

3. Funkcije za izračunavanje sažetka poruke

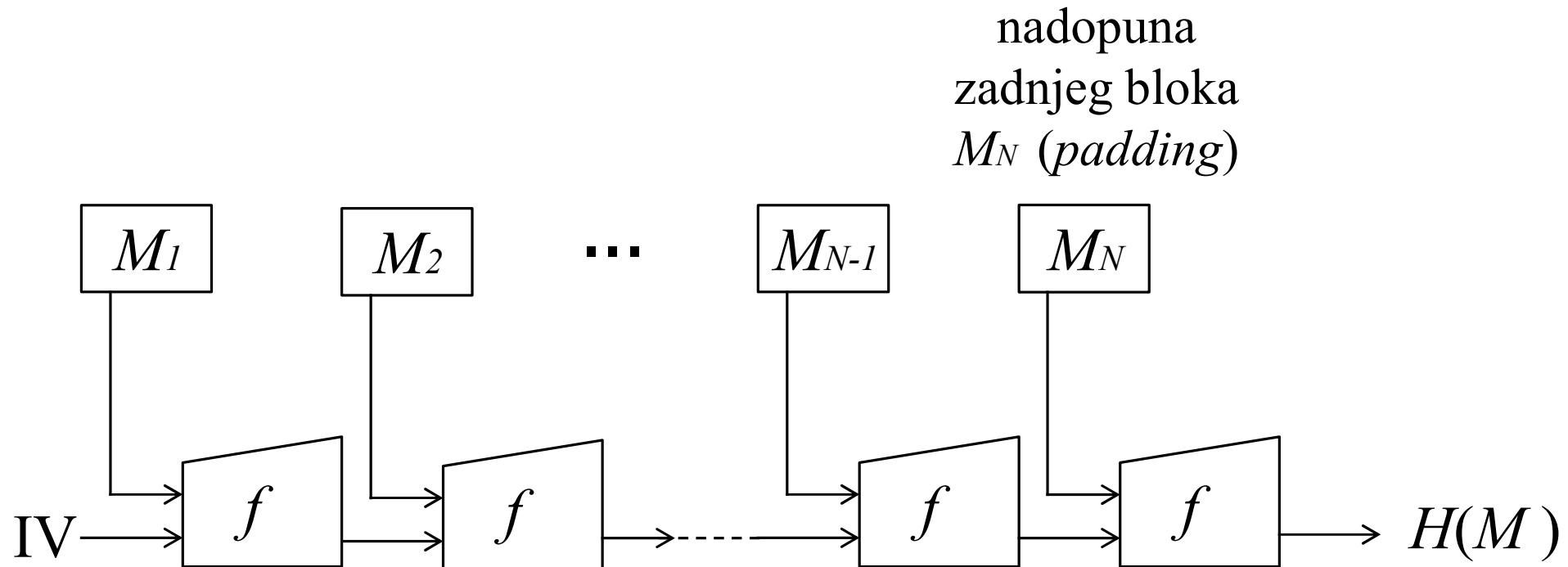
Funkcije sažimanja ili *hash* funkcije

Važna svojstva funkcija za izračunavanje sažetka poruke

- Otpornost na izračunavanje originala ili prva domenska otpornost (*preimage resistance*)
 - $H=h(M) \Rightarrow M=h^{-1}(H)$ – inverz ne postoji
 - za dani sažetak H teško je naći poruku M tako da je $H=h(M)$
- Otpornost na izračunavanje poruke koja daje isti sažetak ili druga domenska otpornost (*2-nd preimage resistance*)
 - za poznati M i $H=h(M)$ je vrlo teško pronaći M' koji daje isti H
- Otpornost na kolizije (*collision resistance*)
 - nemoguće je pronaći bilo koje dvije poruke M_1 i M_2 za koje se dobiva isti sažetak $h(M_1)=h(M_2)$
- Difuzija
 - svaka, pa i najmanja promjena ulaznog podatka rezultira velikom i naizgled slučajnom promjenom na izlazu

Konstrukcija Merkle–Damgård

- koriste je MD5, SHA-1, SHA-2 i druge funkcije za izračunavanje sažetka poruke



MD5

- *Message Digest* = sažetak poruke
- proizvodi 128-bitovni sažetak
- izvorni tekst dijeli se na blokove duljine **512** bitova
- zadnji blok teksta se nadopunjuje (engl. *padding*) do 512 bitova tako da se:
 - iza zadnjeg bita teksta dodaje jedna jedinica
 - nakon 1 upisuju se nule tako da u bloku preostanu 64 bita
 - u ta 64 bita se upisuje bitovna duljina izvorne poruke
- svaki blok se dijeli na 16 podblokova po 32 bita :

$$M_0, M_1, M_2, \dots, M_{15}$$

Funkcije i konstante algoritma MD5

- sažetak H od 128 bitova sastoji se od 4 nadovezanih 32-bitovnih varijabli koje se inicijaliziraju s vrijednostima:

$$A_0 = 01234567_{16} \quad B_0 = 89ABCDEF_{16}$$

$$C_0 = FEDCBA98_{16} \quad D_0 = 76543210_{16}$$

- postupak se obavlja u 64 koraka podijeljena u 4 kruga
 - ⇒ svaki krug se sastoji od 16 koraka
- u svakom krugu koristi se jedna od četiri funkcije

