5 Asocieri (dicționare) în ML

Putem modela asocieri sau funcții parțiale cu modulul asociere (Map), prin care unora din valorile unui tip numit convențional cheie (key) le sunt asociate valori dintr-un tip numit domeniu (sau tip valoare). Tipul asociere se mai numește dicționar, deoarece pentru fiecare cheie conține definiția (valoarea) sa. Map definește deci o funcție parțială de pe tipul cheie pe tipul valoare. Putem folosi asocierile și pentru relații arbitrare între A și B, ținând cont că la un element din A corespunde în general o mulțime de elemente din B – folosim deci chei de tip A și valori mulțimi de elemente de tip B.

Ca și pentru mulțimi, e necesar să avem un modul care stabilește o relație de ordine pe tipul cheie (Map nu impune constrângeri tipului valoare). De exemplu, creăm un modul Map cu chei de tip șir: module M = Map.Make(String)

Ca pentru orice colecție, avem nevoie de cea mai simplă valoare, asocierea vidă, scrisă M. empty.

Putem crea asocieri arbitrare adăugând pe rând elemente: unul let m = M.add "x" 5 M.empty sau mai multe: let m2 = M.empty |> M.add "x" 5 |> M.add "y" 3.

Funcția add ia o cheie k, o valoare v și o asociere m și creează o altă asociere cu același conținut ca și cea dată m, dar care asociază lui k valoarea v. Orice asociere anterioară a lui k (dacă exista) nu se păstrează în rezultat. Subliniem că add nu modifică asocierea inițială (conform cu modul de programare funcțional), ci creează o altă asociere.

Modulul declarat M poate fi folosit în același program pentru a crea mai multe asocieri cu tipuri distincte de valori, însă fiecare asociere individuală poate avea un singur tip de valoare. De exemplu, la asocierile m sau m2 de mai sus putem adăuga mai departe doar chei șir cu valori întregi, dar am putea crea altă asociere: let ms = M.singleton "x" "unu" unde valorile sunt și ele șiruri. Funcția singleton e o variantă simplă de a crea o asociere cu o singură pereche, aici ("x", "unu").

Asocierile sunt obiecte abstracte care nu sunt vizualizate implicit de interpretor. Putem transforma un dicționar într-o listă de asociere (listă de perechi cheie-valoare) cu funcția bindings: M.bindings m2 returnează lista [("x", 5); ("y", 3)]. Fiind o listă, ea e vizualizată implicit de interpretor.

Opusul lui add e funcția remove (de cheie și dicționar) care creează un nou dicționar cu toate asocierile din cel dat, mai puțin cea pentru cheia precizată.

```
let m1 = M.remove "x" m2 produce un dictionar cu unica asociere ("y", 3).
```

Similar cu diferența între mulțimi, încercarea de a elimina o cheie inexistentă nu are niciun efect:

```
let testlist = M.remove "z" m2 |> M.bindings produce lista [("x", 5); ("y", 3)].
```

Principalul scop al dicționarelor e de a regăsi (eficient) valoarea asociată cu o cheie. Pentru aceasta folosim funcția find: M.find "x" m va returna valoarea 5.

5.1 Lucrul cu excepții în ML

Dacă încercăm să căutăm o cheie inexistentă într-o asociere, se generează o excepție:

```
M.find "y" (M.singleton "x" 5) Exception: Not_found.
```

M. singleton creează o asociere cu o singură pereche cheie-valoare, deci nu există asociere pentru "y". Excepțiile sunt un mecanism software prin care se semnalează (după cum sugerează numele) condiții excepționale care trebuie tratate (argument invalid, împărțire la zero, eroare la citire, etc.). Distingem două aspecte: generarea excepțiilor și tratarea lor.

