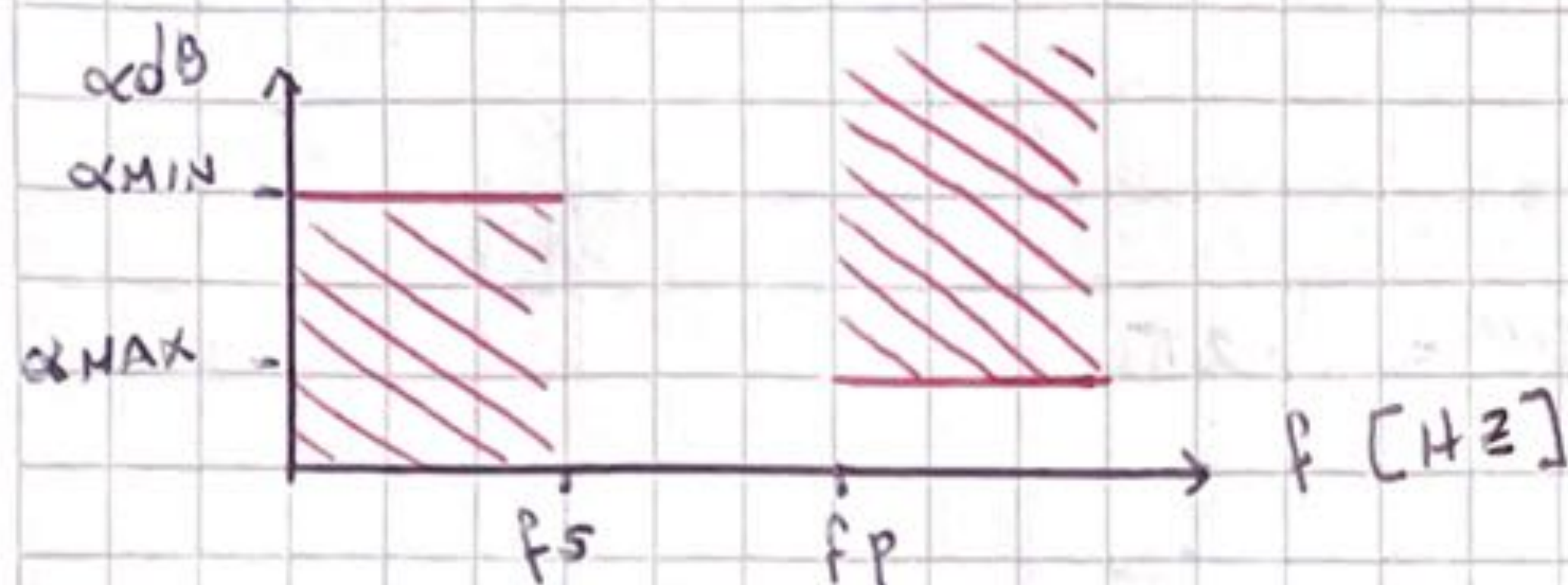


④ A partir de la siguiente plantilla, sabiendo que:



$$\alpha_{\max} = 1 \text{ dB}$$

$$\alpha_{\min} = 35 \text{ dB}$$

$$f_p = 3500 \text{ Hz} \text{ y } f_s = 1 \text{ kHz}$$

1) Obtener polos y ceros para máxima planicidad en la banda de paso.

2) Comenzar con los polos obtenidos en el ejercicio 3.3.

3) Implementar el circuito con estructuras pasivas adaptadas mediante buffers.

4) Utilizando una norma de impedancia $Z_N = 1 \text{ k}\Omega$, obtenga el valor de los componentes.

5) Active las bobinas utilizando una estructura con OPAMPs.

Resolución:

1) Partimos de α_{\max} y α_{\min} para determinar el valor "E" y el orden "n" de nuestro filtro.