$$F_i(x, y, z) = (x \wedge y) \vee (\neg x \wedge z), \quad 1 \leq i \leq 16$$

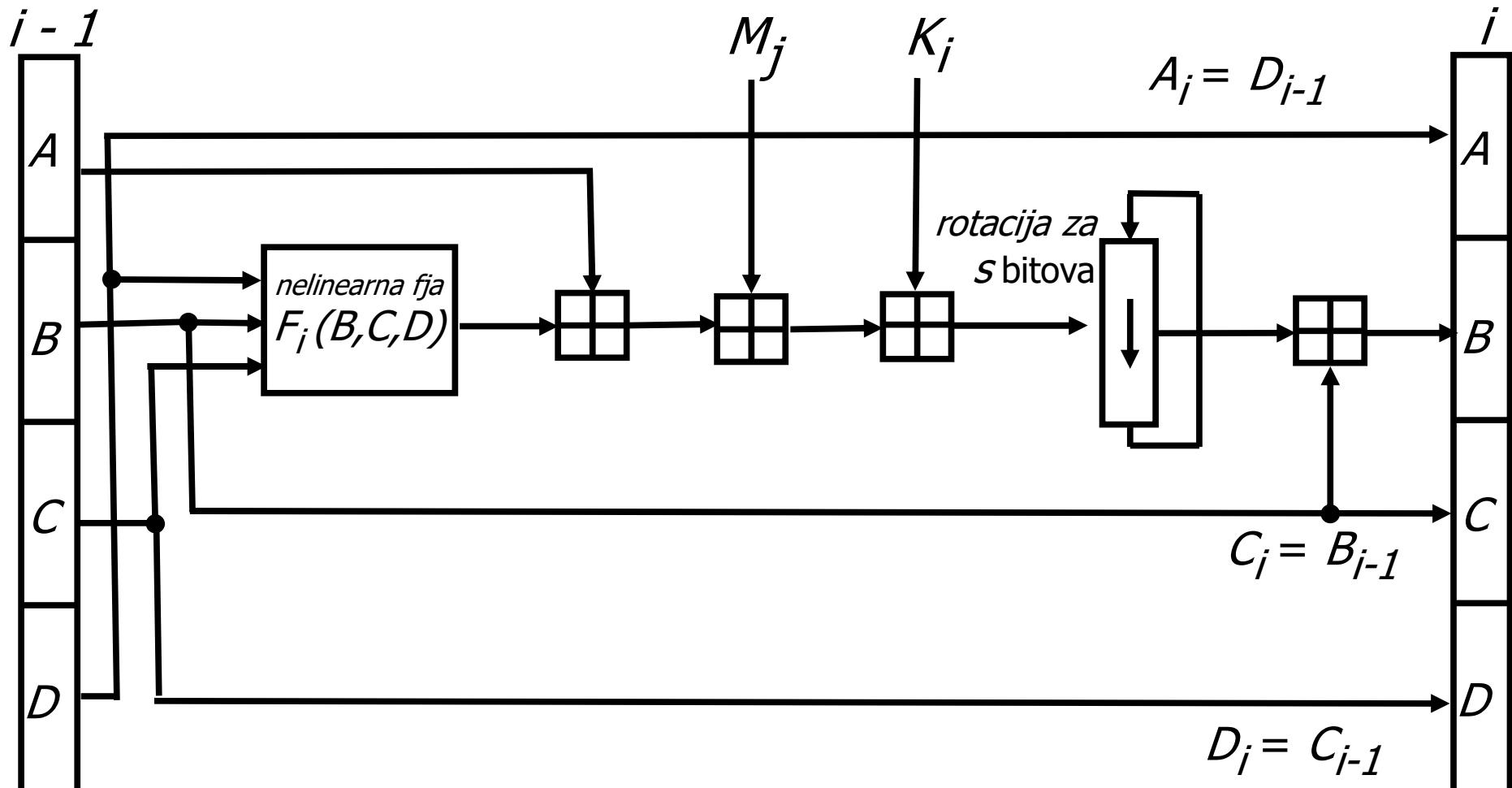
$$F_i(x, y, z) = (x \wedge y) \vee (x \wedge \neg z), \quad 17 \leq i \leq 32$$

$$F_i(x, y, z) = x \oplus y \oplus z, \quad 33 \leq i \leq 48$$

$$F_i(x, y, z) = y \oplus (x \wedge \neg z), \quad 49 \leq i \leq 64$$

- u svakom koraku koristi se sljedeća varijabla:

$$K_i = 2^{32} \times \text{abs}(\sin(i)), \quad 1 \leq i \leq 64$$



$$B_i = B_{i-1} + ((A_{i-1} + F_i(B_{i-1}, C_{i-1}, D_{i-1}) + M_j + K_i) \ll s)$$

$$\begin{aligned} S &= ABCD, \text{ gdje su } A = A_{64} + A_0 & B &= B_{64} + B_0 \\ C &= C_{64} + C_0 & D &= D_{64} + D_0 \end{aligned}$$

SHA-1

- proizvodi **160**-bitovni sažetak
- podjela jasnog teksta na blokove od 512 bitova i nadopuna zadnjeg bloka (*padding*) odvija se na jednak način kao i kod algoritma MD5
- sažetak H od 160 bitova sastoji se od 5 nadovezanih 32-bitovnih varijabli koje se inicijaliziraju s vrijednostima:

$$A_0 = 67452301_{16} \quad B_0 = EFCDAB89_{16}$$

$$C_0 = 98BADCFE_{16} \quad D_0 = 10325476_{16} \quad E_0 = C3D2E1F0_{16}$$

Funkcije i konstante algoritma SHA-1

- podblokovi M_0, \dots, M_{15} služe za stvaranje 80 riječi

$$W_i = M_{i-1}, \quad 1 \leq i \leq 16$$

$$W_i = (W_{i-3} \oplus W_{i-8} \oplus W_{i-14} \oplus W_{i-16}) \lll 1, \quad 17 \leq i \leq 80$$

- sažimanje svakog podbloka obavlja se u 4 kruga, svaki s 20 koraka, tj. ukupno 80 koraka, a u svakom krugu koristi se jedna od četiri funkcije i konstante:

$$F_i = (X \wedge Y) \vee (\neg X \wedge Z), \quad 1 \leq i \leq 20$$

$$F_i = X \oplus Y \oplus Z, \quad 21 \leq i \leq 40$$

$$F_i = (X \wedge Y) \vee (X \wedge Z) \vee (Y \wedge Z), \quad 41 \leq i \leq 60$$

