Programmeringsolympiaden 2022

TÄVLINGSREGLER FÖR SKOLKVALET

- Tävlingen äger rum på av skolan bestämt datum under fyra timmar. Ingen förlängning ges för lunch eller raster. Eleven ska i förväg komma överens med läraren om att använda egen dator eller en som skolan tillhandahåller. I vilket fall som helst måste eleven befinna sig i avtalad lokal på skolan. På grund av pandemin kan i undantagsfall tävling ske från annan plats godkänd av läraren, givet tillräcklig övervakning.
- Tävlingen består av sex uppgifter som vardera ska lösas genom ett datorprogram i valfritt programmeringsspråk.
- Indata kan läsas in i programmet på valfritt sätt, t.ex. genom att programmet för en dialog med användaren (som i körningsexemplena i uppgifterna), att de skrivs in i ett grafiskt gränssnitt eller att datafiler skickas till *standard input*. Kom bara överens med din lärare om hur programmet ska testas.
- Dina lösningar kommer att testköras med förpreparerade indata. Varje uppgift testas normalt med 5 testfall, som vardera ger 1 poäng om ditt program skriver ut korrekt svar inom en exekveringstidsgräns av **3 sekunder**. Ingen test av indata behöver göras, den följer specifikationerna i uppgiften.
- Det är ofta olika begränsningar på de olika testfallen, t.ex. storleken på indata eller andra inskränkningar. Detta anges i uppgiften. **Observera att det kan vara helt olika svårighetsgrad på en uppgift beroende på dessa skillnader. Det kan därför vara lättare att få delpoäng på en uppgift som verkar svår än att få full poäng på en uppgift som verkar lättare.** Informationen om delpoäng är därför extremt viktig för att planera sin tävling.
- Rättningen utförs på samma eller likvärdig dator. Ändringar i källkoden tillåts ej efter tävlingen. Om programmet inte kan kompileras ges 0 p. på uppgiften.
- Om något av följande inträffar ger det *testfallet* 0 poäng, men programmet fortsätter testas med övriga testfall.
 - Exekveringstiden överstiger 3 sekunder
 - Exekveringsfel (run time error)
 - Fel svar
- Deltagandet är individuellt vilket bland annat innebär att inget utbyte av idéer eller filer får ske under tävlingen.
- Hjälpmedel: Valfritt skriftligt material, material som finns installerat på datorn samt material som finns tillgängligt på internet. Det är *inte* tillåtet att aktivt kommunicera på internet (t.ex. chatta eller ställa frågor till ett forum) utan endast att söka efter information. Räknedosa är tillåten.
- Tävlingsbidraget ska lämnas in i form av källkodsfiler (uppg1...uppg6 med passande filtillägg) som läggs på överenskommen plats. Ingen hänsyn tas till andra filer. Var noga med att lämna in den korrekta versionen av ditt program.

Lycka till!

UPPGIFT 1 – AFFISCHUTSKICKET

VE OCH FASA! PostNord har för det 1337:e året i rad höjt portot, vilket riskerar att bräcka Programmeringsolympiadens budget.

Varje år skickar PO ut affischer till ca 450 gymnasieskolor. Ett utskick består av tre saker:

- ett kuvert av C4-storlek (229 mm × 324 mm)
- två affischer av A3-storlek (297 mm × 420 mm)
- ett informationsblad av A4-storlek (210 mm × 297 mm)

Det är mycket viktigt att brevet väger högst 50 gram, eftersom portot annars blir dubbelt så högt. För att klara denna magiska viktgräns kan PO styra över vilken sorts papper som används för de tre sakerna. Varje sort har en ytvikt (vikt per area) som typiskt anges i $\frac{\text{gram}}{\text{m}^2}$. Notera att kuvertet består av **två sammanklistrade ark** av C4-storlek, medan ytvikter och ovanstående mått gäller för *ett ark*.

