Expedition im Dschungel

Musterlösung

Gegeben ist die Funktion $s(x) = \frac{2}{7}x$ und der Punkt T = (4,3). Wir schreiben s in Vektordarstellung als

$$S = t \begin{pmatrix} 7 \\ 2 \end{pmatrix}, t \in \mathbb{R}.$$

Jetzt betrachten wir alle Vektoren von S zu T mit

$$V = x \begin{pmatrix} 7 \\ 2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7t - 4 \\ 2t - 3 \end{pmatrix}.$$

In dieser Menge suchen wir jetzt den Senkrechten Vektor zu S. Dafür berechnen wir zuerst das Skalarprodukt

$$\binom{7t-4}{2t-3} \cdot \binom{7}{2} = 49t - 28 + 4t - 6,$$

setzen es dann mit 0 gleich und lösen nach t auf:

$$0 = 49t - 28 + 4t - 6 \Leftrightarrow t = \frac{34}{53}.$$

Wenn wir jetzt dieses t in unsere Geradengleichung S einsetzen erhalten

$$\frac{34}{53} \begin{pmatrix} 7\\2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{238}{\overline{53}}\\ \frac{88}{53} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4.\overline{4905660377358}\\ 1.\overline{2830188679245} \end{pmatrix}.$$

Die x-Koordinate von diesem Vektor ist die Lösung: $4.\overline{4905660377358}$.