$$F_i = X \oplus Y \oplus Z, \quad 61 \leq i \leq 80$$

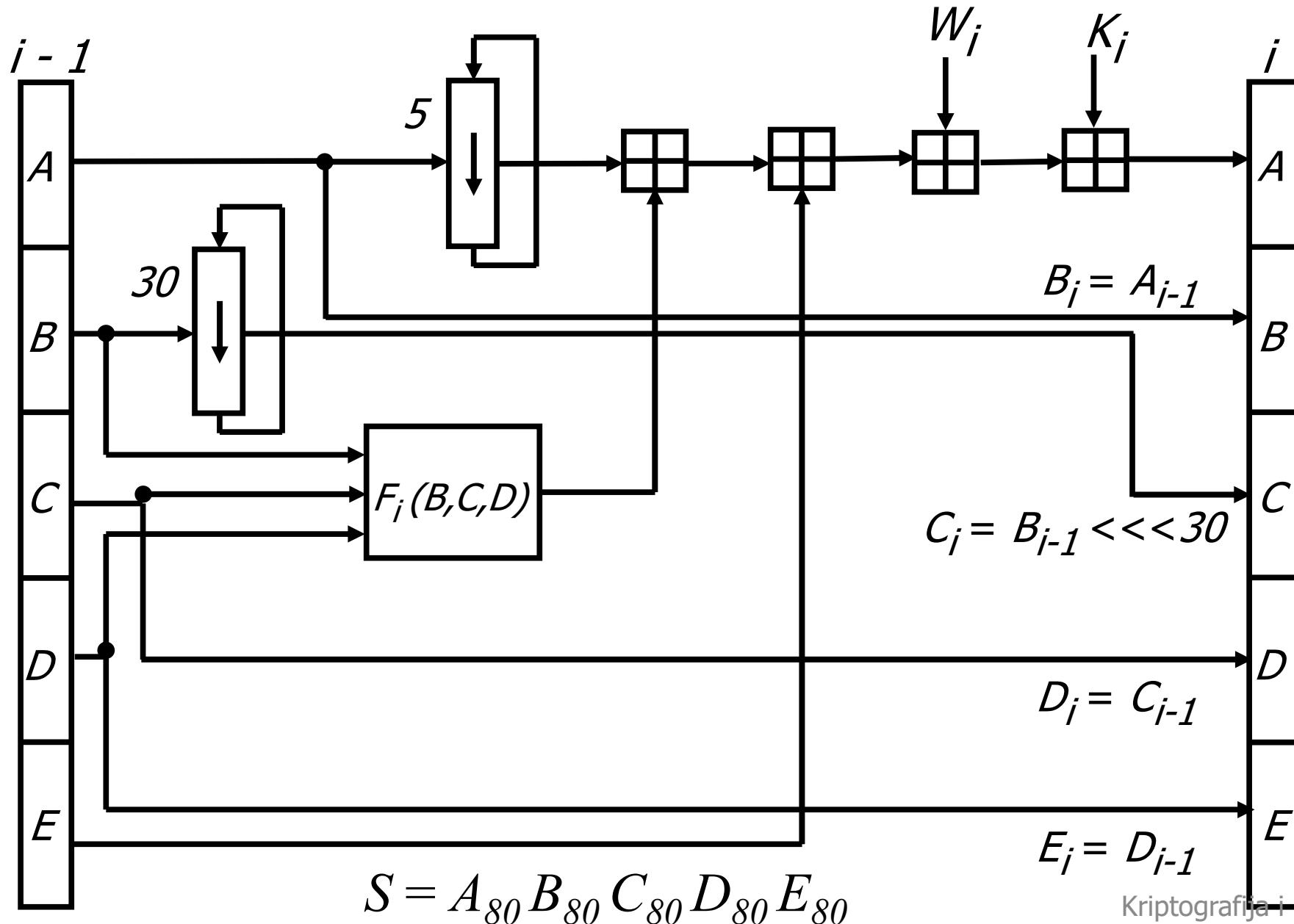
$$K_i = 5A827999_{16}, \quad 1 \leq i \leq 20$$

$$K_i = 6ED9EBA1_{16}, \quad 21 \leq i \leq 40$$

$$K_i = 8F1BBCDC_{16}, \quad 41 \leq i \leq 60$$

$$K_i = CA62C1D6_{16}, \quad 61 \leq i \leq 80$$

$$A_i = (A_{i-1} \lll 5) + F_i(B_{i-1}, C_{i-1}, D_{i-1}) + E_{i-1} + W_i + K_i$$



SHA-2

- osmislila NSA
- NIST publicirao 2001 u vrijeme natječaja za SHA-3
- skup funkcija:
 - SHA-224 (veličina bloka na ulazu je 512 bita = 64 bajta)
 - SHA-256 (veličina bloka na ulazu je 512 bita = 64 bajta)
 - SHA-384 (veličina bloka na ulazu je 1024 bita = 128 bajtova)
 - SHA-512 (veličina bloka na ulazu je 1024 bita = 128 bajtova)

Algoritam	Sažetak	Stanje	Blok	Poruka	Arhitektura	Broj rundi	Funkcije
SHA-1	160	160	512	$2^{64} - 1$	32	80	+ , and, or, xor, rot
SHA-256/224	256/224	256	512	$2^{64} - 1$	32	64	+ , and, or, xor, shift, rot
SHA-512/384	512/384	512	1024	$2^{128} - 1$	64	80	+ , and, or, xor, shift, rot

SHA-2

- <http://csrc.nist.gov/publications/fips/fips180-2/fips180-2.pdf>
- zadnji blok teksta se nadopunjuje do 512 bitova na isti način kao i SHA-1
- poruka se podijeli na blokove od po 512 bita:

$$M^{(1)}, M^{(2)}, \dots, M^{(N)}$$

- svaki blok se dijeli na 16 podblokova po 32 bita :

$$M_0, M_1, M_2, \dots, M_{15}$$

- $H^{(0)} = a_0 b_0 c_0 d_0 e_0 f_0 g_0 h_0$

$$a_0 = 6a09e667$$

$$e_0 = 510e527f$$

$$b_0 = bb67ae85$$

$$f_0 = 9b05688c$$

$$c_0 = 3c6ef372$$

$$g_0 = 1f83d9ab$$

$$d_0 = a54ff53a$$

$$h_0 = 5be0cd19$$

Funkcije i konstante algoritma SHA-2

$$Ch(x, y, z) = (x \wedge y) \oplus (\neg x \wedge z)$$

$$Maj(x, y, z) = (x \wedge y) \oplus (x \wedge z) \oplus (y \wedge z)$$

$$S_0(x) = \text{ROTR}^2(x) \oplus \text{ROTR}^{13}(x) \oplus \text{ROTR}^{22}(x)$$

$$S_1(x) = \text{ROTR}^6(x) \oplus \text{ROTR}^{11}(x) \oplus \text{ROTR}^{22}(x)$$

$$F_0(x) = \text{ROTR}^7(x) \oplus \text{ROTR}^{18}(x) \oplus \text{SHR}^3(x)$$

$$F_1(x) = \text{ROTR}^{17}(x) \oplus \text{ROTR}^{19}(x) \oplus \text{SHR}^{10}(x)$$

$$K_t = 5a827999, \quad \text{za } 0 \leq t \leq 15$$

$$K_t = 6ed9eba1, \quad \text{za } 16 \leq t \leq 31$$

$$K_t = 8f1bbcd\bar{c}, \quad \text{za } 32 \leq t \leq 47$$

$$K_t = ca62c1d6, \quad \text{za } 48 \leq t \leq 64$$

- koristi se zbrajanje po modulu 2^{32}

SHA-2

za $i=1$ do N , tj. za svaki od N blokova računaj
Priprema (izračunavanje W_t)

$$W_t = M_t^{(i)}, \quad 0 \leq t \leq 15$$

$$W_t = F_1(W_{t-2}) + W_{t-7} + F_0(W_{t-15}) + W_{t-16}, \quad 16 \leq t \leq 63$$

