insidade de probabilidade

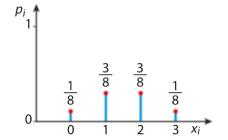


Variável Aleatória

Apontamentos sobre distribuição de probabilidade, valor médio, variância e desvio-padrão, função de probabilidade e função de distribuição acumulada Page

Distribuição de Probabilidade

- Uma distribuição de probabilidades ou função massa de probabilidade de uma variável aleatória é uma função que a cada elemento do suporte do modelo probabilístico faz corresponder a respetiva probabilidade
- A distribuição de probabilidade da variável aleatória também pode ser representada por um gráfico



x_i	x_1	x_2	<i>x</i> ₃	 x_n
$P(X=x_i)$	p_1	p_2	p_3	 p_n

- Seja V uma v.a discreta que assume os valores. Interessa saber qual a probabilidade de X assumir um valor em particular
- Representando por p1, p2, p3, ..., pn a probabilidade de X ser igual a cada um dos valores tem-se que:

$$ig| p_i = P(X = x_i)$$

Diz-se que p1, p2, p3, ..., pn consitituem uma distribuição de probabilidade desde que:

$$oxed{p_1+p_2+p_3+...+p_n=1} \implies \sum_{i=1}^n p_i=1$$

Se estas condições se verificarem então chama-se função de probabilidade de X

Valor médio

• Para os casos em que as probabilidades são todas iguais, ou seja, p1 = p2 = p3 = ... = pn, vem que:

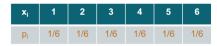
$$E(X) = \frac{x_1 + x_2 + \ldots + x_n}{n}$$

• Costuma-se designar por μ , E(X), ou $\neg x$

Exemplo 1:

No lançamento de um dado qual é o valor esperado do número de pintas saído?

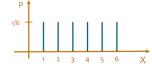
Sendo $X = \{n^{\circ} de \ pintas\}$ A função de probabilidade é:



Pelo que a média é
$$\mu = \sum_{i=1}^{6} x_i p_i = 1 \times \frac{1}{6} + 2 \times \frac{1}{6} + 3 \times \frac{1}{6} + 4 \times \frac{1}{6} + 5 \times \frac{1}{6} + 6 \times \frac{1}{6} = 3.5$$

Neste caso o valor esperado não é um valor válido para X, mas em média será este o valor que sai.

Graficamente



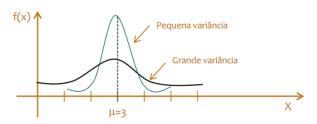
Variância e Desvio-padrão populacional

• A variância de um modelo de probabilidade de uma v.a é dada por:

$$oxed{Var(X) = \sigma_x^2 = \sum_{i=1}^m (x_i - E(X))^2 imes p_i}$$

E o desvio padrão por:

$$\sigma_x^2 = \sigma_x = \sqrt{Var(X)}$$



Função de probabilidade

• Sendo X uma variável aleatória discreta cujos possíveis valores são $\{x1, x2, ..., xn\}$ com $n \in \mathbb{N}$, a função f que associa a cada valor $xi \in X$, a sua probabilidade f(xi) = P(X = xi) é dada por:

Função de distribuição acumulada

• A distribuição de probabilidades pode ainda ser descrita através da chamada função de distribuição acumulada F(x)

$$F(x) = egin{cases} 0 & se \ x < x_i \ f(x_1) & se \ x_1 \le x < x_2 \ f(x_1) + f(x_2) & se \ x_2 \le x < x_3 \ f(x_1) + f(x_2) + f(x_3) & se \ x_3 \le x < x_4 \ dots \ f(x_1) + f(x_2) + ... + f(x_n) & se \ x \ge x_n \end{cases}$$

