# Propensity of email engagement and prosensity to churn models

Giulia Chiaretti (800928), Federica Fiorentini (807124), Alberto Monaco (803669

Questo progetto consiste nell'applicazione di algoritmi di Machine Learning nei seguenti due modelli di business: Propensity of email engagement Propensity to churn

In generale, l'obiettivo dei propensity modelling  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " quello di analizzare il comportamento dei clienti selenzionando quelli che, con un'alta probabilit $\tilde{A}$   $\hat{A}$ , potrebbero commettere una certa azione nel futuro.

Il primo modello, propensity of email engagement, va ad indagare quanto una campagna marketing basata sull'invio di email riesca a "raggiungere" i clienti, e quindi ad essere efficace.

Il propensity to churn model, invece, ha l'obiettivo di prevedere quali consumatori cesseranno di essere clienti dell'azienda, i cosiddetti churner.

Entrambi i modelli consistono in problemi di classificazione binaria e, per ognuno di essi, sono stati sviluppati diversi algoritmi di Machine Learning (ed in particolare di Supervised Learning) a seguito di un'approfondita analisi dei dati a disposizione.

I diversi algoritmi sono stati tunati al fine di scegliere il parametro migliore per ognuno di essi e, infine, sono stati confrontati per valutarne la performance.

# PROPENSITY OF EMAIL ENGAGEMENT MODEL

#### **Business question**

Il fulcro dei propensity of email engagement models  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " prevedere se un cliente risponder $\tilde{A}$   $\hat{A}$  prontamente ad una specifica azione di marketing. Lo studio va, perci $\tilde{A}$   $\hat{A}^2$ , ad indagare se le email inviate dalla compagnia riescano a raggiungere e coinvolgere i clienti in maniera mirata. L'obiettivo finale  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " quello di verificare l'efficacia della campagna marketing effettuata per capire se  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " uno strumento valido di customer engagement o se deve subire modifiche e miglioramenti.

Per svolgere questo tipo di problema  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " stato impostato un modello di classificazione in cui la variabile target si presenta come un attributo binario che indica se il cliente ha aperto o meno l'email in una finestra temporale pari a due giorni dall'invio della stesa.

## DATA CLEANING AND PREPARATION

Di seguito viene riportata una consistente fase di preprocessing in cui vengono create le seguenti variabili esplicative:

- NUM\_SEND\_PREV: variabile numerica che indica il numero di mail precedentemente inviate al cliente;
- NUM OPEN PREV: variabile numerica che indica il numero di email aperte dal cliente in passato;
- NUM CLICK PREV: variabile numerica che indica il numero di email clickate dal cliente in passato;
- NUM\_FAIL\_PREV: variabile numerica che indica il numero di email che non sono state aperte dal cliente in passato, volontariamente o a causa di errori;
- OPEN\_RATE\_PREV: variabile numerica che indica la percentuale di email aperte dal cliente in passato sul totale delle mail ricevute;
- CLICK\_RATE\_PREV: variabile numerica che indica la percentuale di email clickate dal cliente in passato sul totale delle mail ricevute;

- W\_SEND\_PREV: variabile booleana che indica se in passato il cliente ha ricevuto altre email dello stesso tipo;
- W\_FAIL\_PREV: variabile booleana che indica se in passato il cliente ha rimbalzato o non ha ricevuto a causa di errori altre email dello stesso tipo;
- SEND\_WEEKDAY: variabile categorica che indica il giorno della settimana in cui à Â" stata inviata l'email;
- ID NEG: id dello store di riferimento;
- TYP\_CLI\_FID: variabile booleana che indica che se l'account del cliente à Â" quello principale o meno;
- COD\_FID: variabile categorica che indica il tipo del programma fedeltà Â del cliente (standard, premium, etc.);
- STATUS FID: variabile booleana che indica se l'account à Â" attivo o meno:
- NUM\_FIDs: variabile numerica che indica il numero di fidelity programs del cliente;
- AGE\_FID: variabile numerica che indica da quanti giorni A A attivo il programma fedeltA A del cliente:
- W PHONE: variabile booleana che indica se il cliente ha inserito o meno il numero di telefonoM
- TYP CLI ACCOUNT: variabile categorica che indica il tipo di account del cliente;
- TYP JOB: variabile categorica che indica il lavoro del cliente;
- EMAIL\_PROVIDER\_CLEAN: variabile categorica che indica l'email provider del cliente (clean à Â dovuto al fatto che gli email providers che avevano una frequenza minore sono stati raggruppati in "others");
- PRV: variabile categorica che indica la provincia di residenza del cliente;
- REGION: variabile categorica che indica la regione di residenza del cliente;
- FLAG\_PRIVACY\_1: variabile booleana che indica se il cliente ha dato il consenso alla privacy;
- FLAG PRIVACY 2: variabile booleana che indica se il cliente ha dato il consenso al profiling;
- FLAG\_PRIVACY\_MKT variabile booleana che indica se il cliente ha dato il consenso al direct marketing.

```
#### LIBRARIES ####
library(dplyr)
##
## Attaching package: 'dplyr'
## The following objects are masked from 'package:stats':
##
##
       filter, lag
## The following objects are masked from 'package:base':
##
##
       intersect, setdiff, setequal, union
library(magrittr)
library(ggplot2)
library(forcats)
library(grid)
library(gridExtra)
##
## Attaching package: 'gridExtra'
## The following object is masked from 'package:dplyr':
##
##
       combine
data_path <- "Laboratorio/"</pre>
```

```
### clients fidelity subscriptions
df_1_cli_fid <- read.csv2(paste0(data_path, "raw_1_cli_fid.csv"), na.strings = c("NA", ""))</pre>
# clients accounts details
df_2_cli_account <- read.csv2(paste0(data_path, "raw_2_cli_account.csv"), na.strings = c("NA", ""))</pre>
### clients addresses ###
df_3_cli_address <- read.csv2(paste0(data_path, "raw_3_cli_address.csv"), na.strings = c(""), stringsAsF
### clients privacy ###
df_4_cli_privacy <- read.csv2(paste0(data_path, "raw_4_cli_privacy.csv"), na.strings = c("NA", ""))</pre>
### email campaign characterization ###
df_5_camp_cat <- read.csv2(paste0(data_path, "raw_5_camp_cat.csv") , na.strings = c("NA", ""))</pre>
### email event ###
df_6_camp_event <- read.csv2(paste0(data_path, "raw_6_camp_event.csv") , na.strings = c("NA", ""))</pre>
df_7_tic <- read.csv2(paste0(data_path, "raw_7_tic.csv") , na.strings = c("NA", ""))</pre>
df_1_cli_fid
DATA CLEANING
str(df_1_cli_fid)
## 'data.frame':
                   370135 obs. of 7 variables:
## $ ID_CLI
             : int 500 16647 835335 9557 767877 743090 768948 813156 766232 773214 ...
## $ ID FID
                : int 814583 781106 816369 746573 741522 776971 742716 791681 739769 752897 ...
## $ ID_NEG
                : int 32 44 28 9 41 2 31 45 4 5 ...
## $ TYP_CLI_FID: int 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
              : Factor w/ 4 levels "PREMIUM", "PREMIUM BIZ", ...: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ COD_FID
## $ STATUS_FID : int 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ DT_ACTIVE : Factor w/ 494 levels "2018-01-01","2018-01-02",..: 419 398 419 376 372 395 373 404 3
summary(df_1_cli_fid)
##
       ID_CLI
                        ID_FID
                                         ID_NEG
                                                    TYP_CLI_FID
         :
                    Min.
                               3 Min. : 1.0
                                                   Min. :0.0000
## 1st Qu.:230659
                   1st Qu.:229067 1st Qu.: 6.0
                                                   1st Qu.:1.0000
## Median :462034
                    Median :458969 Median :23.0
                                                   Median :1.0000
## Mean
         :462486 Mean
                          :459425 Mean :22.1
                                                   Mean
                                                          :0.9848
## 3rd Qu.:693200
                   3rd Qu.:688435
                                    3rd Qu.:36.0
                                                   3rd Qu.:1.0000
## Max.
         :934919 Max.
                          :928121 Max.
                                           :49.0
                                                   Max. :1.0000
##
##
           COD FID
                           STATUS FID
                                             DT_ACTIVE
## PREMIUM
               : 44029
                                :0.00 2018-11-23: 3024
                         Min.
                        1st Qu.:1.00 2018-04-07: 1457
## PREMIUM BIZ : 6715
## STANDARD
               :290170 Median :1.00 2018-11-22: 1439
## STANDARD BIZ: 29221 Mean :0.99 2018-03-11: 1438
##
                         3rd Qu.:1.00 2018-04-14: 1403
##
                         Max. :1.00 2018-04-28: 1403
##
                                                 :359971
                                        (Other)
```

```
## cleaning dataset 1##
df_1_cli_fid_clean <- df_1_cli_fid
## formatting la data e le numerical categories as factor ##
df_1_cli_fid_clean <- df_1_cli_fid_clean %>%
  mutate(DT_ACTIVE = as.Date(DT_ACTIVE)) %>%
  mutate(ID_NEG = as.factor(ID_NEG)) %>%
 mutate(TYP_CLI_FID = as.factor(TYP_CLI_FID)) %>%
  mutate(STATUS_FID = as.factor(STATUS_FID))
## (consistency control) number of fid per client ##
#per ogni cliente ho il numero di fidelity program e di date active che 	ilde{A}\,\hat{A}^{\circ} la data in cui lo ha attivo
#ad esempio ci sono clienti che in una sola data hanno attivato 3 programmi fedelt	ilde{A} \hat{A} .
num_fid_x_cli <- df_1_cli_fid_clean %>%
 group_by(ID_CLI) %>%
  summarize(NUM_FIDs = n_distinct(ID_FID), NUM_DATEs = n_distinct(DT_ACTIVE))
#impostiamo quindi una tabella riassuntiva:
dist_num_fid_x_cli <- num_fid_x_cli %>%
  group_by(NUM_FIDs, NUM_DATEs) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI))
#closer look sui clienti con pi	ilde{A} 	ilde{A}^{\scriptscriptstyle \perp} di un programma fedelt	ilde{A} 	ilde{A}
num_fid_x_cli %>% filter(NUM_DATEs == 3)
## # A tibble: 5 x 3
   ID_CLI NUM_FIDs NUM_DATEs
      <int>
               <int>
                          <int>
##
## 1 7533
                    3
                              3
## 2 223203
                    3
                              3
## 3 621814
                    3
                              3
## 4 648813
                    3
                              3
## 5 662651
                    3
                              3
df_1_cli_fid %>% filter(ID_CLI == 621814)
     ID_CLI ID_FID ID_NEG TYP_CLI_FID COD_FID STATUS_FID DT_ACTIVE
## 1 621814 578123
                        1
                                      1 STANDARD
                                                           0 2018-10-13
## 2 621814 646483
                        18
                                      1 STANDARD
                                                           0 2018-11-13
## 3 621814 661124
                        18
                                      1 STANDARD
                                                          1 2018-11-20
## keep both first fid and last fid ##
# first --> registration date
# last --> features
df_1_cli_fid_first <- df_1_cli_fid_clean %>%
  group_by(ID_CLI) %>%
 filter(DT_ACTIVE == min(DT_ACTIVE)) %>%
  arrange(ID_FID) %>%
  filter(row_number() == 1) %>%
  ungroup() %>%
  as.data.frame()
df_1_cli_fid_last <- df_1_cli_fid_clean %>%
  group_by(ID_CLI) %>%
  filter(DT_ACTIVE == max(DT_ACTIVE)) %>%
 arrange(desc(ID_FID)) %>%
```

```
filter(row_number() == 1) %>%
  ungroup() %>%
  as.data.frame()
df_1_cli_fid_clean <- df_1_cli_fid_last %>%
  left_join(df_1_cli_fid_first %>%
             select(c(ID CLI, FIRST ID NEG = ID NEG, FIRST DT ACTIVE = DT ACTIVE))
            , by = 'ID_CLI') \%>%
 left_join(num_fid_x_cli %>%
              select(c(ID_CLI, NUM_FIDs)) %>%
              mutate(NUM_FIDs = as.factor(NUM_FIDs))
            , by = 'ID_CLI')
## lets review ##
str(df_1_cli_fid_clean)
                   369472 obs. of 10 variables:
## 'data.frame':
## $ ID CLI
                    : int 199060 613049 648813 914880 342639 816890 898295 178553 918274 111479 ...
## $ ID FID
                     : int 928121 928118 928116 928115 928112 928110 928106 928101 928100 928099 ...
                     : Factor w/ 49 levels "1","2","3","4",...: 19 21 6 43 46 24 34 8 17 31 ...
## $ ID NEG
                     : Factor w/ 2 levels "0", "1": 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 ...
## $ TYP_CLI_FID
## $ COD FID
                     : Factor w/ 4 levels "PREMIUM", "PREMIUM BIZ", ...: 2 1 3 3 2 3 3 3 4 4 ...
                     : Factor w/ 2 levels "0", "1": 2 2 2 2 2 2 2 2 1 2 ...
## $ STATUS FID
                     : Date, format: "2019-05-11" "2019-05-11" ...
## $ DT ACTIVE
                   : Factor w/ 49 levels "1","2","3","4",..: 19 21 1 43 26 24 34 10 17 31 ...
## $ FIRST ID NEG
## $ FIRST DT ACTIVE: Date, format: "2018-02-18" "2019-03-30" ...
                     : Factor w/ 4 levels "1", "2", "3", "4": 2 2 3 2 2 2 2 2 2 2 ...
## $ NUM_FIDs
summary(df_1_cli_fid_clean)
##
       ID_CLI
                                          ID_NEG
                                                       TYP_CLI_FID
                         ID_FID
##
                                            : 58174
                                                       0: 5607
   \mathtt{Min.} :
                     Min. :
                     1st Qu.:228931
                                             : 11976
   1st Qu.:230783
                                                       1:363865
                                      38
## Median :462063
                     Median :458832
                                     34
                                            : 11558
## Mean :462541
                    Mean :459335
                                     37
                                            : 9948
   3rd Qu.:693197
                     3rd Qu.:688330
                                     33
                                             : 9745
##
  Max.
          :934919
                    Max. :928121
                                             : 9677
                                      6
##
                                      (Other):258394
##
                          STATUS FID
                                      DT ACTIVE
                                                          FIRST_ID_NEG
            COD FID
   PREMIUM
               : 43878
                          0: 3059
                                    Min.
                                            :2018-01-01
                                                          1
                                                                : 58244
##
   PREMIUM BIZ : 6690
                          1:366413
                                     1st Qu.:2018-04-15
                                                          38
                                                                 : 11977
##
   STANDARD
               :289756
                                     Median :2018-08-10
                                                          34
                                                                 : 11553
   STANDARD BIZ: 29148
##
                                     Mean :2018-08-14
                                                          37
                                                                 : 9951
##
                                     3rd Qu.:2018-11-30
                                                                 : 9741
                                                          33
##
                                     Max. :2019-05-11
                                                          6
                                                                   9673
##
                                                          (Other):258333
  FIRST DT ACTIVE
                         NUM FIDs
          :2018-01-01
                         1:368833
## Min.
   1st Qu.:2018-04-15
                         2:
                              617
                               20
## Median :2018-08-09
                         3:
## Mean :2018-08-14
                               2
## 3rd Qu.:2018-11-30
## Max. :2019-04-30
##
```

```
## explore distributions ##
# COD FID
df_1_cli_fid_clean %>%
  group_by(COD_FID) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 4 x 3
    COD_FID TOT_CLIS PERCENT
##
     <fct>
                     <int>
                           <dbl>
## 1 STANDARD
                    289756 0.784
## 2 PREMIUM
                     43878 0.119
## 3 STANDARD BIZ
                     29148 0.0789
## 4 PREMIUM BIZ
                      6690 0.0181
ggplot(df_1_cli_fid_clean, aes(x=COD_FID)) + geom_bar()
   3e+05 -
   2e+05 -
   1e+05 -
   0e+00 -
                PREMIUM
                                  PREMIUM BIZ
                                                      STANDARD
                                                                       STANDARD BIZ
                                            COD_FID
# TYP_CLI_FID
df_1_cli_fid_clean %>%
  group_by(TYP_CLI_FID) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
```

## # A tibble: 2 x 3

```
TYP_CLI_FID TOT_CLIs PERCENT
##
##
     <fct>
                    <int>
                            <dbl>
## 1 1
                   363865 0.985
## 2 0
                     5607 0.0152
ggplot(df_1_cli_fid_clean, aes(x=TYP_CLI_FID)) + geom_bar()
   3e+05 -
2e+05 -
   1e+05 -
   0e+00 -
                                          TYP_CLI_FID
# STATUS_FID
df_1_cli_fid_clean %>%
  group_by(STATUS_FID) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 2 x 3
##
   STATUS_FID TOT_CLIS PERCENT
```

##

## 1 1

## 2 0

<fct>

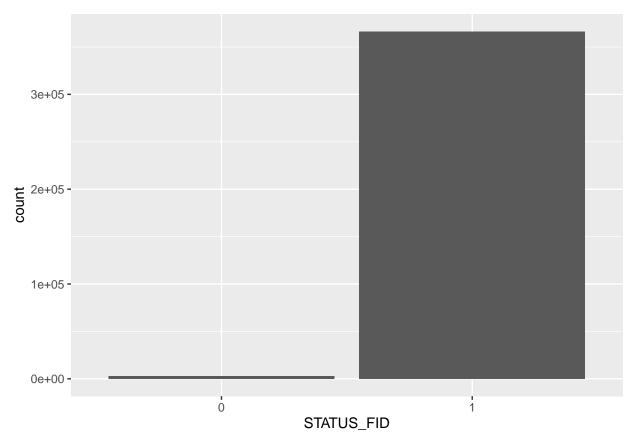
<int>

366413 0.992

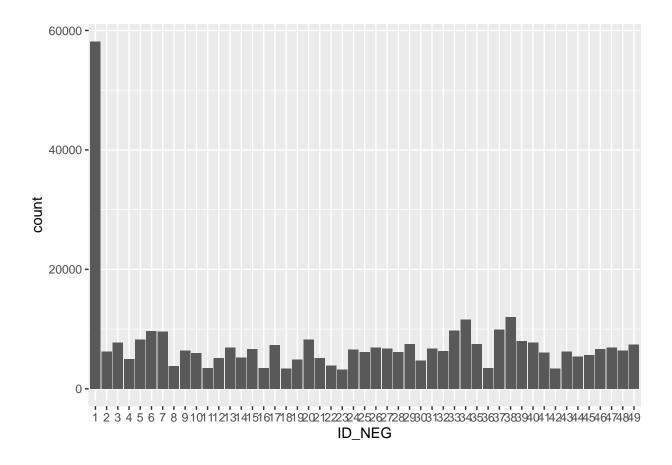
3059 0.00828

<dbl>

ggplot(df\_1\_cli\_fid\_clean, aes(x=STATUS\_FID)) + geom\_bar()



```
# ID_NEG
df_1_cli_fid_clean %>%
  group_by(ID_NEG) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 49 x 3
##
      ID_NEG TOT_CLIs PERCENT
##
      <fct>
                <int>
                        <dbl>
   1 1
##
                58174 0.157
##
    2 38
                11976 0.0324
##
   3 34
                11558 0.0313
##
   4 37
                9948 0.0269
                9745 0.0264
##
   5 33
##
    6 6
                9677 0.0262
##
   7 7
                9556 0.0259
##
  8 5
                 8281 0.0224
## 9 20
                 8251 0.0223
## 10 39
                 8016 0.0217
## # ... with 39 more rows
ggplot(df_1_cli_fid_clean, aes(x=ID_NEG)) + geom_bar()
```



# $df_2_{cli}_{account}$

##

##

##

##

Min.