Am văzut deja funcții standard care generează excepții, cum ar fi List.hd și List.tl cu lista vidă. În funcții scrise de noi putem genera o excepție apelând funcția raise excepție. În ML, excepțiile sunt și ele valori fac parte dintr-un tip special exn. Sunt predefinite câteva excepții: Not_found (folosită de funcțiile de căutare), Failure cu un șir (mesaj de eroare) pentru funcții care eșuează, nefiind definite pentru argumentele date – de exemplu List.nth [1;2;3] 5 și Invalid_argument tot cu un șir pentru a semnala argumente nepotrivite (care nu au sens), cum ar fi List.nth [1;2;3] (-1). Pentru ultimele două există funcțiile predefinite failwith "mesaj" echivalentă cu raise (Failure "mesaj") și invalid_arg "altmesaj" echivalentă cu raise (Invalid_argument "altmesaj").

Când o funcție generează o excepție, execuția ei se încheie fără a returna o valoare. Fluxul de control (execuția normală) al programului se modifică și excepția se propagă în sus la funcția apelantă, de acolo la funcția care a apelat-o pe aceasta, etc. Dacă undeva în codul care a apelat funcția care

1

a provocat excepția e prevăzut cod pentru *tratarea excepției* respective, execuția continuă cu acel fragment de cod. Altfel, execuția întregului program e abandonată (ca în exemplul cu M.find).

În ML, tratarea excepțiilor se face cu construcția

```
try expresie în care poate apărea o excepție with tipar pentru tratarea exceptiilor
```

Orice expresie (fragment de program) în care poate apărea o excepție trebuie inclusă într-un try ... with ..., altfel, la apariția excepției, netratate, întreg programul va fi abandonat.

Potrivirea de tipare după with are sintaxa deja întâlnită tipar1 -> expr1 | tipar2 -> expr2 etc. unde tipar1, tipar2 etc. se potrivesc cu excepții. Pentru a scrie tratarea excepțiilor, trebuie să știm deci ce excepții pot fi generate de funcțiile folosite. Căutarea într-o asociere generează excepția Not_found. Putem scrie deci o functie:

```
let find_default k m =
  try M.find k m
  with Not_found -> 0
```

care caută o cheie într-un dicționar *cu valori întregi*, și returnează 0 dacă cheia nu e găsită. (Dicționarul trebuie să aibă valori întregi, deoarece o funcție trebuie să returneze întotdeauna același tip).

Excepțiile sunt produse de operații sau funcții standard, sau le putem genera noi, cu funcția raise. Excepțiile sunt variante ale tipului special exn și numele de excepții sunt constructori (cu sau fără argumente), deci sunt scrise cu majusculă. Excepția Exit e predefinită pentru a fi folosită de utilizator.

De exemplu, putem scrie funcția de test de membru într-o listă folosind o parcurgere standard, pe care o întrerupem când elementul a fost găsit:

```
let mem x lst =
  try List.iter (fun e -> if x = e then raise Exit) lst; false
  with Exit -> true
```

Pe fiecare element al listei e aplicată funcția din paranteză, care generează o excepție dacă elementul curent e cel căutat. Dacă elementul nu există în listă, nu se generează nicio excepție, List.iter se termină normal, și valoarea din try e cea a ultimei expresii, false. Altfel, se generează excepția Exit, care e tratată în partea de with, cu rezultatul true.

Putem defini excepții proprii care au și argumente și putem transmite astfel informație utilă (chiar rezultate) spre locul de tratare a excepției. De exemplu, vrem să calculăm suma tuturor numerelor pozitive dintr-o listă până la apariția primului număr negativ sau nul. Putem scrie

```
exception ExcIntreg of int
let pospart lst =
  try List.fold_left (fun r e -> if e > 0 then r + e else raise (ExcIntreg r)) 0 lst
  with ExcIntreg r -> r
```

Apelând pospart [1;2;3;-4;5] obținem valoarea 6. Aceasta ne dă posibilitatea de a continua să folosim parcurgerile standard (mai ales pentru liste și dicționare care nu identifică un "prim" element anume) și să întrerupem parcurgerea în momentul în care avem rezultatul.

