UNIVERSIDADE DE SANTIAGO DE COMPOSTELA ESCOLA TÉCNICA SUPERIOR DE ENXEÑARÍA



Plataforma Web para la Validación de Experimentación en Aprendizaje Automático y Minería de Datos

TRABAJO DE FIN DE GRADO

Realizado por: Adrián Canosa Mouzo

Dirigido por: Ismael Rodríguez Fernández Alberto J. Bugarín Díz Manuel Mucientes Molina

Agradecimientos

El presente Trabajo Fin de Grado se ha desarrollado en el marco del proyecto de I+D+i "QTEMP: Descripción lingüística de fenómenos complejos: cuantificadores borrosos generalizados en proposiciones temporales (TIN2011-29827-C02-02)", coordinado entre el Grupo de Sistemas Intelixentes de la USC y el European Centre for Soft Computing, y financiado por el Ministerio de Economía y Competitividad en el período 2012-2014.

Índice general

1.	Intr	oducción 1
	1.1.	Objetivos del proyecto
	1.2.	Organización del documento
2.		traste de hipótesis 5
	2.1.	Hipótesis nula y alternativa
	2.2.	Estadístico de contraste
	2.3.	Decisiones y tipos de error
	2.4.	Intervalos de confianza
	2.5.	Decisión final y <i>p-valor</i>
	2.6.	Etapas en la resolución de un contraste de hipótesis
	2.7.	Tests paramétricos
		2.7.1. Condiciones Paramétricas
		2.7.2. Test ANOVA
		2.7.3. t-test
	2.8.	Tests no paramétricos
		2.8.1. Test de Wilcoxon
		2.8.2. Test de Friedman
		2.8.3. Test de Iman-Davenport
		2.8.4. Test de los Rangos Alineados de Friedman
		2.8.5. Test de Quade
		2.8.6. Tests POST-HOC
3.	Aná	lisis de requisitos 25
	3.1.	Epics
	3.2.	Historias de usuario
		3.2.1. Historias de usuario desarrollador
		3.2.2. Historias de usuario cliente
4.	Ges	tión del proyecto 41
	4.1.	Análisis de riesgos
	4.2.	Metodología de desarrollo
		4.2.1. Metodologías ágiles
		4.2.2. Scrum
	4.3.	Gestión de la configuración
	4.4.	Planificación temporal
		Estimación de costos



Índice de figuras

2.1.	Distribuciones de probabilidad	8
2.2.	Decisiones y tipos de error.	9
2.3.	Regiones de aceptación y rechazo	.1
2.4.	Punto crítico	.1
2.5.	Comparativa entre FDP y FDA	2
2.6.	Normalidad vs. No normalidad	4
2.7.	Homocedasticidad vs. Heterocedasticidad	.5
4.1.	Ciclos de desarrollo	.5
4.2.	Ejemplo gráfico Burn-Down	7

Capítulo 1

Introducción

En el contexto tecnológico actual, en donde el Big Data es un recurso cada vez más utilizado, el rol del analista de datos (data scientist) se está convirtiendo en una profesión emergente y de elevada demanda. Un analista de datos es aquel profesional que reúne, analiza e interpreta los datos obtenidos con el objetivo de sacar ciertas conclusiones de ellos y así tomar diferentes decisiones, con las que aumentar la productividad en una organización. Relacionado con el analista de datos, un nuevo rol emergente en muchas empresas es el de CDO ("Chief Data Officer"). Este rol es el responsable de la gestión y la utilización de la información como un activo para toda la empresa. El analista de datos combina diferentes habilidades, especialmente las técnicas de la minería de datos y del aprendizaje automático (DM&ML).

Según Mitchell [1], una definición de aprendizaje automático sería la siguiente: un programa de ordenador aprende a partir de una experiencia E a realizar una tarea T (de acuerdo con una medida de rendimiento P), si su rendimiento al realizar T, medido con P, mejora gracias a la experiencia E. La minería de datos, por otra parte, es un campo de las ciencias de la computación referido al proceso que trata de descubrir patrones en grandes volúmenes de conjuntos de datos [2]. Para ello utiliza, entre otros métodos, técnicas estadísticas para deducir estos patrones y tendencias que existen en los datos. Por lo general, estos patrones no pueden ser detectados mediante exploración tradicional debido a la complejidad o la gran cantidad de datos.

Una de las tareas más importantes que se deben llevar a cabo en el aprendizaje automático es la validación de resultados obtenidos por los algoritmos de aprendizaje. El método estándar más aceptado en la actualidad es el de la aplicación de test estadísticos sobre los experimentos, que, entre otras utilidades, apoyan la toma de decisiones, como por ejemplo la elección del algoritmo más adecuado.

En este proyecto hemos creado y desarrollado una plataforma para asistir al analista de datos en el proceso de validación de resultados. Para ello, se extendió una librería de test estadísticos, se crearon servicios web para facilitar su consulta y se desarrolló una interfaz web que hace uso de estos servicios. El objetivo es que el analista pueda introducir en la web los datos obtenidos mediante experimentación y seleccionar el test estadístico que desee utilizar para que, de forma automática, el sistema muestre los resultados de la aplicación del test. Así, el sistema permitirá de un modo fácil y centralizado la validación de resultados mediante el uso de test estadísticos.

La herramienta se incorporará en la lista de aplicaciones disponibles a través de la web del CiTIUS para su acceso. El impacto y difusión del resultado del proyecto tiene el potencial de ser amplio, ya que en la actualidad no existe ninguna herramienta que centralice la aplicación de los test estadísticos de mayor utilidad para la validación de algoritmos de aprendizaje automático y que, además, resulte fácil de usar.

1.1. Objetivos del proyecto

El proyecto se centra en crear y desarrollar una plataforma web para asistir al analista de datos en el proceso de validación de los resultados obtenidos de diferentes algoritmos de aprendizaje. Para ello, habrá que realizar las siguientes tareas:

1. Completar y extender una librería de test estadísticos, actualmente implementada en el lenguaje Python.

La librería estará formada por test paramétricos, test para evaluar las condiciones de aplicación de los test paramétricos (para la normalidad y homocedasticidad), así como test no paramétricos. Estos test se verán en detalle a lo largo del capítulo 2 en las secciones 2.7, 2.7.1 y 2.8 respectivamente. La librería a extender se denomina "nonparametric.py", y los test de normalidad y homocedasticidad se tomarán de la librería de estadística de Python SciPy (scipy.stats). El listado de test para el proyecto es el siguientes:

- Normalidad: Shapiro-Wilk, D'Agostino-Pearson y Kolmogorov-Smirnov.
- Homocedasticidad: Levene.
- Paramétricos: t-test, ANOVA, Bonferroni.
- No paramétricos: Wilcoxon, Friedman, Iman-Davenport, Rangos Alineados de Friedman, Quade, Bonferroni-Dunn, Holm, Finner, Hochberg, Li.
- 2. Crear los servicios web en Python, basados en REST, que hagan disponible el acceso a los test estadísticos vía web.

Los servicios REST están basados en los métodos HTTP (POST y GET para este proyecto). Asimismo, las peticiones a los servicios web de los test incluirán todos los datos necesarios (petición completa e independiente) para que el servidor no tenga que mantener ningún estado para procesar la petición. Los datos a transmitir (datos del analista, resultados obtenidos por los test) con REST se podrán transferir mediante XML, JavaScript Object Notation (JSON), o ambos. Cada servicio dispondrá de varias URIs distintas en función de los parámetros para dar mayor versatilidad a la API.

3. Desarrollar una interfaz web (HTML + JavaScript) para facilitar el uso de los test sobre los datos introducidos por el analista de datos.

Las tecnologías que se emplearán para desarrollarla serán: HTML, JavaScript y CSS. Un requisito para el proyecto es que el analista pueda aplicar los test de la forma más sencilla posible, por lo que se tendrá en cuenta este aspecto en el desarrollo.

3

1.2. Organización del documento

Sección que incluirá la descripción de los distintos apartados del documento.

Capítulo 2

Contraste de hipótesis

El contraste de hipótesis, también conocido como test estadísticos, se engloba en el ámbito de la Inferencia Estadística, que es la parte de la estadística que estudia cómo sacar conclusiones generales (sujetas a un determinado grado de fiabilidad o significancia) para toda la población a partir del estudio de una muestra. En nuestro caso, se tratará de sacar conclusiones de los resultados obtenidos por diferentes algoritmos sobre distintos conjuntos de datos para determinar, por ejemplo, si los algoritmos tienen un rendimiento significativamente diferente y por lo tanto no se pueden considerar iguales.

El **contraste de hipótesis** es uno de los problemas más comunes dentro de la inferencia estadística. En él se contrasta una hipótesis estadística. Por ejemplo:

Un ingeniero de software afirma que la media de los resultados obtenidos por un algoritmo de aprendizaje automático es 10. ¿Se podría desmentir la afirmación del ingeniero?

El planteamiento del contraste sería el siguiente (μ indica media poblacional):

$$\mu = 10$$

$$\mu \neq 10$$

Para tomar una decisión (desmentir o no la afirmación), hay que basarse en los datos de una muestra, para comprobar si en efecto la media de los resultados es 10 (media muestral). Para ello, se podría establecer una regla de decisión sobre la cual se basaría nuestra decisión final. Por ejemplo: si la media obtenida está próxima a la indicada por el ingeniero (10), entonces se podría afirmar que dice la verdad. Si por el contrario la muestra nos proporciona una media muy distinta a 10, entonces se puede concluir que la evidencia desmiente la afirmación del ingeniero sobre el algoritmo en cuestión. Esto plantea cuándo se puede considerar que la media es lo suficientemente distinta como para determinar que la afirmación del ingeniero es errónea. Por ejemplo si la media de la muestra es 8.5, ¿se podría desmentir la afirmación inicial? El contraste de hipótesis nos proporciona una forma de establecer este criterio y poder rechazar o aceptar la afirmación inicial.

2.1. Hipótesis nula y alternativa

En todo contraste de hipótesis siempre se dan dos posibilidades o hipótesis, las cuales se representan con los siguientes símbolos:

 H_0 : hipótesis nula

 H_1 : hipótesis alternativa

- H_0 : es la hipótesis que se supone cierta de partida, es decir, es la hipótesis que establece que lo que indica la muestra es solamente debido a la variación aleatoria entre la muestra y la población.
- H_1 : es la hipótesis alternativa y es la que reemplazará a la hipótesis nula si ésta es rechazada. H_1 establece que lo que indica la muestra es verdadero, y representa a toda la población.

A modo de ejemplo, supongamos que unos programadores están trabajando en la optimización de un algoritmo de aprendizaje. El objetivo es mejorar el algoritmo de forma que los resultados que proporcione sean menores de 100. Se toma una muestra de los resultados obtenidos por el nuevo algoritmo optimizado y se observa que la media de la muestra es de 92. Si no hubiera incertidumbre en la media muestral, entonces se podría concluir que la modificación reduciría los resultados a 92. Sin embargo, siempre existe incertidumbre en la media muestral. La media poblacional en realidad será poco mayor o menor a 92.

Los programadores están preocupados de que el nuevo algoritmo en realidad no mejore al anterior, es decir, que la media poblacional pudiera ser mayor o igual a 100. Quieren saber si esta preocupación está justificada. Se ha observado una muestra con media de 92 y existen dos posibles interpretaciones, o como se ha mencionado más arriba, dos tipos de hipótesis que serán contrastadas más adelante mediante un determinado test estadístico:

- 1. La media poblacional es mayor o igual a 100 (la media muestral es, por tanto, menor debido sólo a la variación aleatoria de la media poblacional). El nuevo algoritmo no mejorará al anterior.
- 2. La media poblacional es menor que 100, y la media muestral lo refleja. El nuevo algoritmo sí mejorará al anterior.

La primera interpretación sería la hipótesis nula o H_0 . La segunda, la hipótesis alternativa o H_1 , como se comentó más arriba.

