

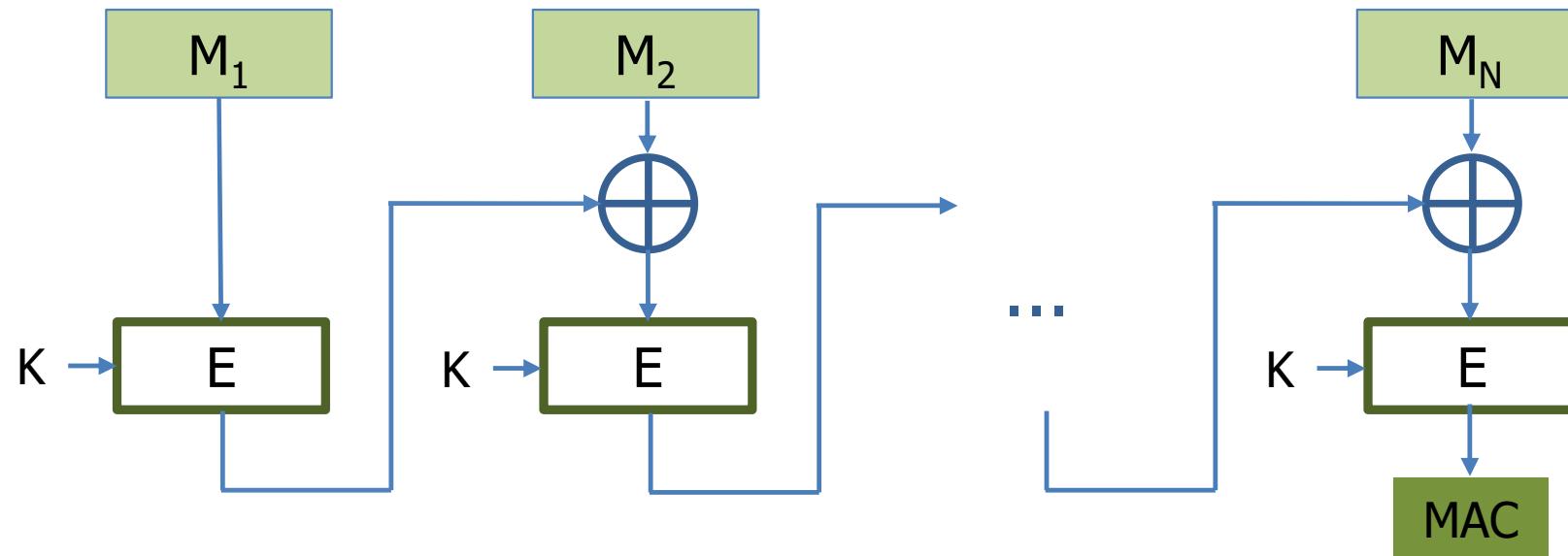
# 4. Autentifikacijsko kriptiranje

# Autentifikacija poruka

- autentifikacijom korisnika bavimo se detaljno na predmetu Napredni operacijski sustavi
- digitalni potpis – time ćemo se pozabaviti kasnije na ovom predmetu
- postupak kriptiranja koji uključuje i autentifikaciju (*Authenticated Encryption, AE*) i osim tajnosti osigurava
  - integritet, odnosno izvornost (autentičnost) poruke
  - autentifikaciju pošiljatelja
- dodatak poruci MAC (*Message Authentication Code*) za razliku od digitalnog potpisa **ne koristi asimetričnu**, već samo simetričnu kriptografiju
  - ulaz u algoritam je uz poruku tajni ključ
  - Kako je osigurana autentičnost?
    - Poruku je poslao onaj tko ima tajni ključ.

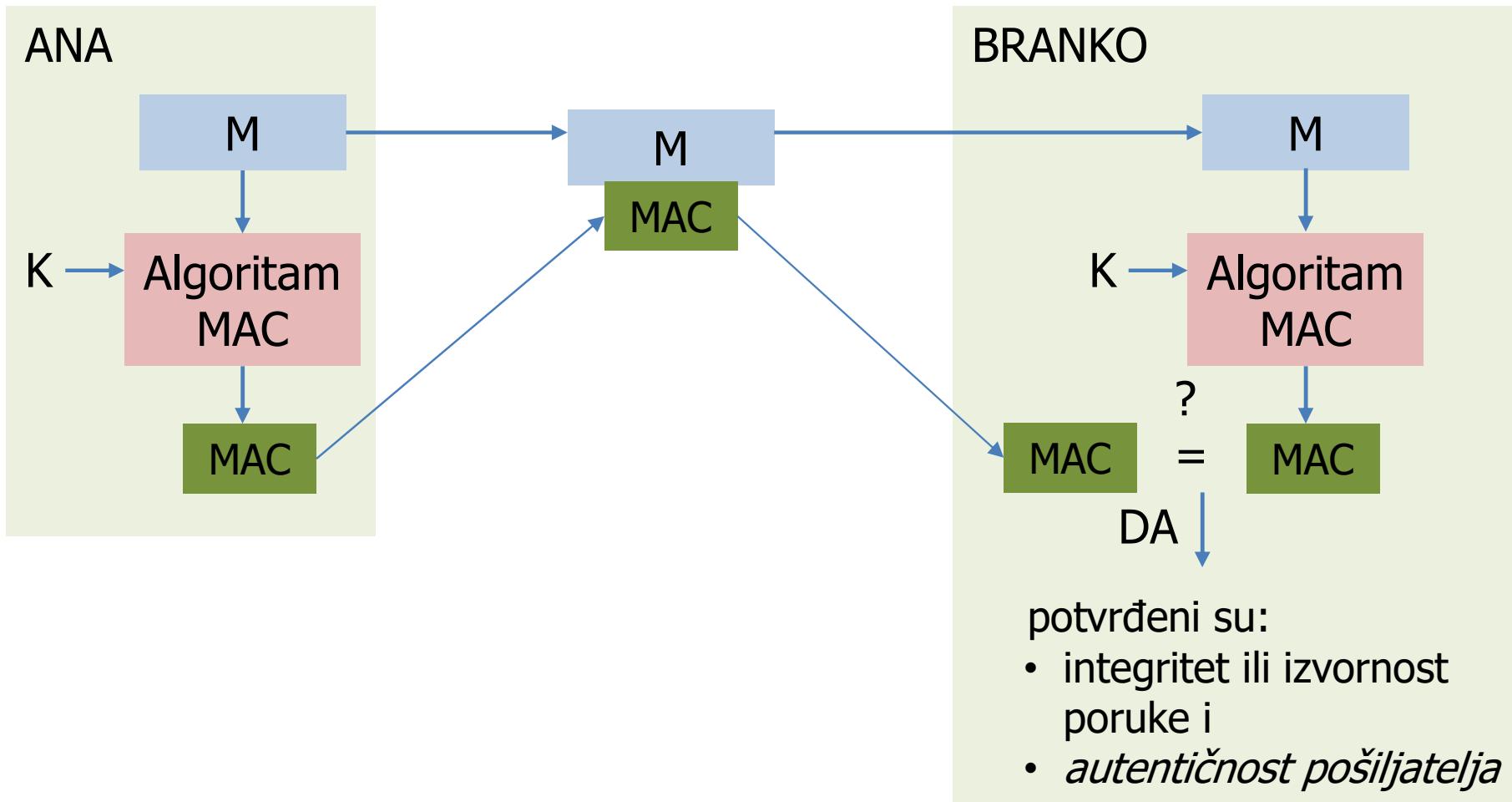
# Algoritam MAC

- *Message Authentication Code*
- u CBC načinu rada naziva se CBC-MAC



- varijante:
  - One-key ili OMAC, PMAC, HMAC ...

