# Quant Finance 2

Manuel Maurette

Clase 2: Opciones





• Mini mini encuesta de GitHub

• Entren!

http://sli.do/

• #QFClase2

#### Opciones

#### **Definición**

Una opción es un contrato que le da al dueño el derecho, pero no la obligación, de negociar un activo predeterminado, llamado también el activo subyacente por un precio determinado, llamado también precio de ejercicio en un tiempo en el futuro, llamada la fecha de expiración. Una opción call da al dueño el derecho a comprar y una put, el derecho a vender.

Jerga en ingles – lenguaje en el que encontrarán la mayoría de la bib.:

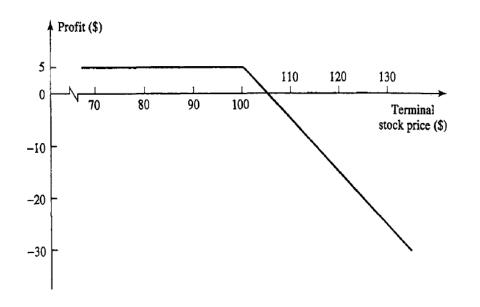
- Activo subyacente Underlying asset
- Precio de ejercicio *Strike Price*
- Fecha de expiración *Expiry/Maturity*

#### Posiciones de una opción (1/2)

Para cada contrato de opciones hay dos patas:

- Posición LONG: Compro la opción
- Posición SHORT: Vendo o escribo la opción

Por ejemplo, el que escribió la opción recibe dinero *up-front*, pero tiene **potenciales riesgos**. Veamos el grafico de la ganancia del vendedor de la opción (escritor) con respecto al precio final del activo subyacente:



Ganancia luego de escribir una opción europea call.

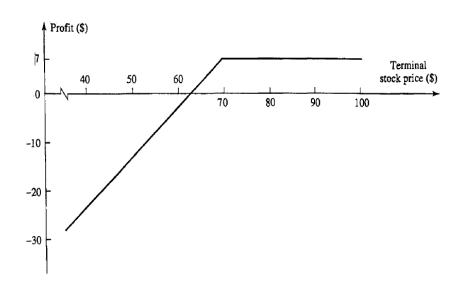
Precio de la opción = 5\$

Precio de ejercicio = 100\$

El escritor del call podría estar long el activo y se necesitaría cubrir ante una bajada del mismo

#### Posiciones de una opción (2/2)

El escritor de una *put* Europea, en cambio también recibe dinero *up-front*, pero tiene potenciales riesgos (de diferente naturaleza que el escritor del *call*). Veamos el grafico de la **ganancia del vendedor de la** *put* (escritor) con respecto al precio final del activo



Ganancia luego de escribir una opción europea *put*.

Precio de la opción = 7\$ Precio de ejercicio = 70\$

El escritor del *put* podría estar SHORT el activo y se necesitaría cubrir ante una subida del mismo

#### Payoffs (1/3)

Hay 4 posiciones básicas con opciones:

- Long en un call
- Long en un put
- Short en un call
- Short en un put

Pensemos por un momento **por que** un inversor tomaría alguna de las posiciones anteriores

### Payoffs (2/3)

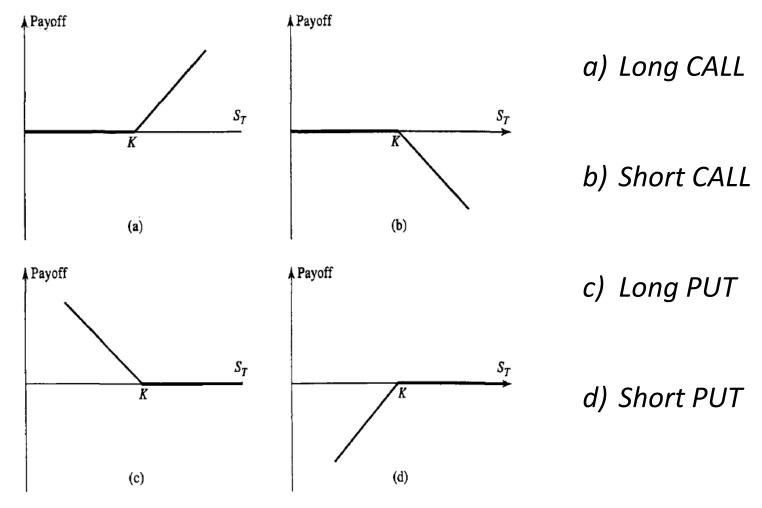
Veamos el *payoff* de cada una de estas posiciones:

