시스템 프로그래밍 (2016)

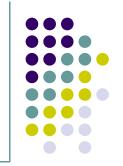
장경선 충남대학교 컴퓨터공학과

Bryant and O'Hallaron, Computer Systems: Programmer's Publish 한 시작권이 있는 내용들이 포함되어 있으므로, 시스템프로그래밍 강의 수강 이외 용도로 사용할 수 없음.

시스템 프로그래밍

강의 2:2장. 정보의 표현 및 처리 I

2.1, 2.2, 2.3 정수의 표현 및 연산



강의 일정

주	날짜	강의실	날짜	실습실
1	9월 1일(목)	소개 강의	9월 6일(화)	리눅스 개발환경 익히기 (VI, 쉘 기본명령어들)
2	9월 8일(목)	정수 표현 방법	9월 13일(화)	GCC & Make, shell script
3	9월 15일(목)	추석 휴강	9월 20일(화)	C 복습과 GDB 사용하기 1 (소스 수준 디버깅)
4	9월 22일(목)	실수 표현 방법	9월 27일(화)	Data lab (GDB활용)
5	9월 29일(목)	어셈1 - 데이터이동	10월 4일(화)	어셈1 – move(실습),
6	10월 6일(목)	어셈2 – 제어문	10월 11일(화)	어셈2- 제어문 (실습)
7	10월 13일(목)	어셈3 – 프로시저	10월 18일(화)	어셈3-프로시저(실습)
8	10월 20일(목)	어셈보충/중간시험	10월 25일(화)	GDB 사용하기2(어셈수준)
9	10월 27일(목)	보안(buffer overflow)	11월 1일(화)	Binary bomb 1 (GDB활용)
10	11월 3일(목)	프로세스 1	11월 8일(화)	Binary bomb 2 (GDB활용)
11	11월 10일(목)	프로세스 2	11월 15일(화)	Tiny shell 1
12	11월 17일(목)	시그널	11월 22일(화)	Tiny shell 2
13	11월 24일(목)	동적메모리 1	11월 29일(화)	Malloc lab1
14	12월 1일(목)	동적메모리 2	12월 6일(화)	Malloc lab2
15	12월 8일(목)	기말시험	12월 13일(화)	Malloc lab3





- <u>바이트 인코딩, 워드, 데이터 크기(C에서)</u>
- 바이트 순서(endianism, 2byte이상의 data)
- C 연산자, 비트수준연산자, 논리연산자, 쉬프트 연산자
- 정수의 표현 방법(2,8,10,16진수, 2의 보수, signed, unsigned)
- Casting (unsigned, signed 간 캐스팅)
- 제로/부호 확장, 덧셈(signed, unsigned)
- 곱셉과 쉬프트, 나눗셈과 쉬프트



기초...

바이트 인코딩, 워드, 데이터의 크기

바이트 값의 인코딩

- 1바이트 Byte = 8 bits
 - 이진수 000000002 to 111111112
 - 십진수: 0₁₀ to 255₁₀
 - 16진수 00₁₆ to FF₁₆
 - '0' to '9' and 'A' to 'F'사용
 - FA1D37B₁₆ 는 C에서 다음과 같이 표시
 - 0xFA1D37B
 - 0xfa1d37b



0	0	0000
1	1	0001
2	3	0010
3	3	0011
4	4	0100
5	5	0101
6	6	0110
7	7	0111
8	8	1000
9	9	1001
A	10	1010
В	11	1011
U	12	1100
D	13	1101
E	14	1110
F	15	1111

컴퓨터의 워드길이 Machine Words



- 컴퓨터는 워드길이 Word Size
 - 정수 값의 크기를 말한다
 - 주소의 길이가 되기도 한다
 - 대부분의 요즘 컴퓨터는 32비트(4바이트) 워드이다
 - 이로 인해 주소범위가 4GB로 제한된다.
 - 메모리가 많이 필요한 프로그램에서는 제약이 될 수 있다
 - 최근 데스크 탑 컴퓨터는 64비트 워드를 사용한다
 - 가용 주소 공간 ≈ 1.8 X 10¹⁹ bytes
 - x86-64 컴퓨터는 48비트 주소를 지원한다: 256 테라바이트
 - 컴퓨터는 다양한 데이터 타입을 지원한다
 - 워드의 일부분 또는 여러 워드 길이의 데이터 타입
 - 모든 데이터 타입은 <u>바이트의 배수를 길이로</u> 갖는다.