Postavljanje početnih vrijednosti iz prošlog kruga
ili postavljanje konstanti ako se radi o prvom krugu

$$a = H_0^{(i-1)} \quad b = H_1^{(i-1)} \quad c = H_2^{(i-1)} \quad \dots \quad h = H_7^{(i-1)}$$

za $t=0$ do 63 radi // u 64 koraka

Računaj a, b, c, d, e, f, g, h

$$H_0^{(i)} = a + H_0^{(i-1)}$$

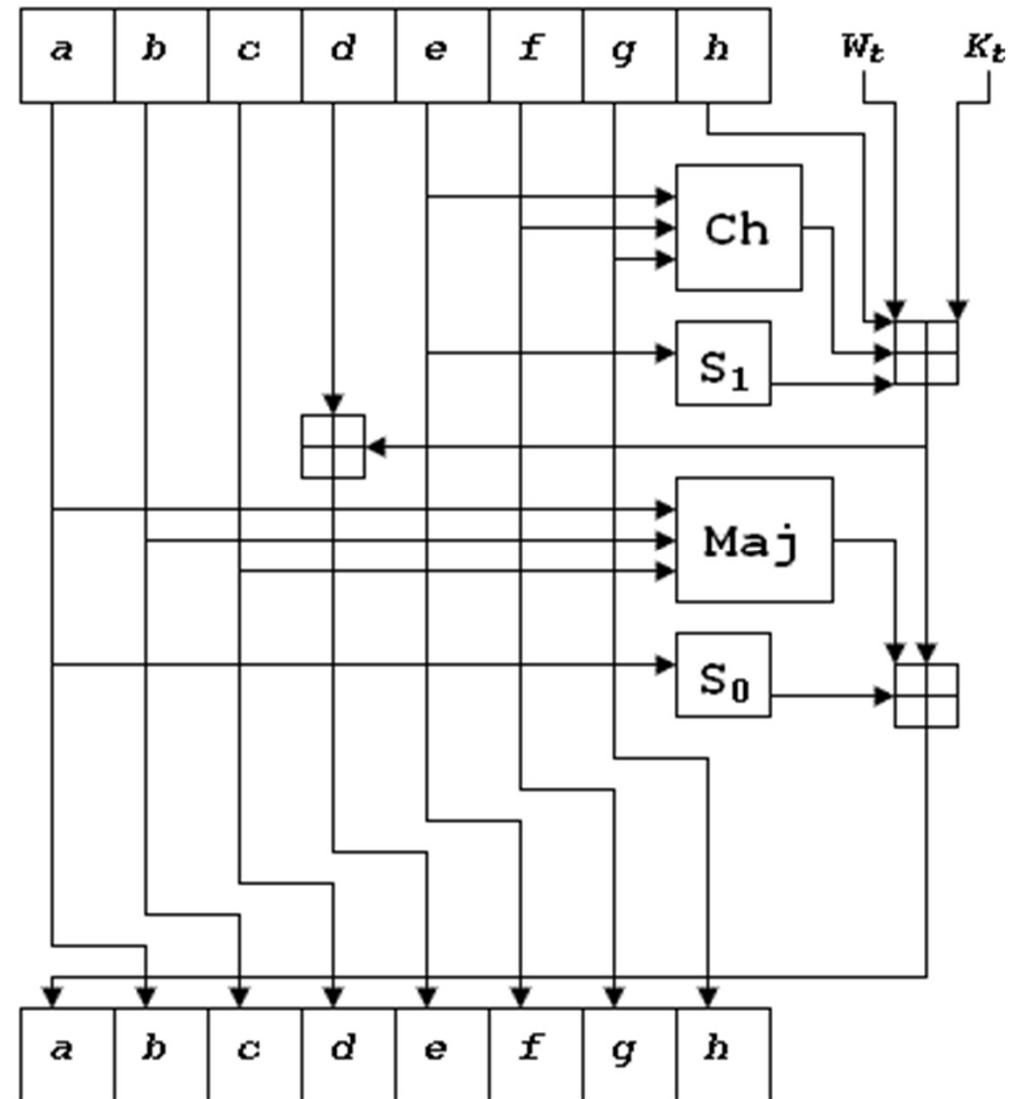
$$H_1^{(i)} = b + H_1^{(i-1)}$$

\dots

$$H_7^{(i)} = h + H_7^{(i-1)}$$

SHA-2

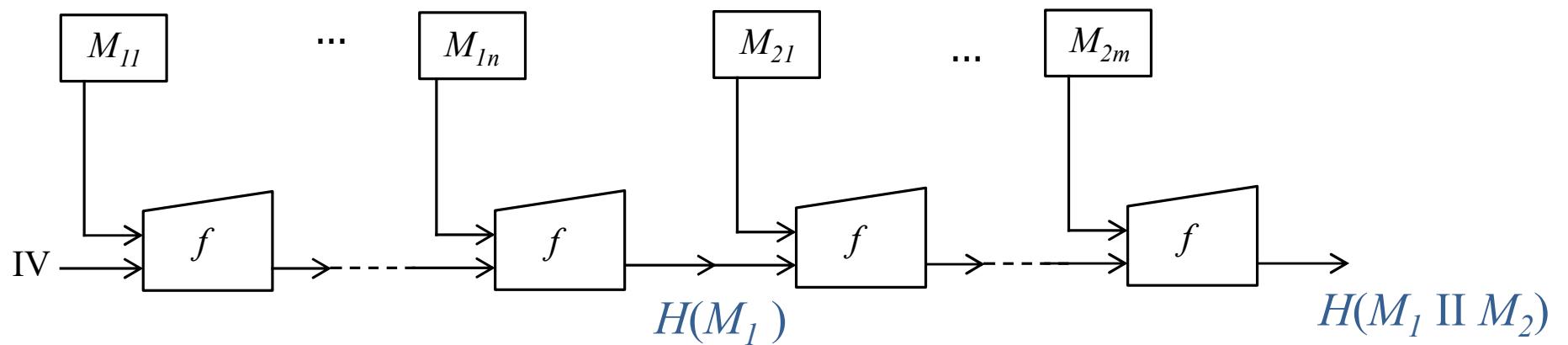
Računaj a, b, c, d, e, f, g, h :



Napad na tajni sufiks poruke

(engl. *Length Extension Attack* odnosno *Attack Against Secret Suffix*)

- algoritmi zasnovani na konstrukciji Merkle–Damgård su osjetljivi na tu vrstu napada
- napadač na temelju poznatog sažetka $H(M_1)$ i duljine poruke M_1 , a bez da poznaje poruku M_1 , može umetnuti dodatne podatke na kraj poruke M_1 , tj. može dodati proizvoljnu dodatnu poruku M_2 i izračunati $H(M_1 \text{ II } M_2)$



SHA-3

- 2.11.2007. – NIST raspisuje natječaj za SHA-3
- informacije o natječaju su dostupne na <http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/sha-3/index.html>
- konačni izbor 2.10.2012. godine
- do 31.10.2008. zabilježeno je 64 prijava:

Abacus	ARIRANG	AURORA	BLAKE	Blender	BMW	BOOLE	Cheetah
CHI	CRUNCH	CubeHash	DCH	Dynamic SHA	Dynamic SHA2	ECHO	ECOH
ENDO-R	EnRUPT	ESSENCE	FSB	Fugue	Groestl	Hamsi	HASH 2x
JH	Keccak	Khichidi-1	LANE	Lesamnta	Luffa	LUX	Maraca
MCSSHA-3	MD6	MeshHash	NaSHA	NKS 2D	Ponic	SANDstorm	Sarmal
Sgail	Shabal	SHAMATA	SHAvite-3	SIMD	Skein	Spectral Hash	StreamHash
SwiFFTX	Tangle	TIB3	Twister	Vortex	Wamm	Waterfall	ZK-Crypt
?	?	?	?	?	?	?	?