Recordamos que, para máxima planicidad:

$$|T(\omega)|^2 = \frac{1}{1 + \epsilon^2 \omega^{2m}}$$

$$\alpha_{\max} = \alpha_{[\text{dB}]}(\omega_p) = -20 \log \left| \frac{1}{\sqrt{1 + \epsilon^2}} \right|$$

$$\text{O sea: } \epsilon^2 = 10^{\alpha_{\max}/10} - 1 = 10^{1/10} - 1$$

Despejamos entonces: $\boxed{\epsilon^2 = 0,2589}$

Y como $\alpha_{MIN} = 10 \log (1 + \epsilon^2 \omega_s^{2m})$, iteramos para despegar m .

* Normalizamos con $\omega_p = 1000 \text{ Hz} \cdot 2\pi$

$$\omega_p = 3500 \text{ Hz} / \omega_p = 1. \rightarrow \text{Para altos.}$$

$$\omega_s = 1000 \text{ Hz} / \omega_p = 3,5$$

luego, para $m = 3$:

$$35 \text{ dB} \leq 10 \log (1 + (0,2589)^2 \cdot (3,5)^{2m}) \rightarrow 37,65 \text{ dB.}$$

Comenzamos diseñando el pasabajos y luego lo convertimos.

Entonces:

$$|T(j\omega)|^2 = \frac{1}{1 + \epsilon^2 \omega^{2m}} = \frac{1}{1 + 0,2589 \cdot \omega^8}$$

Si $s = j\omega \rightarrow \omega = s/j$, luego:

$$T(s) = \frac{1}{1 + 0,2589 \left(\frac{s}{j}\right)^8}$$

Mediante herramientas matemáticas obtenemos que:

$$|T(s)|^2 = T(s) \cdot T(-s) =$$

$$|T(s)|^2 = \frac{1}{0,2589 (s^2 - 2,188 + 1,4)(s^2 - 0,95 + 1,4)(s^2 + 0,95 + 1,4)(s^2 + 2,193 + 1,4)}$$

Por lo tanto, nos quedamos con $T(s)$:

$$T(s) = \frac{1}{\sqrt{0,26}} \cdot \frac{1,4}{(s^2 + 2,195s + 1,4)(s^2 + 0,95s + 1,4)} \cdot \frac{1}{1,4}$$

sus polos y ceros:

$$P_{1,2} = -0,453 \pm 1,0938j \quad \text{y} \quad P_{3,4} = -1,0938 \pm 0,453j$$

es decir, los del semiplano negativo.

Transformamos a pasa-altos:

$$s = 1/p$$

$$\text{Luego: } T(s) = \frac{1,4 \cdot s^2}{(1,4s^2 + 2,195s + 1)} \cdot \frac{1,4s^2}{(1,4s^2 + 0,95s + 1)}$$