- Long en un CALL:  $\max(S(T) K, 0)$
- Long en un PUT:  $\max(K S(T), 0)$
- Short en un CALL:  $-\max(S(T) K, 0)$
- Short en un PUT:  $-\max(K S(T), 0)$

Veamos los gráficos de los 4 payoffs

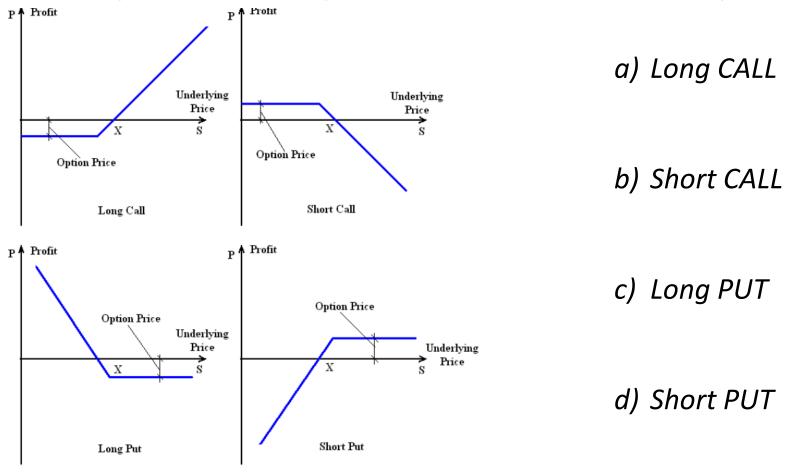
# Payoffs (3/3)

Veamos el *payoff* de cada una de estas posiciones:



#### PnL

Veamos por ultimo el *Profit & Loss* de cada una de estas posiciones:



#### Valor Intrínseco de una Opción

- El **valor intrínseco** (*VI*) de una opción es la diferencia entre el precio del activo subyacente en el mercado y el precio de ejercicio
- El VI es siempre positivo. Si la diferencia entre precios es negativa, el VI es 0
- Al vencimiento, el VI es el valor de la opción (payoff)
- Ej: Para un *call long*:  $VI_C(t) = S(t) K$
- Ej: Para un put long:  $VI_P(t) = K S(t)$
- Se habla también de valor temporal de la opción:

Prima = Valor intrínseco + Valor Temporal

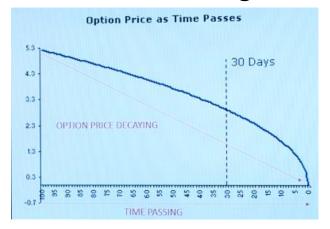
# Grado de dinero *Moneyness* de una opción

El *moneyness* es una medida del grado en que un derivado financiero es probable que tenga un valor positivo en su fecha de expiración:

- En el dinero At the money (ATM): si su precio de ejercicio (strike price), es el mismo que el precio del subyacente sobre el que la opción está basada
- Fuera del dinero Out of the money (OTM): si no tiene valor intrínseco; Ej: una opción call para la que el precio del activo subyacente es menor que el precio de ejercicio de la opción.
- Dentro del dinero In the money (ITM): si tiene valor intrínseco; Ej: una opción call para la que el precio del activo subyacente es mayor que el precio de ejercicio de la opción.

#### Cuando compramos opciones

El tiempo empieza a ser el enemigo



- Pérdida acotada por la prima (precio) que pagamos la opción
- Ganancias ilimitadas en el caso del call
- Ganancias limitadas en el caso del put

# Precio de una Opción

El precio de mercado de una opción liquida negociada en un Exchange antes de expiración está determinado, como cualquier otro activo líquido, por **oferta y demanda.** 

Cuando las opciones no son líquidas. Por ejemplo opciones muy OTM o muy ITM (*Deep* ITM, *Deep* OTM), el precio suele derivar de un **modelo**. Clave en los mercados OTC.

La teoría formal detrás de la valuación de derivados se baja en la **ausencia de arbitraje**. Será crucial tenerlo en cuenta siempre.

Vamos a dedicarle una buena parte del curso a estudiar modelos de precios de prima de Opciones

# • Tasa de crecimiento esperada del precio de la acción $(\mu)$

# El precio de una Opción NO depende de:

- Aversión al riesgo de los inversores
- Comparación de rendimiento contra otros activos ( $\beta$ )

El precio de una opción será unívocamente determinado por la ausencia de arbitraje.

