

# Notas Fisica Nuclear y de Partículas

Daniel Vazquez Lago

2 de octubre de 2024

---

# Índice general

<b>1. Propiedades generales de los núcleos</b>	<b>5</b>
1.1. Introducción: definiciones.	5
1.1.1. Tipos de desintegraciones	5
1.2. Masas de los núcleos	7
1.2.1. Espectrometría de masas	7
1.2.2. Energía de ligadura	8
1.2.3. Formula semiempírica de masas	8
1.2.4. Aplicaciones de la formula semiempírica: parábola de masas	10
1.3. Abundancia y estabilidad nuclear	10
1.4. Tamaño de los núcleos	10
1.4.1. Sección eficaz diferencial y sección eficaz total	10
1.4.2. Sección eficaz de Rutherford	11
1.4.3. Factor de forma	12
1.4.4. Ejemplos de factores de forma	13
<b>2. Inestabilidad nuclear</b>	<b>17</b>
2.1. Desintegración $\alpha$	17
2.1.1. Energética de la desintegración $\alpha$	17
2.1.2. Sistemática de la desintegración $\alpha$ . Regla de Geiger-Nuttall	18
2.1.3. Tratamiento de Gamow, Gurney y Condon	18
2.1.4. Momento angular y paridad en la desintegración $\alpha$	20
2.2. Desintegración $\beta$	20
2.3. Transiciones electromagnéticas	21
2.4. Teoría continua de la desintegración radiactiva y aplicaciones	21
2.4.1. Sustancia sin ramificación	21
2.4.2. Ramificación. Constantes de desintegración parciales.	22
2.4.3. Varias sustancias. Cadenas radiactivas naturales.	23
<b>3. Reacciones Nucleares</b>	<b>25</b>
3.1. Tipos de reacciones	25
3.2. Leyes de conservación	26
3.2.1. Conservación de la carga eléctrica y el número bariónico	26
3.2.2. Conservación de la energía y del momento lineal	26
3.2.3. Energía umbral de reacción	27
3.2.4. Conservación del momento angular y de la paridad	27
3.3. Dispersión y secciones eficaces	28
3.3.1. Atenuación de un haz al atravesar un blanco	28
3.3.2. Dispersión de Coulomb	29
3.3.3. Dispersión nuclear	30
3.4. Mecanismos de reacciones	30
3.5. Fisión	30

3.6. Fusión . . . . .	30
3.7. Apéndices . . . . .	30
<b>4. Estructura nuclear</b>	<b>31</b>
<b>5. La interacción fuerte nucleón-nucleón</b>	<b>33</b>
5.1. Partículas elementales: interacciones y propiedades . . . . .	34
<b>6. Transformaciones de simetría y leyes de conservación</b>	<b>35</b>
6.1. Paridad $\mathcal{P}$ . . . . .	35
<b>7. El modelo de quarks y el modelo estándar</b>	<b>37</b>

# 1

## Propiedades generales de los núcleos

### 1.1. Introducción: definiciones.

**Definición 1.1 (número atómico).** El número atómico ( $Z$ ) de un núcleo es un entero que coincide con el número de protones del núcleo.

**Definición 1.2 (número másico).** El número másico ( $A$ ) de un núcleo es la suma de número de protones y neutrones  $A = Z + N$ .

Atendiendo a los valores  $Z$ ,  $A$  y  $N$ , los núcleos se clasifican en:

- **Isótopos:** son núcleos con igual  $Z$ .
- **Isóbaros:** son núcleos con igual  $A$ .
- **Isotónos:** son núcleos con igual  $N$ .

Para denotar un núcleo se suele escribir  ${}^A_ZX_N$  donde  $X$  es el símbolo químico del elemento en cuestión (determinado por el valor  $Z$ ). Protones y neutrones se denominan genéricamente **nucleones**. Hoy en día se han identificado alrededor de 112 átomos diferentes.

#### 1.1.1. Tipos de desintegraciones

##### Desintegración $\alpha$

La desintegración alfa consiste en la emisión de dos protones y dos neutrones (un núcleo de helio) por parte de un núcleo inestable. Produce un desplazamiento hacia la izquierda de dos posiciones de la tabla periódica, y reduce el número másico en 4 unidades  $\Delta Z = -2$  y  $\Delta A = -4$ . Esquemáticamente esta desintegración se puede escribir Coulomb



Aunque en capítulos posteriores estudiaremos en detalle la evolución de las poblaciones de núcleos radioactivos, recordaremos ahora que la **vida media** ( $\tau$ ) de un núcleo es el tiempo necesario para reducir el número de núcleos de una muestra en un factor  $1/e$  de su valor inicial (o, en otras palabras, el promedio del tiempo que tarda un núcleo en desintegrarse), mientras

que el período de semidesintegración ( $t_{1/2}$ ) es el tiempo necesario para reducirlo a la mitad. Dados  $N_0$  núcleos radioactivos iniciales que no están reponiéndose por medio de ningún proceso, el número de desintegraciones que se observan por unidad de tiempo es proporcional al propio número de núcleos presentes. La constante de proporcionalidad es característica de cada núcleo y se denomina **constante de desintegración**  $\lambda$  que tiene unidades inversas de tiempo. Esto nos lleva a la ley de desintegración radiactiva:

$$\frac{dN}{dt} = -\lambda N \Rightarrow N(t) = N_0 e^{-\lambda t} \quad \tau = \frac{1}{\lambda} \quad (1.1.2)$$

Otras definiciones de interés son el **semi tiempo**, esto es, el tiempo que tarda una muestra en reducirse a la mitad:

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} \quad (1.1.3)$$

La **actividad de una sustancia** se define como

$$A(t) = \lambda N(t) = A_0 e^{-\lambda t} \quad (1.1.4)$$

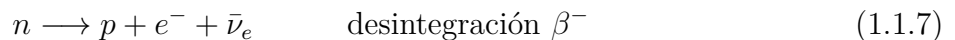
y en el SI se define como Becquerelio (Bq, una desintegración en cada segundo). Para desarrollar estos conceptos véase el apartado 2.4.1.

## Desintegración $\beta$

La desintegración beta consiste en la conversión nuclear de neutrones en protones o viceversa. Por decirle de algún modo, es la manera en que el núcleo *corrige* un exceso de protones o neutrones convirtiendo unos en otros. En física nuclear se suele usar los símbolos  $\beta^-$  y  $\beta^+$  para designar las radiaciones emitidas por las desintegraciones beta. La desintegración por emisión  $\beta^-$  ( $\beta^+$ ) produce un desplazamiento hacia la derecha (izquierda) de una posible en la tabla periódica, pero no cambia esencialmente la masa:  $\Delta Z = \pm 1, \Delta A = 0$ . Responsable de este fenómeno es la interacción débil:



La conversión nuclear en protones puede tener lugar de 3 modos distintos. En notación de física de partículas se escribe:



El tercer proceso un electrón de las capas internas (usualmente la K) con cierta probabilidad presencia dentro de la región nuclear es *usado* para la conversión de un protón en un neutrón.

## Desintegración $\gamma$

Los rayos  $\gamma$  son capaces de penetrar varios milímetros en plomo. No son desviados por los campos electromagnéticos e interaccionan con la materia de manera similar a los rayos X. Se trata de radiación electromagnética, e inicialmente se confundieron con los rayos X emitidos por el reordenamiento de los electrones atómicos que sigue a una conversión interna. La desintegración gamma consiste en la emisión espontánea de fotones altamente energéticos cuando el núcleo pasa de un estado excitado a otro estado de menor energía o al fundamental. Es,

por tanto, un proceso esencialmente análogo al que tiene lugar cuando un átomo se desexcita emitiendo radiación, bien sea en el rango visible o en el de rayos X. La emisión gamma suele acompañar a otros dos tipos de desintegración, porque sus procesos quedan normalmente en estados excitados.

### Fisión espontánea

Es un proceso en el que el núcleo pesado se divide en dos más ligeros. No es posible determinar a priori en qué par concreto de núcleos ligeros terminará, sino que habrá una distribución estadística en un cierto rango de números atómicos.

### Emisión nuclear

Este es un proceso mediante el que un núcleo inestable, generalmente producto de una fisión o desintegración anterior, emite un nucleón.

## 1.2. Masas de los núcleos

En el laboratorio se miden masas atómicas, no masas nucleares. A pesar de ello, veremos que en casi todos los casos prácticos de la física nuclear podremos usar masas atómicas en lugar de masas nucleares, porque las masas de los electrones y sus energías de ligadura se cancelarán casi perfectamente en el balance global. Actualmente las masas atómicas se miden en unidades atómicas de masa unificadas (u), y se definen de manera que la masa del átomo  $^{12}\text{C}$  sea exactamente de 12u. La conversión de unidades:

$$1u = 931,49432(28)\text{MeV}/c^2 = 1,6605402(10) \times 10^{-27}\text{kg} \quad (1.2.1)$$

Las masas del protón, neutrón y electrón:

$$m_p = 939,272 \text{ MeV}/c^2 = 1836,149 m_e \quad (1.2.2)$$

$$m_p = 939,565 \text{ MeV}/c^2 = 1838,679 m_e \quad (1.2.3)$$

$$m_e = 0,511 \text{ MeV}/c^2 \quad (1.2.4)$$

Otra realación interesante

$$c^2 = 931,494013(37) \text{ MeV}/u \quad (1.2.5)$$

### 1.2.1. Espectrometría de masas

Para medir las masas de isótopos radioactivos de vida media corta se recurre a las ecuaciones de balance energético en reacciones nucleares. En la reacción  $x + X \rightarrow y + Y$ , midiendo las energías cinéticas de cada compuesto para determinar la diferencia de masas, que se conoce como el **valor**  $Q$  de la reacción:

$$Q = [m(x) + m(X) - m(y) - m(Y)]c^2 = E_c(\text{estado final}) - E_c(\text{estado inicial}) \quad (1.2.6)$$

Donde la letra minúscula denota las masas nucleares. Para que una desintegración sea espontánea debe verificarse que  $Q > 0$ , lo cual es evidente, ya que la energía cinética del estado final no puede ser negativa, como por ejemplo en el caso de tener una sola partícula, podremos encontrar un sistema de referencia inercial donde esta partícula este en reposo, y por tanto  $E_c(\text{estado inicial}) = 0$ , de tal manera que si  $Q < 0$  implicaría  $E_c(\text{final}) < 0$  lo cual no tiene sentido.