Skriv ett program som räknar ut den totala vikten för ett brev. Programmet ska läsa in tre heltal mellan 50 och 200, ytvikterna i $\frac{\text{gram}}{\text{m}^2}$ för sorterna som används till kuvertet, affischerna respektive informationsbladet. Skriv ut ett enda decimaltal: vikten på ett fullständigt brevutskick i gram. Svaret ska anges med minst 3 decimalers noggrannhet (d.v.s. vara inom $5 \cdot 10^{-4}$ från rätt svar).

Körningsexempel 1

Kuvert ? 120 Affisch ? 90 Blad ? 70

Svar: 44.626140

Körningsexempel 2

Kuvert ? 150 Affisch ? 200 Blad ? 90

Svar: 77.768100

UPPGIFT 2 – ARABISKA

Det är ganska känt att när man skriver text på arabiska skriver man från höger till vänster. Det är däremot mindre välkänt att man aldrig skriver ut korta vokaler.

Med vokaler menar vi en av bokstäverna: *a,e,i,o,u,y*. En kort vokal defineras i detta problem som en vokal som följs av två eller fler konsonanter.

Skriv ett program som visar hur en mening skulle se ut om den skrevs på arabiska, d.v.s från höger till vänster och utelämnande alla korta vokaler från den ursprungliga meningen. Programmet ska fråga efter antalet ord N ($1 \le N \le 5$), och sedan läsa in en mening med N ord åtskilda med blanksteg, där varje ord består av maximalt 10 gemena bokstäver från det latinska alfabetet (a till z).

Poängsättning: För 2 poäng gäller att det inte finns några korta vokaler i meningen.

Körningsexempel 1

```
Antal ord ? 4
Mening ? hej vad heter du
Svar: ud reteh dav jeh
```

Förklaring: Det finns inga korta vokaler i meningen.

Körningsexempel 2

```
Antal ord ? 1
Mening ? leende

Svar: ednel
```

Förklaring: Det andra *e*:et i ordet *leende* räknas som kort vokal och utelämnas därför. Notera att det första *e*:et ska stå kvar eftersom det inte var en kort vokal i den ursprungliga meningen.

Körningsexempel 3

```
Antal ord ? 5
Mening ? po ar en trevlig tavling
Svar: gnlvt gilvrt ne ra op
```

Uppgift 3 – Grönt kort

För att repklättra krävs två personer, en som klättrar och en som står kvar på marken och håller i repet (säkrar) utifall att klättraren skulle falla ner. För att få säkra krävs att man tagit grönt kort. Däremot behöver man inte ha grönt kort för att få klättra. Att klättra en vägg, inklusive att knyta fast repet i selen och allt runtomkring, tar exakt 10 minuter. Det finns många klätterväggar, så hur många personer som helst kan klättra samtidigt (men de måste bli säkrade av olika personer).

Ett kompisgäng består av N personer med grönt kort och M personer utan grönt kort, där $2 \le N \le 400\,000\,000$ och $0 \le M \le 400\,000\,000$. Hur många minuter tar det som minst innan alla har fått klättra en gång?

Poängsättning:

```
För 1 poäng gäller att M=0 (men N kan vara stort).
För ytterligare 1 poäng gäller att N=2 (men M kan vara stort).
För ytterligare 2 poäng gäller att M,N \leq 100.
```

Körningsexempel 1

```
Antal med grönt kort, N ? 2
Antal utan grönt kort, M ? 0
Svar: 20
```

Förklaring: Det finns två personer, båda med grönt kort. Den ena personen säkrar när den andra klättrar, och sen kan de byta vem som klättrar och säkrar.

Körningsexempel 2

```
Antal med grönt kort, N ? 2
Antal utan grönt kort, M ? 2
Svar: 30
```

Förklaring: Det finns fyra personer, varav två har grönt kort. De två personerna med grönt kort kan båda klättra under de första 20 minuterna (som i det första expempelfallet). Sedan kan de två personerna utan grönt kort klättra samtidigt.

