

批阅人	班级	学号	姓名	得分

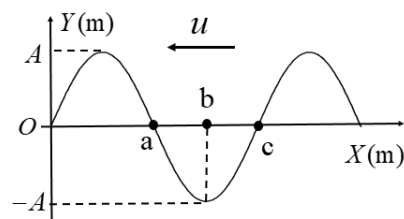
## 一、选择题

7.1.1. 如果一平面简谐波的波动方程为  $y = A\cos(Bt - Cx)$ ，式中  $A$ 、 $B$ 、 $C$  为正值恒量，则该平面简谐波沿  $X$  轴正方向传播，振幅为  $A$ ，（ ）。

- (A) 频率为  $B$ ，波速为  $\frac{C}{B}$ ，波长为  $\frac{2\pi}{C}$ ，周期为  $\frac{2\pi}{B}$
- (B) 频率为  $\frac{B}{2\pi}$ ，波速为  $\frac{B}{C}$ ，波长为  $\frac{2\pi}{C}$ ，周期为  $\frac{2\pi}{B}$
- (C) 频率为  $\frac{B}{2\pi}$ ，波速为  $\frac{C}{B}$ ，波长为  $\frac{1}{C}$ ，周期为  $\frac{2\pi}{B}$
- (D) 频率为  $B$ ，波速为  $\frac{B}{C}$ ，波长为  $\frac{2\pi}{C}$ ，周期为  $\frac{1}{B}$

7.1.2. 一横波沿  $X$  轴负方向传播， $t$  时刻波形如作业图 7.1.2 所示，周期为  $T$ ，则在  $t + T/4$  时刻， $a$ 、 $b$ 、 $c$  各点处质元的位移和运动方向分别为：（ ）。

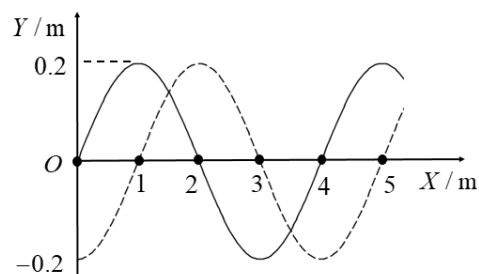
- (A)  $a$  点处质元：位移  $-A$ ，运动速度为 0；  
      $b$  点处质元：位移 0，沿  $Y$  轴正方向运动；  
      $c$  点处质元：位移  $A$ ，运动速度为 0。
- (B)  $a$  点处质元：位移  $A$ ，沿  $Y$  轴正方向运动；  
      $b$  点处质元：位移 0，沿  $Y$  轴负方向运动；  
      $c$  点处质元：位移  $-A$ ，沿  $Y$  轴负方向运动。
- (C)  $a$  点处质元：位移 0，沿  $Y$  轴负方向运动；  
      $b$  点处质元：位移  $A$ ，沿  $Y$  轴正方向运动；  
      $c$  点处质元：位移 0，沿  $Y$  轴正方向运动。
- (D)  $a$  点处质元：位移 0，沿  $Y$  轴负方向运动；  
      $b$  点处质元：位移  $-A$ ，沿  $Y$  轴正方向运动；  
      $c$  点处质元：位移 0，沿  $Y$  轴正方向运动。



作业图 7.1.2

7.1.3. 如作业图 7.1.3 所示，一余弦横波沿  $X$  轴正向传播。实线表示  $t = 0$  时刻的波形，虚线表示  $t = 0.5$  s 时刻的波形，此波的波动方程为：（ ）。

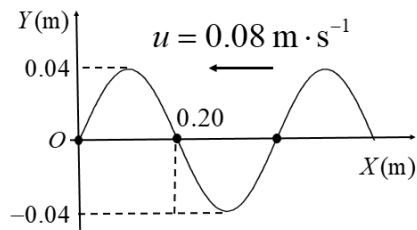
- (A)  $y = 0.2\cos\left[2\pi\left(\frac{t}{4} - x\right)\right] \text{ m}$
- (B)  $y = 0.2\cos\left[2\pi\left(\frac{t}{2} - \frac{x}{4}\right) + \frac{\pi}{2}\right] \text{ m}$
- (C)  $y = 0.2\cos\left[2\pi\left(\frac{t}{4} - x\right) + \pi\right] \text{ m}$
- (D)  $y = 0.2\cos\left[2\pi\left(\frac{t}{2} - \frac{x}{4}\right) - \frac{\pi}{2}\right] \text{ m}$



