#### Санкт-Петербургский политехнический университет имени Петра Великого

#### Физико-механический институт Высшая школа прикладной математики и физики

# Отчет по лаборабороной работу №1 по дисциплине "Интервальный анализ"

Выполнил:

Студент: Хламкин Евгений Группа: 5030102/00201

Принял:

к. ф.-м. н., доцент

Баженов Александр Николаевич

## Содержание

1	Постановка задачи	2
2	Теория    2.1 Определения	<b>2</b> 2
3	Реализация	2
4	Результаты	2
5	Вывод	3
6	Ссылка на Github	3

#### 1 Постановка задачи

Найти минимальную  $\delta$ , чтобы матрица была особенной Пусть **X** - интервальная матрица и

$$\operatorname{mid}(\mathbf{X}) = \begin{pmatrix} 1.05 & 1\\ 0.95 & 1 \end{pmatrix} \tag{1}$$

Необходимо рассмотреть матрицы  $X_1$  и  $X_2$  для задачи регрессии и томографии соответственно:

$$\mathbf{X_1} = \begin{pmatrix} [1.05 - \delta, 1.05 + \delta] & [1, 1] \\ [0.95 - \delta, 0.95 + \delta] & [1, 1] \end{pmatrix}$$
 (2)

$$\mathbf{X_2} = \begin{pmatrix} [1.05 - \delta, 1.05 + \delta] & [1 - \delta, 1 + \delta] \\ [0.95 - \delta, 0.95 + \delta] & [1 - \delta, 1 + \delta] \end{pmatrix}$$
(3)

### 2 Теория

#### 2.1 Определения

- Середина матрицы  $\operatorname{mid}(\mathbf{A}) = \{A \mid a_{ij} = \operatorname{mid}(\mathbf{a}_{ij})\}$
- Радиус матрицы  $\operatorname{rad}(\mathbf{A}) = \{A \mid a_{ij} = \operatorname{rad}(\mathbf{a}_{ij})\}$
- Матрица  $\mathbf{A} \in \mathbb{IR}$  называется особенной, если  $\exists A \in \mathbf{A} : det(A) = 0$ .
- Числа  $\sigma_1...\sigma_k$ , равные квадратным корням из собственных значений матрицы  $AA^T$ , называется сингулярными числами матрицы A.
- Множество вершин интревальной матрицы  $\operatorname{vert}(\mathbf{A}) = \{ A \in \mathbb{IR}^{m \times n} \mid A = (a_{ij}) \, a_{ij} \in \{ \underline{\mathbf{a}}_{ij}, \overline{\mathbf{a}}_{ij} \} \}$

#### 3 Реализация

- 1. Если интервал симметричен при произвольном  $\delta$ , то ответ: 0
- 2. Иначе применияем метод дихотомии. Устанавливаем на нулевой итерации значение  $\delta=0$ , затем с шагом  $\epsilon$  движемся вправо. Если при этом  $0\in DET$ , то возвращаемся и уменьшаем шаг.

### 4 Результаты

#### 1. Случай 1

Видим, что  $0 \in DET$ , а также  $mid(X_1) \neq 0$ , значит, переходим к пункту 2 описанного алгоритма. В результате получаем  $min(\delta) = 0.025$ . В таком случае  $DET(X_1) = [2.220 * 10^{-16}, 0.2]$ . Левый конец с точностью до машинного эпсилон равен нулю

#### 2. Случай 2

Видим, что  $0 \in det X_2$ , а также  $mid X_2 \neq 0$ , значит, переходим к пункту 2 алгоритма. В результате получаем min  $\delta = 0.05$ . В таком случае  $DET(X_2) = [1.110 * 10^{16}, 0.2]$ . Левый конец  $DET X_2$  с точностью до машинного эпсилон равен нулю

### 5 Вывод

Данные матрицы  $X_1,\, X_2$  являются неособенной при  $\delta < 0.051285$  и  $\delta \leq 0.025.$ 

# 6 Ссылка на Github

GitHub.