## Метод стохастического градиентного спуска

https://qithub.com/GooddiLK/AllEDaПластинин Алексей М3237

> t.me/plstnn Малков Александр М3237  $t.me/AlexM_37$ Кинзябулатов Эдуард М3237 t.me/Eduard7000 Кулебакин Дмитрий М3237  $t.me/SinDat\_tg$

> > mse

4.4e-03

3.6e-09

1.32

5.2e-05 | 0.021

3.5e-08 | 19.10

 $7.9e-09 \mid 21.04$ 

1

1

1

1

1

0.04

0.04

0.04

 $\mathbf{t}$  sec

16.82

20.77

26.71

mem mb

0.62

0.20

0.05

0.05

0.05

0.05

mem mb

0.36

0.21

70.12

0.07

0.05

0.06

0.05

0.58

0.31

0.06

0.06

0.63

#### стохастического градиентного спуска и его модификаций в зависимости от регуляризации, размера батча, функции изменения шага.

Цель работы:

Используемые методы: • Собственная реализация стохастического градиентного спуска Собственная реализация Momentum SGD

Сравнить эффективность работы различных реализаций метода

#### Библиотечный Nesterov SGD • Библиотечный RMSprop

• Библиотечный Momentum SGD

• Библиотечный Adam

Библиотечный SGD

- Исследование
- Были произведены запуски для постоянной функции выбора шага и экспоненциальной.
- С четыремя различными размерами батча: 1, 250, 500, 1000. Без регуляризации и с L1, L2, Elastic регуляризациями.

### Гиперпараметры подбирались с помощью optuna.

Параметры запусков:

Ограничение на число итераций 10000. Постоянный шаг  $\varepsilon = 0.0001$ Экспоненциальный шаг  $\varepsilon=0.0001$ 

2-6 колонки для постоянного шага, 7-11 для экспоненциального batch None mem mb mse t sec batch 4.1e-03 Custom SGD 50 17.570.59