En este caso, los programadores están preocupados de que la hipótesis nula sea cierta. Un test estadístico o prueba de hipótesis hallará una medida cuantitativa de la factibilidad de la hipótesis nula (denominado estadístico de contraste, que para este ejemplo viene dado por la media obtenida en la muestra) y se podrá decir a los programadores (después de que el test tome la decisión) si su preocupación está o no justificada. Por tanto, a modo de resumen este ejemplo nos proporciona dos hipótesis:

$$H_0: \mu \ge 100 \text{ vs. } H_1: \mu < 100$$

La realización de un contraste de hipótesis no consiste en decidir cuál de las dos hipótesis (H_0, H_1) es más creíble, sino en decidir si la muestra proporciona o no suficiente evidencia para descartar H_0 . Para realizar la prueba de hipótesis o test estadístico se pone la hipótesis nula en juicio, es decir se empieza suponiendo que H_0 es verdadera. Se podría poner como analogía el supuesto de "En un juicio, el acusado siempre es inocente hasta que se demuestre lo contrario." Esto es:

 H_0 : el acusado es inocente

 H_1 : el acusado es culpable

y, mientras no se tenga suficiente evidencia para aceptar H_1 , hay que creer que lo que dice H_0 es cierto. La muestra aleatoria proporcionará la evidencia. Si el juicio (test o prueba de hipótesis) determina que el acusado es inocente, sólo se puede decir que no se tiene suficiente evidencia para asegurar que el acusado es culpable, mientras que si aceptamos la hipótesis alternativa, se estará bastante seguro de que el acusado sí es culpable.

2.2. Estadístico de contraste

Los test estadísticos o pruebas de hipótesis, calculan internamente una medida cuantitativa que proporciona la factibilidad de la hipótesis nula. Esta medición se extrae de la muestra proporcionada. Por ejemplo, si queremos contrastar la hipótesis de que la media poblacional es 5, un estadístico a calcular puede ser la media de una muestra. En este caso, la muestra viene determinada por los resultados obtenidos por los algoritmos y cada uno de los test tiene una forma particular de hallar este estadístico mediante una fórmula que lo caracteriza. Estos estadísticos siguen una determinada distribución de probabilidad. Por ejemplo, en este proyecto los test implementados harán uso de estadísticos que siguen distribuciones como:

- Distribución normal \mathcal{N} (p. ej. test de Wilcoxon).
- Distribución chi-cuadrado χ^2 (p. ej. test de Friedman).
- \blacksquare Distribución \mathcal{F} de Fisher-Snedecor (p. ej. test de Iman-Davenport).
- Distribución \mathcal{T} de Student (p. ej. t-test).

La figura 2.1, nos muestra el aspecto que presentan las distribuciones de probabilidad. Las distribuciones dependen de ciertos parámetros para determinar su forma $(\mu, \sigma^2...)$: Como podemos ver en la figura 2.1, la distribución normal presenta μ y σ^2 como parámetros. Éstos indican media y varianza respectivamente. La varianza, es una medida de dispersión que indica cómo se distribuye la población. Por ejemplo: en una distribución normal de media 0 y varianza 1 (línea roja en la figura 2.1(a)), aproximadamente el 68 % de la población se encuentra en el intervalo [-1,1], ya que el área bajo la curva es de 0.68. Por tanto, la probabilidad de que un individuo de la población se encuentre en ese intervalo es del 68 %. Si un estadístico sigue una distribución normal con media μ y varianza σ^2 , se expresa como:

Estadístico
$$\sim N(\mu, \sigma^2)$$

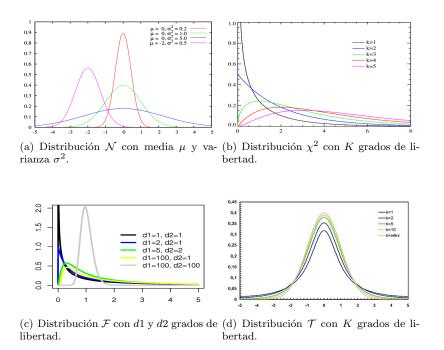


Figura 2.1: Distribuciones de probabilidad.

En las distribuciones χ^2 y \mathcal{T} de Student se habla del parámetro K o grados de libertad (d1 y d2 en la distribución \mathcal{F} de Fisher-Snedecor). La media y la varianza de estas tres distribuciones vendrán determinadas por el parámetro K. Cuando se habla de grados de libertad se está haciendo referencia al número de valores que se pueden elegir libremente en una muestra. Por ejemplo: una muestra con dos datos y media 5 si el primer dato toma el valor 4 entonces necesariamente el segundo dato debe de ser 6 (para lograr la media de 5). En este caso, se tienen:

N-1 grados de libertad, donde N es el tamaño de la muestra.

Se hallan con la fórmula N-R, donde N es el número de individuos en la muestra cuyo valor puede ser elegido de forma libre y R es el número de sujetos cuyo valor dependerá del valor que tengan los individuos de la muestra que son libres. También se puede representar por K-R, donde K es el número de grupos (cuando intervienen grupos y no sujetos individuales).

En nuestro caso, N viene determinado por el número de resultados obtenidos por los algoritmos (número de filas de la matriz de la muestra de datos) y K por el número de algoritmos o variables relacionadas que tiene la muestra de datos con la que se están aplicando los test (número de columnas de la matriz). Cada test que use el parámetro de grados de libertad lo calcula de acuerdo a su fórmula característica para el estadístico.

Todas las distribuciones de la figura 2.1 son continuas, pues se puede tomar cualquier valor dentro de un intervalo, a diferencia de las distribuciones discretas. Por otra parte, en la distribución \mathcal{T} de Student a medida que aumentan los grados de libertad se tiende más a una distribución normal estandarizada (de $\mu = 0$ y $\sigma^2 = 1$).

Las distribuciones de probabilidad que pueda seguir un estadístico nos dan un valor diferente de probabilidad para cada valor diferente del estadístico. Este valor de probabilidad indica cuán probable es obtener ese valor del estadístico siendo la hipótesis nula cierta. Por ejemplo, si es cierta la hipótesis nula de que la media de una población es 5, es más probable que obtengamos una media de una muestra igual a 4.5 que a 3.

2.3. Decisiones y tipos de error

Cuando se lleva a cabo un contraste de hipótesis sólo se pueden tomar dos decisiones. Los datos de la muestra, que en este proyecto vendrá dada por los resultados obtenidos por los algoritmos, evidenciarán qué decisión se debe tomar:

- 1. Aceptar la hipótesis nula (H_0) (rechazar la hipótesis alternativa H_1)
- 2. Rechazar H_0 (aceptar la hipótesis alternativa)

Sin embargo, cuando se toma la decisión se pueden cometer dos tipos de errores (fig. 2.2):

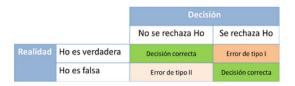


Figura 2.2: Decisiones y tipos de error.

La probabilidad de "Error tipo I" se denota por α y se denomina nivel de significación:

$$P(\text{"Error tipo I"}) = P(\text{Rechazar } H_0|H_0 \text{ es cierta}) = \alpha$$

El nivel de significación consiste en la probabilidad de rechazar la hipótesis nula H_0 cuando verdaderamente es cierta. Este valor α es un parámetro que debe seleccionar la persona que quiere realizar un test estadístico en base a cuán importante es rechazar H_0 cuando es cierta. Normalmente es del 5 %, lo que implicará que 5 de cada 100 veces se acepta la hipótesis alternativa cuando la cierta es la hipótesis nula. Cuanto menor sea el nivel de significación, cada vez es más difícil rechazar la hipótesis nula. Es decir, si queremos equivocarnos menos veces, necesitamos mucha más evidencia para justificar el rechazo. Si es grande es más fácil aceptar la hipótesis alternativa cuando en realidad es falsa.

Por otra parte, la probabilidad de "Error tipo II" se denota por β :

$$P(\text{"Error tipo II"}) = P(\text{Aceptar } H_0|H_0 \text{ es falsa}) = \beta$$

Este error β consiste en la probabilidad de aceptar la hipótesis nula H_0 cuando verdaderamente es falsa.

Por último, cabe destacar el concepto de "Potencia".

$$P(\text{"Potencia"}) = P(\text{Rechazar } H_0|H_0 \text{ es falsa}) = 1 - \beta.$$

La potencia es la probabilidad de detectar que una hipótesis es falsa. Los test estadísticos o pruebas de hipótesis implementados en el presente proyecto se caracterizan por su potencia, siendo esta fija, y dejando como parámetro libre el nivel de significación. Así, cuanto mayor es el nivel de potencia, mejor será el test, ya que se rechazarán más hipótesis nulas cuando se deben rechazar (mayor habilidad en aceptar correctamente hipótesis alternativas).

En este proyecto se pondrá el énfasis en el nivel de significación, ya que es la hipótesis alternativa la que se quiere probar y no se quiere aceptar si en realidad no es cierta es decir, si aceptamos la hipótesis alternativa queremos equivocarnos con un margen de error muy pequeño. Obviamente, lo ideal sería que tanto α como β fuesen nulos y que no se cometiese ningún error, o que ambos valores fuesen muy pequeños. Como no se pueden disminuir ambos errores a la vez, se controla el "Error tipo I".

2.4. Intervalos de confianza

El nivel de significación fijado divide en dos regiones el conjunto de posibles valores del estadístico de contraste: la región de aceptación y la región de rechazo o región crítica. Se denomina región de aceptación a la región que conduce a la aceptación de H_0 y región de rechazo a la región que conduce al rechazo de H_0 en favor de H_1 . Aquí surge el concepto de **Cola**, que indica la porción o porciones de una distribución de probabilidad en la cual se rechaza la hipótesis nula, es decir, la **región de rechazo**.

La determinación de las regiones de aceptación o de rechazo depende de cómo se establezca la hipótesis alternativa H_1 . Por ejemplo, si hablamos de un contraste en el que se esté contrastando una determinada media (μ_0) se podría establecer como H_1 que la media en realidad sea menor, mayor o distinta a (μ_0):

• Media menor (test unilateral con cola a la izquierda):

$$H_0: \mu = \mu_0$$

 $H_1: \mu < \mu_0$

Media mayor (test unilateral con cola a la derecha):

$$H_0: \mu = \mu_0$$

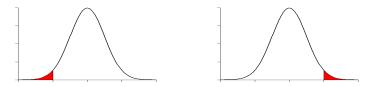
 $H_1: \mu > \mu_0$

■ Media distinta (test bilateral o de dos colas):

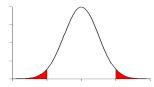
$$H_0: \mu = \mu_0$$

 $H_1: \mu \neq \mu_0$

En la figura 2.3, podemos ver cómo quedarían establecidos los intervalos para el ejemplo. En rojo se muestra la región de rechazo:



(a) Test unilateral. Cola a la izquierda. (b) Test unilateral. Cola a la derecha.



(c) Test bilateral o de dos colas.

Figura 2.3: Regiones de aceptación y rechazo.

Como se puede observar en el caso del test bilateral o de dos colas, el α se divide en dos porciones iguales: $\alpha/2$, que constituyen la región de rechazo. La región de aceptación tendrá en todos los casos probabilidad $1-\alpha$.

2.5. Decisión final y p-valor

Si el valor del estadístico cae en la región de aceptación, se acepta la hipótesis nula, ya que no existen razones suficientes para rechazar H_0 con el nivel de significación dado. Por tanto, en este caso se diría que el contraste es estadísticamente no significativo, es decir, no existe evidencia estadísticamente significativa en favor de H_1 . La figura 2.4 nos muestra el punto crítico: si el



Figura 2.4: Punto crítico.

estadístico obtenido por el test o prueba de hipótesis es 5 y el punto crítico es 4.5, se rechaza H_0 ya que el estadístico pertenece a la región de rechazo.

La decisión de rechazar o aceptar la hipótesis nula, se puede determinar también mediante el *p-valor*, que es el parámetro utilizado para realizar los test estadísticos en este proyecto. El *p-valor* proporciona un forma más eficiente de determinar si el contraste es o no estadísticamente significativo, ya que no sería necesario recalcular regiones de aceptación y rechazo cada vez que el usuario de los test cambia de nivel de significación.

"El *p-valor*, es la probabilidad que hay de obtener un valor al menos tan extremo como el estadístico en cuestión que se ha calculado."

