# Using an IMU Array for cycle slip detection and repair

Artem Novichkov<sup>1</sup>, Ilya Goncharov<sup>1</sup>
<sup>1</sup>Bauman Moscow State Technical University

27 September 2021

#### Содержание

- 1 Введение
- 2 IMU Cluster
- 3 Оценка выходных погрешностей
- 4 Интеграция ИНС/ГНСС
- 5 Сравнение кластера и аналогичного по характеристикам IMU

#### Аннотация

Текст аннотации

#### 1 Введение

Режимы PPP и RTK являются одними из самых точных режимов позиционирования на сегодняшний день, предоставляя пользователю возможность определять свою позицию с миллиметровой точностью путем обработки фазовых измерений спутниковой навигационной системы. RTK нашел широкое практическое применение в различных областях: геодезия, сельское хозяйство, строительство. Не смотря на это, задача позиционирования в условиях прерывания непрерывного слежения за фазой радионавигационного сигнала до сих пор является актуальной и ее решение востребовано на практике, особенно в условиях городской среды.

В данной работе рассматривается схема интеграции инерциальной навигационной системы на базе кластера из четырех микромеханических инерциальных блоков MPU6050 и двухчастотного спутникового навигационного приемника с целью детектирования и исправления cycle slip-ов, возникающих вследствие прерывания слежения за фазой радионавигационного сигнала.

#### 2 IMU Cluster

В настоящее время широкое распространение получили блоки инерциальных чувствительных элементов на базе MEMS-технологии. Их основными преимуществами являются: низкая стоимость, малые массогабаритные характеристики и низкое энергопотребление. Однако подобные приборы обладают низкой точностью: нестабильность нуля у гироскопов единицы-десятки градусов в час, а у акселерометров сотые-десятые доли милли-g.

Одним из путей повышения точности микромеханических бчэ является объединение их в массив (кластер). [ссылки на работы по кластеру]. Кластерные бчэ позволяют уменьшить шум в информационном сигнале в  $\sqrt{N}$  раз, где N - количество отдельных используемых бчэ. [ссылка]

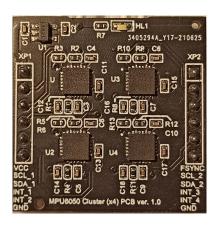


Рис. 1: Печатная плата с кластерным БЧЭ

Для проверки и подтверждения характеристик кластерного бчэ в ходе данной работы была создана печатная плата (Рис. 1).

В состав разработанного кластерного БЧЭ входят шестиосные датчики фирмы Invensense MPU6050 (трехосный акселерометр и трехосный датчик угловых скоростей). Данные БЧЭ были выбраны вследствие их наибольшей распространнености и доступности. Каждый из MPU6050 располагается на печатной плате в вершинах квадрата со стороной 10 мм. Кроме того, они установлены так, чтобы соответствующие оси чувстительности каждого датчика были параллельны между собой.

В работе использовались следующие настройки для чувствительных элементов из состава MPU6050: диапазон измеряемых угловых скоростей  $\pm 500$  °/s; диапазон измеряемых линейных ускорений  $\pm 4$ g. Съем информации с датчиков производился на частоте 100 Гц. Данные параметры были выбраны в предположении установки разрабатываемого устройства на маломаневренных, наземных объектах.

Для калибровки и оценки смещения нуля и его дрейфа от запуска к запуску были проведены записи данных в шести положениях (Pos. 1 -  $Z\uparrow$ , Pos.2 -  $Z\downarrow$ , Pos. 3 -  $X\uparrow$ , Pos.4 -  $X\downarrow$ , Pos. 5 -  $Y\uparrow$ , Pos.6 -  $Y\downarrow$ ). Для каждого из положений производилось по три запуска, по итогам которых рассчитывались оцениваемые параметры. Результаты измерений для акселерометров по соответствующим осям одного из БЧЭ сведены в таблицу (1) (для остальных БЧЭ полученные величины отличались незначительно).