# Primjer kako se može koristiti dodatak poruci MAC



# Algoritam HMAC

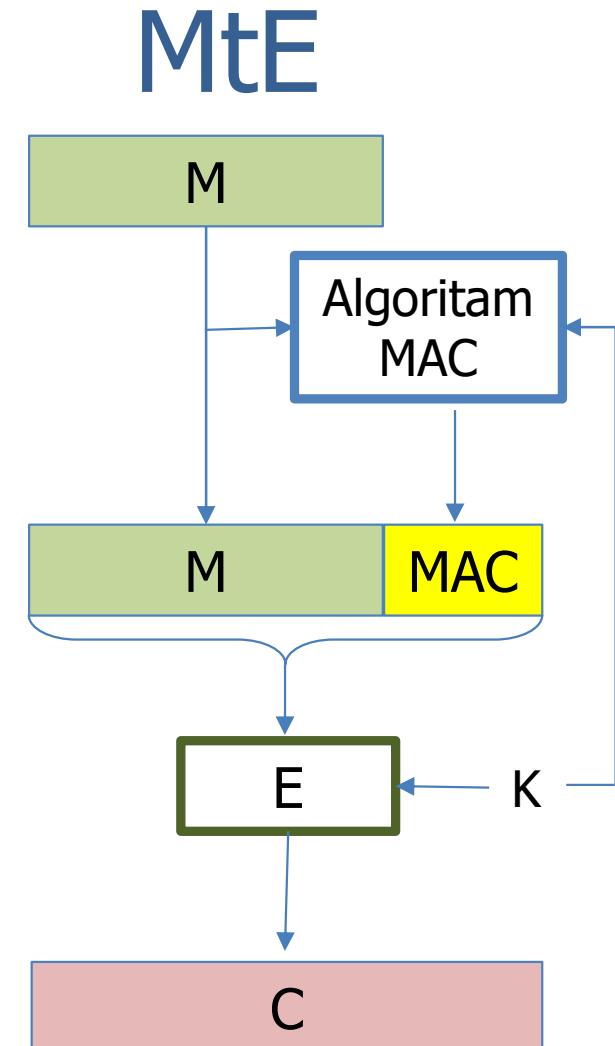
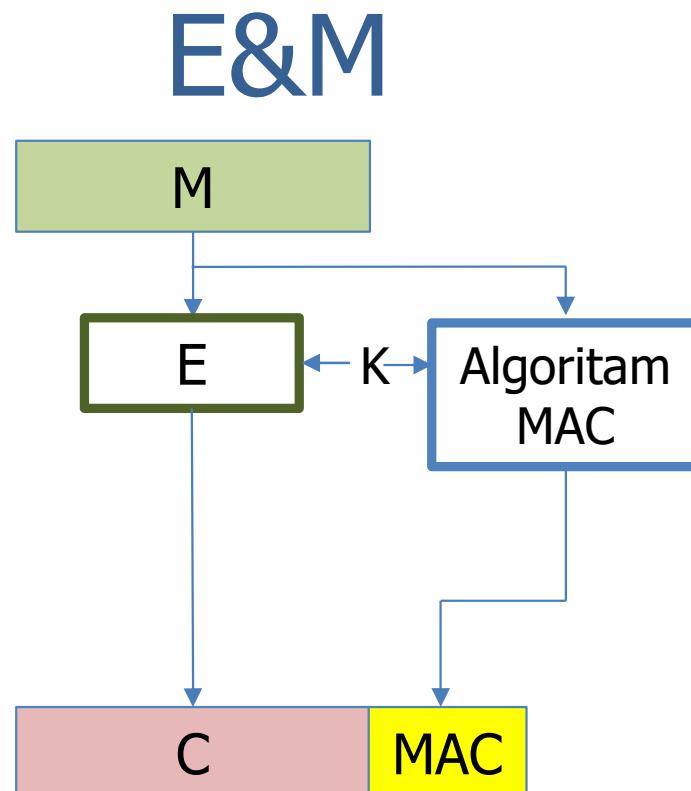
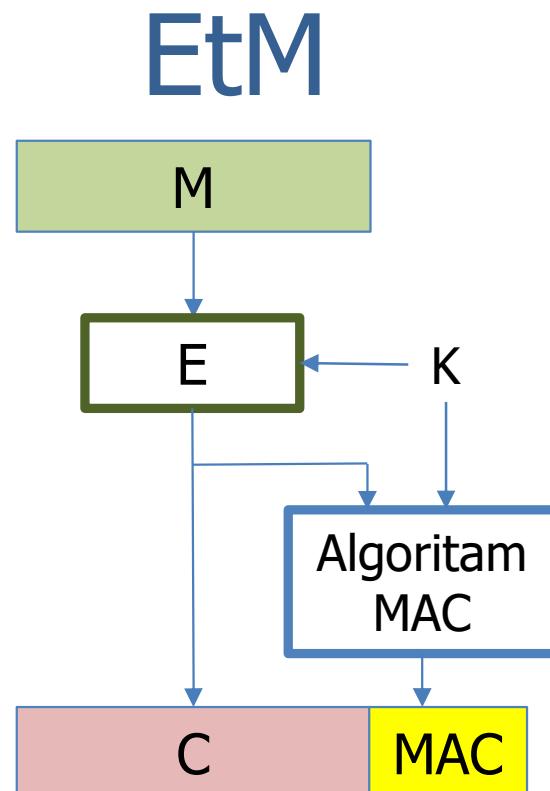
- umjesto blok simetričnog algoritma koristi funkciju za izračunavanje sažetka poruke
- *keyed-Hash Message Authentication Code*
  - HMAC\_MD5
  - HMAC\_SHA1
  - HMAC\_SHA256
  - HMAC\_SHA3
- $\text{HMAC}(K, M) = \text{H}\{(\text{K}' \oplus \text{opad}) \parallel \text{H}[(\text{K}' \oplus \text{ipad}) \parallel M]\}$ 
  - $\text{K}' = \text{H}(\text{K})$  ako je  $\text{K}$  veći od veličine bloka, inače  $\text{K}' = \text{K}$
  - konstanta *opad (outer padding)* = 0x5c5c5c...5c5c
  - konstanta *ipad (inner padding)* = 0x363636...3636
  - *opad* i *ipad* su veličine jednog bloka

# Kako osigurati i tajnost?

- ponovimo: dodatak poruci MAC osigurava
  - integritet, odnosno izvornost (autentičnost) poruke
  - autentifikaciju pošiljatelja
  - no, **nedostaje tajnost!**
- tajnost se osigurava u kombinaciji sa simetričnim kriptografskim algoritmima:
  - *Encrypt-then-MAC (EtM)*
  - *Encrypt-and-MAC (E&M)*
  - *MAC-then-Encrypt (MtE)*

# Kako uz integritet i autentičnost osigurati i tajnost?

Novi načini kriptiranja:

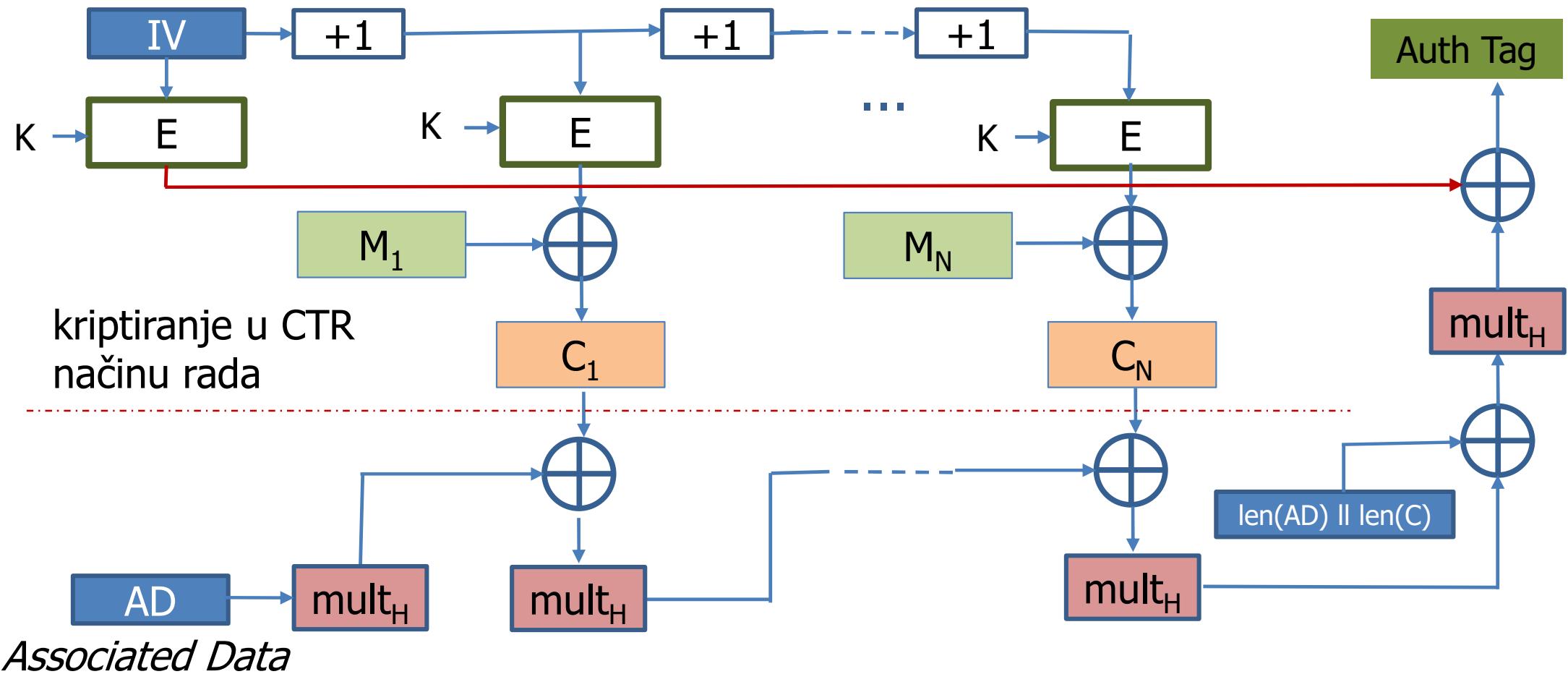


$K$  nije isti ključ za simetričan algoritam i MAC, već se iz jednog ključa  $K$  generiraju dva

# Način kriptiranja GCM - *Galois/Counter Mode*

- način autentifikacijskog kriptiranja koji je primjenjiv samo za simetrične blok algoritme s veličninom bloka 128 bita
- varijanta *Galois Message Authentication Code, GMAC* – samo za autentifikaciju
- ulaz:
  - jasni tekst
  - tajni ključ K
  - IV
  - povezani autentifikacijski podaci (*Associated Data, AD*)
  - duljina povezanih podataka i duljina kriptiranog teksta
- izlaz:
  - autentifikacijska značka (*Auth Tag*)

# Način kriptiranja GCM - *Galois/Counter Mode*



# Neporecivost

- ostvaruje se uz pomoć asimetrične kriptografije i to kriptiranjem privatnim ključem
  - time se ostvaruje i autentičnost
- samo autentičnost se može ostvariti i bez asimetrične kriptografije
  - MAC
  - autentifikacijsko kriptiranje
  - međutim, time NIJE ostvarena neporecivost

# Kako osigurati autentifikaciju?

- asimetrična kriptografija zajedno s funkcijom sažimanja osigurava autentičnost (digitalni potpis) u smislu da autentificira pošiljatelja
- dodatak poruci MAC
  - osigurava integritet i izvornost, ali
  - jamči da je poruku poslao „onaj koji ima tajni ključ“
  - **ne autentificira točno pošiljatelja**
    - ako tajni ključ ima više od dva entiteta (više od dvije osobe)
    - ako tajni ključ imaju samo dvije osobe tada je pošiljatelj jedna od te dvije osobe i primatelj ga na taj način autentificira