作业图 7.1.3

7.1.4. 如作业图 7.1.4 所示为  $t=0$  时刻平面简谐波的波形图, 则波动方程为: ( )。

- (A)  $y = 0.04 \cos \left[ 2\pi \left( \frac{t}{5} - \frac{x}{0.40} \right) + \frac{\pi}{2} \right]$  (SI)
- (B)  $y = 0.04 \cos \left[ 2\pi \left( \frac{t}{5} - \frac{x}{0.40} \right) - \frac{\pi}{2} \right]$  (SI)
- (C)  $y = 0.04 \cos \left[ 2\pi \left( \frac{t}{5} + \frac{x}{0.40} \right) + \frac{\pi}{2} \right]$  (SI)
- (D)  $y = 0.04 \cos \left[ 2\pi \left( \frac{t}{5} + \frac{x}{0.40} \right) - \frac{\pi}{2} \right]$  (SI)



作业图 7.1.4

7.1.5. 当机械波在媒质中传播时, 一媒质质元的最大形变量发生在 ( )。

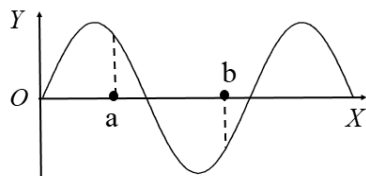
- (A) 媒质质元离开其平衡位置最大位移处
- (B) 媒质质元离开其平衡位置  $\sqrt{2}A/2$  处
- (C) 媒质质元在其平衡位置处
- (D) 媒质质元离开其平衡位置  $A/2$  处

7.1.6. 平面简谐波在弹性介质中传播, 在介质质元从平衡位置到最大位移处的过程中 ( )。

- (A) 介质质元的势能转化成动能
- (B) 介质质元的动能转换成势能
- (C) 介质质元从相邻的一段介质质元获得能量, 其能量逐渐增加
- (D) 介质质元把自己的能量传给相邻的一段介质质元, 其能量逐渐减小

7.1.7. 如作业图 7.1.7 所示为一平面简谐波在  $t$  时刻的波形曲线, 如果此时平衡位置在 a 点处介质质元的振动动能在增大, 则 ( )。

- (A) 平面简谐波沿 X 轴正向传播
- (B) 平衡位置在 a 点处质元的弹性势能在减少
- (C) 平衡位置在 b 点处质元的振动动能在增大
- (D) 平衡位置在 b 点处质元的弹性势能在减少



作业图 7.1.7

7.1.8. 在同一介质中, 两列相干的平面简谐波的强度之比是  $I_1 / I_2 = 4$ , 则两列平面简谐波的振幅比  $A_1 / A_2$  为 ( )。

- (A) 16 (B) 4 (C) 2 (D) 1/4

7.1.9. 在波长为  $\lambda$  的驻波中, 两个相邻波腹之间的距离为 ( )。

- (A)  $\lambda/4$  (B)  $\lambda/2$  (C)  $3\lambda/4$  (D)  $\lambda$

7.1.10. 在驻波中, 两个相邻波节间各质点的振动 ( )。

- (A) 振幅相同, 相位相同 (B) 振幅不同, 相位相同
- (C) 振幅相同, 相位不同 (D) 振幅不同, 相位不同

7.1.11. 一列波从波疏媒质垂直入射到波密媒质, 在界面全反射时它会发生的变化是 ( )。

- (A) 振幅变化 (B) 波速减少 (C) 相位突变 (D) 频率变化

7.1.12. 设声波在介质中的传播速度为  $u$ , 声源的频率为  $\gamma_s$ 。若声源 S 不动, 而接收器 R 相对于介质以速度  $v_R$  沿着 S、R 连线向着声源 S 运动, 则接收器接收到的声波频率为 ( )。

