# Raspodijeljene glavne knjige i kriptovalute Bitcoin protokol

Ante Đerek, Zvonko Konstanjčar

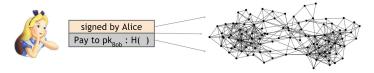
26. listopada 2023.

# Ponavljanje: Arhitektura sustava Bitcoin



#### Arhitektura sustava

- Puno čvorova u "peer-to-peer" mreži.
- Svi čvorovi imaju skoro identične kopije lanca blokova.
- Periodički se dodaje novi blok u lanac:
  - Čvor koji riješi kriptografsku slagalicu predloži sljedeći blok.
  - Svaki čvor provjeri ispravnost bloka prije prihvaćanja.



Izvor: bitcoinbook.cs.princeton.edu

## Ponavljanje: Nakamotov konsenzus



#### Proof-of-work sustav

- Blok je ispravan ako (između ostalog) sadrži rješenje kriptografske slagalice.
- Čvorovi preferiraju najdulje ispravne blokove.
- Čvorovi se nagrađuju za predlaganje bloka fiksnom nagradom i naknadama za transakcije.

## Ponavljanje: Proof-Of-Work



Ako je hash funkcija H korisna za slagalice onda je najbolji mogući algoritam rudarenja . . .

## Za zadane transakcije $x_1, x_2, \ldots, x_n$ i prag t

- 1 Izaberi novi broj *nonce*.
- ② Izračunaj  $h = H(nonce|hash_{prev}|x_1|x_2|...|x_n)$ .
- ullet Ako je h < t predloži blok, inače idi na početak.

#### Zadatak

Neka je fiksiran prag t i neka čvorovi  $A_1, A_2, \ldots, A_n$  rudare tako da čvor  $A_i$  računa  $v_i$  sažetaka po sekundi.

- Koliko je očekivano vrijeme da čvor A; riješi slagalicu?
- Koliko je očekivano vrijeme da neki čvor predložiti novi blok?
- Koja je vjerojatnost da će čvor A; prvi riješiti slagalicu i predložiti sljedeći blok?

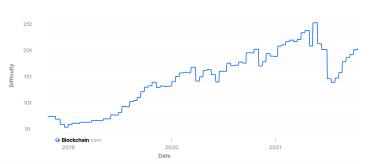


#### Novo pravilo: podešavanje težine (Bitcoin)

Svakih 2016 blokova se prag t promijeni tako da je potrebno u prosjeku 10 minuta za novi blok.

#### **Network Difficulty**

A relative measure of how difficult it is to mine a new block for the blockchain.





Poticaji i "proof-of-work" su riješili sve naše probleme!

#### Dobili smo mehanizam biranja slučajnog bloka.

- Nemoguće je predvidjeti kojem će se bloku posrećiti da riješi slagalicu i predloži sljedeći blok.
- Ako ispravni čvorovi kontroliraju većinu računalnih resursa onda je vjerojatnost da je čvor koji predlaže sljedeći blok ispravan veća od pola.

#### Ne moramo uopće pretpostaviti da su čvorovi ispravni.

 Dovoljno je pretpostaviti da čvorovi djeluju sukladno vlastitim interesima.

# Ekonomija rudarenja



#### Iz perspektive pojedinog rudara x:

- $\bullet$   $t_{next}$  je očekivano vrijeme prije nego što x predloži blok.
- ullet  $u_x$  je omjer računalnih resursa rudara x i svih rudara.

$$t_{next} pprox rac{10 ext{ minuta}}{u_x}$$

#### Bitcoin (listopad 2023.)

- Reward Per Block 6.25+0.2117 BTC (\$221,368.25)
- Difficulty 61.031 T
- Hashrate 437.456 Ehash/s
- Bitcoin Mining Profitability 0.0789 USD/Day for 1 THash/s

## Bitcoin (listopad 2022.)

- Reward Per Block 6.25+0.09834 BTC (\$121,900.27)
- Difficulty 35.611 T

# Sigurnost bitcoin mreže



#### Zadatak

Može li napadač ukrasti ili potrošiti tuđi novčić?

#### Zadatak

Može li napadač uskratiti uslugu određenom korisniku?

