TP 13: ANÁLISIS MATEMÁTICO 2022 Criterios de convergencia

1) Utilizar el criterio básico de comparación para confirmar las proposiciones dadas:

a)
$$\sum_{n=4}^{\infty} \frac{1}{n}$$
 diverge, entonces la serie $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{1}{n-3}$, también diverge.

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}$$
 converge, entonces la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2+4}$, también converge.

c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{5}\right)^n$$
 converge, entonces la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2+5^n}$, también converge.

2) Predecir si las siguientes series convergen o divergen comparándolas con las series "p":

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^4 + 1}{n^5 + 3n^3 + 4n}$$
 b) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+5}{n^4 + 8n - 5}$ c) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+5}{\sqrt{n^3 + n^2 + 3}}$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+5}{n^4+8n-5}$$

c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+5}{\sqrt{n^3+n^2+3}}$$

3) Utilizar el criterio básico de comparación o de comparación en el límite, para determinar si las series convergen o divergen:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+n^2}{n^3+1}$$

$$b) \sum_{n=2}^{\infty} \frac{\sqrt{n}}{n-1}$$

c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n - 1}{3^n + 2n}$$

$$d) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2n-1}$$

e)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+2)^3}$$
 f) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n+1}{n2^n-1}$

f)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n + 1}{n2^n - 1}$$

4) Utilizar el criterio del cociente para determinar si las series convergen o divergen

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{2^n}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n}{n!}$$

c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{5n}$$

$$d) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n^3}$$

e)
$$\sum_{n=1}^{\infty} n \left(\frac{3}{4}\right)^n$$

$$f) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n+1}{2^n}$$

5) Utilizar el criterio de la raíz para determinar si las series convergen o divergen.

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^n}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n}{10} \right)^n$$

$$c) \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{(\ln n)^n}$$

d)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n}{n^2 + n}\right)^n$$
 e) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n}{n+2}\right)^n$

e)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n}{n+2} \right)^n$$

f)
$$\sum_{n=0}^{\infty} e^{-n}$$