## Mean

TYP\_CLI\_ACCOUNT

1st Qu.:4.000

## Median :4.000

:2.000

:3.806

```
str(df_2_cli_account)
## 'data.frame':
                    369472 obs. of 6 variables:
                    : int 600125 729642 304639 292497 589492 638815 658338 883322 508481 871293 ...
   $ ID CLI
   $ EMAIL_PROVIDER : Factor w/ 20511 levels "126.com", "163.com", ...: 203 100 20501 203 100 259 203 203
  $ W PHONE
                           NA NA 1 1 NA 1 1 1 1 1 ...
                           584621 714144 284176 272563 573304 622947 642716 856157 488177 847360 ...
  $ ID_ADDRESS
                     : int
   $ TYP_CLI_ACCOUNT: int 4 4 4 4 2 2 4 4 4 4 ...
   $ TYP_JOB
                     : Factor w/ 14 levels "Altro", "Artigiano",...: NA ...
summary(df_2_cli_account)
##
        ID_CLI
                        EMAIL_PROVIDER
                                            W_PHONE
                                                           ID_ADDRESS
                     gmail.com :151508
##
   Min. :
                                         Min. :1
                                                         Min.
                                                               :
##
   1st Qu.:230783
                     libero.it : 57782
                                         1st Qu.:1
                                                         1st Qu.:227903
##
   Median :462063
                     hotmail.it: 28698
                                         Median:1
                                                         Median :456720
          :462541
##
   Mean
                     alice.it : 18127
                                         Mean
                                                :1
                                                         Mean
                                                                :457283
##
   3rd Qu.:693197
                     yahoo.it : 16538
                                         3rd Qu.:1
                                                         3rd Qu.:686533
##
   Max. :934919
                     (Other)
                               : 90930
                                                         Max.
                                                                :900091
                                         Max.
                                                : 1
```

:27305

: 1560

784 641

NA's

TYP\_JOB

5889

Libero professionista: 3970

Impiegato/a

Pensionato/a

Altro

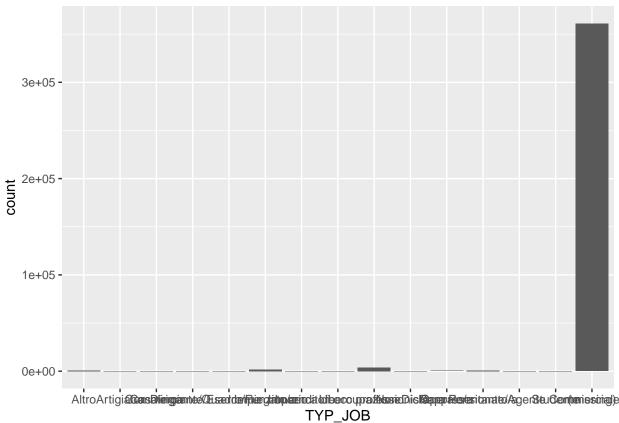
```
## 3rd Qu.:4.000
                   Operaio/a
                                        : 482
## Max. :4.000
                   (Other)
                                        : 1225
                                        :360810
##
                   NA's
## cleaning##
df_2_cli_account_clean <- df_2_cli_account
## formatting boolean as factor e numerical categories as factor ##
df_2_cli_account_clean <- df_2_cli_account_clean %>%
 mutate(W_PHONE = as.factor(W_PHONE))%>%
  mutate(TYP_CLI_ACCOUNT = as.factor(TYP_CLI_ACCOUNT))
## correct NA in categories ##
# we make use of the package forcats
library(forcats)
df_2_cli_account_clean <- df_2_cli_account_clean %>%
  mutate(W_PHONE = fct_explicit_na(W_PHONE, "0")) %>%
  mutate(EMAIL_PROVIDER = fct_explicit_na(EMAIL_PROVIDER, "(missing)")) %>%
 mutate(TYP_JOB = fct_explicit_na(TYP_JOB, "(missing)"))
## explore distributions ##
# COD_FID
df_2_cli_account_clean %>%
  group by (EMAIL PROVIDER) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
 mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
 arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 20,512 x 3
     EMAIL_PROVIDER TOT_CLIS PERCENT
##
##
      <fct>
                       <int>
                              <dbl>
                      151508 0.410
## 1 gmail.com
## 2 libero.it
                      57782 0.156
## 3 hotmail.it
                       28698 0.0777
## 4 alice.it
                       18127 0.0491
## 5 yahoo.it
                       16538 0.0448
## 6 hotmail.com
                       10076 0.0273
## 7 virgilio.it
                       9161 0.0248
## 8 tiscali.it
                        8733 0.0236
## 9 live.it
                        7936 0.0215
## 10 (missing)
                        5889 0.0159
## # ... with 20,502 more rows
df_2_cli_account_clean %>%
  summarize(TOT_EMAIL_PROVIDER = n_distinct(EMAIL_PROVIDER))
##
     TOT_EMAIL_PROVIDER
## 1
                 20512
# too many different values for EMAIL_PROVIDER to be an useful category
# W_PHONE
df_2_cli_account_clean %>%
  group_by(W_PHONE) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
```

```
mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 2 x 3
    W_PHONE TOT_CLIS PERCENT
     <fct>
              <int>
                      <dbl>
## 1 1
              342167 0.926
## 2 0
              27305 0.0739
ggplot(df_2_cli_account_clean, aes(x=W_PHONE)) + geom_bar()
   3e+05 -
   2e+05 -
   1e+05 -
   0e+00 -
                                           W_PHONE
# TYP_JOB
df_2_cli_account_clean %>%
  group_by(TYP_JOB) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 15 x 3
     TYP_JOB
                                        TOT_CLIs
                                                   PERCENT
##
##
      <fct>
                                           <int>
                                                     <dbl>
## 1 (missing)
                                          360810 0.977
## 2 Libero professionista
                                            3970 0.0107
## 3 Impiegato/a
                                            1560 0.00422
## 4 Altro
                                             784 0.00212
## 5 Pensionato/a
                                             641 0.00173
```

## 6 Operaio/a

482 0.00130

```
## 7 Dirigente/Quadro/Funzionario
                                             354 0.000958
## 8 Non Dichiara
                                             218 0.000590
## 9 Casalinga
                                             191 0.000517
## 10 Artigiano
                                             131 0.000355
## 11 Imprenditore
                                             108 0.000292
## 12 In cerca di occupazione
                                              79 0.000214
## 13 Commerciante/Esercente
                                              71 0.000192
## 14 Studente
                                              54 0.000146
## 15 Rappresentante/Agente Commerciale
                                              19 0.0000514
df_2_cli_account_clean %>%
  summarize(TOT_TYP_JOB = n_distinct(TYP_JOB))
     TOT_TYP_JOB
## 1
              15
ggplot(df_2_cli_account_clean, aes(x=TYP_JOB)) + geom_bar()
```



```
## lets review ##

str(df_2_cli_account_clean)

## 'data.frame': 369472 obs. of 6 variables:

## $ ID_CLI : int 600125 729642 304639 292497 589492 638815 658338 883322 508481 871293 ...

## $ EMAIL_PROVIDER : Factor w/ 20512 levels "126.com","163.com",..: 203 100 20501 203 100 259 203 203

## $ W_PHONE : Factor w/ 2 levels "1","0": 2 2 1 1 2 1 1 1 1 1 ...

## $ ID_ADDRESS : int 584621 714144 284176 272563 573304 622947 642716 856157 488177 847360 ...

## $ TYP_CLI_ACCOUNT: Factor w/ 2 levels "2","4": 2 2 2 2 1 1 2 2 2 2 ...

## $ TYP_JOB : Factor w/ 15 levels "Altro","Artigiano",..: 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 ...
```

#### summary(df\_2\_cli\_account\_clean) EMAIL PROVIDER W PHONE ID ADDRESS ## ID CLI gmail.com :151508 ## 1:342167 Min. : Min. : 1st Qu.:230783 libero.it : 57782 0: 27305 1st Qu.:227903 ## Median :462063 hotmail.it : 28698 Median :456720 ## Mean :462541 alice.it : 18127 Mean :457283 ## 3rd Qu.:693197 3rd Qu.:686533 yahoo.it : 16538 ## Max. :934919 hotmail.com: 10076 Max. :900091 ## (Other) : 86743 ## TYP\_CLI\_ACCOUNT TYP JOB ## 2: 35816 (missing) :360810 ## 4:333656 Libero professionista: 3970 ## Impiegato/a 1560 ## Altro 784 ## Pensionato/a 641 ## Operaio/a 482 ## : 1225 (Other) #too many missing values for EMAIL\_PROVIDER to be an useful category #keep the most frequent values and (missing) while changing the remaing into "OTHER" freq\_email\_providers <- df\_2\_cli\_account\_clean %>% group\_by(EMAIL\_PROVIDER) %>% summarize(TOT CLIs = n distinct(ID CLI)) %>% mutate(PERCENT = TOT\_CLIs/sum(TOT\_CLIs)) %>% arrange(desc(PERCENT)) %>% mutate(PERCENT\_COVERED = cumsum(TOT\_CLIs)/sum(TOT\_CLIs)) head(freq\_email\_providers, 20) ## # A tibble: 20 x 4 ## EMAIL PROVIDER TOT CLIS PERCENT PERCENT COVERED <dbl> ## <fct> <dbl> <int> 1 gmail.com 151508 0.410 0.410 ## 2 libero.it 57782 0.156 0.566 ## 3 hotmail.it 28698 0.0777 0.644 18127 0.0491 ## 4 alice.it 0.693 ## 5 yahoo.it 16538 0.0448 0.738 ## 6 hotmail.com 10076 0.0273 0.765 9161 0.0248 ## 7 virgilio.it 0.790 ## 8 tiscali.it 8733 0.0236 0.814 ## 9 live.it 7936 0.0215 0.835 ## 10 (missing) 5889 0.0159 0.851 ## 11 icloud.com 3735 0.0101 0.861 ## 12 yahoo.com 3259 0.00882 0.870 ## 13 gmail.it 2266 0.00613 0.876 ## 14 tin.it 2183 0.00591 0.882 ## 15 outlook.it 2039 0.00552 0.888 ## 16 fastwebnet.it 1749 0.00473 0.892 ## 17 inwind.it 1514 0.00410 0.896 ## 18 email.it 1103 0.00299 0.899 ## 19 me.com 1034 0.00280 0.902 ## 20 live.com 837 0.00227 0.904

```
clean_email_providers <- freq_email_providers %>%
  mutate(EMAIL_PROVIDER = as.character(EMAIL_PROVIDER)) %>%
  mutate(AUX = if_else(PERCENT_COVERED < 0.85 | (PERCENT_COVERED > 0.85 & lag(PERCENT_COVERED) < 0.85),
  mutate(EMAIL_PROVIDER_CLEAN = if_else(AUX | EMAIL_PROVIDER == "(missing)", EMAIL_PROVIDER, "others"))
head(clean_email_providers, 20)
## # A tibble: 20 x 6
     EMAIL_PROVIDER TOT_CLIS PERCENT PERCENT_COVERED
                                                       AUX EMAIL_PROVIDER_CL~
##
      <chr>
                       <int>
                               <dbl>
                                               <dbl> <dbl> <chr>
## 1 gmail.com
                      151508 0.410
                                               0.410
                                                         1 gmail.com
## 2 libero.it
                       57782 0.156
                                               0.566
                                                          1 libero.it
## 3 hotmail.it
                       28698 0.0777
                                               0.644
                                                         1 hotmail.it
## 4 alice.it
                       18127 0.0491
                                               0.693
                                                         1 alice.it
## 5 yahoo.it
                       16538 0.0448
                                               0.738
                                                         1 yahoo.it
## 6 hotmail.com
                      10076 0.0273
                                               0.765
                                                         1 hotmail.com
## 7 virgilio.it
                       9161 0.0248
                                               0.790
                                                         1 virgilio.it
## 8 tiscali.it
                        8733 0.0236
                                               0.814
                                                         1 tiscali.it
## 9 live.it
                       7936 0.0215
                                               0.835
                                                         1 live.it
## 10 (missing)
                       5889 0.0159
                                               0.851
                                                         1 (missing)
## 11 icloud.com
                       3735 0.0101
                                               0.861
                                                         0 others
## 12 yahoo.com
                       3259 0.00882
                                               0.870
                                                         0 others
## 13 gmail.it
                       2266 0.00613
                                                         0 others
                                               0.876
## 14 tin.it
                       2183 0.00591
                                               0.882
                                                         0 others
## 15 outlook.it
                        2039 0.00552
                                               0.888
                                                         0 others
## 16 fastwebnet.it
                       1749 0.00473
                                                         0 others
                                               0.892
## 17 inwind.it
                       1514 0.00410
                                               0.896
                                                         0 others
## 18 email.it
                                                         0 others
                       1103 0.00299
                                               0.899
## 19 me.com
                        1034 0.00280
                                               0.902
                                                         0 others
## 20 live.com
                                                         0 others
                         837 0.00227
                                               0.904
df_2_cli_account_clean <- df_2_cli_account_clean %>%
  mutate(EMAIL_PROVIDER = as.character(EMAIL_PROVIDER)) %>%
  left_join(clean_email_providers %>%
              select(EMAIL_PROVIDER, EMAIL_PROVIDER_CLEAN)
            , by = "EMAIL_PROVIDER") %>%
  select(-EMAIL_PROVIDER) %>%
  mutate(EMAIL_PROVIDER_CLEAN = as.factor(EMAIL_PROVIDER_CLEAN))
## explore distributions ##
# EMAIL_PROVIDER_CLEAN
df_2_cli_account_clean %>%
  group_by(EMAIL_PROVIDER_CLEAN) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 11 x 3
##
     EMAIL_PROVIDER_CLEAN TOT_CLIS PERCENT
      <fct>
                             <int>
                                      <db1>
## 1 gmail.com
                            151508 0.410
## 2 libero.it
                             57782 0.156
## 3 others
                             55024 0.149
## 4 hotmail.it
                             28698 0.0777
## 5 alice.it
                             18127 0.0491
```

```
## 6 yahoo.it 16538 0.0448

## 7 hotmail.com 10076 0.0273

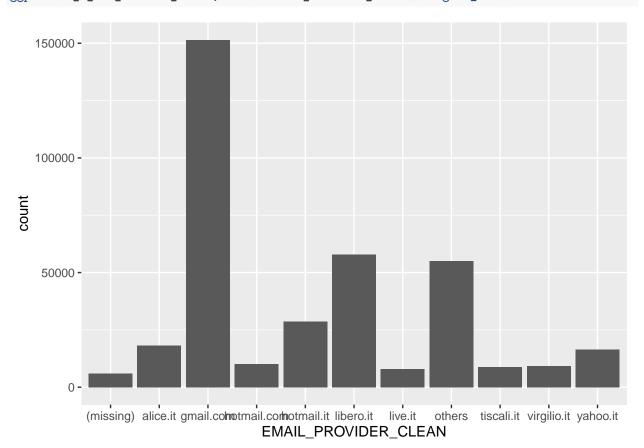
## 8 virgilio.it 9161 0.0248

## 9 tiscali.it 8733 0.0236

## 10 live.it 7936 0.0215

## 11 (missing) 5889 0.0159
```

ggplot(df\_2\_cli\_account\_clean, aes(x=EMAIL\_PROVIDER\_CLEAN)) + geom\_bar()



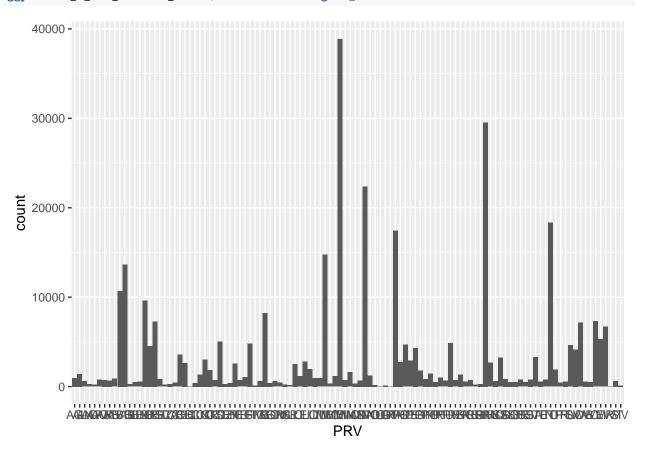
```
## lets review ##
str(df_2_cli_account_clean)
```

### summary(df\_2\_cli\_account\_clean)

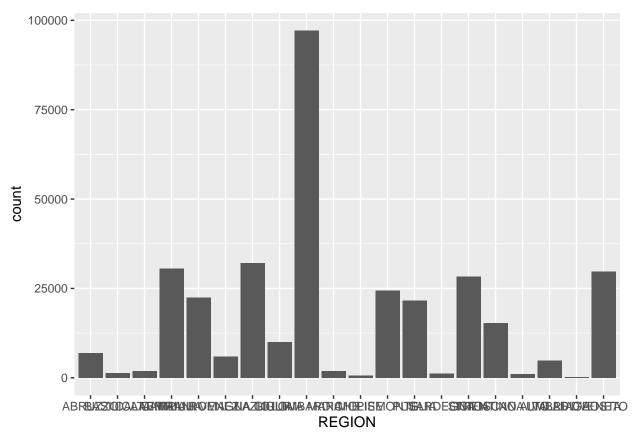
W PHONE ID ADDRESS TYP\_CLI\_ACCOUNT ## ID CLI ## Min. : 1:342167 Min. : 1 2: 35816 1 ## 1st Qu.:230783 0: 27305 1st Qu.:227903 4:333656 ## Median :462063 Median: 456720 Mean :457283 ## Mean :462541 ## 3rd Qu.:693197 3rd Qu.:686533

```
Max. :934919
                           Max.
                                   :900091
##
##
                               EMAIL PROVIDER CLEAN
##
                   TYP JOB
## (missing)
                      :360810 gmail.com :151508
## Libero professionista: 3970 libero.it: 57782
## Impiegato/a
                   : 1560 others
                                        : 55024
## Altro
                      : 784 hotmail.it: 28698
## Pensionato/a
                     : 641 alice.it : 18127
## Operaio/a
                     : 482 yahoo.it : 16538
## (Other)
                     : 1225 (Other) : 41795
df_3_cli_address
str(df 3 cli address)
## 'data.frame':
                  1211332 obs. of 4 variables:
## $ CAP
         : chr "20083" "20024" "20090" "20090" ...
## $ PRV
              : chr "MI" "MI" "MI" "MI" ...
## $ REGION
              : chr "LOMBARDIA" "LOMBARDIA" "LOMBARDIA" "LOMBARDIA" ...
summary(df_3_cli_address)
##
     ID_ADDRESS
                      CAP
                                        PRV
                                                        REGION
## Min. :
             1 Length: 1211332
                                    Length: 1211332
                                                     Length: 1211332
## 1st Qu.:221063 Class:character Class:character
                                                     Class : character
## Median :437083
                  Mode :character Mode :character Mode :character
## Mean
         :443391
## 3rd Qu.:664931
## Max.
          :900090
## cleaning ##
df_3_cli_address_clean <- df_3_cli_address</pre>
## convert PRV e REGION into factors ##
df_3_cli_address_clean <- df_3_cli_address_clean %>%
 mutate(PRV = as.factor(PRV)) %>%
 mutate(REGION = as.factor(REGION)) %>%
 distinct()
# closer look on df_3_cli_address
df_3_cli_address_clean %>%
 group_by(w_CAP = !is.na(CAP), w_PRV = !is.na(PRV), w_REGION = !is.na(REGION)) %>%
 summarize(TOT_ADDs = n_distinct(ID_ADDRESS))
## # A tibble: 4 x 4
## # Groups: w_CAP, w_PRV [3]
    w_CAP w_PRV w_REGION TOT_ADDs
    <lgl> <lgl> <lgl> <lgl>
                          <int>
## 1 FALSE FALSE FALSE
                            121
## 2 TRUE FALSE FALSE
                          23148
## 3 TRUE TRUE FALSE
                            595
## 4 TRUE TRUE TRUE
                         337466
# drop the record without CAP - PRV - REGION
df_3_cli_address_clean <- df_3_cli_address_clean %>%
```

```
filter(!is.na(CAP) & !is.na(PRV) & !is.na(REGION))
## explore distributions ##
# PRV
df_3_cli_address_clean %>%
  group_by(PRV) %>%
  summarize(TOT_ADDs = n_distinct(ID_ADDRESS)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_ADDs/sum(TOT_ADDs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 110 x 3
##
      PRV
            TOT_ADDs PERCENT
##
      <fct>
               <int>
                       <dbl>
##
    1 MI
               38850
                      0.115
##
    2 RM
               29529 0.0875
##
    3 NA
               22374 0.0663
##
    4 TO
               18322
                      0.0543
##
    5 PA
               17448
                      0.0517
##
    6 MB
               14751
                      0.0437
##
    7 BG
               13659
                      0.0405
##
               10698
                      0.0317
    8 BA
                9634
                      0.0285
##
    9 BO
## 10 GE
                8234 0.0244
## # ... with 100 more rows
ggplot(df_3_cli_address_clean, aes(x=PRV)) + geom_bar()
```



```
# REGION
df_3_cli_address_clean %>%
  group_by(REGION) %>%
  summarize(TOT_ADDs = n_distinct(ID_ADDRESS)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_ADDs/sum(TOT_ADDs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 20 x 3
##
     REGION
                            TOT ADDS PERCENT
##
      <fct>
                                <int>
                                         <dbl>
## 1 LOMBARDIA
                                97181 0.288
## 2 LAZIO
                              32058 0.0950
                             30570 0.0906
29696 0.0880
28329 0.0839
24377 0.0722
22515 0.0667
21582 0.0640
## 3 CAMPANIA
## 4 VENETO
## 5 SICILIA
## 6 PIEMONTE
## 7 EMILIA ROMAGNA
## 8 PUGLIA
                              15369 0.0455
## 9 TOSCANA
## 10 LIGURIA
                               9994 0.0296
## 11 ABRUZZO
                               6856 0.0203
## 12 FRIULI VENEZIA GIULIA 5969 0.0177
## 13 UMBRIA
                                4771 0.0141
## 14 MARCHE
                               1931 0.00572
## 15 CALABRIA
                                1837 0.00544
## 16 BASILICATA
                                1382 0.00410
## 17 SARDEGNA
                               1124 0.00333
## 18 TRENTINO ALTO ADIGE
                                982 0.00291
## 19 MOLISE
                                 668 0.00198
## 20 VALLE D'AOSTA
                                 277 0.000821
ggplot(df_3_cli_address_clean, aes(x=REGION)) + geom_bar()
```



```
## lets review ##
str(df_3_cli_address_clean)

## 'data.frame': 337468 obs. of 4 variables:
## $ ID_ADDRESS: int 1337 1344 1347 1352 1353 1355 1361 1379 1384 1387 ...
## $ CAP : chr "20083" "20024" "20090" "20123" ...
## $ PRV : Factor w/ 241 levels "-",".","06061",..: 113 113 113 113 113 113 113 113 113 ...
## $ REGION : Factor w/ 20 levels "ABRUZZO","BASILICATA",..: 9 9 9 9 9 9 12 9 9 9 ...
summary(df_3_cli_address_clean)
```

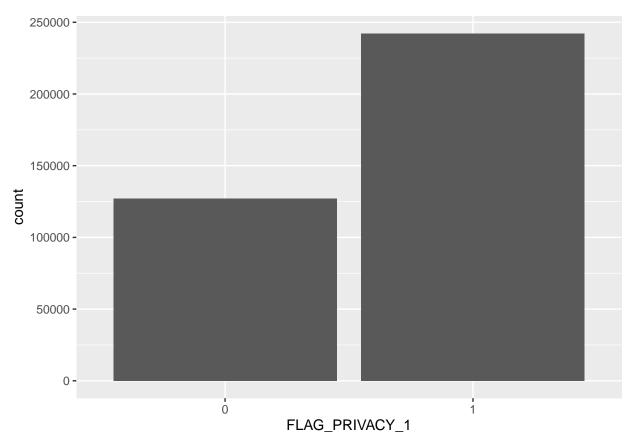
##	ID_ADDRESS	CAP	PRV	REGION
##	Min. : 1	Length:337468	MI : 38850	LOMBARDIA:97181
##	1st Qu.:219149	Class :character	RM : 29529	LAZIO :32058
##	Median :441844	Mode :character	NA : 22374	CAMPANIA:30570
##	Mean :444313		TO : 18322	VENETO :29696
##	3rd Qu.:667976		PA : 17448	SICILIA :28329
##	Max. :900090		MB : 14751	PIEMONTE :24377
##			(Other):196194	(Other) :95257

# df\_4\_cli\_privacy

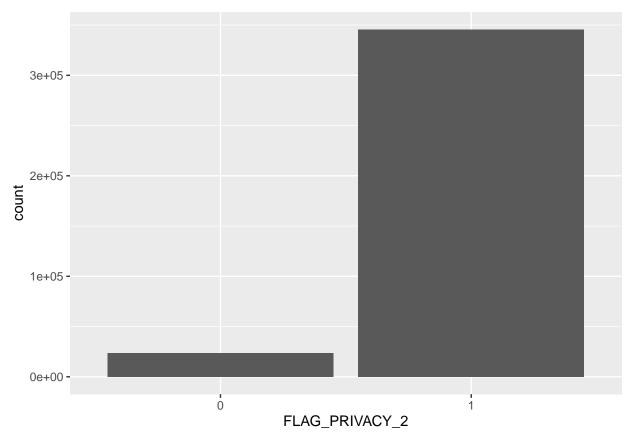
```
str(df_4_cli_privacy)
```

```
## 'data.frame': 369472 obs. of 4 variables:
## $ ID_CLI : int 4691 3434 3533 9866 5799 4660 8441 502 13290 6448 ...
## $ FLAG_PRIVACY_1 : int 1 0 1 1 1 0 0 1 1 1 ...
```