#### Zadatak

Može li napadač vlastiti novčić potrošiti dvaput?

#### Zadatak

Može li napadač narušiti povjerenje u sustav?

Pretpostavimo da napadač kontrolira većinu računalnih resursa (51% napad).



Poticaji i "proof-of-work" su riješili sve naše probleme!

## Dobili smo mehanizam biranja slučajnog bloka.

- Nemoguće je predvidjeti kojem će se bloku posrećiti da riješi slagalicu i predloži sljedeći blok.
- Ako ispravni čvorovi kontroliraju većinu računalnih resursa onda je vjerojatnost da je čvor koji predlaže sljedeći blok ispravan veća od pola.

#### Svojstva Nakamotovog konsenzusa

- Kriptografija štiti od krađe i neispravnih transakcija.
- Konsenzus štiti od dvostrukog trošenja.
- Konsenzus je implicitan.
- Konsenzus je vjerojatnosni.



#### Kako iznutra izgleda sustav Bitcoin?

Bitcoin transakcije / skripte / blokovi / mreža.

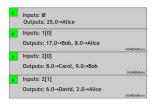
#### Specifikacija?

- en.bitcoin.it/wiki/Protocol\_documentation
   This page describes the behavior of the reference client. The
   Bitcoin protocol is specified by the behavior of the reference
   client, not by this page.
- Izvorni kod reference klijenta: github.com/bitcoin/bitcoin/
- Bitcoin Improvement Proposals: github.com/bitcoin/bips/

## Bitcoin transakcije



Svaka transakcija troši postojeće i stvara nove novčiće:



lzvor: bitcoinbook.cs.princeton.edu

#### Moguće je lagano ostvariti:

- Provjeru je li novčić već potrošen.
- "Djelomično" trošenje novčića (change address).
- "Spajanje" novčića.
- Zajednička plaćanja.

## Bitcoin transakcije



## Unutar lanca blokova i prilikom komunikacije na Bitcoin mreži:

- Transakcija je zapisana u kompaktnom binarnom obliku.
- Hash transakcije služi kao njezin identifikator (dvaput SHA256, little endian).

 $0200000002 \\ ded \\ 7 cf00846 \\ ce3003 \\ bf1abd870 \\ bf0278563 \\ c4372272f3d043 \\ c760f9d0811e6e \\ 901000006b483045022100 \\ ff591639 \\ dc151585 \\ efb5a06a18 \\ ee33358 \\ a8c08b3c5ce38 \\ de63 \\ 06d3670 \\ aa7c4c002201 \\ f1491776b4926839 \\ c6efdce6d39e0485479 \\ fb193bf401c450 \\ f40bd2549 \\ bd8ad8feffffffdb1f82098d0 \\ f74c38 \\ bba730d308 \\ f506e0e \\ cdf2f24fe93 \\ c9986191 \\ d48b42 \\ 41e4e00000006a47304402205372c5f9d465e3852c7b7781a41e095c5886feffd75bad77 \\ 4fd4740334bb296f02203fce4a696f27d6889af035d02bdcf1272224b099faaac8e0e83bf5146c616164012103d1c0598252e7ab49377e45dbfbf133ed4676258c0958be363e4e4ad8 \\ 539dda97feffffff024b200e0000000001976a9140d8a36dc80076d1d844ffd4681a9dfb \\ 4265b85e288ac42981700000000001976a9146c86f34ad14d62eec62a4f8a5140a5418504 \\ 413888ac83550800$ 

## Bitcoin transakcije - metadata



```
"txid": "19d9abb1f1658472ff6ef366ae05d6b450b727e70ef0639ef43b3ed9f7f3
"hash": "19d9abb1f1658472ff6ef366ae05d6b450b727e70ef0639ef43b3ed9f7f3
"version": 2,
"size": 373,
"vsize": 373,
"locktime": 546179,
"vin": [
...
],
"vout": [
...
]
```

## Bitcoin transakcije - inputs



```
"vin": [
   "txid": "e9e611089d0f763c043d2f2772433c567802bf70d8abf13b00e36c84
   "vout": 1,
   "scriptSig": { ... },
   "sequence": 4294967294
 },
   "txid": "4e1e24b4481d1986993ce94ff2f2cd0e6e508f300d73ba8bc3740f8d
   "vout": 0,
   "scriptSig": { ... },
   "sequence": 4294967294
```

## Bitcoin transakcije - outputs



```
"vout": [
    { "value": 0.00925771,
        "n": 0,
        "scriptPubKey": { ... },
    },
    { "value": 0.01546306,
        "n": 1,
        "scriptPubKey": { ... },
    }
}
```



#### Do sada smo smatrali da transakcije sadrže:

- Transakcija  $t_1$  output x pubKey: Javni ključ vlasnika.
- Transakcija  $t_2$  input y sig: Potpis transakcije.

