

# România!

## Programare dinamică

- Rucsac:  $dp[i][j] = \max(dp[i-1][j], dp[i-1][j - w[i]] + p[i])$   
 $\{(w_i, p_i)\}, G,$
- SCC  $m \rightarrow dp[i] = \text{cel mai lung subșir care se term. pe } i$   
 $best[i] = \text{cea mai mică val. la finalul unui subșir de lungime } i$
- Ciclu hamiltonian de cost min  $\rightarrow$  pe măști, grafuri
- cel mai lung subșir comun  $\rightarrow dp[i][j] = \max(dp[i-1][j], dp[i][j-1], dp[i-1][j-1] + 1)$   
 $A, B$

$$a[i] = b[j]$$

# România!

## Programare dinamică

- SSm:  $dp[i] = \text{suma max. a unei seq. care se termin. pe poz. } i$   
 $= \max(dp[i-1] + v[i], v[i])$

- podm:  $dp[i][j] = \min(dp[i][k] + dp[k+1][j] + C(i, k, j))$

$$l_1 \begin{pmatrix} 0 & c_1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 & c_2 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} e_2 \xrightarrow{l_1 \leftrightarrow l_2} \begin{pmatrix} c_2 & 0 \\ 0 & c_1 \end{pmatrix} e_1$$

$c_1 = l_2$        $c_2 = l_1$

$$E(X) = \sum p_i \cdot x_i$$



# România!

Programare

dinamică

$$(e_1 + e_2 + \dots + e_n)^2 = \sum (e_i^2) + 2e_1e_2 + 2e_2e_3 + \dots$$

hom m:  $dp[i][j][k] =$  în câte moduri ajung la  $(i, j)$  după  $k$  pași  
 $= \sum dp[i+di][j+dj][k-1]$

N indivizi:  $V_A \quad V_B \rightarrow t \text{ min. ca să bea cel puțin } L \text{ din}$   
 Căutăm binar  $t$   $dp[i][l_A] = \text{cant. max. de } l_B$  fiecare  
 $dp[n][L] \geq L$  ( $V_A, V_B$ )

for( $i \dots$ )  
 for( $l_A \dots$ )  
 for( $x$ )  $\rightarrow$  cât lapte A bea i

$$dp[i][l_A] = \max(dp[i][l_A], dp[i-1][l_A-x] + y)$$

# Romanian!

## Programare dinamică

cuburi 5:

$last[i]$  = ultimul cub înainte de  $i$

$dp[i]$  = lungimea maximă a unui subșir a.i. cubul  $i$  este ultimul

pair {  $dp2[j]$  =  $\frac{1}{\text{care e ultimul cub pt. } dp2[j]}$  a.i. ultimul cub care va  
     $prev[j]$        $last[i]$

for (val : v[x])

if ( $dp2[val] + 1 > dp[i]$ ) {  $dp[i] = dp2[val] + 1;$

$last[i] = prev[val]$

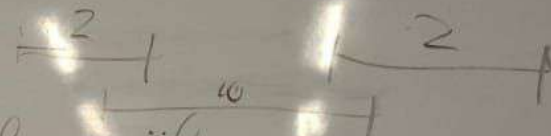
for (val : v[x])

$dp2[val] = dp[i]$

$prev[val] = i$

# România!

Programare dinamică



Intim → pb spectacolelor în pauză la mijloc

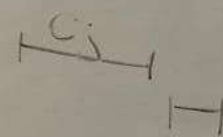
- sortăm după  $l_j$ .

$dp[i]$  = nr. maxim de intervale de la mijloc

$dp2[j]$  = nr. maxim până la spectacolul  $j$

$$= \max(dp2[k] + dp[j])$$

$k$  și  $j$  nu se  
suprapun



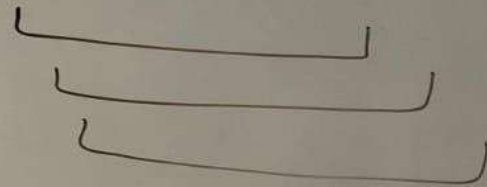


# România!

Programare dinamică

trans:

$sp[i][0/1]$



$dp[i]$  = costul min să transport primele  $i$

$$= \min(dp[j] + \min(\text{sum}(j+1 \dots i)(0/1)))$$

$$= \min(dp[j] + \min(sp[i][0] - sp[j][0], sp[i][1] - sp[j][1]) + T)$$

$$= \min \left( \begin{array}{l} sp[i][0] + dp[j] - sp[j][0] \\ sp[i][1] + dp[j] - sp[j][1] \end{array} \right) + T$$