PRÁCTICA nro 4 - Recursividad

- 1) Escribir subprogramas recursivos para calcular:
 - a) El factorial de N (con N entero positivo).
 - b) El producto de dos enteros en función a la suma.
 - c) El enésimo término de la sucesión de Fibonacci.
- 2.-¿Qué valores imprimen los siguientes programas?
- Indique qué tienen los argumentos efectivos de cada invocación.
- Realice una traza del mismo para distintos juegos de valores.

```
a)
PROGRAM RECUR ;
FUNCTION XX (N , M : INTEGER ) : INTEGER ;
BEGIN
     IF (M=0) OR (M=N) THEN
         XX := 1
     ELSE
         XX := XX(N-1, M-1) + XX(N-1, M);
END;
BEGIN
     WRITELN (XX(3,1));
END.
b)
PROGRAM PROD ;
FUNCTION ZZ(N , M : INTEGER ) : INTEGER ;
BEGIN
    IF N=M THEN
        ZZ := 1
    ELSE
        ZZ := N * ZZ(N+1, M);
END;
BEGIN
    WRITELN (ZZ(3,5));
END.
```

3.- Escribir una función recursiva y una iterativa para calcular el N-ésimo coeficiente del

Algorítmica y Programación I UNTDF - IDEI

polinomio de HERMITE que resulta de la siguiente definición :

```
H0(X) = 1

H1(X) = 2*X

Hi(X) = 2*X*Hi-1(X) - 2*(i-1)*Hi-2(X)
```

4.- La función de Akerman se define en forma recursiva para enteros NO negativos :

```
A(M,N) = N+1 \text{ si } M=0

A(M,N) = A(M-1, 1) \text{ si } M<>0 \text{ y } N=0

A(M,N) = A(M-1, A(M,N-1)) \text{ si } M<>0 \text{ y } N<>0
```

- a) Demuestre que A(2,2) = 7
- b) Prográmela en Pascal
- 5.- Encontrar un procedimiento recursivo que lea una serie de caracteres hasta encontrar una "F" e imprimirlos en orden inverso.
- 6.- Leer un entero positivo e imprimir sus dígitos en orden inverso, usando un procedimiento recursivo.

Ejemplo: 341 imprimir 1 4 3

7.- El algoritmo de Euclides sirve para encontrar el máximo común divisor entre 2 números enteros positivos (el M.C.D. es el mayor entero que divide a ambos). El algoritmo se define de la siguiente manera: sean M y N dos enteros positivos, y M>N entonces.

```
M / N = q1*N+r1

N / r1 = q2*r1+r2

r1 / r2 = q3*r2+r3
```

Cuando el último resto es cero, el MCD es el último divisor. El algoritmo recursivo puede definirse de la siguiente forma:

```
MCD(M,N) = N \text{ si } N \le M \text{ y } N \text{ divide } M
MCD(M,N) = MCD(N,M) \text{ si } M < N
MCD(M,N) = MCD(N, M \text{ resto } N)
```

Programe recursivamente este algoritmo.

- 8.- Describa el juego conocido como Torres de Hanoi. Detalle los pasos a seguir para:
- a) jugar con un disco

Algorítmica y Programación I UNTDF - IDEI

- b) jugar con dos discos
- c) jugar con tres discos
- d) jugar con N discos.
- e) programe un algoritmo recursivo para que dado una cantidad de discos me informe los movimientos que debo realizar para jugar en forma eficiente.