Körningsexempel 3

```
Antal med grönt kort, N ? 3
Antal utan grönt kort, M ? 3
Svar: 30
```

Förklaring: Det finns sex personer, varav tre har grönt kort. Ett sätt för dem att klättra på 30 minuter är att två personer alltid klättrar samtidigt, en med grönt kort och en utan grönt kort.

UPPGIFT 4 – DEN TRÖTTE MÅLAREN

Ilad Rodavlas har jobbat som målare i hela sitt liv men börjar nu bli trött på sitt jobb. Dra penseln upp, ned och upp igen. Samma sak varje dag.

Men en dag när han ska måla ett golv, indelat i $N \times N$ rutor, får han en snilleblixt. "Tänk om en robot skulle kunna göra allt jobb åt mig" utbrister han. Det finns dock två problem med den idén. För det första kan roboten endast förflytta sig rakt framåt, så den målar alltid en hel rad eller kolumn med samma färg. För det andra kan Ilad inte programmera. Han vet dock att du är en skicklig programmerare och undrar därför om du kan hjälpa honom.

Ilad har en bild som visar exakt hur golvet ska se ut till slut. Hela golvet är från början omålat. Skriv ett program som berättar för roboten hur den ska måla golvet. För att inte slösa på färg får den inte måla samma rad eller kolumn flera gånger.

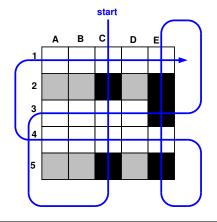
Programmet ska fråga efter ett heltal $1 \le N \le 9$, antalet rader och kolumner på golvet som roboten ska måla. Därefter ska det läsa in N rader med N tecken på varje rad, en punkt (.) för en omålad ruta, S för en svart ruta och V för en vit ruta. Golvet kommer alltid vara möjligt att måla enligt det givna mönstret.

Skriv först ut en teckensträng med de rader och kolumner roboten ska måla, i ordning. Rader beskrivs med siffrorna $1, 2, \ldots$ och kolumner med bokstäverna A, B, \ldots (se figuren nedan). Skriv sedan ut en lika lång teckensträng med de färger roboten ska använda varje gång, med tecknen V för vitt och S för svart.

Poängsättning: För testfall värda 2 poäng är $N \leq 4$.

Körningsexempel 1 K	örningsexempel 2	Körningsexempel 3
---------------------	------------------	-------------------

N ? 4	N ? 5	N ? 6
Rad 1 ?S.	Rad 1 ? VVVVV	Rad 1 ? VVVVVV
Rad 2 ? VVSV	Rad 2 ?S.S	Rad 2 ? VVVSVV
Rad 3 ?S.	Rad 3 ? VVVVS	Rad 3 ? VVVSVV
Rad 4 ?S.	Rad 4 ? VVVVV	Rad 4 ? V.VSV.
	Rad 5 ?S.S	Rad 5 ? SSSSSS
Ordning: 2C		Rad 6 ? V.VSV.
Färger : VS	Ordning: C3E41	
	Färger : SVSVV	Ordning: 32EDCA51 Färger: VVVSVVSV



Pilen visar ett möjligt sätt att måla golvet i det andra körningsexemplet. Grå färg symboliserar omålade rutor. **Det finns flera möjliga lösningar på exempelfallen.** Du kan t.ex byta plats på vilken av raderna 1 och 4 du tar först i exempel 2.

UPPGIFT 5 – KORTA VOKALER

Att lösa algoritmproblem är svårt, men en sak som ofta är ännu svårare är att förbereda testdatan. Ta problemet *Arabiska* till exempel. Här har juryn lagt många timmars intensivt arbete åt att konstruera mästerverk som hej vad heter du.

En fråga som dyker upp är: hur skapar man textsträngar som inte innehåller några korta vokaler? Om du läste uppgiften *Arabiska* så kanske du kommer ihåg att en kort vokal är en vokal som följs av minst två konsonanter. I ordet tall så är a:et en kort vokal, medan ordet potatis inte har några korta vokaler. För enkelhets skull räknar vi *a, e, i, o, u, y* som vokaler i det här problemet.

