# Proyecto Modelos Lineales

Oscar Gamboa, Gonzalo Mardones, Nicolas Montecinos

2022-10-14

### Introducción

En la actualidad, los servicios públicos han sido objeto de denuncias por parte de la ciudadanía por los temas que competen a las licencias médicas presentadas por los funcionarios de dichas entidades, en ella destacan principalmente las áreas correspondientes a la educación pública y en específico direccionados a los DOCENTES. La ley N° 20.585 de 2012, emitida por el Ministerio de Salud, básicamente indica que la institución estatal se encarga de la tramitación y pago completo de esta, ya sea FONASA o ISAPRE, en desmedro de dejar sin pagos salariales para sus DOCENTES, sin embargo, esto tiende a generar controversia por la gran cantidad de licencias tipo 1 (correspondiente a las psiquiátricas, estrés laboral, medicina general, accidente de trayecto, accidente de trabajo y enfermedad profesional) y el acumulado de días ausentes emitidas por este grupo, ya que indica un problema a los servicios públicos, estos son: búsqueda de reemplazos (por lo general no son docentes debido a la poca oferta que hay hoy en día impactando directamente en la calidad de educación), mayor inversión en la acciones preventivas (mutuales y capacitaciones anti estrés, generando aumentos de presupuestos en las arcas fiscales), uso y abuso de las mismas (compras de licencias médicas que corresponden a un delito), y agotamiento del sistema público.

En el presente proyecto, se direccionará en tratar de explicar el número promedio de días de licencias médicas en Docentes de un servicio local de educación pública de la provincia del Huasco (comunas que comprende: Alto del Carmen, Vallenar, Freirina y Huasco) de la Región de Atacama, en función a características propias de ellos junto a variables relevantes a la demografía y a las educacionales, con el fin de tener una primera mirada ante la problemática ya expuesta, que aporten en gran medida a la toma de decisiones por parte de los establecimientos educacionales estatales.

### Planteamiento del Problema

Dado los antecedentes ya presentados en el acápite anterior, se quiere determinar si el número promedio de días de las licencias médicas (aprobadas) emitidas por los docentes, de enero a octubre del año 2022, puede ser explicado o influido por fenómenos endógenos como la evaluación docente o el tramo docente (para mayor información hacer click en el siguiente link) o por variables exógenas (factores ajenos al DOCENTE) como podría ser el traslado de comuna para ir a su lugar de trabajo, al grupo etario al cual pertenece o si es profesor(a) jefe de un curso (debido a que tiene mayor responsabilidad administrativa) etc. Y en caso de ser significativo el efecto ante cambios en los días promedios de licencias médicas, cual es la magnitud y característica de estas variables.

### Justificación del Problema

Se desea identificar los fenómenos que estén, de alguna manera, relacionada con la emisión de licencias médicas para poder direccionar recursos necesarios, realizar cambios correspondientes y anticipar los problemas que generan las ausencias que puedan afectar la calidad de la educación pública bajo la administración de un servicio local en la provincia del Huasco, Región de Atacama, Chile.

### Estado del Arte

En la actualidad, la problemática descrita anteriormente se ve reflejada tanto en la comunidad docente (ver enlace) como en la ciudadania (ver enlace) y (ver enlace)

### **Objetivos**

• Objetivo General

Se busca explicar la cantidad de días promedios de Licencias Médicas de los docentes contratados, bajo la administración del Servicio de Educación Pública de la provincia del Huasco, con información actualizada entre ENERO a OCTUBRE del 2022, considerando variables exógenas y endógenas del Docente, con el fin poder entregar mayores antecedentes a la hora de tomar decisiones a nivel provincial.

- Objetivos Específicos
  - 1.- Definir, obtener, extraer y limpiar los datos que corresponden a las caracteristicas que más se relacionen y que aporten al posible efecto de los días en promedio de licencias médicas en docentes de la provincia en el periodo mencionado.
  - 2.- Descripción uni y bi variada junto a un analisis de asociación de variables predictoras con respecto a la cantidad promedio de días por licencias médicas, para la toma de decisiones respecto a la base de datos a tratar.
  - 3.- Validación de la base de datos, modificación de su estructura (en caso de ser necesario) y presentación del modelo completo ante las variables escojidas.
  - 4.- Exhibición del modelo escojido, bajo la metodología de selección de variables (Forward y Backward)

### Plateamiento de la hipótesis en el estudio

Se requiere determinar lo siguiente: ¿Que tan cierto es que a mayor evaluación docente y tramo docente (variables endógenas), menor es la cantidad de días de solicitadas por licencias médicas?, y si lo hay, ¿De cuanto es lo que impacta en promedio a los días tomados por licencias medicas tipo 1?

¿Existen variables exógenas que tienen un impacto en los días promedios tomados por las licencias médicas?, si es así, ¿De cuanto es lo que explica este fenómeno?

### Generación de unidades de información

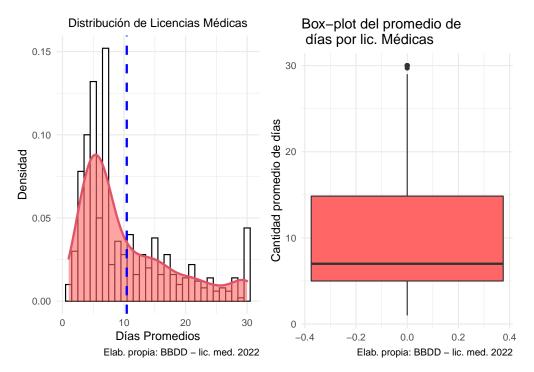
Las unidades de información hace referencia a la dotación de Docentes en la provincia del Huasco que han presentado licencias médicas en el periodo de enero a octubre 2022, que se encuentran bajo la administración del Servicio Local de Educación Pública del Huasco, Región de Atacama, Chile. Por lo tanto se tiene lo siguiente:

- Total de docentes en la provincia: 1.109.
- Cantidad de Establecimientos Educacionales: 53.
- Total de docentes que han presentado licencias medicás tipo 1: 657

Para fines de este estudio, se determina una muestra aleatoria de 500 docentes que presentaron licencias médicas tipo 1, bajo la reglamentación impuesta por la entidad evaluadora.

Finalmente se obtienen los siguientes antecedentes de acuerdo a los días promedios de licencias médicas emitidas por docentes de la provincia del Huasco:

Cant. Docentes	Min.	1st Qu.	Mediana	Promedio	3rd Qu.	Max.
500	1.00	5.00	7.00	10.44	14.85	30.00



Se observa que el promedio de días se aproxima a una distribución asimétrica negativa, lo que indica...

### Diseño de estrategias metodológicas

Para el presente proyecto, se plantea metodología a través de regresiones lineales, dando principal enfásis al análisis descriptivo y en el tratamiento de la estructura de la base de datos, tomando decisiones de esta ante una postura de recodificación de variable si es posible dado el caso.

### Estructura de la base de datos

B		atos de Licencias Médicas
Variable	Tipo	Descripción
SEXO	Factor	Masculino y Femenino
ESTADO_CIVIL	Factor	Casado(a), Viudo(a), Soltero(a), Divorciado(a)
EDAD	Double	Edad
RENTA_PROMEDIO	Double	Renta Promedio en Pesos Chilenos
SISTEMA_SALUD	Factor	Fonasa, Isapre
JORNADA	Double	Mediadas en horas semanales
NIVEL	Factor	Básica o Media
TIPO_ESTABLECIMIENTO	Factor	Escuela o Liceo
CALIDAD_DESEMPEÑO	Factor	Profesor Titular o no
TRAMO_DOCENTE	Factor	Inicial, Temprano, Acceso, Avanzado, Experto I, Experto
		II, Sin Encasillamiento
EVALUACION_DOCENTE	Factor	Sin Evaluación, Destacado, Básico, Insatisfactorio, Compe-
		tente
PROMEDIO_DIAS_LM	Double	Promedio Días de Licencias Médicas
TRASLADO_COMUNA	Double	SI (1) o NO (0)

## Análisis Descriptivo

Para el siguiente paso, se definirán las variables a las cuales las llamaremos Exógenas y Endogenas, indicando sus principales indicadores según los días promedios de licencias médicas cursadas.