워드 기반 메모리 구조



32-bit	64-bit	Bytes	Addr.		
Words	Words Words				
			0000		
Addr =			0001		
0000			0002		
	Addr =		0003		
I I	0000		0004		
Addr =			0005		
0004			0006		
			0007		
I			8000		
Addr =			0009		
0008	Addr		0010		
	=		0011		
	0008		0012		
Addr =			0013		
0012			0014		
			0015		

- ●주소는 메모리에서 바이트의 위치를 지정
 - 워드의 첫번째 바이트의 위치를 지정
 - 연속된 워드의 주소는 4또는 8씩 증가한다



데이터의 표시/크기

C Data Type	Typical 32-bit	Intel IA32	x86-64
char	1	1	1
short	2	2	2
int	4	4	4
long	4	4	8
long long	8	8	8
float	4	4	4
double	8	8	8
long double	8	10/12	10/16
pointer	4	4	8



바이트 순서(2바이트 이상의 데이터 표현에서...)





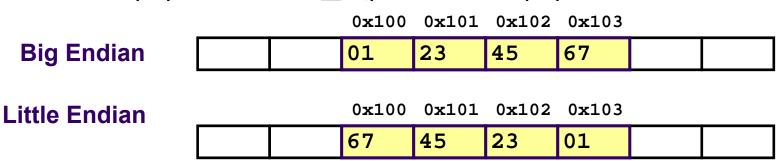
 여러 바이트로 이루어진 데이터는 어떤 순서 로 저장되는가의 문제

- Sun, Mac : "Big Endian"
 - LSB가 최대 주소의 위치에 기록된다
- Alpha, PC: "Little Endian"
 - LSB가 최소 주소의 위치에 기록된다

Byte Ordering 예제

Byte Ordering 은 언제 문제가 될까?

- Big Endian
 - Least significant byte 가 최대 주소에 저장됨
- Little Endian
 - Least significant byte 가 최소 주소에 저장됨
- Example
 - 변수 x 는 다음과 같은 4 바이트의 워드이다 0x01234567
 - x의 주소 &x 는 현재 0x100 이다





기계어 해독하기 Disassembly

Disassembly 예제

Address	Instruction Code	Assembly Rendition	
8048365:	5b	pop %ebx	
8048366:	81 c3 ab 12 00 00	add \$0x12ab,%ebx	
804836c:	83 bb 28 00 00 00 00	cmpl \$0x0,0x28(%ebx)	

Little Endian의 해독과정

● **값**: 0x12ab

◆ 4 바이트로 패딩 padding 하기: 0x000012ab

◆ 바이트로 나누기:
○ 00 00 12 ab

● 뒤집기 (왜?): ab 12 00 00

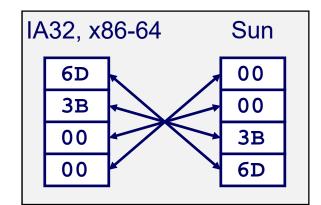
정수 표현하기

Decimal: 15213

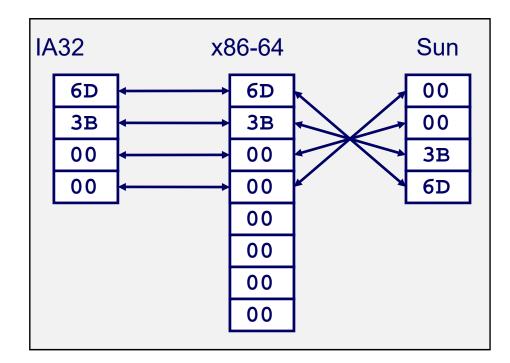
Binary: 0011 1011 0110 1101

Hex: 3 B 6 D

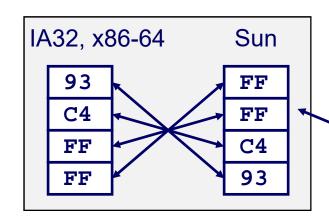
int A = 15213;



long int C = 15213;



int B = -15213;