- Precio spot (S)
- Precio de ejercicio (K)

- El precio de una Opción SI depende de
- Tiempo a Expiración (T) (Time to Maturity)
- Volatilidad ( $\sigma$ )
- Tasa de interés libre de riesgo (r) (Riskfree IR)
- Dividendos (q)

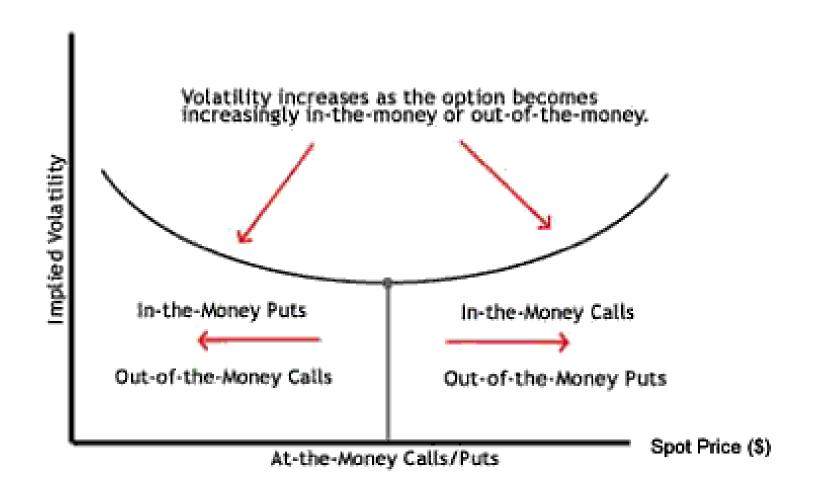
#### Sensibilidad del precio respecto a los parámetros

Opciones <i>Vanilla</i> Europeas						
Variable	Call	Put				
S	+	_				
K	_	+				
T	?	?				
$\sigma$	+	+				
r	+	_				
q	_	+				

#### Volatilidad implícita

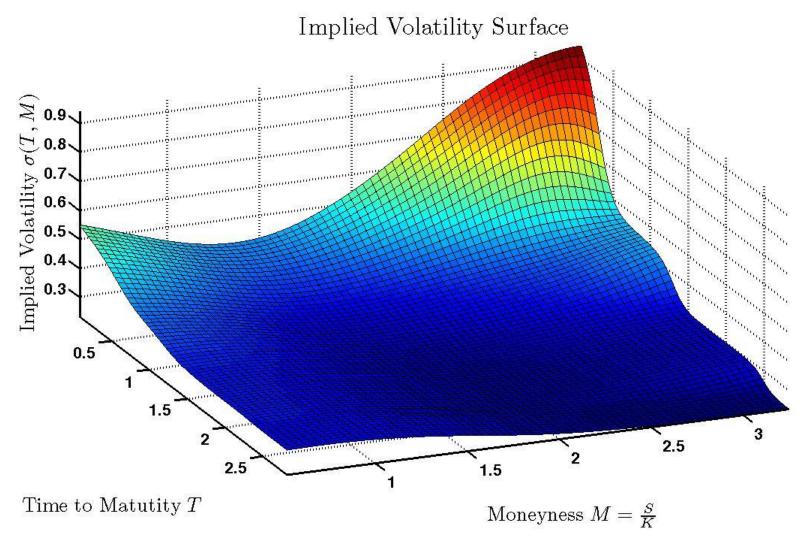
- La visión del mercado de lo que podría pasar con el precio de un activo en el futuro.
- Se considera usualmente como un proxy al riesgo de mercado
- Es un factor determinante a la hora de buscar el precio de una opción
- No es lo mismo que la volatilidad histórica volatilidad realizada o volatilidad estadística
- Para cada K y T vamos a tener distintas volatilidades  $\sigma(K,T)$

#### Sonrisa de volatilidad



### Superficie de volatilidad





#### Volatilidad Implícita (cont)

Por definición, la volatilidad implícita es aquella que al ponerla en un modelo de precio, se obtiene el precio de mercado.

Es decir, suponiendo que tengo un modelo de precio de opciones:

$$V(S_0, K, T, \sigma, r, q)$$

Si obvervo un precio  $V_M$  de mercado para una tupla  $(S_0, K, T, r, q)$ , que son los parámetros 'conocidos' de una opción, entonces  $\sigma_i$  será la  $\sigma$  tal que se cumpla:

$$V(S_0, K, T, \sigma_i, r, q) = V_M$$

Esto no es mas que una ecuación (no lineal)

#### Volatilidad Implícita (cont)

Obtener volatilidades implícitas requerirá de lo siguiente:

- Elegir un modelo de precios de opciones (Black Scholes por ejemplo)
- ullet Determinar los valores r y q ya sea con algún modelo o con evidencia empírica
- Elegir un método numérico para resolver la ecuación (método de bisección por ejemplo)

#### Opciones Americanas

- Una opción americana se define casi exactamente igual que una opción europea, con la diferencia que puede ser ejercida en cualquier momento de la vida de la opción.
- Notar que las denominaciones americana y europea nada tienen que ver con el origen de los activos. Es una nomenclatura para referirse al modo posible de ejercicio.
- Existen otras formas de ejercicio. Una bastante usada en el mundo de IR son las opciones de tipo bermuda, algo como un intermedio entre europeas y americanas – con fechas fijas en las que se puede ejercer.

