Costo di Caricamento e Indicizzazione di File e Media

Quando un utente vuole aggiungere documenti (PDF, DOC, immagini, video, ecc.) nella propria *Knowledge Box* (KBox) o *Vector Store* (MongoDB Atlas), l'applicazione esegue diversi **passi**:

- 1. **Processamento iniziale** del file (lettura, estrazione testo, eventuale OCR o captioning se è un'immagine/video).
- 2. Chunking (divisione in blocchi di lunghezza moderata per migliorare la ricerca).
- 3. Calcolo degli embedding dei chunk (con modello dedicato di embedding).
- 4. Salvataggio dei chunk (testo e metadata) nel DB e salvataggio dei relativi vettori embedding nel Vector Store.

Ciascuno di questi passi introduce un **costo**. Di seguito lo *parametrizziamo* e poi presentiamo un *esempio* per diversi tipi di file: PDF in pipeline Hi-Res, documento testuale standard (pipeline Fast), immagine e video.

1. Parametri e Formule Generali

Definiamo una formula generale per il caricamento di un file (o media) che abbia:

- N_{pages} : numero di pagine (se testo/PDF). Oppure, se immagine, consideriamo 1 "pagina"; se video, potrà essere equiparato a un certo numero di frame/pagine elaborate.
- $C_{\text{processing}}$: costo di *processing* "Unstructured" (o analogo) per estrarre il testo (oppure, nel caso di immagini/video, la parte di OCR/captioning).
- $C_{\text{embedding}}$: costo di generazione embedding per i chunk ottenuti.
- \bullet C_{DB} : costo di scrittura dei chunk e dei vettori embedding su MongoDB Atlas.

1.1 Costo di Processamento (Unstructured)

Assumiamo due pipeline tipiche:

1. Fast Pipeline: \$0,001 per pagina

2. **Hi-Res Pipeline**: \$0,01 per pagina

(Fonte: Unstructured.io, oppure AWS Marketplace equivalenti)

Formula di base

$$C_{\text{processing}} = N_{\text{pages}} \times c_{\text{page}},$$

dove $c_{\text{page}} \in \{0,001,\ 0,01\}$ a seconda di Fast o Hi-Res.

1.2 Chunking

Il file di testo (ottenuto da PDF, DOC, o da un OCR) viene suddiviso in blocchi di lunghezza \bar{T}_{chunk} token. Se il testo complessivo di un file è T_{total} token, il **numero di chunk**:

$$N_{\mathrm{chunk}} = \left\lceil \frac{T_{\mathrm{total}}}{\bar{T}_{\mathrm{chunk}}} \right\rceil.$$

(In alcuni casi, 1 chunk per pagina se \sim 500 token/pagina.)

1.3 Calcolo degli Embedding

Per ogni chunk si genera un embedding (es. con text-embedding-3-small).

• Costo per 1k token = \$0,00002 (o meno).

Se un chunk tipico ha $\bar{T}_{\rm chunk}$ token, allora il **costo embedding** di 1 chunk:

$$C_{\rm embed_chunk} = \frac{\bar{T}_{\rm chunk}}{1000} \times c_{\rm embed}.$$

Moltiplicando per N_{chunk} :

$$C_{\rm embedding} = N_{\rm chunk} \times C_{\rm embed_chunk}.$$

1.4 Costo di Scrittura DB e Vector Store

- Ogni chunk (testo + metadata) si inserisce in una collezione DB, con un costo di scrittura $\approx d3$.
- Ogni embedding (es. 1536 dimensioni) occupa $\sim 6 \text{KB}$: scrittura su Vector Store con $\approx 6 \text{ WPU}$.

$$C_{\text{DB-1_chunk}} = \underbrace{\frac{1}{10^6} \times C_{\text{WPU}}}_{\text{testo}} + \underbrace{\frac{\text{embedding_KB}}{10^6} \times C_{\text{WPU}}}_{\text{vettore}}$$

Se embedding_KB ≈ 6 e $C_{\rm WPU} \approx 1,25$ \$, allora scrivere 1 chunk con embedding costerà $\approx 7,5 \times 10^{-6}$ \$. Per semplicità:

$$C_{\rm DB} = N_{\rm chunk} \times C_{\rm DB_1_chunk}.$$

1.5 Formula di Caricamento di un File

Combinando il tutto:

$$\boxed{C_{\rm upload_file} = C_{\rm processing} \ + \ C_{\rm embedding} \ + \ C_{\rm DB}}$$

dove:

$$\begin{split} C_{\rm processing} &= N_{\rm pages} \times c_{\rm page}, \\ N_{\rm chunk} &= \left\lceil \frac{T_{\rm total}}{\bar{T}_{\rm chunk}} \right\rceil, \\ C_{\rm embedding} &= N_{\rm chunk} \, \times \, \frac{\bar{T}_{\rm chunk}}{1000} \, c_{\rm embed}, \\ C_{\rm DB} &= N_{\rm chunk} \, \times \, C_{\rm DB.1.chunk}. \end{split}$$

