

0036542153 Bruno Marković

2.2 VOY

Vlastni prostor  $X = \{0, 1\}^3$  ima 8 točaka je i to

trodimenzionalni prostor koji je binaran.

Pomoću para metara  $Q_1, Q_2, \dots$  odredujemo intervale unutar kojih  $x_1, x_2, x_3$  moraju biti da tja vrati 1

Fora je što su  $x_i$  binarni što znači da svaki interval odlučuje oće li prihvatiti

a)  $x_i = 0$

b)  $x_i = 1$

c)  $x_i = 0$  ili  $x_i = 1$

Tako dobijamo da je ukupni broj  $|H| = 3 \cdot 3 \cdot 3 = 27$

Naravno ne smijemo zaboravit na posebni slučaj kada se ništa ne prihvaća i tako dobivamo  $|H| = 27 + 1 = 28$

Točan odgovor je 28

V02

Strojno učenje

0036542159 Bruno Marković

2.8

Dz

$$D = \{(0,0,0,0), (1,1,0,0), (1,0,0,1), (1,0,1,1), (0,1,0,1), (0,1,1,1)\}$$

Razmatramo LINEARNI MODEL

LINEARNI MODEL je pre jednostavan

Iz slike vidimo da ne postoji ravnina koja može točno klasificirati sve primjere, također ne postoji ravnina koja može krivo klasificirati sve primjere. Postoji ravnina koja može imati samo jednu grešku odnosno samo jedno točno i to specifično lažno pozitivno primjer kod opcije s greškom.

Takva ravnina je nacrtana i objašnjen plavim markerom (napomena onaj plavi ispod točke  $T(0,1,0)$ )

Imamo da je lažno pozitivno primjer 0.5 a lažno negativno 1

Najbolji slučaj: sve iznad ravnine točno a sve ispod krivo  $\Rightarrow$  biti će samo jedan greška, to lažno pozitivno primjer  $\Rightarrow$  Empirijska greška  $\Rightarrow$

$$E(h|D) = \frac{1}{6} (0+0+0+0+0+0.5) = \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{12}$$

Najgori slučaj: Obrnemo da je iznad ravnine krivo a ispod točno

$\Rightarrow$  biti će 1 lažno pozitivno, 4 lažno negativno, i 1 točno otkriven

$$E(h|D) = \frac{1}{6} (1+1+1+1+0+0.5) = \frac{1}{6} \cdot 4.5 = \frac{4.5}{6} = \frac{3}{4} = 0.75$$

Rezultat je

$$\underline{\underline{C}} \quad \boxed{\frac{1}{12} \leq E(h|D) \leq \frac{3}{4}} \quad \checkmark$$



[P03]

(0036542159 Bruno Marković)

2.3

$$X = 0 \ 2 \ 3 \ 5$$

$$Y = 0 \ 0 \ 2 \ 2$$

$$\bar{X} = \frac{0+2+3+5}{4} = 2.5 \quad N=4$$

$$\bar{Y} = \frac{0+0+2+2}{4} = 1$$

$$w_0 = \bar{Y} - w_1 \bar{X}$$

$$N \cdot \bar{X} \cdot \bar{Y} = 4 \cdot 2.5 \cdot 1 = 10$$

$$w_1 = \frac{\sum_{i=1}^N X^i Y^i - N \bar{X} \bar{Y}}{\sum_{i=1}^N (X^i)^2 - N \bar{X}^2}$$

$$\sum_{i=1}^N X^i Y^i = 0 \cdot 0 + 0 \cdot 2 + 3 \cdot 2 + 5 \cdot 2 = 16$$

$$\sum_{i=1}^N (X^i)^2 = 0^2 + 2^2 + 3^2 + 5^2 = 38$$

$$N \cdot \bar{X}^2 = 4 \cdot 2.5^2 = 25$$

$$w_1 = \frac{16 - 10}{38 - 25} = \frac{6}{13}$$

$$w_0 = \bar{Y} - w_1 \bar{X}$$

$$w_0 = 1 - \frac{6}{13} \cdot 2.5 = -\frac{2}{13}$$

$$h(\vec{x}) = -\frac{2}{13} + \frac{6}{13} x$$

$$L(Y^i, h(X^i)) = (Y^i - h(X^i))^2 \Rightarrow L_1 = \frac{4}{169}$$

- 15

0.4615

$$L_2 = \left(0 - \frac{10}{13}\right)^2 = \frac{100}{169}$$

$$L_3 = \left(2 - \left(-\frac{2}{13} + \frac{6}{13} \cdot 3\right)\right)^2 = \frac{100}{169}$$

$$L_4 = \frac{4}{169}$$

$$L_1 = L_4 < L_2 = L_3$$

D

vic

004

(1.3) a)

$$X = \begin{bmatrix} 1 & 0.25 \\ 1 & 0.5 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1.5 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$X^T = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0.25 & 0.5 & 1 & 1.5 & 2 \end{bmatrix} \quad Y = \begin{bmatrix} 0.707 \\ 1 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

(0036562159 Bruno Machovic)

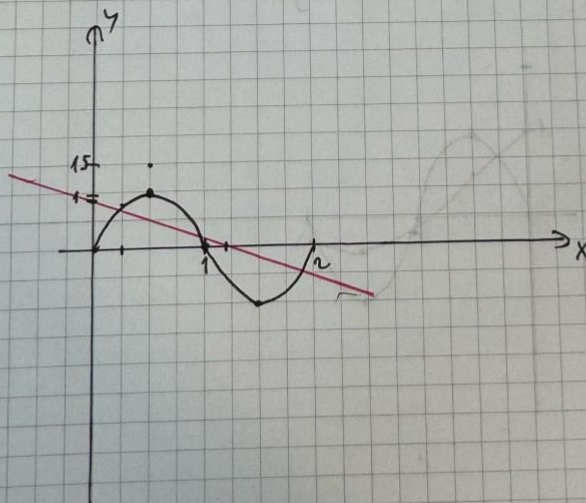
$$W = (X^T \cdot X)^{-1} X^T Y$$

$$W = \begin{bmatrix} 5 & 5.25 \\ 5.25 & 7.5625 \end{bmatrix}^{-1} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0.25 & 0.5 & 1 & 1.5 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.707 \\ 1 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$W = \begin{bmatrix} \frac{121}{164} & -\frac{21}{41} \\ -\frac{21}{41} & \frac{20}{41} \end{bmatrix} \cdot X^T Y$$

$$W = \begin{bmatrix} \frac{25}{41} & \frac{79}{164} & \frac{37}{164} & -\frac{5}{164} & -\frac{47}{164} \\ -\frac{16}{41} & -\frac{11}{41} & -\frac{1}{41} & \frac{9}{41} & \frac{19}{41} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0.707 \\ 1 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$W = \begin{bmatrix} 0.9433 \\ -0.7639 \end{bmatrix}$$





(100)

(1.3) b)

$$\phi(x) = (1 \ x \ x^2)$$

$$\phi = \begin{pmatrix} 1 & 0.15 & 0.15^2 \\ 1 & 0.5 & 0.5^2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1.5 & 1.5^2 \\ 1 & 2 & 4 \end{pmatrix}$$

$$\phi^T = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0.25 & 0.5 & 1 & 1.5 & 2 \\ 0.0625 & 0.25 & 1 & 2.25 & 4 \end{pmatrix}$$

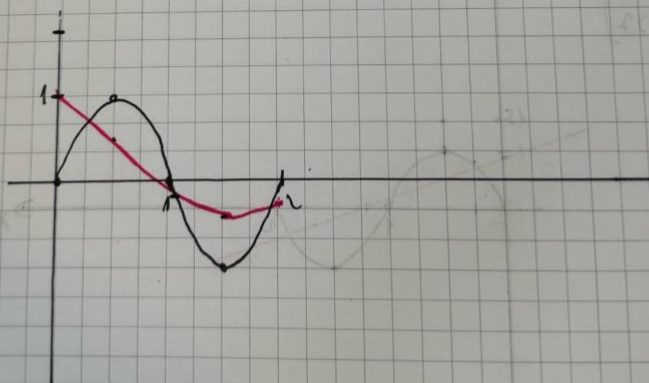
$$\bar{w} = (\phi \cdot \phi^T)^{-1} \cdot \phi^T \cdot y$$

$$\bar{w} = \begin{pmatrix} 5.00 & 5.25 & 7.5625 \\ 5.25 & 7.5625 & 12.5156 \\ 7.56 & 12.5 & 22.03 \end{pmatrix}^{-1} \cdot \phi^T \cdot y$$

$$\bar{w} = \begin{pmatrix} 2.17 & -4.37 & 1.73 \\ -4.37 & 10.25 & -4.66 \\ 1.73 & -4.66 & 2.08 \end{pmatrix} \cdot \phi^T \cdot y$$