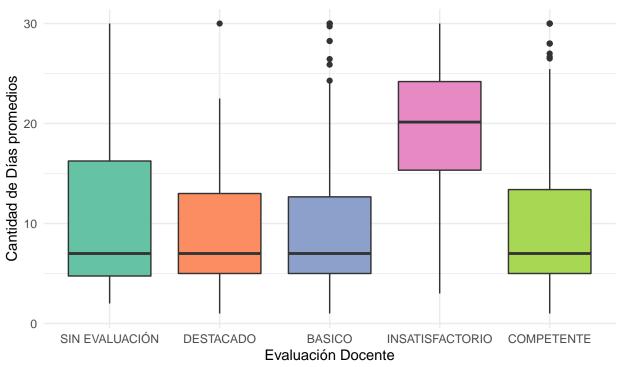
### a.- Variables Endógenas (indicadores de evaluaciones propias del docentes)

• El Sistema de Evaluación del Desempeño Profesional Docente (o Evaluación Docente) es una evaluación obligatoria para los y las docentes, educadoras y educadores de aula que se desempeñan en establecimientos municipales o estatales a lo largo del país. Su objetivo es fortalecer la profesión docente y contribuir a mejorar la calidad de la educación.

Table 2: Evaluación Docente

EVALUACION_DOCE	NT <b>P</b> romedio	Mediana	DesvEstandar	Mín	Máx	Cantidad_LM
SIN EVALUACIÓN	11.008432	7.00000	9.119703	2	30	110
DESTACADO	9.396442	7.00000	6.866130	1	30	71
BASICO	9.603945	7.00000	7.158842	1	30	478
INSATISFACTORIO	19.417100	20.14286	7.457253	3	30	176
COMPETENTE	9.861203	7.00000	7.169876	1	30	740

# Distribución de los días promedio según la Evaluación Docente Cantidad de Docentes = 500



Elab. propia: BBDD Lic. Médicas 2022

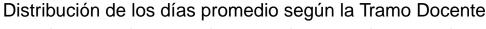
Al observar cada evaluación se aprecia que la categoría Insatisfactorio resalta de las demas por poseer una media y mediana mayor en comparación a las demás categorías de evaluación, por consiguiente, el gráfico de boxplot ratifica lo mencionado e indica que tiene un rango de variación distinto en comparación, sin embargo, las demás categórias de evaluación poseen similares distribuciones al apreciar sus indicadores.

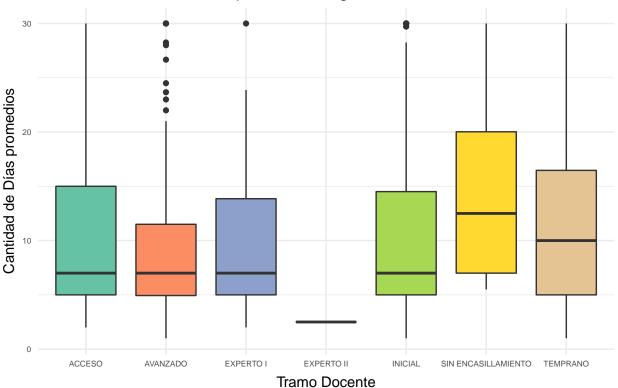
 $<sup>^{1}\</sup>mathrm{Evaluaci\'{o}n}$  Docente, para mayor informaci\'{o}n visite www.cpeip.cl

• La Carrera Docente cuenta con cinco tramos en que los profesores pueden progresar demostrando las competencias y conocimientos alcanzados. Además, existe un tramo provisorio, denominado Acceso, para aquellos docentes que tienen más de cuatro años de experiencia, pero que no cuentan con resultados en evaluaciones previas del Ministerio de Educación.<sup>2</sup>

Table 3: Tramo Docente

TRAMO_DOCENTE	Promedio	Mediana	DesvEstandar	Mín	Máx	Cantidad_LM
ACCESO	10.851940	7.0	8.732914	2.0	30.0	127
AVANZADO	9.318187	7.0	6.978255	1.0	30.0	359
EXPERTO I	9.712430	7.0	6.860585	2.0	30.0	97
EXPERTO II	2.500000	2.5	NA	2.5	2.5	4
INICIAL	10.227714	7.0	7.709113	1.0	30.0	461
SIN	14.604567	12.5	8.893114	5.5	30.0	55
ENCASILLAMIENTO						
TEMPRANO	11.750642	10.0	7.958442	1.0	30.0	472





Elab. propia: BBDD Lic. Médicas 2022

Se instuye que a diferencia de los demás tramos, el EXPERTO II no presenta un rango de variabilidad que la caracterice, por otro lado, la categoría que más se destaca, en términos de sus indicadores, es aquel tramo donde no presenta encasillamiento, pero esto se puede deber a un efecto producido por la cantidad de licencias presentadas de tal tramo. Además es interesante indica que el TRAMO INICIAL y el TEMPRANO poseen la mayor cantidad de licencias medicas liderando así, tanto en media como en mediana este último mencionado respectivamente. Finalmente, y descartando la categoría EXPERTO II, al parecer y en base a un criterio gráfico, todas los tramos poseen un similar comportamiento en funcion a los días promedios por licencias medicas emitidas.

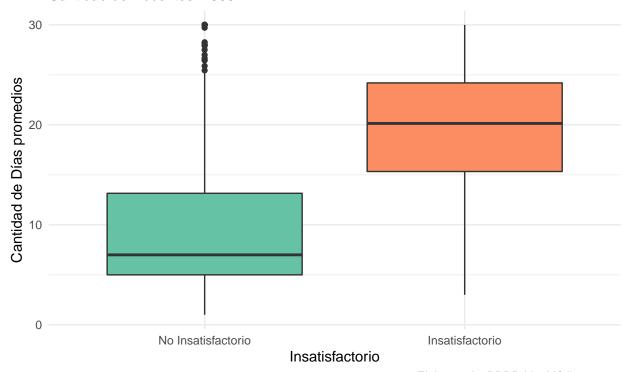
 $<sup>^2\</sup>mathrm{Tramo}$  Docente, para mayor información visite www.docentemas.cl

A modo de conclusión de este análisis, se toma la decisión de recodificar la variable EVALUACIÓN DOCENTE, en una nueva variable la que se llamará INSATISFACTORIO, quedando los siguiente indicadores junto con su distribución:

Table 4: Insatisfactorio

INSATISFACTORIO	Promedio	Mediana	DesvEstandar	Mín	Máx	Cantidad_LM
No Insatisfactorio	9.846386	7.00000	$7.318830 \\ 7.457253$	1	30	1399
Insatisfactorio	19.417100	20.14286		3	30	176

# Distribución de los días promedio según variable Insatisfactorio Cantidad de Docentes = 500



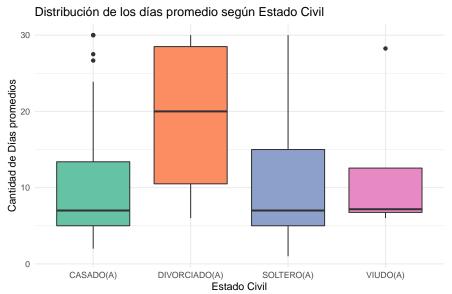
Elab. propia: BBDD Lic. Médicas 2022

### b.- Variables Exógenas (indicadores ajenas al docentes)

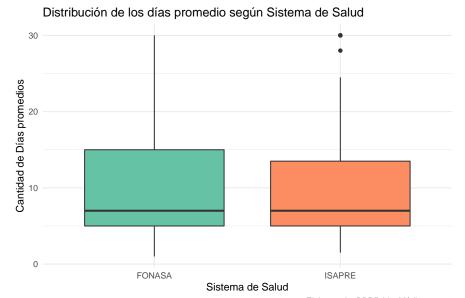
En esta presente sección, se analizaran las variables que son ajenas a las capacidades evaluativas propias del docentes dado el número promedio de días por licencia médica emitida, las cuales son:

# Distribución de los días promedio según Sexo Sexo Distribución de los días promedio según Sexo MASCULINO Sexo

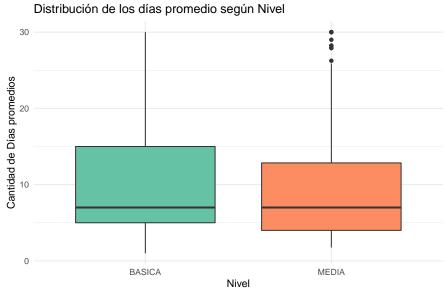
Elab. propia: BBDD Lic. Médicas 2022



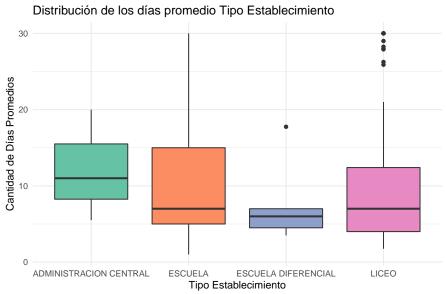
Elab. propia: BBDD Lic. Médicas 2022



Elab. propia: BBDD Lic. Médicas 2022

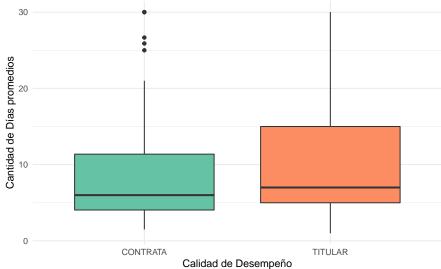


Elab. propia: BBDD Lic. Médicas 2022



Elab. propia: BBDD Lic. Médicas 2022

# Distribución de los días promedio Calidad de Desempeño



Elab. propia: BBDD Lic. Médicas 2022

# Distribución de los días promedio por Traslado de Comuna

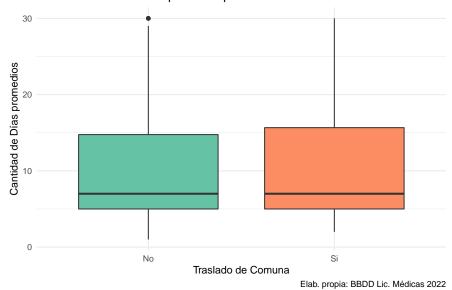


Table 5: Sexo

SEXO	n	Promedio	Mediana	DesvEstandar	Mín	Máx	Cantidad_LM
FEMENINO	372	10.49411	7	7.596903	1	30	1189
MASCULINO	128	10.28185	7	7.929107	1	30	386

Table 6: Estado Civil

ESTADO_CIVIL	n	Promedio	Mediana	DesvEstandar	Mín	Máx	Cantidad_LM
CASADO(A)	91	9.979785	7.000000	7.489062	2	30.00	283
DIVORCIADO(A)	4	19.000000	20.000000	11.832160	6	30.00	26
SOLTERO(A)	401	10.441749	7.000000	7.625920	1	30.00	1252
VIUDO(A)	4	12.145833	7.166667	10.751050	6	28.25	14

Table 7: Sistema de Salud

SISTEMA_SALUD	n	Promedio	Mediana	DesvEstandar	Mín	Máx	Cantidad_LM
FONASA	375	10.740568	7	8.002497	1.0	30	1216
ISAPRE	125	9.537377	7	6.546181	1.5	30	359

Table 8: Nivel

NIVEL	n	Promedio	Mediana	${\bf DesvEstandar}$	Mín	Máx	Cantidad_LM
BASICA	362	10.860529	7	7.761376	1.00	30	1158
MEDIA	138	9.336039	7	7.360331	1.75	30	417

Table 9: Tipo Establecimiento

TIPO_ESTABLECIMIN	ENTO n	Promedio	Mediana	DesvEstandar	Mín	Máx	Cantidad_LM
ADMINISTRACION	3	12.166667	11	7.320064	5.50	20.00	4
CENTRAL							
ESCUELA	361	10.849557	7	7.786245	1.00	30.00	1179
ESCUELA	7	7.178571	6	4.857799	3.50	17.75	14
DIFERENCIAL							
LICEO	129	9.429805	7	7.421881	1.75	30.00	378

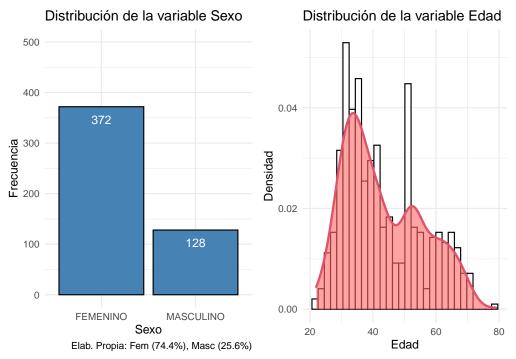
Table 10: Calidad Desempeño

CALIDAD_DESEM	PEÑO n	Promedio	Mediana	DesvEstandar	Mín	Máx	Cantidad_LM
CONTRATA	114	8.747007	6	6.813832	1.5	30	329
TITULAR	386	10.939705	7	7.851021	1.0	30	1246

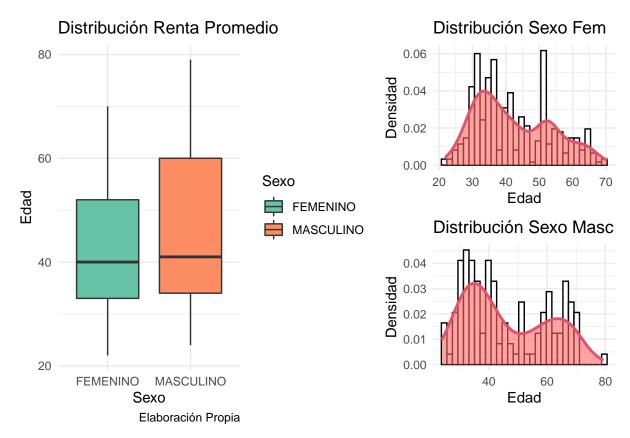
Table 11: Traslado Comuna

TRASLADO_	_COMUNA n	Promedio	Mediana	DesvEstandar	Mín	Máx	Cantidad_LM
No	427	10.38741	7	7.704561	1	30	1343
Si	73	10.74601	7	7.550649	2	30	232





De acuerdo a los resultados, la variable edad parece tener una distribución bimodal, de hecho, nos da luces de uan cierta mezcla de distribuciones, por lo cual se hace necesario el poder analizar esta variable de acuerdo a variables categóricas como es el sexo.



En este sentido, la distribución de edades en mujeres y homnbres es bastante similar, en cada sexo se puede apreciar una distribución bimodal.

Min.	1st Qu.	Mediana	Promedio	3rd Qu.	Max.
\$705.804	\$1.377.071	\$1.609.868	\$1.668.484	\$1.931.119	\$3.420.643

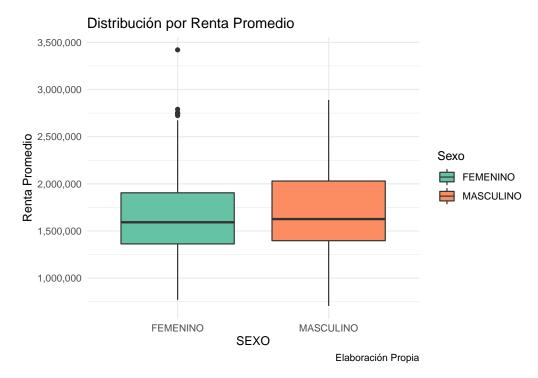
En este caso la distribución de la renta está centrada alrededor de 1,7 millones de pesos, donde el 25% más bajo de la distribución de renta está por debajo de los 1.37 millones, mientras que el 25% de los casos con mayores rentas se encuentran entre 1.93 y 3.42 millones de pesos.