- (A)  $\frac{u - v_R}{u} \gamma_s$  (B)  $\frac{u + v_R}{u} \gamma_s$  (C)  $\frac{u}{u + v_R} \gamma_s$  (D)  $\frac{u}{u - v_R} \gamma_s$

7.1.13. 一机车汽笛频率为 750Hz, 机车以时速 90km 远离静止的观察者, 观察者听到声音的频率是 ( )。(设空气中声速为  $340\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$ )

- (A) 809.5 Hz (B) 698.6 Hz (C) 805.1 Hz (D) 694.8 Hz

7.1.14. 一辆汽车以速度  $v_s$  向一座山崖开去, 同时喇叭发出频率为  $\gamma_0$  的声音。已知声波在空气中的传播速度为  $u$ , 则司机听到山崖的回声频率为 ( )。

- (A)  $\frac{u+v_s}{u-v_s}\gamma_0$  (B)  $\frac{u-v_s}{u+v_s}\gamma_0$  (C)  $\frac{u}{u-v_s}\gamma_0$  (D)  $\frac{u}{u-2v_s}\gamma_0$

7.1.15. 真空中传播的平面电磁波的电场表达式为:  $E_y = E_z = 0$ ,  $E_x = E_0 \cos \omega \left( t + \frac{y}{c} \right)$ 。

在  $t=t_0$  时刻,  $y=y_0$  处的电场强度指向  $X$  轴负方向, 则 ( )。

- (A) 平面电磁波沿  $Y$  轴负方向传播,  $t=t_0$  时刻、 $y=y_0$  处的磁场强度沿  $Z$  轴负方向  
(B) 平面电磁波沿  $Y$  轴负方向传播,  $t=t_0$  时刻、 $y=y_0$  处的磁场强度沿  $Z$  轴正方向  
(C) 平面电磁波沿  $Y$  轴正方向传播,  $t=t_0$  时刻、 $y=y_0$  处的磁场强度沿  $Z$  轴负方向  
(D) 平面电磁波沿  $Y$  轴正方向传播,  $t=t_0$  时刻、 $y=y_0$  处的磁场强度沿  $Z$  轴正方向

7.1.16. 按频率由小到大的顺序排列, 电磁波谱分为 ( )。

- (A) X 射线, 伽马射线, 紫外线, 可见光, 红外线, 微波, 无线电波  
(B) 伽马射线, X 射线, 紫外线, 可见光, 红外线, 微波, 无线电波  
(C) 无线电波, 微波, 红外线, 可见光, 紫外线, X 射线, 伽马射线  
(D) 无线电波, 微波, 红外线, 可见光, 紫外线, 伽马射线, X 射线

## 二、填空题

7.2.1. 机械波指的是\_\_\_\_\_；机械波在弹性媒质中传播时, 质点并不随波前进, 波所传播的只是\_\_\_\_\_或\_\_\_\_\_。

7.2.2. 机械波连续通过不同的媒质时, 就波长  $\lambda$ 、频率  $\nu$  和波速  $u$  而言, 其中\_\_\_\_\_要改变, 而\_\_\_\_\_不改变。

7.2.3. 已知一平面简谐波的波动方程为  $y = A \cos(at - bx)$  ( $a > 0, b > 0$ ), 则该波的频率  $\gamma =$ \_\_\_\_\_, 周期  $T =$ \_\_\_\_\_, 波速  $u =$ \_\_\_\_\_, 波长  $\lambda =$ \_\_\_\_\_, 波沿  $X$  轴\_\_\_\_\_方向传播。

7.2.4. 平面简谐波方程  $y = A \cos \omega(t - x/u)$  表示的是: \_\_\_\_\_, 式中固定  $x = x_0$  时,  $y = f(t)$  表示\_\_\_\_\_, 固定  $t = t_0$  时,  $y = f(x)$  表示\_\_\_\_\_。

7.2.5. 已知一平面简谐波沿  $X$  轴正向传播, 波速为  $u = 8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ 。且已知坐标原点的振动方程  $y_0 = 2.0 \cos 4\pi t (\text{m})$ 。那么, 在  $x_p = -1.0 \text{ m}$  处  $P$  点的振动方程为\_\_\_\_\_。