### 1.2.2. Energía de ligadura

Todo sistema compuesto (sistema ligado) tiene una energía de ligadura negativa, de tal manera que es energéticamente más favorable mantener unidos a los constituyentes que mantenerlos separados. En otras palabras: la suma de las masas de los constituyentes de un compuesto estable es mayor que la masa del compuesto. Esto es así porque existe una reacción de carácter atractivo entre los constituyentes que los mantiene unidos, de tal manera que es necesario realizar un trabajo para separarlos y destruir (desintegrar) el compuesto. En el dominio de la física nuclear definiremos la energía de un núcleo de modo que resulte positiva (masas de los constituyentes menos masa del compuesto).

La energía de la ligadura nuclear en términos de las masas atómicas de los elementos considerados que es lo que realmente se mide en el laboratorio. Para aclarar la notación, en lo que sigue usaremos la letra  $m$  para representarla masa de una partícula, por ejemplo  $m_n$  para la masa de un neutrón. Usaremos la notación  $m(Z, A)$  para representar la **masa del núcleo** (**masa nuclear**), y la notación  $M(Z, A)$  o  $M({}_Z^AX_N)$  para designar la **masa de un átomo** (**masa atómica**) con  $Z$  protones y  $A$  nucleones. De esta manera podemos relacionar la masa atómica con la masa nuclear de la siguiente manera:

$$M(Z, A) = m_N + Zm_e - \frac{1}{c^2} \sum_{i=1}^Z B_i \quad (1.2.7)$$

donde  $B_i$  son las *energía de ligadura* de los electrones. Este término es despreciable, por lo que la masa atómica y la masa nuclear se pueden relacionar por:

$$M(Z, A) \approx m_N + Zm_e \quad (1.2.8)$$

El valor de la masa nuclear también se puede expresar en función de las masas de sus constituyentes y la **energía de ligadura del núcleo** o **energía de ligadura nuclear**  $B$ :

$$m(Z, A) = Zm_p + (A - Z)m_n - \frac{1}{c^2} B \quad (1.2.9)$$

Es muy interesante expresar  $B$  en función de parámetros conocidos, como son las masas atómicas y las masas de los protones, neutrones y electrones, ya que es la energía de ligadura la que nos va a permitir calcular si una desintegración podría ocurrir de manera espontánea o no. Así:

$$\frac{1}{c^2} B = Zm_p + (A - Z)m_n - m(Z, A) \quad (1.2.10)$$

en algunas de las tablas en lugar de tabular  $M(Z, A)$  se proporciona el llamado **defecto de masa**  $\Delta = (M - A)c^2$  donde  $M$  es la masa atómica en *uma* y  $A$  es el número másico. Dado  $\Delta$  se puede deducir la masa atómica.

### 1.2.3. Formula semiempírica de masas

Existe una fórmula que describe cualitativamente la energía de ligadura por nucleon. Se trata de **fórmula semiempírica de masas**, también conocida como **fórmula de Wicksäcker**, y es esencialmente una parametrización de la energía de ligadura aunque se la conoce como fórmula de masas porque la relación entre una y otra es directa. Esta parametrización se basa en el **modelo de la gota líquida**. Al igual que en una gota líquido, la densidad en el núcleo es esencialmente constante en función del radio nuclear:

$$M({}_Z^AX_N) \equiv M(Z, A) = ZM({}^1H) + Nm_n - \frac{B(Z, A)}{c^2} \quad (1.2.11)$$



$$B(Z, A) = a_v A - a_s A^{2/3} - a_c Z(Z-1)A^{-1/3} - a_{sy} \frac{(A-2Z)^2}{A} + \delta(A) \quad (1.2.12)$$

Existen distintas parametrizaciones de la fórmula de masas, pero en todas ellas los términos son los mismos salvo constantes. Una breve descripción de cada uno de los términos es el siguiente:

- **Término de volumen:** sabemos que la energía de ligadura por nucleón es casi constante en función de  $A$ , esto es:  $B \propto A$ , luego el significado de  $a_v A$  es obvio.  $a_v$  será presumiblemente del orden de 8 MeV. Cada nucleón contribuye aproximadamente lo mismo a la energía de ligadura porque la interacción fuerte es de corto alcance y sólo le permite interactuar con sus vecinos más próximos.
- **Término de superficie:** cerca de la superficie del núcleo es de esperar que los nucleones tengan menos vecinos y por lo tanto contribuyan un poco menos que los interiores a la energía de ligadura. El radio del núcleo va como  $A^{1/3}$  y la superficie como  $A^{2/3}$ , por lo tanto el término de superficie es de la forma  $a_s A^{2/3}$ , contribuyendo con signo opuesto al de volumen para contrarrestar su excesivo peso.
- **Término de energía coulombiana:** la repulsión coulombiana entre los protones hace disminuir la energía de ligadura y, por lo tanto, aumentar la masa del núcleo. Debido al carácter de largo alcance de esta interacción, este término es proporcional a  $Z^2$  e inversamente proporcional al radio  $a_c Z(Z-1)A^{-1/3}$ <sup>1</sup>.
- **Término de simetría:** de la carta de Segré sabemos que la estabilidad nuclear se concreta en valores  $Z \approx A/2$ , y esto hemos de tenerlo en cuenta de alguna manera en nuestra fórmula de masas, de lo contrario no habría impedimento alguno para que la parametrización resultante no proporcionase isótopos estables con cientos de neutrones. Una posible forma de este parámetro es  $-a_{sy}(A-2Z)^2/A$ . Así escrito favorece la existencia de núcleos con un número parecido de protones y neutrones, y tiene mayor importancia para los núcleos ligeros, para los que la condición  $Z \approx A/2$  es más estricta.
- **Término de pairing o apareamiento.** Un estudio significativo de las masas nucleares muestra que los núcleos más estables tienen un número par de protones y/o neutrones. Esto se debe a una tendencia de los nucleones a acoplarse en parejas de iguales, es decir pp y nn, con espines y momentos antiparalelos. Si tomamos nulo este término ( $\delta = 0$ ) para núcleos con  $A$  impar, entonces en núcleos con  $Z$  impar y  $N$  impar  $\delta$  contribuye con signo negativo, es decir, tiende a disminuir la energía de ligadura y aumentar la masa del núcleo. Sería ventajoso en estos casos convertir uno de los protones en neutrón o alguno de los neutrones en un protón. Finalmente, para núcleos con  $Z$  par y  $N$  par,  $\delta$  contribuye con signo positivo. En la naturaleza sólo existen 4 núcleos impar-impar estables, que son el  $^2\text{H}$ ,  $^6\text{Li}$ ,  $^{10}\text{B}$  y  $^{14}\text{N}$ , mientras que núcleos estables par-par hay unos 167, lo cual da una idea de la importancia del término pairing.

$$\delta(A) = \left\{ \begin{array}{ll} +a_p A^{-3/4} & \text{Núcleos con } Z \text{ par y } N \text{ par} \\ 0 & \text{Núcleos con } A \text{ impar} \\ -a_p A^{-3/4} & \text{Núcleos con } Z \text{ impar y } N \text{ impar} \end{array} \right\} \quad (1.2.13)$$

Las constantes se ajustan a los datos experimentales, con los siguientes valores como su mejor ajuste

<sup>1</sup>Si realizáramos el cálculo suponiendo una esfera uniformemente cargada obtendríamos una energía potencial dada por la expresión  $-(3/5)e^2 Z^2 A^{-1/3}$ . Si consideramos objetos puntuales uniformemente distribuidos en la *esfera nuclear*, aparece en lugar de  $Z^2$  el factor  $Z(Z-1)$ , proporcional al número de parejas de objetos:  $-(3/5)e^2 Z(Z-1)A^{-1/3}/(4\pi\epsilon_0 R_0)$ . En la fórmula semiempírica de masas puede ser más conveniente dejar una constante global para ajustar los datos que usar un valor como  $R_0 = 1,2$  fm en la expresión analítica anterior.

$a_v$ (MeV)	$a_s$ (MeV)	$a_c$ (MeV)	$a_{sy}$ (MeV)	$a_p$ (MeV)
15.5	16.8	0.72	23	34

#### 1.2.4. Aplicaciones de la formula semiempírica: parábola de masas

### 1.3. Abundancia y estabilidad nuclear

## 1.4. Tamaño de los núcleos

#### 1.4.1. Sección eficaz diferencial y sección eficaz total

En los cursos introductorios de física cuántica se estudia la dispersión o colisión de partículas por potenciales simples en una dimensión. Este tratamiento sencillo es suficiente para ilustrar los conceptos de transmisión y reflexión de partículas, efecto túnel, etc. En el caso de un potencial unidimensional la partícula incidente solo tiene dos posibilidades: seguir hacia delante o rebotar hacia atrás, cada una con cierta probabilidad (asumiendo que los potenciales son incapaces de mantener estados ligados). En tres dimensiones tendremos que considerar todo el continuo posible de direcciones emergentes de la partícula inicial tras la colisión. En el caso de colisiones profundamente inelásticas surge además la complicación adicional de que se pueden crear más partículas en el estado final.