### Femenino

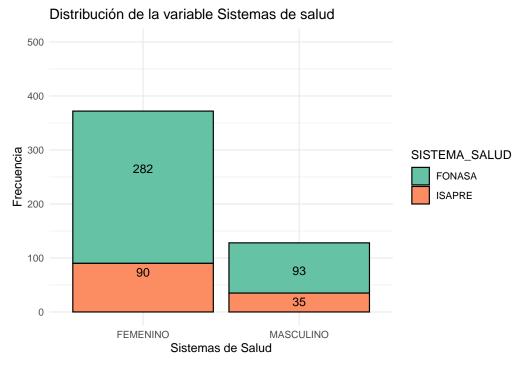
Min.	1st Qu.	Mediana	Promedio	3rd Qu.	Max.
\$770.197	\$1.362.827	\$1.592.526	\$1.652.053	\$1.904.939	\$3.420.643

### Masculino

Min.	1st Qu.	Mediana	Promedio	3rd Qu.	Max.
\$705.804	\$1.397.245	\$1.626.350	\$1.741.390	\$2.029.702	\$3.233.292

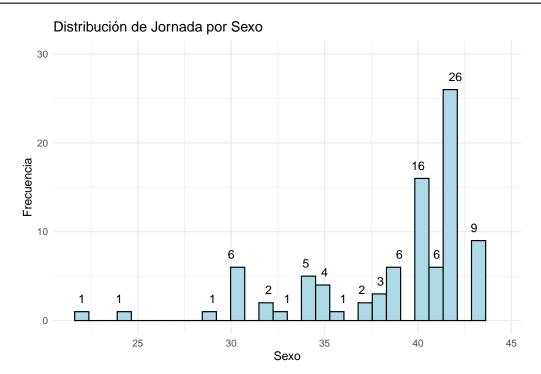


Comparando los niveles de renta por sexo se puede notar una cierta similitud en el rango de montos promedio, más aún, las estadísticas de posición (cuartiles) son bastante similares, por lo que podría no haber un efecto del sexo sobre los ingresos promedio. Para las mujeres la mediana de las rentas promedio es 1.58 millones, mientras que para los hombre bordea los 1.62 millones de pesos.

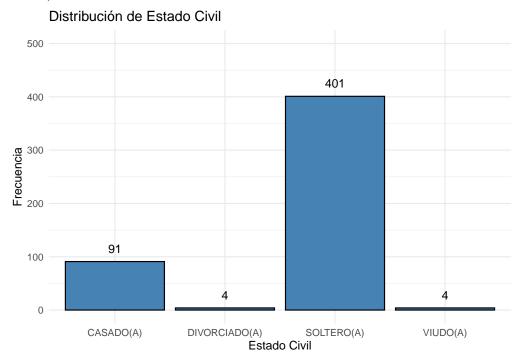


Según los datos, la proporción de personas que pertenecen al sistema de salud fonasa es alto tanto en hombres como en mujeres, esto tiene sentido desde el punto de vista que es una base de información de la provincia de Huasco donde existe una alta mayoría de zonas rurales donde el sistema fonasa es predominante.

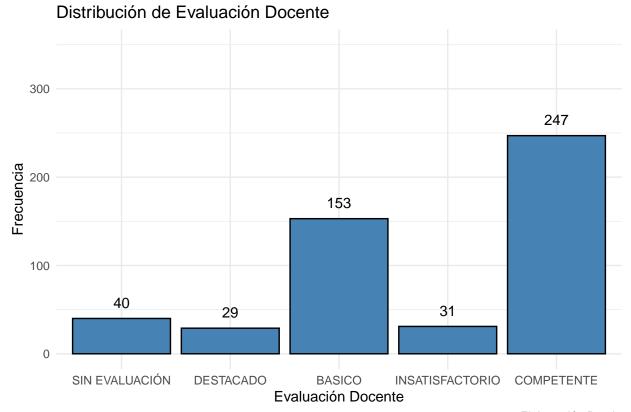
Min.	1st Qu.	Mediana	Promedio	3rd Qu.	Max.
22.00	44.00	44.00	43.05	44.00	44.00

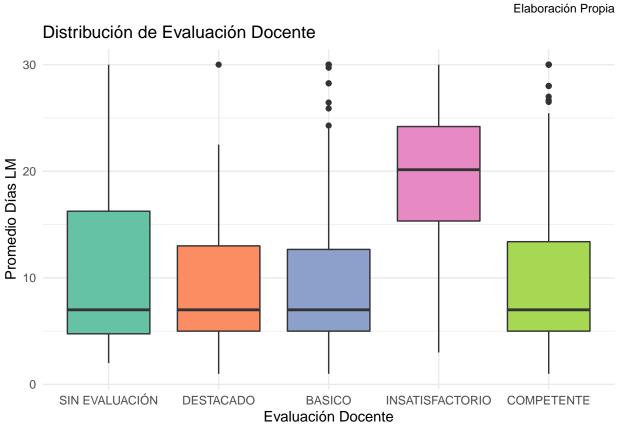


Podemos notar que prácticamente el 75% de los las personas de la muestra trabajan jornadas de 44 o menos horas semanales, mientras que sólo un caso muestra 88 horas laborales semanales, este caso se debe a . . . . . (justificar el caso)



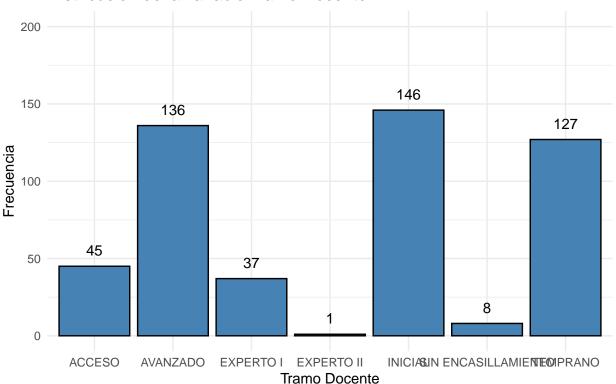
texto





Elaboración Propia

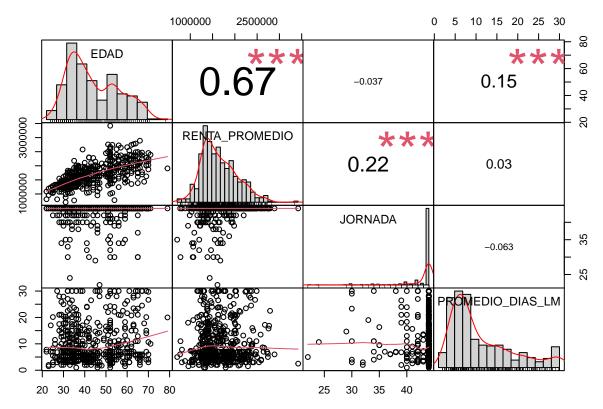
### Distribución de la variable Tramo Docente



