

③ Dada la siguiente respuesta de fase de una transferencia:

$$\phi(\omega) = \frac{\pi}{2} - \arctg \left(\frac{6\omega}{-\omega^2 + 4} \right)$$

a) obtener la expresión de $F(s)$.

b) Graficar el diagrama de polos y ceros, y con el mismo, verificar la respuesta de fase en extremos de banda.

c) Obtener un circuito equivalente pasivo que implemente dicha respuesta.

Resolución:

a) Recordamos que:

$$\phi(\omega) = \underbrace{\sum_1^m \underbrace{\arctg^{-1} \left(\frac{\omega \pm \beta_z}{\alpha_z} \right)}_{\pi/2}}_{\pi/2} - \underbrace{\sum_1^n \underbrace{\arctg^{-1} \left(\frac{\omega \pm \beta_p}{\alpha_p} \right)}_{\arctg \left(\frac{6\omega}{-\omega^2 + 4} \right)}}_{\arctg \left(\frac{6\omega}{-\omega^2 + 4} \right)} \quad \begin{cases} P_1 = -3 + \sqrt{5} \\ P_2 = -3 - \sqrt{5} \end{cases}$$

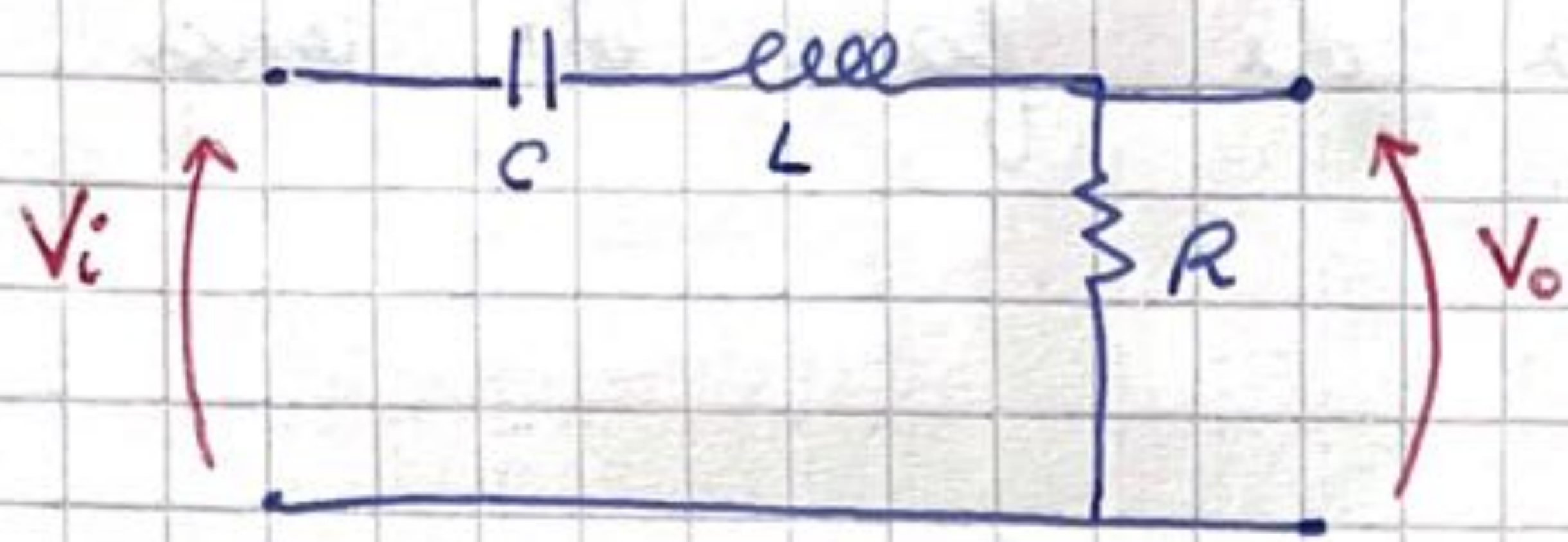
• $\pi/2$: "0" en "0", es decir, se trata de un pasa-banda.

$$\cdot \arctg \left(\frac{\omega \cdot 6}{-\omega^2 + 4} \right) = \arctg \left(\frac{\text{Im}}{\text{Real}} \right) \rightarrow \frac{\overbrace{R}^{\text{R}}}{s^2} + \frac{\overbrace{Im}^{\text{Im}}}{s \cdot 6} + \frac{\overbrace{R}^{\text{R}}}{4} \quad \Big|_{s=j\omega}$$

Entonces:

$$T(s) = \frac{s \cdot 6}{s^2 + 6s + 4} = 6 \cdot \frac{s}{(s + 0,76)(s + 5,24)}$$

c) Proponemos una topología con impedancias:



$$\Rightarrow T(s) = \frac{s \cdot 1/L}{s^2 + s \cdot R/L + 1/LC}$$

y adoptamos:

$$L = 1/6$$

;

$$R = 1$$

;

$$C = 6/4$$