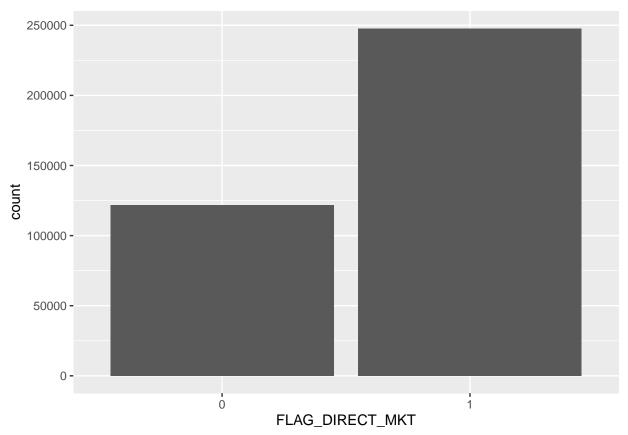
```
## $ FLAG_PRIVACY_2 : int 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ FLAG_DIRECT_MKT: int 1 0 1 1 1 0 0 1 1 1 ...
summary(df_4_cli_privacy)
##
       ID_CLI
                    FLAG_PRIVACY_1
                                    FLAG_PRIVACY_2
                                                     FLAG_DIRECT_MKT
## Min. :
                    Min. :0.0000 Min. :0.0000
                                                     Min.
                                                          :0.0000
## 1st Qu.:230783
                   1st Qu.:0.0000 1st Qu.:1.0000
                                                     1st Qu.:0.0000
## Median :462063 Median :1.0000 Median :1.0000
                                                     Median :1.0000
## Mean :462541 Mean :0.6557 Mean :0.9356
                                                     Mean :0.6707
## 3rd Qu.:693197
                    3rd Qu.:1.0000
                                   3rd Qu.:1.0000
                                                     3rd Qu.:1.0000
## Max.
         :934919
                    Max. :1.0000 Max.
                                          :1.0000
                                                     Max. :1.0000
## cleaning ##
df_4_cli_privacy_clean <- df_4_cli_privacy</pre>
# formatting boolean into facotr
df_4_cli_privacy_clean <- df_4_cli_privacy_clean %>%
 mutate(FLAG_PRIVACY_1 = as.factor(FLAG_PRIVACY_1)) %>%
 mutate(FLAG_PRIVACY_2 = as.factor(FLAG_PRIVACY_2)) %>%
 mutate(FLAG_DIRECT_MKT = as.factor(FLAG_DIRECT_MKT))
## explore distributions ##
# FLAG PRIVACY 1
df_4_cli_privacy_clean %>%
 group_by(FLAG_PRIVACY_1) %>%
 summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
 mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
 arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 2 x 3
##
    FLAG_PRIVACY_1 TOT_CLIS PERCENT
##
    <fct>
                      <int>
                              <dbl>
## 1 1
                              0.656
                     242251
## 2 0
                     127221
                             0.344
ggplot(df_4_cli_privacy_clean, aes(x=FLAG_PRIVACY_1)) + geom_bar()
```



```
# FLAG_PRIVACY_2
df_4_cli_privacy_clean %>%
  group_by(FLAG_PRIVACY_2) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 2 x 3
##
    FLAG_PRIVACY_2 TOT_CLIS PERCENT
                               <dbl>
##
                       <int>
## 1 1
                      345682 0.936
## 2 0
                       23790 0.0644
ggplot(df_4_cli_privacy_clean, aes(x=FLAG_PRIVACY_2)) + geom_bar()
```

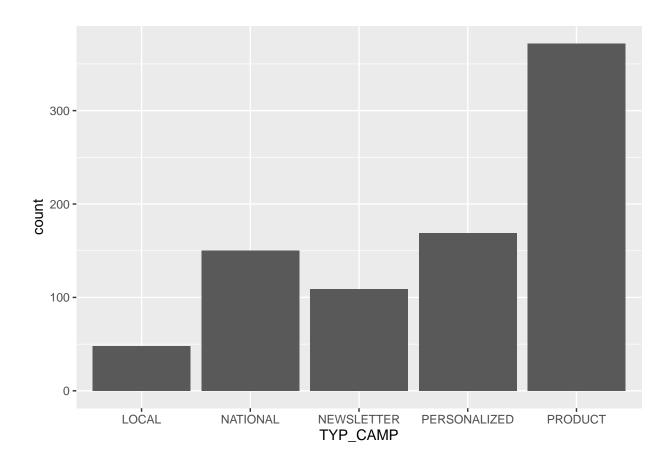


```
# FLAG_DIRECT_MKT
df_4_cli_privacy_clean %>%
  group_by(FLAG_DIRECT_MKT) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 2 x 3
##
    FLAG_DIRECT_MKT TOT_CLIS PERCENT
                        <int>
                                <dbl>
                                0.671
## 1 1
                       247790
## 2 0
                       121682
                               0.329
ggplot(df_4_cli_privacy_clean, aes(x=FLAG_DIRECT_MKT)) + geom_bar()
```



```
df_4_cli_privacy_clean %>%
  group_by(FLAG_PRIVACY_1, FLAG_PRIVACY_2, FLAG_DIRECT_MKT) %>%
  summarize(TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI)) %>%
  mutate(PERCENT = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs)) %>%
  arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 8 x 5
## # Groups: FLAG_PRIVACY_1, FLAG_PRIVACY_2 [4]
     FLAG_PRIVACY_1 FLAG_PRIVACY_2 FLAG_DIRECT_MKT TOT_CLIS PERCENT
##
##
     <fct>
                    <fct>
                                   <fct>
                                                       <int>
                                                               <dbl>
## 1 1
                                                       17042
                    0
                                                             0.983
## 2 1
                    1
                                   1
                                                      212323 0.944
## 3 0
                                   0
                                                      103527 0.857
                    1
## 4 0
                    0
                                   0
                                                        5269 0.816
## 5 0
                    0
                                   1
                                                        1187 0.184
## 6 0
                    1
                                   1
                                                       17238 0.143
## 7 1
                                   0
                                                       12594 0.0560
## 8 1
                    0
                                   0
                                                         292 0.0168
## lets review ##
str(df_4_cli_privacy_clean)
```

```
summary(df_4_cli_privacy_clean)
                    FLAG_PRIVACY_1 FLAG_PRIVACY_2 FLAG_DIRECT_MKT
##
       ID CLI
##
                    0:127221
                                 0: 23790
  Min.
         :
                                                0:121682
## 1st Qu.:230783
                    1:242251
                                   1:345682
                                                  1:247790
## Median :462063
## Mean
          :462541
## 3rd Qu.:693197
## Max.
          :934919
df_5_{camp\_cat}
str(df_5_camp_cat)
## 'data.frame':
                   848 obs. of 3 variables:
## $ ID CAMP : int 757 759 760 761 762 763 764 765 767 769 ...
## $ TYP_CAMP : Factor w/ 5 levels "LOCAL", "NATIONAL", ...: 4 4 4 4 4 4 4 4 4 ...
## $ CHANNEL_CAMP: Factor w/ 1 level "EMAIL": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
summary(df_5_camp_cat)
      ID_CAMP
                            TYP_CAMP
                                       CHANNEL CAMP
##
## Min. : 5.0 LOCAL
                                : 48
                                       EMAIL:848
## 1st Qu.: 327.8
                    NATIONAL
                                :150
## Median: 561.5 NEWSLETTER: 109
## Mean : 559.6 PERSONALIZED:169
## 3rd Qu.: 812.2
                    PRODUCT
                               :372
## Max.
          :1052.0
## cleaning ##
df_5_camp_cat_clean <- df_5_camp_cat</pre>
# the field CHANNEL_CAMP has one value <-- is not relevant
df_5_camp_cat_clean <- df_5_camp_cat_clean %>%
 select(-CHANNEL_CAMP)
## explore distributions ##
df_5_camp_cat_clean %>%
 group_by(TYP_CAMP) %>%
 summarize(TOT_CAMPs = n_distinct(ID_CAMP)) %>%
 mutate(PERCENT = TOT_CAMPs/sum(TOT_CAMPs)) %>%
 arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 5 x 3
    TYP_CAMP
                 TOT_CAMPs PERCENT
##
##
    <fct>
                     <int>
                             <dbl>
## 1 PRODUCT
                       372 0.439
## 2 PERSONALIZED
                       169 0.199
## 3 NATIONAL
                       150 0.177
## 4 NEWSLETTER
                       109 0.129
## 5 LOCAL
                        48 0.0566
ggplot(df 5 camp cat clean, aes(x=TYP CAMP)) + geom bar()
```



### df\_6\_camp\_event

C: 51678

65

##

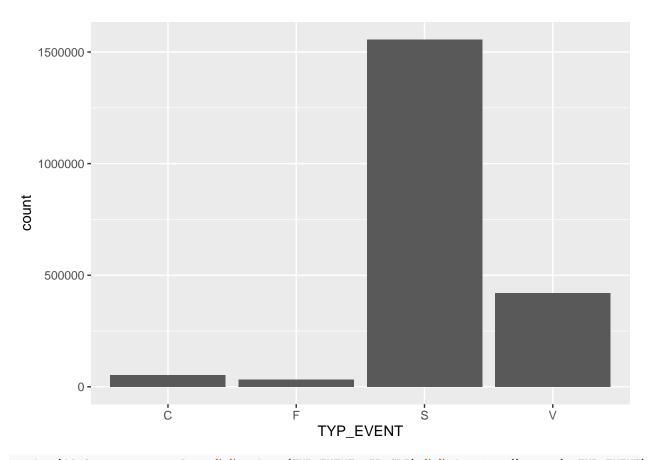
## E:

```
str(df_6_camp_event)
## 'data.frame':
                   2060360 obs. of 6 variables:
## $ ID_EVENT : int 11548588 11548640 11548572 11548515 11548609 11548497 11548441 11548490 1154862
## $ ID CLI
                : int
                      411925 313259 327299 627427 265258 693938 610832 515395 59640 515395 ...
              : int 948 949 941 923 950 955 946 829 951 951 ...
## $ ID_CAMP
## $ ID_DELIVERY: int 8996 8997 8817 8263 8998 9115 8970 8876 9032 9032 ...
   TYP_EVENT : Factor w/ 5 levels "B", "C", "E", "S", ...: 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 ...
   $ EVENT_DATE : Factor w/ 403276 levels "2019-01-01T00:00:46",..: 20 38 17 12 25 8 1 5 30 6 ...
summary(df_6_camp_event)
                         ID_CLI
##
      ID_EVENT
                                         ID_CAMP
                                                      ID_DELIVERY
##
   Min. :11548441
                     Min. :
                                1
                                     Min. : 148.0
                                                      Min. : 7680
                    1st Qu.:208129
                                      1st Qu.: 970.0 1st Qu.:10066
   1st Qu.:13526812
  Median :14867410
                    Median :398084
                                      Median: 991.0 Median: 10585
   Mean
         :14757544
                     Mean :413793
                                      Mean : 928.9
                                                      Mean :10534
                                      3rd Qu.:1024.0
##
   3rd Qu.:16284762
                    3rd Qu.:618440
                                                      3rd Qu.:11151
##
   Max. :17650340
                     Max.
                            :931973
                                      Max. :1048.0
                                                      Max. :11509
##
##
   TYP_EVENT
                            EVENT_DATE
##
   B: 31732
             2019-04-04T17:52:18: 132336
```

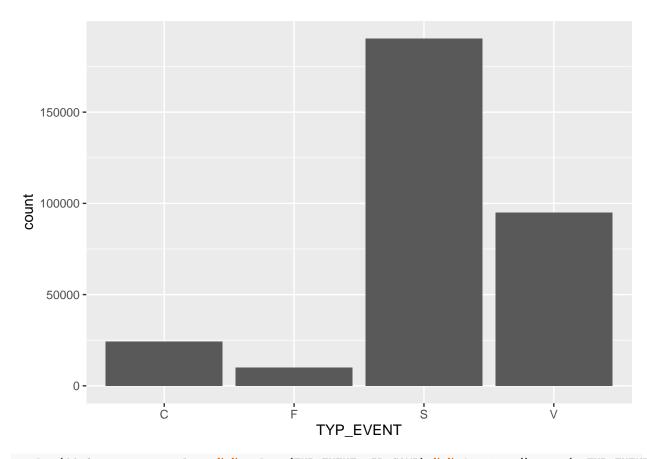
2019-02-13T13:08:03: 125227

2019-02-28T13:07:32: 125099

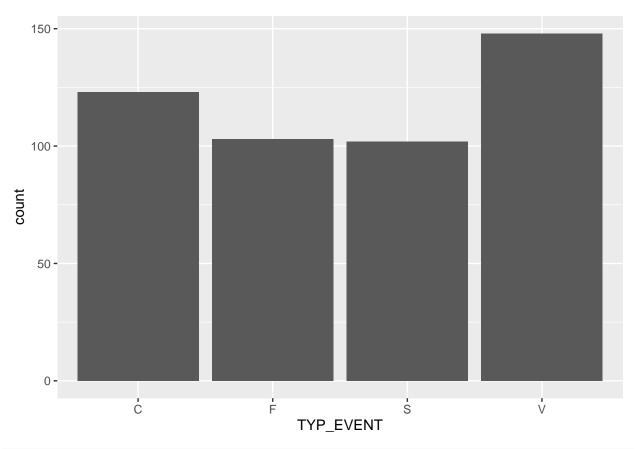
```
## S:1556646
               2019-01-08T13:08:27: 115029
## V: 420239 2019-01-31T13:07:32: 113831
##
                2019-04-11T13:06:45: 111317
##
                (Other)
                                   :1337521
## cleaning ##
df_6_camp_event_clean <- df_6_camp_event</pre>
# despite the field EVENT_TIME is datetime, we just need the corresponding dates
df_6_camp_event_clean <- df_6_camp_event_clean %>%
 mutate(EVENT DATE = as.Date(EVENT DATE, format="%Y-%m-%dT%H:%M:%S"))
# for the purpose of the analysis we are delivering here it would make no difference distinguish "ERROR
# lets combine them into a common category "FAILURE" with "F" as EVENT_CODE before changing the field t
df_6_camp_event_clean <- df_6_camp_event_clean %>%
 mutate(TYP_EVENT = as.factor(if_else(TYP_EVENT == "E" | TYP_EVENT == "B", "F", as.character(TYP_EVENT
## explore distributions ##
# type event
df_6_camp_event_clean %>%
 group_by(TYP_EVENT) %>%
  summarize(TOT_EVENTs = n_distinct(ID_EVENT), TOT_CLIs = n_distinct(ID_CLI), TOT_CAMPs = n_distinct(ID
 mutate(PERCENT_EVENT = TOT_EVENTs/sum(TOT_EVENTs), PERCENT_CLI = TOT_CLIs/sum(TOT_CLIs), PERCENT_CAMP
 arrange(desc(PERCENT_EVENT), desc(PERCENT_EVENT), desc(PERCENT_CAMP))
## # A tibble: 4 x 7
    TYP_EVENT TOT_EVENTs TOT_CLIs TOT_CAMPs PERCENT_EVENT PERCENT_CLI
##
##
                    <int>
                             <int>
                                       <int>
                                                     <dbl>
                                                                 <dbl>
                                                    0.756
## 1 S
                  1556646
                            190427
                                         102
                                                                 0.596
## 2 V
                   420239
                             94832
                                         148
                                                    0.204
                                                                 0.297
## 3 C
                             24204
                                         123
                                                    0.0251
                                                                 0.0758
                    51678
## 4 F
                    31797
                             10058
                                                    0.0154
                                                                 0.0315
                                         103
## # ... with 1 more variable: PERCENT_CAMP <dbl>
ggplot(df_6_camp_event_clean %>% select(TYP_EVENT, ID_EVENT) %>% distinct(), aes(x=TYP_EVENT)) + geom_b
```



ggplot(df\_6\_camp\_event\_clean %>% select(TYP\_EVENT, ID\_CLI) %>% distinct(), aes(x=TYP\_EVENT)) + geom\_bar

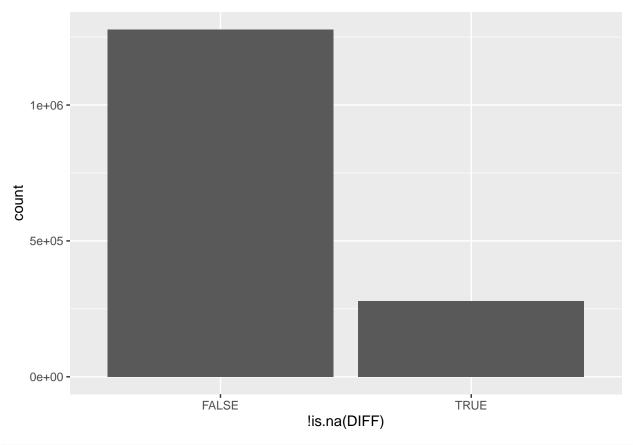


ggplot(df\_6\_camp\_event\_clean %>% select(TYP\_EVENT, ID\_CAMP) %>% distinct(), aes(x=TYP\_EVENT)) + geom\_ba



```
# min - max dates
df_6_camp_event_clean %>% summarize(MIN_DATE = min(EVENT_DATE), MAX_DATE = max(EVENT_DATE))
       MIN_DATE MAX_DATE
## 1 2019-01-01 2019-04-30
#### DATA PREPARATION ####
# the aim is to create what we need for our model.
# first we explore the distribution
df_6_camp_event_clean_w_type <- df_6_camp_event_clean %>%
  left_join(df_5_camp_cat_clean
            , by = "ID_CAMP")
df_sents <- df_6_camp_event_clean_w_type %>%
  filter(TYP_EVENT == "S") %>%
  select(-TYP_EVENT) %>%
  select(ID_EVENT_S = ID_EVENT, ID_CLI, ID_CAMP, TYP_CAMP, ID_DELIVERY, SEND_DATE = EVENT_DATE)
# open
df_opens <- df_6_camp_event_clean_w_type %>%
  filter(TYP_EVENT == "V") %>%
  select(-TYP_EVENT) %>%
  select(ID_EVENT_0 = ID_EVENT, ID_CLI, ID_CAMP, TYP_CAMP, ID_DELIVERY, OPEN_DATE = EVENT_DATE) %>%
  group_by(ID_CLI, ID_CAMP, ID_DELIVERY) %>%
  filter(OPEN_DATE == min(OPEN_DATE)) %>%
```

```
filter(row_number() == 1) %>%
  ungroup()
# click
df_clicks <- df_6_camp_event_clean_w_type %>%
  filter(TYP_EVENT == "C") %>%
  select(-TYP EVENT) %>%
  select(ID_EVENT_C = ID_EVENT, ID_CLI, ID_CAMP, TYP_CAMP, ID_DELIVERY, CLICK_DATE = EVENT_DATE) %>%
  group_by(ID_CLI, ID_CAMP, ID_DELIVERY) %>%
 filter(CLICK_DATE == min(CLICK_DATE)) %>%
 filter(row_number() == 1) %>%
 ungroup()
# failure
df_fails <- df_6_camp_event_clean_w_type %>%
 filter(TYP EVENT == "F") %>%
  select(-TYP EVENT) %>%
  select(ID_EVENT_F = ID_EVENT, ID_CLI, ID_CAMP, TYP_CAMP, ID_DELIVERY, FAIL_DATE = EVENT_DATE) %>%
  group_by(ID_CLI, ID_CAMP, ID_DELIVERY) %>%
  filter(FAIL_DATE == min(FAIL_DATE)) %>%
 filter(row_number() == 1) %>%
  ungroup()
# attach send to open
df_sents_w_open <- df_sents %>%
 left_join(df_opens
            , by = c("ID_CLI", "ID_CAMP", "ID_DELIVERY", "TYP_CAMP")
            ) %>%
 filter(is.na(OPEN_DATE) | SEND_DATE <= OPEN_DATE) %>%
  mutate(DIFF = as.integer(OPEN_DATE - SEND_DATE))
# number of sents without opens
df_sents_w_open %>%
  group_by(w_open = !is.na(DIFF)) %>%
  summarize(TOT_SENTs = n_distinct(ID_EVENT_S)) %>%
 mutate(PERCENT = TOT_SENTs/sum(TOT_SENTs)) %>%
 arrange(desc(PERCENT))
## # A tibble: 2 x 3
##
   w_open TOT_SENTs PERCENT
    <lgl> <int> <dbl>
## 1 FALSE 1278264 0.821
## 2 TRUE
              278382 0.179
ggplot(df sents w open, aes(x=!is.na(DIFF))) + geom bar()
```



```
# distribution days opens
df_sents_w_open %>% filter(!is.na(DIFF)) %>%
  group_by(DIFF) %>%
  summarize(TOT_EVENTs = n_distinct(ID_EVENT_S)) %>%
  arrange(DIFF) %>%
  mutate(PERCENT_COVERED = cumsum(TOT_EVENTs)/sum(TOT_EVENTs))
## # A tibble: 60 x 3
##
       DIFF TOT_EVENTS PERCENT_COVERED
      <int>
##
                 <int>
                                 <dbl>
                179630
                                 0.645
##
   1
          0
                                 0.823
##
          1
                 49431
##
   3
          2
                 12062
                                 0.866
##
   4
          3
                  7641
                                 0.894
##
   5
          4
                  6542
                                 0.917
   6
         5
##
                  4185
                                 0.932
##
   7
          6
                  3407
                                 0.944
##
   8
          7
                  2236
                                 0.952
          8
                  1359
##
   9
                                 0.957
## 10
                  1171
                                 0.961
## # ... with 50 more rows
ggplot(df_sents_w_open %>% filter(!is.na(DIFF)) %>%
         group_by(DIFF) %>%
         summarize(TOT_EVENTs = n_distinct(ID_EVENT_S)) %>%
         arrange(DIFF) %>%
         mutate(PERCENT_COVERED = cumsum(TOT_EVENTs)/sum(TOT_EVENTs)) %>%
```

```
filter(DIFF <= 14)
, aes(y=PERCENT_COVERED, x=DIFF)) + geom_line() + geom_point() + scale_x_continuous(breaks=seq(0))</pre>
```

```
0.9-
0.8-
0.7-
0 2 4 6 8 10 12 14
```

```
# we can choose as window function 2 day
window_days <- 2</pre>
### construction of the datamart ###
# our target variable will be if a send event is open within the timespan of the window days
target_event <- df_sents_w_open %>%
  mutate(TARGET = as.factor(if_else(!is.na(DIFF) & DIFF <= window_days, "1", "0"))) %>%
  select(ID_EVENT_S, ID_CLI, ID_CAMP, ID_DELIVERY, SEND_DATE, TARGET)
# some relavant variable we want to include are:
# - average open rate (within 14 days) of the communications received by the client in the 30 days befo
# - average click-through (within 14 days) rate of the communications received by the client in the 30
\# in order to have comparable situation we are considering:
# - targeted sent made after the 2019-02-01 and window_days before 2019-04-30
# - targeted sent to clients registered by at least 30 days
rate_window <- 14
prev_window <- 30
dt_start <- as.Date("2019-02-01")</pre>
```

```
dt_end <- as.Date("2019-04-30") - window_days</pre>
relevant_event <- df_sents %>%
  left_join(df_opens
            , by = c("ID_CLI", "ID_CAMP", "ID_DELIVERY", "TYP_CAMP")
  filter(is.na(OPEN_DATE) | SEND_DATE <= OPEN_DATE) %>%
  left join(df clicks
            , by = c("ID CLI", "ID CAMP", "ID DELIVERY", "TYP CAMP")
  ) %>%
  filter(is.na(CLICK_DATE) | SEND_DATE <= CLICK_DATE) %>%
  left_join(df_fails
            , by = c("ID_CLI", "ID_CAMP", "ID_DELIVERY", "TYP_CAMP")
  ) %>%
  filter(is.na(FAIL_DATE) | SEND_DATE <= FAIL_DATE) %>%
  mutate(DIFF_OPEN = as.integer(OPEN_DATE - SEND_DATE)) %>%
  mutate(DIFF_CLICK = as.integer(CLICK_DATE - SEND_DATE)) %>%
  filter(is.na(DIFF_OPEN) | DIFF_OPEN < rate_window) %>%
  filter(is.na(DIFF_CLICK) | DIFF_CLICK < rate_window)</pre>
names(relevant_event) <- sapply(names(relevant_event), paste0, "_PREV")</pre>
target_event_w_prev <- target_event %>% filter(SEND_DATE >= dt_start & SEND_DATE <= dt_end) %>%
  left_join(relevant_event
            , by = c("ID CLI" = "ID CLI PREV")
            ) %>%
  filter(is.na(SEND DATE PREV) | (SEND DATE PREV < SEND DATE & SEND DATE <= SEND DATE PREV + prev windo
  mutate(OPENED = if_else(OPEN_DATE_PREV <= SEND_DATE & SEND_DATE <= OPEN_DATE_PREV + prev_window, 1, 0
  mutate(CLICKED = if_else(CLICK_DATE_PREV <= SEND_DATE & SEND_DATE <= CLICK_DATE_PREV + prev_window, 1
  mutate(FAILED = if_else(!is.na(ID_EVENT_F_PREV), 1, 0)) %>%
  group_by(ID_EVENT_S, ID_CLI, ID_CAMP, ID_DELIVERY, SEND_DATE, TARGET) %>%
  summarize(NUM_SEND_PREV = n_distinct(ID_EVENT_S_PREV, na.rm = T)
            , NUM_OPEN_PREV = sum(OPENED, na.rm = T)
            , NUM_CLICK_PREV = sum(CLICKED, na.rm = T)
            , NUM_FAIL_PREV = sum(FAILED, na.rm = T)
            ) %>%
  ungroup() %>%
  mutate(OPEN_RATE_PREV = NUM_OPEN_PREV/NUM_SEND_PREV) %>%
  mutate(CLICK_RATE_PREV = NUM_CLICK_PREV/NUM_OPEN_PREV) %>%
  mutate(W_SEND_PREV = as.factor(NUM_SEND_PREV > 0)) %>%
  mutate(W_FAIL_PREV = as.factor(NUM_FAIL_PREV > 0)) %>%
  mutate(SEND_WEEKDAY = as.factor(weekdays(SEND_DATE))) %>%
  mutate(OPEN_RATE_PREV = if_else(is.na(OPEN_RATE_PREV), 0, OPEN_RATE_PREV)) %>%
 mutate(CLICK_RATE_PREV = if_else(is.na(CLICK_RATE_PREV), 0, CLICK_RATE_PREV))
# add client data
df_master <- target_event_w_prev %>%
 left_join(df_1_cli_fid_clean %>%
              select(ID_CLI, ID_NEG, TYP_CLI_FID, COD_FID, STATUS_FID, FIRST_DT_ACTIVE, NUM_FIDs)
            , by = "ID_CLI") \%>%
  filter(FIRST_DT_ACTIVE <= SEND_DATE) %>%
  # filter(FIRST_DT_ACTIVE <= SEND_DATE - 30) %>%
  mutate(AGE_FID = as.integer(SEND_DATE - FIRST_DT_ACTIVE)) %>%
```

```
left_join(df_2_cli_account_clean
            , by = "ID_CLI") %>%
  left_join(df_3_cli_address_clean %>%
              select(ID ADDRESS, PRV, REGION)
            , by = "ID_ADDRESS") %>%
  left_join(df_4_cli_privacy_clean
            , by = "ID_CLI") %>%
  mutate(PRV = fct explicit na(PRV)) %>%
  mutate(REGION = fct_explicit_na(REGION)) %>%
  select(-ID_ADDRESS, -ID_CLI, -ID_CAMP, -ID_DELIVERY, -SEND_DATE, -FIRST_DT_ACTIVE)
# check there are not duplicates
df master %>%
  group_by(ID_EVENT_S) %>%
  summarize(num = n()) %>%
  group_by(num) %>%
 count()
## # A tibble: 1 x 2
## # Groups: num [1]
##
       num
##
     <int>
           <int>
## 1
        1 1111503
df master <- df master %>%
 mutate(NUM_FIDs=as.integer(NUM_FIDs))
```