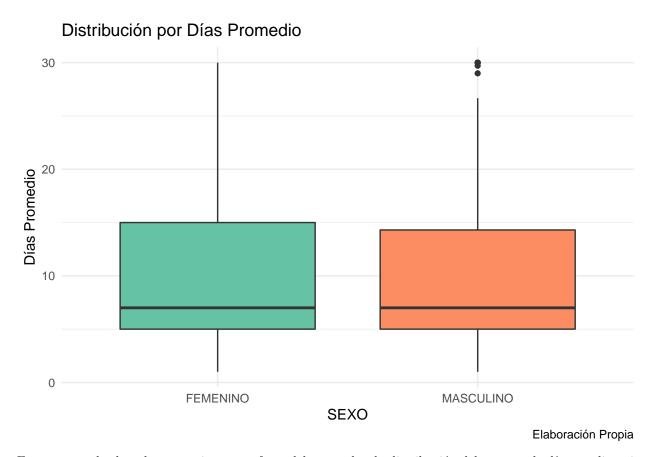
Elaboración Propia

### Correlación

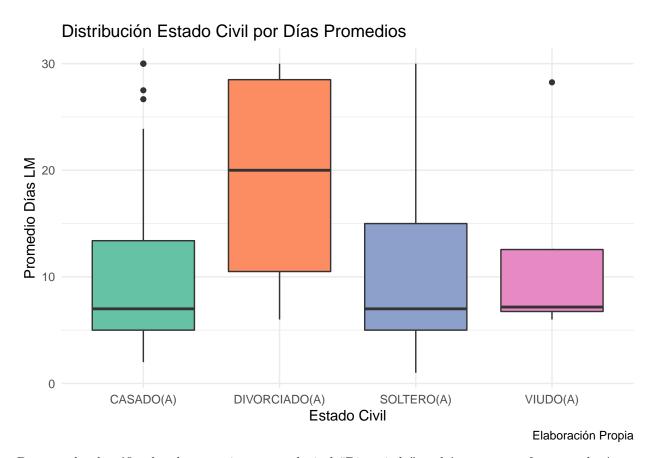
```
## # A tibble: 6 x 25
##
     ESCALAFON RUT_FUNCIONARIO NOMBRE
                                               AP_P AP_M SEXO ESTADO_CIVIL EDAD
     <chr>>
                                               <chr> <chr> <fct> <fct>
                                                                               <dbl>
##
               <chr>
                               <chr>
## 1 DOCENTE
               16184521-3
                               MARCELA ALEJAN~ MEND~ GALL~ FEME~ SOLTERO(A)
                                                                                  36
## 2 DOCENTE
                                               GOYA TORR~ MASC~ CASADO(A)
               12940875-8
                               ROBERTO CESAR
                                                                                  46
## 3 DOCENTE
               8240042-7
                               NORMA ISABEL
                                               COVA~ DIAZ FEME~ SOLTERO(A)
                                                                                  64
               16111923-7
                               CLAUDIA STEPHA~ OJEDA ANGU~ FEME~ SOLTERO(A)
## 4 DOCENTE
                                                                                  37
## 5 DOCENTE
               9267343-K
                               TATIANA DE LOU~ LEDE~ ROJAS FEME~ CASADO(A)
                                                                                  61
## 6 DOCENTE
               7680751-5
                               ESTELA EDIT
                                               VELA~ ALVA~ FEME~ SOLTERO(A)
## # ... with 17 more variables: COMUNA RESIDENCIA <chr>, RENTA PROMEDIO <dbl>,
       SISTEMA SALUD <fct>, JORNADA <dbl>, NIVEL <fct>, ESTABLECIMIENTO <chr>,
       TIPO_ESTABLECIMIENTO <fct>, COMUNA_ESTABLECIMIENTO <fct>,
## #
       CALIDAD DESEMPEÑO <fct>, ESTAMENTO <fct>, TRAMO DOCENTE <fct>,
## #
## #
       EVALUACION_DOCENTE <fct>, CANTIDAD_LM <dbl>, PROMEDIO_DIAS_LM <dbl>,
       SUMA_DIAS <dbl>, TRASLADO_COMUNA <fct>, INSATISFACTORIO <fct>
## #
```



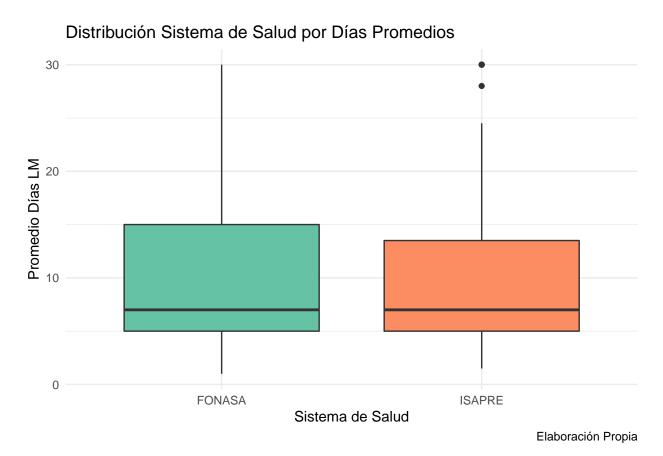
Al analizar las correlaciones entre las variables predictoras continuas y el número promedio de dias con licencia se puede apreciar que la mayor correlación la presenta la variable edad con un coeficiente de 0.15 lo que sugiere posible efecto explicativo, seguido por la renta promedio con una correlación de 0.043, mientras que la jornada presente una correlación menor y negativa de -0.063.



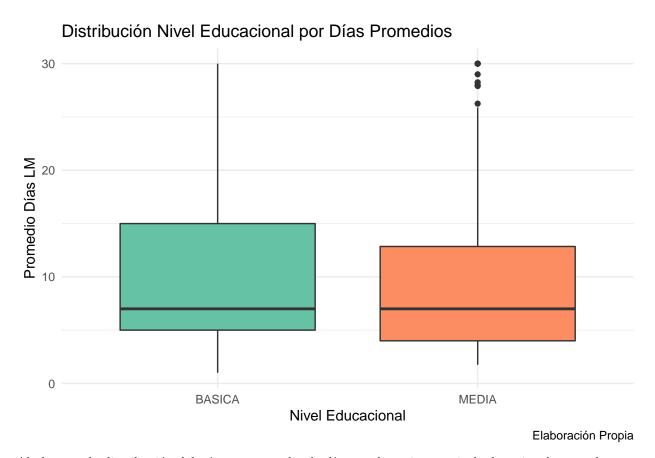
En este caso, los boxplot no sugieren un efecto del sexo sobre la distribución del numero de días con licencia promedio, dado que ambos soportes y estadísticas de posición son similares.



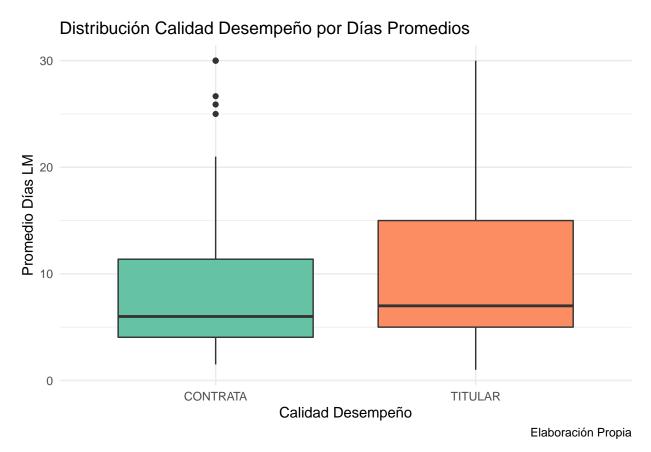
De acuerdo al gráfico los datos sugieren que el nivel "Divorciado" podría tener un efecto en el número promedio de días con licencia, dado que su soporte es levemente superior al de los demás niveles.



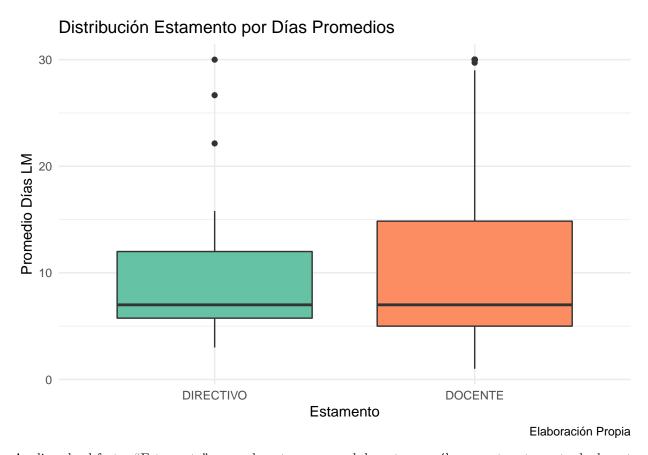
Para el caso de los sistemas de salud, no se observan diferencias importantes en los soportes ni en las estadísticas de posición del número promedio de días con licencia, es decir, el sistema de salud podría no tener un efecto significativo.



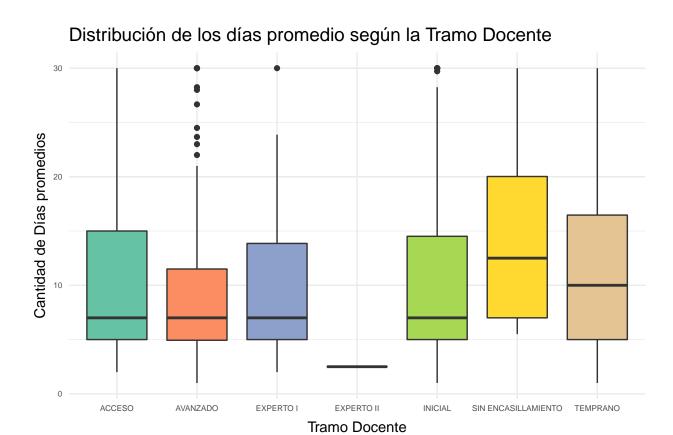
Al observar la distribución del número promedio de días con licencia por nivel educacional no se observan grandes diferencias, lo que sugiere que este factor no presenta un grado de asociación significativo.