Таблица 1: Смещение нуля и дрейф от запуска к запуску акселерометров МРИ6050

Position	Axis	Mean, g	RTR, mg
	X	0.0686	0.068
Pos.1	Y	-0.0250	0.06
	Z	1.0199	0.2413
	X	0.0541	0.0943
Pos.2	Y	-0.0086	0.0501
	Z	-1.0121	0.2652
	X	1.0567	0.1836
Pos.3	Y	-0.0246	0.0878
	Z	0.0028	0.1113
	X	-0.9377	0.1664
Pos.4	Y	-0.0045	0.0966
	Z	-0.00004	0.2716
	X	0.0486	0.0729
Pos.5	Y	-1.0271	0.0152
	Z	-0.0071	0.2099
	X	0.0731	0.2276
Pos.6	Y	0.9929	0.1313
	Z	0.0171	0.2973

Аналогичные результаты измерений представлены для гироскопов MPU6050 по соответствующим осям (Таблица (2)).

Таблица 2: Смещение нуля и дрейф от запуска к запуску гироскопов MPU6050

Position	Axis	Mean, °/s	RTR, °/h
	X	-1.0739	44.8406
Pos.1	Y	-1.0022	17.3611
	Z	1.2711	22.4487
	X	-1.0246	59.2236
Pos.2	Y	-0.9897	15.8603
	Z	1.2628	27.1911
	X	-1.0122	66.8934
Pos.3	Y	-0.9913	16.7310
	Z	1.2515	34.0154
	X	-1.0254	17.4720
Pos.4	Y	-0.9991	7.7416
	Z	1.2946	12.8763
	X	-1.0106	13.5531
Pos.5	Y	-0.9849	3.7527
	Z	1.2519	7.4237
	X	-1.0095	1.7701
Pos.6	Y	-0.9878	12.9651
	Z	1.2655	19.6326

Исходя из полученных значений, можно сделать вывод, что дрейф от запуска к запуску для акселерометров ( $\max \approx 0.3 \text{ mg}$ ) и гироскопов ( $\max \approx 70 \text{ °/h}$ ) невелик. Это значит, что полученные оценки смещений нуля можно использовать для калибровки БЧЭ при дальнейшей работе.

Кроме того, были проведены оценки шумовых характеристик микромеханических чувствительных элементов в составе MPU6050 по методу вариации Аллана. [IEEE 1431-2004, IEEE 1293-2018] Для этого данные были записаны в течение одного часа в Pos. 1. На рисунке 2 продемонстрированы результаты расчета девиации Аллана акселерометров по оси чувствительности Ү. График с точками в виде ромбов отражает расчет девиации Аллана для кластерного БЧЭ. Расположение данного графика ниже остальных подтверждает уменьшение шума в сигнале кластерного БЧЭ по сравнению с сигналом единичного БЧЭ.

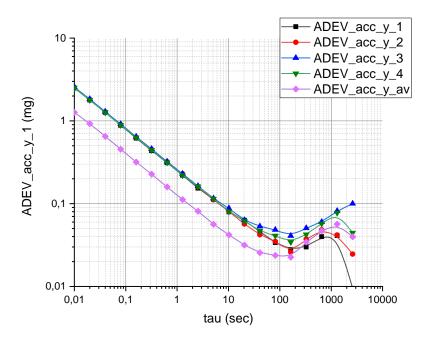


Рис. 2: Девиация Аллана акселерометров по оси У

B таблицах 3 and 4 представленны численные значения оценок Bias instability and Velocity Random Walk for accelerometers.

Таблица 3: Нестабильность смещения нуля акселерометров MPU6050, mg

Ось	IMU_1	$IMU_2$	IMU_3	IMU_4	Cluster
X	0.0467	0.0409	0.0417	0.0417	0.0264
Y	0.0278	0.0259	0.0409	0.0344	0.0225
Z	0.0764	0.0704	0.0714	0.0692	0.0472

Таблица 4: Velocity random walk (VRW) of accelerometers MPU6050, mg/ $\sqrt{Hz}$ 

Ось	IMU_1	IMU_2	IMU_3	$IMU_4$	Cluster
X	0.24014	0.22564	0.24332	0.24124	0.11715
Y	0.22065	0.23029	0.22929	0.22040	0.11211
Z	0.35402	0.35872	0.36701	0.37358	0.18599

По представленным результатам можно сделать вывод, что шумовые характеристики сигнала для акселерометров кластерного БЧЭ в  $\approx \sqrt{4}=2$  раза меньше по сравнению с характеристиками каждого из акселерометров по отдельности.