7.2.6. 一平面简谐波沿  $X$  轴负方向传播, 波速为  $u$ 。已知  $x_0$  处质点的振动方程为  $y = A \cos(\omega t + \varphi)$ , 则此波的波动方程为\_\_\_\_\_。

7.2.7. 沿  $X$  轴正向传播的平面简谐波, 波速  $u = 10 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ , 频率  $\gamma = 5 \text{ Hz}$ , 振幅  $A = 0.02 \text{ m}$ 。已知  $t = 0$  时刻坐标原点处质元的位移  $y_0 = 0.01 \text{ m}$ 、速度  $v > 0$ , 则此平面简谐波的波函数为\_\_\_\_\_。

7.2.8. 沿  $X$  轴正负方向传播的同频同振幅的两束平面简谐波  $y_1 = A \cos \left( \omega t - \frac{2\pi x}{\lambda} \right)$  和

$y_2 = A \cos \left( \omega t + \frac{2\pi x}{\lambda} \right)$  形成的驻波方程为  $y = 2A \cos \frac{2\pi x}{\lambda} \cos \omega t$ , 则在  $x = -\frac{\lambda}{2}$  处质点的振动方程为\_\_\_\_\_, 该质点的振动速度表达式是\_\_\_\_\_;

在  $x = -\frac{\lambda}{4}$  处质点的振动方程为\_\_\_\_\_。

7.2.9. 驻波中, 相邻两波节或相邻两波腹之间的距离为\_\_\_\_\_；相邻两段之间各点的振动相位\_\_\_\_\_；同一段内的各点的振动相位\_\_\_\_\_。

7.2.10. 已知波源的振动周期为  $T = 4.00 \times 10^{-2} \text{ s}$ ，波的传播速度为  $u = 300 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ，波沿  $X$  轴正向传播，则位于  $x_1 = 10.0 \text{ m}$  和  $x_2 = 13.0 \text{ m}$  的两质点振动相位差为\_\_\_\_\_。

7.2.11. 一个观测者在铁路边看到一列火车从远处开来，他测得远处的火车汽笛声的频率为  $650 \text{ kHz}$ ，当列车从身旁驶过而远离他时，他测得汽笛声频率降低为  $540 \text{ kHz}$ ，则火车行驶的速度为\_\_\_\_\_。（设空气中声速为  $340 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ 。）

7.2.12. 当波由波疏媒质入射波密媒质时，在媒质分界面处，反射波的振动与入射波的振动的相位相差\_\_\_\_\_，折射波的振动与入射波的振动的相位相差\_\_\_\_\_；当波由波密媒质入射波疏媒质时，在媒质分界面处，反射波的振动与入射波的振动的相位相差\_\_\_\_\_，折射波的振动与入射波的振动的相位相差\_\_\_\_\_；

7.2.13. 真空中，一平面电磁波沿  $X$  轴负方向传播，已知电场强度为  $E_x = 0$ 、 $E_y = 0$ 、 $E_z = E_0 \cos \omega(t + x/c)$ ，则磁场强度为： $H_x =$ \_\_\_\_\_、 $H_y =$ \_\_\_\_\_、 $H_z =$ \_\_\_\_\_，坡印廷矢量为  $\vec{S} =$ \_\_\_\_\_，表明电磁波是\_\_\_\_\_波。

7.2.14. 已知真空中传播的平面电磁波的电场强度振幅为  $E_0$ ，则该电磁波的平均辐射强度为  $I =$ \_\_\_\_\_。

#### 四、计算题

7.3.1. 已知波源在原点（ $x=0$ ）的平面简谐波方程为  $y = A \cos(Bt - Gx)$ ，式中  $A$ 、 $B$ 、 $G$  为恒量。试求：

- （1）简谐波的振幅、传播的速度（波速）、波长、周期和频率；
- （2）写出传播方向上距离波源  $L$  处质元的振动方程；
- （3）任一时刻在波传播方向上相距为  $D$  的两质元振动的相位差。

解：

**7.3.2.** 一横波沿绳子传播时波动方程为  $y = 0.05 \cos(10\pi t - 4\pi x)$  (SI), 求:

(1) 绳子上各质元振动时的最大速度和最大加速度;

(2)  $x = 0.2 \text{ m}$  处质点在  $t = 1 \text{ s}$  时刻的相位, 它是原点处质点在哪一时刻的相位? 这一相位所代表的运动状态在  $t = 1.25 \text{ s}$  时刻到达哪一点?