Ett sätt att skapa ord som inte innehåller några korta vokaler är att utgå ifrån ett ord, och sedan ta bort några bokstäver från det. Om vi utgår från potatis så skulle vi då kunna få ptais till exempel. Men om ordet istället blev otats så uppstod tyvärr en kort vokal.

Din uppgift är att räkna antalet sätt att ta bort bokstäver från ett givet ord så att resultatet inte innehåller några korta vokaler. Det är tillåtet att inte ta bort några bokstäver alls (i andra exemplet så bidrar det med 1 till svaret). Däremot är det inte tillåtet att ta bort alla bokstäver. Om samma ord uppstår genom att ta bort olika mängder bokstäver, så räknas de separat (I första exemplet finns det två sätt att få ordet tal, vi kan ta bort det första eller det andra 1:et).

Skriv ett program som läser in ett ord S med högst 50 bokstäver. Ordet består bara av bokstäverna a-z. Programmet ska skriva ut ett heltal, antalet sätt att ta bort bokstäver så att ett ord utan korta vokaler bildas. Notera att svaret inte alltid får plats i ett 32-bitars heltal i de senare testfallen.

Poängsättning:

För testfall värda 1 poäng gäller att alla bokstäver i S är samma. För testfall värda ytterligare 2 poäng gäller att S har högst 10 bokstäver.

Körningsexempel 1

Ord ? tall

Svar: 13

Körningsexempel 2

Ord ? potatis

Svar: 107

UPPGIFT 6 – BERGSKEDJA

Torunn bor i ett bergigt bostadsområde som består av ett $n \times m$ -rutnät med en tomt i varje ruta. Torunn bor på rutan längst upp till vänster i rutnätet. Tyvärr har en extra jobbig hyresgäst nyligen flyttat in, så Torunn har bestämt sig för att sälja sin bostad och flytta någon annanstans. Först måste hon dock ta reda på hur mycket bostaden är värd.

Varje ruta i rutnätet har en höjd. Alla höjder är olika, så låt oss för enkelhets skull anta att höjderna är $1,2,3,\ldots,n\cdot m$. Tomter med högre höjd är värda mer på bostadsmarknaden, så Torunn vill ta reda på höjden på sin tomt. Hon har därför gått runt till varje ruta i rutnätet och kollat hur många angränsande rutor som är lägre. En ruta anses vara angränsande om den delar en sida (rutor som inte ligger längs bostadsområdets kant har alltså 4 angränsande rutor).

Skriv ett program som, givet informationen Torunn samlade in, hittar minsta och största möjliga höjd för hennes tomt.

Programmet ska läsa in två heltal n och m ($1 \le n, m \le 8$), antalet rader och kolumner i rutnätet. Därefter ska det läsa in n rader vardera innehållande en sträng med längden m. Detta rutnät utgör informationen som Torunn samlade in, varje siffra motsvarar alltså antalet angränsande rutor som är lägre än rutan som siffran står i. Det är garanterat att det finns minst ett sätt att tilldela höjderna $1, 2, \ldots, n \cdot m$ till rutorna så att den insamlade informationen är korrekt. Notera att värdena som samlats in alltid kommer vara mellan 0 och 4.

Programmet ska skriva ut två heltal, den minsta och den största möjliga höjden på rutan i övre vänstra hörnet.

Poängsättning

För 1 poäng gäller att n = 1. För ytterligare 1 poäng gäller att n = m = 3. För ytterligare 1 poäng gäller att n = m = 4.

Körningsexempel 1

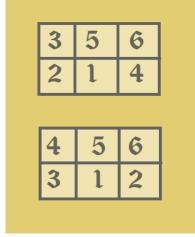
n ? 2 m ? 3 Rad 1 ? 122 Rad 2 ? 101

Svar: 3 4

Körningsexempel 2

n ? 1 m ? 4 Rad 1 ? 0111

Svar: 1 1



Två möjliga höjdkartor som stämmer överens med körningsexempel 1.