## 往年试卷

QQ:2305201452

## 成贤游戏交流群:

表白墙:2113294494

909188621

一、客观题(本题共8小题,每小题4分,满分32分)

1、设函数 
$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{1-\sqrt{1+xy}}{xy} & (x,y) \neq (0,0) \\ a & (x,y) = (0,0) \end{cases}$$
 在 $(0,0)$ 点连续,则  $a =$ \_\_\_\_\_\_。

2、设
$$z = \ln \frac{y}{x} + \frac{\arctan y^2}{\sqrt{1 + \ln(1 + y^2)}}$$
,则 $\frac{\partial z}{\partial x} =$ \_\_\_\_\_\_。

3、交换积分次序 
$$I = \int_0^1 dx \int_{x^2}^x f(x, y) dy =$$
\_\_\_\_\_\_\_。

4、曲面 
$$z^3 = xy$$
 在点  $P_0 = (-1,1,-1)$  处的法线方程为\_\_\_\_\_\_。

5、微分方程 
$$\frac{dy}{dx} = e^{x-y}$$
 满足条件  $y(0) = 0$  的特解为\_\_\_\_\_\_。

6、幂级数 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-3)^n}{n} (x+1)^n$$
 的收敛域为\_\_\_\_\_\_\_。

7、设
$$f(x, y, z) = x^2 y^2 + yz^3$$
, $\vec{l} = (1, 1, 1)$ ,则 $\frac{\partial f}{\partial l}\Big|_{(1, 1, 1)} = \underline{\qquad}_{-}$ 。

8、微分方程 
$$y' - \frac{2}{x}y = -x$$
 的通解为\_\_\_\_\_\_。

二、判断级数的敛散性(本题共2小题,每小题4分,满分8分)

$$1, \sum_{n=1}^{\infty} \sqrt{n} \tan \frac{\pi}{n^2};$$

$$2 \cdot \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{(n+1)^2 \cdot 2^n} \circ$$

三、计算题(本题共3小题,每小题8分,满分24分)

1、求微分方程 
$$y'' - 2y' - 3y = 3x + 1$$
的通解。

2、设 
$$z = z(x, y)$$
 由方程  $\sin(xy) + xz^2 - 3yz = 2$  确定,求  $\frac{\partial z}{\partial x}$ 、  $\frac{\partial z}{\partial y}$ 。

3、将 $f(x) = \ln x$ 在 $x_0 = 3$ 处展开成幂级数,并且写出收敛域。

四、计算题(本题共3小题,每小题8分,满分24分)

1、设 
$$z = f(2y^2 - 3xy, 4x^2)$$
,其中  $f$  有二阶连续的偏导数,求  $\frac{\partial z}{\partial x}$ ,  $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ 。

2、计算 
$$\iint_{D} (3y-1)d\sigma$$
, 其中 D 是由直线  $y=-x$ ,  $x+2y=3$  及  $x$  轴围成。

3、求函数 
$$z = x^3 - 4x^2 + 2xy - y^2 + 1$$
的极值。

五、计算题(本题共2小题,每小题6分,满分12分)

## 成贤游戏交流群:

、求级数  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{3^n}$  的和。

2、计算二重积分: 
$$I = \iint_D e^{\sqrt{x^2 + y^2}} dx dy$$
, 其中 $D = \{(x, y) | 1 \le x^2 + y^2 \le 4\}$ 。

附加题 (本题 5 分): 求幂级数 
$$x + \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} + \dots + \frac{x^{2n-1}}{(2n-1)!} + \dots$$
 的和函数。