Para entender mejor el concepto de p-valor, conviene hablar de las distribuciones de probabilidad vistas en la figura 2.1 de la sección 2.2 donde se hablaba del estadístico de contraste. Estas distribuciones son funciones que se denominan "funciones de densidad de probabilidad" (FDP). Como expusimos en la sección 2.2, estas funciones proporcionan la probabilidad que existe para cada valor diferente del estadístico (cuán probable es obtener ese valor del estadístico). Si, en vez de trabajar con las funciones de densidad de probabilidad, se trabaja con las funciones de distribución acumuladas (FDA), para cada valor del estadístico éstas devolverían la probabilidad de obtener un valor igual o menor que ese estadístico siendo la hipótesis nula cierta. En la figura 2.5 podemos ver una comparación entre los dos tipos de funciones para el caso de la distribución χ^2 :

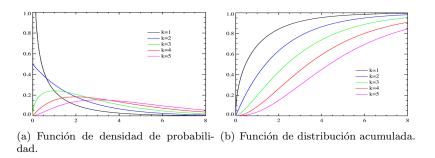


Figura 2.5: Comparativa entre FDP y FDA.

Visto de otro modo, con la distribución acumulada, dado un estadístico, nos devuelve la probabilidad que hay de obtener un valor al menos tan extremo como el estadístico en cuestión. Esto es el p-valor. Por ejemplo si el valor del estadístico es 3 y el test da como resultado un p-valor igual a 0.1, esto quiere decir que un 10 % de las veces vamos a obtener un valor similar. Si el p-valor es muy bajo, es decir, la probabilidad de obtener un valor al menos tan extremo como ese estadístico es muy baja, se puede concluir que la hipótesis nula no es cierta, ya que sería poco probable que siendo cierta se obtuviese ese estadístico.

El criterio para saber si el p-valor es lo suficientemente bajo como para rechazar que la hipótesis nula sea cierta es tomado de acuerdo al nivel de significancia establecido. Como se ha mencionado en la sección 2.3, el nivel de significancia o α indica la probabilidad de rechazar la hipótesis nula siendo ésta cierta. Si el p-valor es menor que el nivel de significancia se rechaza la hipótesis nula.

Según se disminuye α , cada vez es más difícil de rechazar la hipótesis nula, ya que se necesita mucha más evidencia para justificar el rechazo. Por ejemplo, si α es 0.05 y la probabilidad de obtener un estadístico igual a 1 es 0.03, se rechaza la hipótesis nula. Sin embargo, si el α fuese 0.01, no se podría rechazar: no hay suficiente evidencia de que la hipótesis nula sea falsa.

2.6. Etapas en la resolución de un contraste de hipótesis

En un contraste de hipótesis siempre se siguen una serie de pasos definidos. Como se ha ido viendo a lo largo del capítulo, los pasos para la realización de una prueba de hipótesis o test estadístico son los siguientes [4]:

- 1. Especificación de la hipótesis nula H_0 y de la hipótesis alternativa H_1 .
- 2. Suponer que H_0 es verdadera (el test sirve para que a partir de la muestra de datos podamos rechazar H_0 en beneficio de H_1).
- 3. Calcular un estadístico de prueba o estadístico de contraste. Este estadístico se usa para evaluar la fuerza de la evidencia en contra de H_0 (medir la discrepancia entre la hipótesis y la muestra).
- 4. Establecer un nivel de significación α en base a cómo de importante se considere rechazar H_0 cuando realmente es verdadera.
- 5. El nivel de significación fijado divide en dos regiones el conjunto de posibles valores del estadístico de contraste: la región de aceptación y la región de rechazo o región crítica.
- 6. Si el valor del estadístico cae en la región de rechazo, se rechaza la hipótesis nula, ya que esto evidencia que los datos obtenidos de la muestra no son compatibles con H_0 . Por tanto, en este caso se diría que el contraste es estadísticamente significativo, es decir, existe evidencia estadísticamente significativa en favor de H_1 .
- 7. Si el valor del estadístico cae en la región de aceptación, se acepta la hipótesis nula, ya que no existen razones suficientes para rechazar H_0 con el nivel de significación dado. Por tanto, en este caso se diría que el contraste es estadísticamente no significativo, es decir, no existe evidencia estadísticamente significativa en favor de H_1 .
- 8. La decisión de rechazar o aceptar la hipótesis nula, se puede determinar también mediante el *p-valor*, que es el parámetro utilizado para realizar los test estadísticos en este proyecto. El *p-valor* proporciona un forma más eficiente de determinar si el contraste es o no estadísticamente significativo, ya que no sería necesario recalcular regiones de aceptación y rechazo cada vez que el usuario de los test cambia de nivel de significación.

2.7. Tests paramétricos

Uno de los tipos más comunes de test son los test paramétricos. En general, estos test son más robustos y tienen mayor potencia que los test no paramétricos, que se verán más adelante en la sección 2.8. Sin embargo, las pruebas paramétricas se basan en supuestos que muy probablemente

se violan cuando se analiza el rendimiento de algoritmos de optimización y minería de datos [6]. Estas suposiciones o condiciones paramétricas que deben cumplir los resultados de los algoritmos son explicadas a continuación.

2.7.1. Condiciones Paramétricas

Independencia

En estadística, dos eventos son independientes si cuando uno de ellos se da no modifica la probabilidad de la ocurrencia del otro. Dicho de otra forma: cuando las muestras o datos obtenidos por los algoritmos, es decir los resultados de éstos, no dependen unos de otros. La independencia es una característica que en este proyecto debe asumir el usuario de los test, y, por tanto, podrá actuar de una forma u otra bajo su responsabilidad.

Normalidad

Una muestra u observación es normal cuando su comportamiento sigue una distribución normal (o distribución de Gauss) con una cierta media μ y varianza σ^2 . En la figura 2.6 podemos ver que a la izquierda se cumple el supuesto de normalidad, mientras que a la derecha los datos de la muestra no están distribuidos de forma normal:

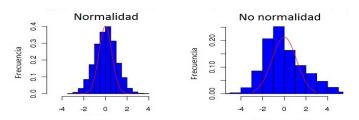


Figura 2.6: Normalidad vs. No normalidad.

En este proyecto se pueden realizar los siguientes test no paramétricos para comprobar el supuesto de normalidad:

- Shapiro—Wilk: contrasta la hipótesis nula de que las muestras o poblaciones provienen de una población normalmente distribuida. Analiza la muestra para hallar el nivel de simetría y Kurtosis (forma de la curva) para calcular la diferencia con respecto a una distribución normal, obteniendo el p-valor de la suma de los cuadrados de estas discrepancias. Se considera de los más potentes, sobre todo para muestras de menos de 30 elementos. Sin embargo, el rendimiento de esta prueba se ve afectado de forma negativa cuando no existe independencia en los datos.
- D'Agostino—Pearson: contrasta la hipótesis nula de que las muestras o poblaciones provienen de una población normalmente distribuida. Primero calcula el coeficiente de asimetría (en qué medida la normal es simétrica ó coeficiente 0) y el coeficiente de Kurtosis (grado de amplitud, donde lo normal es coeficiente 0) para cuantificar cuán lejos se está de

la distribución normal. Luego, calcula cuánto difiere cada uno de los valores de los esperados en una distribución normal, para obtener el p-valor de la suma de estas discrepancias. Es menos potente que el test de Shapiro-Wilk, pero no se ve afectado cuando los datos no son independientes.

■ Kolmogorov-Smirnov: realiza una prueba de bondad de ajuste, para determinar si los datos observados de la muestra se ajustan a la distribución normal. Tiene como H_0 que la distribución obtenida de los datos observados es idéntica a la distribución normal. Es la prueba que menos potencia presenta de los tres, y por tanto es la que peor funciona.

Homocedasticidad

La homocedasticidad es la condición que dice que las poblaciones de entrada o datos obtenidos por los algoritmos proceden de poblaciones con varianzas iguales. Es decir, esta propiedad indica la hipótesis de igualdad de varianzas. El caso contrario sería heterocedasticidad. En la figura 2.7 se puede apreciar la diferencia existente entre unos datos que presentan homocedasticidad y otros que no, donde el eje de ordenadas representa la varianza del error (la varianza dentro de cada tratamiento o la varianza de los resultados obtenidos por un algoritmo en los distintos conjuntos de datos), y el eje de abscisas representa a las observaciones. En el primer caso, la varianza del error se mantiene constante a lo largo de las observaciones, mientras que en el otro caso no:

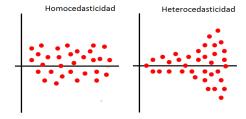


Figura 2.7: Homocedasticidad vs. Heterocedasticidad.

En este proyecto se puede realizar el siguiente test no paramétrico para comprobar el supuesto de homocedasticidad:

■ Test de Levene: contrasta la hipótesis nula de que todas las poblaciones de entrada proceden de poblaciones con varianzas iguales. Se utiliza para comprobar si K muestras pertenecientes a datos obtenidos por K algoritmos presentan o no homogeneidad de varianzas.

2.7.2. Test ANOVA

El análisis de la varianza (ANOVA) es uno de los test estadísticos más ampliamente utilizados para probar la igualdad de más de dos medias de la población. Se trata de una versión más general del t-test, ya que permite comparar más de 2 poblaciones (en este proyecto resultados de más de dos algoritmos). Dado que es un test paramétrico, se asume que se dan las condiciones de independencia, normalidad y homocedasticidad en su aplicación. De no ser el caso, los resultados de esta prueba no son fiables.

Hipótesis

- Hipótesis nula H_0 : $\mu_1 = \mu_2 = \mu_3 ... = \mu_K$.
- Hipótesis alternativa H_1 : $\exists \mu_j \neq \mu \quad j = 1, 2, ..., K$.

La hipótesis nula indica que las medias de distintas poblaciones o muestras coinciden (K > 2), frente a la hipótesis alternativa de que por lo menos una de las poblaciones tiene una media que difiere de las demás. Es, por tanto, un contraste o prueba unilateral con cola a la derecha. En este proyecto el parámetro K viene determinado por el número de algoritmos que existen en la muestra de datos.

Pasos a desarrollar

Los pasos a seguir para realizar el test de ANOVA son los siguientes:

 Se analiza la variación total (respecto a la media general o media de medias de los resultados de cada algoritmo):

$$variacion_t = \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{K} (X_{ij} - \bar{X})^2,$$

donde \bar{X} es la media general, N es el número de conjuntos de datos o problemas sobre los que se aplican los algoritmos y X_{ij} es un resultado específico obtenido por un algoritmo.

■ Se halla también la variación entre los diferentes tratamientos o algoritmos (efecto de la media de cada tratamiento respecto a la media general):

$$variacion_{tr} = \sum_{i=1}^{K} N(\bar{X}_i - \bar{X})^2,$$

donde \bar{X}_i representa la media del tratamiento o algoritmo.

■ La variación dentro del tratamiento o variación del error (cada valor respecto a la media de su tratamiento):

$$variacion_e = \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{K} (X_{ij} - \bar{X}_j)^2,$$

donde \bar{X}_j representa la media de un tratamiento o algoritmo.

• Se calculan los grados de libertad totales, del tratamiento y del error como:

$$GLT = (NK) - 1$$

$$GLTR = K - 1$$

$$GLE = GLT - GLTR$$

• Luego se determinan los cuadrados medios totales (CMT) del tratamiento (CMTR) y del error (CME), que son las variaciones divididas entre los grados de libertad correspondientes.

■ Se halla el estadístico, que se distribuye como una distribución \mathcal{F} con K-1 y (KN)-K grados de libertad:

$$anova = CMT/CME$$

■ Por último se halla el p-valor y se toma la decisión en función del nivel de significancia. A modo de ejemplo para el cálculo del p-valor en este caso, primero se haya la probabilidad de obtener un estadístico menor o igual que el calculado previamente (es decir, el valor que proporciona la función de distribución acumulada \mathcal{F} de Fisher-Snedecor para el estadístico con K-1 y (KN)-K grados de libertad, como vimos en la sección 2.5). Esto representaría un área (probabilidad acumulada) en la función de densidad de probabilidad: el área a la izquierda del valor del estadístico. Dado que se trata de un contraste unilateral con cola a la derecha, se resta esta probabilidad a la probabilidad total, es decir, a 1, para obtener así el área que queda a la derecha del estadístico. Si este valor resultante (p-valor) es menor que el nivel de significancia, se rechazaría la hipótesis nula.

En un contraste bilateral, para hallar el *p-valor* habría que multiplicar el valor devuelto en la función de distribución acumulada por 2, ya que en este caso habría dos colas.

2.7.3. t-test

El caso más simple de ANOVA donde intervienen únicamente 2 muestras o algoritmos es realizado por este test, también conocido como la prueba \mathcal{T} de Student. Dado que es un test paramétrico, se asume que se dan las condiciones de independencia, normalidad y homocedasticidad en su aplicación. De no ser el caso, los resultados de esta prueba no son fiables.