SHA-3

- 24.6.2009. objavljena je lista od 14 kandidata za drugi krug:

- ◆ BLAKE
- ◆ BMW - Blue Midnight Wish
- ◆ CubeHash ([Bernstein](#))
- ◆ ECHO (France Telecom)
- ◆ Fugue (IBM)
- ◆ Groestl ([Knudsen](#))
- ◆ Hamsi
- ◆ JH
- ◆ Keccak ([Daemen](#))
- ◆ Luffa
- ◆ Shabal
- ◆ SHAvite-3
- ◆ SIMD
- ◆ Skein ([Schneier](#))

	ARIRANG		BLAKE		BMW		Cheetah
CHI	CRUNCH	CubeHash			Dynamic SHA2	ECHO	
		ESSENCE	FSB	Fugue	Groestl	Hamsi	
JH	Keccak		LANE	Lesamnta	Luffa		
	MD6					SANDstorm	
	Shabal		SHAvite-3	SIMD	Skein		
SwiFFTX							

SHA-3

- 9.12.2010. objavljen je popis 5 finalista
- 2.10.2012. proglašen pobjednik

- ◆ BLAKE
- ◆ Groestl (Knudsen)
- ◆ JH
- ◆ Keccak (Daemen)
- ◆ Skein (Schneier)

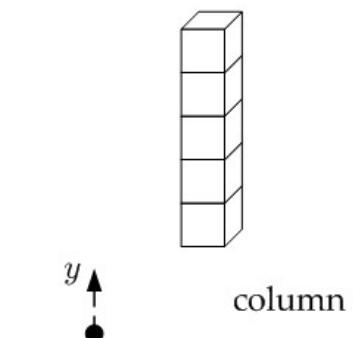
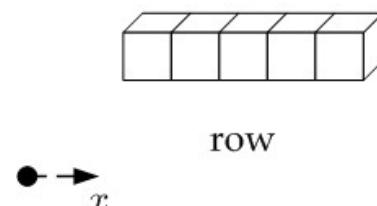
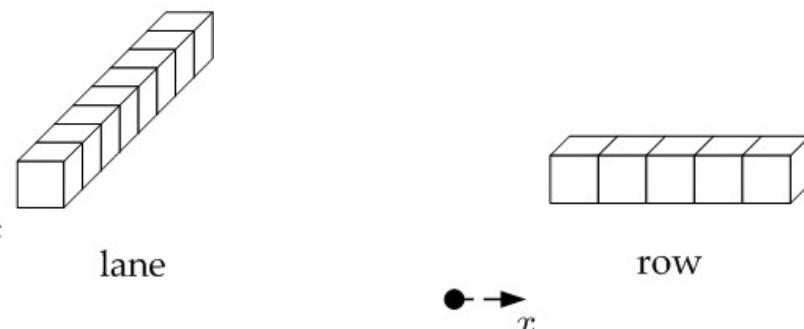
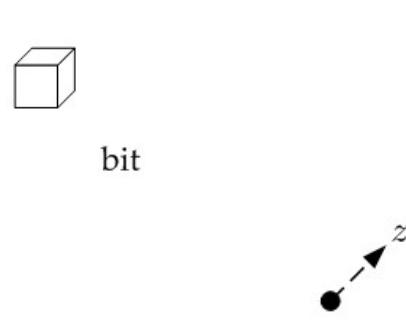
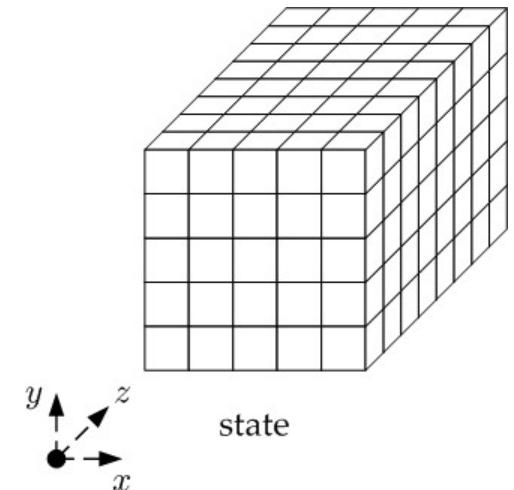
			BLAKE		BMW		
		CubeHash				ECHO	
				Fugue	Groestl	Hamsi	
JH	Keccak				Luffa		
	Shabal		SHAvite-3	SIMD	Skein		

SHA-3

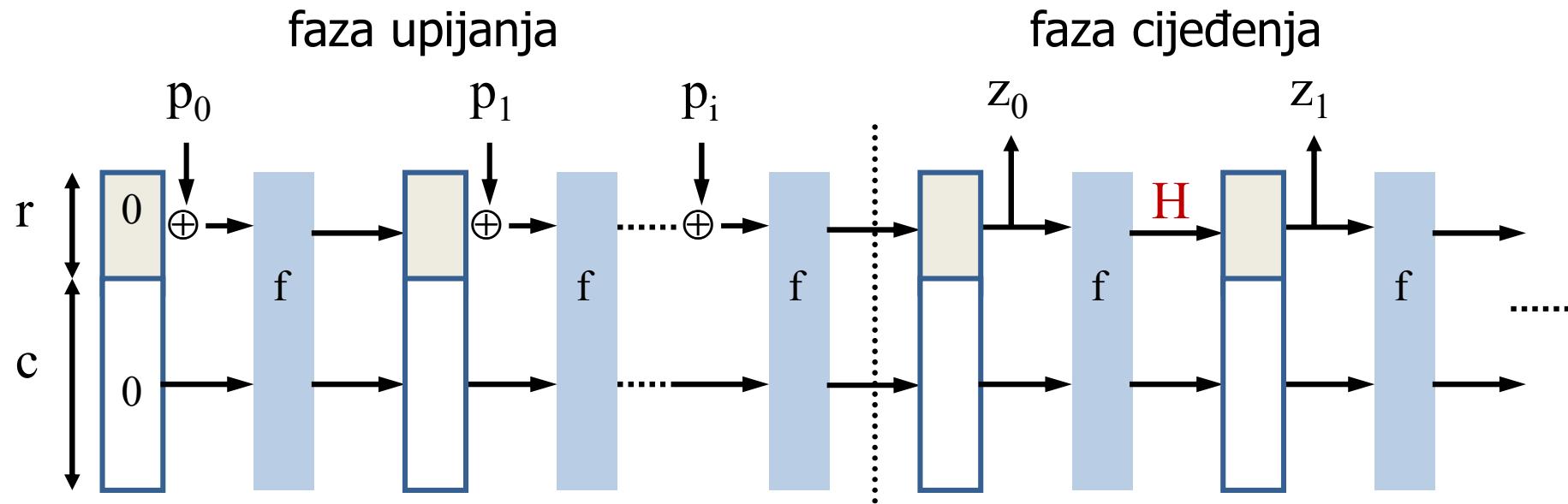
- autori su Guido Bertoni, Joan Daemen (autor AES-a), Michaël Peeters, and Gilles Van Assche
- značajno brži od ostalih finalista
- sažeci su jednake duljine kao i kod SHA-2, ali se veličine ulaznih blokova razlikuju:
 - SHA3-224 (veličina ulaznog bloka 1152 bitova)
 - SHA3-256 (veličina ulaznog bloka 1088 bitova)
 - SHA3-384 (veličina ulaznog bloka 832 bitova)
 - SHA3-512 (veličina ulaznog bloka 576 bitova)
- nadopunjavanje zadnjeg bloka teksta (*padding*) je izmijenjeno i obavlja se prema shemi $M \parallel 10^*1$
 - SHA-2: $M \parallel 10^* \parallel$ 64-bitna za duljinu poruke
 - izvorni prijedlog autora algoritma Keccak: $M \parallel 10^*1000000$