2. Caso di Documenti PDF (Hi-Res vs. Standard)

2.1 Caso "PDF con Pipeline Hi-Res"

• $c_{\text{page}} = 0.01\$(Hi\text{-Res}).Esempio:N_{\text{pages}} = 10.$

$$C_{\text{processing}} = 10 \times 0.01 = 0.10$$
\$ (= 10 cent totali).

Se ogni pagina ~ 500 token, allora $T_{\rm total} = 5000$ token su 10 pagine, e con chunk da 500 token: $N_{\rm chunk} = 10$.

Embedding

$$C_{\text{embed_chunk}} = \frac{500}{1000} \times 0,00002 = 0,00001\$ (1 \times 10^{-5}).$$

Dieci chunk $\to 10 \times 10^{-5} = 10^{-4}$ \$.

DB Scrivere 1 chunk con embedding $\approx 7.5 \times 10^{-6}$ \$; $per10chunk : 7.5 \times 10^{-5}$ \$.

$$C_{\text{upload}\text{-file}} = 0.10 + 0.0001 + 0.000075 \approx 0.100175 \approx 0.10\$.$$

Quasi tutto dovuto alla pipeline Hi-Res.

2.2 Caso "Documento Standard" (Fast Pipeline)

• $c_{\text{page}} = 0.001\$(Fast).Esempio: 10pagine \rightarrow 10 \times 0.001 = 0.01\$diprocessing.$

Stessa logica di embedding e DB: 0,0001 + 0,000075 = 0,000175\$.

$$C_{\text{upload_file}} \approx 0.01 + 0.000175 = 0.010175 \approx 0.0102$$
\$.

3. Caso di File Multimediali (Immagini e Video)

Immagini: potremmo usare GPT-40 (o GPT-40 Mini) per ricavare una descrizione testuale ("caption"). L'immagine diventa input visivo, convertito in token.

Video: estraiamo alcuni frame, ognuno trattato come un'immagine.

3.1 Caricamento di un'Immagine

Passi:

- **le Caption**: chiamata LLM in input con $\approx T_{\rm img}$ token (dipende da dimensione, es. $512 \times 512 \rightarrow 255$ token).
- 2. Output: testo di descrizione (es. 50-100 token).
- 3. Embedding: dei ~ 100 token descrizione.
- 4. Scrittura: salviamo descrizione e embedding nel DB.

Formula

$$C_{\text{upload_img}} = C_{\text{LLM_caption}} + C_{\text{embed}} + C_{\text{DB}},$$

dove

$$C_{
m LLM_caption} = rac{T_{
m img}}{1000} \, p_{
m in} + rac{T_{
m descr}}{1000} \, p_{
m out},$$

$$C_{\rm embed} \approx \frac{T_{\rm descr}}{1000} \times c_{\rm embed}, \quad C_{\rm DB} \approx 7.5 \times 10^{-6}$$
\$ (per embedding da 6KB).

Esempio (con GPT-4o)

$$T_{\rm img} = 255, \quad T_{\rm descr} = 100, \quad p_{\rm in} = 0{,}005, \quad p_{\rm out} = 0{,}015.$$

$$C_{\rm LLM_caption} = \frac{255}{1000} \times 0{,}005 + \frac{100}{1000} \times 0{,}015 = 0{,}001275 + 0{,}0015 = 0{,}002775\$.$$

Embedding 100 token $\rightarrow 2 \times 10^{-6}$; $DBscrittura \sim 7, 5 \times 10^{-6}$ \$. $Totale \approx 0.00278$ \$ $(\sim 0.28cent)$.

(Se GPT-40 Mini), costi scendono di $30\times$, con input $255\times0,00015$ + output $100\times0,00060\approx0,00009825\$$.

3.2 Caricamento di un Video

Passi:

- 1. Estrazione Frame: supponiamo di estrarre 1 frame ogni X secondi, generando N_{frame} immagini.
- 2. Caption per ciascun frame, come se fosse un'immagine.
- 3. **Embedding**: potremmo unire le caption in un testo unico, generando un embedding, o creare embedding per ogni frame.
- 4. Scrittura: su DB.