Two's complement representation

리눅스에서 바이트의 출력

- 데이터를 바이트로 출력해주는 프로그램
 - unsigned char * 는 바이트 배열을 만든다

Printf directives:

%p: Print pointer

%x: Print Hexadecimal





show_bytes 실행결과

```
int a = 15213;
printf("int a = 15213;\n");
show_bytes((pointer) &a, sizeof(int));
```

Result (Linux x86-64):

```
int a = 15213;
0x7fffb7f71dbc 6d
0x7fffb7f71dbd 3b
0x7fffb7f71dbe 00
0x7fffb7f71dbf 00
```



int
$$B = -15213;$$

int *P = &B

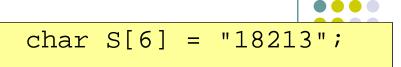


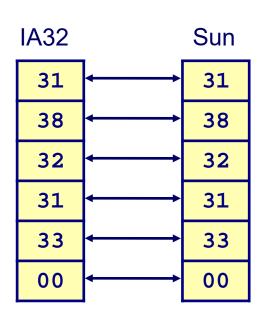
Sun	IA32	>	(86-64
EF	AC		3C
FF	28		1B
FB	F5		FE
2C	FF		82
			FD
			7 F
			00
			00

컴파일러와 기계에 다른 다른 주소를 인쇄함. 프로그램을 동작시킬 때마다 다른 주소가 인쇄될 수도 있음.

문자열 표시

- C에서 문자열은 ...
 - 문자들의 배열로 표시됨.
 - 각 문자는 ASCII 형식으로
 - 표준 7-비트 인코딩 방식
 - 문자 "0" 은 ASCII 코드 0x30
 - 문자 i는 0x30+i 코드
 - 문자열은 ASCII 코드 0으로 마쳐
 - Big/little endian은 차이 없음.
 - 문자열은 바이트 단위라서...









- 다음과 같은 값이 주어졌다. show bytes 함수를 호출할 때, 실행하는 머신의 바이트 정렬법에 따라 화면에 출력되는 값을 쓰시오.(주소 제외)
- int val = 0x87654321;
- byte_pointer valp = (byte_pointer) &val;
- show bytes(valp, 1); /* A */
- show_bytes(valp, 2); /* B */

A. Little endian: Big endian:

B. Little endian: Big endian:



C 연산자, 비트수준연산자, 논리 연산자, 쉬프트 연산자

부울 대수 (C 언어에서 연산자)



а	b	a & b	a b	~a	a ^ b
0	0	0	0	1	0
1	0	0	1	0	1
0	1	0	1	1	1
1	1	1	1	0	0

Practice 2 : Boolean bit operation



Operate on bit vectors





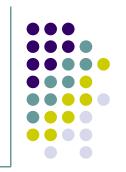
- 세가지: &&, ||, !
 - 0은 "False"
 - 0이 아닌 것은 "True"
 - 0이나 1를 리턴 함.
 - 일찍 마치기도 함. 1 || 0 || 0 || 1 ... → 처음에 바로 1
- 예제들
 - $!0x41 \rightarrow 0x00$, $!0x00 \rightarrow 0x01$
 - !!0x41 → 0x01
 - 0x69 && 0x55 → 0x01
 - 0x69 || 0x55 → 0x01
 - p && *p→ (널 포인터 접근 방지표현)

쉬프트 연산



- Left Shift: x << y
 - x를 왼쪽으로 y 위치만큼 쉬프트
 - 좌단 비트들은 사라짐, 오른쪽에서는 '0'이 들어옴.
- Right Shift: x >> y
 - x를 오른쪽으로 y 위치만큼 쉬프트
 - 우측 비트들은 사라짐.
 - 논리 쉬프트: '0'으로 채움.
 - 산술 쉬프트 : 최좌단 비트의 반복 채움
- y 가 < 0 거나, ≥ 워드크기 → 정의안됨!