5.2 Crearea unui dicționar dintr-o listă de asociere

Să construim acum un dicționar pornind de la o listă de asociere (listă de perechi). Ne fixăm din nou șiruri ca tip de cheie.

```
module M = Map.Make(String)

let map_of_assoc lst =
   List.fold_left (fun m (a, b) -> M.add a b m) M.empty lst

let m = map_of_assoc [("x", 3); ("num", 17); ("y", 7); ("x", 5)]

Putem examina apoi M.bindings m, cu rezultatul [("num", 17); ("x", 5); ("y", 7)]

Funcția folosită cu List.fold_left preia la fiecare pas un rezultat parțial care e un dicționar și o pereche (cheie, valoare) din listă, și creează un nou dicționar care conține perechea ca nouă asociere.

O nouă asociere la aceeași cheie o suprascrie pe prima - în final, cheia "x" are valoarea 5 și nu 3.
```

5.3 Relații ca dicționare cu valori de tip mulțime

Să implementăm acum o relație care poate asocia unei chei mai multe valori – vom stoca deci în dicționar un tip *mulțime*. Când adăugăm o nouă pereche (cheie, valoare) trebuie să obținem întâi vechea mulțime de valori asociată cheii. Dacă dicționarul nu conține cheia, mulțimea de valori asociată acesteia e vidă. Scriem o functie care tratează si cazul de exceptie, presupunând multimi de întregi:

Am presupus că avem un modul M pentru dicționar și altul S pentru mulțimi cu tipul dorit de valori. Scriem acum o funcție care creează un dicționar dintr-o listă de asocieri (perechi) unde fiecare cheie ar putea să apară de mai multe ori. Parcurgem lista cu List.fold_left, acumulând la fiecare pas noul dicționar. Funcția de actualizare (pe care o numim addpair) obține întâi cu find_e valoarea (aici: o mulțime de valori) asociată cheii a (primul element din pereche), adaugă la ea al doilea element din pereche (b) și asociază noua mulțime cu a. Adăugarea începe de la asocierea vidă M.empty.

```
let setmap_of_assoc lst =
  let addpair m (a, b) = M.add a (find_e m a |> S.add b) m
  in List.fold_left addpair M.empty lst
   Putem crea atunci dictionarul dorit apelând
let m = setmap_of_assoc [("x", 3); ("y", 6); ("z", 1); ("y", 5)]
```

Pentru a vizualiza în interpretor dicționarul, putem obține lista de asocieri folosind M.bindings. Al doilea element al fiecărei perechi e o mulțime; putem să o transformăm în listă, care poate fi afișată:

```
M.bindings m |> List.map (fun (a, b) -> (a, S.elements b))
# - : (M.key * S.elt list) list = [("x", [3]); ("y", [5; 6]); ("z", [1])]
```

Remarcăm că "y" are asociate două valori, 5 și 6.

Sau, putem scrie direct funcții de tipărire, întâi pentru multimi și apoi pentru dicționar:

```
open Printf
let print_set s =
  print_char '{';
  if s <> S.empty then (
    let o1 = S min olt s
```

```
let e1 = S.min_elt s
in print_int e1; S.iter (printf ", %d") (S.remove e1 s)
);
print_char '}'
```

```
let print_map m = M.iter (fun k v -> printf " %s -> " k; print_set v) m
```

Parcurgerea cu M.iter are nevoie de o funcție de doi parametri, cheie și valoare. Se va afișa x -> $\{3\}$ y -> $\{5, 6\}$ z -> $\{1\}$.

5.4 Închiderea tranzitivă a unei relații

Pentru o relație binară pe o mulțime, putem calcula închiderea tranzitivă a relației. De exemplu, pentru mulțimea $A = \{a, b, c, d\}$ și relația $R = \{(a, b), (b, c), (c, d), (b, a)\}$, obținem:

```
R^2 = \{(a,a), (a,c), (b,b), (b,d)\} \text{ si } R \cup R^2 = \{(a,a), (a,b), (a,c), (b,a), (b,b), (b,c), (b,d), (c,d)\}
R^3 = \{(a,b), (a,d), (b,a), (b,c)\}, R \cup R^2 \cup R^3 = \{(a,a), (a,b), (a,c), (a,d), (b,a), (b,b)(b,c), (b,d), (c,d)\}
si apoi puterile superioare nu mai adaugă alte perechi noi.
```

