

## Parcial 2 Simulación

### Punto 1.

Modificaciones hechas en la simulación 1 de caída libre:

Original:

```
In [1]: 1 #####
2 # Ejemplo de creación de un Sistema generador de partículas aleatorias
3 # que se lanzan en tiro parabólico con rebote
4 # Universidad Militar Nueva Granada
5 # Ingeniería en Multimedia Campus
6 # Simulación 2021-02
7 # Ing. Eduard Sierra
8 #####
9 import matplotlib.pyplot as plt
10 from mpl_toolkits.mplot3d import axes3d
11 from numpy import sin, cos, pi, outer, ones, size, linspace
12 import numpy as np
13 from PIL import Image
14 import random
```

Modificación:

```
In [508]: 1 #####
2 # Parcial 2do Corte Simulación
3 # Universidad Militar Nueva Granada
4 # Ingeniería en Multimedia Campus
5 # Simulación 2022-02
6 # Gustavo Leon
7 #####
8 import matplotlib.pyplot as plt
9 from mpl_toolkits.mplot3d import axes3d
10 from numpy import sin, cos, pi, outer, ones, size, linspace
11 import numpy as np
12 from PIL import Image
13 import random
```

Original:

```
1 a=Vector3D(3,2,1)
2 b=Vector3D(1,2,3)
3 c=Vector3D(0,0,0)
4 print(c)
5 c=a+b
6 b=a-a
7 a=a*3
8 #c.x=a.x+b.x
9 #c.y=a.y+b.y
10 #c.z=a.z+b.z
11
12 print(a.x,a.y,a.z)
13 print(b.x,b.y,b.z)
14 print(c.x,c.y,c.z)
15
```

Modificación: Se eliminó esta sección

Original:

```
1 class Particula:
2     def __init__(self):
3         self.p=Vector3D(0,0,0)
4         self.v=Vector3D(0,0,0)
5         self.f=Vector3D(0,0,0)
6         self.m=0
7         self.color=(0,0,0)
8         self.tam=1
9
10    def cambiarPosicion(self,pos):
11        self.p=pos
12
13    def cambiarVelocidad(self,vel):
14        self.v=vel
15
16    def cambiarFuerza(self,fuerza):
17        self.f=fuerza
18
19    def cambiarMasa(self,masa):
20        self.f=m
21    def cambiarTamanio(self,tam):
22        self.tam=tam
23    def cambiarColor(self,color):
24        self.color=color
25
26    def __str__(self):
27        return 'Posicion \t%s \nVelocidad \t%s \n' % (self.p,self.v)
28
29    def __repr__(self):
30        return 'Posicion \t%s \nVelocidad \t%s \n' % (self.p,self.v)
31
32    def gParticula(self):
33        #Generación de puntos de geometria paramétrica de una esfera
34        #el centro está dado por
35        #el tamaño del radio se tomará r=self.tam
36        r=self.tam
37        a = linspace(0, 2*pi,int(r*5))
38        b = linspace(0, pi,int(r*5))
39        xc = self.p.x+r * outer(cos(a), sin(b))
40        #por razones de visualización para evitar deformación
41        #con esta perspectiva se ve mas circular
42        #en tmaños de despliegue mayores a 100
43        #se cambio la ecuación parametrica
44        # debia ser yc = self.p.y+r * outer(sin(a), sin(b))
45        yc = self.p.y+0.3*r * outer(sin(a), sin(b))
46        zc = self.p.z+r * outer(ones(size(a)), cos(b))
47        return xc,yc,zc
48
```

Modificación: Se agregó cambiarRestitucion para la posterior modificación del coeficiente de restitución.

```

1 class Particula:
2     def __init__(self):
3         self.p=Vector3D(0,0,0)
4         self.v=Vector3D(0,0,0)
5         self.f=Vector3D(0,0,0)
6         self.m=1
7         self.color=(0,0,0)
8         self.tam=1
9         self.kRestitucion=0
10
11     def cambiarPosicion(self,pos):
12         self.p=pos
13
14     def cambiarVelocidad(self,vel):
15         self.v=vel
16
17     def cambiarFuerza(self,fuerza):
18         self.f=fuerza
19
20     def cambiarMasa(self,masa):
21         self.f=m
22
23     def cambiarTamanio(self,tam):
24         self.tam=tam
25
26     def cambiarColor(self,color):
27         self.color=color
28
29     def cambiarRestitucion(self,kRestitucion):
30         self.kRestitucion=kRestitucion
31
32     def __str__(self):
33         return 'Posicion \t%s \nVelocidad \t%s \n' % (self.p,self.v)
34
35     def __repr__(self):
36         return 'Posicion \t%s \nVelocidad \t%s \n' % (self.p,self.v)
37
38     def gParticula(self):
39         #Generación de puntos de geometria paramétrica de una esfera
40         #el centro está dado por
41         #el tamaño del radio se tomará r=self.tam
42         #por razones de visualización para evitar deformación
43         #con esta perspectiva se ve mas circular
44         #en tamaños de despliegue mayores a 100
45         #se cambio la ecuación parametrica
46         #debía ser yc = self.p.y+r * outer(sin(a), sin(b))
47         r=self.tam
48         a = linspace(0, 2*pi,int(r*5))
49         b = linspace(0, pi,int(r*5))