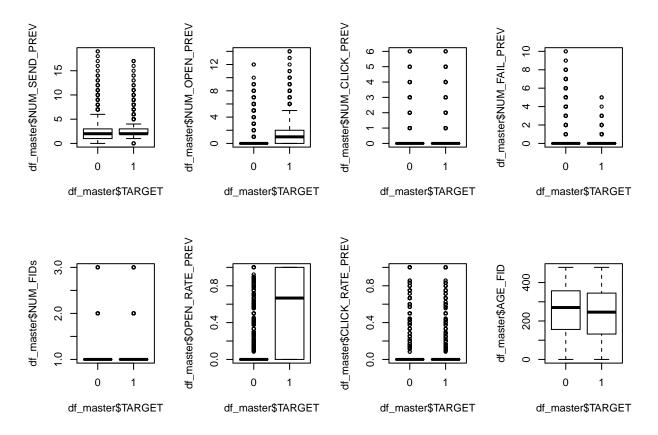
# DATA EXPLORATION AND PREPROCESSING

Il processo di preparazione del dato ha permesso di creare il dataset su cui basare l'analisi, dato da 1111503 osservazioni e 26 variabilI.

A questo punto  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " stata effettuata una fase esplorativa per comprendere a pieno il loro significato in relazione alla variabile target e avere una prima idea su quali sono gli attributi pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  utili a discriminare tra le due classi di clienti.

Si effettuano dei boxplot per vedere la diversa distribuzione delle variabili numeriche rispetto alle due classi della variabile target.

```
par(mfrow=c(2,4))
plot(df_master$NUM_SEND_PREV ~df_master$TARGET)
plot(df_master$NUM_OPEN_PREV ~df_master$TARGET)
plot(df_master$NUM_CLICK_PREV ~df_master$TARGET)
plot(df_master$NUM_FAIL_PREV ~df_master$TARGET)
plot(df_master$NUM_FIDs ~df_master$TARGET)
plot(df_master$OPEN_RATE_PREV ~df_master$TARGET)
plot(df_master$CLICK_RATE_PREV ~df_master$TARGET)
plot(df_master$CLICK_RATE_PREV ~df_master$TARGET)
plot(df_master$AGE_FID ~df_master$TARGET)
```



### par(mfrow=c(1,1))

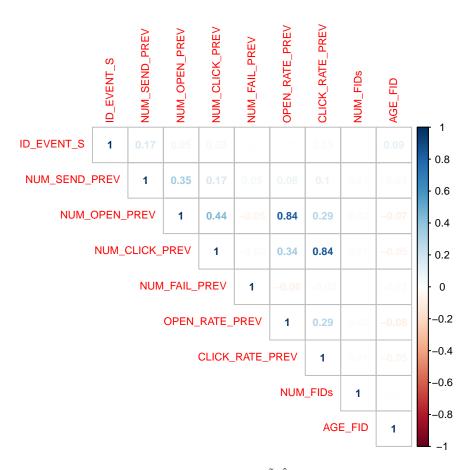
Da questi boxplot non si evincono particolari differenze tra le distribuzioni delle esplicative numeriche differenziate in base alla classe di appartenenza. L'unica eccezione  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " data dall'esplicativa "OPEN\_RATE\_PREV". E' evidente, infatti, che i clienti che aprono la mail in questione hanno una percentuale di mail precedentemente aperte molto superiore a quella dell'altra classe di consumatori.

Si procede con l'analisi della correlazione tra le variabili numeriche per evitare la presenza di multicollinearit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  all'interno dei modelli.

```
var_df_master_num <- which(sapply(df_master ,is.numeric))
library(corrplot)</pre>
```

```
## corrplot 0.84 loaded
```

corrplot(cor(df\_master[var\_df\_master\_num]), type = "upper", method='number', tl.cex = .7, cl.cex = .7, number



Dal corrplot si evince che le due coppie di variabili numeriche pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  correlate tra di loro sono rispettivamente NUM\_OPEN\_PREV-OPEN\_RATE\_PREV e NUM\_CLICK\_PREV-CLICK\_RATE\_PREV.

Dato il significato delle variabili, quanto emerso risulta sensato, infatti l'una à Â" "derivata" dall'altra.

Per evitare multicollinearità Â nei modelli, quindi, si procede con l'eliminazione di due di queste quattro variabili, "NUM OPEN PREV" e "NUM CLICK PREV".

Inoltre, vengono eliminate anche W\_SEND\_PREV e W\_FAIL\_PREV perchà Â" rispettivamente "incluse" nelle variabili "NUM\_SEND\_PREV" e "NUM\_FAIL\_PREV" (ad esempio, tutte le volte in cui W SEND PREVÃ Â" uguale a FALSE, la variabile NUM SAND PREVÃ Â" pari a 0).

Infine, viene eliminata anche TYP\_CLI\_ACCOUNT perch $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " di dubbio significato e si prender $\tilde{A}$   $\hat{A}$  in considerazione soltanto la Regione, dato che la variabile PRV presenta diversi livelli e quindi un peso computazionale piuttosto elevato.

Si procede con l'eliminazione dal dataset delle variabili elencate.

```
df_sub <- df_master %>%
    select(-ID_EVENT_S,-NUM_OPEN_PREV,-NUM_CLICK_PREV,-W_SEND_PREV,-W_FAIL_PREV,-TYP_CLI_ACCOUNT,-PRV)

#assegnazione dei livelli delle variabili booleane poichà Â le categorie 0,1 devono essere attribuite s

levels(df_sub$TARGET) <- c("not_opened", "opened")
levels(df_sub$TYP_CLI_FID) <- c("not_main", "main_account")
levels(df_sub$STATUS_FID) <- c("not_active", "active_account")
levels(df_sub$FLAG_PRIVACY_1) <- c("not_flag1", "flag1")
levels(df_sub$FLAG_PRIVACY_2) <- c("not_flag2", "flag2")</pre>
```

```
levels(df_sub$FLAG_DIRECT_MKT) <- c("not_flagMKT", "flagMKT")</pre>
var_num <- which(sapply(df_sub,is.numeric)) #subset variabili numeriche</pre>
library(corrplot)
corrplot(cor(df_sub[var_num]),type = "upper",method='number',tl.cex = .7,cl.cex = .7,number.cex = 0.7)
                                                                  CLICK_RATE_PREV
                                                         PREV
                                      NUM_SEND_PREV
                                               NUM FAIL PREV
                                                        RATE_
                                                                                     AGE_FID
               NUM_SEND_PREV
                                      1
                                                                                              0.8
                                                                                              0.6
                          NUM_FAIL_PREV
                                                                                              0.4
                                                                                              0.2
                                  OPEN_RATE_PREV
                                                         1
                                                                                               0
                                           CLICK_RATE_PREV
                                                                  1
                                                                                               -0.2
                                                                                               -0.4
                                                             NUM_FIDs
                                                                            1
                                                                                               -0.6
                                                                                              -0.8
                                                                        AGE_FID
                                                                                      1
```

Dal corrplot si evince che, a seguito dell'eliminazione delle variabili suddette, sono state eliminate correlazione statisticamente significative.

Per quanto riguarda le variabili categoriche, si procede con una feature selection effettuata tramite il test *Chi-Quadro*, utile a verificare l'ipotesi di indipendenza degli attributi con la variabile target.

```
#subset variabili categoriche
data_factor=as.data.frame(df_sub[,which(sapply(df_sub,is.factor))])

library(knitr)
chi_test=function(dataset) {
   matrice=matrix(NA, ncol=3,nrow=dim(dataset)[2]-1)
for (i in 1:dim(dataset)[2]-1) {
   matrice[i,1]=colnames(dataset)[i+1]
   matrice[i,2]=chisq.test(table(dataset[,1],dataset[,i+1]))$p.value
   matrice[i,3]=chisq.test(table(dataset[,1],dataset[,i+1]))$statistic
}
colnames(matrice)=c("variabile categorica","p-value","statistica test")
   return(kable(matrice))
```

```
chi_test(data_factor)
```

variabile categorica	p-value	statistica test
SEND_WEEKDAY	1.99670607018055e-198	933.646777286993
ID_NEG	0	7794.67162780957
TYP_CLI_FID	0.000149045121077235	14.3842324472113
COD_FID	0	1649.65050926219
STATUS_FID	0.00494835390162324	7.89821742059218
W_PHONE	$4.46649301387633 \mathrm{e}\text{-}20$	84.202306371497
TYP_JOB	0	12312.3319400686
EMAIL_PROVIDER_CLEAN	0	3250.43369040928
REGION	0	5391.6813500473
FLAG_PRIVACY_1	7.64401071006121e-98	440.694386202241
FLAG_PRIVACY_2	0.00925218640415786	6.77348749976283
$FLAG\_DIRECT\_MKT$	0	2140.61683291339

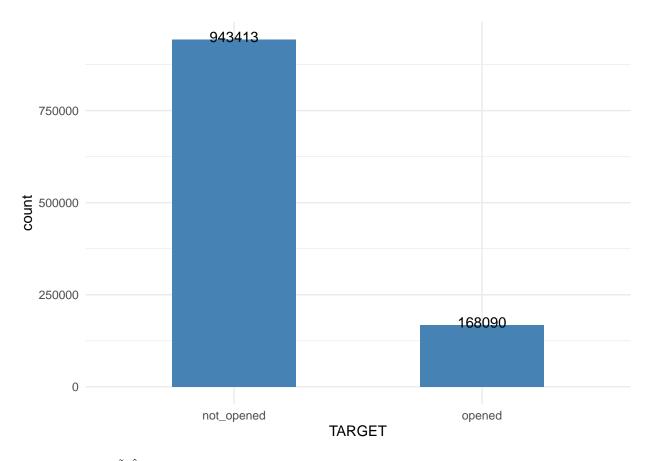
Dai risultati del chi-quadro test, si evince che tutte le variabili categoriche sono dipendenti dalla variabile target poich $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " tutti i p-value prossimi allo zero permettono di rifiutare l'ipotesi nulla di indipendenza.

Terminata la fase di feature selection, si analizza la distribuzione delle osservazioni all'interno della variabile target.

```
##
## not_opened opened
## 943413 168090

unbalanced_class=ggplot(df_sub, aes(x=TARGET))+
geom_bar(width=0.5,fill="steelblue")+
stat_count(binwidth=1, geom="text", aes(label=..count..), vjust=0.25) +
theme_minimal()

## Warning: Ignoring unknown parameters: binwidth
options(repr.plot.width=8,repr.plot.height=3)
unbalanced_class
```



E' evidente che si  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " in presenza di un dataset caratterizzato da classi sbilanciate. Infatti la classe positiva, ovvero quella di interesse,  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " pari solamente a circa 1/6 delle osservazioni totali.

Portare avanti l'analisi con un dataset dalle classi sbilanciate, i modelli potrebbero risultare distorti e aventi strutturali problemi nella stima dei coefficienti. In questi casi, il problema pu $\tilde{A}$   $\hat{A}^2$  essere risolto facendo ricorso a tecniche di bilanciamento delle due classi (oversample, undersample, etc...).

Dal momento che il numero di osservazioni appare molto elevato, effettuare un oversample richiederebbe uno sforzo computazionale troppo elevato per stimare i modelli di Machine Learning. Si  $\tilde{A}$   $\tilde{A}$  deciso, a tal proposito, di effettuare un *undersample*, tecnica grazie alla quale si adotta una eliminazione randomica di alcune osservazioni appartenenti alla classe negativa in modo tale che si possano formare due classi bilanciate.

# library(ROSE)

```
## Loaded ROSE 0.0-3

df_sub_under<- ovun.sample(TARGET ~ ., data = df_sub, method = "under", N=336180)$data
table(df_sub_under$TARGET)

##
## not_opened opened
## 168090 168090</pre>
```

Come si evince dalla tabella delle frequenze della variabile target, le classi risultano bilanciate, si pu $\tilde{A}$   $\hat{A}^2$  procedere quindi con la fase di data modelling.

## **Data Modelling**

Terminata il pre-processing, si passa alla fase di Data Modeling.

Si  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " scelto di sviluppare i seguenti modelli: . Decision Tree; . Neural Network (NNET); . Logistic regression.

Per ottenere una validazione dei classificatori utilizzati  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " stato utilizzato un approccio basato sulla cross validation, il cosiddetto K-Folds Cross Validation. Questa tecnica statistica suddivide il dataset in k partizioni di eguale numerosit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  e assicura che tutti i record vengano utilizzati almeno una volta sia nel training set che nel test set. Il numero di folds utilizzato  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " pari a k=3.

I parametri caratteristici di ogni modello, non sono stati scelti a priori ma viene azionato un sistema di tuning al fine di identificare il parametro migliore, che permette cio $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " di stimare il modello migliore.

Infine, sia per effettuare il tuning che per confrontare i modelli,  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " stata utilizzata la metrica denominata ROC.

L'apprendimento (learning) dei modelli avviene sul train set, pari al 67% del dataset iniziale, su cui à Â" stato effettuato l'undersampling per risolvere il problema delle classi sbilanciate.

```
data=df_sub_under

#train e test set (1/3,2/3)
smp_size <- floor(0.67 * nrow(data))

set.seed(12345)
train_ind <- sample(seq_len(nrow(data)), size = smp_size)

train <- data[train_ind, ]
test <- data[-train_ind, ]</pre>
```

Decision Tree

Il decision tree fa parte di modelli cosiddetti "euristici" che non sempre forniscono risultati ottimali ma sono in grado di ottenere approssimazioni ragionevoli senza richiedere sforzi computazionali eccessivi o ipotesi restrittive sui dati di partenza. Permette, inoltre, di calcolare l'importanza delle variabili rispetto alla risposta e, per questo motivo, il decision tree viene anche utilizzato come strumento di "feature selection" per selezionare un numero inferiore di variabili con cui stimare la regressione logistica e la neural network in quanto entrambi i modelli vengono penalizzatati eccessivamente dall'inserimento di troppe variabili.

```
set.seed(12345)
library(caret)
```

```
## Loading required package: lattice
metric <- "ROC"
Ctrl <- trainControl(method = "cv" , number=3, classProbs = TRUE,
summaryFunction = twoClassSummary)
rpartTune <- train(TARGET ~ ., data = train, method = "rpart", tuneLength = 5, trControl = Ctrl, metric=1
rpartTune</pre>
```

```
## CART
##
## 225240 samples
## 18 predictor
## 2 classes: 'not_opened', 'opened'
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (3 fold)
## Summary of sample sizes: 150160, 150160, 150160
## Resampling results across tuning parameters:
##
```

```
##
                  ROC
                             Sens
                                        Spec
     ср
##
    0.0001687899 \quad 0.7982986 \quad 0.8427589 \quad 0.7223938
##
    0.0001821154 0.7982984 0.8429455 0.7221897
    0.0002665103 \quad 0.7983122 \quad 0.8407068 \quad 0.7242931
##
     0.0004886022 \quad 0.7926360 \quad 0.8387701 \quad 0.7258285
##
##
     ## ROC was used to select the optimal model using the largest value.
## The final value used for the model was cp = 0.0002665103.
```

Il complexity parameter del decision tree  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " stato tunato e quello ottimo risulta pari a 0,00009178251.

```
# performance evaluation
library(pander)
pander(getTrainPerf(rpartTune))
```

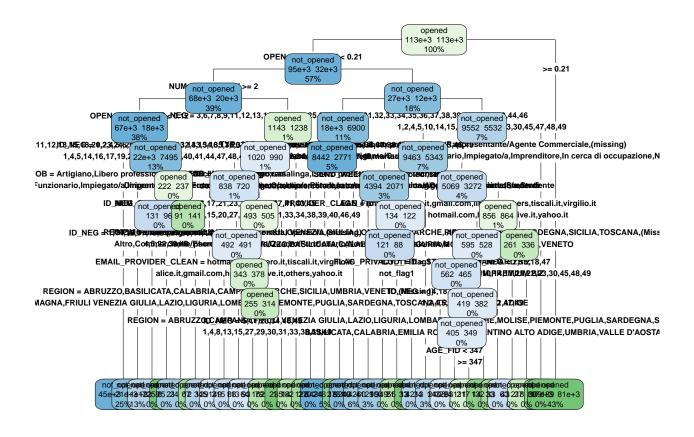
TrainROC	TrainSens	TrainSpec	method
0.7983	0.8407	0.7243	rpart

A questo punto si ristima il decision tree impostando il valore ottimale del CP.

```
set.seed(12345)
Ctrl_save <- trainControl(method = "cv" , number=3, summaryFunction = twoClassSummary,
classProbs = TRUE, savePredictions = TRUE)

rpartTuneMy <- train(TARGET ~ ., data = train, method = "rpart",
tuneGrid=data.frame(cp=9.178251e-05),
trControl = Ctrl_save, metric=metric)

set.seed(12345)
library(rpart)
library(rpart.plot)
mytree <- rpart(TARGET ~ ., data = train, method = "class", cp = 9.178251e-05)
rpart.plot(mytree, type = 4, extra = 101, cex = 0.5)</pre>
```



Si analizza l'importanza delle variabili inserite nel modello:

Vimportance <- varImp(rpartTuneMy)</pre>

```
print(Vimportance)
## rpart variable importance
##
##
     only 20 most important variables shown (out of 117)
##
##
                                     Overall
## OPEN_RATE_PREV
                                   100.00000
## CLICK_RATE_PREV
                                    13.74039
## TYP_JOB(missing)
                                     4.26258
## NUM FAIL PREV
                                     2.87440
## AGE FID
                                     2.06380
## NUM SEND PREV
                                     1.21045
## FLAG_PRIVACY_1flag1
                                     0.83137
## SEND_WEEKDAYmercoledì
                                      0.43466
## FLAG DIRECT MKTflagMKT
                                     0.29921
## SEND WEEKDAYgiovedì
                                      0.26894
## TYP_JOBImpiegato/a
                                     0.18111
## EMAIL_PROVIDER_CLEANhotmail.it
                                     0.15163
## TYP_JOBLibero professionista
                                     0.08466
## EMAIL_PROVIDER_CLEANlibero.it
                                     0.06282
## W_PHONEWithout_phone
                                     0.05767
## COD_FIDSTANDARD
                                     0.05340
## ID_NEG7
                                     0.05216
```

```
## ID_NEG2 0.04789
## SEND_WEEKDAYmartedì 0.03326
## ID NEG3 0.02650
```

A seguito della stima del decision tree, si stila un ranking delle variabili in base alla loro importanza rispetto alla variabile target. Per i modelli successivi,  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " stato deciso di utilizzare solamente le 10 variabili con maggior importanza.