# Kako osigurati autentifikaciju bez asimetrične kriptografije?

- Kako se može osigurati autentičnost samo sa simetričnim algoritmom kriptiranja i funkcijom sažimanja ili MAC-om?
- ideja 1: uz pomoć **dijeljene tajne**, tj. tajnog ključa
  - iz tajnog ključa  $K$  kojeg su Ana i Branko razmijenili izračunaju se dva ključa  $K_1$  i  $K_2$
  - svakim se ključem osigurava sigurna komunikacija, ali samo u jednom smjeru:
    - Ana kriptira poruku ključem  $K_1$  i šalje ju zajedno s dodatkom poruci MAC Branku, a Brankove poruke dekriptira i provjerava dodatak poruci MAC ključem  $K_2$
    - Branko kriptira poruku ključem  $K_2$  i šalje ju zajedno s dodatkom poruci Ani, a Anine poruke dekriptira i provjerava dodatak poruci MAC ključem  $K_1$
    - samo Ana i Branko znaju ključeve i  $K_1$  i  $K_2$  i jedino su oni mogli kriptirati poruke tim ključevima

# Kako osigurati autentifikaciju?

- ideja 2: dodavanjem autentifikacijskih podataka u jasni tekst
  - u jasni tekst (koji se kriptira) dodaju se autentifikacijski podaci, npr. „Ana šalje poruku Branku“
- ideja 3: objedinjavanjem u jedan algoritam kojemu je ulaz uz tajni ključ i poruku i dodatni povezani podaci (engl. *associated data, AD*)
  - povezani podaci nisu tajni, ali je osiguran njihov integritet
  - to je zapravo ostvarena ideja 2 u jednom algoritmu
  - takva se kriptografija naziva autentifikacijskom kriptografijom s povezanim podacima (engl. *Authenticated encryption with associated data, AEAD* )
  - NE osigurava neporecivost!
    - digitalni potpis osigurava neporecivost

# Natječaj CAESAR

## i zaključne napomene o autentifikacijskom kriptiranju

- nedostatak klasičnih autentifikacijskih kriptografskih shema poput *EtM*, *E&M* i *MtE* je upravo u primjeni više algoritama
- natječaj CAESAR (*Competition for Authenticated Encryption: Security, Applicability, and Robustness*) završio 20.3.2019. objavljeno **3 pobjednika** u 3 kategorije i **5 rezervna algoritma**
  - **Ascon**, ACORN, **AEGIS** (Bart Preneel, ...), OCB, **Deoxys**, COLM, AES-COPA, ELmD
  - 15 algoritama u trećem krugu natječaja, a ispali su:
    - AES-OTR, AEZ, CLOC and SILC, JAMBU, [Katje](#) (Daemen, ...), [Keyak](#) (Daemen, ...), MORUS, NORX, Tiaoxin
- 2018.-2023.g. NIST-ov natječaj za novi algoritam prilagođen okruženju s ograničenim računalnim resursima (*lightweight cryptography*)
  - u uvjetima natječaja je navedeno da algoritam treba osim simetričnog uključivati i autentifikacijsko kriptiranje (*Authenticated Encryption with Associated Data*, AEAD)
  - odabran je algoritam **ASCON**

# Pobjednici na natječaju CAESAR

Pobjednici su birani u tri kategorije simetričnih blok algoritama:

1. Algoritmi koji su **najmanje zahtjevni** na računalne resurse (*Lightweight applications - resource constrained environments*)
  - **prvi izbor:** [Ascon \(web\)](#)
  - *drugi izbor:* [ACORN](#)
2. Algoritmi visokih performansi (*High-performance applications*) tj. **najbrži**:
  - **prvi izbor:** [AEGIS-128](#)
  - *drugi izbor:* [OCB](#)
3. Višerazinska sigurnost (*Defense in depth*), tj. **najsigurniji**:
  - **prvi izbor:** [Deoxys-II](#)
  - *drugi izbor:* [COLM](#) ili [AES-COPA](#) ili [ELmD](#)

# 5. **Napadi na kriptosustave**

# Algoritam kriptiranja bloka je *siguran*

- ako je teško na temelju kriptiranog teksta pronaći
  - jasni tekst i/ili
  - ključ
- ... čak i ako napadač:
  - ima na raspolaganju mnogo parova  $(M, C)$  gdje je  $C = E(M, K)$
  - može kriptirati i dekriptirati, tj. izračunati:
    - $C=E(M, K)$  za proizvoljni  $M$
    - $M=D(C, K)$  za proizvoljni  $C$

# Osnovni algoritam kriptoanalyse

## Napad grubom silom

- napadač pokušava dekriptirati kriptirani tekst sa svim mogućim ključevima
- neka je poznat  $M$ ,  $C=E(M,K)$
- algoritam radi sljedeće:
  - za svaki mogući ključ  $K_i$
  - ako je  $C == E(M,K_i)$  onda ispiši  $K_i$
- takav se algoritam naziva algoritmom **grube sile**



# Pretraživanje cijelog prostora rješenja napad *grubom silom*

- najjednostavnija i najsporija vrsta napada
- nije moguće spriječiti ovaj napad
- uspješnost svih napada na kriptosustave mjeri se usporedbom s pretraživanjem cijelog prostora
- Napad koji ima veću složenost od složenosti pretraživanja cijelog prostora smatra se neuspješnim!
- Pretpostavka: napadač ili već ima na raspolaganju čisti tekst ili pretpostavlja da čisti tekst ima neku standardnu strukturu koju je moguće prepoznati.
  - Inače, u slučaju dekriptiranja poruke bez prepoznatljive strukture, napadač nema nikakve šanse da pretraživanjem cijelog prostora sazna koji je pravi ključ.

# Napad na kriptosustav AES grubom silom

- duljina ključa = 128 bita

- broj različitih ključeva =

340282366920938463463374607431768211456

- pretpostavke:

- 1 miliardu računala

- 1 miliardu ključeva po sekundi  
po računalu

- gotovi smo za 10 tisuća milijardi godina



# Primjer *uspješnog* napada na AES

- potpuni AES-128 sa složenošću  $2^{126.1}$
- potpuni AES-192 sa složenošću  $2^{189.7}$
- potpuni AES-256 sa složenošću  $2^{254.4}$

[A. Bogdanov (KU Leuven), D. Khovratovich (MS Research Redmond), C. Rechberger (France Telecom), Biclique Cryptanalysis of the Full AES, ASIACRYPT, 2011.]

# Pretraživanje pola prostora rješenja

- može se ostvariti kod mnogih kriptosustava za koje vrijedi simetrija:  
$$C = DES(M, K) \quad \text{i} \quad C' = DES(M', K')$$
  
( $X'$  oznaka za bitovni komplement vrijednosti  $X$ )
- fiksno se postavi jedan bit ključa u '0'
- za svaki  $K$  se uspoređuje dobiveni kriptirani tekst  $C''$  sa  $C$  i  $C'$  i ako vrijedi jednakost, radi se o  $K$  odnosno  $K'$
- ušteda je vrlo blizu 50%
- vrijedi za DES!
- **zaštita od napada pretraživanjem pola prostora:** koristiti kriptosustav za koji ne vrijedi navedeni tip simetrije ☺

# Vrste napada na kriptosustave prema onome što je napadaču poznato

- napad s odabranim čistim tekstom (*chosen-plaintext attack*)
  - napadač posjeduje neograničene količine parova (M,C)
  - primjer s pametnim karticama
- napad s odabranim kriptiranim tekstom (*chosen-ciphertext attack*)
  - napadač posjeduje po svojoj volji odabrani C i pripadni M (također neograničene količine parova)
- napad s poznatim čistim tekstom (*known-plaintext attack*)
  - napadač posjeduje neke parove (M,C)
  - za napad mu treba određena količina parova
- napad s poznatim kriptiranim tekstom (*only-ciphertext attack*)
  - napadač posjeduje samo C a pokušava saznati K i M
  - napadaču je ovaj napad najteže uspješno provesti
- cilj je dozнати тајни клjuč

# Napadi na DES

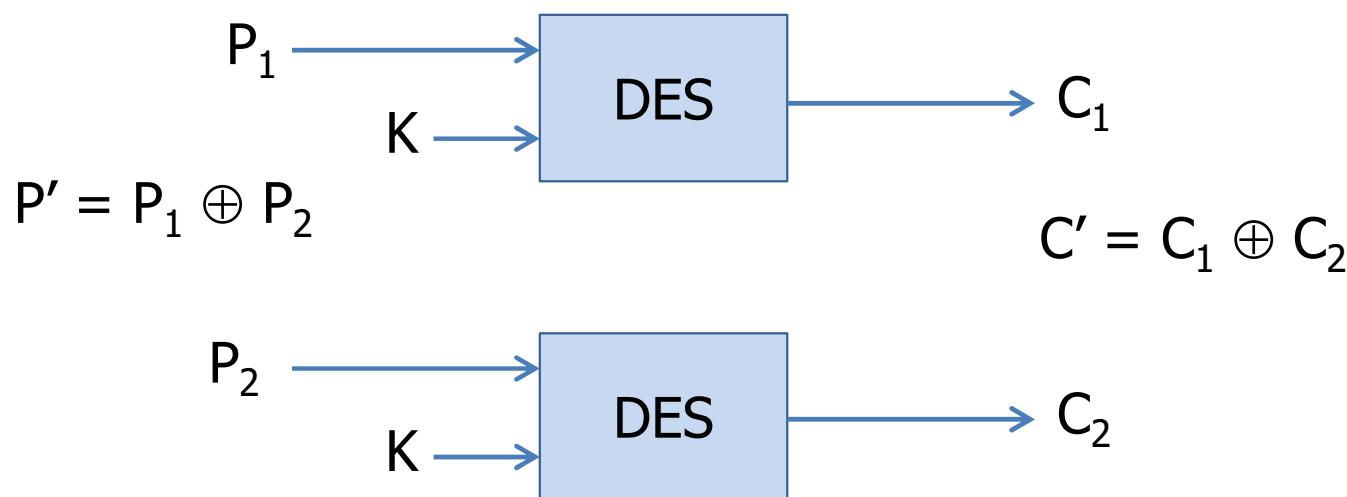
- bilo kakvim linearnim promjenama u postupku generiranja ključeva i u funkciji F, DES ne postaje otporniji na napade
- promjena u nelinearnom dijelu algoritma (S tablice) utječe na ranjivost algoritma
- DES bitno oslabljuje:
  - promjena redoslijeda S tablica
  - slučajno odabrane S tablice
  - umjesto XOR neka složenija funkcija
- pristup: analiza pojednostavljenog kriptosustava (s manje iteracija ili rundi, za primjerice DES sa samo tri runde)