#### Sensibilidad del precio respecto a los parámetros

	Euro	peas	Americanas			
Variable	С	Р	С	Р		
S	+	_	+	_		
K	_	+	_	+		
T	?	,	+	+		
$\sigma$	+	+	+	+		
r	+	_	+	_		
q	_	+	_	+		

#### Cotas importantes en opciones - notación

- Usaremos la siguiente notación (Hull)
  - $\gt S_0 :=$ Precio actual del activo
  - $\gt S_T :=$ Precio del activo a tiempo T
  - K := Precio de ejercicio
  - T := Tiempo de expiración
  - ightharpoonup r:= Tasa libre de riesgo
  - > C := Precio de una call americana
  - $\triangleright P :=$ Precio de una *put* americana
  - > c := Precio de una call europea
  - p := Precio de una put europea

#### Cotas superiores (1/2)

No importa que pase, una opción *call* nunca puede valer más que el precio del activo subyacente

$$c \leq S_0$$
;  $C \leq S_0$ 

Si esto no sucediera, un arbitrador podría comprar una unidad del activo y vender una unidad de la opción y hacer ganancia sin riesgo.

#### Cotas superiores (2/2)

De la misma manera, una opción *put* nunca puede valer más que el precio de ejercicio

$$p \le K$$
;  $P \le K$ 

Para *put* europeas, a tiempo final la opción tampoco puede valer más que el ejercicio, trayendo el tiempo al origen obtenemos:

$$p \le Ke^{-rT}$$

#### Cotas inferiores (1/2)

Una opción *call* europea que no paga dividendos, tiene la siguiente cota inferior:

$$c \ge S_0 - Ke^{-rT}$$

Construyamos dos portafolios:

Portafolio A: Una opción *call* europea y  $Ke^{-rT}$  unidades de dinero

Portafolio B: Una unidad del activo S

Veamos los payoffs:

$$P_A(T) = \max(S(T) - K, 0) + K = \max(S(T), K), P_B(T) = S(T)$$

Con lo cual se tiene que  $P_A(T) \ge P_B(T)$  lo que implica que la relación es cierta en todo tiempo, en particular al origen:  $P_A(0) \ge P_B(0)$ :

$$c + Ke^{-rT} \ge S_0$$

#### Cotas inferiores (2/2)

Una opción *put* europea que no paga dividendos, tiene la siguiente cota inferior:

$$p \ge Ke^{-rT} - S_0$$

Construyamos dos portafolios:

Portafolio C: Una opción put europea y una unidad del activo S

Portafolio D:  $Ke^{-rT}$  unidades de dinero

Veamos los payoffs:

 $P_{\rm C}({\rm T}) = \max(K-S(T),0) + S(T) = \max(S(T),K)$ ,  $P_{\rm D}(T) = K$ Con lo cual se tiene que  $P_{\rm C}(T) \ge P_{\rm D}(T)$ , entonces la relación es cierta en todo tiempo, en particular en 0:  $P_{\rm C}(0) \ge P_{\rm D}(0)$ :

$$p + S_0 \ge Ke^{-rT}$$

#### Opciones Exóticas (y no tanto) (1/2)

#### Ejercicio:

- Europea Solo en tiempo de ejercicio
- Bermuda En tiempos predefinidos
- Americana En cualquier momento

#### Dependen del camino:

- $\triangleright$  Asiaticas:  $Asia_C = \max(\sum w_i S(t_i) K)$ , 0)
- $\triangleright$  Barreras: Se prenden o apagan cuando S toca valores predeterminados
- Ventanas: Similares a las barreras pero se activin solo en tiempos determinados

#### Opciones Exóticas (y no tanto) (2/2)

- Baskets: Dependen de mas de un subyacente
- Spread: Dependen de la diferencia entre dos subyacentes

- Opciones sobre otro tipo de subyacente:
  - > IRP: en bonos, en futuros de bonos, en swaps (*Swaptions*)
  - Commodities:
  - > Indices
  - > CDSs

#### Modelos Matemáticos en Finanzas Cuantitativas

- Fórmulas Cerradas / Aproximaciones analíticas
- Modelos de árboles (lattices)
- Modelos de Ecuaciones Diferenciales
- Montecarlo
- Ad-hoc

#### Obtener los paneles como dataframes



- La idea del ejercicio es obtener paneles 'limpios' con la información necesaria para poder buscar sensibilidades y generar estrategias
- BYMA (rava) El lunes pasado
- NYSE (api yahoo) Hoy

#### Para el interesado

- Otras formas para obtener lo mismo
- ROFEX?
- Otros paneles?
- Integrarlos?

