Tema: Funciones

#### Funciones esenciales

#### **FUNCIONES LINEALES**

$$f(x) = mx + b$$

m = pendiente o inclinación

 $b = ordenada \ al \ origen$ 

$$f(x) = x$$

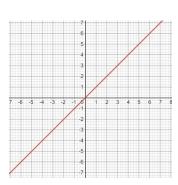
Dom f = R Ima f = R

Función creciente en todos los Reales

*Es positiva*  $(0, +\infty)$ 

Es negativa  $(-\infty, 0)$ 

Función impar



$$f(x) = |x|$$

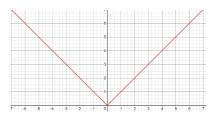
Dom f = R  $Ima f = R_0^+$ 

*Es creciente*  $(0, +\infty)$ 

*Es decreciente*  $(-\infty,0)$ 

Función positiva en todos los Reales

Función par



## FUNCIONES POLINÓMICAS – Su dominio son los reales

$$f(x) = x^2$$

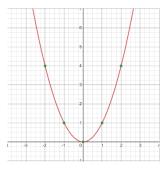
Dom f = R  $Ima f = R_0^+$ 

Es decreciente  $(-\infty,0)$ 

*Es creciente*  $(0, +\infty)$ 

Es positiva en todos los reales

Función par





Universidad Tecnológica Nacional Facultad Regional Rosario

Cátedra: Análisis Matemático I

Tema: Funciones

$$f(x) = x^3$$

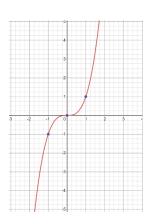
Dom f = R Ima f = R

Es creciente en todos los reales

Es negativa  $(-\infty, 0)$ 

Es positiva  $(0, +\infty)$ 

Función impar



#### **FUNCIONES RAIZ**

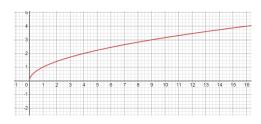
$$f(x) = \sqrt{x}$$

 $Dom f = R_0^+$   $Ima f = R_0^+$ 

Es creciente en todo su dominio

Es positiva en todo su dominio

No es Función par ni impar



$$f(x) = \sqrt[3]{x}$$

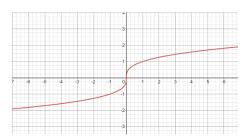
Dom f = R Ima f = R

Es creciente en todo su dominio

Es negativa  $(-\infty, 0)$ 

Es positiva  $(0, +\infty)$ 

Función impar



## **FUNCIONES RECÍPROCA**

$$f(x) = \frac{1}{x}$$

 $Dom f = R - \{0\}$ 

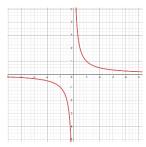
 $Ima f = R - \{0\}$ 

Es decreciente en todo su dominio

Es negativa  $(-\infty, 0)$ 

Es positiva  $(0, +\infty)$ 

Función impar





Universidad Tecnológica Nacional

Facultad Regional Rosario

Cátedra: Análisis Matemático I

Tema: Funciones

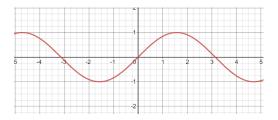
## **FUNCIONES TRIGONOMÉTRICAS**

$$f(x) = sen x$$

$$Dom f = R$$
  $Ima f = [-1,1]$ 

Función periódica

Función impar

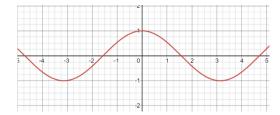


$$f(x) = \cos x$$

$$Dom f = R$$
  $Ima f = [-1,1]$ 

Función periódica

Función par

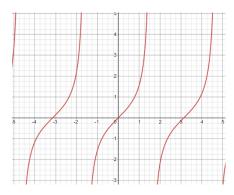


$$f(x) = \tan x$$

$$Dom f = R - \left\{ \frac{\pi}{2} + n\pi \right\}$$

$$Ima\ f = R$$

Es creciente en todo su dominio



#### FUNCIONES EXPONENCIALES a > 0

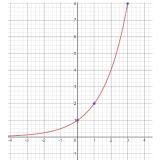
$$f(x) = a^x , a > 1$$

$$Dom f = R$$
  $Ima f = R^+$ 

Es creciente en todo su dominio

Es positiva en todo su dominio

No es Función par ni impar impar



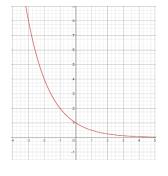
$$f(x) = a^x \quad , 0 < a < 1$$

$$Dom f = R$$
  $Ima f = R^+$ 

Es decreciente en todo su dominio

Es positiva en todo su dominio

No es Función par ni impar impar





# Universidad Tecnológica Nacional

## Facultad Regional Rosario

Cátedra: Análisis Matemático I

Tema: Funciones

## **FUNCIONES LOGARÍTMICAS**

$$f(x) = \ln x$$

$$Dom f = R^+$$

Ima f = R

Es creciente en todo su dominio

Negativa (0,1)

Positiva  $(1, +\infty)$ 

No es Función par ni impar impar

$$\log_2 8 = x \qquad \qquad 2^x = 8$$

$$2^{x} = 8$$

$$x = 3$$

$$\log_2 1 = x \qquad \qquad 2^x = 1$$

$$2^{x} = 1$$

$$x = 0$$

$$\log_{16} 4 = x$$
  $16^x = 4$   $x = \frac{1}{2}$ 

$$16^{x} = 4$$

$$x = \frac{1}{2}$$

$$\ln x = \log_e x$$

$$\ln 1 = \log_e 1 = 0$$

$$ln e = log_e e = 1$$