#### Pravilo trošenja:

Novčić  $(t_1, x)$  se može potrošiti kao input  $(t_2, y)$  ako input  $(t_2, y)$  u polju sig sadrži potpis bitnih dijelova transakcije  $t_2$ , koji se uspješno provjerava javnim ključem u polju pubKey novčića  $(t_1, x)$ :

$$V(pubKey, t_2', sig) = true.$$

# Bitcoin skripte – pravilo trošenja



#### Poopćenje:

- Transakcija  $t_1$  output x scriptPubKey: locking skripta.
- Transakcija  $t_2$  input y scriptSig: unlocking skripta.

#### Pravilo trošenja:

Novčić  $(t_1,x)$  se može potrošiti kao *input*  $(t_2,y)$  ako se spajanjem skripte scriptSig *input*-a  $(t_2,y)$  i skripte scriptPubKey *output*-a  $(t_1,x)$  dobiva skripta koja se uspješno izvrši s rezultatom true:

Eval(scriptSig||scriptPubKey) = true.

## Bitcoin skripte - Script jezik



Cilj: malo fleksibilnosti prilikom definiranja tko i kako može potrošiti novi novčić.

## Script jezik

- Jednostavan programski jezik baziran na stogu.
- Naredbe za aritmetičke i logičke operacije, manipulaciju stoga, pozive kriptografskih funkcija.
- Skripta se čita slijeva na desno, podaci se stavljaju na stog, naredbe se izvršavaju s parametrima na vrhu stoga, rezultat naredbe se opet stavlja na stog.
- Nema petlji, svaki program uvijek završava.

## Bicoin skripte – izvršavanje



#### Tko izvršava skripte i kada?

Rudari i svi ostali čvorovi prilikom provjere ispravnosti transakcije.

#### Dva ishoda izvršavanja:

- Skripta se izvrši do kraja, na vrhu stoga je True (bilo što osim 0):
  - Provjera je uspješna!
- Greška pri izvršavanju ili nije True na vrhu stoga na kraju:
  - Transakcija nije ispravna.

# Bitcoin skripte - PayToPubKey



#### scriptPubKey

<pub/>
<pub/>
CHECKSIG

## scriptSig

<sig>

Stog			Skripta
$\varepsilon$ <sig> <pubkey> 1</pubkey></sig>	<sig></sig>	- "	$\begin{array}{c} \mathtt{OP\_CHECKSIG} \\ \mathtt{OP\_CHECKSIG} \\ \mathtt{OP\_CHECKSIG} \\ \\ \varepsilon \end{array}$

# Bitcoin skripte - PayToPubKeyHash



## scriptPubKey

OP\_DUP OP\_HASH160 <pubKeyHash> OP\_EQUALVERIFY OP\_CHECKSIG

## scriptSig

<sig> <pubKey>

Stog	Skripta
ε <sig> <sig> <pubkey> <sig> <pubkey> <pubkey> <sig> <pubkey> <pubhasha> <sig> <pubkey> <pubhasha> <pubkey> <pubhasha> <pubkey> <pubkey> <pubhasha> <pubkey> <pubkey> <pubhasha> <pubkey> <pubk< td=""><td><sig> <pubkey> OP_DUP OP_HASH160 <pubkeyhash> OP_EQUALVERIFY OP_CHECKSIG €</pubkeyhash></pubkey></sig></td></pubk<></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubkey></pubhasha></pubkey></pubkey></pubhasha></pubkey></pubkey></pubhasha></pubkey></pubhasha></pubkey></sig></pubhasha></pubkey></sig></pubkey></pubkey></sig></pubkey></sig></sig>	<sig> <pubkey> OP_DUP OP_HASH160 <pubkeyhash> OP_EQUALVERIFY OP_CHECKSIG €</pubkeyhash></pubkey></sig>

# Bitcoin skripte - PayToScriptHash



#### Problem!

Onaj koji šalje novce mora specificirati netrivijalne skripte.