Presupunem că avem acelasi tip pentru cheie și elementele multimii valoare, de exemplu

```
module M = Map.Make(Char)
module S = Set.Make(Char)
```

Privim relația ca funcție cu valori în mulțimea părților, $f_R(x) = \{y \mid R(x,y)\}$. În exemplul nostru, $f_R = \{a \mapsto \{b\}, b \mapsto \{a,c\}, c \mapsto \{d\}, d \mapsto \{\}\}$, reprezentând-o explicit prin perechi. Calculăm apoi relația $R_{12} = R \cup R^2$. Putem scrie $f_{R_{12}}(x) = f_R(x) \cup_{e \in f_R(x)} f_R(e)$: de la x parcurgem relația o dată cu $f_R(x)$ sau de două ori – încă o dată pentru fiecare element din mulțimea $f_R(x)$. Obținem deci $f_{R_{12}}(x) = \{a \mapsto \{a,b,c\}, b \mapsto \{a,b,c,d\}, c \mapsto \{d\}, d \mapsto \{\}\}$.

Dată fiind o funcție $f: A \to \mathcal{P}(A)$, vrem o funcție care pentru o mulțime s să calculeze $s \cup_{e \in s} f(e)$. Facem aceasta prin parcurgere cu S.fold: pentru fiecare element e, reunim f e cu mulțimea deja acumulată, pornind de la s.

```
let add_image f s = S.fold (fun e r -> S.union (f e) r) s s sau, simplificând r de ambele părți și scriind cu |> (aplicarea inversă):

let add_image f s = S.fold (fun e -> f e |> S.union) s s

Cu f = f_R și s = \{a, c\}, add_image f s ar da \{a, c\} \cup f_R(a) \cup f_R(c) = \{a, c\} \cup \{b\} \cup \{d\} = \{a, b, c, d\}.

În implementarea poastră relatia R e dictionarul m și funcția f_R e find e m care din cheia x
```

În implementarea noastră, relația R e dicționarul m, și funcția f_R e find_e m, care din cheia x ne dă mulțimea s = find_e m x, adică $f_R(x)$. Apoi, add_image (find_e m) s ne dă $s \cup_{e \in s} f_R(e)$, adică $f_{R_{12}}(x)$. Deci, obținem $f_{R_{12}}(x)$ în doi pași: o mapare s = find_e m x folosind dicționarul m, apoi aplicând la s funcția add_image (find_e m). Am reușit să exprimăm astfel R_{12} tot ca dicționar. El poate fi obținut din m cu funcția standard M.map care transformă un dicționar în alt dicționar cu aceleași chei, dată fiind funcția care transformă prima valoare în a doua – aici, add_image (find_e m). let add_sqr m = M.map (add_image (find_e m)) m

Închiderea tranzitivă se poate calcula aplicând add_sqr până la punct fix, pentru că la fiecare pas, numărul maxim de aplicări al relației se dublează. Rămâne să scriem funcția de punct fix.

Ținem cont că dicționarele nu se pot compara cu =, fiindcă asocieri egale pot avea reprezentări structural diferite. Parametrizăm deci funcția de punct fix cu o funcție de comparație eq. În cazul de față, folosim funcția M.equal, unde primul parametru e funcția de comparație pentru valori. Acestea sunt mulțimi, deci și pentru ele folosim funcția equal, cu modulele noastre, S.equal:

```
let fix eq f =
  let rec fix1 x =
    let y = f x in if eq x y then x else fix1 y
    in fix1
let transclose m = fix (M.equal S.equal) (add_sqr m) m
Construim m = M.setmap_of_assoc [('a', 'b'); ('b', 'c'); ('c', 'd'); ('b', 'a')], și apoi
tipărim M.transclose m (de exemplu cu funcția print_map anterior definită). Obținem rezultatul cal-
culat manual la începutul secțiunii.
```

5.5 Citirea de la intrare cu scanf (optional)

Când scriem programe care citesc de la intrare, e preferabil să le rulăm din interpretorul lansat în terminal, sau și mai bine, de sine stătător, din terminal, compilând întâi cu ocamlc program.ml și apoi rulând ./a.out (sau ./a în Windows). Dacă rulăm din Emacs, caracterele ;; pe care le introducem la sfârșit pot fi interpretate nedorit ca făcând parte din textul dat la intrare.