# Kriptoanaliza

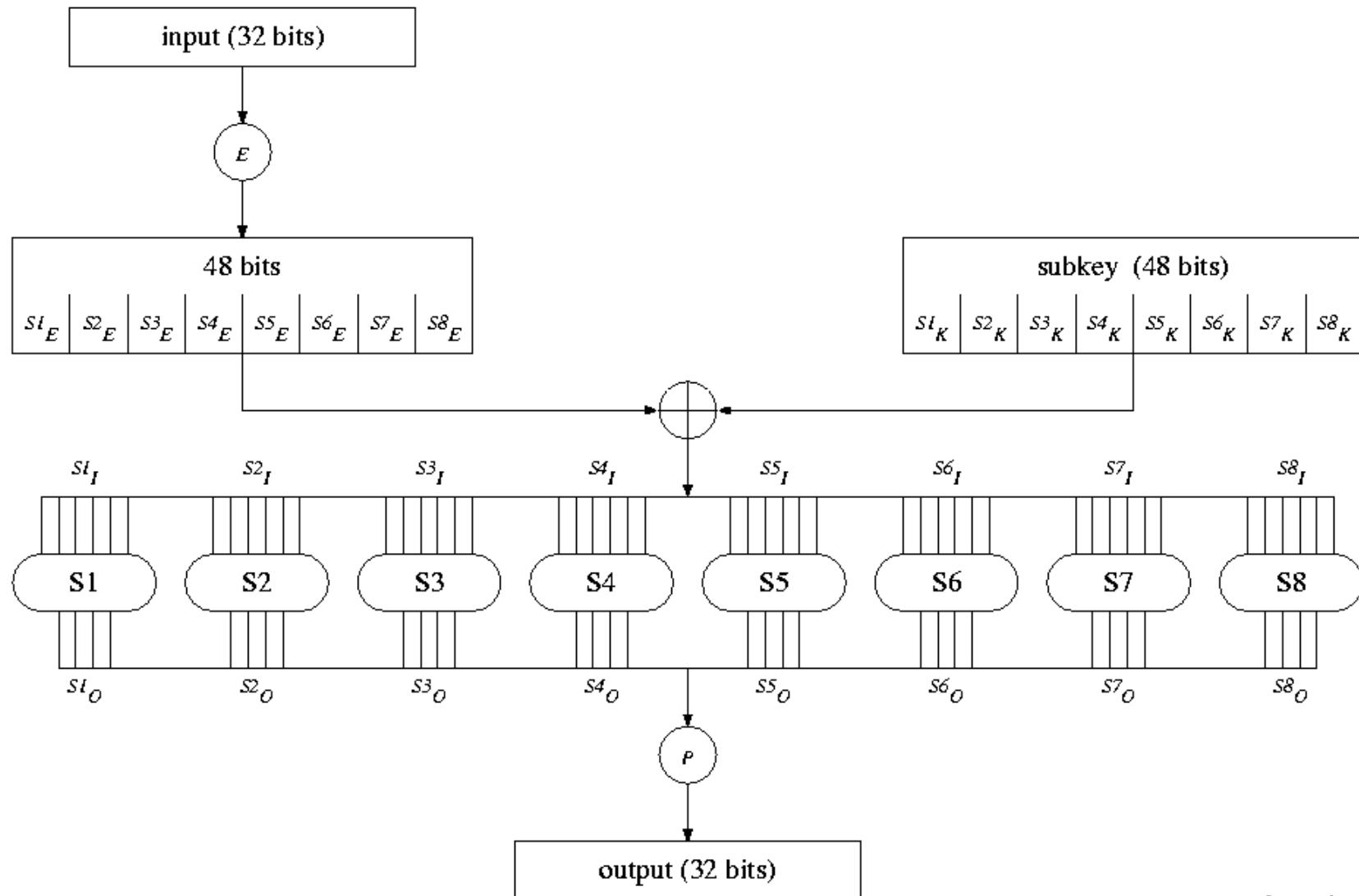
- diferencijalna kriptoanaliza
- linerna kriptoanaliza
- implementacijski napadi
  - napadi koji ne iskorištavaju slabosti algoritma (jer ih obično algoritam ni nema) već iskorištavaju sigurnosne propuste u programskim ili sklopovskim ostvarenjima
- uspješnost kriptoanalyse ocjenjuje se uspoređivanjem s napadom **grubom silom** odnosno ispitivanjem svih mogućih ključeva

# Diferencijalna kriptoanaliza kriptosustava DES

- Eli Biham, Adi Shamir, knjiga pod naslovom "*Differential analysis of DES-like cryptosystems*", 1990.
- tehnika kojom se analizira učinak razlike između dva čista teksta na razliku između dva rezultirajuća kriptirana teksta
- razlike služe za određivanje vjerojatnosti mogućih ključeva



# Ponavljanje: DES, funkcija $F$



# S-tablice ili S-kutije (*engl. S-boxes*)

- nisu linearne
  - poznavanje razlike ulaznog para ne garantira poznavanje razlike izlaza iz S-tablica
- za bilo koju ulaznu razliku kod S-tablica postoji ogranicen broj mogucih izlaznih razlika
  - primjerice ima i onih koje se sigurno nece pojaviti
- ulaz u neku od 8 S-tablica je velicine 6 bita, a izlaz 4 bita pa stoga postoji
  - $2^6 = 64$  mogucih ulaznih razlika i
  - $2^4 = 16$  izlaznih razlika
- supstitucijska tablica S1:

14	4	13	1	2	15	11	8	3	10	6	12	5	9	0	7
0	15	7	4	14	2	13	1	10	6	12	11	9	5	3	8
4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	0
15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	13

- sve te mogucnosti mogu se pobrojati i zapisati u tablicu

# Dio tablice koja prikazuje broj mogućih izlaznih razlika za pojedinu ulaznu razliku tablice S1

Ako su ulazi jednaki, onda i na izlazu nema razlike.

Na 6 od ukupno 64 načina se na izlazu dobije razlika 3x

Svi brojevi u tablici su parni jer je operacija XOR komutativna

Input XOR	$0_x$	$1_x$	$2_x$	$3_x$	$4_x$	$5_x$	$6_x$	$7_x$	$8_x$	$9_x$	$A_x$	$B_x$	$C_x$	$D_x$	$E_x$	$F_x$
$0_x$	64	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$1_x$	0	0	0	6	0	2	4	4	0	10	12	4	10	6	2	4
$2_x$	0	0	0	8	0	4	4	4	0	6	8	6	12	6	4	2
$3_x$	14	4	2	2	10	6	4	2	6	4	4	0	2	2	2	0
$4_x$	0	0	0	6	0	10	10	6	0	4	6	4	2	8	6	2
$5_x$	4	8	6	2	2	4	4	2	0	4	4	0	12	2	4	6
$6_x$	0	4	2	4	8	2	6	2	8	4	4	2	4	2	0	12
$7_x$	2	4	10	4	0	4	8	4	2	4	8	2	2	2	4	4
$8_x$	0	0	0	12	0	8	8	4	0	6	2	8	8	2	2	4
$9_x$	10	2	4	0	2	4	6	0	2	2	8	0	10	0	2	12
$A_x$	0	8	6	2	2	8	6	0	6	4	6	0	4	0	2	10
$B_x$	2	4	0	10	2	2	4	0	2	6	2	6	6	4	2	12
$C_x$	0	0	0	8	0	6	6	0	0	6	6	4	6	6	14	2
$D_x$	6	6	4	8	4	8	2	6	0	6	4	6	0	2	0	2
$E_x$	0	4	8	8	6	6	4	0	6	6	4	0	0	4	0	8
$F_x$	2	0	2	4	4	6	4	2	4	8	2	2	2	6	8	8
⋮																
$30_x$	0	4	6	0	12	6	2	2	8	2	4	4	6	2	2	4
$31_x$	4	8	2	10	2	2	2	2	6	0	0	2	2	4	10	8
$32_x$	4	2	6	4	4	2	2	4	6	6	4	8	2	2	8	0
$33_x$	4	4	6	2	10	8	4	2	4	0	2	2	4	6	2	4
$34_x$	0	8	16	6	2	0	0	12	6	0	0	0	0	8	0	6
$35_x$	2	2	4	0	8	0	0	0	14	4	6	8	0	2	14	0
$36_x$	2	6	2	2	8	0	2	2	4	2	6	8	6	4	10	0
$37_x$	2	2	12	4	2	4	4	10	4	4	2	6	0	2	2	4
$38_x$	0	6	2	2	2	0	2	2	4	6	4	4	4	6	10	10
$39_x$	6	2	2	4	12	6	4	8	4	0	2	4	2	4	4	0
$3A_x$	6	4	6	4	6	8	0	6	2	2	6	2	2	6	4	0
$3B_x$	2	6	4	0	0	2	4	6	4	6	8	6	4	4	6	2
$3C_x$	0	10	4	0	12	0	4	2	6	0	4	12	4	4	2	0
$3D_x$	0	8	6	2	2	6	0	8	4	4	0	4	0	12	4	4
$3E_x$	4	8	2	2	2	4	4	14	4	2	0	2	0	8	4	4
$3F_x$	4	8	4	2	4	0	2	4	4	2	4	8	8	6	2	2

U svakom retku suma brojeva je 64 jer se svaki 6-bitni ulaz može dobiti na 64 načina kao rezultat operacije XOR, npr.