Practice : 쉬프트연산, 비트연산의 활용



• 8비트로 표시한 값 x 에 대해 다음과 같이 left 또 는 right shift를 수행한 결과를 빈 칸에 쓰시오.

연산	값		
X	0110 0011	1001 0101	
x << 4	0011 0000		
x >> 4(논리)	0000 0110		
x >> 4(산술)		1111 1001	

- 정수 x의 마지막 비트가 0/1인지 알려면?
- 정수 y의 최상위 비트가 0/1인지 알려면?
- 정수 z의 네번째 비트가 0/1인지 알려면?



정수의 표현 방법

수의 표현 2,8,10,16진수

Practice 1: 2진수, 16진수, 10진수



- 다음의 숫자들을 지시한 대로 변환하시오.
- A. 0x39A7F8 => 2진수로
- в. 2진수 1100 0011 0101 0001 을 16진수로 => 0х
- c. 0xD5E4C 를 32비트 이진수로
- D. 십진수 255를 이진수로
- E. 16진수 0x010E 를 십진수로
- F. 10진수 314,156을 16진수로?

314,156 = 0x??



•
$$314,156 = 19,634 * 16 + 12$$
 (C)

•
$$19,364 = 1,227 * 16 + 2$$
 (2)

•
$$1,227 = 76 * 16 + 11$$
 (B)

•
$$76 = 4 * 16 + 12$$
 (C)

$$\bullet \ 4 = 0 * 16 + 4 \tag{4}$$

→ 0x4CB2C



w비트 워드 x의 정수화

비부호형 정수

부호형 정수 (2의 보수)

$$B2U(X) = \sum_{i=0}^{w-1} x_i \cdot 2^i$$

$$B2T(X) = -x_{w-1} \cdot 2^{w-1} + \sum_{i=0}^{w-2} x_i \cdot 2^i$$

short int
$$x = 15213$$
;
short int $y = -15213$;

MSB는 부호비트

	Decimal	Hex	Binary	
х	15213	3B 6D	00111011 01101101	
У	-15213	C4 93	11000100 10010011	

- 2의 보수방식에서 MSB는 부호-크기 방식처럼 부호를 나타낸다
 - 0 이면 양수
 - 1 이면 음수

정수 표시의 예

 $B2T(X) = -x_{w-1} \cdot 2^{w-1} + \sum_{i=0}^{w-2} x_i \cdot 2^i$



x = 15213: 00111011 01101101

y = -15213: 11000100 10010011

Weight	152	13	-152	213
1	1	1	1	1
2	0	0	1	2
4	1	4	0	0
8	1	8	0	0
16	0	0	1	16
32	1	32	0	0
64	1	64	0	0
128	0	0	1	128
256	1	256	0	0
512	1	512	0	0
1024	0	0	1	1024
2048	1	2048	0	0
4096	1	4096	0	0
8192	1	8192	0	0
16384	0	0	1	16384
-32768	0	0	1	-32768

Sum 15213 -15213



표현 가능한 정수의 범위

- 🏿 비부호형 Unsigned Values
 - UMin = 0
 000...0

■ 2의 보수 Two's Complement Values

- Other Values
 - Minus 1

Values for
$$W = 16$$

	Decimal	Hex	Binary
UMax	65535	FF FF	11111111 11111111
TMax	32767		01111111 11111111
TMin	-32768	80 00	
-1	-1	FF FF	11111111 11111111
0	0	00 00	00000000 00000000





Χ	B2U(<i>X</i>)	B2T(<i>X</i>)
0000	0	0
0001	1	1
0010	2	2
0011	3	3
0100	4	4
0101	5	5
0110	6	6
0111	7	7
1000	8	-8
1001	9	- 7
1010	10	-6
1011	11	- 5
1100	12	-4
1101	13	-3
1110	14	– 2
1111	15	<u>-</u> 1

관찰

•
$$|TMin| = TMax + 1$$

- 범위가 대칭이 아니다
- UMax = 2 * TMax + 1
- 동일성
 - 양수부분에 있어서는 signed 와 unsigned의 표현은 동일하 다