## Rješenje: PayToScriptHash transakcija.

- Primatelj je "adresa" odnosno sažetak skripte.
- Kako bi se novci potrošili potrebno je da skripta ima zadani hash i da se sama ispravno izvrši s rezultatom 1.

#### scriptPubKey

OP\_HASH160 <hash0f0wnerScript> OP\_EQUAL

## scriptSig

<data> ... <data> <serializedOwnerScript>

# Bitcoin skripte - PayToScriptHash



#### scriptPubKey

OP\_HASH160 <hashOfOwnerScript> OP\_EQUAL

#### scriptSig

<data> ... <data> <serializedOwnerScript>

#### Čudna implementacija!

Ovo je primjer *soft fork* promjene protokola – klijenti koji ne podržavaju *PayToScriptHash* transakcije ispravno validiraju scriptSig.

# Bitcoin skripte – primjeri pubkey skripta



## Spali novce (proof of burn)!

OP RETURN

#### Baci novce kroz prozor!

ε

## Nagrada za koliziju u hash funkciji!

OP\_2DUP OP\_EQUAL OP\_NOT OP\_VERIFY OP\_SHA1 OP\_SWAP OP\_SHA1 OP\_EQUAL

#### Možes dobiti novce tek kad si punoljetan!

<expiry time> OP\_CHECKLOCKTIMEVERIFY OP\_DROP ...



#### Problem: Tko će preuzeti rizik prevare kod kupnje?

- Ana ne želi platiti Branku prije nego što dobije robu.
- Branko ne želi poslati robu prije nego što mu je plaćeno.

#### Plaćanje osigurava treća strana kojoj oboje vjeruju (escrow):

 Transakcija je ispravna ako su je potpisali točno dvije od sljedeće tri osobe: Ana, Branko, Medijator.

## scriptPubKey

2 <pkAna> <pkBranko> <pkMedijator> 3 OP\_CHECKMULTISIG

#### scriptSig

OP\_0 <sig1> <sig2>

# Bitcoin skripte – primjene – mikroplaćanja



## Puno malih transakcija je neisplativo!

Ana plaća Branku 1 satoshi (10<sup>-8</sup> BTC) za svaku SMS poruku.

#### Kumulativne transakcije:

- Na početku godine Ana pošalje 1000 satoshi-a u transakciji t.
- Potreban je potpis Ane i Branka bi se potrošio *output* od t.
- Svaku SMS poruku Ana plaća tako da Branku pošalje:
  - "Inputs: t, Outputs:  $1 \rightarrow pk_{Branko}$ ,  $999 \rightarrow pk_{Ana}$ ,  $sig_{Ana}$ ".
  - ② "Inputs: t, Outputs:  $2 \rightarrow pk_{Branko}$ ,  $998 \rightarrow pk_{Ana}$ ,  $sig_{Ana}$ ".
  - 3 "Inputs: t, Outputs:  $3 \rightarrow pk_{Branko}$ ,  $997 \rightarrow pk_{Ana}$ ,  $sig_{Ana}$ ".
  - 4
- Na kraju godine Branko potpiše i objavi zadnju transakciju.

# Bitcoin skripte – primjene – mikroplaćanja



## Što ako Branko ne objavi niti jednu transakciju!

Ana ostaje bez 1000 satoshia.