Аналогичные оценки шума были проведены и для гироскопов из состава изготовленного макета. На рисунке 3 представлены полученные графики девиации Аллана гироскопов по оси чувствительности Ү. График девиации Аллана для сигнала, осредненного из четырех сигналов гироскопов (diamond), так же располагается ниже графиков для каждого из гироскопов по отдельности.

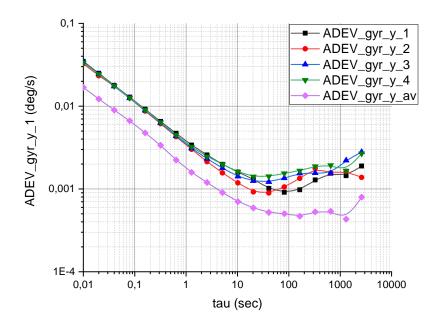


Рис. 3: Девиация Аллана гироскопов по оси У

В таблицах 5 and 6 собраны численные значения оценок Bias instability and Angular Random Walk for gyroscopes.

Полученные характеристики для кластерного сигнала гироскопов так же в  $\approx 2$  раза меньше величин для каждого из гироскопов по отдельности, как и у акселерометров.

Таким образом, изготовленный макет подтвердил свойства кластерных БЧЭ, позволяя улучшить параметры, используемых MPU6050 в  $\approx 2$  раза.

Таблица 5: Нестабильность смещения нуля гироскопов MPU6050, °/h

Ось	IMU_1	$IMU_2$	IMU_3	IMU_4	Cluster
X	4.644	3.553	3.780	4.327	2.416
Y	3.272	3.215	4.370	5.087	1.685
Z	3.740	2.696	3.503	2.693	1.580

Таблица 6: Angular random walk (ARW) of gyroscopes MPU6050,  $^{\circ}/\sqrt{hr}$ 

Ось	IMU_1	$IMU_2$	$IMU_3$	IMU_4	Cluster
X	0.2022	0.1872	0.2382	0.2010	0.1044
Y	0.2028	0.1812	0.1854	0.1938	0.0954
Z	0.1638	0.2106	0.1884	0.1944	0.0972

#### 3 Оценка выходных погрешностей

Для оценки точности автономной работы БИНС на базе кластерного блока чувствительных элементов были использованы уравнения ошибок автономной работы ИНС. Данные уравнения учитывают медленно изменяющуюся составляющую ошибки, не зависящую от горизонтального ускорения объекта. Нестационарные погрешности, зависящие от ускорения и обусловленные погрешностью масштабных коэффициентов акселерометров, представляют собой высокочастотную ошибку, модулирующую медленно изменяющуюся шулеровскую, не учитываются в данной модели.

Для связи выходных параметров ИНС (крен, тангаж, курс, широта, долгота) использованы следующие зависимости:

$$\Phi_{x}(t) = \Phi_{x}(0)\cos\nu t - U\cos\phi \frac{\sin\nu t}{\nu} \Phi_{z}(0) - \frac{\sin\nu t}{\nu R} \delta V_{y}(0) + \frac{\sin\nu t}{\nu} \xi_{x} - U\cos\Phi \frac{1 - \cos\nu t}{\nu^{2}} \xi_{z} - \frac{1 - \cos\nu t}{\nu^{2} R} B_{y}(0)$$
(1)

$$\Phi_y(t) = \Phi_y(0)\cos\nu t + \frac{\sin\nu t}{\nu R}\delta V_x(0) + \frac{\sin\nu t}{\nu}\xi_y + \frac{1-\cos\nu t}{\nu^2 R}B_y(0)$$
(2)

