

**Київський національний університет імені Тараса Шевченка**  
**Факультет радіофізики, електроніки та компютерних систем**

Лабораторна робота №2  
Арифметичні операції над двійковими числами

Виконав студент  
3 курсу СА-КІ  
Глушко Гліб

## Алгоритм Бута

00 – NOP

10 – SUB

11 – NOP

01 – ADD

```
Enter 16 bits signed multiplicand:
4
Enter 16 bits signed multiplier:
9
Booth's algorithm:
Step 1:
  Add S:  1111 1111 1111 1100 0000 0000 0000 0000 0
  To P:    0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 1001 0
  Shift right: 1111 1111 1111 1100 0000 0000 0000 1001 0
              1111 1111 1111 1110 0000 0000 0000 0100 1
Step 2:
  Add A:    0000 0000 0000 0100 0000 0000 0000 0000 0
  To P:     1111 1111 1111 1110 0000 0000 0000 0100 1
  Shift right: 0000 0000 0000 0010 0000 0000 0000 0100 1
              0000 0000 0000 0001 0000 0000 0000 0010 0
Step 3:
  Shift right: 0000 0000 0000 0001 0000 0000 0000 0010 0
              0000 0000 0000 0000 1000 0000 0000 0001 0
Step 4:
  Add S:  1111 1111 1111 1100 0000 0000 0000 0000 0
  To P:    0000 0000 0000 0000 1000 0000 0000 0001 0
  Shift right: 1111 1111 1111 1100 1000 0000 0000 0001 0
              1111 1111 1111 1110 0100 0000 0000 0000 1
Step 5:
  Add A:    0000 0000 0000 0100 0000 0000 0000 0000 0
  To P:     1111 1111 1111 1110 0100 0000 0000 0000 1
  Shift right: 0000 0000 0000 0010 0100 0000 0000 0000 1
              0000 0000 0000 0001 0010 0000 0000 0000 0
Step 6:
  Shift right: 0000 0000 0000 0001 0010 0000 0000 0000 0
              0000 0000 0000 0000 1001 0000 0000 0000 0
Step 7:
  Shift right: 0000 0000 0000 0000 1001 0000 0000 0000 0
              0000 0000 0000 0000 0100 1000 0000 0000 0
Step 8:
  Shift right: 0000 0000 0000 0000 0100 1000 0000 0000 0
              0000 0000 0000 0000 0010 0100 0000 0000 0
Step 9:
  Shift right: 0000 0000 0000 0000 0010 0100 0000 0000 0
              0000 0000 0000 0000 0001 0010 0000 0000 0
Step 10:
  Shift right: 0000 0000 0000 0000 0001 0010 0000 0000 0
              0000 0000 0000 0000 0000 1001 0000 0000 0
Step 11:
  Shift right: 0000 0000 0000 0000 0000 1001 0000 0000 0
              0000 0000 0000 0000 0000 0100 1000 0000 0
Step 12:
  Shift right: 0000 0000 0000 0000 0000 0100 1000 0000 0
              0000 0000 0000 0000 0000 0010 0100 0000 0
Step 13:
  Shift right: 0000 0000 0000 0000 0000 0010 0100 0000 0
              0000 0000 0000 0000 0000 0001 0010 0000 0
Step 14:
  Shift right: 0000 0000 0000 0000 0000 0001 0010 0000 0
              0000 0000 0000 0000 0000 0000 1001 0000 0
Step 15:
  Shift right: 0000 0000 0000 0000 0000 0000 1001 0000 0
              0000 0000 0000 0000 0000 0000 0100 1000 0
Step 16:
  Shift right: 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0100 1000 0
              0000 0000 0000 0000 0000 0000 0010 0100 0
```

Answer is:

In decimal: 36

In binary: 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0010 0100

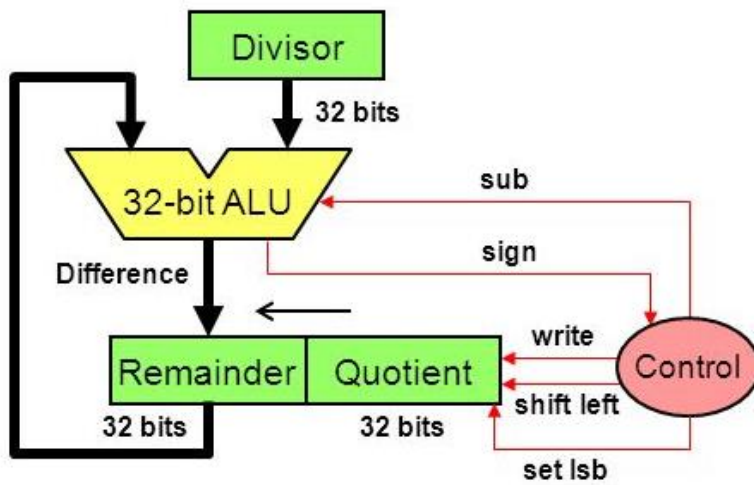
Enter 16 bits signed dividend:

```

Enter 16 bits signed multiplicand:
1488
Enter 16 bits signed multiplier:
228
Booth's algorithm:
Step 1:
  Shift right:      0000 0000 0000 0000 0000 0000 1110 0100 0
                    0000 0000 0000 0000 0000 0000 0111 0010 0
Step 2:
  Shift right:      0000 0000 0000 0000 0000 0000 0111 0010 0
                    0000 0000 0000 0000 0000 0000 0011 1001 0
Step 3:
  Add S:   1111 1010 0011 0000 0000 0000 0000 0000 0
  To P:    0000 0000 0000 0000 0000 0000 0011 1001 0
  Shift right: 1111 1010 0011 0000 0000 0000 0011 1001 0
                    1111 1101 0001 1000 0000 0000 0001 1100 1
Step 4:
  Add A:    0000 0101 1101 0000 0000 0000 0000 0000 0
  To P:     1111 1101 0001 1000 0000 0000 0001 1100 1
  Shift right: 0000 0010 1110 1000 0000 0000 0001 1100 1
                    0000 0001 0111 0100 0000 0000 0000 1110 0
Step 5:
  Shift right:      0000 0001 0111 0100 0000 0000 0000 1110 0
                    0000 0000 1011 1010 0000 0000 0000 0111 0
Step 6:
  Add S:   1111 1010 0011 0000 0000 0000 0000 0000 0
  To P:    0000 0000 1011 1010 0000 0000 0000 0111 0
  Shift right: 1111 1010 1110 1010 0000 0000 0000 0111 0
                    1111 1101 0111 0101 0000 0000 0000 0011 1
Step 7:
  Shift right:      1111 1101 0111 0101 0000 0000 0000 0011 1
                    1111 1110 1011 1010 1000 0000 0000 0001 1
Step 8:
  Shift right:      1111 1110 1011 1010 1000 0000 0000 0001 1
                    1111 1111 0101 1101 0100 0000 0000 0000 1
Step 9:
  Add A:    0000 0101 1101 0000 0000 0000 0000 0000 0
  To P:     1111 1111 0101 1101 0100 0000 0000 0000 1
  Shift right: 0000 0101 0010 1101 0100 0000 0000 0000 1
                    0000 0010 1001 0110 1010 0000 0000 0000 0
Step 10:
  Shift right:      0000 0010 1001 0110 1010 0000 0000 0000 0
                    0000 0001 0100 1011 0101 0000 0000 0000 0
Step 11:
  Shift right:      0000 0001 0100 1011 0101 0000 0000 0000 0
                    0000 0000 1010 0101 1010 1000 0000 0000 0
Step 12:
  Shift right:      0000 0000 1010 0101 1010 1000 0000 0000 0
                    0000 0000 0101 0010 1101 0100 0000 0000 0
Step 13:
  Shift right:      0000 0000 0101 0010 1101 0100 0000 0000 0
                    0000 0000 0010 1001 0110 1010 0000 0000 0
Step 14:
  Shift right:      0000 0000 0010 1001 0110 1010 0000 0000 0
                    0000 0000 0001 0100 1011 0101 0000 0000 0
Step 15:
  Shift right:      0000 0000 0001 0100 1011 0101 0000 0000 0
                    0000 0000 0000 1010 0101 1010 1000 0000 0
Step 16:
  Shift right:      0000 0000 0000 1010 0101 1010 1000 0000 0
                    0000 0000 0000 0101 0010 1101 0100 0000 0
Answer is:
  In decimal: 339264

```

Частка та залишок в одному регістрі



```
Enter 16 bits signed dividend:
1488
Enter 16 bits signed divisor:
228
```

```
0 0000 0000 0111 1000 0000 0000 0110
Answer is:
Remainder:      0 0000 0000 0111 1000 (in decimal: 120)
Quotient:       0000 0000 0000 0110 (in decimal: 6)
```

```

Enter 16 bits signed dividend:
18
Enter 16 bits signed divisor:
5
    Register:
        0 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0001 0010
    Shift left:
        0 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0010 0100
Subtract divisor: 1 1111 1111 1111 1011
    Register:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0000 0010 0100
    Set last quotient bit to 0:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0000 0010 0100
    Shift left:
        1 1111 1111 1111 0110 0000 0000 0100 1000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
    Register:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0000 0100 1000
    Set last quotient bit to 0:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0000 0100 1000
    Shift left:
        1 1111 1111 1111 0110 0000 0000 1001 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
    Register:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0000 1001 0000
    Set last quotient bit to 0:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0000 1001 0000
    Shift left:
        1 1111 1111 1111 0110 0000 0001 0010 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
    Register:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0001 0010 0000
    Set last quotient bit to 0:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0001 0010 0000
    Shift left:
        1 1111 1111 1111 0110 0000 0010 0100 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
    Register:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0010 0100 0000
    Set last quotient bit to 0:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0010 0100 0000
    Shift left:
        1 1111 1111 1111 0110 0000 0100 1000 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
    Register:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0100 1000 0000
    Set last quotient bit to 0:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 0100 1000 0000
    Shift left:
        1 1111 1111 1111 0110 0000 1001 0000 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
    Register:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 1001 0000 0000
    Set last quotient bit to 0:
        1 1111 1111 1111 1011 0000 1001 0000 0000