Di seguito, quindi, prima di procedere con la stima degli altri algoritmi, si effettua un subset del dataset iniziale con le variabili scelte.

```
d_sub_net <- train %>%
select(TARGET,OPEN_RATE_PREV,CLICK_RATE_PREV,TYP_JOB,NUM_SEND_PREV,AGE_FID,EMAIL_PROVIDER_CLEAN, SEND
```

#### Neural Network

E' stata sviluppata una rete neurale, modello che permette di approssimare qualsiasi funzione tramite l'interconnessione di neuroni artificiali, creando un percettrone. Lo svantaggio della rete neurale  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " la difficile interpretazione dei risultati finali.

TrainROC	TrainSens	TrainSpec	method
0.8208	0.874	0.6779	nnet

## pander(nnetFit\_defgridDR1\$bestTune) #best parameter

	size	decay
9	3	1e-05

TrainROC	TrainSens	TrainSpec	method
0.819	0.8556	0.7057	nnet

## pander(nnetFit\_defgridDR2\$bestTune) #best parameter

	size	decay
9	3	1e-05

TrainROC	TrainSens	TrainSpec	method
0.8182	0.8523	0.7089	nnet

## pander(nnetFit\_defgridDR3\$bestTune) #best parameter

	size	decay
12	3	3e-04

Si utilizzano quindi i parametri e il metodo di preprocess migliori emersi in precedenza per la rete neurale

```
set.seed(12345)
tunegrid <- expand.grid(size=2, decay =0.0003)
nnetFit_finale <- train(d_sub_net[-1], d_sub_net$TARGET,
method = "nnet",
preProcess = 'pca',
metric=metric,
trControl=Ctrl_save, tuneGrid=tunegrid,
trace = FALSE,
maxit = 10)</pre>
```

## Logistic Regression

La regressione logistica, al contrario, fa parte dei modelli di regressione, modelli facilmente comprensibili in quanto  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " possibile misurare quantitativamente l'effetto delle diverse variabili sulla risposta a partire dai coefficienti assegnati dal modello.

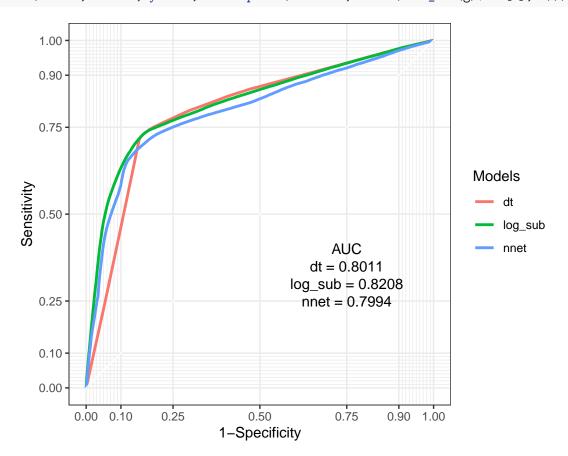
```
set.seed(12345)
logistic_sub <- train(TARGET~., data=d_sub_net, trControl=Ctrl_save, metric=metric,
method="glm",family=binomial())
pander(getTrainPerf(logistic_sub))</pre>
```

TrainROC	TrainSens	TrainSpec	method
0.8209	0.864	0.6963	glm

#### MODELS EVALUATION

Per confrontare i tre algoritmi sviluppati  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " stata utilizzata la ROC Curve e l'AUC, ovvero l'area sottostante la curva. L'obiettivo  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " quello di scegliere il modello migliore, con un AUC pi $\tilde{A}$   $\hat{A}$ 1 alto per utilizzarlo nella fase di data driven action.

```
roc_values <- cbind(as.data.frame(logistic_sub$pred$obs), as.data.frame(logistic_sub$pred$opened))
nnet <- as.data.frame(nnetFit_finale$pred$opened)</pre>
dt <- as.data.frame(rpartTuneMy$pred$opened)</pre>
roc_values <- cbind(roc_values, nnet, dt)</pre>
names(roc_values) <- c("obs","log_sub","nnet", "dt")</pre>
library(plotROC)
longtest <- melt_roc(roc_values, "obs", c("log_sub", "nnet", "dt"))</pre>
longtest$D <- ifelse(longtest$D=="opened",1,0)</pre>
names(longtest)[3] <- "Models"</pre>
g <- ggplot(longtest, aes(m=M, d=D, color=Models)) +
geom_roc(n.cuts=0) +
coord_equal() +
style_roc(xlab="1-Specificity", ylab="Sensitivity")
g + annotate("text", x=0.75, y=0.4, label="AUC") +
annotate("text", x=0.75, y=0.35, label=paste("dt =", round(calc_auc(g)$AUC[1], 4))) +
annotate("text", x=0.75, y=0.30, label=paste("log_sub =", round(calc_auc(g)$AUC[2], 4))) +
annotate("text", x=0.75, y=0.25, label=paste("nnet =", round(calc_auc(g)$AUC[3], 4)))
```



```
test_model<- function(model, y, len = NULL, search = "grid") {
   test_pred <- predict(model,test)
   prec <- precision(data = test_pred, reference = test$TARGET)
   Fmeas <- F_meas(data = test_pred, reference = test$TARGET)
   rec <- recall(data = test_pred, reference = test$TARGET)

   return (c(prec, rec, Fmeas))
}

performance_value= as.data.frame(test_model(rpartTuneMy))
performance_value$log_sub= test_model(logistic_sub)
performance_value$nnet= test_model(nnetFit_finale)
colnames(performance_value) [1] = 'dt'
rownames(performance_value) = c('Precision', 'Recall', 'F1-measure')
kable(performance_value)</pre>
```

	dt	$\log_{\text{sub}}$	nnet
Precision	0.7556984	0.7416970	0.7260530
Recall	0.8383402	0.8619336	0.8820150
F1-measure	0.7948770	0.7973078	0.7964708

Dalla rappresentazione della ROC curve e dal calcolo dell'AUC, si evince che il modello migliore à Â" rappresentato dalla regressione logistica, avente un'AUC pari a 0.8213.

Essendo in presenza di un dataset avente classi sbilanciate, l'accuracy, ovvero la capacit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  di effettuare previsioni corrette su nuovi records, non  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " significativa per misurare la "bont $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " del modello poich $\tilde{A}$   $\hat{A}$ ", in questo caso, si basa sulla cosiddetta ZeroR rule, secondo il quale il classificatore considera solamente i records del dataset appartenenti alla classe pi $\tilde{A}$   $\hat{A}$ 1 frequente. Le misure pi $\tilde{A}$   $\hat{A}$ 1 adatte per analizzare la capacit $\tilde{A}$ 2 predittiva del modello, quindi, risultano essere la precision e la recall. In particolare, diventa opportuno considerare le due metriche simultaneamente utilizzando la F1 Measure che, tramite la media armonica, riassume precision e recall.

Come si evince dalla suddetta tabella, la regressione logistica rimane il modello migliore anche dal punto di vista della metrica F1-Measure.

Si utilizza, quindi, la regressione logistica per effettuare un'azione di data driven, con l'obiettivo di verificare l'efficacia del modello stimato e analizzare qualche esempio pratico.

### DATA DRIVEN ACTION

Per concludere, si cerca una risposta alla domanda di business iniziale effettuando dei test con un individuo esempio.

L'obiettivo di questi test  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " mostrare concretamente e confermare l'importanza delle variabili cos $\tilde{A}$   $\hat{A}$  come  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " emersa grazie al modello logistico, in modo tale da capire in che modo migliorare la campagna di marketing effetuata tramite mail per far si che le email vengano aperte entro due giorni da pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  clienti possibili.

Di seguito  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " riportato un esempio in cui possibile osservare come, al cambiare del valore di una sola delle esplicative risultate pi $\tilde{A}$   $\hat{A}$ 1 importanti, cambia la classe di appartenenza dell'individuo in questione.

```
summary(logistic_sub)

##
## Call:
## NULL
```

```
##
## Deviance Residuals:
       Min
                10
                      Median
                                           Max
  -3.0314 -0.7639
                      0.1842
                               0.6890
                                        1.8542
##
## Coefficients:
                                                Estimate Std. Error z value
## (Intercept)
                                                5.907e-01 2.034e-01
                                                                       2.905
## OPEN RATE PREV
                                                3.575e+00 1.645e-02 217.333
## CLICK_RATE_PREV
                                               2.108e-01
                                                          3.072e-02
                                                                       6.861
## TYP_JOBArtigiano
                                              -1.829e-02
                                                          2.697e-01
                                                                      -0.068
## TYP_JOBCasalinga
                                               3.651e-01
                                                          2.163e-01
                                                                       1.688
## `TYP_JOBCommerciante/Esercente`
                                               5.714e-02
                                                          2.973e-01
                                                                       0.192
## `TYP_JOBDirigente/Quadro/Funzionario`
                                               5.320e-01
                                                          1.710e-01
                                                                       3.111
## `TYP_JOBImpiegato/a`
                                               3.150e-01
                                                          1.213e-01
                                                                       2.597
## TYP_JOBImprenditore
                                               5.626e-01
                                                          2.479e-01
                                                                       2.269
                                               1.727e-01
## `TYP_JOBIn cerca di occupazione`
                                                          2.927e-01
                                                                       0.590
## `TYP JOBLibero professionista`
                                              -2.674e-01
                                                          1.149e-01
                                                                      -2.327
## `TYP_JOBNon Dichiara`
                                               3.961e-01
                                                          2.077e-01
                                                                       1.907
## `TYP JOBOperaio/a`
                                                2.808e-01
                                                          1.490e-01
                                                                       1.884
## `TYP_JOBPensionato/a`
                                                4.537e-01 1.546e-01
                                                                       2.935
## `TYP_JOBRappresentante/Agente Commerciale`
                                               4.056e-01 6.008e-01
                                                                       0.675
## TYP_JOBStudente
                                                3.513e-01 3.750e-01
                                                                       0.937
## `TYP JOB(missing)`
                                               -4.933e-01
                                                          1.059e-01
                                                                      -4.657
                                               4.342e-03
                                                          4.141e-03
## NUM SEND PREV
                                                                       1.048
## AGE FID
                                              -3.736e-04 4.322e-05
                                                                      -8.645
## EMAIL_PROVIDER_CLEANalice.it
                                               3.853e-01
                                                          1.650e-01
                                                                       2.334
## EMAIL_PROVIDER_CLEANgmail.com
                                               3.604e-01
                                                          1.637e-01
                                                                       2.202
## EMAIL_PROVIDER_CLEANhotmail.com
                                               4.457e-01
                                                          1.663e-01
                                                                       2.680
## EMAIL_PROVIDER_CLEANhotmail.it
                                               4.695e-01 1.645e-01
                                                                       2.854
## EMAIL_PROVIDER_CLEANlibero.it
                                               2.124e-01
                                                          1.640e-01
                                                                       1.295
## EMAIL_PROVIDER_CLEANlive.it
                                               3.411e-01
                                                          1.671e-01
                                                                       2.041
## EMAIL_PROVIDER_CLEANothers
                                               3.567e-01
                                                          1.641e-01
                                                                       2.173
## EMAIL_PROVIDER_CLEANtiscali.it
                                               3.057e-01
                                                          1.668e-01
                                                                       1.833
## EMAIL PROVIDER CLEANvirgilio.it
                                               3.302e-01
                                                          1.667e-01
                                                                       1.980
## EMAIL_PROVIDER_CLEANyahoo.it
                                               4.894e-01 1.651e-01
                                                                       2.964
## SEND WEEKDAYgiovedA-
                                               -2.631e-01 2.122e-02 -12.398
## SEND_WEEKDAYlunedì
                                                3.214e-02 4.842e-02
                                                                        0.664
## SEND WEEKDAYmartedì
                                                7.718e-03 2.552e-02
## SEND_WEEKDAYmercoledì
                                               -2.499e-01 2.425e-02 -10.303
## SEND WEEKDAYsabato
                                              -2.082e-01 4.999e-02 -4.166
## SEND WEEKDAYvenerdì
                                               -1.994e-01 3.577e-02 -5.576
## FLAG DIRECT MKTflagMKT
                                              -9.714e-01 7.435e-02 -13.065
## FLAG_PRIVACY_1flag1
                                              -2.857e-01 2.198e-02 -12.998
                                              Pr(>|z|)
## (Intercept)
                                               0.00367 **
## OPEN_RATE_PREV
                                                < 2e-16 ***
## CLICK_RATE_PREV
                                              6.83e-12 ***
## TYP_JOBArtigiano
                                               0.94592
## TYP_JOBCasalinga
                                               0.09141
## `TYP_JOBCommerciante/Esercente`
                                               0.84761
## `TYP_JOBDirigente/Quadro/Funzionario`
                                               0.00187 **
## `TYP_JOBImpiegato/a`
                                               0.00939 **
## TYP JOBImprenditore
                                               0.02326 *
```

```
## `TYP JOBIn cerca di occupazione`
                                                0.55520
  `TYP_JOBLibero professionista`
                                                0.01994 *
  `TYP JOBNon Dichiara`
                                                0.05646 .
## `TYP_JOBOperaio/a`
                                                0.05950
## `TYP JOBPensionato/a`
                                                0.00333 **
## `TYP JOBRappresentante/Agente Commerciale`
                                                0.49964
## TYP JOBStudente
                                                0.34890
## `TYP JOB(missing)`
                                               3.21e-06 ***
## NUM_SEND_PREV
                                                0.29442
## AGE_FID
                                                < 2e-16 ***
## EMAIL_PROVIDER_CLEANalice.it
                                                0.01958 *
## EMAIL_PROVIDER_CLEANgmail.com
                                                0.02767 *
## EMAIL_PROVIDER_CLEANhotmail.com
                                                0.00736 **
                                                0.00431 **
## EMAIL_PROVIDER_CLEANhotmail.it
## EMAIL_PROVIDER_CLEANlibero.it
                                                0.19534
## EMAIL_PROVIDER_CLEANlive.it
                                                0.04129 *
## EMAIL_PROVIDER_CLEANothers
                                                0.02975 *
## EMAIL PROVIDER CLEANtiscali.it
                                                0.06687
## EMAIL_PROVIDER_CLEANvirgilio.it
                                                0.04768 *
## EMAIL PROVIDER CLEANyahoo.it
                                                0.00304 **
## SEND_WEEKDAYgiovedì
                                                 < 2e-16 ***
## SEND WEEKDAYlunedì
                                                 0.50681
## SEND_WEEKDAYmartedì
                                                 0.76229
## SEND WEEKDAYmercoledì
                                                 < 2e-16 ***
## SEND WEEKDAYsabato
                                               3.10e-05 ***
## SEND WEEKDAYvenerdì
                                                2.47e-08 ***
## FLAG_DIRECT_MKTflagMKT
                                                < 2e-16 ***
## FLAG_PRIVACY_1flag1
                                                < 2e-16 ***
##
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
                                         degrees of freedom
##
       Null deviance: 312249
                              on 225239
## Residual deviance: 225083
                              on 225203 degrees of freedom
  AIC: 225157
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
```

Il coefficiente delle variabili stimato dal modello logistico esprime la variazione del logit della risposta media. Quindi, calcolando l'esponenziale del coefficiente si ottiene l'odds ratio, ovvero la ragione di scommessa. Se l'odds ratio  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " pari a 1 significa che non c' $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " associazione tra l'esplicativa e la risposta, se invece questo  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " maggiore di uno c' $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " associazione positiva. Se infine risulta minore di 1, l'associazione  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " negativa.

Dall'analisi del summary del modello logistico stimato si evince che le variabili che risultano pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  significative sono le seguenti:

- OPEN\_RATE\_PREV (odds ratio = exp(3.561) = 35.19838). Calcolando l'odds ratio si evince che c'à Â" correlazione positiva tra la risposta e questa esplicativa. Questo vuol dire che aumentando di un'unità Â il valore di OPEN\_RATE\_PREV la ragione di scommessa che la risposta diventi positiva aumenta del 35%.
- CLICK\_RATE\_PREV (odds ratio =  $\exp(2.386\text{e}-01)$  = 1.269471). Anche per questa esplicativa l'associazione con la risposta  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " positiva quindi pu $\tilde{A}$   $\hat{A}^2$  essere effettuato un ragionamento analogo alla precedente.

- AGE\_FID (odds ratio = exp(-4.153e-04) = 0.9995848). Per questa variabile l'associazione con la risposta à Â" negativa. Questo vuol dire che aumentando di un giorno "l'età Â" del programma fedeltà Â, la probabilità Â che il cliente passi dalla classe negativa a quella positiva scende dello 0,04%.
- SEND\_WEEKDAY
- FLAG DIRECT MKTflagMKT
- FLAG\_PRIVACY\_1flag1

Si utilizza a questo scopo un cliente selezionato randomicamente dal test set. In questo caso, il modello di regressione logistica predice correttamente il fatto che il cliente appartiene alla classe negativa "not-opened" di coloro che non aprono la mail entro due giorni dalla data di invio.

```
#test not opened
#test$ID <- seq.int(nrow(test))</pre>
user_test1=test[89,]
user_test10<-user_test9<-user_test8<-user_test7<-user_test6<-user_test5<-user_test4<-user_test3<-user_t
user_test2$AGE_FID<-150
user_test3$OPEN_RATE_PREV <- 0.73
user_test4\$CLICK_RATE_PREV<-0.5
user test5$SEND WEEKDAY<-'lunedA-'
user_test6$SEND_WEEKDAY<-'martedA~'
user test7$SEND WEEKDAY<-'mercoledì'
user test8$SEND WEEKDAY<-'venerdì'
user_test9$SEND_WEEKDAY<-'sabato'
user_test10$SEND_WEEKDAY<-'domenica'
predict(logistic_sub,user_test1)
## [1] not_opened
## Levels: not_opened opened
predict(logistic_sub,user_test2) #age fid diminuito
## [1] not_opened
## Levels: not_opened opened
predict(logistic_sub,user_test3) #open rate aumentato di 0.4
## [1] opened
## Levels: not_opened opened
predict(logistic_sub,user_test4) #click rate aumentato di 0.5
## [1] not_opened
## Levels: not_opened opened
predict(logistic_sub,user_test5) #lun
## [1] not opened
## Levels: not_opened opened
predict(logistic_sub,user_test6) #mart
## [1] not_opened
```

```
## Levels: not_opened opened
predict(logistic_sub,user_test7) #merc
## [1] not_opened
## Levels: not_opened opened
predict(logistic_sub,user_test8) #ven
## [1] not_opened
## Levels: not_opened opened
predict(logistic_sub,user_test9) #sab
## [1] not_opened
## Levels: not_opened opened
predict(logistic_sub,user_test10) #dom
## [1] not_opened
## Levels: not_opened opened
predict(logistic_sub,user_test1, type="prob")
##
      not_opened
                     opened
## 259 0.7083407 0.2916593
predict(logistic_sub,user_test2, type="prob")
      not_opened
                     opened
## 259 0.6930645 0.3069355
predict(logistic_sub,user_test3, type="prob")
##
       not_opened
                     opened
## 259 0.1515809 0.8484191
predict(logistic_sub,user_test4, type="prob")
      not_opened
                     opened
## 259 0.6861016 0.3138984
predict(logistic_sub,user_test5, type="prob")
      not_opened
                     opened
## 259 0.7083407 0.2916593
predict(logistic_sub,user_test6, type="prob")
##
      not_opened
                     opened
## 259 0.7133602 0.2866398
predict(logistic_sub,user_test7, type="prob")
      not_opened
                     opened
## 259 0.7630298 0.2369702
predict(logistic_sub,user_test8, type="prob")
##
      not_opened
                     opened
## 259 0.7537852 0.2462148
```

```
predict(logistic_sub,user_test9, type="prob")

## not_opened opened
## 259 0.7554181 0.2445819

predict(logistic_sub,user_test10, type="prob")
```

Sul cliente test per cui veniva predetta correttamente l'appartenenza alla classe negativa "not-opened" sono stati effettuati i seguenti cambiamenti, sempre lasciando invariate le altre variabili: - da una AGE\_FID pari a 418 + stata impostata una AGE\_FID pari a 150 e, con una probabilit $\hat{A}$   $\hat{A}$  del 51% il cliente aprir $\hat{A}$   $\hat{A}$  la email; - da un OPER\_RATE pari a 0.333 viene aumentato di 0.5 e, con una probabilit $\hat{A}$   $\hat{A}$  del 79%, il cliente aprir $\hat{A}$   $\hat{A}$  la mail; - da un CLICK\_RATE pari a zero viene aumentato di 0.5 e, con una probabilit $\hat{A}$   $\hat{A}$  del 52%, il cliente aprir $\hat{A}$   $\hat{A}$  la mail; - il giorno di invio della mail del cliente era il gioved $\hat{A}$   $\hat{A}$ , testando il modello su tutti gli altri giorno il cliente apre la mail, tranne nel caso del mercoled $\hat{A}$   $\hat{A}$ –.

Tramite questo test  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " stato possibile avere una conferma empirica dell'importanza delle precedenti variabili nel discriminare se un cliente apre o meno l'email. Infatti, anche cambiando una sola delle precedenti, a parit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  di tutte le altre, la classe di appartenenza cambia.

E' stato quindi possibile trarre le seguenti conclusioni:

opened

##

not\_opened

0.7149359 0.2850641

se per limiti di budget la campagna marketing deve essere limitata ad un gruppo ristretto di clienti, allora sarebbe opportuno inviare mail mirate agli utenti che hanno un click e open rate alto e che hanno attivato da non molti giorni il fidelity program. Si  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " visto, infatti, che questa tipologia di clienti apre con molto proabilit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  la mail e continuerebbe a farlo. Se invece l'obiettivo della campagna marketing  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " aumentare il numero di clienti che aprono la mail, allora sarebbe opportuno concentrarsi su quei consumatori che hanno attivato il fidelity programme da pi $\tilde{A}$   $\hat{A}$ 1 tempo e con un click e open rate basso. Questo potrebbe essere effettuato tramite l'invio di sconti personalizzati in modo da invogliare il cliente ad aprire la mail e tornare ad essere "attivo".

Per quanto riguarda i giorni della settimana, si potrebbe pensare di non inviare le mail tutte nello stesso giorno ma differenziando in base alle caratteristiche del cliente. Ad esempio, l'individuo utilizzato come test, non apre le mail inviate nei giorni centrali della settimana.

## MIGLIORAMENTI E SVILUPPI FUTURI

Il dataset in questione  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " risultato molto pesante e questo ha penalizzato e impedito l'utilizzo di algoritmi che risultavano computazionalmente troppo dispendiosi.

Una possibile soluzione potrebbe essere quella di effettuare un'analisi di clustering dei clienti in modo tale da suddividere il dataset in pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  subset per effettuare algoritmi pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  sofisticati e migliorare e affinare i risultati.

# PROPENSITY TO CHURN MODEL

Business question Il secondo modello di business sviluppato  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " il propensity to churn model che ha l'obiettivo di assegnare a ciascun cliente la sua probabilit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  di abbandono, in modo da implementare specifiche azioni di marketing correttive finalizzate a trattenere i clienti con pi $\tilde{A}$   $\hat{A}$ 1 alto valore.

Lo studio, tramite l'applicazione di algoritmi di machine learning, indaga i possibili comportamenti che portano il cliente ad abbandonare la compagnia per valutare se effettuare possibili campagne di marketing per "trattenere" i clienti.