$$\Phi_z(t) = \Phi_x(0)U\cos\phi t + \Phi_y(0)\operatorname{tg}\phi + \frac{\operatorname{tg}\phi\sin\nu t}{\nu R}\delta V_x(0) - (t - \frac{\sin\nu t}{\nu})\operatorname{tg}\phi\xi_y + \operatorname{tg}\phi\frac{1 - \cos\nu t}{\nu^2 R}B_x(0) + \Phi_x(0) + \varepsilon_z t$$
(3)

$$\delta V_e(t) = -\Phi_y(0)R\sin\nu t + \delta V_x(0)\cos\nu t - \xi_y R(1 - \cos\nu t) + \frac{\sin nut}{\nu} B_x(0)$$
(4)

$$\delta V_n(t) = -\Phi_x(0)R\sin\nu t + \delta V_y(0)\cos\nu t + \xi_x R(1-\cos\nu t) + \frac{\sin\ nut}{\nu}B_y(0)$$
(5)

$$\lambda(t) = \int \frac{\delta V_e(t)}{R\cos\phi} dt \tag{6}$$

$$\phi(t) = \int \frac{\delta V_n(t)}{R\cos\phi} dt \tag{7}$$

где  $\, \nu = \sqrt{rac{g}{R}} \,$  - шулеровская частота колебания;

 $B_{x}(0), B_{u}(0)$  - смещения нулей акселерометра;

## $\xi_x, \xi_y, \xi_z$ - дрейф гироскопа;

Для оценки остаточной случайной составляющей погрешности акселерометра и гироскопа, с целью использования данных значений в уравнениях (1)-(7) проведена запись показаний чувствиетльных элементов на протяжении 2-ух часов. По результатам измерений построены графики девиации Аллана.

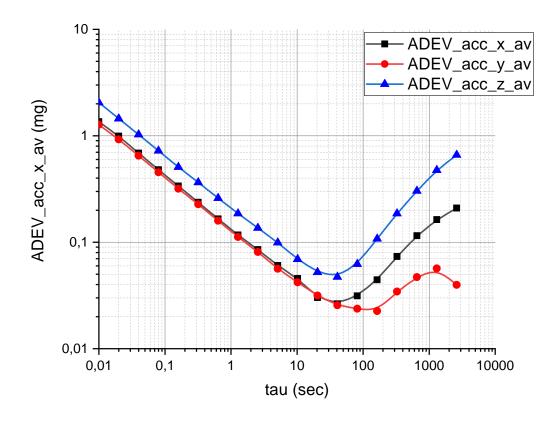


Рис. 4: График девиации Аллана

Полученный график Рис.4 девиации Аллана позволяет оценить остаточную случайную погрешность, которая будет присутствовать в выходных данных показаний акселерометров в составе кластерного инерциального измерительного блока. Исходя из уравнений (1) – (7) остаточная погрешность акселерометра не вносит существенный вклад в ошибку определения выходных координат. Данная ошибка будет влиять исключительно на расчет пространственной ориентации.

Ниже представлены графики нарастания ошибки определения угла тангажа и крена в течение 5 секунд автономной работы кластерной инерциальной навигационной системы.