Hipótesis

- Hipótesis nula H_0 : $\mu_1 = \mu_2$.
- Hipótesis alternativa $H_1: \mu_1 \neq \mu_2$.

La hipótesis nula indica que las medias de las 2 poblaciones o muestras coinciden, frente a la hipótesis alternativa de que son distintas. Se trata, por tanto, de un contraste o prueba bilateral. El estadístico de este test, sigue una distribución \mathcal{T} de Student con 2N-2 grados de libertad.

2.8. Tests no paramétricos

Cuando los datos obtenidos de la aplicación de los algoritmos de aprendizaje automático no cumplen las características de independencia, normalidad u homocedasticidad total o parcialmente, es necesario aplicar test no paramétricos. La validación de nuevos algoritmos requiere con frecuencia la definición de un marco experimental exhaustivo y la parte crítica de estas comparaciones recae en la validación estadística de los resultados, contrastando las diferencias encontradas entre métodos. Dentro de las técnicas disponibles, destacan los test no paramétricos debido a su flexibilidad y a las pocas restricciones de uso que presentan (a diferencia de los test paramétricos, los cuales sufren a menudo problemas derivados de la imposibilidad de cumplir las condiciones paramétricas para su uso) [5].

2.8.1. Test de Wilcoxon

La prueba de los rangos con signo de Wilcoxon también conocida como el test de Wilcoxon es una prueba no paramétrica que se utiliza como alternativa a la prueba \mathcal{T} de Student cuando no se puede suponer la normalidad de las muestras. Es, por tanto, menos potente que que la prueba \mathcal{T} de Student. El test de Wilcoxon fue creado por Frank Wilcoxon y publicado en 1945 [3].

Sirve para comparar dos métodos o tratamientos (en este proyecto interesa comparar dos algoritmos). Por tanto, los individuos (los problemas) donde se aplican los algoritmos tienen que ser los mismos. Es decir, a un mismo individuo se le efectúa la medición de dos variables: las muestras son apareadas. Para tomar la decisión hay que basarse en las observaciones de N individuos independientes (sin relación existente entre ellos). Para tamaños muestrales pequeños, se puede determinar mediante la comparación del estadístico con el valor crítico de la tabla de Wilcoxon. Para tamaños muestrales grandes (> 25), el test se puede aproximar con la distribución normal.

Hipótesis

- Hipótesis nula H_0 : la mediana de las diferencias = 0.
- Hipótesis alternativa H_1 : la mediana de las diferencias $\neq 0$.

La mediana, es el valor que ocupa el lugar central de todos los datos cuando éstos están ordenados de menor a mayor. H_0 indica que la mediana de las diferencias de dos muestras (resultados de dos algoritmos) relacionadas son iguales, es decir, las dos medianas son iguales (los resultados obtenidos no dependen del algoritmo). H_1 indica, por otra parte, que las medianas son diferentes. Se trata, por tanto, de una prueba bilateral.

Pasos a desarrollar

Los pasos a seguir para realizar la prueba de los rangos de Wilcoxon son los siguientes:

- Se calculan las diferencias entre las muestras. Por ejemplo: diferencias entre los resultados del algoritmo A y B.
 - Se eliminan los elementos que tengan diferencias nulas.
- Se ordenan las diferencias en valor absoluto (independientemente del signo).
- Se asignan rangos de orden 1,2,...,N. Si hay empates se calcula la media del rango de cada uno de los elementos repetidos.
- Suma de los rangos según los signos que tengan las diferencias para obtener los estimadores:
 - T(+) = Suma de los rangos correspondientes a diferencias positivas.
 - T(-) = Suma de los rangos correspondientes a diferencias negativas.
- Definir el estadístico:
 - $-T = \min[T(+), T(-)]$

- Si $N \le 25$, se examina la tabla de Wilcoxon que nos da los valores críticos (el intervalo de aceptación) para cada valor de N y cada nivel de significancia. El contraste será estadísticamente significativo si: $T \le$ límite inferior correspondiente.
- Si N > 25, el estadístico se ajusta a la distribución normal. Por tanto, se calcula el estadístico Z y se toma la decisión en función del p-valor y del nivel de significancia:

$$Z = \frac{T - \frac{N(N+1)}{4}}{\sqrt{\frac{N(N+1)(2N+1)}{24}}}$$

2.8.2. Test de Friedman

El test de Friedman es una prueba no paramétrica que puede realizar comparaciones entre dos o más algoritmos, es decir, se trata de una prueba de comparaciones múltiples. Fue desarrollada por el economista Milton Friedman y trabaja asignando rankings para establecer cuál es el mejor algoritmo de la muestra de datos proporcionada.

Hipótesis

- Hipótesis nula H_0 : no existen diferencias entre los algoritmos.
- Hipótesis alternativa H_1 : existen diferencias entre los algoritmos.

La hipótesis nula quiere decir que todos los algoritmos se comportan de la misma forma, por lo que los rankings que poseen deben de ser similares. La hipótesis alternativa, por el contrario, afirma que existen diferencias, lo cual quiere decir que, al menos, el rendimiento de un algoritmo es diferente al rendimiento que presentan los demás. Se trata, por tanto, de un contraste o prueba unilateral con cola a la derecha.

Pasos a desarrollar

Los pasos a seguir para realizar el test de Friedman son los siguientes:

- En primer lugar se asignan rankings r_{ij} a los resultados obtenidos por cada algoritmo j en cada problema i. Es decir, para cada problema o conjunto de datos se asigna un ranking cuyos valores están comprendidos entre 1 y K, donde K representa el número de algoritmos que se están comparando. Los rankings se asignan de forma ascendente (1 al mejor resultado, 2 al segundo mejor, etc.) y se tiene en cuenta la función objetivo de los algoritmos, es decir, si lo que se pretende es minimizar o maximizar resultados.
- En caso de que haya empates en la asignación de rankings anterior, se asignan rankings medios:

$$r_{ij} = \frac{rep + (2pos) + 1}{2},$$

donde rep representa el número de veces que se repite el dato y pos representa la posición que ocupa el dato repetido.

 \blacksquare A continuación, se calculan los rankings medios de cada algoritmo en los N problemas:

$$R_j = \frac{\sum_{i=1}^{N} r_{ij}}{N}$$

■ El estadístico de Friedman sigue una distribución χ^2 con K-1 grados de libertad:

$$friedman = \frac{12N}{K(K+1)} \left[\sum R_j^2 - \frac{K(K+1)^2}{4} \right]$$

■ Por último se halla el *p-valor* y se toma la decisión en función del nivel de significancia.

2.8.3. Test de Iman-Davenport

El estadístico de Friedman fue mejorado por Iman y Davenport, que demostraron que tenía un comportamiento demasiado conservador (se tiende a aceptar la hipótesis nula y, por tanto, la potencia del test es menor).

Hipótesis

• Igual al test de Friedman.

Pasos a desarrollar

■ El test de Iman-Davenport hace las mismas operaciones que el test de Friedman pero en él se calcula un estadístico más ajustado (en el que también interviene el estadístico de Friedman). Este nuevo estadístico, sigue una distribución \mathcal{F} con (K-1) y (K-1)*(N-1) grados de libertad, donde N representa el número de problemas o conjuntos de datos y K el número de algoritmos:

$$iman_d = \frac{(N-1)friedman}{N(K-1) - friedman}$$

2.8.4. Test de los Rangos Alineados de Friedman

El test de los rangos alineados de Friedman realiza comparaciones y asigna rankings teniendo en cuenta a todos los conjuntos de datos, a diferencia del test de Friedman, que asigna rankings dentro de cada conjunto (es decir, dentro de los resultados obtenidos por los algoritmos para cada problema en particular). Por tanto, en este caso los valores de los rankings irán desde 1 hasta K * N. Suele emplearse cuando el número de algoritmos en la comparación es pequeño y cuando se quiere realizar una comparación entre conjuntos de datos.

Hipótesis

• Igual al test de Friedman.

Pasos a desarrollar

- Cálculo de las observaciones alineadas: primero se halla el valor de localización, que es el rendimiento medio alcanzado por los algoritmos en cada conjunto de datos y luego se calculan las diferencias entre el rendimiento obtenido por cada algoritmo con respecto al valor de localización dentro de un mismo conjunto de datos.
- ullet Se repite el primer paso para los N conjuntos de datos.
- Se juntan todas las observaciones alineadas y se ordenan para asignar los rankings alineados desde 1 hasta K * N. En caso de empates se procede asignando valores medios igual que en el test de Friedman.
- ullet Se calculan los rankings medios de cada algoritmo en los N problemas.
- El estadístico para esta prueba sigue una distribución χ^2 con K-1 grados de libertad:

$$rangos_{al} = \frac{(K-1) \left[\sum_{j=1}^{K} \hat{R}_{j}^{2} - \left(\frac{KN^{2}}{4} \right) (KN+1)^{2} \right]}{\left[\frac{KN(KN+1)(2KN+1)}{6} \right] - \left(\frac{1}{K} \right) \sum_{i=1}^{N} \hat{R}_{i}^{2}},$$

donde $\hat{R_i}$ y $\hat{R_j}$ son la suma total de los rankings del problema i y del algoritmo j respectivamente.

■ Por último se halla el *p-valor* y se toma la decisión en función del nivel de significancia.

2.8.5. Test de Quade

El test de Quade tiene en cuenta, a diferencia del test de Friedman que considera que todos los problemas son iguales en importancia, que algunos problemas son más difíciles o que los resultados que obtienen los algoritmos sobre ellos son más distantes (se realiza una ponderación).

Hipótesis

■ Igual al test de Friedman.

Pasos a desarrollar

- Se obtienen los rankings de cada conjunto de datos de la misma forma que en Friedman.
- Asignación de rankings a los problemas en función del tamaño del rango de la muestra en cada uno (diferencia entre el valor observado más alto y el más bajo). Este ranking de 1 a N usa también rankings medios en caso de empate.
- A partir de estos datos se pueden obtener los rankings medios finales para cada algoritmo y obtener el estadístico, que sigue como una distribución \mathcal{F} con (K-1) y (K-1)*(N-1) grados de libertad.
- Por último se halla el *p-valor* y se toma la decisión en función del nivel de significancia.

2.8.6. Tests POST-HOC

Los test no paramétricos de ranking (test de Friedman, Iman-Davenport, Rangos Alineados de Friedman y Quade), dan como resultado la existencia o no de diferencias significativas entre los algoritmos sobre los que se han aplicado. Es decir, nos dice si el contraste de hipótesis es o no estadísticamente significativo. Si se rechaza la hipótesis nula de "todos los algoritmos son iguales", sabremos que entre los algoritmos existen diferencias. Sin embargo, puede ocurrir que un algoritmo presente un rendimiento similar a otro u otros y por tanto se pueda considerar igual.

Estos test comparan los algoritmos y realizan contrastes de hipótesis entre ellos para determinar diferencias.

Hipótesis

- Hipótesis nula H_0 : el algoritmo i y j son iguales.
- Hipótesis alternativa H_1 : el algoritmo i y j son distintos.

Se trata, por tanto, de test que realizan contrastes bilaterales, ya que están destinados a encontrar diferencias a posteriori en caso de que el test de ranking sea estadísticamente significativo. Se distinguen dos tipos de comparación:

- Método de control: se compara el primer algoritmo del ranking devuelto por el test de ranking con el resto de algoritmos y por tanto habrá K-1 comparaciones o contrastes.
- Comparación múltiple: compara todos los algoritmos entre sí. El número de comparaciones o contrastes por tanto es:

$$m = \frac{K(K-1)}{2}$$

Todos los test POST-HOC aproximan los valores Z (estadísticos) de una distribución normal a partir de las diferencias entre dos rankings. La forma de aproximar estos valores Z varía en función del test de ranking de donde se provenga:

■ Test de Friedman / Iman-Davenport:

$$Z = \frac{(R_i - R_j)}{\sqrt{\frac{K(K+1)}{6N}}},$$

donde R_i y R_j son los rankings medios obtenidos por el algoritmo i y j respectivamente en el test de Friedman.

■ Test de los Rangos Alineados de Friedman:

$$Z = \frac{\hat{R}_i - \hat{R}_j}{\sqrt{\frac{K(K+1)}{6N}}},$$

donde \hat{R}_i y \hat{R}_j son los rankings medios obtenidos por el algoritmo i y j respectivamente en el test de los Rangos Alineados de Friedman.