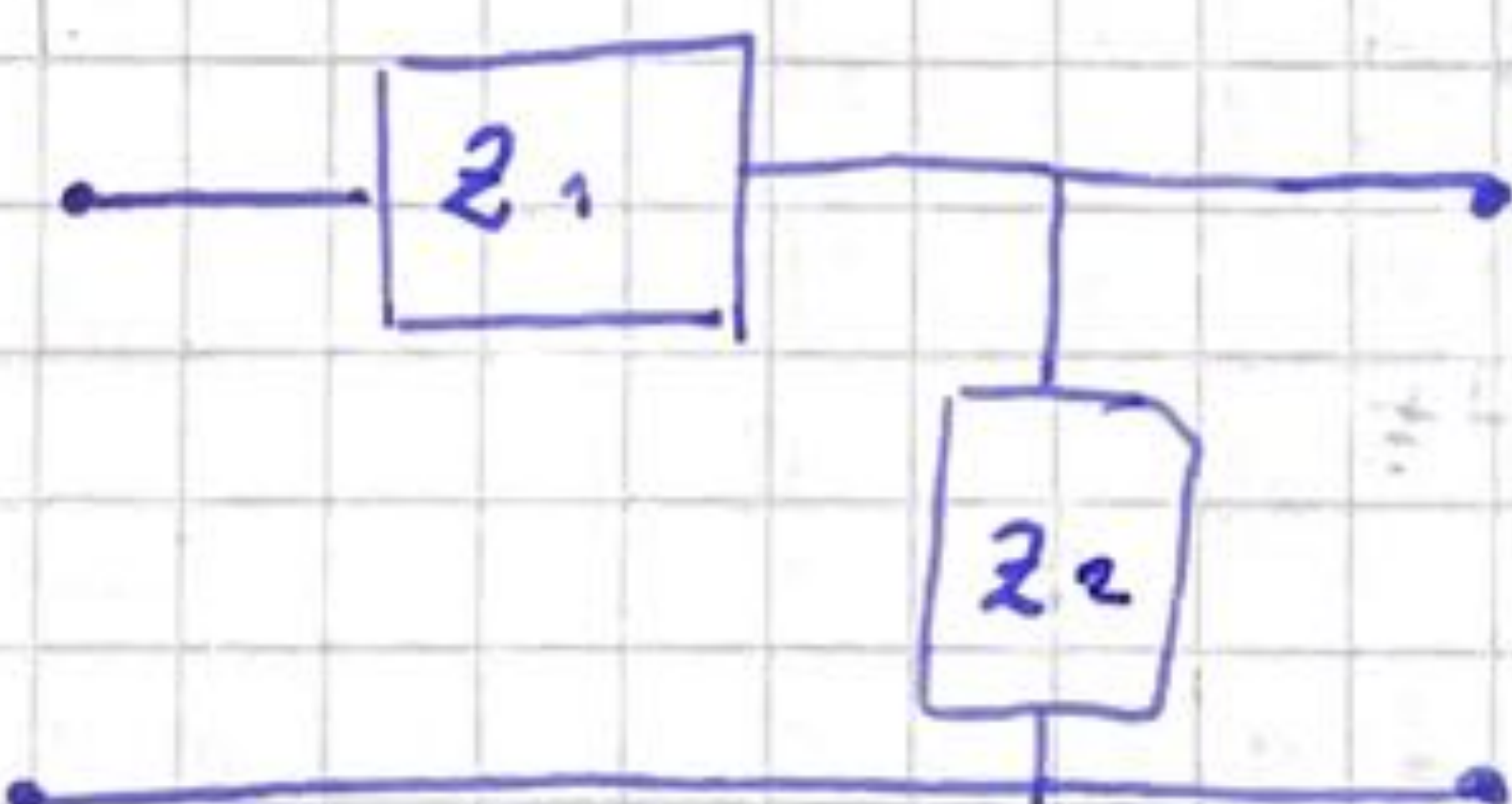
$$K = 1,97$$

$$\frac{1}{1,4\sqrt{0,26}}$$

$$T(s) = \frac{1}{\sqrt{0,26}} \cdot \frac{s^2}{(s^2 + 1,56s + 1/1,4)} \cdot \frac{6^2}{(s^2 + 0,64s + 1/1,4)}$$

3) Proponemos 2 filtros de 2do orden en cascada.
Como se trata de estructuras pasivas, despreciamos K .

Luego, planteamos:

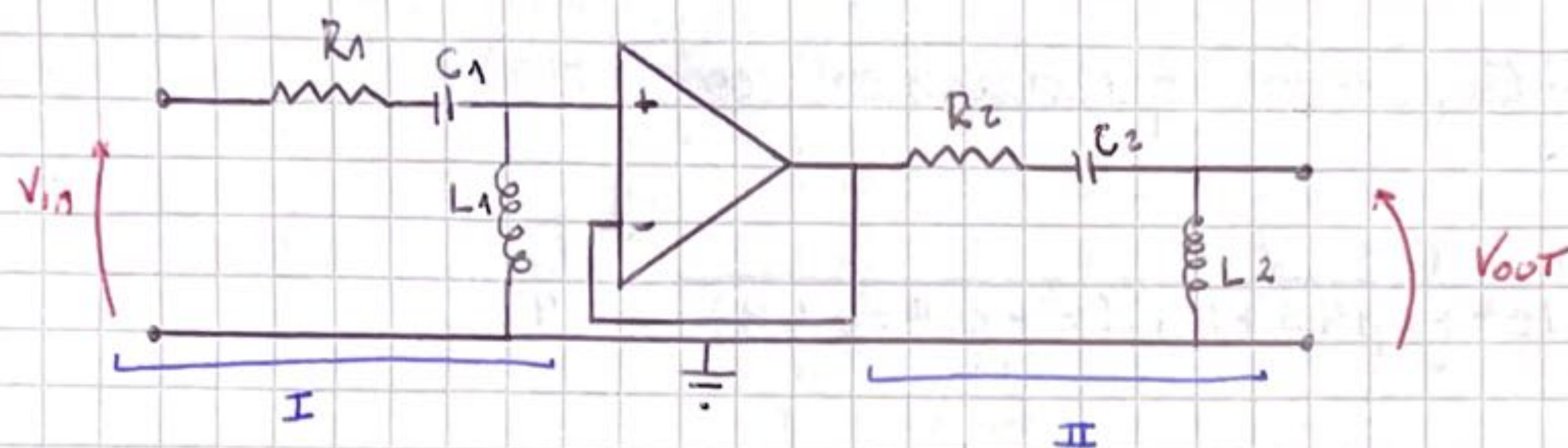


$$T(s) = \frac{s}{s^2 + s \frac{R}{L} + LC} \cdot Z_2$$

$Z_2 = Ls$, para un filtro pasa altos.

$$T(s) = \frac{s^2}{s^2 + s \frac{R}{L} + LC}$$

Entonces:



Calculamos:

$$\textcircled{\text{I}} \quad T(s) = \frac{s^2}{s^2 + \frac{R_1 s}{L_1} + \frac{1}{L_1 C_1}} = \frac{s^2}{s^2 + 1,565 + 1/1,4}$$

$$\textcircled{\text{II}} \quad T(s) = \frac{s}{s^2 + \frac{R_2 s}{L_2} + \frac{1}{L_2 C_2}} = \frac{s^2}{s^2 + 0,645 + 1/1,4}$$

I) Adoptamos $R_1 = 1k\Omega$.

Entonces: $\begin{cases} R_1/L_1 = 1,565 \rightarrow L_1 = 641 \text{ H} \\ L_1 C_1 = 1/1,4 \rightarrow C_1 = 1,11 \text{ mF} \end{cases}$

II) Adoptamos $R_2 = 1k\Omega$:

Entonces: $\begin{cases} R_2/L_2 = 0,64 \rightarrow L_2 = 1562,5 \\ L_2 C_2 = 1/1,4 \rightarrow C_2 = 4,57 \times 10^{-4} \text{ F} \end{cases}$

4) Normalizamos a partir de $R_2 = 1k\Omega$.

Obtenemos:

$$\bullet R_1' = R_1/R_2 = 1.$$

$$\bullet R_2' = R_2/R_2 = 1.$$

$$\bullet L_1' = L_1/R_2 = 641 \times 10^3 \text{ H}$$

$$\bullet L_2' = L_2/R_2 = 1562,5 \text{ mH}$$

$$\bullet C_1' = C_1 \cdot R_2 = 1,1 \text{ F}$$

$$\bullet C_2' = C_2 \cdot R_2 = 457 \text{ mF}$$

5) Para activar L_1 y L_2 , utilizamos GICs.

• $L_1 = 641 \text{ H}$.

Aceptamos:
$$\begin{cases} Z_1 = 1/641 \text{ F} \\ Z_2 = 1 \text{ k}\Omega \\ Z_3 = 1 \text{ k}\Omega \\ Z_4 = 1 \text{ k}\Omega \\ Z_5 = 1 \text{ k}\Omega \end{cases} \rightarrow Z_{L_1} = \frac{Z_2 Z_4}{Z_1 Z_3 Z_5} = \frac{1}{\frac{1}{641 \text{ S}}} = 641 \text{ S}$$

• $L_2 = 1562,5 \text{ H}$.

Aceptamos:
$$\begin{cases} Z_1 = 1/1562,5 \text{ F} \\ Z_2 = 1 \text{ k}\Omega \\ Z_3 = 1 \text{ k}\Omega \\ Z_4 = 1 \text{ k}\Omega \\ Z_5 = 1 \text{ k}\Omega \end{cases} \rightarrow Z_{L_2} = \frac{Z_2 \cdot Z_4}{Z_1 \cdot Z_3 \cdot Z_5} = \frac{1}{\frac{1}{1562,5 \text{ S}}} = 1562,5 \text{ S}$$