```

Original:

```

1 from matplotlib.colors import LightSource, Normalize
2 from matplotlib.colors import LinearSegmentedColormap
3 part=Particula()
4 p=Vector3D(1,2,3)
5 part.cambiarPosicion(p)
6 part.cambiarTamanio(20)
7
8 rgb=(1,0.5,1)
9 part.cambiarColor(rgb)
10 print(part)
11 part.p=Vector3D(1,2,30)
12 print(part)
13 x,y,z = part.gParticula()
14 fig = plt.figure(figsize=(10, 10))
15
16 ax = fig.add_subplot(1,1,1, projection='3d')
17 ax.plot_surface(x, z, y, color=part.color, shade=False)
18 #ax.scatter(part.p.x, part.p.z, part.p.y, color='b')
19
20 #ax.scatter(part.p.x, part.p.z, part.p.y, color=rgb)
21 ax.set_xlim(-100,100)
22 ax.set_ylim(-100,100)
23 ax.set_zlim(-100,100)
24

```

Modificación:

```

1 from matplotlib.colors import LightSource, Normalize
2 from matplotlib.colors import LinearSegmentedColormap
3 part=Particula()
4

```

Original:

```
1 class SistemaParticulasAleatorias:
2     def __init__(self,n):
3         self.particulas=[]
4         self.n=n
5         self.t=0
6         self.gravedad=-9.8
7         self.kRestitucion=0.8
8         self.paso=0.1
9         for i in range(0,int(n)): #en C o java for(i=0;i<n;i++)
10             paux=Particula()
11             self.particulas.append(paux)
12             #print(self.particulas)
13
14     def CreacionAleatoria(self):
15         for part in self.particulas:
16             #Posicion inicial aleatoria saleido de y=0, en el espacio de x en (0,50) y z en (0,50)
17             part.cambiarPosicion(Vector3D(random.randint(-10,10),0,random.randint(-10,10)))
18
19             #Cinco tamaños diferentes
20             t=random.randint(1,10)
21             part.cambiarTamaño(t)
22
23             #colores
24             color=(random.random(),random.random(),random.random())#Usa random apra genrar valores entre 0 y 1 para los valo
25             part.cambiarColor(color)
26
27             #Velocidades iniciales hacia 4 direcciones diferentes
28             r=random.randint(0,3)
29             if(r==0):
30                 part.cambiarVelocidad(Vector3D(-random.randint(0,20),random.randint(0,50),random.randint(0,20)))
31             if(r==1):
32                 part.cambiarVelocidad(Vector3D(random.randint(0,20),random.randint(0,50),-random.randint(0,20)))
33             if(r==2):
34                 part.cambiarVelocidad(Vector3D(-random.randint(0,20),random.randint(0,50),-random.randint(0,20)))
35             if(r==3):
36                 part.cambiarVelocidad(Vector3D(random.randint(0,20),random.randint(0,50),random.randint(0,20)))
37             part.m=1
38             #print(self.particulas)
39
```

Modificación: Se agrega el modificador de kRestitucion en SistemasParticulasAleatorias.