Funcția cea mai versatilă pentru citire în OCaml e scanf. Dacă o folosim în mod repetat, e util să deschidem modulul respectiv: open Scanf. Funcția scanf ia doi parametri: un *șir de format*, și o funcție care va fi apelată pe valorile citite; rezultatul eidevine și rezultatul apelului la scanf.

Șirul de format are un rol similar celui din C: specificatorii de format care încep cu % precizează ce se dorește citit: %s (șir), %c (caracter), %d (întreg), %f (real). Un caracter obișnuit în șirul de format trebuie să se regăsească în intrare pentru ca citirea să aibe succes. Spre deosebire de C, la citirea formatelor șir și numerice nu se consumă spațiile albe inițiale. Pentru aceasta, precedați %d, %s, etc. cu un spațiu în șirul de format; aceasta produce citirea și ignorarea oricâtor caractere de tip spațiu alb (spatiu, tab, linie nouă, etc.).

Putem citi un şir dând funcția identitate ca parametrul 2: let s = scanf "%s" (fun x -> x)
Pentru a tipări direct șirul citit putem scrie: scanf "%s" print_string
Funcția dată ca parametru la scanf trebuie să aibe atâția parametri câte elemente sunt citite. Pentru a citi două numere, a le calcula și afișa suma: print_int (scanf "%d %d" (+))

Citirea unui șir %s produce întotdeauna o valoare; ea este șirul vid dacă la intrare nu urmează un

șir (caractere diferite de spații), sau s-a ajuns la sfârșitul intrării.

Putem scrie atunci o funcție care citește și tipărește toate șirurile citite de la intrare: dacă șirul citit e nevid, funcția îl tipărește și se reapelează recursiv, altfel nu face nimic.

```
let rec allstrings () =
  scanf " %s" (fun s -> if s <> "" then (printf "%s " s; allstrings ()))
```

După același principiu, e util să scriem o funcție care citește șiruri de la intrare, și le aplică succesiv o prelucrare a cărei rezultat e acumulat, similar cu List.fold_left, doar că lista e implicită, dată de succesiunea șirurilor în intrare:

```
let rec scanfold_s f r =
  scanf " %s" (fun s -> if s = "" then r else f r s |> scanfold_s f)
```

Dacă citirea șirului eșuează (șirul vid), se returnează rezultatul r. Altfel, se aplică funcția f rezultatului acumulat r și șirului citit s, și funcția e apelată recursiv cu noul rezultat parțial. Cum parametrul f nu se schimbă, putem rescrie cu o funcție ajutătoare de un singur parametru:

```
let scanfold_s f =
  let rec scan2 r = scanf " %s" (fun s -> if s = "" then r else f r s |> scan2)
in scan2
```

De exemplu, putem calcula și afișa suma lungimilor tuturor șirurilor din intrare (excluzând spațiile): scanfold_s (fun r s -> r + String.length s) 0 |> print_int (pornind de la valoarea 0).

Revenind la folosirea dicționarelor, putem calcula numărul de apariții ale fiecărui cuvânt (șir) dintr-un text citit de la intrare. Pentru aceasta, actualizăm la fiecare pas un dicționar cu numărul de apariții. Se caută întâi șirul citit în dicționar, obținând contorul curent (sau 0 în caz de excepție, cuvânt negăsit). Apoi se creează un dicționar nou, cu contorul pentru acel șir incrementat cu 1.

Spre deosebire de șiruri, pentru valori numerice scanf generează excepții dacă citirea eșuează: excepția Scan_failure (cu un mesaj ca parametru), sau excepția End_of_file. Pentru a citi succesiv numere, etc, prelucrarea e similară dar trebuie să tratăm aceste excepții.