■ Test de Quade:

$$Z = \frac{T_i - T_j}{\sqrt{\frac{K(K+1)(2N+1)(K-1)}{18N(N+1)}}},$$

donde T_i y T_j son los rankings medios obtenidos por el algoritmo i y j respectivamente en el test de Quade.

Luego, calculan los p-valores y ordenan todos los datos en función de éstos de mayor a menor significancia (de menor a mayor). El contraste de las hipótesis (los resultados), así como el cálculo del valor α y los p-valores ajustados varían en función de los test aplicados. Los p-valores ajustados son p-valores que dependen de toda la familia de comparaciones y no sólo de una comparación, es decir, consideran la familia de hipótesis completa para cada pareja de algoritmos y se pueden comparar con el nivel de significancia proporcionado sin ajustar.

Tests

■ **Test de Bonferroni-Dunn:** el contraste de las hipótesis se realiza comparando cada *p-valor* con el nivel de significancia ajustado:

$$\alpha_{ajustado} = \frac{\alpha}{(K-1)}$$

■ Test de Holm: compara cada p-valor (empezando por el más significativo) con:

$$\alpha_{ajustado_i} = \frac{\alpha}{(K-i)}$$

Si se rechaza una hipótesis continúa contrastando. En el caso de que una hipótesis se rechace se rechazan todas las demás.

■ Test de Finner: compara cada *p-valor* (empezando por el más significativo) con:

$$alpha_{ajustado_i} = 1 - (1 - \alpha)^{\frac{(K-1)}{i}}$$

Al igual que el test de Holm, si se rechaza una hipótesis continúa contrastando. En el caso de que una hipótesis se rechaze se rechazan todas las demás.

- Test de Hochberg: compara en la dirección opuesta a Holm. En el momento que encuentra una hipótesis que pueda aceptar, acepta todas las demás.
- Test de Li: rechaza todas las hipótesis si el p-valor menos significativo es menor que α . En otro caso, acepta dicha hipótesis y rechaza cualquier hipótesis restante cuyo p-valor sea menor que un valor específico:

$$valor = \frac{(1 - p\text{-}valor_{k-1})}{(1 - \alpha)\alpha}$$

Los test anteriores son para el caso de comparaciones simples (utilizan un método de control), con lo que interviene el parámetro K para realizar las K-1 comparaciones. Para el caso de comparación múltiple, habría que reemplazar K por m (número de comparaciones múltiples). Para los test POST-HOC anteriores existe, por tanto, un test POST-HOC de comparación múltiple que se obtiene de forma análoga, excepto para el test de Li. En lugar del test de Li para comparaciones múltiples en este proyecto se implementa el test de Shaffer:

 \bullet Test de Shaffer: rechaza cada H_i si:

$$p$$
- $valor_i \le \frac{\alpha}{t_i}$,

donde t_i puede ser obtenido mediante:

$$S(K) = \bigcup_{j=1}^{K} \{ \binom{j}{2} + x : x \in S(K-j) \},$$

que calcula la secuencia de número máximo de hipótesis que pueden ser ciertas en una comparación secuencial entre K distribuciones, donde $K \geq 2$ y $S(0) = S(1) = \{0\}$

Los test de la lista anterior están ordenados de menor a mayor potencia, siendo, como se puede apreciar, el test de Bonferroni-Dunn el menos potente de todos y el test de Li el que mayor potencia presenta [7].

Capítulo 3

Análisis de requisitos

El análisis de requisitos es el primer paso técnico del proceso de ingeniería del software. Es aquí donde se refina la declaración general del ámbito del software en una especificación concreta que se convierte en la base de todas las actividades de ingeniería del software que siguen.

En este proyecto, hemos utilizado el enfoque de metodología de desarrollo ágil Scrum [10]. Los detalles de esta metodología y la razón de su utilización en este proyecto se detallan en la sección 4.2 del capítulo 4. Para realizar el análisis de requisitos, a diferencia del enfoque de tradicional en el que los requisitos son descritos de una forma muy estricta y formal, esta metodología permite describir las necesidades del usuario de una manera más simple. Para ello, se establecen los requisitos mediante las **historias de usuario**. Las historias de usuario son requisitos escritos en un lenguaje coloquial bien directamente por el mismo cliente, o bien como un recordatorio posterior de las conversaciones mantenidas con el cliente. Consisten en una o dos frases en donde de una forma no precisa se detalla lo que el usuario requiere de la aplicación. Además, deben ser:

- Independientes: no depender de otras para su compleción.
- Negociables: no son del todo claras, y por tanto se necesita discutir con los usuarios. Se concretan en los criterios de aceptación.
- Valoradas por el cliente: esto permite conocer en qué está más interesado el cliente y qué es más importante para la aplicación.
- Estimables: se puede establecer una valoración del tiempo que llevará completarlas.
- Pequeñas: para poder hacer una mejor estimación. Normalmente más de 2 días y menos de 1 semana.
- Verificables: se necesitan poder probar para saber si se ha completado con éxito.

El formato a seguir es el siguiente:

Como <tipo de usuario>, me gustaría <objetivo>, ya que <razón>

Además, a las historias de usuario se añaden criterios de aceptación y una prioridad.

Entre los beneficios de usar historias de usuario para elaborar los requisitos destaca que no se requiere elaborar una gran cantidad de documentos formales y por lo tanto se requiere menos tiempo para su administración. Por ello, permiten responder rápidamente a los requisitos cambiantes, algo a tener en cuenta sabiendo que normalmente los clientes o los usuarios finales con frecuencia no saben lo que necesitan desde un principio y es algo que se debe ir refinando a lo largo del proyecto.

Un nivel de abstracción mayor a las historias de usuario es dado por los denominados Epics. Los Epics son historias de usuario mucho más generales (a más alto nivel) que nos dan una primera idea del trabajo que puede estar involucrado en su definición. Los Epics se pueden desglosar en varias historias de usuario y están compuestos por un título o requerimiento muy general.

En este proyecto, primeramente se detallan los Epics y luego se describen las historias de usuario en las que se pueden desglosar. Para la prioridad de las historias de usuario, se han definido tres niveles en función del interés del cliente en las mismas:

- Alta: Indica que el cliente está muy interesado en el requerimiento en cuestión y que lo considera clave para la aplicación.
- Media: Indica que el cliente está interesado en el requerimiento, pero no es tan importante para la aplicación.
- Baja: Indica aquellos requerimientos que, siendo favorables, son prescindibles.

3.1. Epics

Los Epics son identificados mediante EP-x, donde x representa un número natural único.

- EP-1: Proporcionar una API REST de los test estadísticos.
- EP-2: Permitir realizar test estadísticos paramétricos.
- EP-3: Permitir realizar test estadísticos no paramétricos.
- EP-4: Permitir realizar test estadísticos no paramétricos para evaluar las condiciones paramétricas.
- EP-5: Permitir gestionar un fichero.
- EP-6: Visualizar lo resultados de los test.
- EP-7: Permitir modificar opciones de los test.
- EP-8: Proporcionar una interfaz usable.

3.2. Historias de usuario

Las historias de usuario se identifican mediante HU-x, donde x representa un número natural único. Cabe destacar que en este proyecto se consideran dos tipos de usuario: desarrollador y cliente. El primero, se considera debido a que una de las partes del proyecto consiste en desarrollar una API REST que hace disponible los test vía web. Esta API la puede utilizar un desarrollador para realizar la interfaz web, con lo que es necesario que un desarrollador diga las necesidades que requiere de la API. El cliente, por otra parte, se refiere al usuario final de la plataforma, es decir, el analista de datos que quiere validar algoritmos de aprendizaje automático. Ambos tienen intereses diferentes y por tanto se pueden considerar por separado.

3.2.1. Historias de usuario desarrollador

Desglosando el Epic **EP-1:** Proporcionar una API REST de los test estadísticos, se obtienen las siguientes historias de usuario:

HU-1 - Acceder a test		
Como:	Desarrollador	
Me gustaría:	acceder a los test como recursos independientes con parámetros opcio-	
	nales.	
Ya que:	esto facilita su utilización y los hace más flexibles.	
	- Los test estadísticos son accesibles individualmente como un recurso.	
C. Aceptación:	- Los métodos de POST-HOC pueden ser también accedidos individual-	
	mente como un sub recurso dentro del recurso de acceso del test principal.	
	- Se proporcionan varias URIs (identificador de recursos uniforme) para	
	cada test cuyos parámetros (como el nivel de significación, la función	
	objetivo o el test POST-HOC) son opcionales, teniendo un valor común	
	por defecto.	
Prioridad:	alta	

HU-2 - Gestionar ficheros		
Como:	Desarrollador	
Me gustaría:	poder gestionar un fichero como un recurso independiente.	
Ya que:	esto facilita la subida y consulta de ficheros.	
C. Aceptación:	- Los ficheros son accesibles individualmente como un recurso.	
	- Los recursos de fichero son creados de forma individual.	
Prioridad:	alta	

HU-3 - Devolver datos JSON		
Como:	Desarrollador	
Me gustaría:	que los datos devueltos por los servicios de la API REST fuesen en	
	formato JSON (JavaScript Object Notation).	
Ya que:	es un formato ligero para el intercambio de datos y además es muy	
	simple, con lo que el análisis sintáctico sería más sencillo.	
C. Aceptación:	- Los servicios de la API REST devuelven datos en formato JSON.	
Prioridad:	media	

HU-4 - Analizar datos subidos		
Como:	Desarrollador	
Me gustaría:	que el fichero de datos subido al servidor tuviese siempre el formato csv.	
Ya que: es un formato abierto y sencillo para representar datos en forma de t		
	y los test reciben siempre los datos en forma de matriz, donde las filas	
	representan los conjuntos de datos de cada problema y las columnas los	
	resultados obtenidos de cada algoritmo.	
C. Aceptación:	- El servicio de subida comprueba que los datos subidos siguen el estándar	
C. Aceptacion.	csv y están dispuestos de acuerdo a una convención establecida para el	
	proyecto.	
	- En caso de no cumplir el estándar se devuelve un error.	
Prioridad:	alta	

HU-5 - Limitar ficheros subidos		
Como:	Desarrollador	
Me gustaría:	establecer un límite de ficheros subidos.	
Ya que:	así se evita tener en memoria ficheros muy antiguos que ya no se usan.	
C. Aceptación: - Los ficheros se almacenan en un diccionario con límite de elementos		
	de forma que cuando se llega al límite, el elemento con más tiempo en	
	el diccionario se elimina.	
Prioridad:	baja	

HU-6 - Visualizar información test		
Como:	Desarrollador	
Me gustaría:	obtener información acerca de los test estadísticos.	
Ya que:	esto permite conocer qué hace cada test y evita confusiones a la hora de	
	utilizar el servicio.	
C. Aceptación:	- Los servicios de la API REST tienen información relativa al test (uso	
C. Aceptacion.	e hipótesis).	
	- El módulo de Python donde están implementados los test tiene do-	
	cumentación en base a un generador de documentación relativa al test	
	(uso, hipótesis, argumentos de entrada / salida,).	
Prioridad:	media	

29

3.2.2. Historias de usuario cliente

Desglosando el Epic **EP-2:** Permitir realizar test estadísticos paramétricos, se obtienen las siguientes historias de usuario:

HU-7 - Realizar test de ANOVA	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test de ANOVA a mis datos.
Ya que:	es una prueba muy utilizada para determinar si las medias de más de
	dos muestras son similares.
	- El módulo de Python tiene implementado el test ANOVA.
C. Aceptación:	- La plataforma muestra una sección para test paramétricos donde se
	puede aplicar la prueba.
	- El test devuelve los datos: estadístico, el <i>p-valor</i> y el resultado. En caso
	de ser estadísticamente significativo, también aparecerán los resultados
	del test POST-HOC de Bonferroni (p-valores, p-valores ajustados, etc.)
Prioridad:	alta

HU-8 - Realizar test t-test	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test t-test a mis datos.
Ya que:	aunque contrasta la misma hipótesis que ANOVA éste tiene otro es-
	tadístico y funciona únicamente para dos algoritmos, con lo que puede
	resultar interesante tener otro punto de vista.
	- El módulo de Python tiene implementado el test t-test.
C. Aceptación:	- La plataforma muestra una sección para test paramétricos donde se
	puede aplicar la prueba.
	- El test devuelve los datos: estadístico, el <i>p-valor</i> y el resultado.
	- Devuelve error en caso de que los datos tengan resultados de más de 2
	algoritmos.
Prioridad:	media