解:

**7.3.3.** 已知平面余弦波波源的振动周期  $T = 0.5 \text{ s}$ , 所激起的波的波长  $\lambda = 10 \text{ m}$ , 振幅  $A = 0.1 \text{ m}$ ; 取波源处为坐标原点, 并且波沿  $+X$  方向传播。如果当  $t = 0$  时, 波源处质元振动位移恰为正方向的最大值, 求:

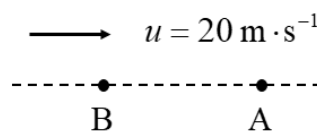
(1) 此波的波函数;

(2)  $t = T/4$  时刻的波形方程并画出波形曲线;

(3)  $t = T/4$  时刻与波源相距  $\lambda/2$  处质点的位移及速度。

解: (

**7.3.4.** 如作业图 7.3.4 所示，在平面简谐波的传播路径上取相距  $\overline{AB} = 5 \text{ cm}$  的 A 和 B 两个点。已知平面简谐波在传播的路径上某点 A 的振动方程为：  $y = 3\cos 4\pi t \text{ cm}$ ，波在媒质中的传播速度为  $u = 20 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ 。求以下几种坐标系下的波函数和 B 点的振动方程：



作业图 7.3.4

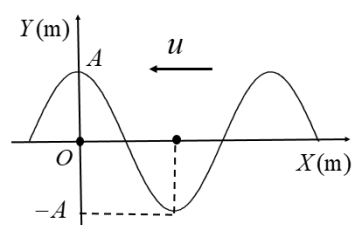
- (1) 以 A 点为坐标原点， $X$  轴沿波的传播方向（即波沿  $+X$  轴方向传播）；
- (2) 以 B 点为坐标原点， $X$  轴沿波的传播方向（即波沿  $+X$  轴方向传播）；
- (3) 以 A 点为坐标原点， $X$  轴沿波的传播方向的反方向（即波沿  $-X$  轴方向传播）；
- (4) 以 B 点为坐标原点， $X$  轴沿波的传播方向的反方向（即波沿  $-X$  轴方向传播）。

解：

7.3.5. 一平面简谐波沿  $X$  轴负方向传播,  $t = T/4$  时刻的波形曲线如作业图 7.3.5 所示, 设波速  $u$ 、振幅  $A$  和波长  $\lambda$  均为已知, 求:

- (1) 波函数;
- (2) 距  $O$  点距离为  $3\lambda/8$  处振动质点的运动方程;
- (3) 距  $O$  点距离为  $\lambda/8$  处质点在  $t = 0$  时刻的振动速度。

解:



作业图 7.3.5

7.3.6. 如作业图 7.3.6 所示为一平面简谐波在  $t=0$  时刻的波形图，设此简谐波的频率为  $\nu=250\text{ Hz}$ ，并且此时质点 P 的运动方向向上，求：

(1) 该波的波函数；

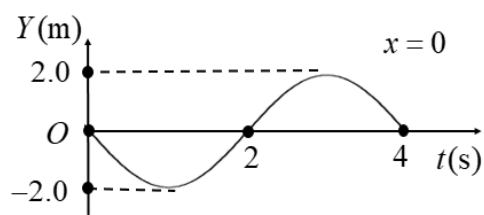
(2) 在距坐标原点  $100\text{ m}$  处的质点的振动方程。

解：



**7.3.7.** 一列平面简谐波在介质中以波速  $u = 5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  沿  $X$  轴正向传播，原点  $O$  处质元的振动曲线如作业图 7.3.7 所示。求：

- (1) 此波的波函数；
- (2) 原点  $O$  处质元的振动方程；
- (3)  $x = 25 \text{ m}$  处质元的振动方程；
- (4)  $t = 3 \text{ s}$  时的波形曲线方程。