$$\bar{w} = \begin{pmatrix} 1.179 & 0.62 & -0.47 & -0.49 & 0.34 \\ -1.94 & -0.11 & 1.84 & 1.66 & -1.24 \\ 0.697 & -0.073 & -0.03 & -0.555 & 0.76 \end{pmatrix} \cdot y$$

$$\bar{w} = \begin{pmatrix} 1.75376 \\ -2.94 \\ 0.975599 \end{pmatrix}$$



0036542159 Bruno Marković

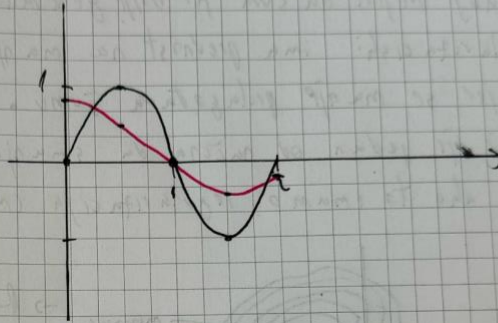
1.3) c)

$$\Phi = \begin{pmatrix} 1 & 0.25 & 0.25 & 0.25 & 0.25 \\ 1 & 0.5 & 0.5 & 0.5 & 0.5 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1.5 & 1.5 & 1.5 & 1.5 \\ 1 & 2 & 2 & 2 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\lambda I = 1 I = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\bar{w} = (\Phi^T \Phi + \lambda I)^{-1} \Phi^T y$$

$$\bar{w} = \begin{pmatrix} 0.837462 \\ -0.285 \\ -0.4235 \\ -0.3336 \\ 0.243860 \end{pmatrix}$$



d) Najmanje kvadratnu pogrešku ima  $C$  pa zaključimo da je on najbolji



(1.5) a)

Citiram skriptu:

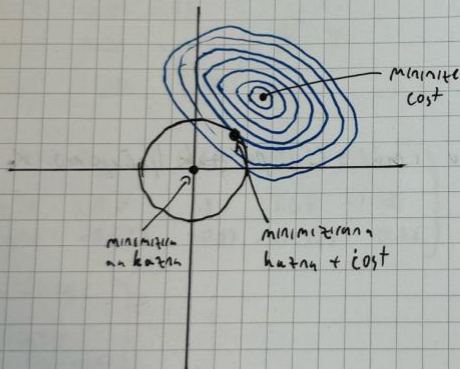
"regularizacija je postupak kojim se implicitno sprečava odabir presloženih modela pri postupku optimizacije parametara modela"

Pretpostavlja se da jednostavniji modeli bolje generaliziraju

b) Regularizacijski je manje sklon prenavučenoj i ne prilagođava se u tolikoj mjeri na sum jer bolje generalizira

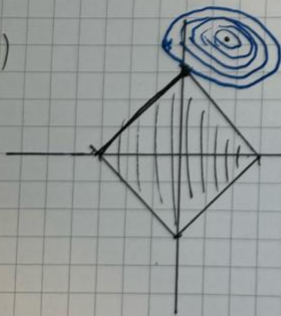
Regularizacijski ima prednost na manjim skupovima podataka za učenje jer se manje prilagođava sumu. Povećat broj primjera za učenje je jedan od načina da smanjimo prenavućenost tako da ako to imamo regularizacija ima manje koristi.

c)



→ Regularizacija utječe na parametre  $w_i$  i  $b$  tako što balansira između minimizacije tipa pogreške i minimizacije veličine parametara

d)



→ Iako konture L1 regresije su hiperoktaedri a L2 regresije hipersfere. Iako konture L1 nisu oblike nego imaju vrhove, zbog toga će se lakše dogoditi da se minimizator regularizirane tipa pogreške nađe na jednoj od koordinatnih osi. Što utiče na rješenje modela.

(P04)

(2.3)

 $X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, X_6, X_7$  $X_1 - X_4 \rightarrow$  ocjena $X_5 \rightarrow$  prosječna ocjena  $\Rightarrow$  linearno ovisan (mogu biramo) $X_6 \rightarrow$  mat. matron $X_7 \rightarrow$  trij. matron

Kombinacije

$$X_i = \binom{6}{1} = 6 \quad X_i X_j = \binom{6}{2} = \frac{6 \cdot 5}{2} = 15$$

$$X_i^2 = \binom{6}{1} = 6 \quad X_i X_j X_k = \binom{6}{3} = \frac{6 \cdot 5 \cdot 4}{3 \cdot 2} = 20$$

$$\Sigma = 47 - m$$

Rješenje:  $N \geq m + 1$ 

$$N \geq 48$$

C