SHA-3: stanje, bit, traka, redak i stupac

- $X = Y = 5$
- duljina trake $Z = w \in \{1, 2, 4, 8, 16, 32, 64\}$
- w je duljina CPU riječi
- Keccak- $f[b]$ gdje je b broj bitova stanja $b = 25w$
 $b \in \{25, 50, 100, 200, 400, 800, 1600\}$
- slike su preuzete sa <http://keccak.noekeon.org/>



Spužvasta konstrukcija algoritma SHA-3



- **25w = c + r = 1600** za 64-bitne riječi ili 800 za 32-bitne riječi, itd.
- kapacitet $c = 2 \times$ veličina sažetka i **veličina bloka** (ostatak) $r = 25w - c$
 - SHA3-224: $c = 448$, $r = 800 - 448 = 352$ bitova = 44 bajta
 - SHA3-256: $c = 512$, $r = 800 - 512 = 288$ bitova = 36 bajta
 - SHA3-384: $c = 768$, $r = 832$ bitova = 104 bajta
 - SHA3-512: $c = 1024$, $r = 576$ bitova = 72 bajta

SHA-3: funkcija f

- obavlja se u n_r koraka: $n_r = 12+2l$, gdje je $2^l = w$
- za $w = 64 = 2^6$, $n_r = 24$ koraka

Keccak- $f[b](A)$

```
za i 0 do nr-1
    A = Round[b](A, RC[i])
return A
```

- funkcija f se sastoji od poziva pet osnovnih funkcija koje manipuliraju s bitovima *stanja*:

θ (*theta*)

ρ (*rho*)

π (*pi*)

χ (*chi*)

ι (*iota*)

SHA-3: funkcija f

```
Keccak-f[b] (A) {
    za i 0 do nr-1
        // (x, y) ∈ {0...4, 0...4}
        // funkcija θ
        C[x] = A[x, 0] xor A[x, 1] xor A[x, 2] xor
                A[x, 3] xor A[x, 4];
        D[x] = C[x-1] xor rot(C[x+1], 1);
        A[x, y] = A[x, y] xor D[x];

        // funkcije ρ i π
        B[y, 2*x+3*y] = rot(A[x, y], r[x, y]);

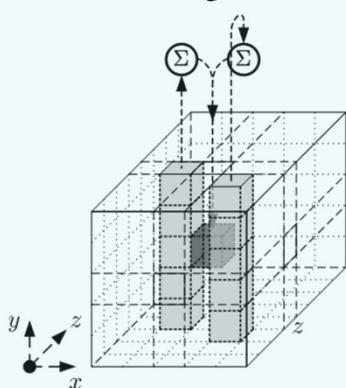
        // funkcija χ
        A[x, y] = B[x, y] xor ((not B[x+1, y]) and
                B[x+2, y]);
}

// funkcija ℓ
A[0, 0] = A[0, 0] xor RC
return A;
```

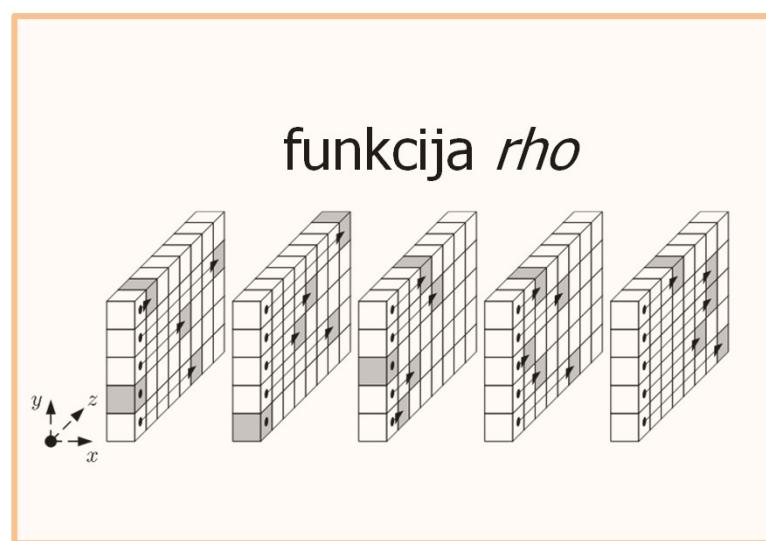
Funkcije θ (*theta*), ρ (*rho*), π (*pi*), χ (*chi*) i ι (*iota*)

- manipuliraju bitovima stanja

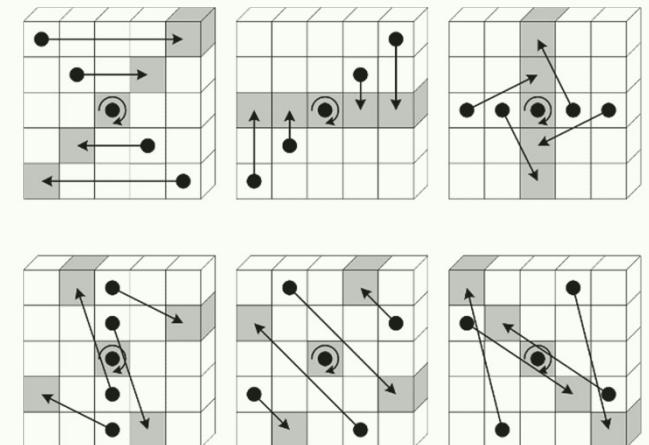
funkcija *theta*



funkcija *rho*

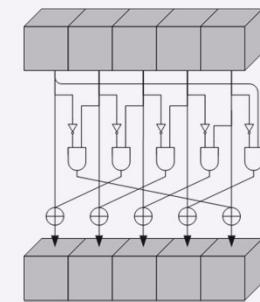


funkcija *pi*



funkcija *chi*

$$\begin{aligned} a[i][j][k] &\oplus= \\ \neg a[i][j+1][k] \\ \& \& a[i][j+2][k] \end{aligned}$$



funkcija *iota*

$$\begin{aligned} A[0,0] &\oplus= RC[i] \\ RC[i] &- konstante \end{aligned}$$

Napadi na funkciju sažimanja SHA

- 1993. – objavljen SHA-0
- 1995. – NSA je predložila SHA-1 kao zamjenu za SHA-0
- 1998. – objavljen uspješan napad na SHA-0, ali ne i na SHA-1
- 2001. – NSA predlaže SHA-2
- 2005. – uspješan napad na SHA-1
- 2007. – NIST raspisuje natječaj za SHA-3 i preporuča SHA-2
- 2012. – proglašen pobjednik natječaja SHA-3: Keccak
- 2017. – uspješan napad na SHA-1:
 - dva različita PDF dokumenta daju isti sažetak (Marc Stevens ispred svih u suradnji s tvrtkom Google)
 - <https://security.googleblog.com/2017/02/announcing-first-sha1-collision.html>
- za pronađak kolizije potrebno je:
 - MD5 → 1 pametni telefon i 30 s
 - SHA-1 → grubom silom i 12 000 000 GPU godina
 - SHA-1 → algoritam Shattered i 110 GPU godina



