

PRÁCTICA CALIFICADA No. 2

CURSO: Fundamentos de Econometría

CÓDIGO: 1ECO27

**PROFESOR: Juan Palomino** 

JEFE DE PRÁCTICA: Tania Paredes FECHA: 12 de noviembre de 2022

**DURACIÓN DE LA PRUEBA: 1 hora y 50 minutos** 

**SEMESTRE: 2022-2** 

Sí está permitido el uso de material de consulta durante el desarrollo de la prueba.

• Puntaje: 20 puntos

## 1. El problema de autocorrelación. (6 puntos)

Al estudiar el movimiento en la participación de la producción de los trabajadores en el valor agregado (es decir, la participación laboral), Gujarati¹ consideró los siguientes modelos:

Modelo A

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 t + u_t$$

Modelo B

$$Y_t = \alpha_0 + \alpha_1 t + \alpha_2 t^2 + u_t$$

donde Y participación laboral y t tiempo. Con base en información anual de 1949 a 1964 se obtuvieron los siguientes resultados para la industria metalúrgica básica:

Modelo A

$$\widehat{Y}_t = 0.4529 - 0.0041t$$
,  $R^2 = 0.5284$ ,  $d = 0.8252$  (-3.9608)

Modelo B

$$\widehat{Y}_t = 0.4786 - 0.0127t + 0.0005t^2, R^2 = 0.6629, d = 1.82$$
(-3.2724) (2.7777)

donde las cifras entre paréntesis son los valores t y el valor del estadístico DW son los valores d.

- a. ¿Hay correlación serial en el modelo A? ¿En el modelo B? (2 puntos)
- b. ¿Qué explica la correlación serial? (2 puntos)
- c. ¿Cómo distinguiría entre autocorrelación "pura" y sesgo de especificación? (2 puntos)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Damodar Gujarati, "Labor's Share in Manufacturing Industries", Industrial and Labor Relations Review, vol. 23, núm. 1, octubre de 1969, pp. 65-75.



## 2. El problema de endogeneidad y el uso de variables instrumentales (6 puntos)

Se utilizan datos sobre mujeres trabajadoras casadas para estimar el rendimiento de la educación en el modelo de regresión simple:

$$\log(wage) = \beta_0 + \beta_1 educ + u$$

Y se obtienen los siguientes datos de la estimación:

$$\log(wage) = -0.185 + 0.109 educ$$

Donde las desviaciones estándar de  $\beta_0$  y  $\beta_1$  son 0.185 y 0.14, respectivamente. Otros datos son: N=428,  $R^2 = 0.118$ 

a. Interprete el resultado del estimador de  $\beta_1$  obtenido (1 punto)

Se propone utilizar la educación del padre (*fatheduc*) como variable instrumental para educación, para lo cual se obtienen los siguientes resultados de la estimación

$$\widehat{educ} = 10.24 + 0.269$$
 fatheduc

Donde las desviaciones estándar de  $\beta_0$  y  $\beta_1$  son 0.28 y 0.29, respectivamente Otros datos son: N=428,  $R^2 = 0.173$  y el t-estadístico=9.28

b. ¿Es este será un buen instrumento? Presente dos argumentos que justifiquen su respuesta (2 puntos).

Finalmente, cuando se realiza la estimación incorporando la variable instrumental *fatheduc* de *educ*:

$$\log(\widehat{wage}) = 0.441 + 0.059 \, \widehat{\text{educ}}$$

Donde las desviaciones estándar de  $\beta_0$  y  $\beta_1$  son 0.446 y 0.350, respectivamente. Otros datos son: N=428,  $R^2=0.093$ 

c. ¿Qué podríamos concluir de comparar esta estimación (que incluye el uso de una variable instrumental) con la de la parte 2a.? (3 puntos).

## 3. Ecuaciones Simultáneas [8 puntos]

Considere el modelo:

$$Q_{t}^{o} = \alpha_{1} + \alpha_{2} P_{t} + \alpha_{3} T_{t} + \varepsilon_{t}^{o}$$

$$Q_{t}^{d} = \beta_{1} + \beta_{2} P_{t} + \beta_{3} N_{t} + \beta_{4} R_{t} + \varepsilon_{t}^{d}$$

- a) Expresa matricialmente el sistema de ecuaciones y encuentre los parámetros reducidos en función de los parámetros estructurales. (2 puntos)
- b) Estudie la identificación del modelo por condición de orden. (2 puntos)
- c) Estudie la identificación del modelo por condición de rango. (2 puntos)
- d) De acuerdo a la identificación, establecer que método de estimación es apropiado para solucionar la ecuación. Justifique su respuesta. (2 punto)

