador XOR

Se os operandos forem iguais.

## Antecipador de Carry

O flag de zero é acionado quando nenhum carry é acionado:  $C_0, C_1, C_2, C_3 = 0$ 

#### • RBS

Se o operando que determina o deslocamento (B) for maior que o indice do 1 mais a esquerda do operando (A) aciona o flag de 0.

#### • LBS

Se o vetor de entrada A valer 0.

## 3.2.2. Flag de Negativo

Da mesma forma que o flag de 0, flag de negativo será acinado:

#### Soma

Se os operandos forem negativos ou se um operando negativo for maior que o positivo.

#### Inversão

Se o vetor de entrada for diferente de 0 e tiver o bit de sinal 0.

#### Subtração

A depender do bit de sinal dos operandos A e B e dos seus módulos: Se  $A_3 = B_3 = 0$  e |B| > |A|, ou  $A_3 = B_3 = 1$  e |A| > |B|, ou  $A_3 = 1 \& B_3 = 0$ 

#### • Incremento de 1

Se o operando tiver bit de sinal igual a 1 e não for o vetor 1111.

## Comparador XOR

Essa operação não produz negativos

## • Antecipador de Carry

O Antecipador não gera números negativos.

#### • RBS e LBS

As operações de bitshift desconsideram a representação de sinal, portanto não aciona o flag de negativo.

# 3.2.3. Flag de Carry

O flag de zero serve para guardar informação de *vai um* para uma operação futura:

#### Soma

Tendo os bits de sinal iguais o flag de carry será o sinal  $Cin_3$  do submódulo antecipador.

#### Inversão

Inversão apenas ativa carry para o número -8 (vetor 1000) com a saída 0000 zero.

#### Subtração

Da mesma forma que a soma, com o mesmo sinal.

#### • Incremento de 1

o único vetor que vai um é o número 7, pois é o número que aciona  $Cin_3$  na soma.

## Comparador XOR

Um comparador não gera sinal de vai um.

# • Antecipador de Carry

O Flag de Carry do Antecipador é a saída  $C_4 = A_3.B_3 + A_2.B_2 + A_1.B_1 + A_0.B_0(A_2 + B_2)(A_2 + B_2)(A_3 + B_3)$ 

#### RBS

Translados de bits à direita não geram carries.

#### • LBS

Como o bit de sinal é ignorado para essa operação não faz sentido considerar o vai

## 3.2.4. Flag de Overflow

Por sua vez o flag de overflow será acionado quando os 4 bits não forem o suficiente para representar o resultado:

#### Soma

O flag de Overflow é o flag de carry da soma, pois é acionado seguindo os mesmos critérios.

## • Inversão

Apenas o vetor 1000 gera overflow, pois não há representação em 4 bits com sinal para o número 8.

# Subtração

Apenas se  $A_3 = B_3$  e se o carry do terceiro bit da operação for gerado  $Cin_3 = 1$ 

# • Incremento de 1

O mesmo critério da soma.

# • Comparador XOR

Comparadores bit a bit não geram overflow.

# • Antecipador de Carry

O mesmo critério do Flag de Carry é aplicado aqui.

# • RBS & LBS

Nenhum BitShifter gera overflow, pois não há preocupação com o espaço de representação.