En este caso, el ser docente titular presenta un soporte levemente mayor que aquel docente con modalidad contrata, lo que puede sugerir un grado de asociación de este factor con el número promedio de días con licencia.

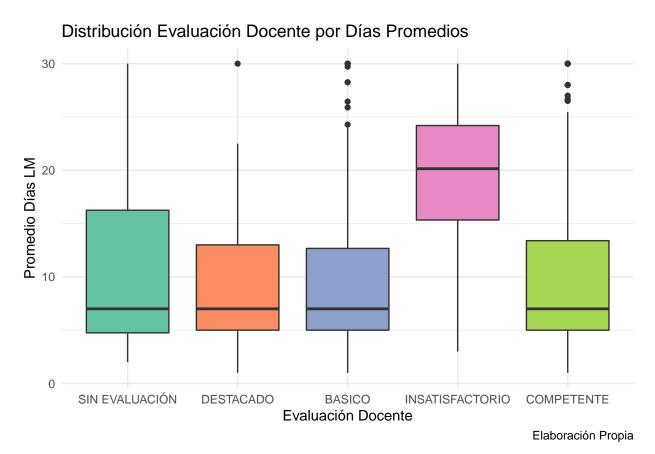


Analizando el factor "Estamento" se puede notar que aquel docente que sólo presneta estamento de docente tiene mayor soporte que aquel que tiene estamento de directivo, lo que sugiere algún grado de asociación de este factor con el número promedio de días de licencias.



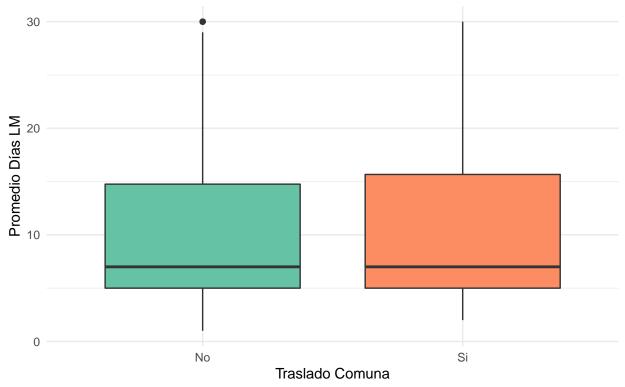
En este caso los boxplot de los días promedio de licencias analizados por los niveles del tramo docente muestran cambios en sus soportes lo que puede sugerir algún asociación de este factor.

Elab. propia: BBDD Lic. Médicas 2022



De acuerdo al gráfico se aprecia una distribución de valores centrales diferente en el nivel "insatisfactorio" del factor "Evaluación docente", mientras que el resto de los niveles presentan soportes y distribuciones centrales similares, esto sugiere que se podría crear una variable dummy que tome valor uno cuando la evaluación docente es insatisfactorio o cero en otro caso, pero se tendría que evaluar si produce los mismos asociacións sobre el modelo que se proponga.

# Distribución Traslado Comuna por Días Promedios



Elaboración Propia

Respecto a la distribución del número de días con licencia de acuerdo al traslado, los soportes y distribuciones son similares, por lo cual no se sugiere algun asociación de este factor sobre la variable respuesta (número de días promedio con licencias)

### Selección Formal de Modelo

### **Forward**

Para la selección del modelo forward se utilizo una significancia del 5% en cada uno de los test de hipótesis realizados

```
## Single term additions
##
## Model:
## PROMEDIO_DIAS_LM ~ 1
                                             AIC F value
                      Df Sum of Sq
                                     RSS
##
                                                            Pr(>F)
## <none>
                                   29400 2039.1
## SEXO
                              4.29 29396 2041.0 0.0727 0.7875728
                       1
## ESTADO_CIVIL
                       3
                            324.01 29076 2039.5 1.8424 0.1385146
## EDAD
                            701.41 28699 2029.0 12.1712 0.0005284 ***
                       1
## RENTA PROMEDIO
                       1
                             26.17 29374 2040.6 0.4437 0.5056665
## SISTEMA_SALUD
                            135.72 29265 2038.8 2.3095 0.1292163
                       1
```

```
## JORNADA
                           116.36 29284 2039.1 1.9789 0.1601349
## NTVEL.
                           232.20 29168 2037.1 3.9645 0.0470156 *
                      1
## CALIDAD_DESEMPEÑO
                           423.14 28977 2033.8 7.2720 0.0072411 **
## ESTAMENTO
                             0.42 29400 2041.1 0.0072 0.9325123
                      1
## EVALUACION DOCENTE
                      4
                          2732.44 26668 1998.3 12.6796 7.858e-10 ***
## TRAMO DOCENTE
                      6
                           624.90 28776 2040.3 1.7844 0.1003511
## TRASLADO COMUNA
                      1
                             8.02 29392 2040.9 0.1358 0.7126186
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Para decidir la entrada del segundo predictor, se debe evaluar todos los modelos que ya contienen al promedio de días de licencias medicas, a lo que se agrega cada uno de los predictores restantes por separado.

De acuerdo al caso anterior, el menor valor-p<br/> corresponde al modelo PROMEDIO\_DIAS\_LM  $\sim$  EVALUACION DOCENTE

Coeficientes	Estimación	Std. Error	t value	Pr(>t)
Intercepto	7.59163	1.49024	5.094	4.6e-07
EVALUACION_DOCENTEDESTACADO	-2.69256	1.55890	-1.727	0.08460
EVALUACION_DOCENTEBASICO	-2.08287	1.13656	-1.833	0.06732
EVALUACION_DOCENTEINSATISFACTORIO	7.87294	1.52249	5.171	3.1e-07
EVALUACION_DOCENTECOMPETENTE	-1.91725	1.12365	-1.706	0.08844
CALIDAD_DESEMPEÑOTITULAR	2.65846	0.72190	3.683	0.00025
NIVELMEDIA	-1.84583	0.63467	-2.908	0.00376
EDAD	0.06085	0.02425	2.509	0.01233

# Categoriza la edad

# Metodología Forward

# Primera variable que entra al modelo

```
## Single term additions
##
## Model:
## PROMEDIO_DIAS_LM ~ 1
##
                       Df Sum of Sq
                                      RSS
                                             AIC F value
## <none>
                                    29400 2039.1
## SEXO
                               4.29 29396 2041.0 0.0727
                                                         0.787573
## ESTADO CIVIL
                        3
                             324.01 29076 2039.5 1.8424
                                                          0.138515
## TRAMO EDAD
                             593.46 28807 2030.9 10.2594
                                                          0.001447 **
## RENTA_PROMEDIO
                        1
                              26.17 29374 2040.6 0.4437
                                                          0.505667
## JORNADA
                             116.36 29284 2039.1
                                                 1.9789
## NIVEL
                             232.20 29168 2037.1 3.9645
                                                         0.047016 *
                        1
## TIPO ESTABLECIMIENTO
                        3
                             275.60 29125 2040.4
                                                  1.5645
                                                          0.197107
## CALIDAD DESEMPEÑO
                        1
                             423.14 28977 2033.8 7.2720
                                                         0.007241 **
## TRAMO DOCENTE
                        6
                             624.90 28776 2040.3 1.7844 0.100351
## INSATISFACTORIO
                            2663.50 26737 1993.6 49.6103 6.265e-12 ***
                        1
## TRASLADO_COMUNA
                        1
                               8.02 29392 2040.9 0.1358 0.712619
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Segunda variable que entra al modelo

```
## Single term additions
##
## Model:
## PROMEDIO_DIAS_LM ~ INSATISFACTORIO
                      Df Sum of Sq
                                    RSS
                                           AIC F value
                                                         Pr(>F)
## <none>
                                  26737 1993.6
## SEXO
                           16.80 26720 1995.3 0.3125 0.5764099
## ESTADO CIVIL
                      3
                           208.80 26528 1995.7 1.2987 0.2741730
## TRAMO EDAD
                      1 554.49 26182 1985.1 10.5255 0.0012567 **
## RENTA PROMEDIO
                     1 100.31 26637 1993.7 1.8716 0.1719044
## JORNADA
                      1
                           22.72 26714 1995.2 0.4227 0.5159075
## NIVEL
                       1 245.36 26492 1991.0 4.6031 0.0323988 *
## TIPO_ESTABLECIMIENTO 3 274.52 26462 1994.4 1.7117 0.1636561
## CALIDAD DESEMPEÑO 1 661.75 26075 1983.1 12.6131 0.0004195 ***
                       6 609.22 26128 1994.1 1.9120 0.0771500 .
## TRAMO_DOCENTE
## TRASLADO_COMUNA
                         1.92 26735 1995.6 0.0356 0.8503823
                      1
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Tercera variable que entra al modelo