Se agrega un contador en CreacionAleatoria, para usar dentro de un condicional en el cual se modifican las físicas de las partículas creadas.

```
1 class SistemaParticulasAleatorias:
2     def __init__(self,n):
3         self.particulas=[]
4         self.n=n
5         self.t=0
6         self.gravedad=-9.8
7         self.paso=0.1
8
9         for i in range(0,int(n)): #en C o java for(i=0;i<n;i++)
10             paux=Particula()
11             self.particulas.append(paux)
12             print(self.particulas)
13
14     #Modificar condiciones iniciales aqui.
15     def CreacionAleatoria(self):
16         cont=0
17         for part in self.particulas:
18
19             if(cont==0):
20                 part.cambiarPosicion(Vector3D(130,80, 200))
21                 t=random.randint(18,25)
22                 part.cambiarTamano(t)
23                 color=(random.random(),random.random(),random.random())
24                 part.cambiarColor(color)
25                 part.cambiarVelocidad(Vector3D(15,20,0))
26                 part.cambiarRestitucion(1)
27
28             if(cont==1):
29                 part.cambiarPosicion(Vector3D(-100,40,150))
30                 t=random.randint(24,35)
31                 part.cambiarTamano(t)
32                 color=(random.random(),random.random(),random.random())
33                 part.cambiarColor(color)
34                 part.cambiarVelocidad(Vector3D(15,20,2))
35                 part.cambiarRestitucion(0.5)
36
37             if(cont==2):
38                 part.cambiarPosicion(Vector3D(160,60,180))
39                 t=random.randint(15,18)
40                 part.cambiarTamano(t)
41                 color=(random.random(),random.random(),random.random())
42                 part.cambiarColor(color)
43                 part.cambiarVelocidad(Vector3D(20,15,5))
44                 part.cambiarRestitucion(0)
45
46             part.m=1
47             cont=cont+1
48
49         print(self.particulas)
```

Original:

```
def PasoSimulacion(self,n):

#####
#Aplicar fuerzas y actualizar estado de fase usando método de Euler
#####

for part in self.particulas:
    #Actualizar posición
    part.p=part.p+self.dp(self.t,part.p,part.v)*self.paso
    #Actualizar velocidad
    part.v=part.v+self.dv(self.t,part.p,part.v,part.m)*self.paso

    #Verifica colisión con el piso
    #Ecuación del plano  $Ax+By+Cz+D=0$  para el suelo  $0x+1y+0z+0=0 \Rightarrow y=0$ 
    #Vector normal  $(A,B,C) \Rightarrow (0,1,0)$ 
    #Evalúa ecuación del plano con los valores de las coordenadas del punto
    #El punto esté en el plano si al evaluar la ecuación esta da
    y=part.p.y#evalua la ecuación
    #verifica colision si el signo es menor entre el producto punto  $(X-P)N$ 
    #Hay colision exacta cuando este prducto es igual a cero
    #(X posición de la partícula)
    #(P posición de un punto en el plano, N, normal del plano)
    if(y<=0):#Con la desigualdad verifica el signo, con la igualdad el contacto exacto
        part.v.y=-self.kRestitucion*part.v.y #Cambia la dirección de la velocidad, para cambiar la dirección de movi

#Actualizar tiempo
self.t=self.t+paso

self.Graficar(n)
```

Modificación: Se modificó PasoSimulación agregando la función del plano, junto a los valores de la posición de la partícula, agregando un condicional para la colisión con el nuevo plano creado, se agrega la función de RungeKutta orden 4 para hacer pruebas con ambos métodos.

```
def PasoSimulacion(self,n):

    #####
    #Aplicar fuerzas y actualizar estado de fase usando método de Euler
    #####

    for part in self.particulas:
        #Actualizar posición
        part.p=part.p+self.dp(self.t,part.p,part.v)*self.paso
        #Actualizar velocidad
        part.v=part.v+self.dv(self.t,part.p,part.v,part.m)*self.paso

        #A cada variable se le asigna el valor de la posición de la partícula
        y=part.p.y
        x=part.p.x
        z=part.p.z
        p=-0.5*(x)+y+0.25*(z)-1

        if (y<=-1): #Evalua colisión con el suelo
            part.v.y=-part.kRestitucion*part.v.y

        if (p<=1): #Evalua colisión con el plano
            part.v.y=-part.kRestitucion*part.v.y

    #Actualizar tiempo
    self.t=self.t+paso
    self.Graficar(n)

def Rungekutta4(x0,y0,xf,h):
    tam=((xf-x0)/h)+1
    x=np.zeros(int(tam))
    y=np.zeros(int(tam))
    x[0]=x0
    y[0]=y0
    for i in range(int(tam)-1):

        k1=diferencial(x[i],y[i])
        k2=diferencial(x[i]+h/2, y[i]+(h/2)*k1)
        k3=diferencial(x[i]+h/2, y[i]+(h/2)*k2)
        k4=diferencial(x[i]+h/2,y[i]+h*k3)
        y[i+1]=y[i]+(h/6)*(k1+2*k2+2*k3+k4)
        x[i+1]=x[i]+h
        print(x)
        print(y)
    return x,y
```

