

第十三章 电磁场

一、选择题

13.1.1.

答案: D

13.1.11.

答: A

13.1.2.

答: C

13.1.12.

答: B

13.1.3.

答: D

13.1.13.

答: A

13.1.4.

答: C

13.1.14.

答: C

13.1.5.

答案: B

13.1.15.

答: D

13.1.6.

答: D

13.1.16.

答: B

13.1.7.

答: D

13.1.17.

答: D

13.1.8.

答: D

13.1.18.

答: D

13.1.9.

答: C

13.1.19.

答: D

13.1.10.

答: C

13.1.20.

答: D

二 填空题

13.2.1.

答案: 0

13.2.2.

答: $\varepsilon_{ab} = \frac{1}{2} \omega BL^2$ 、 $a \rightarrow b$; $\varepsilon_{bc} = \frac{1}{2} \omega BL^2$ 、 $b \rightarrow c$; $\varepsilon_{cd} = -\frac{1}{2} \omega BL^2$ 、 $d \rightarrow c$;

$\varepsilon_{da} = -\frac{1}{2} \omega BL^2$ 、 $a \rightarrow d$; $\varepsilon_{ac} = \omega BL^2$ 、 $a \rightarrow c$ 。

13.2.3.

答: $\varepsilon_{APC} = l v B \sin \theta$, $<$; $\varepsilon_{PC} = l v B$, $<$ 。

13.2.4.

答: $U_{Oa} = -\frac{1}{50} \omega BL^2$, 高; $U_{Ob} = -\frac{8}{25} \omega BL^2$, 高; $U_{ab} = -\frac{3}{10} \omega BL^2$, 低。

13.2.5.

答: $U_{OP} = -\frac{1}{2}\omega BR^2$

13.2.6.

答: $\varepsilon_i = \pi\omega R^2 B \sin \omega t = 0.004 \sin \frac{10\pi t}{3} \text{ (V)}$

13.2.7.

答: $\varepsilon_i = SNB\omega \sin \omega t$

13.2.8.

答: 0

13.2.9.

答: $L = 6.8 \times 10^{-4} \text{ H}$

13.2.10.

答: $\frac{di}{dt} = \frac{IR}{\mu_0 nS}$

13.2.11.

答: $\varepsilon_{AB} = \frac{\pi R^2}{8} \left| \frac{dB}{dt} \right|, \text{ A} \rightarrow \text{B}$

13.2.12.

答: 静电场电场线; 净电荷; 静电场, 电场。

13.2.13.

答: 磁场, 电场; 静电场, 感生电场。

13.2.14.

答: 无源场, 无头无尾的闭合曲线; 磁单极。

13.2.15.

答: 磁场; 电场; 磁场; 电场时间变化率。

三、计算题

13.3.1.

$$\varepsilon = \varepsilon_{cd} = vBL \cos \alpha = 0.0866 \text{ (V)}$$

13.3.2.

$$\varepsilon_{ab} = \int_{ab} d\varepsilon_{ab} = \int_a^{d+l} -v \frac{\mu_0 I}{2\pi x} dx = -\frac{\mu_0 I v}{2\pi} \ln \frac{(l+d)}{d} = -9.8 \times 10^{-6} \text{ V}$$

a 端电势高。

13.3.3.

$$\varepsilon_{AB} = -\frac{\mu_0 v I}{2\pi} \ln \frac{a+2R}{a} < 0$$

13.3.4.

$$\varepsilon_{OM} = \frac{\mu_0 \omega I}{2\pi \cos \theta} \left(L - \frac{a}{\cos \theta} \ln \frac{a+L \cos \theta}{a} \right)$$

电动势的方向, $O \rightarrow M$

13.3.5.