Desglosando el Epic $\mathbf{EP-3}$: Permitir realizar test estadísticos no paramétricos, se obtienen las siguientes historias de usuario:

HU-9 - Realizar test de Wilcoxon	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test de Wilcoxon a mis datos.
Ya que:	es útil como alternativa al test t-test cuando los datos no cumplen con
	el supuesto de normalidad.
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Wilcoxon.
C. Aceptación:	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se
C. Aceptacion.	puede aplicar la prueba.
	- El test devuelve el estadístico, el $p\text{-}valor,\dots$ incluyendo también la suma
	de los rangos positivos y la suma de los rangos negativos característicos
	del test de Wilcoxon.
	- Devuelve error en caso de que los datos tengan resultados de más de 2 $$
	algoritmos.
Prioridad:	alta

HU-10 - Realizar test de Friedman	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test de Friedman a mis datos.
Ya que:	es una prueba muy útil a la hora de comparar algoritmos (ya que trabaja
	asignando rankings) y determinar si existen diferencias entre ellos.
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Friedman.
C. Aceptación:	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se
	puede aplicar la prueba.
	- El test devuelve los datos: estadístico, el <i>p-valor</i> , el resultado y el
	ranking.
Prioridad:	alta

HU-11 - Realizar test de Iman-Davenport	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test de Iman-Davenport a mis datos.
Ya que:	es una prueba cuyo estadístico es más ajustado que el de Friedman y por
	lo tanto es más potente y puede servir mejor para mis datos.
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Iman-Davenport.
C. Aceptación:	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se
	puede aplicar la prueba.
	- El test devuelve los datos: estadístico, el <i>p-valor</i> , el resultado y el
	ranking.
Prioridad:	alta

HU-12 - Realizar test de los Rangos Alineados de Friedman	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test de los Rangos Alineados de Friedman.
Ya que:	es una prueba que a diferencia de la de Friedman establece los rankings
	teniendo en cuentas las posibles interrelaciones que pueden haber entre
	los distintos conjuntos de datos o problemas, con lo que puede ser muy
	útil en ese sentido.
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Rangos Alineados
C. Aceptación:	de Friedman.
	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se
	puede aplicar la prueba.
	- El test devuelve los datos: estadístico, el <i>p-valor</i> , el resultado y el
	ranking.
Prioridad:	alta

HU-13 - Realizar test de Quade	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test de Quade.
Ya que:	es una prueba que a diferencia de la de Friedman considera que algunos
	problemas son más difíciles, o que los resultados que obtienen los algo-
	ritmos sobre ellos son más distantes, con lo cual es de las pruebas de
	ranking más potentes y mejores que puedo aplicar sobre mis resultados.
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Quade.
C. Aceptación:	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se
	puede aplicar la prueba.
	- El test devuelve los datos: estadístico, el <i>p-valor</i> , el resultado y el
	ranking.
Prioridad:	alta

	HU-14 - Realizar test de Bonferroni-Dunn
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test de Bonferroni-Dunn.
Ya que:	es una prueba muy común que se realiza en caso de que los test de ran-
	king obtengan diferencias significativas para detectar diferencias concre-
	tas entre pares de algoritmos.
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Bonferroni-Dunn
C. Aceptación:	con método de control y el test para comparaciones múltiples.
	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se
	puede aplicar la prueba tanto simple como de comparación múltiple.
	- El test devuelve los esperados, como los <i>p-valores</i> ajustados, los es-
	tadísticos, el método de control, etc., en caso de que el test de ranking
	principal sea estadísticamente significativo. Si se trata del POST-HOC
	simple, se realizarán $K-1$ comparaciones. En el caso de la prueba mul-
	titest, se realizarán $\frac{K(K-1)}{2}$ comparaciones.
Prioridad:	alta

	HU-15 - Realizar test de Holm
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test de Holm.
Ya que:	se trata de una prueba de comparación a posteriori con más potencia que
	la de Bonferroni-Dunn y puede resultar más útil al rechazar posiblemente
	más hipótesis.
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Holm con método
C. Aceptación:	de control y el test para comparaciones múltiples.
	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se
	puede aplicar la prueba tanto simple como de comparación múltiple.
	- El test devuelve los resultados esperados, como los <i>p-valores</i> ajusta-
	dos, los estadísticos, el método de control, etc., en caso de que el test
	de ranking principal sea estadísticamente significativo. Si se trata del
	POST-HOC simple, se realizarán $K-1$ comparaciones. En el caso de la
	prueba multitest, se realizarán $\frac{K(K-1)}{2}$ comparaciones.
Prioridad:	alta

	HU-16 - Realizar test de Finner	
Como:	Cliente	
Me gustaría:	poder aplicar el test de Finner.	
Ya que:	se trata de una prueba de comparación a posteriori con más potencia	
	que la de Holm y puede resultar más útil al rechazar posiblemente más	
	hipótesis.	
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Finner con método	
C. Aceptación:	de control y el test para comparaciones múltiples.	
	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se	
	puede aplicar la prueba tanto simple como de comparación múltiple.	
	- El test devuelve los resultados esperados, como los <i>p-valores</i> ajusta-	
	dos, los estadísticos, el método de control, etc., en caso de que el test	
	de ranking principal sea estadísticamente significativo. Si se trata del	
	POST-HOC simple, se realizarán $K-1$ comparaciones. En el caso de la	
	prueba multitest, se realizarán $\frac{K(K-1)}{2}$ comparaciones.	
Prioridad:	alta	

	HU-17 - Realizar test de Hochberg
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test de Hochberg.
Ya que:	se trata de una prueba de comparación a posteriori con más potencia
	que la de Finner y puede resultar más útil al rechazar posiblemente más
	hipótesis.
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Hochberg con
C. Aceptación:	método de control y el test para comparaciones múltiples.
	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se
	puede aplicar la prueba tanto simple como de comparación múltiple.
	- El test devuelve los resultados esperados, como los <i>p-valores</i> ajusta-
	dos, los estadísticos, el método de control, etc., en caso de que el test
	de ranking principal sea estadísticamente significativo. Si se trata del
	POST-HOC simple, se realizarán $K-1$ comparaciones. En el caso de la
	prueba multitest, se realizarán $\frac{K(K-1)}{2}$ comparaciones.
Prioridad:	alta

	HU-18 - Realizar test de Li	
Como:	Cliente	
Me gustaría:	poder aplicar el test de Li.	
Ya que:	se trata de una prueba de comparación a posteriori con más potencia	
	que la de Hochberg y puede resultar más útil al rechazar posiblemente	
	más hipótesis.	
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Li simple con	
C. Aceptación:	método de control.	
	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se	
	puede aplicar la prueba.	
	- El test devuelve los resultados esperados, como los $K-1$ p-valores	
	ajustados, estadísticos, resultados, etc.	
Prioridad:	alta	

HU-19 - Realizar test de Shaffer	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder aplicar el test de Shaffer para comparaciones múltiples.
Ya que:	se trata de una prueba multitest con mucha potencia y puede que rechace
	muchas más hipótesis.
	- El módulo de Python tiene implementado el test de Shaffer de compa-
C. Aceptación:	raciones múltiples.
	- La plataforma muestra una sección para test no paramétricos donde se
	puede aplicar la prueba.
	- El test devuelve los resultados esperados, como los $\frac{K(K-1)}{2}$ p-valores
	ajustados, estadísticos, resultados, etc.
Prioridad:	alta

Desglosando el Epic **EP-4:** Permitir realizar test estadísticos no paramétricos para evaluar las condiciones paramétricas, se obtienen las siguientes historias de usuario:

HU-20 - Realizar test de normalidad	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder realizar distintos test para ver si mis muestras de datos obtenidas
	por los algoritmos están distribuidas de forma normal.
Ya que:	esto ayuda a determinar si sobre mis datos puedo aplicar test paramétri-
	cos o si por el contrario lo más adecuado (si no existe normalidad) es
	aplicar un test no paramétrico.
C. Aceptación:	- La plataforma muestra una sección para test de condiciones paramétri-
C. Aceptacion.	cas donde se pueden aplicar la pruebas de normalidad de Shapiro-Wilk,
	D'Agostino-Pearson y Kolmogorov-Smirnov para determinar si los da-
	tos siguen una distribución normal, siendo el test de Shapiro-Wilk el
	más potente y Kolmogorov–Smirnov el menos potente.
	- El test devuelve, para cada muestra de resultados obtenida por cada
	algoritmo, los estadísticos, <i>p-valores</i> y resultados.
Prioridad:	alta

HU-21 - Realizar test de Levene	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder realizar el test de Levene para ver si mis muestras de datos obte-
	nidas por los algoritmos están distribuidas de forma normal.
Ya que:	se trata de una prueba para determinar la homocedasticidad, condición
	requerida para aplicar correctamente un test paramétrico o no paramétri-
	co en caso de que los datos no presenten homocedasticidad.
C. Aceptación:	- La plataforma muestra una sección para test de condiciones paramétri-
	cas donde se puede aplicar la prueba de homocedasticidad de Levene.
	- El test devuelve el estadístico, el <i>p-valor</i> y el resultado de la prueba.
Prioridad:	alta

Desglosando el Epic $\mathbf{EP-5}$: Permitir gestionar un fichero, se obtienen las siguientes historias de usuario:

HU-22 - Subir fichero de datos	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder subir en un fichero los resultados obtenidos por los algoritmos de
	aprendizaje.
Ya que:	es la forma más cómoda de proporcionar los datos y realizar los test
	sobre ellos.
C. Aceptación:	- La plataforma muestra en la página principal un botón para subir el
	fichero.
	- En la parte superior de la plataforma también hay disponible un botón
	para poder realizar la subida de datos.
Prioridad:	alta

HU-23 - Consultar fichero de datos	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder consultar los datos de mi fichero de resultados obtenidos por los
	algoritmos.
Ya que:	es una forma de poder visualizar los datos sin tener que abrir el fichero
	en el escritorio local.
C. Aceptación:	- La plataforma en la parte superior muestra un botón para consultar el
	fichero en caso de que se haya subido uno previamente.
	- Al subir un fichero, la plataforma redirige automáticamente a la página
	de visualización del archivo.
Prioridad:	media

Desglosando el Epic $\mathbf{EP-6}$: Visualizar los resultados de los test, se obtienen las siguientes historias de usuario:

HU-24 - Visualizar resultados de los test	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder ver los resultados en forma de tabla señalando el lugar concreto
	de la tabla por donde se pasa el ratón.
Ya que:	de esta forma, la lectura de resultados será más simple.
C. Aceptación:	- Los resultados se muestran en forma de tabla, teniendo en la primera
	fila de las columnas el nombre que identifica a los datos de la columna.
	- Cuando se pasa el ratón por un elemento de la tabla, toda la fila se
	destaca para poder visualizar mejor los datos relacionados.
Prioridad:	alta

	HU-25 - Exportar los resultados en formato csv
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder exportar los resultados a fichero en formato csv.
Ya que:	así puedo guardar de forma automática los resultados en local en un
	formato sencillo y legible.
C. Aceptación:	- Cuando se muestran los resultados en una tabla, encima de ésta aparece
	un botón para exportar a formato csv.
	- En caso de que se aplique un test de comparación POST-HOC también
	se incluirá un botón para exportar a csv los resultados de éste.
Prioridad:	media

HU-26 - Exportar los resultados en formato I⁴T _E X	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder exportar los resultados a fichero en formato IATEX.
Ya que:	así puedo guardar de forma automática los resultados para luego poder
	utilizarlos en un documento de LATEX, sin necesidad de crear manual-
	mente un tabla.
C. Aceptación:	- Cuando se muestran los resultados en una tabla, encima de ésta aparece
	un botón para exportar a formato L ^A T _E X.
	- En caso de que se aplique un test de comparación POST-HOC también
	se incluirá un botón para exportar a LATEX los resultados de éste.
Prioridad:	media

Desglosando el Epic **EP-7:** Permitir modificar opciones de los test, se obtienen las siguientes historias de usuario:

HU-27 - Seleccionar nivel de significancia	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder elegir el nivel de significancia de los test.
Ya que:	el nivel es un parámetro muy importante a la hora de calcular los resul-
	tados de los test y conviene que sea modificable.
C. Aceptación:	- En la elección del test se da la posibilidad de seleccionar un nivel de
	significación. Por defecto se establece el más común: 0.05.
Prioridad:	Alta