1.25

25.89

0.02Momentum SGD 50 4.9e-050.19Lib SGD 50  $3.3e-08 \mid 18.70$ 0.04

Nesterov SGD RMSprop 50

L1

Custom SGD

Momentum SGD

Lib SGD

Lib Mom SGD

Nesterov SGD

RMSprop

Adam

Custom SGD

Momentum SGD

Lib SGD

Adam

Custom SGD

Custom SGD

Momentum SGD

Lib SGD

Lib Mom SGD

Nesterov SGD

RMSprop

Adam

Custom SGD

Momentum SGD

Lib SGD

Lib Mom SGD

Nesterov SGD

RMSprop

Adam

500

500

500

500

500

500

500

1000

1000

1000

1000

1000

1000

1000

45.48

1.5e-04

2.3

0.014

0.01

9.8e-04

2.7e-04

14

1.5e-04

3.4

1.0e-05

1.0e-05

0.13

3.7e-04

0.08

0.09

0.05

0.05

0.05

0.57

0.68

0.07

0.07

0.03

0.03

0.03

0.30

0.34

0.60

0.34

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.61

0.35

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

500

500

500

500

500

500

500

1000

1000

1000

1000

1000

1000

1000

43.30

1.6e-04

2.1

0.013

0.011

1.0e-03

2.9e-04

13.6

1.4e-04

3.2

 $1.2\mathrm{e}\text{-}05$ 

9.5e-06

0.14

4.1e-04

0.09

0.10

0.06

0.06

0.06

0.59

0.66

0.08

0.08

0.04

0.04

0.04

0.32

0.35

0.62

0.37

0.05

0.05

0.05

0.05

0.05

0.64

0.38

0.05

0.06

0.05

0.05

0.05

batch

50

50

50

50

50

50

50

250

250

250

250

500

Lib Mom SGD 7.5e-09 | 20.72 50 50  $3.4e-08 \mid 21.34$ 

Adam 50 0.0330.59 0.040.03129.94 0.05250 8.3e-020.13250 8.7e-020.120.62 Custom SGD 0.60Momentum SGD 250 9.7e-050.020.33250 1.0e-040.0210.36Lib SGD 250 1.2e-040.090.04250 1.4e-040.10 0.05Lib Mom SGD 250 4.5e-030.090.04250 4.7e-030.100.05Nesterov SGD 250 6.1e-030.090.04250 6.4e-030.100.05RMSprop 250 9.7e-041.15 0.04 250 9.9e-041.09 0.05Adam 250 1.3e-041.350.04250  $1.5\mathrm{e}\text{-}04$ 1.41 0.05Custom SGD 500 44.790.09 0.6043.500.10 0.63500 1.0e-04Momentum SGD 500 9.7e-050.030.34500 0.032 0.37Lib SGD 500 2.3 0.050.042.4 0.05500 0.06Lib Mom SGD 0.04 500 0.140.05500 0.150.060.05Nesterov SGD 0.16 0.04 500 0.05500 0.150.050.060.04 500 7.6e-040.557.9e-040.05RMSprop 500 0.57Adam 2.9e-04500 2.7e-040.67 0.04500 0.050.65Custom SGD 1000 1.4 0.611000 1.5 0.64 0.070.08Momentum SGD 9.9e-050.041.0e-041000 0.351000 0.050.38Lib SGD 0.040.051000 0.340.021000 0.360.02Lib Mom SGD 1000 0.010.030.041000 0.011 0.050.03Nesterov SGD 1000 0.0050.030.041000 0.00530.050.03RMSprop 1000 0.150.290.041000 0.31 0.050.16Adam 1000 3.7e-040.350.041000 4.0e-040.340.05Custom SGD демонстрирует высокую точность, но большое время обучения при увеличении размера батча. Momentum SGD — один из самых быстрых методов с достаточной точностью. Lib SGD / Lib Mom SGD / Nesterov SGD показывают низкое потребление памяти и низкий MSE, но время работы может варьироваться. RMSprop и Adam — высокая точность, но затраты памяти и времени выше.

0.04 4.6e-030.05 Lib Mom SGD 250 0.09250 5.0e-030.070.06 Nesterov SGD 6.1e-030.04250 0.09250 5.4e-030.088.0e-04**RMSprop** 250 7.4e-041.070.041.12 0.05250