以顺时针方向为线框中电动势的正方向, 电动势为

$$E = N \frac{\mu_0 I v}{2\pi} L \left(\frac{1}{d} - \frac{1}{d+a} \right) = 2.4 \times 10^{-5} (V)$$

13.3.6.

$$\varepsilon = \pi \omega R^2 N B \sin \omega t = 0.6 \sin 60\pi t$$

13.3.7.

$$\varepsilon = -\frac{d\Phi_m}{dt} = -\frac{d}{dt} \left(\frac{5\mu_0 a \cos(10t)}{\pi} \ln \frac{d+b/2}{d-b/2} \right) = \frac{50\mu_0 a \sin(10t)}{\pi} \ln \frac{d+b/2}{d-b/2}$$

13.3.8.

$$\varepsilon_i \Big|_{t=3s} = -2.51 \times 10^{-2} V$$

感生电动势的方向为顺时针方向

13.3.9.

(1) 回路 0ab0 上的感生电动势等于直线段 ab 上的感生电动势

$$\varepsilon_{ab} = \varepsilon_{OabO} = -\frac{d\Phi_m}{dt} = -S_{OabO} \frac{dB}{dt} = -\frac{l^2}{4} \frac{dB}{dt} < 0$$

方向 $b \rightarrow a$

(2) 回路 0bc0 上的感生电动势等于直线段 bc 上的感生电动势

$$\varepsilon_{bc} = \varepsilon_{ObcO} = -\frac{d\Phi_m}{dt} = -S_{ObcO} \frac{dB}{dt} = -\frac{l^2}{2} \frac{dB}{dt} < 0$$

方向 $c \rightarrow b$

(3) abcda 回路的电动势

$$\varepsilon_{abcda} = -\frac{d\Phi_m}{dt} = -S_{abcda} \frac{dB}{dt} = -l^2 \frac{dB}{dt} < 0$$

方向逆时针

13.3.10.

$$\text{感应电动势 } \varepsilon_i = -\frac{d\Phi}{dt} = -S' \frac{dB}{dt} = -22.7 V$$

其方向由 d 到 c。

13.3.11.

解: (1)

对于螺线管内, $r < R$, 则

$$2\pi r E_i = -S_0 \frac{dB}{dt} = -\pi r^2 \frac{dB}{dt}, \quad E_i = -\frac{r}{2} \frac{dB}{dt}$$

对于螺线管外, $r > R$, 则

$$2\pi r E_i = -S_0 \frac{dB}{dt} = -\pi R^2 \frac{dB}{dt}, \quad E_i = -\frac{R^2}{2r} \frac{dB}{dt}$$

方向逆时针

(2) 距螺线管中心轴 $r = 5.0 \text{ cm}$ 处感生电场的大小和方向

$$E_l = -\frac{R^2}{2r} \frac{dB}{dt} = -\frac{0.02^2}{2 \times 0.05} \times 0.010 = 0.00004 \text{ V/m}$$

方向逆时针

13.3.12.

(1) 则电场随时间的变化率: $\frac{dE}{dt} = \frac{I}{\epsilon_0 S} = 1.8 \times 10^{15} \text{ V/m} \cdot \text{s}$

(2) 位移电流密度: $J_D = \frac{dD}{dt} = \frac{I}{S} = 1.6 \times 10^4 \text{ A/m}^2$

(3) 极板间的位移电流: $I_D = J_D S = I = 5 \text{ A}$,

(4) $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} = 1.0 \times 10^{-4} \text{ T}$

13.3.13.

$$H = \frac{r}{2} J_D = 3.6 \times 10^5 \pi \epsilon_0 \cos(10^5 \pi t) = 10^{-5} \text{ A/m}$$

13.3.14.

$$\epsilon_i = -1.5Lv \left(1 - \frac{t}{10}\right) e^{-\frac{t}{10}} = -0.15 \left(1 - \frac{t}{10}\right) e^{-\frac{t}{10}}$$

13.3.15.

(1) 在 $t = 3.00 \text{ s}$ 时, 穿过轨道和导体组成的三角形面积的磁通量

$$\Phi_m = \frac{1}{2} v^2 t^3 = \frac{1}{2} \times 5.2^2 \times 3^3 = 365 \text{ Wb}$$

(2) 在 $t = 3.00 \text{ s}$ 时, 三角形回路的电动势

$$\mathcal{E} = \frac{3}{2} v^2 t^2 = \frac{3}{2} \times 5.2^2 \times 3^2 = 365 \text{ V}, \text{ 方向: 顺时针}$$