Original:

```
def Simular(self, duracion,paso):
    self.paso=paso
    frames = int(((duracion)/paso)+1)
    self.t=0;
    self.Graficar(0)#Grafica t=0
    print('Cuadro '+str(0)+' Finalizado')
    for n in range(1,frames):
        self.PasoSimulacion(n)
        print('Cuadro '+str(n)+' Finalizado')

    images = [Image.open(f"Secuencia/SPA{n}.png") for n in range(frames)]
    images[0].save('Secuencia/SPAFinal.gif', save_all=True, append_images=images[1:], duration=100, loop=0)
    print('Terminé')

def Graficar(self,n):
    fig = plt.figure(figsize=(10, 10))
    ax = fig.add_subplot(1,1,1, projection='3d')

    #Ciclo para graficar todas las particulas
    for part in self.particulas:
        #for part in range(2):
            #1. Grafica con esferas de diferentes tamañosprint(part.tam)
            #genera la geometría de la particula como una esfera
            x,y,z = part.gParticula()
            #Grafica la esfera de la particula como una superficie
            #con shade=False, queda de color plano sin sombra
            ax.plot_surface(x, z, y, color=part.color, shade=True)

            #2. Activar para graficar con puntos
            #ax.scatter(part.p.x, part.p.z, part.p.y, color=part.color)#grafica como puntos

    ax.set_xlim(-500,500)
    ax.set_ylim(-500,500)
    ax.set_zlim(0,100)
    plt.title("t = "+str(round(self.t,2)))
    plt.savefig(f"Secuencia/SPA{n}.png")
    #plt.show()
    plt.close()
```



Modificaciones: Se agrega la función def Plano en el cual se hace la creación del plano adicional que tocaba realizar. Y en la función graficar, se agrega los valores iniciales del plano a realizar, junto con la gratificación de este.

```
def Simular(self, duracion,paso):
    self.paso=paso
    frames = int(((duracion)/paso)+1)
    self.t=0;
    self.Graficar(0)#Grafica t=0
    print('Cuadro '+str(0)+' Finalizado')
    for n in range(1,frames):
        self.PasoSimulacion(n)
        print('Cuadro '+str(n)+' Finalizado')

    images = [Image.open(f"Secuencia/SPA{n}.png") for n in range(frames)]
    images[0].save('Secuencia/SPAFinal.gif', save_all=True, append_images=images[1:], duration=100, loop=0)
    print('Terminé')

def Plano (self,a,b,c,d,x1,y2):
    A = np.array([[a, b, c]])
    z = lambda x,y: (A[0,0]*x + A[0,1]*y -d)
    x = x1
    y = y2
    X,Y=np.meshgrid(x, y)
    Z = z(X,Y)

    return X, Y,Z

def Graficar(self,n):
    fig = plt.figure(figsize=(10, 10))
    ax = fig.add_subplot(1,1,1, projection='3d')
    a1=np.linspace(0,600,n)
    c1=np.linspace(0,800,n)
    a,b,c=self.Plano(-0.5,0.25,-1,1,a1,c1)

    #Ciclo para graficar todas las particulas
    for part in self.particulas:
        #for part in range(2):
            #1. Grafica con esferas de diferentes tamañosprint(part.tam)
            #genera la geometría de la partícula como una esfera
            x,y,z = part.gParticula()
            #Grafica la esfera de la partícula como una superficie
            #con shade=False, queda de color plano sin sombra
            ax.plot_surface(x, z, y, color=part.color, shade=True)
            #2. Activar para graficar con puntos
            #ax.scatter(part.p.x, part.p.z, part.p.y, color=part.color)#grafica como puntos

    ax.view_init(30,10)
    ax.set_xlim(-50,500)
    ax.set_ylim(-300,500)
    ax.set_zlim(-150,150)
    ax.plot_surface(a,b,c, color=('b'),alpha=0.1)
    plt.title("t = "+str(round(self.t,2)))
    plt.savefig(f"Secuencia/SPA{n}.png")
```

### Punto 3.

Para este punto se hicieron exactamente las mismas modificaciones que en el primer punto, pero en dentro de creación partícula en los condicionales, se modifica el vector velocidad para hacer el efecto de tiro parabólico.