#### Panel de GGAL en Yahoo Finances

https://finance.yahoo.com/quote/GGAL/options/

August 21, 2020 🗸	In The Money Show: <b>List</b>	Strac	ldle				0			
August 21, 2020 🔻	III The Money						Option Lo	okup		Q
Calls for August 21, 2020										
Contract Name	Last Trade Date	Strike ^	Last Price	Bid	Ask	Change	% Change	Volume	Open Interest	Implied Volatility
GGAL200821C00005000	2020-07-21 12:32PM EDT	5.00	6.30	7.00	7.50	0.00	-	10	3	217.19%
GGAL200821C00007500	2020-07-22 2:19PM EDT	7.50	4.50	4.50	5.10	+0.60	+15.38%	2	27	150.39%
GGAL200821C00010000	2020-07-22 3:00PM EDT	10.00	2.50	2.30	2.60	+0.50	+25.00%	60	1,464	60.94%
GGAL200821C00012500	2020-07-22 3:05PM EDT	12.50	0.96	0.95	1.00	+0.36	+60.00%	430	1,856	73.24%
GGAL200821C00015000	2020-07-22 3:04PM EDT	15.00	0.35	0.25	0.35	+0.15	+75.00%	280	833	75.00%
GGAL200821C00017500	2020-07-21 3:33PM EDT	17.50	0.08	0.05	0.10	0.00	-	10	1,221	75.00%
GGAL200821C00020000	2020-07-07 9:30AM EDT	20.00	0.15	0.00	0.10	0.00	-	-	1	89.06%
<b>'uts</b> for August 21, 2020										
Contract Name	Last Trade Date	Strike ^	Last Price	Bid	Ask	Change	% Change	Volume	Open Interest	Implied Volatility
GGAL200821P00005000	2020-07-13 9:39AM EDT	5.00	0.05	0.00	0.10	0.00	-	1	101	168.75%
GGAL200821P00007500	2020-07-15 3:55PM EDT	7.50	0.10	0.00	0.10	0.00	-	38	257	100.00%
GGAL200821P00010000	2020-07-22 1:39PM EDT	10.00	0.32	0.30	0.35	-0.13	-28.89%	222	3,569	87.50%
GGAL200821P00012500	2020-07-22 2:50PM EDT	12.50	1.25	1.20	1.30	-0.50	-28.57%	161	1,117	80.96%

# Panel limpio de un ticker

■ panel\_opciones\_GGAL\_nyse - DataFrame

Index	Especie	Ticker	Spot	CallPut	Strike	TTM	Last	Moneyness
0	GGAL200821C00005000	GGAL	12.34	С	5	30	6.3	2.468
41	GGAL200821P00005000	GGAL	12.34	Р	5	30	0.05	2.468
1	GGAL200821C00007500	GGAL	12.34	С	7.5	30	4.5	1.64533
42	GGAL200821P00007500	GGAL	12.34	Р	7.5	30	0.1	1.64533
2	GGAL200821C00010000	GGAL	12.34	С	10	30	2.6	1.234
43	GGAL200821P00010000	GGAL	12.34	Р	10	30	0.32	1.234
3	GGAL200821C00012500	GGAL	12.34	С	12.5	30	0.96	0.9872
44	GGAL200821P00012500	GGAL	12.34	Р	12.5	30	1.25	0.9872
4	GGAL200821C00015000	GGAL	12.34	С	15	30	0.35	0.822667
5	GGAL200821C00017500	GGAL	12.34	С	17.5	30	0.08	0.705143
6	GGAL200821C00020000	GGAL	12.34	С	20	30	0.15	0.617
45	GGAL200918P00010000	GGAL	12.34	Р	10	58	0.62	1.234
7	GGAL200918C00012500	GGAL	12.34	С	12.5	58	1.3	0.9872
8	GGAL201016C00002500	GGAL	12.34	С	2.5	86	6.5	4.936
46	GGAL201016P00002500	GGAL	12.34	Р	2.5	86	0.15	4.936