#### Branko unaprijed potpiše transakciju za povrat depozita.

- Transakcija je zaključana ne može se dodati u lanac prije određenog vremena.
- Parametar locktime definira najraniji blok ili najranije vrijeme.

```
"txid": "19d9abb1f1658472ff6ef366ae05d6b450b727e70ef0639ef43b3ed9f7f3
"hash": "19d9abb1f1658472ff6ef366ae05d6b450b727e70ef0639ef43b3ed9f7f3
"version": 2,
"size": 373,
"vsize": 373,
"locktime": 546179,
```

Više možete pronači ovdje i ovdje

## Bitcoin skripte – sažetak



#### Standardne transakcije

- TX\_PUBKEY, TX\_PUBKEYHASH, TX\_SCRIPTHASH, TX\_MULTISIG, TX\_NULL\_DATA
- Standardni rudari će uključivati samo standardne transakcije.
- Standardni klijenti će odašiljati samo standardne transakcije (ali će prihvatiti ispravne nestandardne transakcije u bloku).
- Proširenje (2017): Transakcije s izvojenim svjedokom (segregated witness) – P2WPKH, P2WSH.

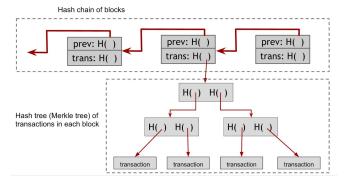
#### Sažetak

- Bitcoin skripte omogućavaju neke zanimljive scenarije.
- U praksi je velika većina transakcija standardna.
- Pametni ugovori motivacija za druge sustave.



#### Bitcoin blok

- Transakcije u Merkleovom stablu.
- Zaglavlje bloka sadrži korijen Merkleovog stabla.
- Sažetak bloka je sažetak samo njegovog zaglavlja.



Izvor bitcoinbook.cs.princeton.edu

#### Bitcoin blokovi – header



```
"hash": "000000000000000000001dc1e0ca6db65957aee6c871f04847adb9532dab993
"ver": 536870912,
"prev_block": "00000000000000000000003dfabfe863b7f9da60189d9b712abb5abfdc7
"mrkl_root": "cb39f44de7c937d5ae4d3e2fa31a49de18a39a74603790320ffc51826
"time": 1539800959,
"bits": 388350353,
"nonce": 2280495121
```

## Bitcoin blokovi – coinbase transakcija



```
"txid": "e37cb509662912063aaf714ce074f660f3d90e9c6d66f10c9a975692210a07
"vin": [
    "coinbase": "03165808162f5669614254432f4d696e6564206279207778736c2f
    "sequence": 4294967295
],
"vont": [
    "value": 12.50036972,
    "n": 0.
    "scriptPubKey": {
      "asm": "OP_DUP OP_HASH160 536ffa992491508dca0354e52f32a3a7a679a53
      "hex": "76a914536ffa992491508dca0354e52f32a3a7a679a53a88ac",
      "reqSigs": 1,
      "type": "pubkeyhash",
      "addresses": [
        "18cBEMRxXHqzWWCxZNtU91F5sbUNKhL5PX"
  },
. . .
```

# Bitcoin protokol - promjene



Novije bitne promjene...

#### Segreggated Witness

- BIP141, BIP143, BIP144, BIP148.
- Aktiviran 2017.

## Schnorr/Taproot

- BIP340, BIP341, BIP342.
- Aktivacija u 2021.

## Izdvojeni svjedok



#### Segreggated Witness

BIP 141 omogućuje da se potpisi (točnije scriptSig) izostavi iz transakcije i stavi u posebnu strukturu podataka.

#### Motivacija

- ECDSA ima malleability svojstvo moguće je promijeniti bitove potpisa, a da on još uvijek bude ispravan. Stoga, identifikator (hash) potpisane transakcije može biti različit od identifikatora transakcije koja završi u lancu.
- Prijenos potpisa nije uvijek nužan, npr. čvor možda samo želi listu svih transakcija, bez da provjerava potpise.
- Odvojena struktura olakšava daljnji razvoj protokola. Sitne promjene u semantici skripti.



#### PayToWitnessPublicKeyHash (P2WPKH)

```
scriptPubKey: OP_0 <20-byte-key-hash>
```

 ${\tt scriptSig:}\ arepsilon$ 

witness: <signature> <pubkey>

#### PayToWitnessScriptHash (P2WSH)

```
scriptPubKey: OP_O <32-byte-script-hash>
```

 $scriptSig: \varepsilon$ 

witness: <data> ... <data> <serializedOwnerScript>

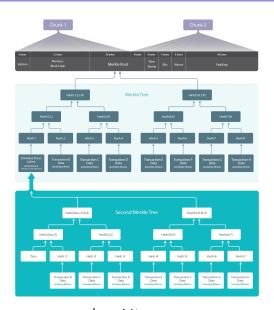
Dodatno, obje vrste transakcija mogu biti sadržane u *PayToScriptHash* transakciji.