$1x = 000001 =$   
 $000000 \oplus 000001 =$   
 $000001 \oplus 000000 =$   
 $000010 \oplus 000011 =$   
 $000011 \oplus 000010 =$   
 $000100 \oplus 000101 =$   
 $000101 \oplus 000100 =$   
 itd.

i sada treba samo izbrojati sve razlike na izlazu, npr.

$S1(000000) = 1110$   
 $S1(000001) = 0000$

a  
 $1110 \oplus 0000 = 1110$   
 pa se u retku  $1x$  i stupcu  $Ex=1110$   
 dodaje jedna jedinica ili

$S1(000010) = 0100$   
 $S1(000011) = 1111$

a  
 $0100 \oplus 1111 = 1011$   
 pa se u stupcu  $Bx=1011$  dodaje jedna jedinica, i tako 64 puta

# Izlazna razlika

# Mogući ulazi za ulaznu razliku $34_x$

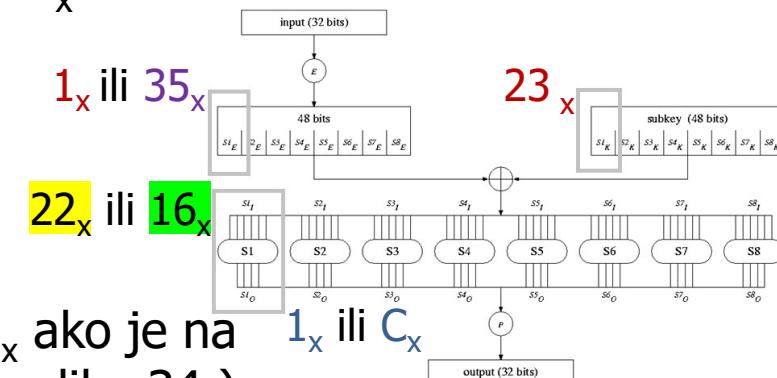
$1_x$	$03_x, 0F_x, 1E_x, 1F_x, 2A_x, 2B_x, 37_x, 3B_x$
$2_x$	$04_x, 05_x, 0E_x, 11_x, 12_x, 14_x, 1A_x, 1B_x, 20_x, 25_x, 26_x, 2E_x, 2F_x, 30_x, 31_x, 3A_x$
$3_x$	$01_x, 02_x, 15_x, 21_x, 35_x, 36_x$
$4_x$	$13_x, 27_x$
$7_x$	$00_x, 08_x, 0D_x, 17_x, 18_x, 1D_x, 23_x, 29_x, 2C_x, 34_x, 39_x, 3C_x$
$8_x$	$09_x, 0C_x, 19_x, 2D_x, 38_x, 3D_x$
$D_x$	$06_x, 10_x, 16_x, 1C_x, 22_x, 24_x, 28_x, 32_x$
$F_x$	$07_x, 0A_x, 0B_x, 33_x, 3E_x, 3F_x$

Ulaz u S-tablicu  
(parovi za koje  $\oplus$  daje  $34_x$ )

$$\begin{aligned} 06_x \oplus 32_x &= 34_x \\ 10_x \oplus 24_x &= 34_x \\ 16_x \oplus 22_x &= 34_x \\ 1C_x \oplus 28_x &= 34_x \end{aligned}$$

Mogući ključevi za izlaznu razliku  $D_x$  ako je na ulazu  $S1E = 1_x$  i  $S1E' = 35_x$  (ulazna razlika  $34_x$ )

$$\begin{array}{ll} 07_x, & 33_x \\ 11_x, & 25_x \\ 17_x, & 23_x \\ 1D_x, & 29_x \end{array}$$



primjer:

$$\begin{aligned} 1_x \oplus 23_x &= 22_x \text{ u } S1 \text{ izlaz je } 1_x \\ 35_x \oplus 23_x &= 16_x \text{ u } S1, \text{ izlaz je } C_x \end{aligned}$$

izlazna razlika je  $1_x \oplus C_x = D_x$

# Izlazna razlika

# Mogući ulazi za ulaznu razliku $34_x$

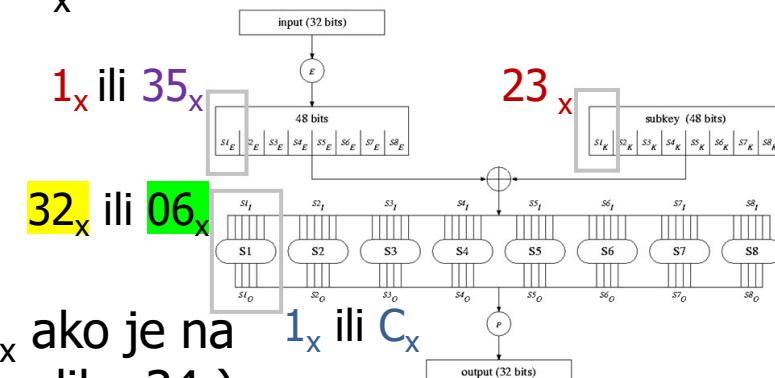
$1_x$	$03_x, 0F_x, 1E_x, 1F_x, 2A_x, 2B_x, 37_x, 3B_x$
$2_x$	$04_x, 05_x, 0E_x, 11_x, 12_x, 14_x, 1A_x, 1B_x, 20_x, 25_x, 26_x, 2E_x, 2F_x, 30_x, 31_x, 3A_x$
$3_x$	$01_x, 02_x, 15_x, 21_x, 35_x, 36_x$
$4_x$	$13_x, 27_x$
$7_x$	$00_x, 08_x, 0D_x, 17_x, 18_x, 1D_x, 23_x, 29_x, 2C_x, 34_x, 39_x, 3C_x$
$8_x$	$09_x, 0C_x, 19_x, 2D_x, 38_x, 3D_x$
$D_x$	$06_x, 10_x, 16_x, 1C_x, 22_x, 24_x, 28_x, 32_x$
$F_x$	$07_x, 0A_x, 0B_x, 33_x, 3E_x, 3F_x$

Ulaz u S-tablicu  
(parovi za koje  $\oplus$  daje  $34_x$ )

$$\begin{aligned} 06_x \oplus 32_x &= 34_x \\ 10_x \oplus 24_x &= 34_x \\ 16_x \oplus 22_x &= 34_x \\ 1C_x \oplus 28_x &= 34_x \end{aligned}$$

Mogući ključevi za izlaznu razliku  $D_x$  ako je na ulazu  $S1E = 1_x$  i  $S1E' = 35_x$  (ulazna razlika  $34_x$ )

$$\begin{array}{ll} 07_x & 33_x \\ 11_x & 25_x \\ 17_x & 23_x \\ 1D_x & 29_x \end{array}$$



ili drugi primjer:

$$\begin{aligned} 1_x \oplus 07_x &= 06_x \text{ u } S1 \text{ izlaz je } 1_x \\ 35_x \oplus 07_x &= 32_x \text{ u } S1, \text{ izlaz je } C_x \end{aligned}$$

izlazna razlika je  $1_x \oplus C_x = D_x$

# Učinkovitost napada diferencijalnom kriptoanalizom

Broj rundi	4	6	8	9	10	11	12	13	14	15	16
Složenost	$2^4$	$2^8$	$2^{16}$	$2^{26}$	$2^{35}$	$2^{36}$	$2^{43}$	$2^{44}$	$2^{51}$	$2^{52}$	$2^{58}$

- Eli Biham, Adi Shamir, *Differential cryptoanalysis of the full 16-round DES*, 1991. - opisan je napad diferencijalnom analizom izvediv na potpuni DES koji je brži od pretraživanja pola prostora rješenja
- Joan Daemen, *Cipher and hash function design strategies based on linear and differential cryptoanalysis*, 1994. - opisana je metoda *Wide Trail Strategy* koja pruža zaštitu i od diferencijalne i od linearne analize

# Linearna kriptoanaliza

- cilj je pronaći linearu aproksimaciju danog algoritma

$$P [i_1, i_2, \dots, i_a] \oplus C [j_1, j_2, \dots, j_b] = K [k_1, k_2, \dots, k_c]$$

- primjer: neka s vjerojatnošću p=100% vrijedi:

$$P [1, 4, 13] \oplus C [1, 2, 3, 4, 6, 9, 11] = K [5, 6, 8]$$

- paritet 5., 6. i 8. bita ključa jednoznačno je određen paritetom pojednih bitova čistog i kriptiranog teksta
  - duljina ključa efektivno smanjila za 1 bit
- aproksimacija nikada nema vjerojatnost ni blizu 100%, obično je ta vjerojatnost vrlo blizu 50%
  - taj nedostatak nadoknađuje se uzimanjem veće količine parova čisti/kriptirani tekst
- obično postoji više linearnih aproksimacija za neki algoritam

- DES Challenge I: 1997.

broj bitova ključa	vrijeme pronalaženja ključa
40	78 sekundi
48	5 sati
56	89 dana
64	41 godina
72	10.696 godina
80	2.738.199 godina
88	700.978.948 godina
96	179.450.610.898 godina
112	11.760.475.235.863.837 godina
128	770.734.505.057.572.442.069 godina

- DES Challenge II: 1998.