```
## Single term additions
##
## PROMEDIO_DIAS_LM ~ INSATISFACTORIO + CALIDAD_DESEMPEÑO
                      Df Sum of Sq RSS
                                          AIC F value Pr(>F)
## <none>
                                  26075 1983.1
## SEXO
                            26.02 26049 1984.6 0.4955 0.48182
## ESTADO CIVIL
                           202.91 25872 1985.2 1.2914 0.27663
                       3
## TRAMO EDAD
                      1 313.67 25762 1979.0 6.0392 0.01433 *
## RENTA PROMEDIO
                     1
                           0.96 26074 1985.0 0.0183 0.89249
## JORNADA
                      1
                           25.33 26050 1984.6 0.4822 0.48774
                          193.66 25882 1981.3 3.7114 0.05461 .
## NIVEL
                       1
## TIPO_ESTABLECIMIENTO 3 264.42 25811 1984.0 1.6870 0.16888
## TRAMO DOCENTE
                       6 586.07 25489 1983.7 1.8816 0.08219
## TRASLADO_COMUNA
                       1
                           37.66 26038 1984.3 0.7174 0.39739
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Cuarta variable que entra al modelo

```
## Single term additions
##
## Model:
## PROMEDIO_DIAS_LM ~ INSATISFACTORIO + CALIDAD_DESEMPEÑO + TRAMO_EDAD
                       Df Sum of Sq
                                     RSS
                                            AIC F value Pr(>F)
## <none>
                                   25762 1979.0
## SEXO
                             38.78 25723 1980.3 0.7464 0.38805
                        1
## ESTADO CIVIL
                        3
                          221.41 25540 1980.7 1.4246 0.23475
## RENTA PROMEDIO
                      1 120.19 25641 1978.7 2.3202 0.12834
## JORNADA
                        1
                            17.92 25744 1980.7 0.3446 0.55747
```

```
## NIVEL 1 207.70 25554 1977.0 4.0234 0.04542 *
## TIPO_ESTABLECIMIENTO 3 230.84 25531 1980.5 1.4859 0.21752
## TRAMO_DOCENTE 6 535.74 25226 1980.5 1.7344 0.11106
## TRASLADO_COMUNA 1 35.19 25726 1980.3 0.6771 0.41099
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
```

### **Finalmente**

```
## Single term additions
##
## Model:
## PROMEDIO DIAS LM ~ INSATISFACTORIO + CALIDAD DESEMPEÑO + TRAMO EDAD +
      NIVEL
                       Df Sum of Sq
                                      RSS
                                             AIC F value Pr(>F)
## <none>
                                    25554 1977.0
## SEXO
                              10.37 25543 1978.8 0.2005 0.6545
                             189.19 25365 1979.2 1.2233 0.3006
## ESTADO_CIVIL
                        3
## RENTA_PROMEDIO
                        1
                             86.24 25468 1977.3 1.6727 0.1965
## JORNADA
                             18.13 25536 1978.6 0.3508 0.5539
                        1
## TIPO ESTABLECIMIENTO 3
                             298.04 25256 1977.1 1.9353 0.1229
## TRAMO DOCENTE
                        6
                           528.93 25025 1978.5 1.7226 0.1137
## TRASLADO COMUNA
                        1
                             29.23 25524 1978.4 0.5657 0.4523
```

# Modelo resultante por forward

```
##
## Call:
## lm(formula = PROMEDIO_DIAS_LM ~ INSATISFACTORIO + CALIDAD_DESEMPEÑO +
      TRAMO_EDAD + NIVEL, data = BBDD_proyecto_sin_ceros)
##
##
## Residuals:
               1Q Median
                               30
## -18.320 -4.918 -2.541 3.470 23.463
## Coefficients:
                                 Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                          0.7314 10.915 < 2e-16 ***
## (Intercept)
                                   7.9831
## INSATISFACTORIOInsatisfactorio
                                   9.9027
                                             1.3399
                                                      7.390 6.28e-13 ***
## CALIDAD_DESEMPEÑOTITULAR
                                   2.1505
                                             0.7967
                                                      2.699 0.00718 **
## TRAMO_EDAD[50.5,79.1)
                                   1.7839
                                             0.7080
                                                      2.520 0.01207 *
## NIVELMEDIA
                                  -1.4459
                                             0.7208 -2.006 0.04542 *
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 7.185 on 495 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.1308, Adjusted R-squared: 0.1238
## F-statistic: 18.63 on 4 and 495 DF, p-value: 2.826e-14
```

# Metodología Backward

# Primera variable que sale al modelo

```
## Single term deletions
##
## Model:
## PROMEDIO_DIAS_LM ~ SEXO + ESTADO_CIVIL + TRAMO_EDAD + RENTA_PROMEDIO +
      JORNADA + NIVEL + TIPO_ESTABLECIMIENTO + CALIDAD_DESEMPEÑO +
##
##
      TRAMO DOCENTE + INSATISFACTORIO + TRASLADO COMUNA
##
                       Df Sum of Sq
                                     RSS
                                            AIC F value
                                                           Pr(>F)
## <none>
                                   24491 1987.7
## SEXO
                             11.59 24502 1986.0 0.2266 0.634258
## ESTADO_CIVIL
                        3
                            148.82 24640 1984.8 0.9702 0.406513
## TRAMO EDAD
                            171.82 24662 1989.2 3.3605 0.067400 .
                        1
## RENTA PROMEDIO
                        1
                             1.47 24492 1985.8 0.0288 0.865250
## JORNADA
                             5.96 24497 1985.8 0.1165 0.732987
                        1
## NIVEL
                        1
                            302.72 24793 1991.9 5.9206 0.015329 *
## TIPO_ESTABLECIMIENTO
                        3
                          327.11 24818 1988.3 2.1326 0.095266 .
## CALIDAD_DESEMPEÑO
                        1 437.75 24928 1994.6 8.5618 0.003596 **
## TRAMO_DOCENTE
                        6 474.48 24965 1985.3 1.5467 0.161072
## INSATISFACTORIO
                            2717.68 27208 2038.3 53.1536 1.284e-12 ***
                        1
## TRASLADO_COMUNA
                        1
                             19.82 24510 1986.1 0.3877 0.533822
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Segunda variable que sale al modelo