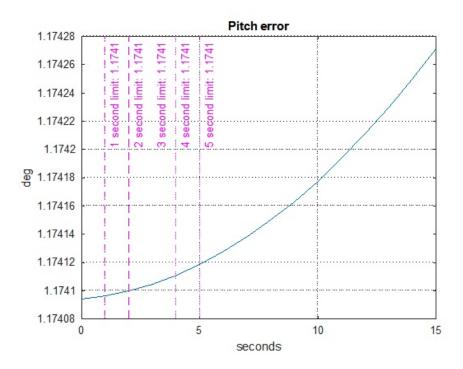


Рис. 5: Нарастание ошибки в определении тангажа

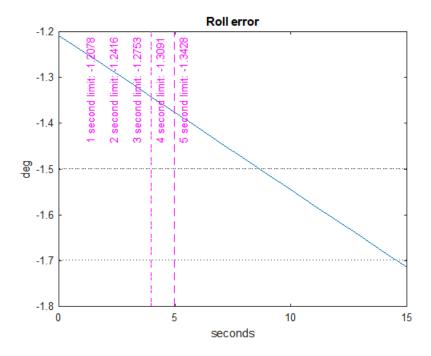


Рис. 6: Нарастание ошибки в определении крена

Дрейф гироскопов является основной составляющей ошибки определения координат в процессе автономной работы ИНС. Именно поэтому основной задачей исследования точности чувствительных элементов был анализ остаточных погрешностей гироскопов. Из графика (Рис.7) видно, что значение дрейфа на интервале осреднения  $0.01\ c.$  не превышает  $0.03375\ ^{\circ}/s$ 

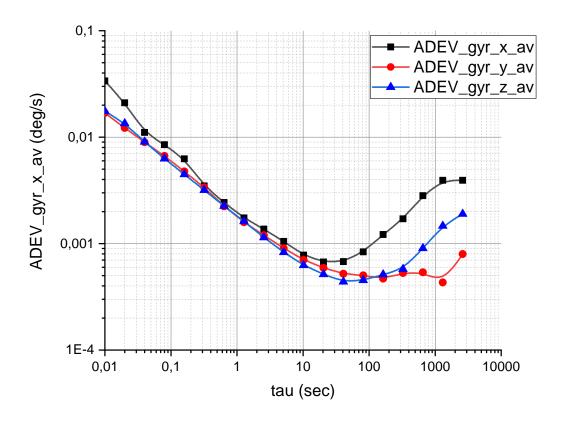


Рис. 7: График девиации Аллана

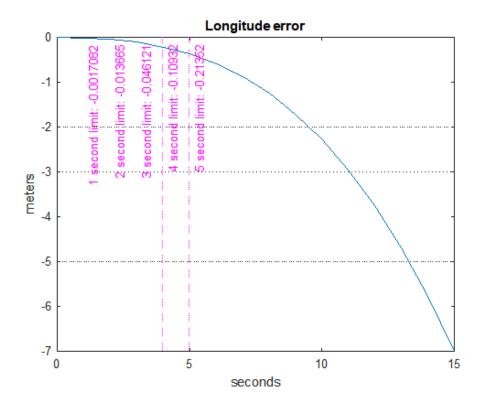


Рис. 8: График нарастания ошибки в определении долготы места

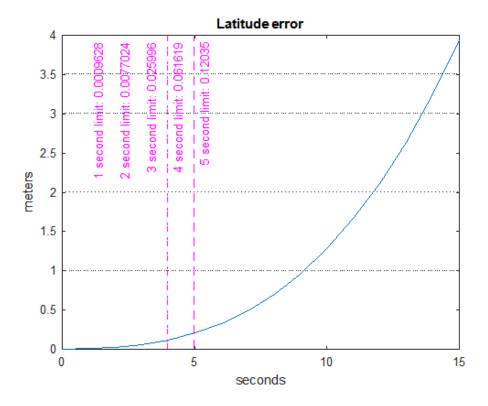


Рис. 9: График нарастания ошибки в определении широты места

### 4 Интеграция ИНС/ГНСС

Основной целью интеграции кластерного инерциального блока с навигационным приемником является повышение надежности и точности выдаваемого им решения. Для обеспечения максимальной надежности интегрированного алгоритма позиционирования необходимо воспользоваться соответсвующей схемой интеграции двух систем. В данной работе используется ОЕМ плата спутникового навигационного приемника компании NTLab. Данная плата позволяет пользователю получить доступ к срезу кодовых и фазовых измерений на текущую эпоху. Таким образом, тесная схема интеграции ИНС и СНС, которая предполагает использование псевдодальностей СНС и псевдодальности ИНС, видится наиболее оптимальным вариантом.

Модель системы для расчета углов оринетации, скорости и координат ИНС:

(8)

(9)

(10)

#### 5 Сравнение кластера и аналогичного по характеристикам IMU

Я считаю, что было бы круто сравнить данный кластер со схожим по характеристикам IMU, так как я в abstract писал, что у нас COST-EFFECTIVE решение.

#### Список литературы

[1] Author1 Article1