•
$$UMax = 2^w - 1$$

•
$$Tmax = 2^{w-1} - 1$$





 8비트로 표시된 16진수 x를 다음의 표에 맞게 비부호형 및 부호형 값으로 계산해서 채우시 오

X		정수		
16진수	2진수	비부호형	부호형	
0x 03	0000 0011	3	3	
0x 51				
0x 8A	1000 1010	2^7+2^3+2^1 = 128+8+2 = 138	-2^7+2^3 +2^1 = -128+8+2 = -118	
0x D9				

Why TMin32 as -2147483647-1??



// limits.h

/* Minimum and maximum values a 'signed int' can hold. */

#define INT_MAX 2147483647 #define INT_MIN (-INT_MAX - 1)

Word Size	ISO C90		ISO C99	
Expression	-2147483648	0x80000000	-2147483648	0x80000000
32	unsigned	unsigned	long long	unsigned
64	long	unsigned	long	unsigned



CASTING



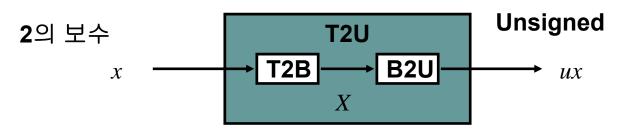
데이터 타입변환 casting 하기

• C 언어에서는 signed로부터 unsigned로의 변환을 허용한다

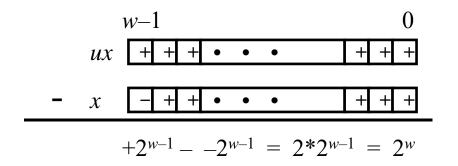
- 결과값
 - 비트 표현에는 변화가 없다
 - 양수는 변화가 없다 (당연)
 - ux = 15213
 - 음수는 양수로 변환된다
 - uy = 50323



Signed와 Unsigned와의 관계



비트패턴은 동일하게 유지된다



$$ux = \begin{cases} x & x \ge 0 \\ x + 2^w & x < 0 \end{cases}$$



их	=	$\begin{cases} x \\ x + 2^w \end{cases}$	$x \ge 0$ $x < 0$	

$$B2T(X) = -x_{w-1} \cdot 2^{w-1} + \sum_{i=0}^{w-2} x_i \cdot 2^i$$

911	<u> </u>			
Weight	-152	213	503	323
1	1	1	1	1
2	1	2	1	2
4	0	0	0	0
8	0	0	0	0
16	1	16	1	16
32	0	0	0	0
64	0	0	0	0
128	1	128	1	128
256	0	0	0	0
512	0	0	0	0
1024	1	1024	1	1024
2048	0	0	0	0
4096	0	0	0	0
8192	0	0	0	0
16384	1	16384	1	16384
32768	1	-32768	1	32768
Sum	_	-15213		50323

uy = y + 2 * 32768 = y + 65536 (16비트의 경우)

C 언어에서 signed, unsigned 변환



- 상수
 - 아무 명시가 없으면 signed integers 임
 - U를 숫자 끝에 붙이면 Unsigned
 OU, 4294967259U
- 타입변환 Casting
 - 명시적으로 casting을 하는 경우

```
int tx, ty;
unsigned ux, uy;
tx = (int) ux;
uy = (unsigned) ty;
```

묵시적 캐스팅 Implicit casting 을 이용할 수도 있다

```
tx = ux; // unsigned를 signed로 변환
uy = ty; // signed를 unsigned로 변환
```

Casting 충격

- 수식계산시
 - signed와 unsigned 값들이 한 개의 수식 내에 섞여 있는 경우 implicit 하게 unsigned로 바뀌어 진다
 - 비교연산자에서도 발생한다 <, >, ==, <=, >=
 - Examples for W = 32