Per svolgere questo tipo di problema  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " stato impostato un modello di classificazione in cui la variabile target consiste in un attributo binario che indica se il cliente  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " un churner o meno.

Per "etichettare" il cliente come churner,  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " stato necessario definire un time span dopo il quale, secondo le analisi, il consumatore ha un'alta di probabilit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  di non effettuare pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  acquisti.

#### DATA PREPARATION

Di seguito viene riportata una prima fase di preprocessing dei dati grezzi e, successivamente, una fase di data transformation per definire la variabile target. Inoltre, verranno modificate alcune variabili esistenti e saranno create delle nuove feature.

## Set up e Data imput

```
library(dplyr)
library(magrittr)
library(ggplot2)

data_path <- "Laboratorio/"
df_7_tic <- read.csv2(paste0(data_path, "raw_7_tic.csv") , na.strings = c("NA", ""))</pre>
```

### Preprocessing

```
df_7_tic <- df_7_tic %>%
  dplyr::mutate(DATE = as.Date(DATETIME)) %>%
  dplyr::select(-DATETIME)

df_7_tic <- df_7_tic %>%
  mutate(ID_CLI = as.factor(ID_CLI))
```

Numero di clienti diversi

```
num_client <- df_7_tic %>%
dplyr::summarise(client = n_distinct(ID_CLI))
```

Spesa giornaliera per ogni cliente:

```
spend_per_day <- df_7_tic %>%
  dplyr::mutate(ID_CLI = as.factor(ID_CLI)) %>%
  dplyr::group_by(ID_CLI, ID_SCONTRINO, DATE) %>%
  dplyr::summarise(SPEND = sum(IMPORTO_LORDO)) %>%
  dplyr::ungroup() %>%
  dplyr::filter(SPEND > 0)
```

Viene calcolato per ogni cliente il tempo intercorso tra gli acquisti

```
time_between <- spend_per_day %>%
  dplyr::arrange(ID_CLI, DATE) %>%
  dplyr::group_by(ID_CLI) %>%
  dplyr::mutate(dt = as.numeric(DATE - lag(DATE), unit= 'days')) %>%
  dplyr::ungroup() %>%
  na.omit()
```

Numero di transazioni effettuate dal cliente

```
Ntrans <- spend_per_day %>%
  dplyr::group_by(ID_CLI) %>%
  dplyr::summarise(N = n()) %>%
  dplyr::filter(N > 1) %>%
  dplyr::arrange(N)
```

Numero di clienti che hanno effettuato quel determinato numero di transazioni

```
Ntrans2 <- Ntrans %>%
  dplyr::group_by(N) %>%
  dplyr::mutate(n_clienti = n_distinct(ID_CLI)) %>%
  dplyr::filter(row_number(N) == 1) %>%
  dplyr::arrange(N) %>%
  dplyr::select(-ID_CLI)
```

Giunti a questo punto, viene calcolato il percentile di ordine 9 degli intervalli di tempo che intercorrono tra le gli acquisti di ogni cliente (dt). Il valore  $\cos \hat{A} - \cot \theta$ , espresso in giorni, indica che 9 volte su 10 il cliente effettua un acquisto entro tot giorni. Quindi un cliente viene considerato churner se, rispetto al 30 aprile 2019 (ovvero l'ultimo giorno in cui si ha la disponibilit $\hat{A} - \hat{A} - \hat$ 

Per definire se un cliente  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " churner o no sono stati considerati soltanto i clienti ritenuti non occasionali, ovvero coloro che hanno effettuato un numero di transazioni pari almeno a 5.

Nel calcolo del percentile viene utilizzato un approccio non parametrico. Nello specifico verr $\tilde{A}$   $\hat{A}$  presa in considerazione una distribuzione di tipo ECDF (Empirical Cumulative Distribution Function), in grado di approssimare il quantile della distribuzione degli acquisti del cliente.

```
get_quantile <- function(x,a = 0.9){
   if(a>1|a<0){
      print('Check your quantile')
   }
   X <- sort(x)
   e_cdf <- 1:length(X) / length(X)
   aprx = approx(e_cdf, X, xout = c(0.9))
   return(aprx$y)
}

percentiles <- time_between %>%
   dplyr::inner_join(Ntrans) %>%
   dplyr::filter(N>4) %>%
   dplyr::group_by(ID_CLI) %>%
   dplyr::summarise(percentile.90= get_quantile(dt, 0.9)) %>%
   dplyr::arrange(percentile.90)
```

## Joining, by = "ID\_CLI"

Si arrotonda il percentile e si fissa un giorno come soglia di tolleranza.

```
percentiles <- percentiles %>%
  dplyr::mutate(percentile_round = round(percentile.90) + 1)
```

Si fissa quindi, per ogni cliente, la data in cui à Â" stato effettuato l'ultimo acquisto

```
last_purchase <- time_between %>%
  dplyr::group_by(ID_CLI) %>%
  dplyr::filter(DATE == max(DATE)) %>%
  dplyr::distinct(ID_CLI, .keep_all = T)
```

Si ordina il dataset contente le informazioni di interesse sui clienti, in base alla data.

```
df_7_tic <- df_7_tic %>%
    dplyr::arrange(DATE)
```

Viene identificata come last\_day l'ultima data per cui sono disponibili le rilevazioni sul dataset e come days\_no\_purc i giorni intercorsi tra l'ultimo acquisto e questa data.

```
last_purchase <- last_purchase %>%
dplyr::mutate(last_day = as.Date("2019-04-30")) %>%
dplyr::mutate(days_no_purc = last_day - DATE)
```

Si uniscono quindi i dataset in cui à Â" stato costruito il percentile ed il dataset in cui sono presenti le variabili utili alla definizione dei clienti churner (in particolare days\_no\_churn).

```
last_purc_churn <- dplyr::left_join(last_purchase, percentiles, by = "ID_CLI")</pre>
```

Si costruisce, in via definitiva, la variabile dipendente  $\cos \tilde{A}$   $\hat{A} - \cos \tilde{A}$   $\hat{A}$  stata definita nei passi precedenti. Il valore della variabile  $\tilde{A}$   $\hat{A}$  pari ad 1 se il cliente  $\tilde{A}$   $\hat{A}$  churner, 0 altrimenti.

Un cliente sar $\tilde{A}$   $\hat{A}$  churner se il numero di giorni percorsi dal suo ultimo acquisto sono maggiori di quanto  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " solito fare 9 volte su 10. Ad esempio se un cliente non ha acquistato per 70 giorni, ma 9 volte su 10 acquista entro 50 giorni, sar $\tilde{A}$   $\hat{A}$  considerato churner.

```
last_purc_churn <- last_purc_churn %>%
na.omit() %>%
dplyr::mutate(churn = ifelse(days_no_purc > percentile_round, 1, 0))
```

Giunti a questo punto last\_purc\_churn à Â" il dataset in cui à Â" stata definita la variabile target.

Si concentra ora l'analisi sul dataset iniziale df\_7\_tic, per riuscire ad ottenere alcune indicazioni e caratteristiche dei clienti, che potrebbero tornare utili nella fase di Modelling. In particolare sono create 3 variabili:

- 1) attitudine\_sconto: tendenza del cliente ad acquistare prodotti per cui à Â" attivo uno sconto. Questa variabile à Â" data dalla percentuale del rapporto tra gli articoli acquistati in saldo durante tutto l'anno sul totale degli articoli acquistati.
- 2) perc\_risparmio: percentuale di risparmio. Questa variabile  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " data dalla percentuale del rapporto tra il totale degli euro risparmiati sul totale della spesa effettuata durante tutto l'anno.
- 3) perc\_refound: percentuale di reso. Questa variabile à Â" data dalla percentuale del rapporto tra il totale degli articoli restituiti e sul totale degli articoli acquistati (e restituiti).

```
control_direction <- df_7_tic %>%
  dplyr::mutate(ID_CLI = as.factor(ID_CLI)) %>%
  dplyr::group_by(ID_CLI) %>%
  dplyr::summarise(perc_refound = (sum(DIREZIONE == -1) / length(DIREZIONE)) * 100, perc_risparmio = (sumroup())
```

Numero di clienti churner e non churner

```
table(last_purc_churn$churn)
```

```
## 0 1
## 29180 29211
```

Dalla tabella di frequenza della variabile target, si evince che le due classi identificate appaiono equamente bilanciate.

Si crea un file csv del dataset costruito fin qui, in modo tale da poterlo successivamente leggere, senza passare nuovamente tutte le fasi precedenti.

```
write.csv(last_purc_churn, paste0(data_path, "churner.csv"))
```

Si legge il file prima creato

```
df_churn <- read.csv(paste0(data_path, "churner.csv"))</pre>
```

Si calcola il totale della spesa e la media della spesa di ogni cliente

```
total_spend <- spend_per_day %>%
  group_by(ID_CLI) %>%
  summarise(total_spend = sum(SPEND), mean_spend = mean(SPEND))

Modifica del tipo di ID_CLI, utile per dopo.

df_churn <- df_churn %>%
  mutate(ID_CLI = as.factor(ID_CLI))

Fusione tra il dataset letto e quello contenente i dati sulla spesa (spesa totale e media per cliente).
```

```
df_churn <- inner_join(df_churn, total_spend) %>%
    dplyr::select(-SPEND)
```

```
## Joining, by = "ID_CLI"
## Warning: Column `ID_CLI` joining factors with different levels, coercing to
## character vector
```

## Data integration

Inizia ora la fase di integrazione dei vari dataset a disposizione. L'obiettivo e integrare tutte le caratteristiche che potrebbero tornare utili per identificare e poi prevedere un cliente churner. Le variabile giudicate ridondanti o non utili all'analisi, saranno eliminate durante ogni join.

Fusione con il primo dataset con le informazioni sul cliente (df\_1\_cli\_fid\_clean)

```
df_1_cli_fid_clean <- df_1_cli_fid_clean %>%
    dplyr::mutate(ID_CLI = as.factor(ID_CLI))

df_churn_cli_1 <- inner_join(df_churn, df_1_cli_fid_clean, by = "ID_CLI") %>%
    dplyr::select(-c(ID_FID, FIRST_ID_NEG, FIRST_DT_ACTIVE)) %>%
    dplyr::mutate(date_last_pur = DATE) %>%
    dplyr::select(-DATE)
```

## Warning: Column `ID\_CLI` joining character vector and factor, coercing into
## character vector

Fusione con il dataset 2, dopo aver fuso il dataset 2 con le informazioni contenute nel 3.

```
df_2_cli_account_clean <- df_2_cli_account_clean %>%
    mutate(ID_CLI = as.factor(ID_CLI))

df_2_cli_account_clean <- inner_join(df_2_cli_account_clean, df_3_cli_address_clean, by = "ID_ADDRESS")

df_churn_cli_2 <- inner_join(df_churn_cli_1, df_2_cli_account_clean, by= "ID_CLI") %>%
    select(-c(ID_ADDRESS, EMAIL_PROVIDER_CLEAN))
```

## Warning: Column `ID\_CLI` joining character vector and factor, coercing into
## character vector

Fusione con il dataset 4.

```
df_4_cli_privacy_clean <- df_4_cli_privacy_clean %>%
   mutate(ID_CLI = as.factor(ID_CLI))

df_churn_cli_4 <- inner_join(df_churn_cli_2, df_4_cli_privacy_clean, by = "ID_CLI")</pre>
```

## Warning: Column `ID\_CLI` joining character vector and factor, coercing into

```
## character vector
```

Eliminazione della variabile avente gli indici (ridondante)

```
df_churn_cli_4 <- df_churn_cli_4 %>%
select(-X)
```

Modifica di alcune variabili

```
df_churn_cli_4 <- df_churn_cli_4 %>%
  mutate(W_PHONE = as.factor(W_PHONE))

df_churn_cli_4 <- df_churn_cli_4 %>%
  mutate(TYP_CLI_ACCOUNT = as.factor(TYP_CLI_ACCOUNT))

df_churn_cli_4 <- df_churn_cli_4 %>%
  mutate(W_PHONE = fct_explicit_na(W_PHONE, "O")) %>%
  mutate(TYP_JOB = fct_explicit_na(TYP_JOB, "(missing)"))
```

Modifica di alcune variabili ed eliminazione di altre. Inoltre fusione del dataset ottenuto da tutte le join eseguite in precedenza, con il dataset avente le 3 variabili create ex novo. (perc\_refound, perc\_risparmio, attitudine sconto)

```
data_churn_all <- data_churn_cli_4

data_churn_all <- data_churn_all %>%
    mutate(ID_CLI = as.factor(ID_CLI))

data_churn_all <- data_churn_all %>%
    mutate(churn = as.factor(churn)) %>%
    mutate(CAP = as.factor(CAP)) %>%
    select(-ID_SCONTRINO,-last_day,-percentile.90,-percentile_round,-total_spend,-date_last_pur)

data_churn_all <- left_join(data_churn_all, control_direction, by= "ID_CLI")

## Warning: Column `ID_CLI` joining factors with different levels, coercing to
## character vector

Di nuovo, come prima, viene scritto il file per evitare di partire ogni volta dal principio.

write.csv(data_churn_all, pasteO(data_path, "data_churn_all.csv"))

data_churn_all <- read.csv(pasteO(data_path, "data_churn_all.csv"))</pre>
```

Si passa quindi alla fase di data modeling.

#### **MODELING**

### **SETUP**

```
library(caret)
library(glmnet)

## Loading required package: Matrix

## Loading required package: foreach

## Loaded glmnet 2.0-18

library(e1071)
library(car)
```

```
## Loading required package: carData
##
## Attaching package: 'car'
## The following object is masked from 'package:dplyr':
##
##
       recode
library(MASS)
##
## Attaching package: 'MASS'
## The following object is masked from 'package:dplyr':
##
       select
library(arm)
## Loading required package: lme4
## Registered S3 methods overwritten by 'lme4':
##
     method
                                      from
##
     cooks.distance.influence.merMod car
##
     influence.merMod
                                      car
##
     dfbeta.influence.merMod
                                      car
     dfbetas.influence.merMod
##
                                      car
## arm (Version 1.10-1, built: 2018-4-12)
## Working directory is C:/Users/GiuliaChiaretti(Stag/Desktop/Digital_Marketing_DataScience_Project
##
## Attaching package: 'arm'
## The following object is masked from 'package:car':
##
##
## The following object is masked from 'package:corrplot':
##
##
       corrplot
library(MCMCpack)
## Loading required package: coda
##
## Attaching package: 'coda'
## The following object is masked from 'package:arm':
##
##
       traceplot
## ## Markov Chain Monte Carlo Package (MCMCpack)
## ## Copyright (C) 2003-2019 Andrew D. Martin, Kevin M. Quinn, and Jong Hee Park
## ##
```

## ## Support provided by the U.S. National Science Foundation

```
## ## (Grants SES-0350646 and SES-0350613)
## ##
library(pROC)
## Type 'citation("pROC")' for a citation.
## Attaching package: 'pROC'
## The following object is masked from 'package:glmnet':
##
##
       auc
## The following object is masked from 'package:plotROC':
##
##
       ggroc
## The following objects are masked from 'package:stats':
##
##
       cov, smooth, var
library(plotROC)
library(randomForest)
## randomForest 4.6-14
## Type rfNews() to see new features/changes/bug fixes.
## Attaching package: 'randomForest'
## The following object is masked from 'package:gridExtra':
##
##
       combine
## The following object is masked from 'package:ggplot2':
##
##
       margin
## The following object is masked from 'package:dplyr':
##
##
       combine
data_path <- "Laboratorio/"</pre>
READ DATA
data_churn_all <- read.csv(paste0(data_path, "data_churn_all.csv"))</pre>
data_churn_all <- data_churn_all %>%
  dplyr::mutate(NUM_FIDs = as.factor(NUM_FIDs)
         , W_PHONE = as.factor(W_PHONE)
         , TYP_CLI_ACCOUNT = as.factor(TYP_CLI_ACCOUNT)
         , churn = as.factor(churn)
         , TYP_CLI_FID = as.factor(TYP_CLI_FID)
         , STATUS_FID = as.factor(STATUS_FID)
         , FLAG_PRIVACY_1 = as.factor(FLAG_PRIVACY_1)
         , FLAG_PRIVACY_2 = as.factor(FLAG_PRIVACY_2)
         , FLAG_DIRECT_MKT = as.factor(FLAG_DIRECT_MKT)) %>%
```

dplyr::select(-c(X))

Letti i dati precedentemente processati ed effettuati i dovuti accorgimenti, si passa alla fase di data modelling. L'obiettivo  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " scoprire ed evidenziare le caratteristiche principali che rendono portano un cliente a diventare Churner, per poi riuscire a prevedere e contrastare un eventuale Churn da parte di altri consumatori. Abbiamo quindi una variabile target: Churn (1 se il cliente  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " Churner, 0 altrimenti) e diverse variabili esplicative. Si tratta di un problema di Supervised learning. Si decide, quindi, come prima ipotesi, di stimare un modello di regressione logistica attraverso la funzione glm. Dal dataset letto in partenza vengono rimosse le variabili considerate ridondanti, non utili allo scopo o nelle quali  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " presente una quantit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  molto elevata di missing. Training e test set vengono separati attribuendo rispettivamente il 75% delle osservazioni al primo e il restante 25% al secondo.

## LOGISTIC REGRESSION

```
data logistic <- data churn all %>%
  dplyr::select(-c(PRV, CAP, REGION, ID_CLI, ID_NEG, TYP_JOB)) %>%
  dplyr::mutate(DT_ACTIVE = as.Date(DT_ACTIVE))
set.seed(12345)
training_logistic <- data_logistic$churn %>%
  createDataPartition(p = 0.75, list = F)
train_logistic <- data_logistic[training_logistic,]</pre>
test_logistic <- data_logistic[-training_logistic,]</pre>
mod_logistic <- glm(churn ~., family = "binomial", data = train_logistic)</pre>
summary(mod_logistic)
##
## Call:
  glm(formula = churn ~ ., family = "binomial", data = train logistic)
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 10
                      Median
                                    3Q
                                             Max
                       0.0000
##
  -3.5009
            -0.3596
                                0.1257
                                          3.5099
##
## Coefficients:
##
                          Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                        -1.605e+02
                                    1.195e+02
                                               -1.343
                                                           0.179
## dt
                        -1.886e-02
                                    5.101e-04 -36.977
                                                        < 2e-16 ***
## days_no_purc
                         8.502e-02
                                    9.405e-04
                                                90.397
                                                        < 2e-16 ***
                        -5.181e-04
                                    5.565e-05
                                                -9.310
                                                        < 2e-16 ***
## mean_spend
## TYP CLI FID1
                         1.654e-01
                                    1.978e-01
                                                 0.836
                                                           0.403
                                                 0.078
                                                           0.938
## COD_FIDPREMIUM BIZ
                         9.335e+00
                                    1.195e+02
## COD_FIDSTANDARD
                        -4.835e-01
                                    4.465e-02 -10.828
                                                        < 2e-16 ***
## COD_FIDSTANDARD BIZ
                        9.155e+00
                                    1.195e+02
                                                 0.077
                                                           0.939
## STATUS_FID1
                        -5.941e-01
                                    6.144e-01
                                                -0.967
                                                           0.334
## DT_ACTIVE
                                                46.705
                         8.356e-03
                                    1.789e-04
                                                        < 2e-16 ***
## NUM FIDs2
                        -5.321e-01
                                    3.009e-01
                                                -1.768
                                                           0.077
## W PHONE1
                        -6.460e-02
                                                -1.092
                                                           0.275
                                    5.918e-02
## TYP CLI ACCOUNT4
                         9.295e+00
                                    1.195e+02
                                                 0.078
                                                           0.938
## FLAG_PRIVACY_11
                         7.833e-02
                                    6.611e-02
                                                 1.185
                                                           0.236
## FLAG_PRIVACY_21
                        -2.091e-03
                                    6.167e-02
                                                -0.034
                                                           0.973
## FLAG DIRECT MKT1
                        -4.704e-02
                                    6.810e-02
                                                -0.691
                                                           0.490
## perc_refound
                         1.626e-02
                                    2.559e-03
                                                 6.353 2.11e-10 ***
## perc_risparmio
                        -3.806e-03 3.269e-03
                                               -1.164
                                                           0.244
```

```
1.045e-02 9.839e-04 10.620 < 2e-16 ***
## attitudine sconto
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
##
  (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
       Null deviance: 58928 on 42507
##
                                       degrees of freedom
## Residual deviance: 20650 on 42489
                                      degrees of freedom
## AIC: 20688
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 9
Previsioni sul test set
probabilities_logistic <- predict(mod_logistic, test_logistic, type="response")</pre>
predicted_logistic = ifelse(probabilities_logistic > 0.5, 1, 0)
observed_classes <- test_logistic$churn</pre>
mean(predicted_logistic == observed_classes)
```

#### ## [1] 0.8986448

Vengono quindi indagati ulteriori caratteristiche del modello utilizzato. In particolare si analizza la variance inflation function per indagare eventuale collinearit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  delle feature utilizzate nel modello stimato.