# Izdvojeni svjedok – stablo svjedoka



## Stablo svjedoka

- Svjedoci svih transakcija su pohranjeni u Merkleovo stablo.
- Korijen stabla pohranjen u bloku, ali indirektno kako bi se radilo o soft-fork promjeni.



Izvor bitmex.com

# Taproot/Schnorr - Schnorrovi potpisi



#### Schnorrovi potpis

- Sustav digitailnih potpisa sličan ECDSA sa sličnim sigurnosnim svojstvima.
- Za razliku od ECDSA, Schnorrovi potpisu su *non-malleable*.
- Omogućava agregaciju ključeva i potpisa kao alternativu MultiSig transakcijama.

#### Agregacija

- Ana ima par ključeva  $(sk_A, pk_A)$
- Branko ima par ključeva (sk<sub>B</sub>, pk<sub>B</sub>)
- Javni ključevi se mogu agregirati u javni ključ pk<sub>AB</sub>.
- Postoji protokol kojim Ana i Branko mogu zajednički potpisati poruku m i dobiti potpis  $\sigma_{AB}$ .
- Verifikacija potpisa je jednaka kao i da nema agregacije.

# Taproot/Schnorr - Schnorrovi potpisi



#### Napredne upotrebe

- Moguće je agregaciju poopćiti u k-od-n sheme.
- Atomic swaps, Payment channels, . . . .

#### Prednosti

- Efikasnost jednostavnije je provjeriti potpis, nema potrebe za duljim MULTISIG skriptama.
- Privatnst javni ključ vlasnika novčića izgleda kao obični javni ključ.

## Taproot/Schnorr - MAST



#### Merkle Abstract Syntax Tree

- Skripta za trošenje opisana Merkleovim stablom.
- Vlasnik novčića je hash pokazivač na korijen stabla.
- Prilikom trošenja kao dokaz se prilažu samo potrebni fragmenti stabla.

 $S_1$ : Charlie može potrošiti nakon 2030.

 $S_2$ : Ana i Branko mogu zajedno potrošiti nakon 2025.

 $S_3$ : Dvoje od {Ana, Branko, Charlie} mogu potrošiti nakon 2022.

S<sub>4</sub>: Ana, Branko i Charlie mogu zajedno potrošiti novčić bilo kad.

#### Primjer mogućeg korištenja u kriptovaluti

M: MAST kojem su  $S_1$ ,  $S_2$ ,  $S_3$ ,  $S_4$ , listovi.

scriptPubKey: <hash-pokazivac-na-vrh-stabla-M>

witness: <put-u-M-do-S\_i> <S\_i> <ulaz-za-S\_i>

## Taproot/Schnorr - Taproot



#### **Taproot**

- Postoji način da se matematički kombinira (tweak) javni ključ i vrh Merkleovog stabla.
- Vlasnik novčića se specificira samo javnim ključem, a prilikom trošenja se može ispostaviti da se zapravo koristi skripta koja je dio MAST-a, s čijim korijenom je agregiran javni ključ.

#### Taproot (pojednostavljeno)

```
M: MAST kojem su S_1, S_2, S_3, S_4, listovi. pk_{ABC}^M: Javni ključ tweak(agg(pk_A, pk_B, pk_C), M). scriptPubKey: pk_{ABC}^M
```

witness: <signature> (kada troše svi zajedno)

witness: <witness-za-M> <dokaz-da-je-kljuc-kombiniran-s-M>

# Taproot/Schnorr - sažetak



#### Sažetak

- Svaki novčić se može potrošiti ili potpisom (koristeći Schnorrove potpise) ili skriptom u MAST-u.
- Svi novčići (odnosno outputi koji koriste Taproot shemu)
   izgledaju jednako sadrže jedan javni ključ, za kojeg se može ispostaviti da zapravo "skriva" korijen MAST stabla.
- Analizom se ne može utvrditi da li (i koje) skripte kontroliraju trošenje.

#### Prednosti

- Veća privatnost.
- Veća efikasnost.