```

```

Set last quotient bit to 0:
  1 1111 1111 1111 1011 0010 0100 0000 0000
Shift left:
  1 1111 1111 1111 0110 0100 1000 0000 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
Register:
  1 1111 1111 1111 1011 0100 1000 0000 0000
Set last quotient bit to 0:
  1 1111 1111 1111 1011 0100 1000 0000 0000
Shift left:
  1 1111 1111 1111 0110 1001 0000 0000 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
Register:
  1 1111 1111 1111 1011 1001 0000 0000 0000
Set last quotient bit to 0:
  1 1111 1111 1111 1011 1001 0000 0000 0000
Shift left:
  1 1111 1111 1111 0111 0010 0000 0000 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
Register:
  1 1111 1111 1111 1100 0010 0000 0000 0000
Set last quotient bit to 0:
  1 1111 1111 1111 1100 0010 0000 0000 0000
Shift left:
  1 1111 1111 1111 1000 0100 0000 0000 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
Register:
  1 1111 1111 1111 1101 0100 0000 0000 0000
Set last quotient bit to 0:
  1 1111 1111 1111 1101 0100 0000 0000 0000
Shift left:
  1 1111 1111 1111 1010 1000 0000 0000 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
Register:
  1 1111 1111 1111 1111 1000 0000 0000 0000
Set last quotient bit to 0:
  1 1111 1111 1111 1111 1000 0000 0000 0000
Shift left:
  1 1111 1111 1111 1111 0000 0000 0000 0000
Add divisor: 0 0000 0000 0000 0101
Register:
  0 0000 0000 0000 0100 0000 0000 0000 0000
Set last quotient bit to 1:
  0 0000 0000 0000 0100 0000 0000 0000 0001
Shift left:
  0 0000 0000 0000 1000 0000 0000 0000 0010
Substract divisor: 1 1111 1111 1111 1011
Register:
  0 0000 0000 0000 0011 0000 0000 0000 0010
Set last quotient bit to 1:
  0 0000 0000 0000 0011 0000 0000 0000 0011
Answer is:
  Remainder:      0 0000 0000 0000 0011 (in decimal: 3)
  Quotient:       0000 0000 0000 0011 (in decimal: 3)

```

## Робота з IEEE 754 Floating Point (Представити лише ключові кроки при виконанні операцій)

### Додавання

- i. Align binary points
- ii. Add significands
- iii. Normalize result

```
Enter first float signed value:
6,7
Enter second float signed value:
8,2
Adding 8,2 (a), to 6,7 (b)
  Convert "a" to binary (without exponent and normalization):
    0 | 00000000 | 0011001100110011000
  Convert "b" to binary (without exponent and normalization):
    0 | 00000000 | 1011001100110011000
  Normalize "a":
    0 | 10000010 | 0000011001100110011
  Normalize "b" :
    0 | 10000001 | 1010110011001100110
  Shift left "b" on 1:
    0 | 10000001 | 1101011001100110011
  Adding "a" to "b":
    0 | 10000010 | 0000011001100110011
  + 0 | 10000001 | 1101011001100110011
  Answer is:
    In decimal: 14,9
    In binary: 0 | 10000010 | 1101110011001100110
```

```
Enter first float signed value:
14,88
Enter second float signed value:
22,8
Adding 22,8 (a), to 14,88 (b)
  Convert "a" to binary (without exponent and normalization):
    0 | 00000000 | 1100110011001100000
  Convert "b" to binary (without exponent and normalization):
    0 | 00000000 | 111000101000111101100
  Normalize "a":
    0 | 10000011 | 0110110011001100110
  Normalize "b" :
    0 | 10000010 | 11011100001010001111011
  Shift left "b" on 1:
    0 | 10000010 | 11101110000101000111101
  Adding "a" to "b":
    0 | 10000011 | 0110110011001100110
  + 0 | 10000010 | 11101110000101000111101
  Answer is:
    In decimal: 37,68
    In binary: 0 | 10000100 | 00101101011100001010001
```

Висновок: Під час лабораторної роботи, було досліджено і реалізовано алгоритм Бута, ділення, частка і залишок в одному регістрі та додавання дробових чисел.

<https://github.com/GlebGlushko/CompSys.git>