### Ulteriori osservazioni

```
vif(mod_logistic)
```

```
##
                             GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
## dt
                     1.276649e+00
                                            1.129889
## days_no_purc
                     1.790783e+00 1
                                            1.338201
## mean spend
                     1.215934e+00 1
                                            1.102694
## TYP_CLI_FID
                     1.009312e+00 1
                                            1.004645
## COD FID
                     6.438998e+06 3
                                           13.639644
## STATUS_FID
                                            1.000234
                     1.000467e+00 1
## DT ACTIVE
                                            1.248803
                     1.559510e+00 1
## NUM_FIDs
                     1.004399e+00 1
                                            1.002197
## W PHONE
                     1.036588e+00 1
                                            1.018130
## TYP CLI ACCOUNT
                                         2194.448750
                     4.815605e+06 1
## FLAG_PRIVACY_1
                     2.918331e+00 1
                                            1.708312
## FLAG_PRIVACY_2
                                            1.074099
                     1.153689e+00 1
## FLAG_DIRECT_MKT
                     2.980663e+00 1
                                            1.726460
## perc_refound
                     1.088202e+00
                                  1
                                            1.043169
## perc_risparmio
                     1.300643e+00
                                  1
                                            1.140457
## attitudine_sconto 1.689546e+00
                                            1.299825
```

Come possiamo vedere dalla funzione VIF, la quale restituisce il grado di multicollinearit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  delle variabili inserite nel modello, le feature TYP\_CLI\_ACCOUNT e COD\_FID sono collineari. Detto ci $\tilde{A}$   $\hat{A}^2$ , risulta utile considerare soltanto una delle due presenti. Viene eliminata per tale motivo la prima delle due e si ristima il modello.

```
VIF_i = 1/1 - R_i
```

# NUOVO MODELLO DI REGRESSIONE LOGISTICA

```
data_logistic <- data_churn_all %>%
  dplyr::select(-c(PRV, CAP, REGION, ID_CLI, ID_NEG, TYP_JOB, TYP_CLI_ACCOUNT)) %>%
  dplyr::mutate(DT_ACTIVE = as.Date(DT_ACTIVE))
```

```
set.seed(12345)
training_logistic <- data_logistic$churn %>%
 createDataPartition(p = 0.75, list = F)
train_logistic <- data_logistic[training_logistic,]</pre>
test_logistic <- data_logistic[-training_logistic,]</pre>
mod_logistic <- glm(churn ~., family = "binomial", data = train_logistic)</pre>
summary(mod_logistic)
##
## Call:
## glm(formula = churn ~ ., family = "binomial", data = train_logistic)
## Deviance Residuals:
      Min
##
                1Q
                    Median
                                  3Q
                                          Max
## -3.5013 -0.3595 0.0000
                              0.1258
                                       3.5100
##
## Coefficients:
##
                        Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                      -1.512e+02 3.273e+00 -46.206 < 2e-16 ***
                      -1.886e-02 5.101e-04 -36.980 < 2e-16 ***
## dt
## days_no_purc
                       8.502e-02 9.404e-04 90.410 < 2e-16 ***
## mean_spend
                      -5.181e-04 5.565e-05 -9.311 < 2e-16 ***
## TYP_CLI_FID1
                       1.655e-01 1.978e-01
                                             0.836
                                                     0.4029
## COD_FIDPREMIUM BIZ 4.080e-02 8.410e-02
                                              0.485
                                                     0.6276
                      -4.836e-01 4.465e-02 -10.830 < 2e-16 ***
## COD_FIDSTANDARD
## COD FIDSTANDARD BIZ -1.399e-01 8.147e-02 -1.718
                                                    0.0858 .
                      -5.939e-01 6.144e-01 -0.967
                                                     0.3337
## STATUS_FID1
## DT ACTIVE
                       8.356e-03 1.789e-04 46.714 < 2e-16 ***
## NUM_FIDs2
                      -5.322e-01 3.009e-01 -1.769
                                                     0.0769 .
## W PHONE1
                      -6.453e-02 5.918e-02 -1.090
                                                     0.2755
                                                      0.2365
## FLAG PRIVACY 11
                       7.826e-02 6.611e-02
                                             1.184
## FLAG PRIVACY 21
                      -2.038e-03 6.167e-02 -0.033
                                                      0.9736
## FLAG DIRECT MKT1 -4.713e-02 6.810e-02 -0.692
                                                      0.4889
## perc_refound
                      1.626e-02 2.559e-03
                                             6.355 2.08e-10 ***
                      -3.811e-03 3.269e-03 -1.166
                                                      0.2437
## perc_risparmio
## attitudine_sconto
                     1.045e-02 9.839e-04 10.617 < 2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
      Null deviance: 58928 on 42507 degrees of freedom
## Residual deviance: 20651 on 42490 degrees of freedom
## AIC: 20687
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 7
NUOVE PREVISIONI SUL TEST SET
probabilities_logistic <- predict(mod_logistic, test_logistic, type="response")</pre>
predicted_logistic = ifelse(probabilities_logistic > 0.5, 1, 0)
observed_classes <- test_logistic$churn</pre>
```

```
mean(predicted_logistic == observed_classes)
```

## ## [1] 0.898786

#### VARIANCE INFLATION FUNCTION

vif(mod\_logistic)

```
##
                          GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
## dt
                      1.276612
                               1
                                          1.129873
## days_no_purc
                      1.790637
                                          1.338147
## mean_spend
                      1.215932
                                          1.102693
## TYP CLI FID
                      1.009312
                                1
                                          1.004645
## COD FID
                      1.474989
                               .3
                                          1.066919
## STATUS FID
                      1.000467
                                          1.000234
## DT_ACTIVE
                      1.559477
                                1
                                          1.248790
## NUM_FIDs
                      1.004399
                                          1.002197
## W PHONE
                      1.036587
                                1
                                          1.018129
## FLAG PRIVACY 1
                      2.918718
                                          1.708426
## FLAG_PRIVACY_2
                      1.153692
                                1
                                          1.074100
## FLAG_DIRECT_MKT
                      2.981092
                                1
                                          1.726584
## perc_refound
                      1.088192
                               1
                                          1.043165
## perc_risparmio
                      1.300679
                                          1.140473
## attitudine_sconto 1.689533
                                          1.299820
```

Come mostrato dai risultati, la media delle volte in cui i risultati delle previsioni risultano uguali ai valori osservati della variabile target resta uguale (pari circa al 90%). Inoltre viene risolta la collinearit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  delle variabili esplicative, come visto dalla funzione VIF.

Si decide a questo punto di indagare la possibilit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  di rimozione di alcune variabili dal modello. Nello specifico viene applicata la logica di selezione stepwise in entrambe le direzioni possibili (forward and backword). Il risultato proveniente da questa tecnica riesce ad indicare il modello per cui risulta minimo l'Akaike Information Criterion, metodo di valutazione in grado di fornire la qualit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  di stima di un modello, considerando congiuntamente la bont $\tilde{A}$   $\hat{A}$  di adattamento e la complessit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  dello stesso.

```
##
##
   Call: glm(formula = churn ~ dt + days no purc + mean spend + COD FID +
       DT_ACTIVE + NUM_FIDs + perc_refound + attitudine_sconto,
##
##
       family = "binomial", data = train_logistic)
##
##
   Coefficients:
##
           (Intercept)
                                           dt
                                                      days_no_purc
            -1.518e+02
                                  -1.888e-02
                                                         8.504e-02
##
##
                          COD_FIDPREMIUM BIZ
                                                   COD_FIDSTANDARD
            mean_spend
##
            -5.160e-04
                                   3.002e-02
                                                        -4.892e-01
##
   COD_FIDSTANDARD BIZ
                                   DT_ACTIVE
                                                         NUM_FIDs2
##
            -1.489e-01
                                   8.360e-03
                                                        -5.227e-01
##
          perc refound
                           attitudine sconto
##
             1.642e-02
                                   9.977e-03
##
## Degrees of Freedom: 42507 Total (i.e. Null); 42497 Residual
## Null Deviance:
                         58930
## Residual Deviance: 20660
                                 AIC: 20680
```

Si procede quindi nel definire il modello di regressione logistica facendo affidamento su quanto emerso dalla stepwise model selection

#### STEPWISE MODEL

```
logistic_step <- glm(formula = churn ~ dt + days_no_purc + mean_spend + COD_FID + DT_ACTIVE + FLAG_PRIV.
summary(logistic_step)
##
## Call:
## glm(formula = churn ~ dt + days_no_purc + mean_spend + COD_FID +
       DT_ACTIVE + FLAG_PRIVACY_1 + perc_refound + attitudine_sconto,
##
       family = "binomial", data = train_logistic)
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
## -3.5061 -0.3591
                      0.0000
                               0.1262
                                         3.5173
##
## Coefficients:
##
                         Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                       -1.517e+02 3.134e+00 -48.397 < 2e-16 ***
## (Intercept)
## dt
                       -1.887e-02 5.098e-04 -37.014
                                                       < 2e-16 ***
## days_no_purc
                        8.502e-02 9.396e-04
                                              90.484
                                                       < 2e-16 ***
## mean spend
                       -5.156e-04 5.530e-05
                                               -9.323
                                                       < 2e-16 ***
                       4.492e-02 8.257e-02
## COD_FIDPREMIUM BIZ
                                                0.544
                                                        0.5864
## COD_FIDSTANDARD
                       -4.854e-01 4.345e-02 -11.172
                                                       < 2e-16 ***
## COD_FIDSTANDARD BIZ -1.329e-01 7.998e-02
                                              -1.662
                                                        0.0965 .
## DT_ACTIVE
                        8.353e-03 1.752e-04
                                              47.689
                                                       < 2e-16 ***
## FLAG_PRIVACY_11
                        4.163e-02 3.984e-02
                                                1.045
                                                        0.2960
                                                6.398 1.58e-10 ***
## perc_refound
                        1.635e-02 2.556e-03
## attitudine sconto
                        9.962e-03 8.894e-04 11.200 < 2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 58928
                             on 42507
                                       degrees of freedom
## Residual deviance: 20658
                             on 42497
                                       degrees of freedom
## AIC: 20680
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 7
Com'Ã Â" possibile notare dai risultati, il livello di AIC Ã Â" sceso. Inoltre tutte le variabili inserite nella
stima, presentano un coefficiente significativo.
```

## NUOVE PREVISIONI SUL TEST SET

```
probabilities_logistic_step <- predict(logistic_step, test_logistic, type="response")
predicted_logistic_step = ifelse(probabilities_logistic > 0.5, 1, 0)
observed_classes <- test_logistic$churn
mean(predicted_logistic_step == observed_classes)</pre>
```

```
## [1] 0.898786
```

I risultati rimangono ottimi e viene ridotta notevolmente la complessit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  del modello utilizzato.

Per testare in modo consistente la bontà Â delle previsioni del modello, vengono calcolate tre metriche che

indagano la capacità Â dell'algoritmo di assegnare in modo corretto una osservazione come churner o non churner quando realmente questa appartiene a le due categorie: F1 measure, Precision and Recall:

```
caret::F_meas(data = as.factor(predicted_logistic_step), reference = test_logistic$churn)

## [1] 0.9010762

caret::precision(data = as.factor(predicted_logistic_step), reference = test_logistic$churn)

## [1] 0.8794775

caret::recall(data = as.factor(predicted_logistic_step), reference = test_logistic$churn)

## [1] 0.9237624
```

Le tre metriche calcolate danno ottimi risultati.

Si decide ora di passare ad un tipo di algoritmo diverso. Si procede aggiungendo una penalit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  per controllare le propriet $\tilde{A}$   $\hat{A}$  dei coefficienti di regressione, andando oltre a quanto la mera funzione di verosimiglianza permette.

Viene infatti cercata l'ottimizzazione della verosimiglianza e della penalit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  piuttosto che tentare di massimizzare solamente la prima.

Si parla in questo caso di Penalized logistic regression. Questa impone una penalit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  al modello logistico quando questo presenta troppe variabili. Questo metodo, chiamato anche regolarizzazione, permette di portare a zero il valore assoluto dei coefficienti delle variabili meno costributive per il modello stimato.

I modelli di regressione penalizzata pi Ã $\hat{\mathbf{A}}^1$ comuni sono: - Ridge Regression - Lasso Regression - Elastic Net Regression

Si decide di applicare la regressione con penalit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  di tipo LASSO, la quale permette di forzare il valore assoluto dei coefficienti meno significativi a 0.

## REGRESSIONE LASSO

```
data_lasso <- data_logistic
set.seed(12345)
training <- data_lasso$churn %>%
  createDataPartition(p = 0.75, list = F)
train_lasso <- data_lasso[training,]</pre>
test_lasso <- data_lasso[-training,]</pre>
x <- model.matrix(churn~., train_lasso)[,-1]</pre>
y <- train_lasso$churn
set.seed(12345)
cv.lasso <- cv.glmnet(x, y, alpha = 1, family = "binomial")</pre>
model_lasso <- glmnet(x, y, alpha = 1, family = "binomial",</pre>
                 lambda = cv.lasso$lambda.min)
coef(model_lasso)
## 18 x 1 sparse Matrix of class "dgCMatrix"
##
                                    s0
## (Intercept)
                        -1.491763e+02
## dt
                        -1.849445e-02
## days_no_purc
                         8.379360e-02
## mean_spend
                        -4.878645e-04
## TYP CLI FID1
                         1.087767e-01
## COD FIDPREMIUM BIZ 3.147183e-02
```

```
## COD FIDSTANDARD
                       -4.684892e-01
## COD_FIDSTANDARD BIZ -1.143329e-01
## STATUS FID1
                     -3.828704e-01
## DT_ACTIVE
                        8.231905e-03
## NUM FIDs2
                       -4.516960e-01
## W PHONE1
                       -5.189208e-02
## FLAG PRIVACY 11
                        3.238197e-02
## FLAG_PRIVACY_21
## FLAG_DIRECT_MKT1
## perc_refound
                        1.575869e-02
## perc_risparmio
                       -2.558115e-03
## attitudine_sconto
                        1.001983e-02
```

L'unica variabile completamente priva di valore aggiunto per spiegare la variabile target d'interesse, risulta essere FLAG DIRECT MKT

## PREVISIONI LASSO

```
x.test <- model.matrix(churn ~., test_lasso)[,-1]
probabilities <- model_lasso %>% predict(newx = x.test)
predicted.classes <- ifelse(probabilities > 0.5, 1, 0)
observed.classes <- test_lasso$churn
mean(predicted.classes == observed.classes)</pre>
```

#### ## [1] 0.8904574

Si cerca ora di ottimizzare i parametri riguardanti la specificazione del modello, in particolare, viene indagato il tipo di parametro lambda che permette di ottenere il modello pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  accurato:

```
cv.lasso$lambda.min
```

```
## [1] 0.0003145739
```

```
coef(cv.lasso, cv.lasso$lambda.min)
```

```
## 18 x 1 sparse Matrix of class "dgCMatrix"
##
## (Intercept)
                       -1.492024e+02
## dt
                       -1.849976e-02
## days_no_purc
                        8.381355e-02
## mean_spend
                       -4.880367e-04
## TYP_CLI_FID1
                        1.087409e-01
## COD_FIDPREMIUM BIZ
                        3.146551e-02
## COD FIDSTANDARD
                       -4.685261e-01
## COD_FIDSTANDARD BIZ -1.142629e-01
## STATUS_FID1
                       -3.829899e-01
## DT_ACTIVE
                        8.233340e-03
## NUM_FIDs2
                       -4.518267e-01
## W_PHONE1
                       -5.190066e-02
## FLAG PRIVACY 11
                        3.238961e-02
## FLAG_PRIVACY_21
## FLAG_DIRECT_MKT1
## perc_refound
                        1.576064e-02
## perc_risparmio
                       -2.557011e-03
## attitudine sconto
                        1.002219e-02
```

Ed anche quello che d $\tilde{A}$   $\hat{A}$  prova del modello pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  semplice

```
cv.lasso$lambda.1se
## [1] 0.002933727
coef(cv.lasso, cv.lasso$lambda.1se)
## 18 x 1 sparse Matrix of class "dgCMatrix"
##
                                      1
## (Intercept)
                         -1.333876e+02
## dt
                         -1.600330e-02
## days_no_purc
                         7.550194e-02
## mean_spend
                         -1.945255e-04
## TYP_CLI_FID1
## COD_FIDPREMIUM BIZ
## COD_FIDSTANDARD
                         -3.493880e-01
## COD FIDSTANDARD BIZ
## STATUS_FID1
## DT_ACTIVE
                          7.337651e-03
## NUM_FIDs2
## W_PHONE1
## FLAG_PRIVACY_11
## FLAG_PRIVACY_21
## FLAG_DIRECT_MKT1
## perc_refound
                          1.184904e-02
## perc_risparmio
## attitudine sconto
                          7.360997e-03
Quest'ultimo parametro pare essere troppo restringente; vengono infatti posti pari a zero anche i coefficienti
delle variabili considerate nella stima del modello di regressione logistica iniziale. Si stima, ad ogni modo, il
modello di regressione logistica penalizzata considerando entrambi i lambda menzionati in precedenza.
Con Lambda min
model_lasso <- glmnet(x, y, alpha = 1, family = "binomial",</pre>
                       lambda = cv.lasso$lambda.min)
x.test <- model.matrix(churn ~., test lasso)[,-1]</pre>
probabilities <- model_lasso %>% predict(newx = x.test)
predicted.classes <- ifelse(probabilities > 0.5, 1, 0)
observed.classes <- test_lasso$churn</pre>
mean(predicted.classes == observed.classes)
## [1] 0.8904574
Con lambda 1se
model_lasso_1se <- glmnet(x, y, alpha = 1, family = "binomial",</pre>
                       lambda = cv.lasso$lambda.1se)
```

#### ## [1] 0.8875635

x.test <- model.matrix(churn ~., test\_lasso)[,-1]</pre>

observed.classes <- test\_lasso\$churn

mean(predicted.classes == observed.classes)

probabilities <- model\_lasso\_1se %>% predict(newx = x.test)
predicted.classes <- ifelse(probabilities > 0.5, 1, 0)

I risultati sono molto interessanti. Il lambda 1se permette di semplificare molto la stima del modello e, pur eliminando diverse variabili esplicative, restituisce un'accuratezza delle previsioni quasi identica a quella

ottenuta con Lambda min. Si potrebbe optare quindi per tenere in considerazione l'ultimo degli algoritmi sviluppati. Risultati molto simili, ma semplicit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  maggiore.

Si prova ora a considerare un tipo di regressione logistica basata sulla statistica Bayesiana.

```
model_bayesian_glm <- bayesglm(churn ~., family = "binomial", data = train_logistic, prior.df = Inf, pr
summary(model_bayesian_glm)
##
## bayesglm(formula = churn ~ ., family = "binomial", data = train_logistic,
       prior.scale = Inf, prior.df = Inf)
##
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                   3Q
                                           Max
  -3.5013
           -0.3595
                      0.0000
                               0.1258
                                         3.5100
##
##
## Coefficients:
##
                         Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                       -1.512e+02 3.273e+00 -46.206
## (Intercept)
                                                      < 2e-16 ***
## dt
                       -1.886e-02
                                   5.101e-04 -36.980
                                                      < 2e-16 ***
                        8.502e-02
                                   9.404e-04
                                              90.410
                                                      < 2e-16 ***
## days_no_purc
## mean_spend
                                                       < 2e-16 ***
                       -5.181e-04
                                   5.565e-05
                                              -9.311
## TYP_CLI_FID1
                        1.655e-01
                                   1.978e-01
                                               0.836
                                                        0.4029
## COD_FIDPREMIUM BIZ
                        4.080e-02
                                   8.410e-02
                                               0.485
                                                        0.6276
## COD_FIDSTANDARD
                       -4.836e-01
                                   4.465e-02 -10.830
                                                       < 2e-16 ***
## COD_FIDSTANDARD BIZ -1.399e-01
                                   8.147e-02
                                              -1.718
                                                        0.0858 .
## STATUS FID1
                       -5.939e-01 6.144e-01
                                              -0.967
                                                        0.3337
## DT ACTIVE
                        8.356e-03
                                   1.789e-04
                                              46.714
                                                      < 2e-16 ***
## NUM_FIDs2
                                              -1.769
                       -5.322e-01
                                   3.009e-01
                                                        0.0769
## W PHONE1
                       -6.453e-02 5.918e-02
                                              -1.090
                                                        0.2755
## FLAG_PRIVACY_11
                        7.826e-02 6.611e-02
                                               1.184
                                                        0.2365
## FLAG PRIVACY 21
                                              -0.033
                                                        0.9736
                       -2.038e-03
                                   6.167e-02
## FLAG_DIRECT_MKT1
                       -4.713e-02
                                   6.810e-02
                                               -0.692
                                                        0.4889
                        1.626e-02
## perc_refound
                                               6.355 2.08e-10 ***
                                   2.559e-03
## perc_risparmio
                       -3.811e-03
                                   3.269e-03
                                              -1.166
                                                        0.2437
## attitudine_sconto
                        1.045e-02 9.839e-04
                                              10.617
                                                      < 2e-16 ***
##
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 58928
                             on 42507
                                       degrees of freedom
## Residual deviance: 20651
                             on 42490
                                       degrees of freedom
  AIC: 20687
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 7
```

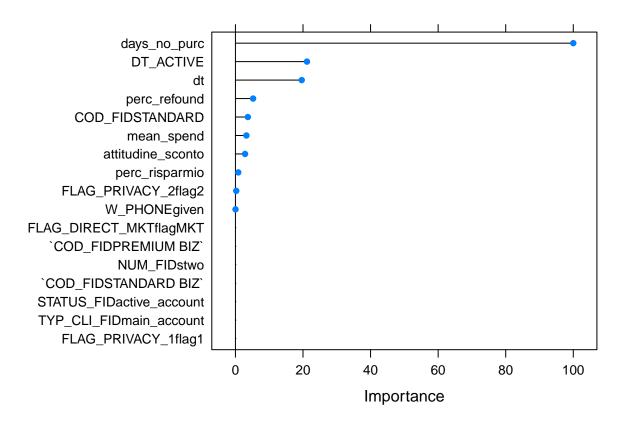
L'output del modello coincide con quanto emerso dalla regressione logistica tradizionale. In verit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  questo si presenta come risultato pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  probabile. Infatti, al crescere della numerosit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  del campione, i risultati dei due modelli menzionati, dovrebbero combaciare (come avviene realmente).

Si sceglie a questo punto di utilizzare un albero decisionale per provare ad indagare la relazione tra le variabili e la loro importanza. Il fine  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " poi utilizzare i risultati emersi dall'albero per stimare una rete neurale di tipo NNET.

```
data_decision <- data_logistic
set.seed(12345)
levels(data_decision$churn) <- c("not_churner", "churner")</pre>
levels(data_decision$TYP_CLI_FID) <- c("not_main", "main_account")</pre>
levels(data_decision$STATUS_FID) <- c("not_active", "active_account")</pre>
levels(data_decision$NUM_FIDs) <- c("one", "two")</pre>
levels(data_decision$W_PHONE) <- c("not_given", "given")</pre>
levels(data_decision$FLAG_PRIVACY_1) <- c("not_flag1", "flag1")</pre>
levels(data_decision$FLAG_PRIVACY_2) <- c("not_flag2", "flag2")</pre>
levels(data_decision$FLAG_DIRECT_MKT) <- c("not_flagMKT", "flagMKT")</pre>
set.seed(12345)
training_decision <- data_decision$churn %>%
  createDataPartition(p = 0.75, list = F)
train_decision <- data_decision[training_decision,]</pre>
test_decision <- data_decision[-training_decision,]</pre>
metric <- "ROC"
Ctrl <- trainControl(method = "cv" , number=3, classProbs = TRUE,</pre>
summaryFunction = twoClassSummary)
rpartTune <- train(churn~ ., data = train_decision, method = "rpart", tuneLength = 10, trControl = Ctrl
rpartTune
## CART
##
## 42508 samples
##
      15 predictor
       2 classes: 'not_churner', 'churner'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (3 fold)
## Summary of sample sizes: 28339, 28338, 28339
## Resampling results across tuning parameters:
##
##
                   ROC
                              Sens
                                         Spec
     ср
##
    0.0007071136 \quad 0.9531190 \quad 0.9128836 \quad 0.8797842
##
     0.0007778249 0.9529567 0.9129308 0.8792676
    0.0009899590 0.9528949 0.9168906 0.8744306
##
##
     0.0015085089 0.9515888 0.9054825 0.8842448
##
    0.0027813133  0.9506303  0.9028426  0.8813339
    ##
##
     0.0069454265 0.9109142 0.8961014 0.8562103
##
##
    0.0237825862  0.8847131  0.8879461  0.8439063
##
     0.6996652996  0.7311616  0.5987838  0.8635395
##
## ROC was used to select the optimal model using the largest value.
## The final value used for the model was cp = 0.0007071136.
```

Il tuning restituisce in cima un parametro cp grazie al quale risulta possibile massimizzare il risultato in termini di ROC, metrica impostata per questo algoritmo.