t sec

0.08

0.02

22.94

20.30

21.08

25.53

31.55

0.11

0.02

0.09

1.33

0.09

mse

7.0e-05

3.5e-08

3.4e-08

5.4e-09

5.4e-09

0.73

0.03

0.05

9.6e-05

1.2e-04

1.3e-04

44.11

mem mb

0.33

0.19

67.86

0.05

0.04

0.04

0.04

0.60

0.33

0.05

0.04

0.60

batch

1 1

1

1

1

1

250

250

250

250

500

mse

6.1e-05

4.2e-08

5.7e-08

4.8e-09

6.2e-09

0.62

0.04

0.06

 $1.1\mathrm{e}\text{-}04$ 

1.5e-04

 $1.5\mathrm{e}\text{-}04$ 

42.87

t sec

0.09

0.03

24.55

19.91

22.00

24.81

30.77

0.12

0.03

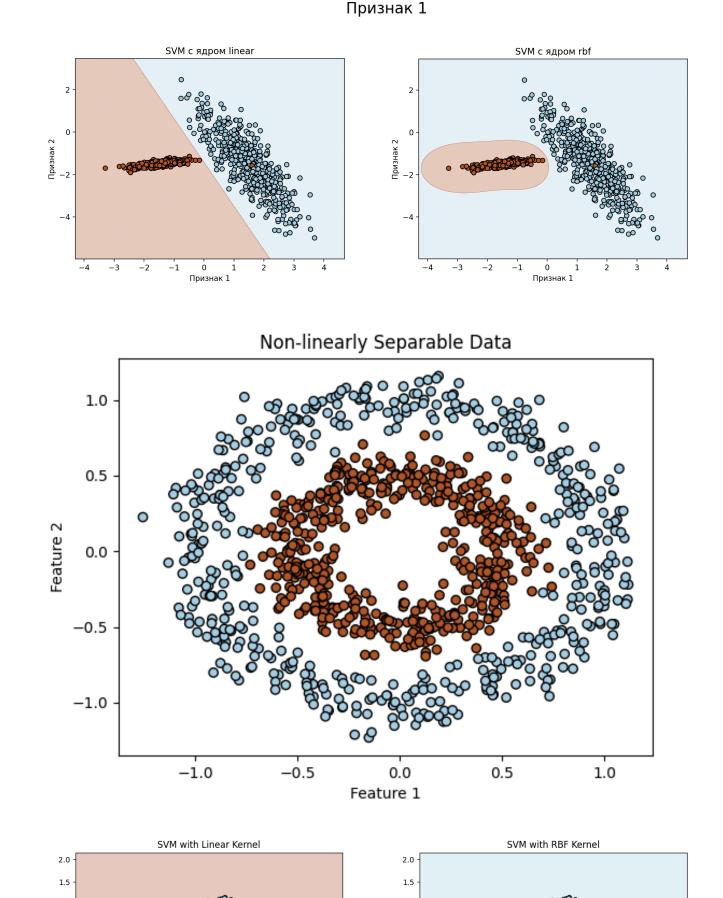
0.08

1.29

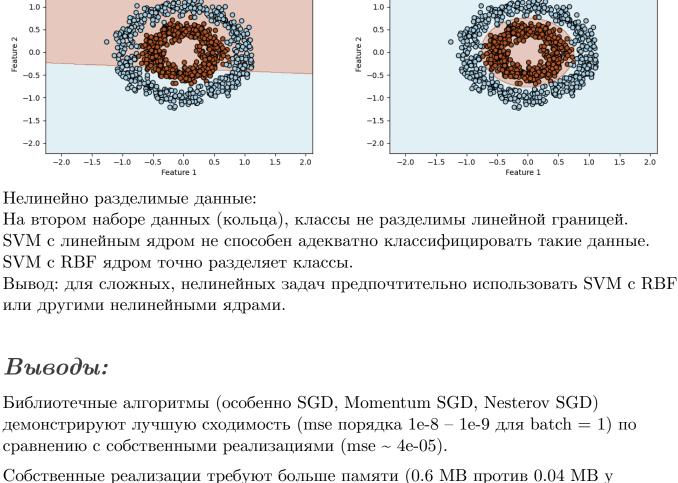
0.08

Momentum SGD 500 9.6e-050.020.34500 1.1e-040.030.36Lib SGD 14.14 13.30 0.06500 0.050.04500 0.04Lib Mom SGD 1.8e-04500 2.3e-040.050.04500 0.060.05Nesterov SGD 500 16.18 0.050.04500 15.420.060.06RMSprop 3.5e-040.550.04 3.9e-04500 500 0.580.06Adam 2.7e-040.680.043.1e-04500 500 0.630.05Custom SGD 0.071000 1.4e-030.611000 1.6e-030.640.06Momentum SGD 1000 0.381.0e-040.040.351000 8.2e-050.05Lib SGD 1000 3.4e-040.030.041000 3.1e-040.040.061000 Lib Mom SGD 0.031.3e-050.06 1000 1.0e-050.040.04Nesterov SGD 1000 0.051.0e-030.030.041000 1.2e-030.041000 0.301000 0.050.06RMSprop 0.040.040.33Adam 1000 3.7e-040.350.041000 3.9e-040.370.05L2mem mb mem mb batch mse t sec batch mset sec Custom SGD 50 1.5e-0213.220.591.6e-0213.91 0.62Momentum SGD 9.8e-058.9e-0550 1.31 0.331 1.380.35Lib SGD 3.2e-0818.840.043.6e-0819.20 0.0550 1 Lib Mom SGD 50 6.1e-0920.840.045.8e-0921.770.054.5e-09Nesterov SGD 4.2e-0921.38 0.040.0650 1 20.90 RMSprop 0.040.950.0550 0.9026.0725.661 Adam 0.0550 0.0230.600.041 0.02131.45Custom SGD 250 0.120.110.600.11 0.120.63250Momentum SGD 250 1.5e-040.120.341.4e-040.130.36250Lib SGD 1.2e-041.4e-040.05250 0.090.042500.080.09 0.10 0.06Lib Mom SGD 250 4.6e-050.042505.1e-05Nesterov SGD 250 6.1e-030.100.046.4e-030.052500.11RMSprop 250 1.2e-031.09 0.04250 1.1e-031.02 0.051.29 1.4e-04Adam 250 1.3e-040.04250 1.35 0.06