La manera más adecuada de describir la distribución angular de las partículas dispersadas por un centro de fuerzas o potencial se realiza mediante la denominada **sección eficaz**. Veremos que esta distribución angular proporciona importante información sobre el potencial dispersor, y, por tanto, sobre la partícula o sistema que lo crea.

Supongamos un haz incidente que transporta  $N$  partículas por unidad de área y por unidad de tiempo, y que lo hacemos incidir sobre un blanco que contiene  $n$  centros dispersores. Si suponemos que el flujo incidente no es tan intenso como para provocar interferencia entre las propias partículas incidentes, que tiene lugar una sola dispersión por partícula u que no hay una disminución apreciable de los centros dispersores del blanco por el retroceso de la partícula golpeada, entonces el número de partículas incidentes que emergen por unidad de tiempo en un pequeño intervalo de ángulo sólido  $\Delta\Omega$  centrado en los ángulos  $\theta$  y  $\phi$  será proporcional a  $N, n$  y  $\Delta\Omega$ :

$$\Delta\mathcal{N} \sim nN\Delta\Omega \quad (1.4.1)$$

Denotando por  $\sigma(\theta, \phi)$  la constante de proporcionalidad, podemos escribir ese número de partículas emergentes en  $\Delta\Omega$  por unidad de tiempo como:

$$\Delta\mathcal{N} = nN\sigma(\theta, \phi) \quad (1.4.2)$$

o en intervalo diferencial

$$d\mathcal{N} = nN\sigma(\theta, \phi)d\Omega \quad (1.4.3)$$

A la constante de proporcionalidad  $\sigma(\theta, \phi)$  se le denomina **sección eficaz diferencial** y, como se puede ver a partir de la ecuación anterior, tiene unidades de área. En efecto  $\sigma(\theta, \phi)d\Omega$  es igual al área transversal del haz incidente paralelo que contiene el número de partículas dispersadas  $d\mathcal{N}$  por un único centro dispersor o partícula del blanco. Evidentemente, a la integral de esa sección eficaz diferencial sobre la esfera se le denomina **sección eficaz total**

$$\sigma_t = \int \sigma(\theta, \phi)d\Omega \quad (1.4.4)$$

En caso de dispersión sobre un blanco fijo la definición anterior de sección eficaz es igualmente válida para el sistema laboratorio <sup>2</sup> que para el sistema centro de masas, porque un centro dispersor fijo tiene masa efectiva infinita.

En general, la probabilidad de interacción de dos partículas depende fuertemente de la energía <sup>3</sup>. La sección eficaz diferencial también se suele expresar en el intervalo diferencial de energía, de modo que para obtener la sección eficaz total habrá que integrar a todo rango de energías accesibles.

$$\sigma_t = \int \int \sigma(\theta, \phi) d\Omega dE \quad (1.4.5)$$

### 1.4.2. Sección eficaz de Rutherford

La sección eficaz para la dispersión elástica coulombiana de partículas puntuales sin espín se conoce como la sección eficaz de Rutherford. Él fue el pionero en el uso de las técnicas de dispersión para el estudio del mundo subatómico, concretamente bombardeando una lámina de oro con partículas  $\alpha$ . Supongamos ahora una colisión elástica entre un electrón y un núcleo en reposo de carga  $Ze$ . Despreciemos por el momento efectos de espín y supongamos además que el electrón se aproxima en trayectoria hiperbólica con velocidad no relativista  $v$  y que la energía de retroceso del núcleo es despreciable frente a la interacción. Usando mecánica clásica no relativista es sencillo derivar la siguiente expresión para la sección eficaz diferencial de Rutherford:

$$\left( \frac{d\sigma(\theta)}{d\Omega} \right)_{\text{Rutherford}} = \left( \frac{Ze^2}{8\pi\epsilon_0 m_e v^2} \right)^2 \frac{1}{\sin^4(\theta/2)} = \left( \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0} \right)^2 \frac{1}{(4E)^2 \sin^4(\theta/2)} \quad (1.4.6)$$

donde  $E = mv^2/2$  es la energía cinética del electrón y  $\theta$  el ángulo polar de dispersión. Si la energía de retroceso del núcleo no fuera despreciable, entonces deberíamos sustituir la expresión anterior de  $m_e$  por la masa reducida  $\mu = m_e m_N / (m_e + m_N)$ ,  $v$  sería la velocidad del centro de masas y el ángulo de dispersión  $\theta$  estaría referido al sistema de referencia del centro de masas.

La mecánica clásica es una teoría completamente determinista, de tal modo que dadas unas ciertas condiciones iniciales es posible predecir exactamente la trayectoria de la partícula y, por tanto, el diferencial de ángulo sólido por el que pasará una vez dispersada. Si imaginamos un haz uniforme de partículas con cierta sección transversal incidiendo sobre una lamina de material a modo de blanco, la ecuación anterior nos da la proporción de partículas que en la unidad de tiempo saldrán dispersadas atravesando una superficie diferencial perpendicular a  $d\Omega$ . En este problema el campo de fuerzas es central, de modo que existe simetría azimutal y podemos integrar sobre el ángulo  $\phi$  para obtener:

$$d\Omega = \int_0^{2\pi} \sin(\theta) d\theta d\phi = 2\pi \sin(\theta) d\theta \quad (1.4.7)$$

por eso escribimos directamente  $\sigma = \sigma(\theta)$ .

La sección eficaz de Rutherford es una de las pocas fórmulas de la mecánica clásica que también se deduce en el formalismo de la mecánica cuántica. Pero en el *mundo cuántico* su significado es distinta: representa la probabilidad de que una partícula salga dispersada en un

---

<sup>2</sup>Recordemos que el sistema de referencia laboratorio es aquel en el que la partícula blanco está inicialmente en reposo mientras que el sistema de referencia centro de masas es aquel en el que el centro de masas está (siempre) en reposo.

<sup>3</sup>Por ejemplo, la sección eficaz de captura de neutros térmicos por el uranio varía varios ordenes de magnitud en un pequeño rango de energía.

ángulo sólido diferencial  $d\Omega$ , aunque también es cierto que en el caso de un haz de partículas incidiendo sobre el blanco representa una fracción de ellas que en la unidad de tiempo atravesarán una superficie diferencial a  $d\Omega$ , al igual que en el caso clásico.

Una manera rápida de deducir la sección eficaz de Rutherford en mecánica cuántica es mediante la primera aproximación de Born. Se considera que la función de onda inicial y final del electrón está bien descrita por una onda plana, tal que  $\mathbf{p}_i = \hbar \mathbf{k}_i$  y  $\mathbf{p}_f = \hbar \mathbf{k}_f$  (donde  $|k| = 2\pi/\lambda$ ). En ese caso las funciones de onda inicial y final

$$\Psi_i(\mathbf{r}) \sim e^{i\mathbf{p}_i \cdot \mathbf{r}/\hbar} \quad \Psi_f(\mathbf{r}) \sim e^{i\mathbf{p}_f \cdot \mathbf{r}/\hbar} \quad (1.4.8)$$

El potencial  $V(\mathbf{r})$  del centro dispersor *convierte* la onda plana inicial en la onda plana final, y la amplitud de probabilidad de la transición viene dada, en primera aproximación de Born Por

$$f(\mathbf{p}_i, \mathbf{p}_f) \sim \int \Psi_f^* V \Psi_i d^3\mathbf{r} \sim \int e^{i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}/\hbar} V(\mathbf{r}) d^3\mathbf{r} \sim f(\mathbf{q}) \quad (1.4.9)$$

donde  $\mathbf{q} = \mathbf{p}_i - \mathbf{p}_f$  es el **momento transferido en la colisión**. La sección eficaz diferencial es el módulo al cuadrado de esta *amplitud de probabilidad*

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = |f(\mathbf{q})|^2 \quad (1.4.10)$$

Por lo que si el potencial es simétrico  $V(\mathbf{r}) = V(r)$ , podemos integrar sobre los ángulos y obtener:

$$f(\mathbf{q}) \sim \int_0^\infty r V(r) \sin(qr/\hbar) dr \quad (1.4.11)$$

Si escribimos  $V(r) = -Ze^2/4\pi\epsilon_0 r$  la integral anterior no existe. Sin embargo  $V(r)$  no tiene dicha forma, ya que en realidad la carga del núcleo  $Ze$  está apantallada por la carga electrónica, de tal manera que a grandes distancias la partícula incidente no *ve* el potencial eléctrico desnudo del núcleo. Se puede tener en cuenta este apantallamiento añadiendo un factor multiplicativo exponencial

$$V(r) = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Ze^2}{r} e^{-r/a} \quad (1.4.12)$$

donde  $a$  es una longitud característica de las dimensiones atómicas. La integral sobre el radio produce entonces el siguiente resultado

$$f(\mathbf{q}^2) \sim \frac{Ze^2}{q^2 + (\hbar/a)^2} \approx \frac{Ze^2}{q^2} \quad (1.4.13)$$

### 1.4.3. Factor de forma

Consideremos entonces que el núcleo atómico es un objeto extenso con una densidad de carga eléctrica que podamos expresar en la forma  $Ze\rho(\mathbf{r}')$ , de tal manera que  $\rho(\mathbf{p}')$  es una densidad de probabilidad normalizada  $\int \rho(\mathbf{r}') d^3(\mathbf{r}') = 1$ . Si además la distribución de carga fuese esféricamente simétrica tendríamos

$$4\pi \int_0^\infty \rho(r) r^2 dr = 1 \quad (1.4.14)$$

La integral restante en la expresión de  $f(\mathbf{q})$  se conoce como **factor de forma**

$$F(\mathbf{q}) = \int \rho(\mathbf{r}) e^{i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}/\hbar} d^3\mathbf{r} \quad (1.4.15)$$

En el caso de que tratemos distribuciones esféricamente simétricas, el factor de forma sólo dependerá del cuadrado del momento transferido.

$$F(\mathbf{q}^2) = \int \rho(r) e^{i\mathbf{q}\cdot\mathbf{r}/\hbar} d^3\mathbf{r} \quad (1.4.16)$$

Recordando que  $d\sigma/d\Omega = |f|^2$  tenemos que

$$\left(\frac{d\sigma}{d\Omega}\right)_{\text{extenso}} = \left(\frac{dd\sigma}{dd\Omega}\right)_{\text{Ruth.}} \cdot |F(\mathbf{q}^2)|^2 \quad (1.4.17)$$

donde la etiqueta *extenso* hace referencia a que hemos considerado al núcleo como un objeto extenso y no como una partícula puntual.

Para pasar de  $F(\mathbf{q}^2)$  a la distribución de carga  $\rho(r)$  podríamos pensar, en principio, en invertir la ecuación del factor de forma:

$$\rho(r) = \frac{1}{(2\pi)^3} \int F(\mathbf{q}^2) e^{-i\mathbf{q}\cdot\mathbf{r}/\hbar} d^3q \quad (1.4.18)$$

#### 1.4.4. Ejemplos de factores de forma

Las primeras medidas de factores de forma nucleares fueron llevados a cabo a principios de la década de los 50 en SLAC<sup>4</sup>. Se midieron secciones eficaces para una gran variedad de núcleos con electrones de energía hasta 500 MeV. Los resultados muestran un rápido decrecimiento de la sección eficaz para grandes ángulos, que se corresponde con el hecho de que la dependencia con el momento transferido va como  $1/\mathbf{q}^4$ , (recuérdese que  $|\mathbf{q}| = 2|\mathbf{p}| \sin(\theta/2)$ ). Para distribuciones simétricas de carga podemos integrar sobre el ángulo sólido y obtener:

$$F(\mathbf{q}^2) = 4\pi \int \rho(r) \frac{\sin(|\mathbf{q}|r/\hbar)}{|\mathbf{q}|r/\hbar} r^2 dr \quad (1.4.19)$$

Introduciendo en la expresión anterior distribuciones sencillas de carga de modo que podamos realizar la integral, obtendremos ejemplos de factores de forma a comparar con las mediciones y así hacernos una idea intuitiva de la distribución de carga nuclear. En las figuras tenemos varios ejemplos. Para una carga puntual (delta de Dirac) el factor de forma es una constante (la unidad). Cuanto más extensa sea la distribución espacial de carga más rápidamente decrecerá con  $\mathbf{q}$  el factor de forma. En el límite de una distribución extendida por todo el espacio tendríamos una delta de Dirac para el factor de forma. Para una distribución gaussiana tendríamos otra distribución gaussiana. Para una esfera homogénea tendríamos oscilaciones típicas de un patrón de difracción con mínimos que se anulan. Para una esfera con superficie difusa tendríamos oscilaciones difuminadas, con mínimos que no llegan a anularse.

El valor medio del cuadrado del radio  $\langle r^2 \rangle$  está dado por la fórmula

$$\langle r^2 \rangle = \int r^2 \rho(r) d\mathbf{r}^3 = 4\pi \int r^2 \rho(r) r^2 dr \quad (1.4.20)$$

Se observa que los núcleos no tienen una superficie bien definida, sino más bien difusa. En su interior la distribución de carga es aproximadamente constante, y en la superficie decrece en un cierto rango hasta hacerse nula. Una buena parametrización de esta distribución se consigue con la llamada **función de Fermi de dos parámetros** también llamada **distribución de Wood-Saxon**:

---

<sup>4</sup>Stanford Linear Accelerator.

$$\rho(r) = \frac{\rho(0)}{1 + e^{(r-c)/a}} \quad (1.4.21)$$

donde  $c$  es el radio al que  $\rho(r)$  decrece a la mitad del valor del plató <sup>5</sup>. El parámetro  $a$  está relacionado con el grosor de la piel <sup>6</sup> (skin thickness) mediante  $t = (4 \ln 3)a$ . Los resultados experimentales indican para núcleos pesados y medios se cumplen

$$\sqrt{\langle r^2 \rangle} = r_0 A^{1/3} \quad r_0 = 0,94 \text{ fm} \quad (1.4.22)$$

El volumen nuclear es, por lo tanto, proporcional al número de nucleones  $A$ , y la densidad de carga nuclear es aproximadamente constante (comportamiento similar a líquidos o sólidos). El radio a mitad de densidad y el grosor de la piel satisfacen, aproximadamente, la siguiente relación:

$$c(\text{fm}) = 1,18 A^{1/3} - 0,48 \quad t \approx 2,4 \text{ fm} \quad (1.4.23)$$

También se suele utilizar la **función de Fermi de tres parámetros** que se define como

$$\rho(r) = \left(1 + \frac{\omega r^2}{c^2}\right) \frac{\rho(0)}{1 + e^{(r-c)/a}} \quad (1.4.24)$$

Se puede determinar la distribución de carga a partir de los datos experimentales con un método casi independiente del modelo si la escribimos como una superposición de gaussianas:

$$\rho(r) \propto \sum_{i=1}^N A_i \exp \left[ -\frac{(r - R_i)^2}{\delta_i} \right] \quad (1.4.25)$$

Es preciso tener en cuenta, sin embargo, que la dispersión de electrones proporciona información sobre la distribución de carga eléctrica, pero para investigar la distribución de materia nuclear necesitamos proyectiles hadrónicas.

---

<sup>5</sup>Caamaño llama a la constante  $R_{1/2} \equiv c$

<sup>6</sup> $t$  es la distnacia que necesita la densidad de carga para caer del 90 % al 10 % de su valor

a





# 2

## Inestabilidad nuclear

### 2.1. Desintegración $\alpha$

La desintegración  $\alpha$  produce lo que originalmente se llamó rayos  $\alpha$ , indentificados en su época como la radiación menos penetrante emitida por los elementos radioactivos naturales.

La desintegración por emisión alfa produce un desplazamiento hacia la izquierda de dos posiciones en la tabla periódica, y reduce el número másico en 4 unidades:  $\Delta Z = -2$ ,  $\Delta A = -4$ . Esquemáticamente escribiríamos



La desintegración  $\alpha$  es un fenómeno que en esencia se debe a la repulsión coulombiana de los protones en un núcleo, que crece a un ritmo más rápido (va como  $Z^2$ ) que la energía nuclear<sup>1</sup> (que va como  $A$ ).

#### 2.1.1. Energética de la desintegración $\alpha$

En la desintegración  $\alpha$  intervienen la interacción electromagnética y la fuerte. Entre otras cosas que veremos más tarde, en este proceso se conserva la energía, el momento lineal, el momento angular total y la paridad. Si suponemos que el átomo está inicialmente en reposo, la energía del sistema en el estado inicial es simplemente la energía de la masa en reposo de este átomo. En el estado final tenemos una partícula  $\alpha$  y un núcleo hijo con cierta energía cinética. Usando masas nucleares podríamos entonces escribir las ecuaciones de balance energético como:

$$m_X c^2 = m_Y c^2 + T_Y + m_\alpha c^2 + T_\alpha \quad (2.1.2)$$

$$m_X c^2 - m_Y c^2 - m_\alpha c^2 = T_Y + T_\alpha = Q \quad (2.1.3)$$

$$Q = (m_X - m_Y - m_\alpha) c^2 \quad (2.1.4)$$

Este proceso está energéticamente permitido sólo si  $Q > 0$ . Aunque la expresión anterior está escrito en términos de las masas nucleares, podemos calcular  $Q$  usando las masas atómicas

---

<sup>1</sup>Recuérdese que la energía de ligadura por nucleón es aproximadamente constante  $B/A \sim \text{cte}$ .

porque la masa electrones se cancela en la operación (en las desintegraciones  $\alpha$  no se eliminan ni generan electrones). Despreciando las energías de ligadura electrónicas:

$$Q/c^2 = M({}_Z^AX_N) - M({}_{Z-2}^{A-4}Y_{N-2}) - M({}_2^4\text{He}) \quad (2.1.5)$$

Si el núcleo inicial estaba en reposo, los momentos lineales de los productos deben ser iguales en magnitud y opuestos en sentido

$$p_\alpha = p_Y \quad (2.1.6)$$

### 2.1.2. Sistemática de la desintegración $\alpha$ . Regla de Geiger-Nuttall

Geiger y Nuttall observaron ya en 1911 una relación inversamente proporcional entre el logaritmo del período de semidesintegración del núcleo emisor y la raíz cuadrada de las partículas  $\alpha$  emitida., esto es:

$$\ln(\tau_{1/2}) = k_1 + \frac{k_2}{\sqrt{Q}} \quad (2.1.7)$$

### 2.1.3. Tratamiento de Gamow, Gurney y Condon

En 1928 Gamow, Gurney y Condon aplicaron casi simultáneamente los principios de la nueva mecánica cuántica al estudio de la desintegración  $\alpha$ . La idea esencial consiste en considerar la partícula  $\alpha$  *preformada* en el potencial creado por el núcleo hijo, que puede aproximarse a un pozo esférico profundo<sup>2</sup> con una frontera en forma de barrera coulombiana. La partícula  $\alpha$  tendrá cierta probabilidad de cruzar la barrera por efecto túnel, que puede calcularse sin muchas dificultades, al menos aproximadamente. Este modelo proporciona resultados numéricos razonables que demuestran una comprensión semicuantitativa del fenómeno de la desintegración  $\alpha$ , pero no significa que la *imagen* de una partícula  $\alpha$  *preformada* en el interior del núcleo sea un buen reflejo de la realidad, sino más bien que en ciertas condiciones se comporta aproximadamente como tal.

Vamos ahora a realizar un cálculo para estimar la probabilidad de desintegración  $\alpha$ , y para ello usaremos un modelo semiclásico en una dimensión. El potencial coulombiano se corta a una distancia  $a$  que se puede considerar como la suma de los radios del núcleo hijo y de la partícula  $\alpha$ . En la región interior ( $r < a$ ), la partícula  $\alpha$  se mueve con una energía cinética dada por  $Q + |V_0|$ . La región  $a < r < b$  forma una barrera del potencial.

En el contexto de nuestro sencillo modelo anterior, la constante de desintegración vendrá dada por  $\lambda = fP$ , donde  $f$  es la *frecuencia con la que la partícula incide sobre la barrera* y  $P$  es la *probabilidad de que la cruce*. No es complicado calcular el coeficiente de transmisión para esa simple barrera coulombiana. Recordemos que el coeficiente de transmisión viene dado a través de una barrera arbitraria en una dimensión viene dado aproximadamente por

$$T = \exp\left(-\frac{2\sqrt{2m}}{\hbar} \int_a^b \sqrt{V(r) - Q} dr\right) \quad (2.1.8)$$

donde la integración se realiza entre los límites que marcan la intersección de la recta  $V(r) = Q$  con el pozo de potencial nuclear por la izquierda y la cola de la barrera coulombiana por la derecha. Se suele denominar **factor de Gamov** a

---

<sup>2</sup>En el capítulo que trata de la estructura nuclear (capítulo ??) veremos con algo más de detalle por qué el potencial nuclear se puede aproximar a un pozo de potencial, y en el capítulo sobre la interacción nucleón-nucleón veremos cuantitativamente la profundidad estimada del pozo.

$$G = \frac{\sqrt{2m}}{\hbar} \int_a^b \sqrt{V(r) - Q} \quad (2.1.9)$$

de manera que el cociente de transmisión es

$$T = e^{-2G} \quad (2.1.10)$$

Escribimos ahora para  $V(r)$  la energía coulombiana de la partícula alfa

$$V(r) = \frac{2(Z-2)e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \quad (2.1.11)$$

y obtenemos la siguiente integral

$$G = \sqrt{\frac{2\mu}{\hbar^2 Q}} \frac{2(Z-2)e^2}{4\pi\epsilon_0} \left[ \arccos \sqrt{\frac{a}{b}} - \sqrt{\frac{a}{b} \left(1 - \frac{a}{b}\right)} \right] \quad (2.1.12)$$

donde  $2e$  es la carga de la partícula  $\alpha$ ,  $(Z-2)e$  la carga del núcleo hijo y  $\mu$  la masa reducida del sistema. Denotando por  $B$  la altura de la barrera coulombiana en el punto  $r = a$ , tenemos

$$B = V(r = a) = \frac{2(Z-2)e^2}{4\pi\epsilon_0 a} \quad Q = \frac{2(Z-2)e^2}{4\pi\epsilon_0 b} \quad (2.1.13)$$

Porque  $Q$  es precisamente el valor que  $V(r)$  toma en el radio  $R = b$ . De aquí deducimos que  $a/b = Q/B$  y puesto que  $Q/B \ll 1$  hacemos la siguiente aproximación

$$\arccos \sqrt{\frac{a}{b}} \approx \frac{\pi}{2} - \sqrt{\frac{a}{b}} \quad (2.1.14)$$

con lo cual tenemos que

$$G \approx \sqrt{\frac{2\mu}{\hbar^2 Q}} \frac{2(Z-2)e^2}{4\pi\epsilon_0} \frac{\pi}{2} - \sqrt{\frac{a}{b}} \quad (2.1.15)$$

Ahora todo lo que tenemos que hacer es multiplicar la probabilidad de penetración ya calculada por una frecuencia  $f$  que exprese, de una manera simple, el número de impactos o intentos que la partícula  $\alpha$  hace contra la barrera. Esta frecuencia es del orden de  $f \sim v/a$ , donde  $v$  es su velocidad anterior del núcleo, que podemos expresar como  $v = \sqrt{2(Q + |V_0|)}/\mu$ . Esto nos lleva a la siguiente expresión para la constante de desintegración  $\alpha$ :

$$\lambda = \frac{1}{a} \sqrt{\frac{2(Q + |V_0|)}{\mu}} \exp \left[ -2 \sqrt{\frac{2\mu}{\hbar^2 Q}} \frac{2(Z-2)e^2}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{\pi}{2} - 2\sqrt{\frac{a}{b}} \right) \right] \quad (2.1.16)$$

$$(2.1.17)$$

$$= \frac{1}{a} \sqrt{\frac{2(Q + |V_0|)}{\mu}} \exp \left[ 4\alpha c \sqrt{\frac{2\mu}{Q}} (Z-2) \left( \frac{\pi}{2} - 2\sqrt{\frac{a}{b}} \right) \right] \quad (2.1.18)$$

Donde  $\alpha = e^2/(4\pi\epsilon_0 \hbar c)$  es la constante de estructura fina. El período de semidesintegración o semivida sería:

$$\tau_{1/2} = a(\ln(2)) \sqrt{\frac{2\mu}{\hbar^2 Q}} \exp \left[ 4\alpha c \sqrt{\frac{2\mu}{Q}} (Z-2) \left( \frac{\pi}{2} - 2\sqrt{\frac{a}{b}} \right) \right] \quad (2.1.19)$$

De esta ecuación se deduce<sup>3</sup> que el logaritmo de  $\tau_{1/2}$  tiene una relación lineal inversa con la raíz cuadrada de la energía cinética de la partícula  $\alpha$ :

$$\log \tau_{1/2} = k_1 + \frac{k_2}{\sqrt{Q}} \quad (2.1.20)$$

donde  $k_1$  y  $k_2$  son constantes. Esta es la **ley o regla de Geiger y Nuttall** encontraron empíricamente en torno a 1911.

Vemos que la fórmula deducida para  $\tau_{1/2}$  mediante este sencillo modelo proporciona valores que están más o menos dentro del mismo orden de magnitud que las medidas experimentales, lo cual es un logro importante si se tiene en cuenta que éstas últimas abarcan más de 22 órdenes de magnitud y que hemos simplificado considerablemente el problema: no hemos tenido en cuenta la función de ondas inicial y final del núcleo (regla de oro de Fermi) ¡, ni tampoco el momento angular de la partícula  $\alpha$ . La forma y radio del núcleo tiene también una influencia importante en el valor numérico final<sup>4</sup>.

#### 2.1.4. Momento angular y paridad en la desintegración $\alpha$

En una desintegración  $\alpha$  han de conservarse el momento angular total y la paridad. En cuanto al primerm tenemos que  $\mathbf{I}_i = \mathbf{I}_f + \mathbf{I}_\alpha + \mathbf{l}_\alpha$ , donde  $\mathbf{l}_\alpha$  es el momento angular orbital de la partícula  $\alpha$  relativo al núcleo emisor<sup>5</sup> y  $\mathbf{I}_\alpha$  su espín nuclear. Ahora bien, el núcleo de Helio tiene los nucleons apareados de manera que su espín es cero, por lo tanto  $\mathbf{I}_\alpha = 0$  y  $\mathbf{I}_i = \mathbf{I}_f + \mathbf{l}_\alpha$ . Con lo cual el momento angular orbital que se lleva la partícula  $\alpha$  en la Desintegración debe cumplir la **regla del momento angular**

$$|I_i - I_f| \leq l_\alpha \leq I_i + I_f \quad (2.1.21)$$

Por otro lado, la ley de conservación de la paridad exige  $\pi_i = \pi_f \times \pi_\alpha \times (-1)^{l_\alpha}$ , donde  $\pi_i$  y  $\pi_f$  son las paridades del núcleo inicial (padre) y del núcleo final (hijo), y  $\pi_\alpha$  es la paridad de la partícula  $\alpha$ , que resulta ser positiva<sup>6</sup>, por lo tanto tenemos que  $\pi_i = \pi_f (-1)^{l_\alpha}$ . Concluimos, finalmente, que si la paridad nuclear inicial y final es la misma, entonces  $l_\alpha$  tiene que ser par, mientras que en caso contrario tiene que ser impar:

$$\pi_i = \pi_f \implies l_\alpha \text{ par} \quad (2.1.22)$$

$$\pi_i = -\pi_f \implies l_\alpha \text{ impar}$$

## 2.2. Desintegración $\beta$

La desintegración  $\beta^-$  fue descubierta ya en 1896 por Becquerel. En 1932 se descubrió el positrón en el estudio de los rayos cósmicos, y más tarde (1934) se produjeron artificialmente elementos que se desintegraban emitiendo positrones, poniendo así de manifiesto la desintegración  $\beta^+$ . La captura electrónica, esto es, la captura de un electrón orbital por parte del núcleo fue descubierta por Álvarez en 1938. Los rayos  $\beta^-$  tiene carga negativa y un poder de

<sup>3</sup>Aunque es cierto que  $Q$  también aparece en la raíz que multiplica la exponencial, la dependencia más fuerte de  $\tau_{1/2}$  con  $Q$  proviene de la exponencial en sí misma. El factor multiplicativo, que es esencialmente la velocidad de la partícula  $\alpha$ , tiene una variación con  $Q$  despreciable comparada con la variación generada por la exponencial.

<sup>4</sup>Por ejemplo, pasar de un radio nuclear medio de  $1,25A^{1/3}$  fm a  $1,20A^{1/3}$  fm implica introducir un cambio de hasta un factor 5 en  $\tau_{1/2}$  respecto al radio nuclear se puede usar incluso como un método para estimar el radio nuclear, o más bien, el radio de un núcleo más el de la partícula alfa.

<sup>5</sup>Consideramos que el hijo se queda aproximadamente en reposo.

<sup>6</sup>El primer estado excitado del núcleo  ${}^4_2\text{He}$  tiene una energía de 20,1 MeV y también  $I^\pi = 0^+$ .

penetración de alrededor de 1mm. en plomo. Durante algún tiempo hubo confusión entre estos dos electrones emitidos en la desintegración  $\beta$  y los electrones emitidos en la **conversión interna** de los núcleos. En física nuclear se suelen usar los símbolos  $\beta^-$  y  $\beta^+$  para designar estas radiaciones. La desintegración por emisión  $\beta^-$  ( $\beta^+$ ) produce un desplazamiento hacia la derecha (izquierda) de una posición en la tabla periódica, pero no cambia esencialmente la masa:  $\Delta Z = \pm 1$  ,  $\Delta A = 0$ . Responsable de este fenómeno es la interacción débil.

## 2.3. Transiciones electromagnéticas

## 2.4. Teoría continua de la desintegración radiactiva y aplicaciones

La **actividad** de una muestra de átomos radioactivos se define como el número de desintegraciones que tienen lugar en la unidad de tiempo. Esta definición que tiene sentido si la desintegración es un fenómeno que involucra individualmente<sup>7</sup> a cada átomo, no un fenómeno colectivo. Así definida, es obvio que la actividad es proporcional al tamaño de la muestra radioactiva. Rutherford y Soddy establecieron experimentalmente a principios del siglo XX que la actividad de una muestra disminuye de forma exponencial con el tiempo. Desde un punto de vista mecanocuántico esto tiene sencilla justificación, por que se deriva de la existencia de una probabilidad fundamental de transición por unidad de tiempo para cada núcleo, lo cual implica a su vez que la probabilidad de que un átomo se desintegra de forma independiente de los demás, el número de desintegraciones por unidad de tiempo sigue una distribución de Poisson<sup>8</sup>. Es decir,, la probabilidad de observar  $n$  desintegraciones en n intervalo de tiempo  $\Delta t$  viene dada por la siguiente expresión:

$$P(n, \Delta t) = \frac{m^n}{n!} \exp(-m) \quad (2.4.2)$$

donde  $m$  es el número promedio de desintegraciones por segundo en el período  $\Delta t$ . La desviación de esta distribución es  $\sigma = \sqrt{m}$ .

### 2.4.1. Sustancia sin ramificación

De las condiciones discutidas en el párrafo anterior resulta sencillo deducir la evolución exponencial de la población de una sustancia radioactiva. Denotando por  $N(t)$  el número de núcleos de la muestra en función del tiempo:

---

<sup>7</sup>Algo que parece evidente hoy en día estaba lejos de serlo para los descubridores de la radiactividad. Durante varios años no se tuvo claro que los fenómenos radioactivos son procesos que afectan a cada átomo individualmente.

<sup>8</sup>En realidad es una distribución binomial que en el límite de un número muy elevado de núcleos tiende a una distribución de Poisson. Supongamos que una muestra con  $N$  núcleos radioactivos, cada uno con probabilidad  $p$  de desintegrarse por unidad de tiempo  $\Delta t$ . Queremos calcular la probabilidad de que en el intervalo de tiempo  $\Delta t$  se desintegren  $n$  núcleos. Si las desintegraciones son realmente independientes entre sí podremos escribir:

$$P_n^N(\Delta T) = \frac{N!}{(N-n)!n!} p^n (1-p)^{N-n} = \binom{N}{n} p^n (1-p)^{N-n} \quad (2.4.1)$$

En el límite  $N \rightarrow \infty$  manteniéndose  $Np = m$  constante, la ecuación anterior tiende a la distribución de Poisson.

$$\frac{dN}{dt} = -\lambda N \Rightarrow N = N_0 e^{-\lambda t} \quad (2.4.3)$$

donde  $\lambda$  es la **constante de desintegración**. Definimos como **actividad** de una muestra como

$$A(t) = \lambda N(t) \quad (2.4.4)$$

Son datos de interés el valor medio del tiempo de desintegración  $\tau$  llamado **vida media**, y el tiempo en que tarda una muestra en reducirse a la mitad  $t_{1/2}$  llamado **período de semidesintegración**. Ambos se calculan como:

$$\tau = \frac{1}{\lambda} \quad t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} \quad (2.4.5)$$

En el sistema internacional la unidad de medida de la actividad es el **Becquerelio (Bq)**. El **Curio (Ci)** también se usa. Originalmente se definió como la actividad de un gramo de radio  $^{226}\text{Ra}$  pero hoy en día se define como  $1\text{Ci} = 3,7 \times 10^{10}\text{Bq}$ . La actividad de una muestra radioactiva indica únicamente el número de desintegraciones que se producen por segundo. Las fuentes más radiactivas tienen una actividad de microcurios  $\mu\text{Ci}$ . Las ecuaciones para una población de núcleos radioactivos que se desintegran de un modo son muy sencillas. Suponiendo que la desintegración es  $X \rightarrow Y$ , tenemos que las ecuaciones diferenciales que rigen la desintegración:

$$\frac{dN_X(t)}{dt} = -\lambda N_x \quad \frac{dN_Y(t)}{dt} = \lambda N_x \quad (2.4.6)$$

de tal modo que su solución es:

$$N_X(t) = N_X(0)e^{-\lambda t} \quad (2.4.7)$$

$$N_Y(t) = N_X(0)(1 - e^{-\lambda t}) + N_Y(0) \quad (2.4.8)$$

donde suponemos que  $Y$  es estable, esto es, no se desintegra en otra sustancia.

### 2.4.2. Ramificación. Constantes de desintegración parciales.

Supongamos que los núcleos de una muestra pueden desintegrarse siguiendo dos mecanismos o modos alternativos (por ejemplo la desintegración  $\alpha$  y  $\beta$ ). A cada uno de estos modos le corresponde una constante de desintegración diferente, de tal modo que la ecuación diferencial será:

$$\frac{dN(t)}{dt} = -\lambda_a N(t) - \lambda_b N(t) = -\lambda N(t) \quad (2.4.9)$$

donde  $\lambda = \lambda_a + \lambda_b$ .

### 2.4.3. Varias sustancias. Cadenas radiactivas naturales.

Es frecuente que el producto de desintegración de un núcleo radioactivo sea también radiactivo. Supongamos que en el instante inicial  $t = 0$  tenemos  $k$  sustancias que forman una cadena radiactiva. Para calcular el número de átomos en un instante posterior hemos de resolver el siguiente sistema de ecuaciones diferenciales:

$$\begin{aligned}\frac{dN_1}{dt} &= -\lambda_1 N_1 \\ \frac{dN_2}{dt} &= -\lambda_2 N_2 + \lambda_1 N_1 \\ \frac{dN_3}{dt} &= -\lambda_3 N_3 + \lambda_2 N_2 \\ &\dots \dots \dots \\ \frac{dN_k}{dt} &= -\lambda_k N_k + \lambda_{k-1} N_{k-1}\end{aligned}\tag{2.4.10}$$

Lógicamente en función de las condiciones iniciales obtendremos una solución u otra. Una de las mas preeminentes es la de suponer que tan solo la sustancia 1 se halla presente al principio. La solución general con estas condiciones viene dada por las **ecuaciones de Bateman**. Por ejemplo para 3 sustancias, tendríamos que:

$$\begin{aligned}N_1(t) &= N_1(0)e^{-\lambda_1 t} \\ N_2(t) &= N_1(0)\frac{\lambda_1}{\lambda_2 - \lambda_1} \left( e^{-\lambda_1 t} - e^{-\lambda_2 t} \right) \\ N_3(t) &= N_1(0)\lambda_1\lambda_2 \left( \frac{e^{-\lambda_1 t}}{(\lambda_2 - \lambda_1)(\lambda_3 - \lambda_1)} - \frac{e^{-\lambda_2 t}}{(\lambda_1 - \lambda_2)(\lambda_3 - \lambda_2)} - \frac{e^{-\lambda_3 t}}{(\lambda_1 - \lambda_3)(\lambda_2 - \lambda_3)} \right)\end{aligned}\tag{2.4.11}$$

Si por ejemplo el núcleo 3 fuera estable, de tal modo que la cadena fuera  $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3$ , con suponer que  $\lambda_3 = 0$  en la ecuación anterior sería suficiente:

$$\begin{aligned}N_1(t) &= N_1(0)e^{-\lambda_1 t} \\ N_2(t) &= N_1(0)\frac{\lambda_1}{\lambda_2 - \lambda_1} \left( e^{-\lambda_1 t} - e^{-\lambda_2 t} \right) + N_2(0)e^{-\lambda_2 t} \\ N_3(t) &= N_1(0) \left[ 1 + \frac{1}{\lambda_2 - \lambda_1} \left( \lambda_1 e^{-\lambda_2 t} - \lambda_2 e^{-\lambda_1 t} \right) \right] + N_3(0)\end{aligned}\tag{2.4.12}$$





# 3

## Reacciones Nucleares

Las reacciones nucleares más comunes tienen lugar cuando una partícula energética incide sobre un núcleo y éste se transforma: existándose, rompiéndose o simplemente absorbiendo la partícula incidente. Estas partículas incidentes son generalmente neutrones, protones, partículas  $\alpha$  o fotones  $\gamma$ . Para que penetren dentro del núcleo sobre el que inciden es necesario que lleven cierta energía. En la Tierra esa energía se puede conseguir con aceleradores o reactores nucleares, y también a partir de fuentes naturales radiactivas. Las reacciones nucleares permiten el estudio de las interacciones que gobiernan el mundo subnuclear y, por otro lado, proporcionan la mayor parte de los datos tabulados sobre las propiedades nucleares. Estas dos cosas, están obviamente relacionadas, porque sólo es posible entender las propiedades de los núcleos, si se posee al mismo tiempo una buena comprensión de las interacciones nucleares.

### 3.1. Tipos de reacciones

Representamos una reacción nuclear típica de las siguientes dos maneras equivalentes:

$$a + A \longrightarrow B + b \qquad A(a, b)B \qquad (3.1.1)$$

donde  $a$  es el proyectil o partícula acelerada que se hace incidir sobre el núcleo blanco,  $A$ , en reposo en el sistema laboratorio. De las partículas en el segundo miembro de la reacción,  $B$  suele ser un núcleo pesado que no abandona el material del blanco, y  $b$  una partícula para referirse a un conjunto de reacciones del mismo tipo. Así diríamos reacciones  $(\alpha, n)$  o  $(n, \gamma)$ , por ejemplo. Hay muchas maneras de clasificar las reacciones nucleares. He aquí unas cuantas:

- Se suele hablar de una **reacción de dispersión** (*scattering process*) cuando las partículas iniciales y finales son las mismas<sup>1</sup>. La dispersión puede ser **elástica** si las partículas o núcleos  $B$  y  $b$  se encuentran en su estado fundamental, o **inelástica** si alguna de las dos queda en un estado excitado, que posteriormente se suele desexcitar por emisión gamma. En una dispersión elástica la energía cinética se conserva ( $Q = 0$ ) y simplemente se redistribuye entre las partículas interaccionantes.

---

<sup>1</sup>En física de partículas de altas energías se usa el término *scattering* de un modo más general, no sólo para referirse a reacciones en las que las partículas iniciales coinciden con las finales. En el *deep inelastic scattering* por ejemplo, la energía del proyectil es tan alta que se producen muchas partículas en el estado final

- Si las partículas  $a$  y  $b$  son la misma, y además tenemos otro nucleón en el estado final (3 partículas como productos) se suele denominar una **reacción knockout**.
- Tenemos una **reacciones de transferencia** (*transfer reaction*) cuando se transfieren uno o varios nucleones entre el proyectil y el blanco.

Se puede hacer una clasificación de las reacciones atendiendo al mecanismo por el que proceden, aunque es necesario advertir que la división entre ellas no es estricta, y que una misma reacción puede proceder de varias anteriores:

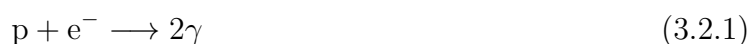
- En las **reacciones directas** sólo unos cuantos nucleones intervienen en la reacción. Las reacciones de transferencia antes citadas pertenecerían a este grupo.
- En las **reacciones de núcleo compuesto** el proyectil y el núcleo blanco llegan a compartir brevemente toda su energía en un único modelo compuesto antes de emitir, por ejemplo, el nucleón expulsado. Una lejana analogía de la emisión nuclear en un núcleo compuesto podría ser la evaporación de una molécula de la superficie de un líquido caliente.
- Las reacciones que proceden a través de **resonancias** estarían en un punto intermedio a los dos extremos anteriores. Se llega a formar un estado *cuasi-ligado* antes de que se emita la partícula expulsada.

## 3.2. Leyes de conservación

### 3.2.1. Conservación de la carga eléctrica y el número bariónico

Aunque veremos en un capítulo posterior estas leyes de conservación con algo más de detalle, conviene mencionarlas ya aquí. La carga eléctrica total de las partículas iniciales de la reacción es siempre igual a la de las partículas finales. La **conservación de la carga eléctrica** es una ley *muy fundamental* en nuestro entendimiento actual de la física, al mismo nivel que la ley de conservación de la energía.

Si asignamos a cada barión<sup>2</sup> una unidad positiva de *número bariónico* y a cada antibarión una unidad negativa, podemos formular una ley de **conservación del número de bariónico** en cualquier reacción diciendo que la suma de números bariónicos para las partículas iniciales debe coincidir con la misma suma para las partículas finales. Obsérvese que el proceso



viola la ley de conservación del número bariónico, y desde luego no se observa. En otras palabras: el átomo de hidrógeno es estable. En reacciones ordinarias en las que la energía no es suficiente para la creación de antipartículas, esta ley se reduce a la **conservación del número total de nucleones**. En reacciones simples esto quiere decir que el número másico  $A$  se conserva.

### 3.2.2. Conservación de la energía y del momento lineal

Las interacciones nucleares tienen lugar a distancia mucho más pequeñas que la separación típica entre los núcleos de un material ordinario, por eso se puede considerar a las partículas interaccionantes en una reacción nuclear como un sistema aislado y aplicar la ley de conservación

---

<sup>2</sup>Un barión es un hadrón (partícula sensible a la interacción fuerte) con espín semientero. Los bariones más ligeros son los familiares protón y neutrón.

de la energía total y del momento lineal total. De acuerdo con la notación expresada en (3.1.1) escribimos la **conservación de la energía**

$$T_a + m_a c^2 + T_A + m_A c^2 = T_b + m_b c^2 + T_B + m_B c^2 \quad (3.2.2)$$

tal que  $E_A = T_A + m_A c^2$ ... El valor  $Q$  del proceso o de la reacción se define como la diferencia entre la energía cinética inicial y final

$$Q \equiv T_B + T_b - T_A - T_a = (m_A + m_a - m_B - m_b)c^2 \quad (3.2.3)$$

Si, como es habitual, estamos analizando un experimento en el que el núcleo blanco se encuentra en reposo en el sistema laboratorio ( $T_A = 0$ ), entonces tenemos que  $Q = T_B + T_b - T_a$ . La energía cinética del núcleo  $T_B$  es difícil de medir, y son las energías del proyectil y la de la partícula emergente ( $T_a$  y  $T_b$ ) las que suelen medirse. De todos modos veremos que podemos encontrar una expresión para  $Q$  (ecuación ()) que no incluye la energía cinética.

### 3.2.3. Energía umbral de reacción

Si queremos conocer qué energía cinética,  $T_a$ , tenemos que comunicarle al proyectil, para alcanzar un nivel excitado concreto en el núcleo final  $B$ , resulta más sencillo realizar los cálculos en el sistema de referencia del centro de masas (CM).

### 3.2.4. Conservación del momento angular y de la paridad

El momento angular total de las partículas que interaccionan en una reacción nuclear se conserva, así como su proyección sobre una dirección seleccionada (usualmente el eje  $z$ , que se toma como el eje de la colisión). En una reacción del tipo



podemos denotar por  $\mathbf{I}_i = \mathbf{I}_A + \mathbf{I}_a$  el espín total de las partículas iniciales y  $\mathbf{I}_f = \mathbf{I}_B + \mathbf{I}_b$  el espín total de las partículas finales,  $\mathbf{l}_{Aa}$  el momento angular orbital que caracteriza el movimiento relativo de las partículas iniciales, y  $\mathbf{l}_{Bb}$  el correspondiente a las partículas finales. Con esta notación, la ley de conservación del momento angular total se escribe como

$$\mathbf{I}_A + \mathbf{I}_a + \mathbf{l}_{Aa} = \mathbf{I}_B + \mathbf{I}_b + \mathbf{l}_{Bb} \quad (3.2.5)$$

Como es sabido, los espines nucleares (o de las partículas intervinientes),  $\mathbf{I}_i$  e  $\mathbf{I}_f$  pueden ser enteros o semienteros, mientras que los momentos angulares orbitales  $\mathbf{l}_{Aa}$  y  $\mathbf{l}_{Bb}$  deben ser enteros.

La paridad de la función de ondas que describe el movimiento relativo de las partículas  $A$  y  $a$  viene determinada por su momento angular orbital. La paridad global del sistema inicial será el producto de las paridades intrínsecas<sup>3</sup> de las partículas (que a su vez pueden ser subsistemas compuestos) y la paridad de su movimiento relativo:

$$\pi_i = \pi_A \pi_a (-1)^{l_{Aa}} \quad (3.2.6)$$

Escribiríamos entonces la ley de conservación de la paridad Como

---

<sup>3</sup>Más detalles sobre lo que es la paridad intrínseca puede encontrarse en la sección 6.1

$$\pi_A \pi_a (-1)^{l_{Aa}} = \pi_B \pi_b (-1)^{l_{Bb}} \quad (3.2.7)$$

La conservación de la paridad en las reacciones nucleares no es estricta. Aunque podemos decir que la fuerza nuclear fuerte es la gran responsable de estos procesos, es necesario tener en cuenta que la fuerza nuclear débil también está presente e introducirá pequeños efectos de violación de la paridad. Ya veremos la aplicación concreta de estas leyes de conservación, aunque en realidad ya las hemos estado discutiendo para los distintos tipos de desintegraciones en los núcleos.

### 3.3. Dispersión y secciones eficaces

Lo que usualmente se mide en las reacciones nucleares es el momento de las partículas ligeras emitidas (y por lo tanto su energía cinética, supuesto que se conozca la identidad de la partícula) y su distribución angular. Esto permite observar la partícula emergente en un cierto elemento diferencial de ángulo sólido  $d\sigma/d\Omega$  a veces también representada por  $\sigma(\theta, \phi)$ . Si estamos interesandos en encontrar a la partícula emergente no sólo a un cierto ángulo, sino también con una cierta energía, hablamos de la sección eficaz diferencial doble,  $d^2\sigma/d\Omega dE$ , pero usualmente no se pone de modo explícita esta dependencia con la energía porque se supone implícita a menos que se diga lo contrario. Integrando la sección eficaz diferencial sobre el ángulo sólido obtendríamos la sección eficaz diferencial total a una energía dada  $d\sigma/dE$ . Por último, si también integramos esta energía, obtendríamos la sección eficaz total absoluta  $\sigma_t$ , que representa la probabilidad de formar al núcleo  $B$  en el estado final (en reacciones del tipo  $a + A \rightarrow B + b$ ).

Para ciertos estudios más detallados se suelen medir también secciones eficaces dependiendo de la orientación de los espines de las partículas emergentes. Esto, junto con la observación del espectro  $\gamma$  de desexcitación de los núcleos formados, permite acumular información para asignar espines y paridades a los estados de los núcleos bajo estudio.

#### 3.3.1. Atenuación de un haz al atravesar un blanco

Una disposición experimental frecuente en física nuclear consiste en hacer incidir un haz de partículas sobre un blanco fijo para producir cierto tipo de reacción. Dada la probabilidad de interacción por unidad de longitud, podemos calcular en qué medida se atenuará el haz incidente al atravesar el blanco delgado <sup>4</sup> Denotemos por  $1/\lambda$  la probabilidad de interacción de las partículas del haz por unidad de longitud en el material del blanco. Queremos calcular la probabilidad de que una partícula del haz atraviese un intervalo de longitud  $X$  en el blanco sin sufrir ninguna interacción. Para ello dividimos el intervalo  $X$  en una serie de intervalos infinitesimales cuyo tamaño podemos expresar como  $X/n$  siendo  $n$  un número suficientemente grandes. La probabilidad infinitesimal  $dP$  de que la partícula incidente logre atravesar el intervalo de longitud  $X/n$  será  $dP = 1 - \frac{1}{\lambda} \frac{X}{n}$ , haciendo tender  $n$  a infinito al mismo tiempo que aplicamos  $n$  veces la fórmula anterior obtenemos:

$$dP = 1 - \frac{1}{\lambda} \frac{X}{n} \quad P = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{\lambda} \frac{X}{n}\right)^n = e^{-X/\lambda} \quad (3.3.1)$$

Por lo tanto, si  $\phi_0$  es el flujo del haz incidente, representando el número de de partículas que en la unidad de tiempo atraviesan una unidad de área perpendicular a la dirección del haz, y  $\phi$  es

---

<sup>4</sup>Blanco delgado quiere decir que a cada núcleo del blanco está llegando aproximadamente el mismo flujo de partículas del haz. Si el blanco es demasiado grueso podría ocurrir que las partículas del haz fuesen completamente absorbidas en el interior del blanco, de modo que sobre los núcleos de la parte posterior de este último ya no incidiría ninguna partícula del haz.

el flujo de salida (detrás) del blanco delgado de espesor  $X$ , deducimos que están relacionados por medio de la siguiente ecuación

$$\phi = \phi_0 e^{-X/\lambda} \quad (3.3.2)$$

$\lambda$  representa el recorrido libre medio (*mean free path*) de las partículas del haz en el material del blanco<sup>5</sup>. Se puede expresar en términos de la sección eficaz de esta manera<sup>6</sup>:

$$\frac{1}{\lambda} = \mathcal{N} \sigma_0 \frac{\rho N_A}{M_A} \sigma \quad (3.3.3)$$

donde  $\mathcal{N}$  es la densidad de átomos blanco (número de átomos por unidad de volumen), que puede expresarse como  $\rho N_A / M_A$ , siendo  $N_A$  el número de Avogadro,  $\rho$  la densidad del blanco y  $M_A$  su masa atómica (en unidades compatibles con las de  $\rho$ , por supuesto).

En lugar de utilizar el espesor del blanco,  $X$ , es habitual usar el *espesor másico*, que se define como  $X_m = X\rho$ , es decir, se trata de la densidad por unidad de superficie. De este modo tendremos

$$\frac{X}{\lambda} = \frac{X_\rho}{\lambda_\rho} = \frac{X_m}{\lambda_\rho} = \frac{X_m}{\rho} \mathcal{N} \sigma = \frac{X_m}{\rho} \frac{\rho N_A}{M_A} \sigma = \frac{X_m \mathcal{N} \sigma}{M_A} \quad (3.3.4)$$

También podríamos escribir  $X/\lambda = X_m/\lambda_m$ , siendo  $\lambda_m = M_A / (\mathcal{N} \sigma) = \lambda \rho$ . Una de las aplicaciones de las reacciones nucleares inducidas por el hombre consiste en la creación de radioisótopos para aplicaciones médicas o industriales.

### 3.3.2. Dispersión de Coulomb

Cuando las partículas que intervienen en la reacción tienen carga eléctrica, se producirá siempre una dispersión del proyectil en el campo coulombiano del blanco: a esto se le denomina dispersión de Coulomb. En reacciones de partículas cargadas a baja energía el proceso dominante que tendrá lugar será la **dispersión elástica coulombiana** o dispersión de Rutherford, cuya sección eficaz hemos visto ya en otro capítulo:

$$\frac{d\sigma(\theta)}{d\Omega} = \frac{4Z^2\alpha^2(\hbar c)^2 E^2}{|\mathbf{q}c|^4} = \left( \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0} \right)^2 \frac{1}{(4E)^2 \sin^2(\theta/2)} \quad (3.3.5)$$

Obsérvese que esta sección eficaz decrece rápidamente con la energía del proyectil ( $E$ ) y con ángulo de dispersión ( $\theta$ ). Cuando la energía sea suficientemente alta, podremos tener además una **dispersión inelástica coulombiana**, que también se llama excitación coulombiana. En este caso el núcleo final se encuentra en un estado que luego decae rápidamente mediante la emisión de fotones  $\gamma$ .

---

<sup>5</sup>Podemos comparar esto con la ley de exponencial de la desintegración radiactiva  $N = N_0 e^{-t/\tau}$ , donde  $\tau$  es la vida media, que en el contexto actual equivaldría al recorrido libre medio, y  $t$  es el tiempo transcurrido (distancia temporal), que en el contexto actual equivaldría a distancia física recorrida. El inverso de  $\tau$  es la probabilidad de desintegración por unidad de tiempo, y ahora hablaríamos de la probabilidad de interacción por unidad de longitud espacial, no temporal.

<sup>6</sup>Supongamos que una partícula atraviesa una región cúbica de lado  $L$  en el blanco. Calculemos la probabilidad de que sufra alguna interacción en ese viaje. Supondremos que la trayectoria de la partícula es paralela a una de las caras en las posiciones de los núcleos, donde  $\sigma$  es obviamente la sección eficaz total de interacción con un núcleo. El área total cubierta por las secciones eficaces de todos los núcleos del cubo es  $A_\sigma = \mathcal{N} L^3 \sigma$ , mientras que el área total que el cubo presenta en la dirección perpendicular a la del avance de la partícula es  $A_t = L^2$ . el cociente entre ambas nos da la probabilidad de que la partícula interactúe al travesar el cubo  $P_L = A_\sigma / A_t = \mathcal{N} L^3 \sigma / L^2$ . La probabilidad de interacción por unidad de longitud es entonces  $P = P_L / L = \mathcal{N} \sigma$

### 3.3.3. Dispersión nuclear

En el caso de que el proyectil no tenga carga eléctrica (como en dispersión de neutrones), no será posible, obviamente, que exista dispersión coulombiana. Se produce entonces la denominada dispersión nuclear, que tiene lugar en el campo nuclear no coulombiano<sup>7</sup> creado por el núcleo. Para partículas cargadas, aparte de la dispersión coulombiana podrá existir dispersión nuclear siempre que la energía del proyectil sea lo suficientemente alta como para vencer la barrera coulombiana del núcleo.

En una reacción de tipo  $A + a \longrightarrow B + b$ , la medida directa de la cantidad de partículas  $b$  emergentes a través de un pequeño intervalo de ángulo sólido dado se hace, obviamente, en el sistema de referencia del laboratorio. Sin embargo, para comparar los resultados experimentales con las predicciones teóricas es necesario que los traslados al sistema de referencia del centro de masas de las partículas *entrantes*  $A, a$ . Resulta de especial utilidad, por ejemplo, graficar las llamadas **funciones de excitación** que muestran la dependencia de la sección eficaz  $d\sigma/d\Omega$ , respecto a la energía cinética del canal entrante en el sistema centro de masas, (que en la aproximación no relativista es  $m_A T_a / (m_A + m_a)$ ), para la observación de una partícula concreta  $b$  dispersada en cierto  $d\Omega$ .

La **distribución angular** de la emisión de la partícula seleccionada  $b$  en el sistema centro de masas con respecto a la dirección de incidencia contiene información sobre el cambio de momento angular y paridad de los estados inicial y final de los núcleos, puesto que el momento angular y la paridad se conservan en reacciones nucleares gobernadas por la interacción fuerte y la electromagnética.

## 3.4. Mecanismos de reacciones

## 3.5. Fisión

## 3.6. Fusión

La mayor dificultad para lograr la fusión nuclear a gran escala consiste en mantener el material fusible confinado a altas temperaturas durante el tiempo suficiente. Hasta el momento se está investigando en dos métodos: el confinamiento magnético y el confinamiento inercial. En el primero se hace circular plasma caliente de núcleos  $^2\text{H}$  y  $^3\text{H}$  en una región confinada por campos electromagnéticos. En el segundo se inyecta luz láser en una pequeña región que contiene el material fusible. En cualquier caso, el aprovechamiento comercial de la energía de fusión parece todavía una posibilidad lejana.

## 3.7. Apéndices

---

<sup>7</sup>La fuerza nuclear fuerte es la interacción fundamental entre los quarks, y la que de alguna forma mantiene unidos a los nucleones en el núcleo y crea ese campo nuclear no coulombiano con el que interaccionan los proyectiles masivos sin carga eléctrica.

# 4

## Estructura nuclear





# 5

## La interacción fuerte nucleón-nucleón

## 5.1. Partículas elementales: interacciones y propiedades

# 6

## Trasformaciones de simetría y leyes de conservación

### 6.1. Paridad $\mathcal{P}$



# 7

## El modelo de quarks y el modelo estándar