- Deep Crack, 56 sati
- trošak je bio \$250.000, a nagrada \$10.000



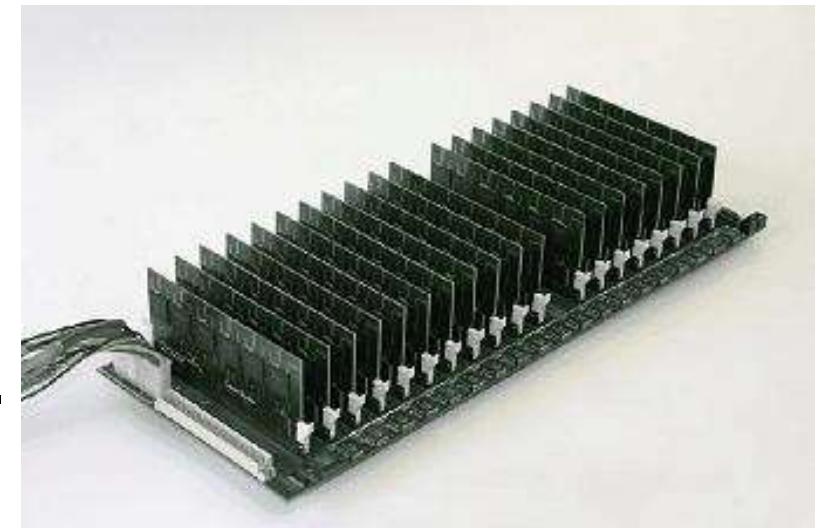
slika preuzeta s crack.sh

- DES Challenge III: 1999.

- distributed.net
- 22h i 15min nakon pretrage 22,2% prostora rješenja

# COPACOBANA

- *A Cost-Optimized Parallel Code Breaker*
- razvila su ga sveučilište Ruhr iz Bochuma i Christian-Albrechts iz Kiela 2006. g.
- FPGA arhitektura, programabilan sustav
- može se iskoristiti i u druge svrhe
- 400 000 000 enkripcija u sekundi
- Sveučilišta u Bochumu i Kielu su 2006. g. izveli napad na DES
  - pretraga je trajala prosječno 7 dana
  - cijena  $\approx 9$  kEUR (2006.g.)



# Implementacijski napadi

- napadi koji koriste propuste u programskoj i sklo povskoj implementaciji kriptografskih algoritma
  - napadi koji koriste sporedna svojstva kriptografskih uređaja (*engl. Side Channel Attacks, SCA*)
  - napadi koji analiziraju pogreške koje se javljaju u radu kriptografskih uređaja (*engl. fault analysis*)
    - napadi umetanjem grešaka (*engl. fault injection*)
  - mikrosondiranja

# Napadi koji koriste sporedna fizikalna svojstva kriptografskih uređaja (engl. *side-channel attacks*)

- analiza potrošnje električne energije
- vremenski napadi
- zvuk i slika
- temperatura
- elektromagnetska zračenja

# Side-channels

- *Something that enables you to know something about something without directly observing that something.*

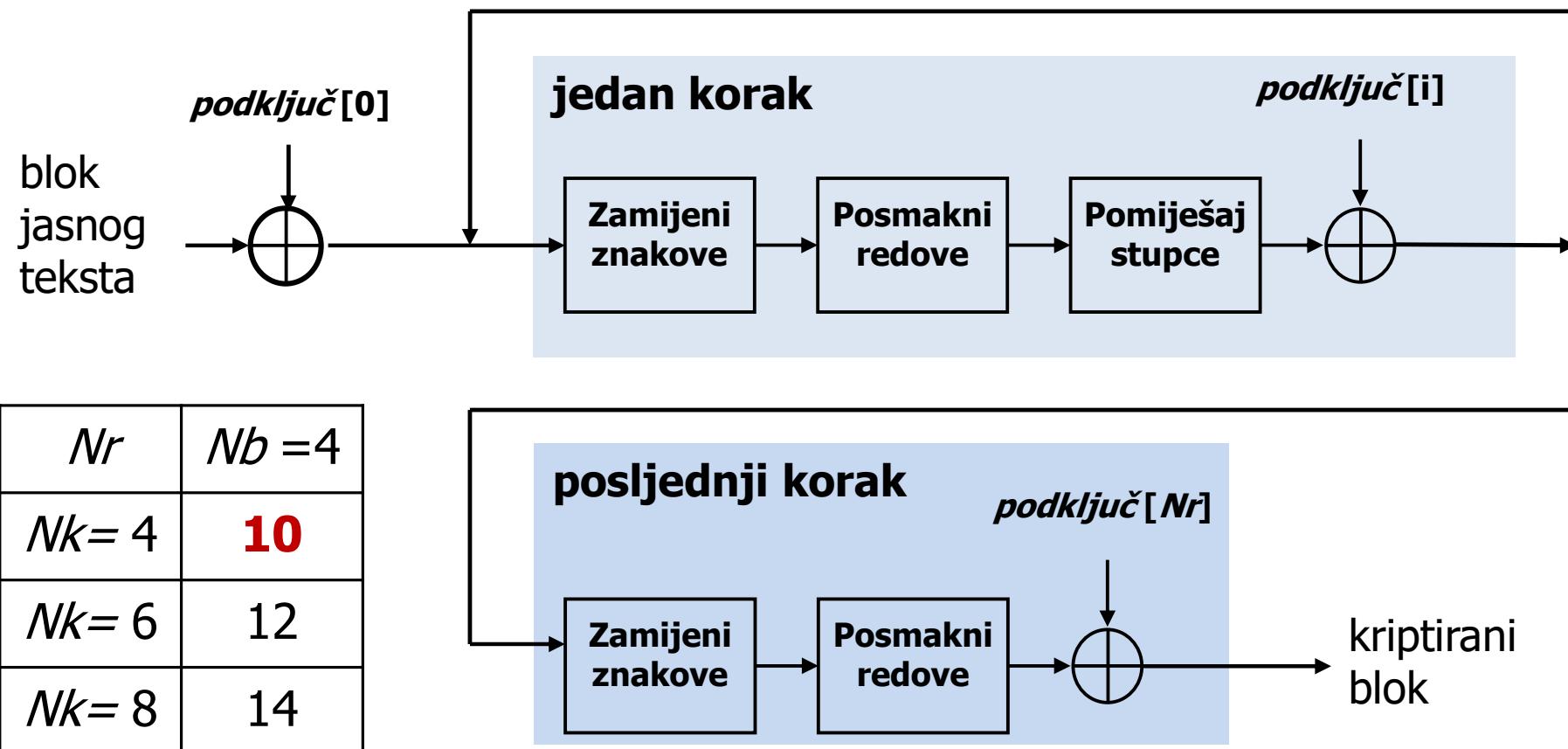


# Analiza potrošnje električne energije

- engl. *Power Analysis*, PA
  - Jednostavna analiza potrošnje električne energije (*Simple Power Analysis - SPA*)
  - Diferencijalna analiza potrošnje električne energije (*Differential Power Analysis – DPA*)
- više o napadima temeljenima na analizi potrošnje električne energije na  
[http://www.zemris.fer.hr/predmeti/os2/kriptografska\\_radionica.html](http://www.zemris.fer.hr/predmeti/os2/kriptografska_radionica.html)

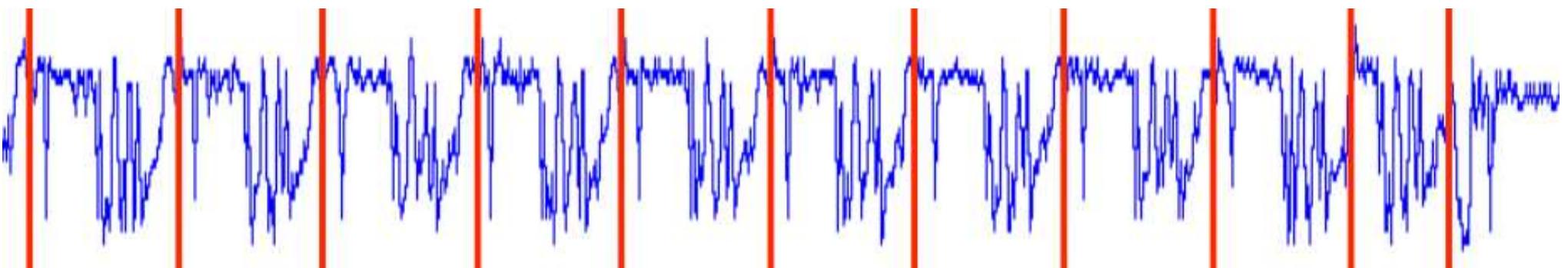
# Jednostavna analiza potrošnje električne energije na primjeru kriptosustava AES