Formula

$$C_{\text{video}} \approx N_{\text{frame}} \times C_{\text{LLM-frame}} + C_{\text{embed}} + C_{\text{DB}}.$$

Esempio

- Video 2 min, estraiamo 1 frame/10 s $\rightarrow N_{\text{frame}} = 12$.
- GPT-40 per caption di ogni frame (ipotizziamo $\sim 0{,}0027\$) \rightarrow 12\times0{,}0027 = 0{,}0324\$. Testototale 12 caption \times 50 token = 600 token <math>\rightarrow$ embedding = $600/1000\times0{,}00002 = 1{,}2\times10^{-5}\$$.
- DB scrittura embedding $\sim 7.5 \times 10^{-6}$ \$. Totale ≈ 0.032417 \$($\sim 3.24cent$).(Se GPT-40 Mini), costiscendonodiun fattore -30.

4. Conclusioni ed Esempi Riassuntivi

Caricamento di documenti (testuali):

- Hi-Res (\$0,01/pagina) domina i costi (\$0,10 per 10 pagine).
- Fast (\$0,001/pagina) scende a millesimi.

Caricamento di immagini:

- Principale costo se usiamo GPT-40 per caption (fino a 0,002-0,003\$ per immagine).
- Embedding e DB microcentesimi.
- GPT-40 Mini: $\sim 0,0001$ \$perimmagine.

Caricamento di video:

- Diviso in "frame extraction + captioning" (nessun cenno ad altro).
- Esempio 2 min, 12 frame, GPT-40 $\approx 0,0324\$tot(caption).EmbeddingeDBtrascurabili.GPT-4oMiniriducedi~20\times.$

Formula Generale per un file (testo o media) caricabile:

$$C_{\rm upload_file} = C_{\rm process} + N_{\rm chunk} \times \left[\frac{\bar{T}_{\rm chunk}}{1000} \, c_{\rm embed} + C_{\rm DB_chunk} \right] + ({\rm costo~extra~se~immagine/video}).$$

Dove

- $C_{\text{process}} = N_{\text{pages}} \times c_{\text{page}} \ (0.001\$ \text{ o } 0.01\$).$
- $N_{\text{frame}} = \frac{\text{durata_s}}{\text{sampling_sec}}$ per i video.
- $C_{\text{LLM_caption}} = \left(\frac{T_{\text{img}}}{1000}\right) p_{\text{in}} + \left(\frac{T_{\text{descr}}}{1000}\right) p_{\text{out}}$ per ogni immagine/frame.

Esempio Finale Riassuntivo

Tipo File	Pagine/Frame	Pipeline/Modello	Costo Process.	Costo LLM
PDF 10 pag (Hi-Res)	10	0,01\$/pagina	0,10\$	_
PDF 10 pag (Fast)	10	0,001\$/pagina	0,01\$	_
Immagine (GPT-4o)	1	$(p_{\rm in} = 0,005; p_{\rm out} = 0,015)$	_	$\sim 0,0028\$$
Immagine (Mini)	1	$(p_{\rm in} = 0,00015; p_{\rm out} = 0,00060)$	_	$\sim 0,0001$ \$
Video 2 min (GPT-4o)	12 frame	$\sim 0,0027$ \$ x frame	_	$12 \times 0,0027 = 0,$
Video 2 min (Mini)	12 frame	~ 0.0001 \$ x frame	_	$12 \times 0.0001 = 0$

Come si vede:

• PDF con pipeline Hi-Res: \$0,10...\$0,20 in base al numero di pagine (qui 10).

- PDF con pipeline Fast: $10 \times$ meno.
- *Immagini e video*: costo imputabile quasi tutto alle *chiamate LLM* (GPT-40 o GPT-40 Mini) per ottenere le descrizioni. Embedding + DB restano microcentesimi.

In conclusione, il costo di caricamento di file (testo/immagini/video) è spesso dominato:

- Dai cost per pagina (se si usa SaaS Unstructured).
- Dalle chiamate GPT-40 (se facciamo caption su immagini/video).
- L'embedding e DB incidono in microcentesimi.

Pertanto, un PDF grande con pipeline Hi-Res rimane su alcuni centesimi $(0.01\$ \times \text{pagine})$, mentre un PDF standard (Fast) scende a millesimi. Per le immagini e i video dipende dal modello LLM usato per la descrizione: GPT-40 può costare $\sim 0.003\$/\text{immagine}$, GPT-40 Mini $\sim 0.0001\$$.

Lo **storage** finale su MongoDB inciderà poi su base mensile (0.25\$/GB), se l'utente carica molti MB/GB di contenuti multimediali.