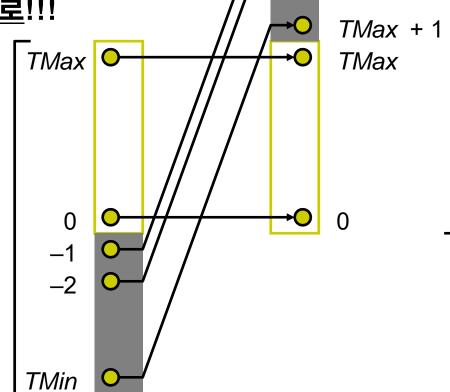
Constant 1	Constant 2	Relation	Evaluation
0	0U		
-1	0		
-1	0U		
2147483647	-2147483648		
2147483647U	-2147483648		
-1	-2		
(unsigned)-1	-2		
2147483647	2147483648U		
2147483647	(int) 2147483648U		



Casting 충격에 대한 설명

- 🧧 2의 보수 → 비부호형
 - 크기 순서가 뒤바뀐다
 - 음수 -> 큰 양수로 바뀐다
 - <u>비트표현은 그대로!!!</u>
 - <u>해석만 다르게!</u>

2's Comp. Range



UMax

UMax - 1

Unsigned Range





다음 표의 식들이 정수(int)의 2의 보수를 사용하는 연산을 수행한다고 할 때, 비교연산의 결과 (Y/N)와 사용되는 정수의 타입을 채우시오.

Expression	Type	Evaluation	구체적이유?
-2147483647-1 == 2147483648U			
-2147483647-1 < 2147483647			
-2147483647-1U < 2147483647			
-2147483647-1 < -2147483647			
-2147483647-1U < -2147483647			

Casting: 비트표현은 그대로, 해석만 달라짐!!



더 큰 변수로 casting되는 경우...

부호확장, 제로확장 (SIGN/ZERO EXTENSION)



부호 확장 sign extension

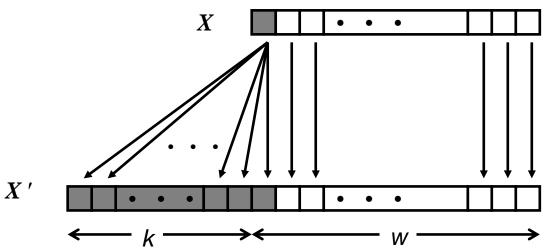
- 목적
 - W 비트의 부호형 정수 x가 주어질 때 x를 w+k 비트의 보다 길이가 긴 정수로 변환시킨다
- 규칙

• x의 부호비트를 k 개 복사한다

Zero extensio[♀] 항상 0로만 확장. Unsigned의 경우

• $X' = x_{w-1}, ..., x_{w-1}, x_{w-1}, x_{w-2}, ..., x_0$ k copies of MSB

어셈블리어 명령어: movsx %bx, %eax movzx %ax, %ebx





부호 확장 예제

```
short int x = 15213;
int         ix = (int) x;
short int y = -15213;
int         iy = (int) y;
```

	Decimal	Hex	Binary		
X	15213	3B 6D	00111011 01101101		
ix	15213	00 00 3B 6D	00000000 00000000 00111011 01101101		
У	-15213	C4 93	11000100 10010011		
iy	-15213	FF FF C4 93	11111111 11111111 11000100 10010011		

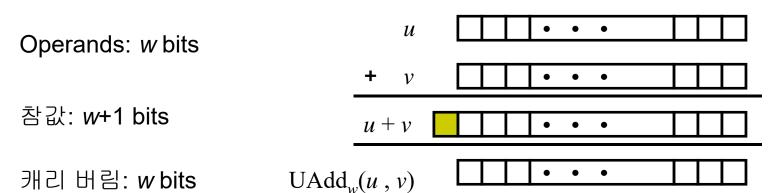
- C 언어에서는 부호확장을 자동으로 해준다
- Unsigned의 경우에는 zero extension을...