ponavljam  $Nr - 1$  puta



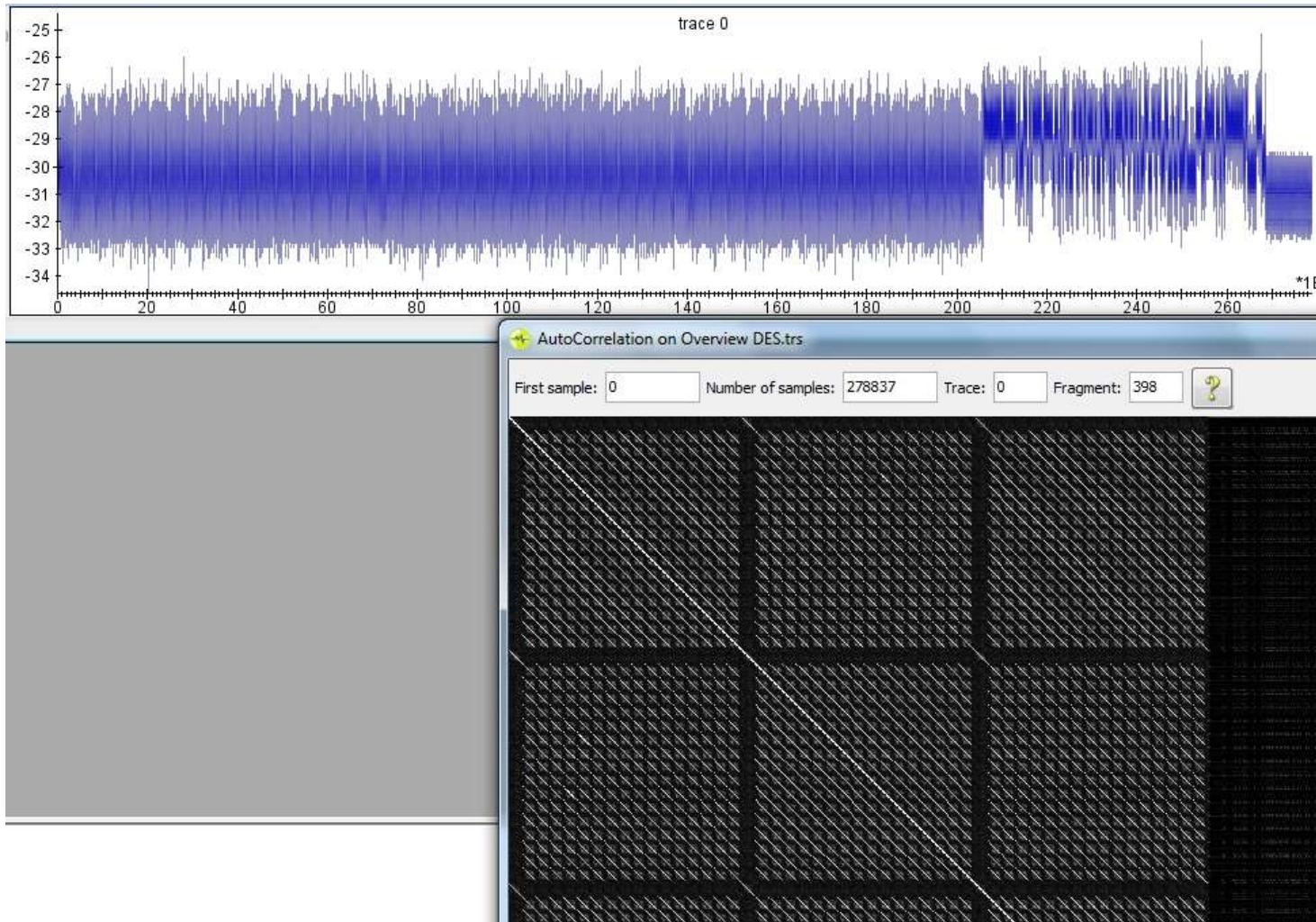
# Jednostavna analiza potrošnje električne energije na primjeru kriptosustava AES

- Kolika je veličina ključa u ovom ostvarenju kriptosustava AES?



- 10 rundi = 128 bita veličina ključa

# Jednostavna analiza potrošnje električne energije



- Koji je ovo algoritam?

# Jednostavna analiza potrošnje električne energije na primjeru kriptosustava RSA

Kriptiranje:  $C = RSA(M, S) = M^e \text{ mod } n, P = (e, n)$

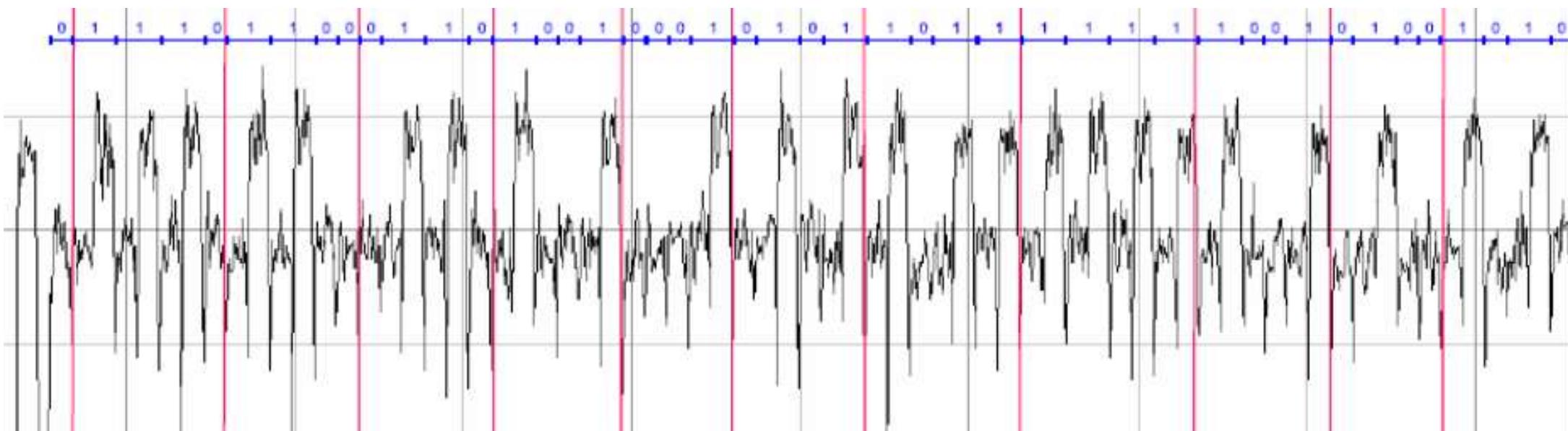
Dekriptiranje:  $M = RSA^{-1}(C, P) = C^d \text{ mod } n, S = (d, n)$

pri čemu se koristi modularno potenciranje:  
(želimo izračunati  $d = b^a \text{ mod } n$ )

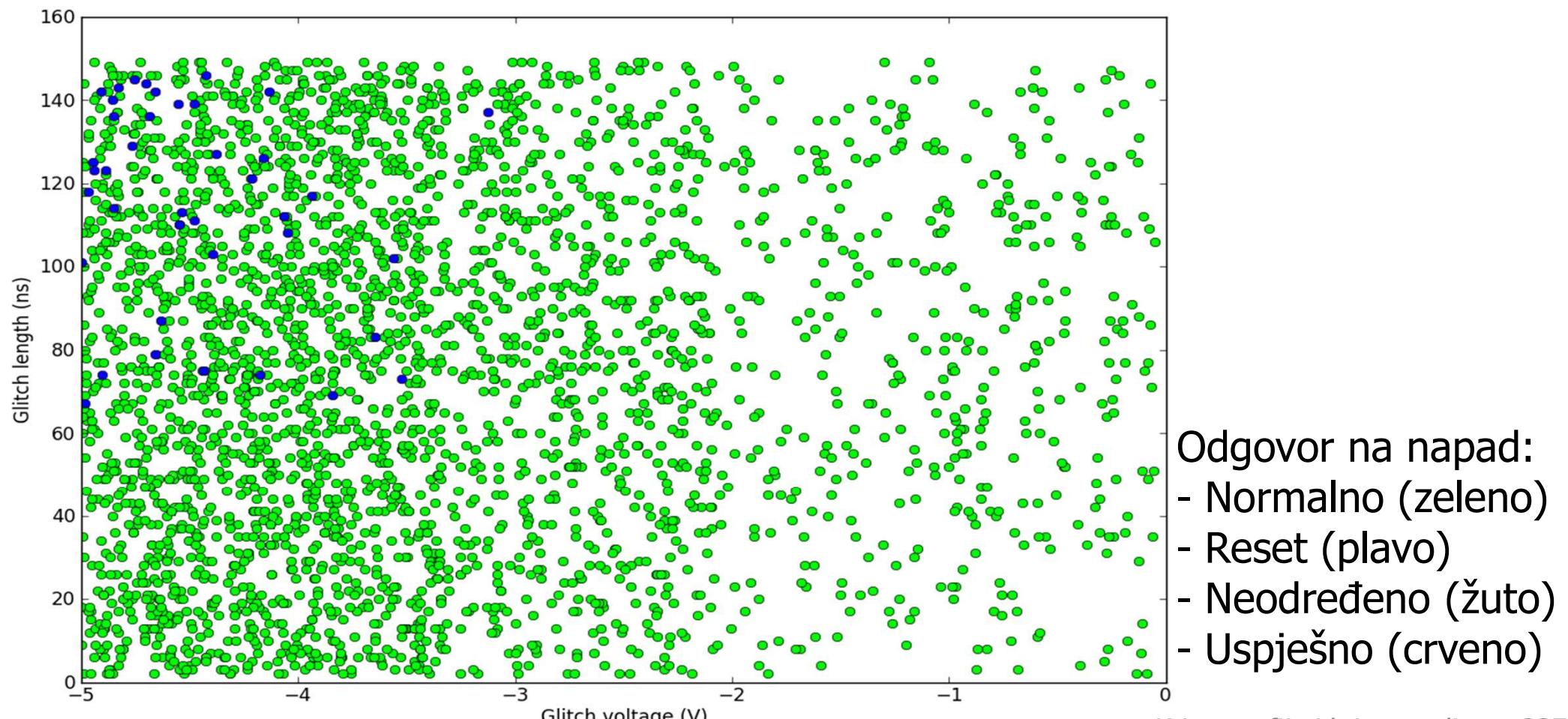
```
d = 1;
i = m;
dok je (i >= 0) {
    d = (d * d) mod n;
    ako je (a[i] == 1) {
        d = (d*b) mod n;
    }
    i--;
}
```