HU-28 - Seleccionar la función objetivo	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder elegir la función objetivo de los algoritmos con los que voy a aplicar
	los test.
Ya que:	esto modifica el orden del ranking en los test no paramétricos de ranking.
C. Aceptación:	- En la elección del test se da la posibilidad de seleccionar minimización
	(establecido por defecto) o maximización.
Prioridad:	media

Desglosando el Epic $\mathbf{EP-8}$: Proporcionar una interfaz usable, se obtienen las siguientes historias de usuario:

HU-29 - Ver ayuda	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder acceder a la ayuda de la plataforma.
Ya que:	siempre es útil tener un acceso a información que puede ayudar a en-
	tender mejor los test, y los conceptos relacionados con los resultados
	obtenidos, etc.
C. Aceptación:	- En la parte superior derecha de la plataforma aparece un botón para
	acceder a la ayuda.
	- En los lugares donde sea preciso (en el panel de subida de fichero, en los
	test, etc.) hay disponible un enlace al concepto relacionado en la ayuda.
Prioridad:	media

HU-30 - Recordar el test de ranking	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder visualizar, cuando estoy eligiendo un test de comparación POST-
	HOC, el test de ranking previamente seleccionado.
Ya que:	así me podría dar cuenta si me equivoco en la elección.
C. Aceptación:	- En la selección del test POST-HOC aparece encima el test de ranking
	previamente seleccionado.
Prioridad:	baja

HU-31 - Avisar de las condiciones paramétricas	
Como:	Cliente
Me gustaría:	que la plataforma me diese un aviso en caso de que intente aplicar un test
	paramétrico sin haber hecho previamente las condiciones paramétricas.
Ya que:	aplicar un test paramétrico sobre datos que no siguen las suposiciones
	paramétricas no da resultados fiables.
C. Aceptación:	- la plataforma da un aviso si se intenta hacer un test paramétrico sin
	haber comprobado antes las condiciones sobre esos datos.
	- No se impide hacer el test si así lo desea el usuario.
Prioridad:	media

HU-32 - Ver una breve información de los test	
Como:	Cliente
Me gustaría:	que debajo de las opciones para realizar los test, apareciese una breve
	descripción de los mismos.
Ya que:	conviene tener, para el que no lo sepa, una mínima idea de qué hipótesis
	se contrastan en él.
C. Aceptación:	- Debajo de las opciones de los test aparece una breve descripción de las
	hipótesis que se contrastan.
Prioridad:	media

HU-33 - Enlazar con ficheros de ejemplo	
Como:	Cliente
Me gustaría:	que en la sección de ayuda de fichero hubiese enlaces a archivos de ejem-
	plo.
Ya que:	así podría probar la aplicación sin necesidad de crear un archivo y además
	podría ver mejor cómo tiene que ser el formato del archivo de resultados
	a contrastar.
C. Aceptación:	- En la sección de ayuda de fichero aparecen enlaces a ficheros de ejemplo.
Prioridad:	baja

HU-34 - Aplicación en diferentes pestañas del navegador	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder utilizar de forma independiente la plataforma en diferentes pes-
	tañas del navegador.
Ya que:	así puedo estar trabajando a la vez con diferentes archivos.
C. Aceptación:	- La plataforma puede operar independientemente en diferentes pestañas
	con diferentes archivos de datos.
Prioridad:	alta

HU-35 - Diseño adaptable	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder utilizar la plataforma en dispositivos de pantalla pequeña.
Ya que:	esto haría la plataforma más usable y podría trabajar en más dispositi-
	vos, como una tableta o móvil.
C. Aceptación:	- El diseño de la plataforma se adapta a dispositivos cuya resolución es
	más baja de la normal.
Prioridad:	media

$\mathbf{HU} extbf{-36}$ - Idioma		
Como:	Cliente	
Me gustaría:	que el idioma de la aplicación fuese el inglés.	
Ya que:	esto haría que la aplicación fuese mas fácilmente divulgable y potencial-	
	mente utilizada por más personas.	
C. Aceptación:	- Los textos de la plataforma están escritos en inglés.	
Prioridad:	baja	

HU-37 - Flujo de trabajo	
Como:	Cliente
Me gustaría:	poder visualizar el flujo de trabajo de la aplicación de los test al entrar
	en la plataforma.
Ya que:	esto me permitiría tener a primera vista una referencia clara de los pasos
	que debo seguir y las cosas que puedo hacer.
C. Aceptación:	- La página principal de la plataforma muestra el flujo de trabajo a través
	una imagen donde se detalla de forma esquemática el flujo.
	- En la página principal se muestra un botón para subir un fichero, primer
	paso del flujo de trabajo.
Prioridad:	baja

Capítulo 4

Gestión del proyecto

La gestión de proyectos de software es una parte esencial de la ingeniería del software. La buena gestión no puede garantizar el éxito del proyecto. Sin embargo, la mala gestión normalmente lleva al fracaso del proyecto. La gestión del proyecto es una etapa llevada a cabo a lo largo de todo el ciclo de vida del proyecto como método para lograr que el producto final se ajuste a las necesidades y restricciones impuestas (tiempo, costes, requerimientos, etc.).

En este capítulo se realiza la gestión de costes del proyecto, donde se detalla el análisis de riesgos, la metodología de desarrollo empleada, la gestión de configuración, la planificación temporal y la estimación de costes del proyecto.

4.1. Análisis de riesgos

Una tarea importante del gestor de proyectos es anticipar los riesgos que podrían afectar a la programación del proyecto o a la calidad del software a desarrollar y emprender acciones para evitar esos riesgos.

Un riesgo de un proyecto es un evento o condición incierto que, si se produce, tendrá un efecto positivo o negativo sobre al menos un objetivo del proyecto, como tiempo, coste, alcance o calidad, es decir, cuando el objetivo de tiempo de un proyecto es cumplir con el cronograma acordado; cuando el objetivo de coste del proyecto es cumplir con el coste acordado, etc.

El riesgo está compuesto de tres componentes esenciales:

- Un evento definible.
- Probabilidad de ocurrencia.
- Consecuencia de la ocurrencia (impacto).

En este proyecto, se consideran los riesgos que, en caso de producirse, tendrían un efecto negativo sobre el proyecto.

En las metodologías ágiles y en concreto en Scrum, que es la metodología utilizada en este proyecto (explicada en 4.2.2), los ciclos de desarrollo son cortos, se hacen constantes revisiones y se considera la idea de incertidumbre desde el principio (de la que tienen origen normalmente los riesgos). Scrum se encarga del riesgo a principios del ciclo de vida del proyecto y sustituye la gestión del riesgo explicita (la gestión de riesgos utilizada en las metodologías tradicionales, donde la burocracia dificulta que se lleve a cabo la disciplina y actualización adecuada) por la gestión del riesgo continua. Esta gestión continua es realizada en las distintas reuniones que se llevan a cabo a lo largo del desarrollo del proyecto.

A continuación, se enumeran los posibles riesgos en dos grupos. Para ello, se identifica el riesgo, se da una breve descripción, se analiza (cuál sería la probabilidad y el impacto) y se indican posibles estrategias de prevención, minimización o contingencia. Esta descripción está basada en la gestión de riesgos propuesta por el ingeniero de software Ian Sommerville en su libro [9].

Riesgos del proyecto: Afectan a la calendarización o los recursos.

RPY-1 - Retraso respecto a la planificación temporal	
Descripción:	No se consigue seguir la planificación prevista debido a una mala
	organización, planificación o debido a que tiene lugar algún otro
	riesgo descrito a continuación.
Probabilidad:	Alta
Impacto:	Serio
Estrategia de preven-	Las reuniones de planificación y revisión de los incrementos
ción:	(sprints) con los directores del proyecto llevadas a cabo en la meto-
	dología Scrum sirven de estrategia de prevención, ya que se puede
	validar el progreso.
Plan de contingencia:	Ajustar la planificación inicial.

Riesgos del producto: Afectan a la calidad o al rendimiento del software.

RPD-1 - Alteración de los requisitos	
Descripción:	No se definen todos los requisitos al inicio del desarrollo o algu-
	nos requisitos cambian debido por ejemplo a que una prueba de
	hipótesis no devuelve los resultados esperados o no existe suficien-
	te información para llevar a cabo su implementación.
Probabilidad:	Moderada
Impacto:	Tolerable
Estrategia de minimi-	La metodología Scrum utilizada en este proyecto asume la incer-
zación:	tidumbre y por tanto considera que los requisitos pueden cambiar
	a lo largo del desarrollo, con lo cual constituye una forma de mi-
	nimizar el impacto.

RPD-2 - Escasa información de un determinado test estadístico	
Descripción:	La información existente de una determinada prueba de hipótesis
	es escasa, debido a que el test es reciente y aún no existe mucha
	documentación, lo que dificulta e impide que se pueda implemen-
	tar de forma correcta.
Probabilidad:	Baja
Impacto:	Tolerable
Estrategia de preven-	Buscar información en artículos relacionados con el autor o tests
ción:	similares que puedan ayudar a entender qué operaciones realiza el
	test.
Plan de contingencia:	Sustituir el test estadístico por otro de similares características
	para el que sí haya documentación.

RPD-3 - Resultados test no esperados	
Descripción:	Los resultados obtenidos de la aplicación de un test no son los
	esperados. Cabe destacar que puede que para un determinado
	conjunto de datos de entrada los resultados obtenidos sean mejores
	que los resultados obtenidos para otros datos.
Probabilidad:	Moderada
Impacto:	Tolerable
Estrategia de preven-	Programar paso a paso contrastando los resultados de se obtienen
ción:	y probar con diferentes conjuntos de datos.
Plan de contingencia:	Sustituir el test estadístico por otro de similares características
	que funcione mejor.

RPD-4 - Mala usabilidad de la plataforma	
Descripción:	La web no es lo suficientemente clara y fácil de usar para los
	usuarios finales.
Probabilidad:	Baja
Impacto:	Serio
Estrategia de preven-	Las reuniones de revisión de los incrementos (sprints) con los direc-
ción:	tores del proyecto ("representantes" de la voz del cliente) llevadas
	a cabo en la metodología Scrum sirven de estrategia de preven-
	ción, haciendo que la probabilidad de ocurrencia de este riesgo sea
	mínima.
Plan de contingencia:	Establecer una reunión urgente con los directores para tratar de
	determinar las causas y reconstruir las características que fallan.

4.2. Metodología de desarrollo

4.2.1. Metodologías ágiles

En todo proyecto software la elección de la metodología de desarrollo juega un papel crucial a la hora de finalizar con éxito el proyecto. El diseño y el desarrollo de software no es una

tarea sencilla y cada proyecto tiene características personales que propician la selección de una determinada metodología u otra.

Al principio, cuando el desarrollo de software todavía se estaba iniciando, surgió la necesidad de mejorar el proceso para poder finalizar con éxito los proyectos, con lo que se implantaron y adaptaron metodologías existentes en otras áreas al desarrollo de software. Estas metodologías tradicionales o también denominadas pesadas dividen el proceso de desarrollo en varias etapas que se van realizando de manera secuencial, siendo la primera fase aquella que sienta las bases del proyecto. Uno de los principales inconvenientes que tienen estas metodologías es su baja tolerancia a los cambios, así como el no ofrecer una buena solución en entornos volátiles.

En un escenario rápido e inestable, encajan mal las estrategias de negocio predictivas (metodologías pesadas), que diseñan un producto y trazan un plan de negocio. Es en este ámbito donde surgen las metodologías ágiles, que ofrecen una mayor libertad al equipo de trabajo cuando existe incertidumbre. No se trata de elegir un modelo como el mejor, simplemente habrá casos en los que convendrá una gestión predictiva (p.ej. cuando los requisitos están completamente determinados desde el principio y no habrá cambios) y otros (p.ej. entornos volátiles) en los que la opción ágil puede ser más beneficiosa.

En marzo de 2001, 17 críticos de los modelos de producción basados en procesos, convocados por Kent Beck, que había publicado un par de años antes el libro en el que explicaba la nueva metodología Extreme Programming Beck [8]) se reunieron en Salt Lake City para discutir sobre el desarrollo de software. En la reunión se acuñó el término "Métodos Ágiles" para definir a aquellos que estaban surgiendo como alternativa a las metodologías formales, a las que consideraban excesivamente pesadas y rígidas por su carácter normativo y fuerte dependencia de planificaciones detalladas, previas al desarrollo. Los integrantes de la reunión resumieron en cuatro postulados lo que ha quedado denominado como "Manifiesto Ágil", que son los valores sobre los que se asientan estos métodos:

- Se valora más a los individuos y su interacción que a los procesos y las herramientas.
- Se valora más el software que funciona que la documentación exhaustiva.
- Se valora más la colaboración con el cliente que la negociación contractual.
- Se valora más la respuesta al cambio que el seguimiento de un plan.