```
## Single term deletions
##
## Model:
## PROMEDIO_DIAS_LM ~ SEXO + ESTADO_CIVIL + TRAMO_EDAD + JORNADA +
      NIVEL + TIPO ESTABLECIMIENTO + CALIDAD DESEMPEÑO + TRAMO DOCENTE +
      INSATISFACTORIO + TRASLADO COMUNA
##
                       Df Sum of Sq
##
                                      RSS
                                            AIC F value
                                                           Pr(>F)
## <none>
                                    24492 1985.8
## SEXO
                              11.32 24504 1984.0 0.2219 0.637826
                        1
## ESTADO CIVIL
                        3
                             147.46 24640 1982.8 0.9633 0.409815
## TRAMO_EDAD
                             286.92 24779 1989.6 5.6232 0.018118 *
                        1
## JORNADA
                        1
                             4.76 24497 1983.8 0.0933 0.760158
## NIVEL
                        1
                             307.73 24800 1990.0 6.0309 0.014411 *
## TIPO_ESTABLECIMIENTO 3
                             332.64 24825 1986.5 2.1730
                                                        0.090378
## CALIDAD_DESEMPEÑO
                             458.17 24950 1993.0 8.9792
                                                        0.002872 **
                        1
## TRAMO DOCENTE
                        6
                             533.36 25026 1984.5 1.7421
                                                        0.109403
## INSATISFACTORIO
                        1
                            2718.79 27211 2036.4 53.2830 1.207e-12 ***
## TRASLADO_COMUNA
                        1
                              20.07 24512 1984.2 0.3934 0.530822
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Tercera variable que sale al modelo

```
## Single term deletions
##
```

```
## Model:
## PROMEDIO DIAS LM ~ SEXO + ESTADO CIVIL + TRAMO EDAD + NIVEL +
      TIPO ESTABLECIMIENTO + CALIDAD DESEMPEÑO + TRAMO DOCENTE +
##
      INSATISFACTORIO + TRASLADO_COMUNA
                       Df Sum of Sq
                                     RSS
                                            AIC F value
## <none>
                                    24497 1983.8
## SEXO
                             11.92 24509 1982.1 0.2341 0.628711
## ESTADO CIVIL
                        3
                             147.49 24644 1980.8 0.9653 0.408862
## TRAMO EDAD
                        1
                             292.13 24789 1987.8 5.7359 0.017003 *
## NIVEL
                        1
                             307.24 24804 1988.1 6.0326 0.014396 *
## TIPO_ESTABLECIMIENTO 3
                             333.31 24830 1984.6 2.1815 0.089381 .
                            457.54 24954 1991.1 8.9838
## CALIDAD_DESEMPEÑO
                        1
                                                        0.002865 **
## TRAMO_DOCENTE
                        6
                            542.25 25039 1982.8 1.7745 0.102443
                            2765.72 27263 2035.3 54.3051 7.536e-13 ***
## INSATISFACTORIO
                        1
                             20.51 24518 1982.3 0.4026 0.526034
## TRASLADO_COMUNA
                        1
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Cuarta variable que sale al modelo

```
## Single term deletions
##
## Model:
## PROMEDIO DIAS LM ~ ESTADO CIVIL + TRAMO EDAD + NIVEL + TIPO ESTABLECIMIENTO +
      CALIDAD DESEMPEÑO + TRAMO DOCENTE + INSATISFACTORIO + TRASLADO COMUNA
##
                       Df Sum of Sq
                                     RSS
                                             AIC F value
                                                           Pr(>F)
## <none>
                                    24509 1982.1
## ESTADO CIVIL
                        3
                             157.48 24666 1979.3 1.0323 0.377914
## TRAMO EDAD
                             287.30 24796 1985.9 5.6502 0.017843 *
                        1
## NIVEL
                        1
                             312.95 24822 1986.4 6.1547 0.013447 *
## TIPO_ESTABLECIMIENTO 3
                             330.55 24839 1982.8 2.1669 0.091098 .
## CALIDAD_DESEMPEÑO
                        1
                           447.50 24956 1989.1 8.8008 0.003161 **
## TRAMO_DOCENTE
                        6
                           539.89 25049 1981.0 1.7696 0.103470
## INSATISFACTORIO
                        1
                            2754.53 27263 2033.3 54.1715 7.988e-13 ***
## TRASLADO_COMUNA
                             17.54 24526 1980.5 0.3449 0.557292
                        1
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Quinta variable que sale al modelo

```
## Single term deletions
##
## Model:
## PROMEDIO DIAS LM ~ ESTADO CIVIL + TRAMO EDAD + NIVEL + TIPO ESTABLECIMIENTO +
       CALIDAD DESEMPEÑO + TRAMO DOCENTE + INSATISFACTORIO
##
##
                       Df Sum of Sq
                                      RSS
                                             AIC F value
                                                            Pr(>F)
                                    24526 1980.5
## <none>
## ESTADO_CIVIL
                        3
                             163.56 24690 1977.8
                                                  1.0736 0.359856
## TRAMO EDAD
                        1
                             288.83 24815 1984.3 5.6880 0.017466 *
## NIVEL
                        1
                             319.15 24846 1984.9 6.2851 0.012503 *
## TIPO ESTABLECIMIENTO
                        3
                             333.61 24860 1981.2 2.1899 0.088400 .
## CALIDAD DESEMPEÑO
                        1
                             431.44 24958 1987.2 8.4964 0.003724 **
## TRAMO_DOCENTE
                        6
                             538.89 25065 1979.3 1.7687 0.103651
```

```
## INSATISFACTORIO 1 2786.32 27313 2032.2 54.8712 5.785e-13 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Sexta variable que sale al modelo

```
## Single term deletions
##
## Model:
## PROMEDIO_DIAS_LM ~ TRAMO_EDAD + NIVEL + TIPO_ESTABLECIMIENTO +
      CALIDAD DESEMPEÑO + TRAMO DOCENTE + INSATISFACTORIO
##
                       Df Sum of Sq
                                      RSS
                                             AIC F value
                                                            Pr(>F)
## <none>
                                    24690 1977.8
                             284.70 24975 1981.5 5.6041 0.018309 *
## TRAMO EDAD
                        1
## NIVEL
                        1
                             326.39 25016 1982.3
                                                 6.4246 0.011567 *
## TIPO_ESTABLECIMIENTO 3
                             334.85 25025 1978.5 2.1971 0.087573 .
## CALIDAD DESEMPEÑO
                        1
                             440.40 25130 1984.6 8.6689 0.003392 **
## TRAMO_DOCENTE
                        6
                             565.74 25256 1977.1 1.8560 0.086672 .
## INSATISFACTORIO
                        1
                            2892.17 27582 2031.2 56.9298 2.242e-13 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Septima variable que sale al modelo

```
## Single term deletions
##
## Model:
## PROMEDIO_DIAS_LM ~ TRAMO_EDAD + NIVEL + CALIDAD_DESEMPEÑO +
      TRAMO DOCENTE + INSATISFACTORIO
##
                    Df Sum of Sq
                                          AIC F value
                                   RSS
                                 25025 1978.5
## <none>
## TRAMO EDAD
                     1
                          276.36 25301 1982.0 5.4003 0.020542 *
## NIVEL
                     1
                          200.89 25226 1980.5 3.9256 0.048117 *
## CALIDAD DESEMPEÑO 1
                          472.11 25497 1985.8 9.2254 0.002514 **
## TRAMO DOCENTE
                     6
                          528.93 25554 1977.0 1.7226 0.113745
## INSATISFACTORIO
                         2677.97 27703 2027.3 52.3292 1.825e-12 ***
                     1
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Octava variable que sale al modelo

```
## Single term deletions
## Model:
## PROMEDIO_DIAS_LM ~ TRAMO_EDAD + NIVEL + CALIDAD_DESEMPEÑO +
       INSATISFACTORIO
##
##
                     Df Sum of Sq
                                    RSS
                                           AIC F value
                                                          Pr(>F)
## <none>
                                  25554 1977.0
## TRAMO EDAD
                      1
                           327.70 25882 1981.3 6.3479 0.012066 *
## NIVEL
                      1
                           207.70 25762 1979.0 4.0234
                                                        0.045418 *
## CALIDAD DESEMPEÑO 1
                           376.16 25930 1982.3 7.2866 0.007185 **
## INSATISFACTORIO
                          2819.58 28373 2027.3 54.6179 6.279e-13 ***
```

```
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

# Modelo resultante por backward

```
##
## Call:
## lm(formula = PROMEDIO_DIAS_LM ~ TRAMO_EDAD + NIVEL + CALIDAD_DESEMPEÑO +
      INSATISFACTORIO, data = BBDD_proyecto_sin_ceros)
##
## Residuals:
##
      Min
           1Q Median 3Q
                                     Max
## -18.320 -4.918 -2.541 3.470 23.463
## Coefficients:
##
                                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                                  7.9831
                                           0.7314 10.915 < 2e-16 ***
## TRAMO_EDAD[50.5,79.1)
                                            0.7080
                                                    2.520 0.01207 *
                                  1.7839
                                            0.7208 -2.006 0.04542 *
## NIVELMEDIA
                                 -1.4459
## CALIDAD_DESEMPEÑOTITULAR
                                                    2.699 0.00718 **
                                  2.1505
                                            0.7967
## INSATISFACTORIOInsatisfactorio 9.9027
                                            1.3399 7.390 6.28e-13 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 7.185 on 495 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.1308, Adjusted R-squared: 0.1238
## F-statistic: 18.63 on 4 and 495 DF, p-value: 2.826e-14
```

### Anexos

Anexo Tablas

Anexo Gráficos