# Jednostavna analiza potrošnje električne energije na primjeru kriptosustava RSA

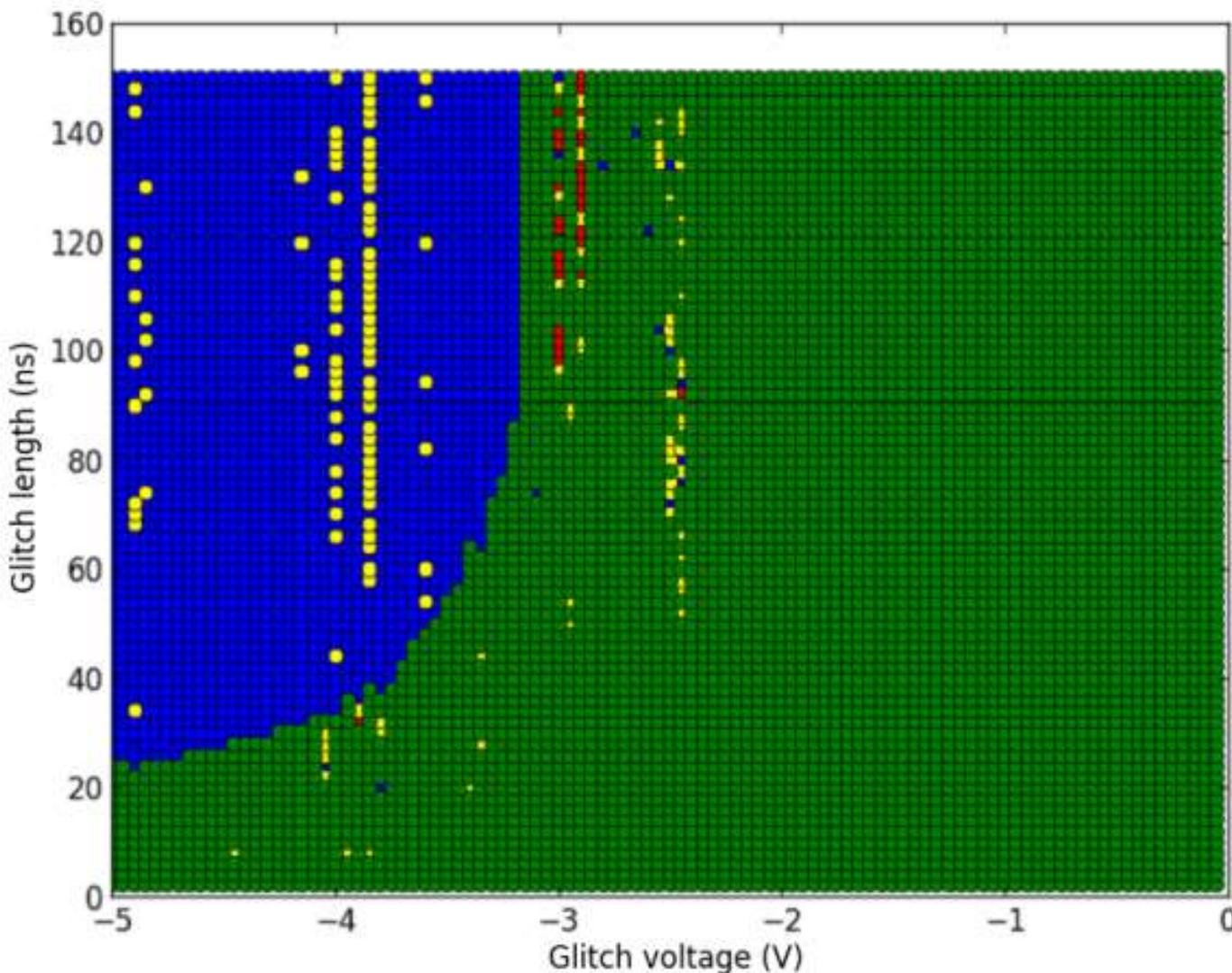
- Koji ključ se koristi u ovom ostvarenju kriptosustava RSA?



# Napadi umetanjem grešaka (*fault analysis*) postupkom Monte Carlo



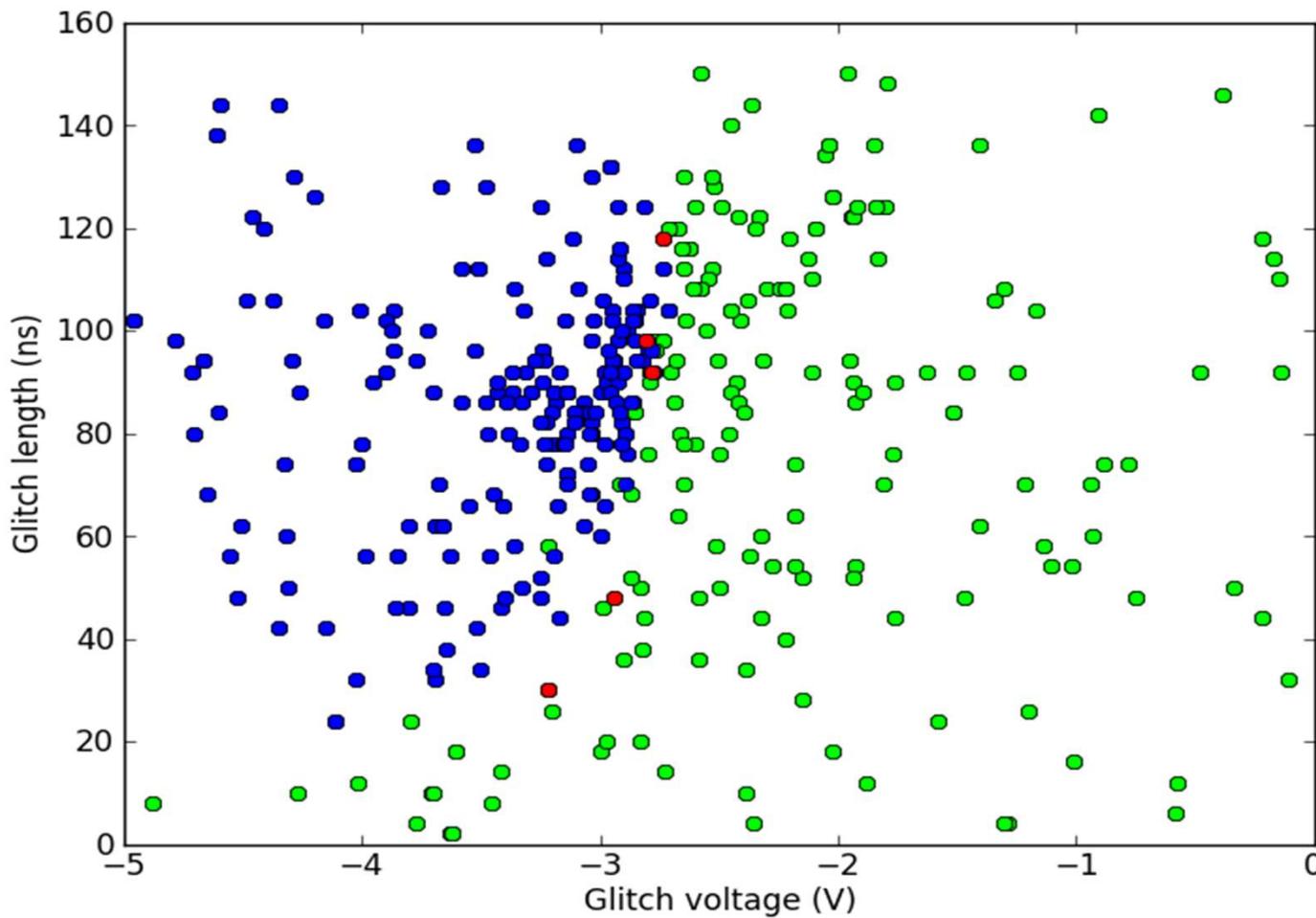
# Napadi umetanjem grešaka iscrpnom pretragom



Odgovor na napad:

- Normalno (zeleno)
- Reset (plavo)
- Neodređeno (žuto)
- Uspješno (crveno)

# Napadi umetanjem grešaka genetskim algoritmom



Odgovor na napad:

- Normalno (zeleno)
- Reset (plavo)
- Neodređeno (žuto)
- Uspješno (crveno)

# Primjeri SCA napada

- 2025: Krađa piksela (*eng. pixnapping pixel-stealing attack*)
  - zločudni program koji u Android okruženju otkriva brojeve iz slike piksel po piksel, primjerice generirane prilikom dvorazinske autentifikacije
- 2024: "RAMBO" (Radiation of Air-gapped Memory Bus for Offense)
  - napadač instalira zločudni program na izolirano računalo (*eng. air-gapped computer*) za prikupljanje podataka i pripremu za prijenos, tj. elektromagnetsko prislушкиvanje tako da generira kontrolirano elektromagnetsko zračenje prilikom čitanja i pisanja na podatkovni dio sabirnice
  - jedinice i nule se kodiraju u radio signal kojeg napadač može pročitati s jednostavnim i jeftinim programskim radio (*eng. Software-Defined Radio, SDR*) uređajem s antenom koji prislушкиuje tako generirane signale na izoliranom računalu
  - brzine prijenosa su od 100 do 1000 bitova u sekundi
    - za prijenos primjerice biometrijske informacije veličine 10000 bitova potrebno je 10 do 100 s

# Zaključak

- Koristiti provjerene programske i sklopovske implementacije algoritama koje su otporne i na implementacijske napade.
- Izbjegavati vlastita programska ostvarenja osim ako se one koriste za edukaciju. ☺