

le de probabilidade

ór que assume valores no



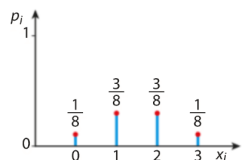
Variável Aleatória

Apontamentos sobre distribuição de probabilidade, valor médio, variância e desvio-padrão, função de probabilidade e função de distribuição acumulada

Page

Distribuição de Probabilidade

- Uma **distribuição de probabilidades** ou **função massa de probabilidade** de uma variável aleatória é uma função que a cada elemento do suporte do modelo probabilístico faz corresponder a respetiva probabilidade
- A distribuição de probabilidade da variável aleatória também pode ser representada por um gráfico



x_i	x_1	x_2	x_3	...	x_n
$P(X = x_i)$	p_1	p_2	p_3	...	p_n

- Seja V uma v.a discreta que assume os valores. Interessa saber qual a probabilidade de X assumir um valor em particular
- Representando por $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$ a probabilidade de X ser igual a cada um dos valores tem-se que:

$$p_i = P(X = x_i)$$

Diz-se que $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$ constituem uma distribuição de probabilidade desde que:

$$p_1 + p_2 + p_3 + \dots + p_n = 1 \implies \sum_{i=1}^n p_i = 1$$

Se estas condições se verificarem então chama-se **função de probabilidade de X**

Valor médio

- Para os casos em que as probabilidades são todas iguais, ou seja, $p_1 = p_2 = p_3 = \dots = p_n$, vem que:

$$E(X) = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$$

- Costuma-se designar por μ , $E(X)$, ou \bar{x}

Exemplo 1:

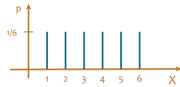
No lançamento de um dado qual é o valor esperado do número de pintas saído?

Sendo $X = \{\text{nº de pintas}\}$
A função de probabilidade é:

x_i	1	2	3	4	5	6
p_i	1/6	1/6	1/6	1/6	1/6	1/6

Pelo que a média é $\mu = \sum_{i=1}^6 x_i p_i = 1 \times \frac{1}{6} + 2 \times \frac{1}{6} + 3 \times \frac{1}{6} + 4 \times \frac{1}{6} + 5 \times \frac{1}{6} + 6 \times \frac{1}{6} = 3,5$

Neste caso o valor esperado não é um valor válido para X , mas em média será este o valor que sai.
Graficamente:

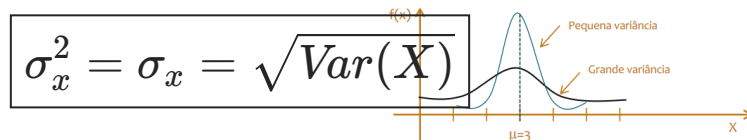


Variância e Desvio-padrão populacional

- A variância de um modelo de probabilidade de uma v.a é dada por:

$$Var(X) = \sigma_x^2 = \sum_{i=1}^m (x_i - E(X))^2 \times p_i$$

- E o desvio padrão por:



Função de probabilidade

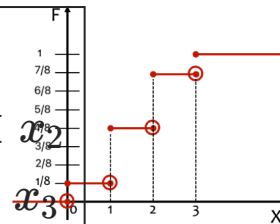
- Sendo X uma variável aleatória discreta cujos possíveis valores são $\{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ com $n \in \mathbb{N}$, a função f que associa a cada valor $x_i \in X$, a sua probabilidade $f(x_i) = P(X = x_i)$ é dada por:

$$f(x_i) = \begin{cases} P(X = x_i), & \text{se } x = x_i \\ 0, & \text{se } x \neq x_i \end{cases}$$

Função de distribuição acumulada

- A distribuição de probabilidades pode ainda ser descrita através da chamada função de distribuição acumulada $F(x)$

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x < x_1 \\ f(x_1) & \text{se } x_1 \leq x < x_2 \\ f(x_1) + f(x_2) & \text{se } x_2 \leq x < x_3 \\ f(x_1) + f(x_2) + f(x_3) & \text{se } x_3 \leq x < x_4 \\ \vdots & \\ f(x_1) + f(x_2) + \dots + f(x_n) & \text{se } x \geq x_n \end{cases}$$



Distribuição Binomial (ou de Bernoulli), Distribuição Normal (ou de Gauss) e Distribuição de Poisson