Elastic	batch	mse	t sec	mem mb	batch	mse	t sec	mem mb	
Custom SGD	50	4.1e-03	17.57	0.59	1	4.4e-03	16.82	0.62	
Momentum SGD	50	4.9e-05	0.02	0.19	1	5.2e-05	0.021	0.20	
Lib SGD	50	3.3e-08	18.70	0.04	1	3.5e-08	19.10	0.05	
Lib Mom SGD	50	7.5e-09	20.72	0.04	1	7.9e-09	21.04	0.05	
Nesterov SGD	50	3.4e-09	21.34	0.04	1	3.6e-09	20.77	0.05	
RMSprop	50	1.25	25.89	0.04	1	1.32	26.71	0.05	
Adam	50	0.03	30.59	0.04	1	0.031	29.94	0.05	
Custom SGD	250	8.3e-02	0.13	0.60	250	8.7e-02	0.12	0.62	
Momentum SGD	250	9.7e-05	0.02	0.33	250	1.0e-04	0.021	0.36	
Lib SGD	250	1.2e-04	0.09	0.04	250	1.4e-04	0.10	0.05	
Lib Mom SGD	250	4.5e-03	0.09	0.04	250	4.7e-03	0.10	0.05	
Nesterov SGD	250	6.1e-03	0.09	0.04	250	6.4e-03	0.10	0.05	
RMSprop	250	9.7e-04	1.15	0.04	250	9.9e-04	1.09	0.05	
Adam	250	1.3e-04	1.35	0.04	250	1.5e-04	1.41	0.05	
Custom SGD	500	44.79	0.09	0.60	500	43.50	0.10	0.63	
Momentum SGD	500	9.7e-05	0.03	0.34	500	1.0e-04	0.032	0.37	
Lib SGD	500	2.3	0.05	0.04	500	2.4	0.06	0.05	
Lib Mom SGD	500	0.14	0.05	0.04	500	0.15	0.06	0.05	
Nesterov SGD	500	0.16	0.05	0.04	500	0.15	0.06	0.05	
RMSprop	500	7.6e-04	0.55	0.04	500	7.9e-04	0.57	0.05	
Adam	500	2.7e-04	0.67	0.04	500	2.9e-04	0.65	0.05	
Custom SGD	1000	1.4	0.07	0.61	1000	1.5	0.08	0.64	
Momentum SGD	1000	9.9e-05	0.04	0.35	1000	1.0e-04	0.05	0.38	
Lib SGD	1000	0.34	0.02	0.04	1000	0.36	0.02	0.05	
Lib Mom SGD	1000	0.01	0.03	0.04	1000	0.011	0.03	0.05	
Nesterov SGD	1000	0.005	0.03	0.04	1000	0.0053	0.03	0.05	
RMSprop	1000	0.15	0.29	0.04	1000	0.16	0.31	0.05	
Adam	1000	3.7e-04	0.35	0.04	1000	4.0e-04	0.34	0.05	
Дополнительная задача: Метод опорных векторов – SVM Применение метода опорных векторов для задачи бинарной классификации данных. Генерируется 1000 точек с 2 признаками и 2 классами. Происходит обучение SVM с линейным и RBF ядрами.									
Исходные данные для классификации									
2 -	2-								
¥ -				80 mm	2002				



0



# Малые:

Крупные:

библиотечных).

Библиотечные методы (SGD, Momentum SGD, Nesterov SGD)

Показали наилучшую точность при (MSE порядка 1e-8 batch=50).

Momentum SGD — самый быстрый (0.02 сек для batch = 50).

Требуют минимальной памяти (0.04 MB).

Большее время обучения (до 30 сек).

Влияние регуляризации

Быстрее (0.04–1.9 сек), но хуже сходимость

Влияние размера батча Лучшая точность (mse 1e-8-1e-3 для библиотечных методов).

Для библиотечных методов экспоненциальный шаг иногда дает лучшие результаты, но он требует тщательного подбора параметров.

Сравнение стратегий шага

Наилучшие результаты показали библиотечные реализации Momentum и Nesterov SGD с малым размером батча и L2-регуляризацией. Adam и RMSprop не подходят

Без регуляризации (None): Лучшие результаты для библиотечных методов (mse 1e-9 - 1e-8). L1-регуляризация: Немного увеличивает mse (например, Nesterov SGD: с 3.4e-8 до 5.4e-9 для batch = 50). L2-регуляризация: Сравнима с L1, но менее агрессивно уменьшает веса. Elastic:

Сильнее всего ухудшает сходимость (MSE до 1.5 для Adam при batch=1000). Регуляризация полезна для борьбы с переобучением

Заключение: для данной задачи с имеющейся реализацией.