Primjer napada na *hash* funkcije

Rođendanski napad

- engl. *birthday attack*
- vjerojatnost da dvije osobe u dvorani u kojoj je ukupno $k=1.2 \cdot 365^{1/2} = 23$ ljudi imaju isti dan rođendan je veća od 50%
- analogno:
vjerojatnost da dvije poruke iz skupa od $k=1.2 \cdot (2^n)^{1/2} = 1.2 \cdot 2^{n/2}$ poruka daju isti sažetak je veća od 50%, gdje je n duljina sažetka u bitovima

Primjer napada

M1.txt

```
00000000 d1 31 dd 02 c5 e6 ee c4 69 3d 9a 06 98 af f9 5c
00000010 2f ca b5 87 12 46 7e ab 40 04 58 3e b8 fb 7f 89
00000020 55 ad 34 06 09 f4 b3 02 83 e4 88 83 25 71 41 5a
00000030 08 51 25 e8 f7 cd c9 9f d9 1d bd f2 80 37 3c 5b
00000040 96 0b 1d d1 dc 41 7b 9c e4 d8 97 f4 5a 65 55 d5
00000050 35 73 9a c7 f0 eb fd 0c 30 29 f1 66 d1 09 b1 8f
00000060 75 27 7f 79 30 d5 5c eb 22 e8 ad ba 79 cc 15 5c
00000070 ed 74 cb dd 5f c5 d3 6d b1 9b 0a d8 35 cc a7 e3
```

M2.txt

```
00000000 d1 31 dd 02 c5 e6 ee c4 69 3d 9a 06 98 af f9 5c
00000010 2f ca b5 07 12 46 7e ab 40 04 58 3e b8 fb 7f 89
00000020 55 ad 34 06 09 f4 b3 02 83 e4 88 83 25 f1 41 5a
00000030 08 51 25 e8 f7 cd c9 9f d9 1d bd 72 80 37 3c 5b
00000040 96 0b 1d d1 dc 41 7b 9c e4 d8 97 f4 5a 65 55 d5
00000050 35 73 9a 47 f0 eb fd 0c 30 29 f1 66 d1 09 b1 8f
00000060 75 27 7f 79 30 d5 5c eb 22 e8 ad ba 79 4c 15 5c
00000070 ed 74 cb dd 5f c5 d3 6d b1 9b 0a 58 35 cc a7 e3
```

MD5 Sum (M1.txt) = **a4c0d35c95a63a805915367dcfe6b751**

MD5 Sum (M2.txt) = **a4c0d35c95a63a805915367dcfe6b751**

Primjer napada

M1.txt

00000000	d1	31	dd	02	c5	e6	ee	c4	69	3d	9a	06	98	af	f9	5c
00000010	2f	ca	b5	87	12	46	7e	ab	40	04	58	3e	b8	fb	7f	89
00000020	55	ad	34	06	09	f4	b3	02	83	e4	88	83	25	71	41	5a
00000030	08	51	25	e8	f7	cd	c9	9f	d9	1d	bd	f2	80	37	3c	5b
00000040	96	0b	1d	d1	dc	41	7b	9c	e4	d8	97	f4	5a	65	55	d5
00000050	35	73	9a	c7	f0	eb	fd	0c	30	29	f1	66	d1	09	b1	8f
00000060	75	27	7f	79	30	d5	5c	eb	22	e8	ad	ba	79	cc	15	5c
00000070	ed	74	cb	dd	5f	c5	d3	6d	b1	9b	0a	d8	35	cc	a7	e3

M2.txt

00000000	d1	31	dd	02	c5	e6	ee	c4	69	3d	9a	06	98	af	f9	5c
00000010	2f	ca	b5	07	12	46	7e	ab	40	04	58	3e	b8	fb	7f	89
00000020	55	ad	34	06	09	f4	b3	02	83	e4	88	83	25	f1	41	5a
00000030	08	51	25	e8	f7	cd	c9	9f	d9	1d	bd	72	80	37	3c	5b
00000040	96	0b	1d	d1	dc	41	7b	9c	e4	d8	97	f4	5a	65	55	d5
00000050	35	73	9a	47	f0	eb	fd	0c	30	29	f1	66	d1	09	b1	8f
00000060	75	27	7f	79	30	d5	5c	eb	22	e8	ad	ba	79	4c	15	5c
00000070	ed	74	cb	dd	5f	c5	d3	6d	b1	9b	0a	58	35	cc	a7	e3