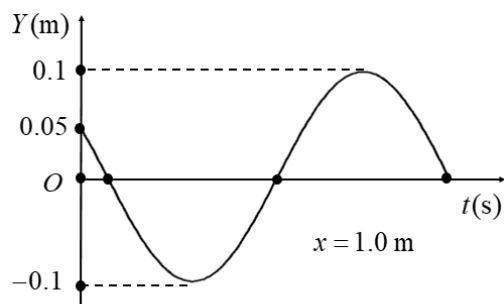
作业图 7.3.7

解：

**7.3.8.** 一平面简谐波，波长为  $\lambda = 12 \text{ m}$ ，周期为  $T = 4 \text{ s}$ ，沿  $X$  轴负方向传播。 $x = 1.0 \text{ m}$  处质元的振动曲线如作业图 7.3.8 所示。求：

- (1) 波动的传播速度；
- (2) 波函数；
- (3)  $x = 1.0 \text{ m}$  处质点的振动方程；
- (4)  $x = 2.0 \text{ m}$  处质点的振动方程；
- (5)  $t = 1 \text{ s}$  时刻的波形曲线方程；
- (6)  $t = 2 \text{ s}$  时刻的波形曲线方程；
- (7)  $t = 2 \text{ s}$  时刻  $x = 2.0 \text{ m}$  处质元的运动速度。

解：



作业图 7.3.8

7.3.9. 设入射波的波动方程为  $y_1 = A \cos 2\pi(t/T + x/\lambda)$ ，在  $x=0$  处发生全反射，反射点为一自由端，求：

(1) 反射波的波函数；

(2) 合成波的波方程，并由合成波的波动方程说明哪些点是波腹？哪些点是波节？

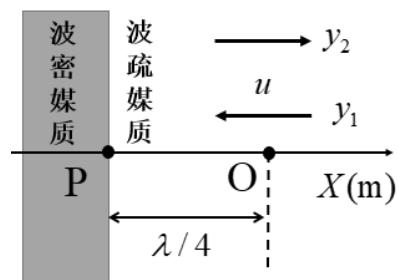
(3) 如果反射点为一固定端，求反射波的波方程、驻波波方程和波腹、波节的位置。

解：

**7.3.10.** 如作业图 7.3.10 所示, 沿  $X$  轴反方向传播的平面简谐波, 已知波长为  $\lambda$ , 振幅  $A$ , 频率  $\gamma$ , 且在  $t=0$  时刻,  $O$  点 (坐标原点) 处质元由平衡位置向位移正方向运动。如果该波在  $P$  点发生反射, 且无能量损失, 求:

- (1) 入射波的波方程;
- (2) 入射波和反射波在  $P$  点的振动方程;
- (3) 反射波的波方程;
- (4) 驻波方程;
- (5) 波节和波腹的位置
- (6) 波腹处的振幅为  $A_1$ , 在  $x = \lambda/8$  处的振幅  $A_2$ 。

解:



作业图7.3.10

7.3.11. 一观察者站在铁路附近，测得迎面开来一列火车汽笛声的频率为  $\gamma_1 = 440 \text{ Hz}$ ，而火车开过身旁后，测得汽笛声的频率为  $\gamma_2 = 392 \text{ Hz}$ ，设空气中的声速为  $u = 330 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ 。

求：

- (1) 火车的运动速度和汽笛振动频率；
- (2) 火车静止而观察者以上述求得的火车速度向火车运动，此时观察者听到的频率；
- (3) 火车静止而观察者以上述求得的火车速度离开火车运动，此时观察者听到的频率。

解：

7.3.12. 真空中有一平面电磁波的电场强度表达式为

$$E_x = 0, \quad E_y = 60 \times 10^{-2} \cos[2\pi \times 10^8 \times (t - x/c)], \quad E_z = 0$$

求: (1) 频率、周期、波长;

(2) 该电磁波的传播方向;

(3) 磁场强度振动的方位;

(4) 磁场强度的振幅;

(5) 磁场强度的表达式;

(6) 坡印亭矢量。

解: