

# Electrónica Física

Daniel Vázquez Lago



# Índice general

<b>1. Física de semiconductores</b>	<b>5</b>
1.1. Banda de valencia y conducción . . . . .	5
1.1.1. Semiconductores directos e indirectos . . . . .	6
1.1.2. Forma de los mínimos y máximos de banda: masa equivalente . . . . .	6
1.1.3. Ecuación del movimiento . . . . .	6
1.2. Portadores: concepto de hueco y electrón . . . . .	7
1.3. Semiconductores intrínsecos . . . . .	8
1.4. Semiconductores no degenerados y degenerados . . . . .	8
1.5. Semiconductores dopados . . . . .	8
1.6. Nivel de Fermi . . . . .	8
1.7. Ejercicios . . . . .	9
<b>2. Fenómenos de transporte en semiconductores</b>	<b>11</b>
2.1. Procesos de generación y recombinación . . . . .	11
2.1.1. Introducción . . . . .	11
2.1.2. Consideraciones acerca los procesos RG . . . . .	12
2.2. Recombinación directa en semiconductores de gap directo . . . . .	13
2.3. Recombinación indirecta en semiconductores de gap indirecto: procesos RG. . . . .	13
2.3.1. Definición de términos . . . . .	13
2.3.2. Obtención de las tasas de producción . . . . .	14
2.4. Simplificaciones . . . . .	14
<b>3. La unión PN</b>	<b>15</b>
<b>4. El transistor bipolar de unión</b>	<b>17</b>
<b>5. El transistor MOSFET</b>	<b>19</b>
<b>6. Soluciones</b>	<b>21</b>



# Capítulo 1

## Física de semiconductores

### 1.1. Banda de valencia y conducción

Un semiconductor es un material sólido que presenta dos bandas (en realidad presenta más, solo accesibles<sup>1</sup> a energías térmicas o electromagnéticas muy altas, y por tanto innecesarias para nuestro estudio). Para definir una banda primero tenemos que entender que los electrones en los sólidos se pueden describir mediante una suma de ondas planas, y por tanto la energía de estos se puede describir como una función del momento de la onda  $E(k)$  (aunque no tiene porque ser necesariamente de la forma  $E = \hbar^2 k^2 / 2m$ ). Así, debido al carácter fermiónico de los electrones y otros potenciales aparecen energías inaccesibles para nuestros electrones, i.e. para ningún  $k$  existen esas energías. Así aparecen diferentes *bandas*, limitadas por una *energía superior* y una *energía inferior*.

Imagen sobre las bandas, por ejemplo la de la pág. 38

Como dijimos, un semiconductor posee dos bandas, separadas por una energía  $E_g$ . A la banda con energía superior se le llama **banda de conducción** (B.C) y a la banda inferior se le llama **banda de valencia** (B.V). Las bandas, a su vez, poseen diferentes líneas de dispersión, esto es diferentes relaciones  $E(k)$ . El número y forma de estas dependerá del tipo de material y la dirección de la onda, por esa misma razón solemos ver en la parte inferior de las bandas  $\langle 111 \rangle$  o  $\langle 100 \rangle$ . Está denotando la dirección de la onda. En general suelen ser materiales muy simétricos, y por tanto con pocas direcciones representamos todas las posibles relaciones de dispersión.

La *energía mínima de la banda de conducción* se denota como  $E_c$ , la *energía máxima de la banda de valencia* se denota por  $E_v$ , y la diferencia entre el máximo de la BV y el mínimo de BC se denota por  $E_g$ :

$$E_g = E_c - E_v \quad (1.1.1)$$

En general se suele definir  $E_v = 0$  como referencia. Así la banda de valencia posee energías negativas, y la banda de conducción energías positivas. Veamos las características de las bandas:

- **Banda de valencia:** el *máximo siempre aparece en  $k = 0$* . Está dividida en 3

<sup>1</sup> Cuando decimos accesibles nos referimos a que existe una posibilidad no nula de que estén ocupadas.

subbandas (3 relaciones de dispersión), 2 de ellas degeneradas en  $k = 0$  (son indistinguibles en  $k = 0$ ).

- **Banda de conducción:** está dividida en subbandas (aunque el número depende del material), y el valor de  $k_{\min}$  tal que  $E_{\min} = E(k_{\min})$  del dependerá del material.

### 1.1.1. Semiconductores directos e indirectos

Como hemos dicho,  $E_c$  es el mínimo de la banda de conducción y  $E_v$  es el máximo de la banda de valencia. En función del valor de  $k_{\min}$  distinguimos dos tipos de semiconductores:

- Definimos un **semiconductor indirecto** a aquel que verifica que  $k_{\min} \neq 0$ . Es decir, el gap de energía sucede entre diferentes momentos (lo que hará que cuando se excite a un electrón de la BV tenga que darsele un momento).
- Definimos un **semiconductor directo** a aquel que verifica que  $k_{\min} = 0$ . Es decir, el gap de energía sucede a  $\Delta k = 0$  (lo que hará que cuando se excite a un electrón de la BV no se pueda intercambiar momento).

### 1.1.2. Forma de los mínimos y máximos de banda: masa equivalente

Cerca de los extremos de las bandas  $E_0 = E(k_0)$  tenemos que se puede aproximar la energía por una función parabólica, tal que:

$$E = E_0 + \frac{1}{2} \left( \frac{\partial^2 E}{\partial k^2} \right)_{k_0} (k - k_0)^2 \quad (1.1.2)$$

Como podemos ver, esto se parece mucho a la expresión  $E = \hbar^2 k^2 / 2m$  que se usa para *partículas libres*. Es decir, cerca de los extremos de las bandas, los *portadores actúan como partículas libres con masa efectiva  $m^*$*  definida como

$$(m^*)^{-1} = \frac{1}{\hbar^2} \frac{\partial^2 E}{\partial k^2} \quad (1.1.3)$$

Imagen de los mínimos/máximos.

### 1.1.3. Ecuación del movimiento

La ecuación del movimiento para los electrones es una generalización de la ecuación de Newton usando el momento de onda del electrón  $\mathbf{k}$ . Sabiendo que

$$\mathbf{F} = m^* \mathbf{a} = m^* \dot{\mathbf{v}} = m^* \hbar \dot{\mathbf{k}} m^* \quad (1.1.4)$$

de lo que se deduce que

$$\hbar \frac{d\mathbf{k}}{dt} = \mathbf{F} \quad (1.1.5)$$

pudiendo ser la fuerza, por ejemplo, la fuerza de Lorentz  $\mathbf{F} = -e(\mathbf{E} + \mathbf{v} \times \mathbf{B})$ , o cualquier otra.

## 1.2. Portadores: concepto de hueco y electrón

En los semiconductores hay 2 tipos de portadores, los portadores tipo hueco (o tipo  $p^2$ ) y tipo electrón (tipo  $n$ ). La pregunta que nos deberíamos plantear en este momento es: ¿Qué sentido tiene que existan portadores tipo electrón/hueco si solo tenemos electrones en el semiconductor? ¿Como que tipo electrón, no deberían ser electrones? La respuesta como siempre es complicada. Como hemos dicho, cerca de los extremos las partículas, los electrones se comportan como electrones libres con masa efectiva  $m^*$  (de *hay viene tipo electrón* se comportan casi como electrones). Sin embargo, esto lleva a un problema, ya que la masa efectiva de un electrón en el máximo de la banda de valencia sea negativa (en un máximo  $\partial^2 E / \partial k^2 < 0$ ),

Supongamos que tenemos la capa de valencia llena salvo por un electrón, que se ha excitado y ha subido a la capa de conducción. En la banda de valencia habrá entonces  $N$  electrones menos uno. La suma de los momentos de todos los electrones de la banda será entonces:

$$\mathbf{k} = \sum_{i=1}^{4N-1} \mathbf{k}_i \quad (1.2.1)$$

o lo que es lo mismo:

$$\mathbf{k} = \sum_{i=1}^{4N} (\mathbf{k}_i) - \mathbf{k}_e \quad (1.2.2)$$

denotándolo por  $\mathbf{k}_e$  ya que es un electrón cualquiera (son indistinguibles). Como sabemos, la suma del momento de los electrones en una banda tiene que ser cero, ya que  $k$  tiene tanto valores negativos y positivos, y están todos ocupados. Es decir, tenemos que el momento total de la banda será:

$$\mathbf{k} \equiv \mathbf{k}_h = -\mathbf{k}_e \quad (1.2.3)$$

si a este momento total lo llamamos  $\mathbf{k}_p$  (momento de portador  $p$  o hueco), tenemos que *el movimiento efectivo de una capa sin un electrón es en el sentido opuesto al que tendría un electrón individual en la misma*. A este artificio matemático lo llamamos hueco, y no es más que la manera de describir el comportamiento de una capa entera a través de unas pocas partículas. La energía también tendrá el signo opuesto, ya que:

$$E_h = \sum_i E_i - E_e \quad (1.2.4)$$

y como  $\sum_i E_i$  es una constante (se define como cero). Así pues:

$$E_h \equiv -E_e \quad (1.2.5)$$

Y por tanto, aunque la masa efectiva de un electrón en el máximo de la banda de valencia sea negativa (en un máximo  $\partial^2 E / \partial k^2 < 0$ ), para el objeto matemático así definido tenemos que la masa efectiva será positiva, y la carga será positiva. Que la carga sea positiva no es tan obvio. Para ello tenemos que ver que la ecuación del movimiento

---

<sup>2</sup>Por el hecho de que se pueden describir como partículas con carga positiva.

$$\hbar \frac{d\mathbf{k}_h}{dt} = -e(\mathbf{E} + \mathbf{v}_h \times \mathbf{B}) \quad (1.2.6)$$

hace que se comporte como un electrón con carga positiva ( $\mathbf{k}_h \equiv -\mathbf{k}_e$ ). La pregunta ahora es: ¿Tiene sentido físico? La respuesta es que sí. El sentido físico está en que cuando excitamos un electrón a la BC desde la BV, queda un estado sin ocupar, un hueco, en la banda de valencia. Este hueco podría ser llenado por los electrones vecinos, que desde fuera lo veríamos como un movimiento efectivo del hueco, que además tendría el sentido contrario al del electrón (si los electrones saltan por ejemplo de izquierda a derecha por culpa de un campo eléctrico, veremos al hueco saltando de la derecha a la izquierda).

Consecuentemente los electrones en la banda de conducción se comportarán como electrones normales libres por la salvedad de que la masa efectiva será diferente; mientras que la falta de electrones en la banda de conducción (por la excitación de estos a la banda de conducción) se describirá a través de una serie de partículas con masa efectiva positiva diferente a la masa del electrón, carga positiva, con momento y energía efectiva de signo contrario al que tendría un electrón libre en la banda de valencia.

### 1.3. Semiconductores intrínsecos

Definimos como **semiconductor intrínseco** a un material semiconductor extremadamente puro, sin dopantes, cuyas propiedades solo dependan del material. En este tipo de materiales el número de electrones es igual al número de huecos (en virtud de la neutralidad electrónica: el número de electrones en la banda de conducción será el mismo el número que electrones faltan en la banda de valencia, i.e. el número de electrones huecos).

### 1.4. Semiconductores no degenerados y degenerados

### 1.5. Semiconductores dopados

Definimos como **semiconductor extrínseco** o **semiconductor dopado** a un material semiconductor al que se le han insertado átomos de otro grupo. ¿Por qué se incluyen estos átomos en nuestro semiconductor? ¿Cuáles son sus ventajas? La respuesta

### 1.6. Nivel de Fermi

La posición del nivel de Fermi es una relación entre el número destados ocupados  $n$  y  $p$ . Cuanto mas cerca de  $E_c$  mas portadores tipo  $n$  y cuanto mas cerca de  $E_v$  más portadores tipo  $p$ .

Hay que hablar de nivel de fermi, cual es su significado, ya que dijo Javier Fernando Lozano que es importante sobretodo cuando hablamos de las uniones pn y los diodos.

## 1.7. Ejercicios

### Ejercicio 1.1:

Se dopa silicio con Boro (B) en una proporción de 2 ppm (partes por millón)

- Calcula la concentración intrínseca del Si y obtén una expresión de dicha concentración en función de la temperatura.
- Indica el tipo de conducción de este material y calcula la concentración de impurezas y la de electrones y huecos ( $n$  y  $p$ ) a temperatura ambiente si todos los dopantes están ionizados.
- Calcula la posición del nivel de Fermi y dibuja el diagrama de bandas completo correspondiente.
- ¿Qué pasa si la concentración de impurezas igualase el valor de  $N_V$ ? Representa gráficamente las bandas de energía frente a la concentración de impurezas usando todas las aproximaciones que conozcas.

(DATO: Constante de red del Si  $a_0 = 5.431 \text{ \AA}$ ).

*Solución en la página ??*

### Ejercicio 1.2:

Una muestra de Si está dopada con  $6 \times 10^{15}$  átomos de As por  $\text{cm}^3$

- ¿Cuál es la concentración de portadores en la muestra de Si a 300 K?
- ¿Cuál es la concentración de portadores a 470 K?
- Para cada una de las dos temperaturas anteriores determinar la posición de  $E_i$ , calcular  $E_F - E_i$  y dibujar a escala el diagrama de bandas de energía para la muestra.
- Si dopamos el Si con  $10^{16}$  átomos donadores y  $5 \times 10^{15}$  átomos aceptores por  $\text{cm}^3$ . ¿Cuál es la concentración de portadores a 300 K?+
- Partimos de una muestra de Si puro y lo dopamos exclusivamente con  $10^{14}$  átomos donadores y  $10^{14}$  átomos aceptores por  $\text{cm}^3$ . Calcula la concentración de portadores y explica el resultado obtenido.

Tener en cuenta que  $E_G = 1.08 \text{ eV}$  a 470 K y suponer que  $m_e^*/m_h^* = 0.69$  es independiente de la temperatura.

*Solución en la página ??*

### Ejercicio 1.3:

Cuestiones sobre el nivel de Fermi:

- a) Calcular la temperatura  $T$  para que el nivel de Fermi de un cristal de Silicio tipo N con  $N_D = 10^{16} \text{ cm}^{-3}$  quedara a una energía  $E_G/3$  por debajo de la banda de conducción. Suponer que  $N_C$  y  $E_G$  son constantes con la temperatura e iguales a sus valores a temperatura ambiente. Y repetir para el caso de dopar con  $N_D = 10^{18} \text{ cm}^{-3}$ .
- b) En un semiconductor determinado, la probabilidad de que los electrones ocupen un estado de energía  $kT$ , por encima del extremo inferior de la banda de conducción es  $e^{-10}$ . Determinar la posición del nivel de Fermi en dicho material.
- c) ¿Cuál es la probabilidad de que un estado de energía  $kT$  por debajo del nivel de Fermi esté ocupado por un hueco?

*Solución en la página ??*

#### Ejercicio 1.4:

Cuestiones sobre la resistividad y movilidad:

- a) La resistividad de un material tipo N es por lo regular más pequeña que la resistividad de un material tipo P de dopado comparable, explica por qué suele ocurrir esto. Calcula la resistividad del Si si se dopa con fósforo con una concentración de  $10^{17} \text{ cm}^{-3}$ . Repite el cálculo para el caso en que dopemos con aluminio con la misma concentración y calcular la corriente de arrastre en ambos casos considerando un campo eléctrico de  $10^5 \text{ V/cm}$ .
- b) Calcula la densidad de impurezas necesarias para tener un cristal de Si tipo P con resistividad  $0.1 \Omega\cdot\text{cm}$ . ¿Qué proporción hay de átomos de impureza sobre el número de átomos de Si? (DATO: Constante de red del Si  $a_0 = 5.431 \text{ \AA}$ ). Si suponemos que el semiconductor es no degenerado, ¿cuánto vale  $D_p$ ?

*Solución en la página ??*

## Capítulo 2

# Fenómenos de transporte en semiconductores

### 2.1. Procesos de generación y recombinación

Cuando un semiconductor es perturbado de su estado de equilibrio, el semiconductor responde modificando el número de portadores que hay en el mismo. La recombinación-generación (denotada por RG o R-G) es el mecanismo con el que describimos el proceso por el cual un exceso o deficiencia de portadores se estabiliza (si la perturbación se mantiene en el tiempo) o es eliminada (si la perturbación es temporal). Dado que durante la perturbación el sistema está bajo condiciones de no equilibrio, muchas de los fenómenos que aparecen en el semiconductor no puedan ser descritos a través de los procesos RG.

#### 2.1.1. Introducción

En un semiconductor definimos como **recombinación** al proceso por el cual electrones y huecos son aniquilados/destruidos, mientras que la **generación** es el proceso por el cual electrones y huecos son creados. Esta descripción así hecha es muy general, y por tanto varios tipos de procesos podrían incluirse en lo que llamamos RG. Generalmente se usan las gráficas de banda energética para describir visualmente cuales son los posibles procesos RG, aunque sea solo para entender su naturaleza. También se suele describir que papel tiene la energía y que tipo de energía se emite/absorbe en estos procesos.

#### Procesos de recombinación

Existen varios tipos de procesos de recombinación:

- **Recombinación directa.** Es el tipo más simple de recombinación. En este hay una aniquilación directa entre un hueco en la banda de valencia y un electrón en la banda de conducción, en el que el electrón «cae» a la banda de valencia. Es un proceso típicamente radiativo, en el que el exceso de energía se convierte en un fotón de luz.
- **Recombinación de centro RG.** Recordemos que las impurezas generan niveles energéticos en la región del gap de energía. Los defectos cristalinos, particularmente las impurezas atómicas, pueden generar niveles energéticos en medio del gap. En

este proceso de recombinación, los llamados centros RG con energía  $E_T$  actúan como intermediarios. Existen varios tipos de recombinaciones de centro RG. En la primera de ellas tanto el electrón en la BC y el hueco en la BV se ven atraídos al mismo centro RG, aníquilándose. Otra posibilidad es que un portador salte a la banda contrario usando el centro RG como mediador. A este proceso se le llama *recombinación termal*, ya que no es un proceso radiativo (no emite fotones), emitiendo calor, o, en su defecto, fonones. También existen recombinaciones de centro RG usando como centros RG los niveles energéticos de los dadores y aceptores (que recordemos están muy cerca de los niveles energéticos de las bandas), aunque no son tan comunes. Estos procesos son radiativos, pero poco probables, y se denominan *recombinación a través de niveles profundos*.

- **Recombinación Auger** En el proceso Auger lo que ocurre es que una recombinación directa/de centro RG ocurre simultáneamente con la colisión de dos portadores. Consecuentemente, estos portadores altamente energéticos se «termalizan» ( pierden energía en pasos pequeños mediante pequeñas colisiones con la red cristalina). La dispersión posterior del electrón que se lleva toda la energía sucede a través de diferentes pasos, como una «escalera», lo cual sucede porque la relajación del portador energético no es un proceso instantáneo, sino que sucede en varias etapas debido a la dispersión con fonones. Los fonones (vibraciones cuánticas de la red cristalina) tienen energías discretas, lo que significa que el portador pierde energía en múltiplos de estas energías fonónicas. En semiconductores típicos, los fonones ópticos tienen energías del orden de decenas de meV, por lo que un electrón altamente excitado no puede perder toda su energía de golpe, sino que la va cediendo en "saltos" discretos al emitir fonones ópticos uno tras otro
- **Recombinación superficial:**

### Procesos de generación

Existen varios tipos de generación, uno por cada uno de los procesos de recombinación. Así pues, existe generación directa, la cual necesita energía térmica o electromagnética (a través de fotones); generación por centros RG (energía térmica), y en último lugar la generación a través de impactos ionizantes (proceso inverso a la recombinación Auger). En estos últimos, el par de portadores se genera como consecuencia del impacto de un portador con un átomo cristalino. La generación de portadores a través de impacto ionizante ocurre recurrentemente cuando hay regiones con un campo eléctrico  $\mathcal{E}$  muy alto, y es el responsable de los fenómenos de avalancha de las uniones  $pn$ .

#### 2.1.2. Consideraciones acerca los procesos RG

Los procesos de recombinación y generación ocurren permanentemente, incluso en el equilibrio termodinámico, siendo el principal problema de los procesos RG el cálculo del ratio de producción de los diferentes procesos. Típicamente, uno solo necesita centrarse en el proceso principal (el que mayor ratio de producción tiene). En los semiconductores dopados no degenerados a una temperatura ambiente, uno espera que los procesos dominantes sean procesos directos o de centro RG.

Conociendo la forma de las bandas de energía (más concretamente, cual es el valor de  $k$  para el cual la energía de la banda de conducción es mínima) podremos dilucidar cual de los

procesos es dominante: o de tipo directo o de centro RG. ¿Cómo? Pues es bien sencillo: los fotones, al ser partículas sin masa, son capaces de llevar muy poco momento, y por tanto las transiciones son casi verticales, es decir, solo son capaces de describir los semiconductores de tipo directo (mínimo BC y máximo de BV en  $k = 0$ ). Por otro lado, los fonones pueden transmitir momentos y energía mucho más grandes, por lo que son capaces de describir tanto los procesos en los semiconductores directos e indirectos, aunque en el caso de los directos no es un proceso dominante. Los procesos térmicos están relacionados con la recombinação de centro RG y los procesos fotónicos con la recombinação directa, y por tanto podemos diferenciar cuando uno y otro son dominantes.

## 2.2. Recombinación directa en semiconductores de gap directo

Definimos como  $G$  ( $R$ ) el número de pares electrones (huecos) generados /cm<sup>3</sup>s. Estas tasas de recombinação y generación dependen en general del número de huecos y electrones que haya en el medio, por lo que en general:

$$R = \beta np \quad G = \alpha np \quad (2.2.1)$$

Para un conductor en equilibrio termodinámico  $G_{th} = R_{th}$  (siendo estas las tasas de generación/combinación en el equilibrio), manteniéndose  $n$  y  $p$  constantes. En el equilibrio  $R = G = \beta n_{n0} p_{n0}$ . Ahora bien, cuando iluminamos uno de estos semiconductores aumenta su generación en un término  $G_L$ , tal que ahora  $G = G_L + G_{th}$ . Consecuentemente tenemos que se incrementa en un número determinado el número de portadores en el semiconductor  $\Delta n$  y  $\Delta p$  ( $\Delta n = \Delta p$ , neutralidad de carga). Así pues tenemos que la tasa:

$$\frac{dp_n}{dt} = G - R = G_L + G_{th} - R \quad R = \beta n_n p_n = \beta(n_{n0} + \Delta n)(p_{n0} + \Delta p) \quad (2.2.2)$$

Una vez llegamos al estado estacionario, podemos obtener entonces lo que llamamos el *ratio de recombinação*  $U = R - G_{th}$ , esto es:

$$U = R - G_{th} = \beta(n_{n0} + p_{n0} + \Delta p)\Delta p \quad (2.2.3)$$

Cuando tenemos  $p_{n0} \ll n_{n0}$  (bajo nivel de inyección tipo N), tenemos que:

$$U = \beta n_{n0} \Delta p = \frac{p_n - p_{n0}}{\frac{1}{\beta n_{n0}}} = \frac{p_n - p_{n0}}{\tau_p} \quad (2.2.4)$$

## 2.3. Recombinación indirecta en semiconductores de gap indirecto: procesos RG.

### 2.3.1. Definición de términos

La estadística RG es el nombre que se le da a la caracterización matemática de los procesos de recombinação y generación. Dado que los procesos RG cambian las concentraciones de los portadores con el tiempo, la «caracterización matemática» de estos procesos no es más que la definición de las relaciones entre  $\partial n/\partial t$  y  $\partial p/\partial t$ . Recordemos que los procesos RG lo que hacen es insertar una banda energética  $E_T$  en la posición central del gap de bandas. Así pues definimos:

- Variación de  $n$  debida a procesos RG:  $\frac{\partial n}{\partial t} \Big|_{RG}$ .
- Variación de  $p$  debida a procesos RG:  $\frac{\partial p}{\partial t} \Big|_{RG}$ .
- Número de centros RG llenos de electrones por  $\text{cm}^3$ :  $n_T$ .
- Número de centros RG llenos de huecos por  $\text{cm}^3$   $p_T$
- Número total de centros RG por  $\text{cm}^3$ :  $N_T$

Es importante que quede muy claro que  $\partial n/\partial t|_{RG}$  y  $\partial p/\partial t|_{RG}$  son tasas netas, teniendo en cuenta tanto los procesos de recombinación como los procesos de generación. Cuando  $\partial n/\partial t|_{RG}$  es negativo, la tasa de neta de electrones es negativa  $R > G$ ; y si es positiva, la tasa de electrones es positiva  $G > R$ . La desigualdad de  $|_{RG}$  no denota otra cosa que «tasa de cambio producida por los procesos RG». Esto es importante, ya que pueden ocurrir otros procesos además de estos.

### 2.3.2. Obtención de las tasas de producción

Existiendo 4 tipos de transiciones RG, que son:

- **Captura de un electrón en un centro RG.** Se define  $c_n$  como el *coeficiente de captura de electrones* ( $\text{cm}^3/\text{s}$ ) con signo positivo.
- **Emisión de un electrón por un centro RG.** Se define  $e_n$  como el *coeficiente de emisión de electrones* ( $\text{cm}^3/\text{s}$ ) con signo positivo.
- **Captura de un hueco en un centro de RG** (o un electrón de un RG cae a BV). Se define  $c_p$  como el *coeficiente de captura de huecos* ( $\text{cm}^3/\text{s}$ ) con signo positivo.
- **Emisión de un hueco por un centro de RG** (o un electrón de BV cae a RG). Se define  $e_p$  como el *coeficiente de emisión de electrones* ( $\text{cm}^3/\text{s}$ ) con signo positivo.

Una vez entendemos esto, es claro que las ecuaciones que rigen los procesos RG son (no pueden ser de otra forma)

$$r_N = \frac{\partial n}{\partial t} \Big|_{RG} = e_n n_T - c_n n p_T \quad r_P = \frac{\partial p}{\partial t} \Big|_{RG} = e_p p_T - c_p p n_T \quad (2.3.1)$$

## 2.4. Simplificaciones

Existen varias simplificaciones. La más típica de todas es aquella en la que se aplica el **principio de balance detallado**. Este nos dice que bajo condiciones de equilibrio cada proceso fundamental y su inverso se autobalancean independientemente de cualquier otro proceso que pueda ocurrir en el interior del semiconductor. Así pues, en el equilibrio se cumple que  $r_N = r_P = 0$ . En este caso podemos deducir las expresiones

## **Capítulo 3**

### **La unión PN**



## Capítulo 4

# El transistor bipolar de unión



## Capítulo 5

# El transistor MOSFET



# Capítulo 6

## Soluciones