MD5 Sum (M1.txt) = **a4c0d35c95a63a805915367dcfe6b751**

MD5 Sum (M2.txt) = **a4c0d35c95a63a805915367dcfe6b751**

Digitalni certifikat

FER-ov digitalni certifikat od 2008 do 2018

```
Certificate:
Data:
    Version: 3 (0x2)
    Serial Number: 75 (0x4b)
    Signature Algorithm: md5WithRSAEncryption
    Issuer: C=US, ST=WA, L=Seattle, O=Thawte Consulting cc,
             OU=Certification Services Division,
             CN=Thawte Server CA/emailAddress=certs@thawte.com
Validity
    Not Before: May 13 23:33:08 2008 GMT
    Not After : Dec 31 23:59:59 2020 GMT
Subject: C=HR, ST=Grad Zagreb, L=Zagreb, O=FER, OU=CIP,
          CN=webmail.fer.hr/emailAddress=korisnik@webmail.fer.hr
Subject Public Key Info:
    Public Key Algorithm: rsaEncryption
    RSA Public Key: (1024 bit)
        Modulus (2048 bit):
            00:cd:66:28:fb:b8:b3:b7:e0:72:77:48:2d:08:04:
            e1:6d:1c:c5:4f:57:73:0c:e6:db:3b:8e:cd:c6:25:
            61:7f:60:c9:da:a3:9f:1d:fa:d8:ef:00:7b:f9:54:
            65:ab:7e:9e:9b:6d:ff:d4:12:ad:f8:ac:87:6e:83:
            ec:65:5f:b4:2d:eb:b8:dc:1c:d7:32:b7:46:a5:e3:
            a1:6c:0b:4c:1b:0c:89:0a:fb:0e:3a:c0:0f:af:b2:
            62:1d:2f:60:e4:b1:27:b4:7c:59:00:2c:19:e9:f3:
            a3:88:fe:01:d6:56:be:26:c7:f8:42:b1:79:39:98:
            a1:b4:4a:84:dd:20:ca:e7:a9:db:6d:a6:73:88:e7:
            81:8b:3e:81:3d:00:e5:5d:7f:3d:9b:cd:ba:9b:28:
            88:88:7f:d7:69:2c:66:eb:8f:79:b8:ec:bc:bb:76:
            67:b1:00:2a:70:bd:f1:21:66:6f:ba:74:81:82:30:
            02:c0:a8:57:f8:9f:76:02:df:7f:49:44:4a:32:93:
            48:a4:25:73:47:10:21:20:fe:b6:d2:09:1a:60:4f:
            a5:d9:df:ea:55:49:43:c6:ce:96:0b:7d:a7:22:c1:
            3e:5b:28:2e:2c:04:7a:b2:93:89:db:d8:2b:59:86:
            a3:0a:c1:6f:f9:56:b2:a5:71:4c:4b:74:f3:b8:a1:
            b4:65
        Exponent: 65537 (0x10001)
X509v3 extensions:
    X509v3 Basic Constraints: critical
        CA:TRUE
Signature Algorithm: md5WithRSAEncryption
07:fa:4c:69:5c:fb:95:cc:46:ee:85:83:4d:21:30:8e:ca:d9:
a8:6f:49:1a:e6:da:51:e3:60:70:6c:84:61:11:a1:1a:c8:48:
e7:20:1b:8b:ca:a4:ab:8d:e9:51:d9:e2:4c:2c:59:a9:da:b9:
b2:75:1b:f6:42:f2:ef:c7:f2:18:f9:89:bc:a3:ff:8a:23:2e:
70:47
```

Primjer gdje bi se teoretski napad mogao primijeniti

Aktualan FER-ov digitalni certifikat

Pristup web stranicama FER-a:
*The connection to this site is
encrypted and authenticated
using TLS 1.2, ECDHE_RSA with
P-256, and AES_128_GCM.*

```
Certificate:
  Data: Version: 3 (0x2)
        Serial Number: 0a:2f:ab:75:d4:a1:ee:f5:ea:df:74:15:aa:fd:47:c4
  Signature Algorithm: sha256WithRSAEncryption
        Issuer: C=NL, ST=Noord-Holland, L=Amsterdam, O=TERENA, CN=TERENA SSL CA 3
  Validity Not Before: May 13 00:00:00 2018 GMT
                Not After : May 20 12:00:00 2020 GMT
  Subject: C=HR, L=Zagreb, O=Sveu\xC4\x8Dili\xC5\xAlte u Zagrebu, OU=CIP,
            CN=*.fer.unizg.hr
  Subject Public Key Info:
    Public Key Algorithm: rsaEncryption
      Public-Key: (2048 bit)
        Modulus:
          00:c6:bb:ca:00:b5:40:96:b3:6b:2e:94:7e:43:77:
          39:06:d2:4f:11:c0:c4:17:e5:eb:d6:10:a5:2c:fa:
          4c:f1:50:35:59:59:2b:fa:b5:22:26:3f:0a:ff:f2:
          f9:c4:d7:e2:67:5d:bf:b5:c1:cc:6b:77:31:e9:de:
          95:b0:76:53:47:f7:1f:fe:c4:5b:c1:a7:fd:c4:fc:
          61:d3:ea:b5:28:48:e5:d5:96:a0:11:ed:0b:00:a2:
          42:c9:fa:94:26:89:f5:37:db:0a:9a:f8:95:e8:a6:
          35:8a:68:33:90:c2:22:10:ad:65:3a:95:5f:64:1f:
          6f:43:88:b2:1c:f8:29:9e:51:6b:e4:2d:8c:3e:39:
          90:f7:31:8e:32:f8:0f:cf:3e:b4:7a:c6:f3:27:17:
          a3:4e:3c:7c:27:07:3d:68:fc:5e:9c:87:86:74:ea:
          22:32:d5:aa:93:e4:d4:78:23:d2:88:0f:e3:8f:05:
          8c:54:b8:95:29:eb:c2:0a:fc:26:20:ca:52:ff:ce:
          75:6b:29:82:d6:67:06:0b:49:53:37:0d:7e:cf:1c:
          7e:88:90:8d:7a:e7:99:fc:9f:d7:5c:e2:1f:73:19:
          cc:27:ba:31:6f:82:40:b0:cb:8a:d2:95:f4:6e:72:
          78:b6:02:f5:f4:0b:b6:60:32:fb:3f:34:66:f2:a4:
          12:c5
        Exponent: 65537 (0x10001)
  X509v3 extensions:
    X509v3 Authority Key Identifier:
      keyid:67:FD:88:20:14:27:98:C7:09:D2:25:19:BB:E9:51:11:63:75:50:62
      URI:http://crl3.digicert.com/TERENASSLCA3.crl
  ...
  Signature Algorithm: sha256WithRSAEncryption
  a3:aa:9b:c3:04:c3:5c:64:32:9c:8f:08:31:89:15:8a:52:19:
  fb:02:e9:dd:ab:59:3e:9e:d8:b8:52:b2:8d:df:5a:29:dc:2b:
  c0:01:7d:96:87:5c:a7:01:7e:26:c9:3b:be:01:d3:9c:71:62:
  e3:e5:a2:ce:5d:ee:59:b5:ed:20:d8:80:27:ac:af:f5:6a:73:
  79:35:d2:c5
```

Napad tablicama s unaprijed izračunatim sažecima

- *engl. rainbow table*
- za najčešće korištene zaporce se unaprijed izračunaju sažeci
- zapisi u datoteci sa zaštićenim lozinkama se uspoređuju s unaprijed izračunatim sažecima
- 7 najčešće korištenih zaporki:

	2018.	2021.	2023.	2025.
1.	123456	123456	123456	123456
2.	password	123456789	password	111111
3.	123456789	12345	123456789	admin
4.	12345678	qwerty	12345	qwerty
5.	12345	password	12345678	password
6.	111111	12345678	qwerty	123456789
7.	1234567	111111	1234567	123123

Zaključak o funkcijama sažimanja

- kolizije su bezopasne sve dok izgledaju kao slučajan niz
- međutim, gubi se povjerenje u certifikate
 - protokoli koji koriste sažetak slučajnog simetričnog ključa nisu više sigurni
- problem nevidljivih podataka u Word dokumentu ili slučajnih nizova u slikama
- rješenje:
 - koristiti obične tekstualne datoteke ili potpisati sažetu datoteku (kao što PGP koristi *zip*)
 - koristiti novi algoritam sažimanja SHA-3