덧셈(SIGNED, UNSIGNED)

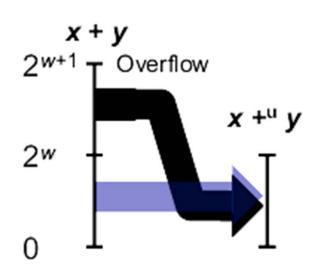
정수의 연산

- 비 부호형의 덧셈
 - 일반적인 덧셈연산과 동일
 - Carry 는 무시
 - mod 함수로 표시가능
 - $s = UAdd_w(u, v) = (u + v) \mod 2^w$





비부호형 정수의 덧셈



• x+y의 값이 2^w -1보다 크면 Overflow가 발생한 다





- 비부호형에서의 덧셈과 동일하게 수행
 - C에서 부호형과 비부호형의 덧셈 Signed vs. unsigned int s, t, u, v;
 s = (int) ((unsigned) u + (unsigned) v);
 t = u + v
 - s == t 동일한 결과를 얻는다



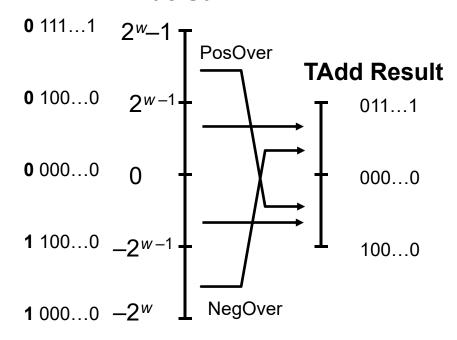
2의 보수 뎃셈에서 Overflow 찾아내기

- 목표
 - s = TAdd_w(u, v) 일 때
 - s = Add_w(u, v) 성립여부 체크
 - Example

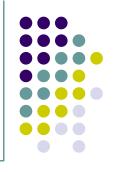
- 판단방법
 - Overflow iff either:

$$u, v < 0, s \ge 0$$
 (NegOver)
 $u, v \ge 0, s < 0$ (PosOver)

True Sum



$$TAdd_{w}(u,v) = \begin{cases} u+v+2^{w-1} & u+v < TMin_{w} \text{ (NegOver)} \\ u+v & TMin_{w} \le u+v \le TMax_{w} \\ u+v-2^{w-1} & TMax_{w} < u+v \text{ (PosOver)} \end{cases}$$



Practice 6 : Overflow(tadd.c)

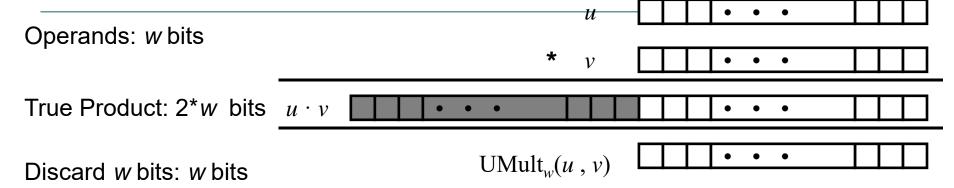
- 두 정수의 덧셈의 결과 오버플로우가 발생하지 않으면 1을 리턴하는 함수 tadd_ok(int x, int y)를 작성하시오.
- int tadd_ok(int x, int y) {

• }



곱셈과 쉬프트연산

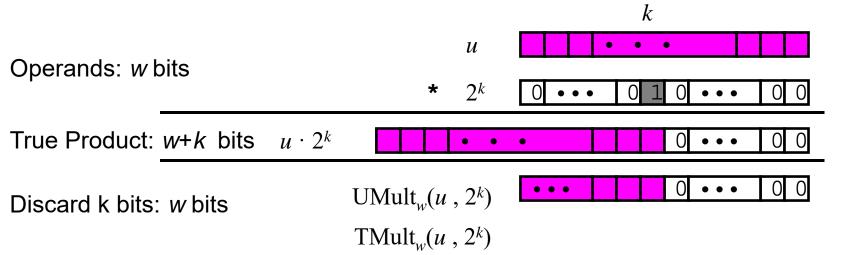
비부호형 곱셈



- 표준 곱셈함수와 동일
 - 상위 w 비트는 무시
 - mod 로 표시할 수 있음
 - UMult_w $(u, v) = (u \cdot v) \mod 2^w$
- <u>부호형 곱셈은 비부호형과 동일하게 수행</u>







- 연산
 - $u \ll k gives u * 2^k$
 - signed 와 unsigned 모두 적용
 - u << 3 ==
- == u * 8
 - (u << 5) (u << 3) ==
 - u * 24
 - 쉬프트와 덧셈/뺄셈이 곱셈보다 훨씬 빠름!!



