呆@西西弗斯

往年试卷

QQ: 2305201452

19 上期中

一、填空题(每题4分,共20分)

1.
$$\lim_{x \to \infty} \frac{x^2 + 1}{x^3 + 2} (\cos x + \sin x) = \underline{\hspace{1cm}}$$

$$2, \lim_{n\to\infty} \left(\frac{1}{\sqrt{n^2+1}} + \frac{1}{\sqrt{n^2+3}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{n^2+2n-1}} \right) = \underline{\hspace{1cm}}.$$

3、若
$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin ax}{x}, x \neq 0 \\ 2, x = 0 \end{cases}$$
在 $x = 0$ 处连续,则 $a =$ _______.

$$4, d \underline{\hspace{1cm}} = (x^3 + \cos 2x)dx.$$

5、设
$$f(x) = 3^x \sec x$$
,则 $f'(x) =$ ______

二、单项选择题 (每题 4 分, 共 16 分)

- 1. 下列叙述中正确的是()
 - (A) 若数列 $\{x_n\}$ 有界,则 $\{x_n\}$ 收敛; (B) 若数列 $\{x_n\}$ 发散,则 $\{x_n\}$ 无界;
- (C) 若函数 f(x) 连续,则 f(x) 有界; (D) 叙述 (A)、(B)、(C) 都不对.

2、点
$$x = 0$$
 是函数 $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{x}, & x < 0 \\ 2, & x \ge 0 \end{cases}$ 的 (

- (A) 第一类可去间断点; (B) 第一类跳跃间断点; (C) 第二类间断点; (D) 连续点.
- 3、函数 y = f(x) 在 $x = x_0$ 处可微是函数在该点处可导的()条件.
- (A) 充分而非必要; (B) 必要而非充分; (C) 充要; (D) 既非充分也非必要.

4、设
$$f(x) = 1 - \cos x^2$$
, $g(x) = 1 - \cos^2 x$, $h(x) = x^3 + x^4$, 则 $x \to 0$ 时, ()

- (A) 无穷小 f(x) 的阶最低; (B) 无穷小 g(x) 的阶最低;
- (C) 无穷小h(x)的阶最低; (D) 无穷小f(x) + g(x) + h(x)的阶最高.

三、计算题(每题8分,共24分)

1、已知
$$\mathbf{y} = \mathbf{x}^{\tan x} (\mathbf{x} > 0)$$
,求 $\frac{dy}{dx}$

呆@西西弗斯 往年试卷

QQ: 2305201452

呆@西西弗斯 往年试卷

QQ: 2305201452

2、设
$$\begin{cases} x = \arctan t \\ y = \ln(1+t^2) \end{cases}, \quad \stackrel{*}{x} \frac{dy}{dx} \cdot \frac{d^2y}{dx^2}.$$

3、设函数 y = f(x) 由方程 $xy + e^{-y} = x + 1$ 确定,求曲线 y = f(x) 在点 (0,0) 处的切线方

呆@西西弗斯 往年试卷

QQ: 2305201452

呆@西西弗斯

往年试卷

程。

四、计算题 (每题 8 分, 共 24 分)

QQ: 2305201452

452
1、求
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{1+x^2}-1}{\ln(x+1)\arcsin 3x}$$

2、设
$$y = x \cos x$$
, 求 $y^{(8)}(x)$.

3、设
$$f(x) = \lim_{t \to 0} x(1+3t)^{\frac{x}{t}}$$
, (1) 求 $f(x)$ (2) 求 $f'(x)$.

五、解答题(每题8分,共16分)

1、设
$$f(x) = \begin{cases} \frac{e^{x^2} - 1}{x}, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$
 讨论 $f'(0)$ 是否存在。

2、设 f(x) 在[0,1]上连续,在(0,1)内可导,且 f(1) = 0,则存在 $\xi \in (0,1)$,

使得
$$\xi \cdot f'(\xi) + f(\xi) = 0$$
 。

附加题(5分)

设函数 f(x) 在 [a,b] 上连续,在 (a,b) 内可导,且 $f'(x) \neq 0$,试证存在 $\xi, \eta \in (a,b)$,

使得
$$\frac{f'(\xi)}{f'(\eta)} = \frac{e^b - e^a}{b - a}e^{-\eta}$$

20 上期中

一、填空题(每题4分,共20分)

1、设
$$f(x) = \begin{cases} 3x^2 + a, & x \le 0 \\ \frac{\sin^2 4x}{x^2}, & x > 0 \end{cases}$$
, 当 $a =$ ______时,函数 $y = f(x)$ 在 $x = 0$ 处连续。

$$2 \lim_{n \to \infty} \sqrt[n]{2^n + 5^n} = \underline{\qquad}.$$

3、设
$$y = 3^{\sin 2x}$$
,则 $dy =$ _______.

4、曲线 $y = \ln x$ 上一点,其横坐标 x = 2 ,则曲线在该点处的切线方程

- 5、已知 $f(x) = e^{-2x}$,则 $f^{(n)}(0) = _____$.
- 二、单项选择题 (每题 4 分, 共 16 分)
- 1、设f(x) = |x|,则f'(x) ()
- ' '
- 2、当 $x \rightarrow 0$ 时,下列无穷小中最高阶的是()
- (A) $x^2 + x^6$; (B) $\sin x \tan x$; (C) $1 \cos^2 x$; (D) $1 \cos x^2$.

(A) =x; (B) =|x|; (C) 不存在; (D) 以上都不对。

- 3、设 $\lim_{x\to 0} (1-mx)^{\frac{1}{x}} = e^2$,则m = ()
 - (A) $\frac{1}{2}$; (B) 2; (C) -2; (D) $-\frac{1}{2}$ °
- 4、点x=1是函数 $f(x) = \begin{cases} 3x+4, x>1\\ 12-5x, x \le 1 \end{cases}$ 的()
 - (A) 可去间断点; (B) 跳跃间断点; (C) 第二类间断点; (D) 连续

呆@西西弗斯 点。

主年试卷 三、计算题**(**每题 8 分,共 24 分)

QQ: 2305201452

1、计算
$$\lim_{x \to 4} \frac{\sqrt{1+2x}-3}{\sqrt{x}-2}$$

2、计算
$$\lim_{n\to\infty} \left(\frac{1}{n^k} + \frac{2}{n^k} + \dots + \frac{n}{n^k}\right)$$

- 3、证明: 当 $x \to 0$ 时, $\ln(1+x) x = o(e^x 1)$
- 四、计算题 (每题 8 分, 共 24 分)
- 1、求函数 $y = x \arctan \frac{x}{a} \frac{a}{2} \ln(a^2 + x^2)$ 的导数。

2、设
$$\begin{cases} x=1+t^2 \\ y=t^2-t^3 \end{cases}$$
,求 $\frac{dy}{dx}$, $\frac{d^2y}{dx^2}$ 。

- 3、设函数 y = y(x) 由 $y xe^y = 1$ 所确定,求 $\frac{dy}{dx}\Big|_{x=0}$ 。
- 五、解答题 (每题8分,共16分)

QQ: 2305201452

呆@西西弗斯 往年试卷

QQ: 2305201452

2、设f(x), g(x)都在区间 I 可导,

证明 f(x) 的任意两个零点之间必有方程 f'(x)+g'(x)f(x)=0 的根

呆@西西弗斯 往年试卷

QQ: 2305201452