Sobre estos valores, se establecen una serie de principios de las metodologías ágiles, como son:

- Requisitos cambiantes bienvenidos.
- Potenciar las conversaciones en persona.
- Producto funcional como medida de progreso.
- Satisfacer al cliente mediante entregas tempranas.

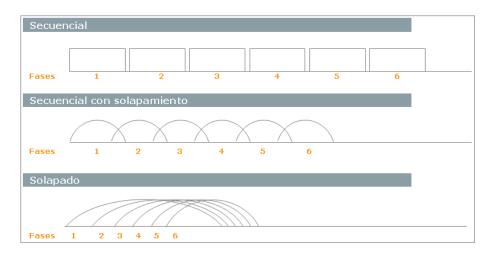


Figura 4.1: Ciclos de desarrollo.

4.2.2. Scrum

Existen muchas metodologías ágiles disponibles, como el método de desarrollo de sistemas dinámicos (DSDM), la programación extrema (XP), etc. Sin embargo, en este proyecto se hace uso de la metodología Scrum. Actualmente, Scrum es una de las metodologías más populares para la gestión de proyectos. Este modelo fue identificado y definido por Ikujiro Nonaka e Hirotaka Takeuchi a principios de los 80, al analizar cómo desarrollaban los nuevos productos las principales empresas de manufactura tecnológica en esa época. Nonaka y Takeuchi compararon la nueva forma de trabajo en equipo, con el avance en formación de scrum de los jugadores de Rugby, a raíz de lo cual quedó acuñado el término "scrum" para referirse a ella.

Entre las características que describen los entornos de desarrollo típicos en los que se puede aplicar la metodología de desarrollo ágil Scrum, destacan las siguientes:

- La incertidumbre: Es asumida en el desarrollo del proyecto, en donde se apunta cuál es la visión genérica que se quiere conseguir, o la dirección estratégica que hay que seguir, pero no un plan detallado del producto y su desarrollo (para lo cual se da un margen de libertad).
- Fases del desarrollo solapadas: Las fases no existen como tal sino que se desarrollan tareas/actividades en función de las necesidades cambiantes durante todo el proyecto. De hecho, en muchas ocasiones no es posible realizar un diseño técnico detallado antes de empezar a desarrollar y ver algunos resultados. En la figura 4.1, podemos ver gráficamente en el tercer caso el solapamiento de fases, mientras que en el primer caso el retraso en una fase hace de cuello de botella en el proyecto. El solapamiento diluye el ruido y los problemas entre fases.
- Control sutil: El equipo trabaja con autonomía en un entorno de ambigüedad, inestabilidad y tensión. La gestión establece puntos de control suficientes para evitar que el ambiente de ambigüedad, inestabilidad y tensión del derive hacia descontrol, pero no ejerce un control rígido que impediría la creatividad y la espontaneidad.

En Scrum la gestión no se basa en el seguimiento de un plan, sino en la adaptación continua a las circunstancias de la evolución del proyecto. El desarrollo se inicia desde la visión general de producto, dando detalle solo a las funcionalidades que, por ser las de mayor prioridad para el negocio, se van a desarrollar en primer lugar, y pueden llevarse a cabo en un periodo de tiempo breve (entre 15 y 60 días). Cada uno de los ciclos de desarrollo es una iteración (sprint) que produce un incremento terminado y operativo del producto. Estas iteraciones son la base del desarrollo ágil, y Scrum gestiona su evolución a través de reuniones breves de seguimiento en las que todo el equipo revisa el trabajo realizado desde la reunión anterior y el previsto hasta la reunión siguiente.

Roles

- Propietario del producto (*Product Owner*): Representa la voz del cliente. Se asegura de que el equipo Scrum trabaje de forma adecuada desde la perspectiva del negocio. Tiene entre sus responsabilidades la financiación, la decisión para efectuar el lanzamiento, etc. También puede escribir historias de usuario, priorizarlas y colocarlas en el *Product Backlog* (descripciones genéricas de todos los requisitos priorizadas de mayor a menor importancia).
- Facilitador (*Scrum Master*): Responsable de garantizar que se aplica correctamente la metodología. Su trabajo principal es eliminar los obstáculos que impiden que el equipo alcance el objetivo del sprint.
- Equipo desarrollo: Tiene la responsabilidad de entregar el producto y capacidades para análisis, diseño, desarrollo, pruebas, documentación, etc.

Componentes básicos

- Product Backlog: Listado general de requisitos que evoluciona durante todo el desarrollo.
 Todos pueden contribuir y aportar sugerencias y están ordenados por prioridad según el cliente.
- Facilitador (*Sprint Backlog*): Lista de tareas a realizar en el sprint para generar el incremento. Se asignan los recursos y se estiman las unidades de tiempo para realizar cada tarea
- Incremento: Es el resultado de cada sprint listo enseñar al cliente (está terminado y probado) y por tanto en condiciones de ser usado.

Reuniones

- Planificación del sprint: Jornada de trabajo previa al inicio de cada sprint en la que se determina cuál es el trabajo y los objetivos que se deben cubrir con esa iteración. Asiste el propietario del producto, el Scrum Master y el equipo de trabajo. Esta reunión genera el Sprint Backlog.
- Monitorización del sprint: Reunión diaria donde sólo interviene el equipo y en la que se hace un repaso al avance de cada tarea y al trabajo previsto para la jornada. La duración máxima debe ser de 15 minutos y se recomienda hacerla de pie con los elementos del Sprint Backlog en forma de post-it en una pizarra.

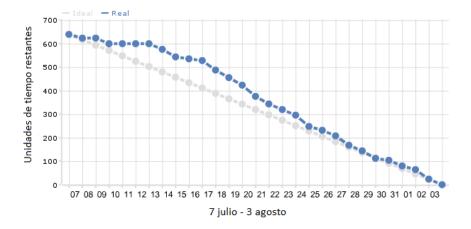


Figura 4.2: Ejemplo gráfico Burn-Down.

 Revisión del sprint: Análisis y revisión del incremento generado. Se presenta al cliente el incremento desarrollado (terminado, probado y operando en el entorno del cliente). Se puede obtener feedback para mejorar e incorporar en sucesivos sprints.

Gráfico *Burn-Down* Herramienta para gestionar y seguir el trabajo de cada sprint, donde se representa gráficamente del avance del sprint. En la figura 4.2 podemos ver este gráfico a modo de ilustración.

Las modificaciones realizas sobre la metodología Scrum para realizar este proyecto son dos:

- Los roles de *Product Owner* y *Scrum Master* en este proyecto son los mismos, es decir, corresponden a los directores del proyecto, que hacen de voz representativa del cliente y garantizan que se aplique correctamente la metodología. Además, el equipo de desarrollo está representado por una persona.
- No se realizan las reuniones de monitorización o seguimiento del sprint, ya que en este caso no es necesario realizar un seguimiento tan exhaustivo en el desarrollo y por lo sólo se llevan a cabo cuando existe algún impedimento para continuar con el sprint. Sí se realizan las reuniones de planificación y de revisión del sprint.

La razón principal de la elección de esta metodología es su flexibilidad a la hora de realizar las diferentes tareas del proyecto, pudiendo seleccionar aquellas tareas que más convienen hacer en un momento dado (las tareas de mayor importancia al principio, para presentar versiones utilizables lo antes posible). Además, en este proyecto existe cierta incertidumbre a la hora de establecer requisitos fijos de antemano, como se puede ver en la sección 4.1 en el riesgo **RPD-1**. Así, se desarrollan tareas en función de las necesidades cambiantes durante todo el proyecto y el solapamiento de fases ilustrado en la figura 4.1 evita que no se tenga que esperar a la finalización de una fase para poder comenzar otra (una de las desventajas de las metodologías pesadas). Otra razón por la que se eligió esta metodología es por la necesidad de ir presentando periódicamente versiones utilizables de la aplicación al cliente (los directores), para que éstos puedan empezar a utilizar la aplicación desde el principio e ir sugiriendo cambios y mejoras a realizar (característica

de entornos con incertidumbre). Por ello, las reuniones de planificación y revisión de los sprints (incrementos) son tan importantes en este proyecto.

4.3. Gestión de la configuración

La configuración del software es el conjunto de características funcionales y físicas del software detalladas en la documentación técnica o alcanzadas en un producto. (IEEE610.12-90). La gestión de la configuración, por su parte, es un proceso cuyo propósito es establecer y mantener la integridad de los elementos de trabajo. Para ello, se identifican los elementos y se controlan los cambios de éstos a lo largo de su ciclo de vida, registrando el estado y verificando que estén completos y que sean los correctos.

Para llevar a cabo la gestión de la configuración en este proyecto, se utiliza un sistema de control de versiones mediante la herramienta GitLab que ofrece el CiTIUS y que facilita la gestión de repositorios. Esta herramienta, se basa en GIT, que es un SCV (sistema de control de versiones) multiplataforma y distribuido, donde hay un repositorio central con el cual se puede sincronizar todo el mundo. Se sitúa en una máquina en concreto y es el repositorio que contiene todo el histórico, etiquetas y ramas. La razón de utilizar esta herramienta es su velocidad, su diseño sencillo y la posibilidad de visualizar gráficamente la interacción (gráficas de modificaciones, etc.) con el repositorio.

En este proyecto los elementos de configuración implican tanto los archivos de desarrollo como los archivos de documentación:

- Módulo de Python de los tests estadísticos (paramétricos y no paramétricos).
- API REST.
- Archivos de la web: archivos HTML, CSS, JavaScript, imágenes, etc.
- Memoria.
- Documentación del módulo de Python de los tests estadísticos.

El proceso de gestión de configuración es el siguiente:

- 1. Se dispone de una rama principal denominada *master* que hace la labor de **línea base** (donde se encuentran los archivos de los sprints finalizados, es decir, los archivos con los cambios del último sprint).
- 2. Para mantener organizada y de forma accesible la información, cada sprint se realiza en una rama de desarrollo separada de la rama *master*. Cuando se finaliza el sprint se fusiona en la rama principal.
 - La nomenclatura de las ramas será la siguiente: "sprintX", donde X representa el número de sprints actual.
 - En la rama de desarrollo del sprint se van realizando los cambios a los archivos, indicando con una breve descripción los cambios que se hacen.

- 3. Al finalizar cada sprint, también se crea una etiqueta o tag de la rama de desarrollo para tener disponibles todas las versiones de la aplicación (todos los sprints) en un archivo comprimido.
 - La nomenclatura de las etiquetas será la siguiente: "v0.X", donde X representa el número de sprints actual.

4.4. Planificación temporal

4.5. Estimación de costes

Bibliografía

- [1] Tom M. Mitchell, Machine Learning, McGraw Hill, 1997.
- [2] Oded Maimon and Lior Rokach, Data Mining and Knowledge Discovery Handbook, Springer, New York, 2010.
- [3] F. Wilcoxon, Individual Comparisons by Ranking Methods Biometrics, Biometrics 1, 80-83, 1945.
- [4] William Navidi, Estadística para ingenieros y científicos, Colorado School of Mines, 370-372, 2006.
- [5] J. Derrac, S. García, D. Molina, F. Herrera, A Practical Tutorial on the Use of Nonparametric Statistical Tests as a Methodology for Comparing Evolutionary and Swarm Intelligence Algorithms, Swarm and Evolutionary Computation, 3-18, 2011.
- [6] J.H. Zar, Biostatistical Analysis, Prentice Hall, Englewood Cliffs, 1999
- [7] S. García, A. Fernández, J. Luengo, F. Herrera, Advanced nonparametric tests for multiple comparisons in the design of experiments in computational intelligence and data mining: Experimental Analysis of Power, *Information Sciences* 180, 2044–2064, 2010
- [8] Kent Beck, Extreme Programming Explained: Embrace Change, 1999
- [9] Ian Sommerville, Ingeniería del software, 2005
- [10] Juan Palacio, Flexibilidad con Scrum. Principios de diseño e implantación de campos de Scrum, 2008