컴파일러의 곱셈번역

C Function

```
int mul12(int x)
{
   return x*12;
}
```

Compiled Arithmetic Operations

```
leaq (%rax,%rax,2), %rax
salq $2, %rax
```

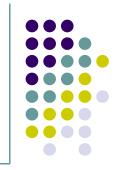
Explanation

```
t <- x+x*2
return t << 2;
```

• C 컴파일러는 상수의 곱셈을 자동으로 shift와 덧셈으로 번역한다

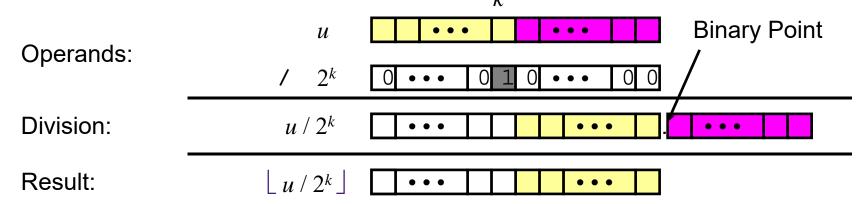


나눗셈과 쉬프트 연산



비부호형 정수의 shift 이용 나눗셈(/2^k)

- 몫: u >> k 하면 [u / 2^k] 가 된다
- 논리 쉬프트 연산을 사용 logical shift

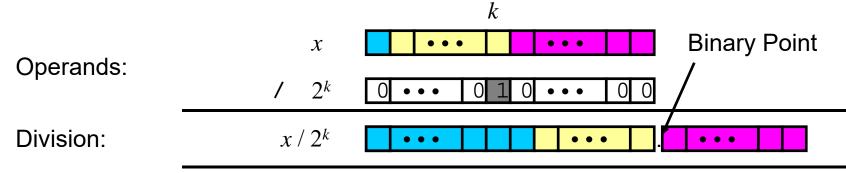


	Division	Computed	Hex	Binary
х	15213	15213	3B 6D	00111011 01101101
x >> 1	7606.5	7606	1D B6	0 0011101 10110110
x >> 4	950.8125	950	03 Вб	00000011 10110110
x >> 8	59.4257813	59	00 3B	0000000 00111011

부호형 정수의 shift 이용나눗셈 (shift.c) (/ 2^k)



- $x \gg k$ gives $[x / 2^k]$
- 산술 쉬프트 연산을 사용 arithmetic shift
- x < 0 이면, 잘못된 방향으로 절삭이 일어난다



Result: RoundDown $(x / 2^k)$

	Division	Computed	Hex	Binary
У	-15213	-15213	C4 93	11000100 10010011
y >> 1	-7606.5	-7607	E2 49	1 1100010 01001001
y >> 4	-950.8125	-951	FC 49	1111 1100 01001001
y >> 8	-59.4257813	-60	FF C4	1111111 11000100

음수일 때 보정식 : (x<0? x+(1<<k)-1: x) >> k





- 바이트 인코딩, 워드, 데이터 크기(C에서)
- 바이트 순서(intel CPU : little endian)
- C 연산자들:비트,논리,쉬프트: data lab에서
- Signed(2의 보수), unsigned : 해석의 문제
- Signed, unsigned 혼합 → unsigned로
- 제로/부호 확장,
- 덧셈(signed, unsigned):해석의 문제, flag설정
- 곱셉과 쉬프트, 나눗셈과 쉬프트

실습과 다음 주 준비



- 실습: GCC, MAKE, Shell Script
- 다음주 강의 시간(9월15일) 추석 연휴 휴강 (예습 동영상 없음)
- 다음 실습 (9월20일화) C 복습과 GDB 사용 하기 1(소스 수준 디버깅)
- 그 다음주 (9월22일) 강의 동영상: 실수 표현 방법
- 예습 질문은 개인과제로 올림.