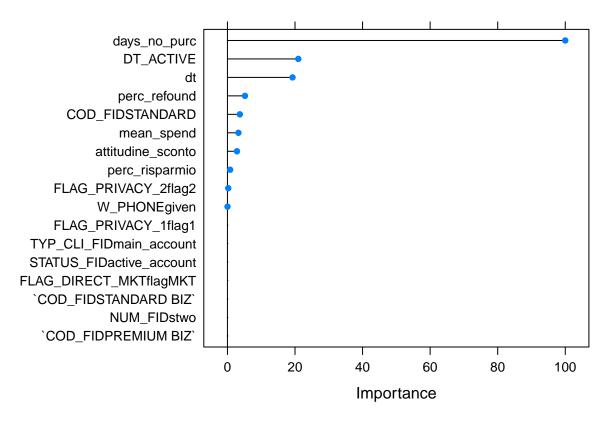
```
Vimportance <- varImp(rpartTune)
plot(Vimportance)</pre>
```



Dal grafico soprastante à Â" possibile notare il ranking delle variabili ordinate per importanza.

Si effettua di nuovo l'albero decisionale, settando, in questo caso, i parametri che dal tuning precedente risultavano essere migliori.

```
set.seed(12345)
Ctrl_save <- trainControl(method = "cv" , number=3, summaryFunction = twoClassSummary,
classProbs = TRUE, savePredictions = TRUE)
rpartTuneMy <- train(churn ~ ., data = train_decision, method = "rpart", tuneGrid=data.frame(cp=0.00092)
Vimportance_optm <- varImp(rpartTuneMy)
plot(Vimportance_optm)</pre>
```



Viene verificato che l'ordine di importanza delle variabili rimane intatto. Si decide quindi di effettuare una feature selection sulla base delle indicazioni ottenute dal Decision tree.

```
selected_training <- data_decision %>%
    dplyr::select(c(churn, days_no_purc, DT_ACTIVE, dt, mean_spend, COD_FID, FLAG_PRIVACY_2, W_PHONE, per
set.seed(12345)
training_selected_training <- selected_training$churn %>%
    createDataPartition(p = 0.75, list = F)

train_selected <- selected_training[training_selected_training,]
test_selected <- selected_training[-training_selected_training,]</pre>
```

A questo punto, identificato il set di variabili migliori, si tenta di lanciare una rete neurale. Prima di ci $\hat{A}$   $\hat{A}^2$ , tuttavia, si svolge un'analisi riguardo l'approccio migliore da utilizzare nella stima della stessa. Vengono, a tal proposito, testate una Principal Component Analysis, una Normalizzazione ed una Standardizzazione come metodi di preprocessing. Il metodo dei tre che restituir $\hat{A}$   $\hat{A}$  i risultati migliori sar $\hat{A}$   $\hat{A}$  quindi inserito nel preprocessing della Rete.

## **PCA**

```
data = train_selected,
                            maxit = 100)
getTrainPerf(nnetFit_defgridDR1)
      TrainROC TrainSens TrainSpec method
## 1 0.9704285 0.9183991 0.8886124
nnetFit_defgridDR1$bestTune
##
      size decay
         5 1e-04
## 18
STANDARDIZZAZIONE
tunegrid <- expand.grid(size=c(1:5), decay = c(0.0002, 0.0003, 0.00001, 0.0001))
nnetFit_defgridDR2 <- train(churn ~ .,</pre>
                            method = "nnet",
                            preProcess = c("center", "scale"),
                            metric=metric,
                            trControl=Ctrl, tuneGrid=tunegrid,
                            trace = FALSE,
                            data = train_selected,
                            maxit = 100)
getTrainPerf(nnetFit_defgridDR2)
      TrainROC TrainSens TrainSpec method
## 1 0.9705407 0.9142036 0.890397
nnetFit_defgridDR2$bestTune
##
      size decay
## 19
         5 2e-04
NORMALIZZAZIONE
tunegrid \leftarrow expand.grid(size=c(1:5), decay = c(0.0002, 0.0003, 0.00001, 0.0001))
nnetFit_defgridDR3 <- train(churn ~ .,</pre>
                            method = "nnet",
                            preProcess = c("range"),
                            metric=metric,
                            trControl=Ctrl, tuneGrid=tunegrid,
                            trace = FALSE,
                            data = train_selected,
                            maxit = 100)
getTrainPerf(nnetFit_defgridDR3)
     TrainROC TrainSens TrainSpec method
## 1 0.970021 0.9161363 0.8874384
nnetFit defgridDR3$bestTune
```

```
## size decay
## 15 4 2e-04
```

Il parametro in grado di restituire il livello maggiore di ROC, metrica utilizzata in quest'ambito, risulta essere la Standardizzazione. Si procede quindi nell'implementazione della rete neurale, settendo i parametri emersi dalla Standardizzazione.

```
## TrainROC TrainSens TrainSpec method
## 1 0.9685811 0.9117522 0.8876734 nnet
```

Anche i risultati della Rete Neurale sembrano essere ottimi.

Si analizzano ora i risultati in termini di Precision, Recall, F Measure ed AIC delle 3 regressioni utilizzate:

```
results_step_logistic <- cbind(caret::F_meas(data = as.factor(predicted_logistic_step), reference = test_caret::recall(data = as.factor(predicted_logistic_step), reference = test_logistic$churn), AIC(logistic results_logistic <- cbind(caret::F_meas(data = as.factor(predicted_logistic), reference = test_logistic caret::recall(data = as.factor(predicted_logistic)), reference = test_logistic$churn), AIC(mod_logistic)

results_lasso <- cbind(caret::F_meas(data = as.factor(predicted.classes), reference = test_lasso$churn) caret::recall(data = as.factor(predicted.classes), reference = test_lasso$churn), NA)

results <- rbind(results_logistic, results_step_logistic, results_lasso)

row.names(results) <- c("Logistic" ,"Logistic Stepwise", "LASSO")

colnames(results) <- c("Fmeas", "Precision", "Recall", "AIC")

results
```

```
## Fmeas Precision Recall AIC
## Logistic 0.9010762 0.8794775 0.9237624 20686.56
## Logistic Stepwise 0.9010762 0.8794775 0.9237624 20680.27
## LASSO 0.8943143 0.8421842 0.9533239 NA
```

La migliore tra le 3 sembra essere la logistic Stepwise, ovvero la tradizionale Regressione Logistica, su cui per $\hat{A}$   $\hat{A}^{\circ}$   $\hat{A}$  istata svolta un metodo di selezione delle variabili di tipo Stepwise (Forward and Backword). Tra questo modello e la regressione su cui non  $\hat{A}$   $\hat{A}^{\circ}$  stata effettuata la tecnica precedente, in realt $\hat{A}$   $\hat{A}$ , avviene un miglioramento solamente riguardo al Criterio di informazione basato sulla Verosimiglianza, ma non sulle previsioni. Per quanto riguarda, quindi, il futuro utilizzo di un modello od un altro, le considerazioni sulla capacit $\hat{A}$   $\hat{A}$  previsiva dei due modelli sono esattamente le stesse. Se per $\hat{A}$   $\hat{A}^{\circ}$ , si dovesse prediligere un approccio basato anche sulla semplicit $\hat{A}$   $\hat{A}$ , la strada da seguire  $\hat{A}$   $\hat{A}^{\circ}$  quella tracciata dalla Stepwise Logistic.

A questo punto, i risultati ottenuti sono pienamente soddisfacenti. Si decide, per $\tilde{A}$   $\tilde{A}^2$  di provare a testare un modello di tipo Random Forest. Dati gli output precedenti, ci si aspetta una buona performance anche da questo algoritmo, per provare ad individuare e prevedere i possibili churner. Al fine di ottimizzare la stima del modello, viene effettuato, anche in questo caso, un tuning dei parametri. Una volta scovati i parametri migliori per ottenere i risultati ottimi, questi saranno inseriti nella stima del modello.

```
customRF <- list(type = "Classification", library = "randomForest", loop = NULL)</pre>
customRF$parameters <- data.frame(parameter = c("mtry", "ntree"),</pre>
class = rep("numeric", 2),
label = c("mtry", "ntree"))
customRF$grid <- function(x, y, len = NULL, search = "grid") {}</pre>
customRF$fit <- function(x, y, wts, param, lev, last, weights, classProbs, ...) {</pre>
randomForest(x, y, mtry = param$mtry, ntree=param$ntree, ...)
customRF$predict <- function(modelFit, newdata, preProc = NULL, submodels = NULL)</pre>
predict(modelFit, newdata)
customRF$prob <- function(modelFit, newdata, preProc = NULL, submodels = NULL)</pre>
predict(modelFit, newdata, type = "prob")
customRF$sort <- function(x) x[order(x[,1]),]</pre>
customRF$levels <- function(x) x$classes</pre>
set.seed(123)
tunegrid <- expand.grid(.mtry=c(4:9), .ntree=c(100,500))</pre>
rpartTuneMyRf <- train(churn ~ ., data = train_decision, method = customRF,</pre>
tuneGrid=tunegrid, trControl = Ctrl, metric=metric)
rpartTuneMyRf
## 42508 samples
##
      15 predictor
##
       2 classes: 'not_churner', 'churner'
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (3 fold)
## Summary of sample sizes: 28339, 28339, 28338
## Resampling results across tuning parameters:
##
##
     mtry ntree ROC
                              Sens
                                          Spec
##
           100
                  0.9699811 0.9183048 0.8911009
           500
                  0.9709110 0.9190591 0.8919931
##
##
     5
           100
                  0.9707956 0.9180691 0.8912889
##
     5
           500
                  0.9716692 0.9183048 0.8933081
                  0.9710868 0.9177391 0.8931673
##
     6
           100
                  0.9719250 0.9190119 0.8933081
##
     6
           500
     7
##
           100
                  0.9710063 0.9170320 0.8917114
##
     7
           500
                  0.9718735 0.9192476 0.8931202
##
     8
           100
                  0.9711491 0.9182105 0.8915236
                  0.9718622 0.9192005 0.8926507
##
    8
           500
##
    9
           100
                  0.9709855 0.9168906 0.8918054
    9
           500
##
                  0.9717541 0.9193419 0.8918993
##
## ROC was used to select the optimal model using the largest value.
## The final values used for the model were mtry = 6 and ntree = 500.
I valori finali per stimare la Random Forest saranno quindi quelli espressi dal tuning dei parametri.
set.seed(12345)
tunegrid <- expand.grid(.mtry=8, .ntree=500)</pre>
rpartTuneMyRf_ok <- train(churn ~ ., data = train_decision, method = customRF,</pre>
tuneGrid=tunegrid, trControl = Ctrl save, metric=metric)
rpartTuneMyRf_ok
```

## 42508 samples

```
##
       2 classes: 'not_churner', 'churner'
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (3 fold)
## Summary of sample sizes: 28338, 28339, 28339
## Resampling results:
##
##
     ROC
                Sens
                            Spec
##
     0.9714853 0.9182105 0.8918058
## Tuning parameter 'mtry' was held constant at a value of 8
## Tuning
   parameter 'ntree' was held constant at a value of 500
Stimata la Random Forest viene adottato un criterio unico per confrontare tutti i modelli utilizzati in questa
analisi. Il confronto ed il giudizio viene basato sulla metrica AUC, ovvero Area under the curve. Dove la
curva à Â" intesa in questo cosa come la ROC curve.
roc_logistic <- roc(observed_classes ,probabilities_logistic)</pre>
## Setting levels: control = 0, case = 1
## Setting direction: controls < cases
roc_logistic_step <- roc(observed_classes, probabilities_logistic_step)</pre>
## Setting levels: control = 0, case = 1
## Setting direction: controls < cases
roc_LASSO <- roc(observed.classes, probabilities)</pre>
## Setting levels: control = 0, case = 1
## Warning in roc.default(observed.classes, probabilities): Deprecated use
## a matrix as predictor. Unexpected results may be produced, please pass a
## numeric vector.
## Setting direction: controls < cases
result_predicted_nnet <- predict(nnetFit_final, test_selected, type = "prob")
roc_nnet <- roc(test_selected$churn, result_predicted_nnet$churn)</pre>
## Setting levels: control = not_churner, case = churner
## Setting direction: controls < cases
result_predicted_rf <- predict(rpartTuneMyRf_ok, test_decision, type = "prob")
roc_rf <- roc(test_decision$churn, result_predicted_rf$churn)</pre>
## Setting levels: control = not_churner, case = churner
## Setting direction: controls < cases
data_results <- as.data.frame(rbind(roc_LASSO$auc, roc_logistic$auc, roc_logistic_step$auc, roc_nnet$au
rownames(data_results) <- c("LASSO AUC", "Logistic AUC", "Step Logistic AUC", "NNET AUC", "Random Fores
data_results
##
                             V1
## LASSO AUC
                      0.9642990
## Logistic AUC
                      0.9642255
## Step Logistic AUC 0.9642658
```

##

15 predictor

```
## NNET AUC 0.9700885
## Random Forest AUC 0.9731467
```

I risultati migliori provengono dall'ultimo dei modelli utilizzati, ovvero la Random Forest, su cui verr $\tilde{A}$   $\hat{A}$  svolto un approccio di tipo data driven.

Per concludere,  $\cos \tilde{A}$   $\hat{A} \neg$  come fatto per il primo obiettivo di business, si effettuano dei test con un individuo esempio. Lo scopo rimane quello di mostrare concretamente l'impotanza delle variabili. Si cerca di osservare se e come, al cambiare del valore di una sola delle esplicative risultate pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  importanti, pu $\tilde{A}$   $\hat{A}^2$  cambiare la classe di appartenenza dell'individuo in questione.

Si utilizza a questo scopo un cliente presente nel test set. In questo caso, per semplicit $\tilde{A}$   $\hat{A}$  verr $\tilde{A}$   $\hat{A}$  condotto l'esempio utilizzando il modello di regressione logistica step wise.

Analizziamo le variabili, in termini di influenza sul modello

```
summary(logistic_step)
```

```
##
## Call:
  glm(formula = churn ~ dt + days_no_purc + mean_spend + COD_FID +
##
       DT_ACTIVE + FLAG_PRIVACY_1 + perc_refound + attitudine_sconto,
##
##
       family = "binomial", data = train_logistic)
##
##
  Deviance Residuals:
##
       Min
                      Median
                                   30
                                           Max
##
   -3.5061
           -0.3591
                      0.0000
                               0.1262
                                        3.5173
##
## Coefficients:
##
                         Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                       -1.517e+02 3.134e+00 -48.397 < 2e-16 ***
## (Intercept)
## dt
                       -1.887e-02
                                   5.098e-04 -37.014
                                                      < 2e-16 ***
                                              90.484
## days_no_purc
                        8.502e-02 9.396e-04
                                                      < 2e-16 ***
                                              -9.323
## mean spend
                       -5.156e-04 5.530e-05
                                                      < 2e-16 ***
## COD_FIDPREMIUM BIZ
                        4.492e-02 8.257e-02
                                               0.544
                                                       0.5864
## COD_FIDSTANDARD
                       -4.854e-01
                                                      < 2e-16 ***
                                  4.345e-02 -11.172
## COD_FIDSTANDARD BIZ -1.329e-01
                                  7.998e-02
                                              -1.662
                                                       0.0965 .
## DT ACTIVE
                        8.353e-03
                                   1.752e-04
                                              47.689
                                                       < 2e-16 ***
## FLAG_PRIVACY_11
                                               1.045
                                                        0.2960
                        4.163e-02
                                   3.984e-02
## perc_refound
                        1.635e-02
                                   2.556e-03
                                               6.398 1.58e-10 ***
## attitudine_sconto
                        9.962e-03 8.894e-04
                                             11.200 < 2e-16 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
##
  (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 58928
                             on 42507
                                       degrees of freedom
## Residual deviance: 20658
                             on 42497
                                       degrees of freedom
## AIC: 20680
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 7
```

Modifichiamo ora il valore di alcune variabili risultate importanti, prendendo come riferimento un cliente giudicato churner.

```
user_test1 <- test_logistic[1,] #cliente churner
user_test1$mean_spend <- 300 #Cambia la spesa media</pre>
```

```
user_test1$perc_refound <- 0 #percentuale di refound pari a 0
user_test1$dt <- 150 #giorni tra gli acquisti
user_test1$days_no_purch <- 150 #giorni dall'ultimo acquisto
predict(logistic_step,user_test1[,] , type = "response")</pre>
```

## 10 ## 0.3961912

Da questo breve esempio possiamo condurre alcune osservazioni: Il cliente preso come riferimento era chiaramente un churner. La sua spesa media era abbastanza bassa (61.9 euro), per $\tilde{A}$   $\hat{A}^2$  i giorni trascorsi tra i suoi acquisti non erano elevati.

Aumentando a 300 la spesa media degli acquisti, ma aumentando il periodo di passaggio solito tra le sue spese, il cliente  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " portato a diventare non churner. Questo risultato  $\tilde{A}$   $\hat{A}$ " molto interessante e pu $\tilde{A}$   $\hat{A}^2$  scaturire degli eventuali suggerimenti. Sarebbe, ad esempio, utile portare il cliente a spendere di pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$ , aumentando gli euro spesi mediamente negli acquisti. Per attenuare questa spesa, potremmo lasciare che il cliente aspetti diverso tempo (pi $\tilde{A}$   $\hat{A}^1$  di quanto sia solito fare attualmente) prima di effettuare un altro acquisto; fermo restando per $\tilde{A}$   $\hat{A}^2$ , due fattori chiave: la costanza tra le compere e una nulla percentuale di refound degli articoli (da incentivare).

Si tenta un approccio simile al primo, ma diminuendo la media della spessa  $\cos \tilde{A}$   $\hat{A}$ — come i giorni tra gli acquisti.

```
user_test2 <- test_logistic[1,] #cliente churner

user_test2$mean_spend <- 50 #Cambia la spesa media
user_test2$perc_refound <- 0 #percentuale di refound pari a 0
user_test2$dt <- 15 #giorni tra gli acquisti
user_test2$days_no_purch <- 15 #giorni dall'ultimo acquisto

predict(logistic_step,user_test2[,] , type = "response")</pre>
```

## 10 ## 0.9050929

Cià  $\hat{A}^2$  che emerge dai dati  $\hat{A}$   $\hat{A}$ " particolarmente interessante. Prima dell'analisi, era facile credere che portare un cliente a rimanere nell'azienda fosse una questione di "frequenza" degli acquisti, e che fosse quindi necessario incentivare il cliente a comprare spesso, affinch $\hat{A}$   $\hat{A}$ " fosse costante la sua presenza. Dallo studio effettuato e dall'approccio di tipo data driven, per $\hat{A}$   $\hat{A}^2$  si evince il contrario. Si nota infatti come aumentando la spesa ma permettendo al cliente di tornare ad acquistare dopo parecchio tempo e mantenendo una percentuale di refound pari a 0, egli non sar $\hat{A}$   $\hat{A}$  pi $\hat{A}$  churner. Al contrario, emerge che un cliente con una spesa media bassa, pur avendo una frequenza agli acquisti molto alta,  $\hat{A}$   $\hat{A}$ " pi $\hat{A}$   $\hat{A}$ 1 portato ad abbandonare l'azienda, anche se la sua percentuale di refound  $\hat{A}$   $\hat{A}$ " pari a 0.

```
sink("sessionInfo.txt")
sessionInfo()
```

```
## R version 3.6.0 (2019-04-26)
## Platform: x86_64-w64-mingw32/x64 (64-bit)
## Running under: Windows 10 x64 (build 17134)
##
## Matrix products: default
##
locale:
## [1] LC_COLLATE=Italian_Italy.1252 LC_CTYPE=Italian_Italy.1252
## [3] LC_MONETARY=Italian_Italy.1252 LC_NUMERIC=C
```

```
## [5] LC_TIME=Italian_Italy.1252
##
## attached base packages:
## [1] grid
                 stats
                           graphics grDevices utils
                                                          datasets methods
## [8] base
##
## other attached packages:
## [1] randomForest_4.6-14 pROC_1.15.0
                                                 MCMCpack 1.4-4
## [4] coda 0.19-3
                            arm 1.10-1
                                                 lme4 1.1-21
## [7] MASS_7.3-51.4
                                                 carData_3.0-2
                            car_3.0-3
## [10] e1071_1.7-2
                            glmnet_2.0-18
                                                 foreach_1.4.4
## [13] Matrix_1.2-17
                            plotROC_2.2.1
                                                 rpart.plot_3.0.7
## [16] rpart_4.1-15
                            pander_0.6.3
                                                 caret_6.0-84
## [19] lattice_0.20-38
                            ROSE_0.0-3
                                                 knitr_1.23
## [22] corrplot_0.84
                            gridExtra_2.3
                                                 forcats_0.4.0
## [25] ggplot2_3.2.0
                            magrittr_1.5
                                                 dplyr_0.8.1
##
## loaded via a namespace (and not attached):
## [1] nlme_3.1-139
                           mcmc_0.9-6
                                               lubridate_1.7.4
## [4] tools 3.6.0
                           backports 1.1.4
                                               utf8 1.1.4
## [7] R6_2.4.0
                           lazyeval_0.2.2
                                               colorspace_1.4-1
## [10] nnet 7.3-12
                           withr_2.1.2
                                               tidyselect_0.2.5
## [13] curl_3.3
                           compiler_3.6.0
                                               cli_1.1.0
## [16] quantreg 5.41
                           SparseM 1.77
                                               labeling 0.3
                           stringr_1.4.0
                                               digest 0.6.19
## [19] scales 1.0.0
## [22] foreign_0.8-71
                           minqa_1.2.4
                                               rmarkdown 1.13
## [25] rio_0.5.16
                           pkgconfig_2.0.2
                                               htmltools_0.3.6
                           rlang_0.3.4
## [28] highr_0.8
                                               readxl_1.3.1
## [31] generics_0.0.2
                           ModelMetrics_1.2.2 zip_2.0.3
## [34] Rcpp_1.0.1
                           munsell_0.5.0
                                               fansi_0.4.0
## [37] abind_1.4-5
                           stringi_1.4.3
                                               yaml_2.2.0
## [40] plyr_1.8.4
                           recipes_0.1.5
                                               crayon_1.3.4
## [43] haven_2.1.0
                           splines_3.6.0
                                               hms_0.4.2
## [46] zeallot_0.1.0
                           pillar_1.4.1
                                               boot_1.3-22
## [49] reshape2_1.4.3
                           codetools 0.2-16
                                               stats4 3.6.0
## [52] glue_1.3.1
                           evaluate_0.14
                                               data.table_1.12.2
## [55] vctrs 0.1.0
                           nloptr 1.2.1
                                               MatrixModels 0.4-1
## [58] cellranger_1.1.0
                           gtable_0.3.0
                                               purrr_0.3.2
## [61] assertthat_0.2.1
                           xfun 0.7
                                               gower_0.2.1
## [64] openxlsx_4.1.0.1
                           prodlim_2018.04.18 class_7.3-15
## [67] survival 2.44-1.1
                           timeDate 3043.102 tibble 2.1.3
## [70] iterators_1.0.10
                           lava 1.6.5
                                               ipred 0.9-9
writeLines(capture.output(sessionInfo()), "sessionInfo.txt")
```