Trabajo Práctico Nº 8: Sistemas de Ecuaciones Lineales

- 1) Resolver en R, si es posible, los siguientes sistemas de ecuaciones lineales aplicando:
 - a) El teorema de Cramer.
 - b) La regla de Cramer.

$$i) \begin{cases} 2x + 5y = 19 \\ x + 3y = 11 \end{cases}$$

ii)
$$\begin{cases} 2x + y + z = 11 \\ 3x + 4y + z = 22 \\ 5x + z = 14 \end{cases}$$

iii)
$$\begin{cases} x + y + z = 0 \\ 2x - y - 2z = -2 \\ -2z - 2x + 4 = y \end{cases}$$

$$iv) \begin{cases} x + 5y + 4z + w = 0 \\ -x + 3y + 2z + w = -1 \\ z = -w \\ 3x + y - w = -5z + 1 \end{cases}$$

2) Dados los siguientes sistemas de ecuaciones lineales:

i)
$$\begin{cases} x + y + z = -1 \\ 2x - y - 2z = 8 \\ 5x + 3y + 2z = 3 \end{cases}$$

ii)
$$\begin{cases} x + z = 6 \\ 3x + 4y = 25 \\ 4y - 3z = -13 \end{cases}$$

iii)
$$\begin{cases} x - y + z + 2t = 10\\ 2x - y + 3z - 3t = -3\\ 3x - 2y + 4z - t = 7 \end{cases}$$

$$iv) \begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 3x + 2y + z = 0 \\ x - y + 2z = 0 \end{cases}$$

$$v) \begin{cases} x + 3z = -2y \\ 4x + 5y + 6z = 0 \\ 7x + 8y = -9z \end{cases}$$

- a) Clasificarlos.
- b) Analizarlos aplicando el Teorema de Rouché Frobenius y, si es posible, determinar el conjunto solución de cada uno de ellos.
- 3) Determinar, si existen los valores de $k \in R$, tales que el sistema sea:
 - a) compatible determinado;
- b) incompatible;
- c) compatible indeterminado

i)
$$\begin{cases} x + 2y + 3z = 1\\ 2x + 3y + z = -2\\ x + y + kz = 0 \end{cases}$$

ii)
$$\begin{cases} x + y + (k+1)z = 2\\ x + (k-1)y + 2z = 1\\ 2x + ky + z = -1 \end{cases}$$

4) Un grupo de 32 estudiantes está formado por personas de 18, 19 y 20 años de edad. El promedio de sus edades es 18,5. ¿Cuántas personas de cada edad hay en la clase si la cantidad de personas de 18 años es 6 más que el número combinado de las de 19 y 20 años?

Actividades complementarias

- 1) a) ¿Cuántas soluciones tiene un sistema cuyo número de ecuaciones es menor que el de incógnitas? ¿Por qué?
 - b) ¿Qué se puede decir de un sistema como los mencionados en 4.a), si fueran homogéneos?
 - c) Un sistema cuadrado compatible, ¿es siempre compatible determinado? ¿Por qué?
- 2) Determinar para qué valores de $k \in R$, el siguiente sistema homogéneo tiene soluciones distintas de la trivial

$$\begin{cases} x + (k+1). y + z = 0 \\ x + y + (k+1). z = 0 \\ (k+1). x + y + z = 0 \end{cases}$$

3) Dados los siguientes sistemas de ecuaciones lineales:

$$\begin{aligned}
i) & \begin{cases} 2x + y - z = 2 \\ -x + z = 0 \\ 2y + 2z = 4 \end{cases} & ii) \begin{cases} 2x - 4y = 4z \\ x + 2 + z - 3y = 0 \\ 10x - 6y - 6z = 0 \end{cases} \\
iii) & \begin{cases} x + y - z = 1 \\ x - y + 3z = -3 \\ x + z = 1 \end{cases} & iv) \begin{cases} 2x - 3y + z = \\ x + y = z \\ 2y + 3z + 4x = 0 \end{cases}
\end{aligned}$$

- a) Clasificarlos.
- b) Resolverlos a través del método que considere más conveniente y si es posible, determinar el conjunto solución de cada uno.
- 4) Un videoclub está especializado en películas de tres tipos: infantiles, oeste americano y terror. Se sabe que el 60% de las películas infantiles más el 50% de las del oeste representan el 30% del total de las películas. Además, el 20% de las infantiles más el 60% de las del oeste más el 60% de las de terror representan la mitad del total de las películas. Hay 100 películas más del oeste que de infantiles.

Halle el número de películas de cada tipo.