# Домашние задания по вычислительной геометрии.

Задания под (\*) - задания для себя

#### Лекция 1

Без практики

#### Лекция 2

Без практики

### Лекция 3

- 1. Доказать что произведение афинных пространств афинное пространство.
- 2.  $l_a \cap l_b = c$ , тогда если (') двойственное отображение, то c' прямая проходящая через точки  $l_a'$  и  $l_b'$ .
- 3. Доказать, что пересечение плоскостей может быть получено с помощью построения выпуклой оболочки в двойственной геометрии.
- 4. (\*) Рассмотреть принадлежность эллипсу и сферам высших порядков таким же способом, как для круга.

## Лекция 4

- 1. Доказать корректность алгоритма поиска касательных к двум выпуклым оболочкам за O(n).
- 2. Придумать алгоритм поиска касательной к выпуклой оболочке через тернарный поиск.
- 3. Вспомним задачу достроения многоугольника до выпуклого. На лекции было дано утверждения для доказательства алгоритма: *на*

i-ом шаге  $\exists A \subset S_i$  - подмножество точек, которые образуют начало выпуклой оболочки, а остальные точки уже точно не будут находиться в ней.

Докажите данное утверждение используя факты о том, что мы начинаем на точке из оболочки, и то, что линия без самопересечений.

4. (\*) Реализовать Грэхема in-place и динамическую выпуклую оболочку.