باسمه تعالى

مدت امتحان : ١٣٥ دقيقه	ساعت شروع:۸ صبح	رشتهی : ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
189+ / 8/ 8 : .	تاريخ امتحان	سطه	سال سوم أموزش متور
، أموزش و پرورش http://aee.n		خرداد ماه سال ۱۳۹۰	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در

	htt	p://aee	.medu	.ir					
نمره							سؤالات		رديف
١		بد .	صل کنی	<u> </u>	رده و ب	پیدا کر	. وسط ضلع ها را	الف) یک مثلث متساوی الاضلاع به دقت رسم نمایید .	١
	ب) سه مثلثی را که در گوشه ایجاد می شود ، نگه دارید و مثلث میانی را با سیاه کردن حذف کنید .					:			
	، کنید.	را کامل	ول زير	ایی جد	، استقر	ستدلال	. و با استفاده از ار	این فرایند را روی سه مثلث باقی مانده تکرار کنید	
		n		۲	١		مرحله	(در مرحله دوم شکل را رسم کنید.)	
		Ş	•••	۶	ç	١	تعدادمثلث ها		
,				•				درستی یا نادرستی نتایج زیر را معلوم کنید.	۲
						ست .	ABCD مربع ا	الف) هر مربعي متوازي الاضلاع است. چهار ضلعي	ļ.
								<i>نتيجه</i> : چهار ضلعى ABCD متوازى الاضلاع است.	
						ی دهد.	نجانس) تغيير م	ب) تجانس طول پاره خط را با ضریب k (ضریب	
							زرگتر می شود.	نتیجه : طول تصویر پاره خط AB در یک تجانس ب	,
				اند.	کرده ا	، ایجاد	، متناظر متناسب	ج): چند صفحه در فضا روی دو خط ، پاره خط های	
								<i>نتیجه</i> : أن صفحه ها با هم موازیند.	
	د) P وQ دو صفحهٔ عمود برهم می باشند.								
	نتیجه : هر کدام شامل خطی است که بر دیگری عمود است.								
1	با استفاده از استدلال استنتاجي ثابت كنيد مجموع فاصله هاي هر نقطه درون مثلث متساوي الاضلاع از سه ضلع أن			٣					
								مقداری ثابت است. سپس أن مقدار ثابت را به دس	
1/40					1 1				
	بزرگتر از ضلع رو به رو ی زوایه کوچکتر است.				+				
1/0	ثابت کنیدنیمسازیک زاویه،مکان هندسی نقطه ای درصفحهٔ آن زاویه است که فاصلهٔ آن ازدوضلع زاویه برابر باشد.			_ ^					
1	BC ، خطهای	ماس 🗅	ستند.م	اس ھ	(O) مہ	دایره (, F، E و D بر	خط های AF ، AE و BC به ترتیب در نقطه های	٦
	ا روی دایره	له ی D	كان نقط	نيير مك	ید با ت	ابت کن	ع کرده است . ث	و \mathbf{AF} و \mathbf{AF} را به ترتیب در نقطه های \mathbf{B} و \mathbf{C} قط	
	بین دو نقطه ی ثابت \mathbf{E} و \mathbf{F} ، محیط مثلث ABC ثابت می ماند.								
	A D C								
	E Ö								
.,,,,,,					((ی دوم	والات در صفحه :	«ادامه ی س	
I	•								

باسمه تعالى

مدت امتحان: ١٣٥ دقيقه	ساعت شروع:۸ صبح	رشتهی: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
ن: ۲/۳/۳۱۷	تاريخ امتحار	وسطه	سال سوم أموزش مت
) آموزش و پرورش http://aee.m		در خرداد ماه سال ۱۳۹۰	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور ه

	http://aee.medu.ir	
نمره	سؤالات	رديف
1/10	قضیه: باتوجه به شکل ثابت کنید در دایره (O) اندازه هر زاویه ی ظلی برابربا نصف کمان رو به روی آن است .	٧
	A	
	T	
	Ö \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	
1	در شکل زیر مقدار z و t را بیابید.	٨
1	در سعر ریز سدر در و تا و بیبید.	
	Z VO TO O	
	z v. o c c c c c c c c c c c c c c c c c c	
1/٢٥	قضیه : از نقطه ی ${f M}$ واقع در داخل دایره (${f C}$) دو وتر دلخواه AA' و BB' رسم شده اند . ثابت کنید:	٩
	$MA \times MA' = MB \times MB'$	
}	AB	
	$\binom{(C)}{M}$	
	Á	
+/0	طول خط المرکزین دردو دایره متقاطع به شعاع های ٤ و٣ سانتی متر برابر ٦سانتی متر است . طول مماس مشترک	1.
	خارجی دو دایره را به دست آورید.	1
1/40	. نقاط $P=(au, - au)$ و $Q=(au, - au)$ و راسهای یک مثلث هستند $Q=(au, - au)$	i i
	الف) مثلث PQR و تصویر مجانس آن را با در نظر گرفتن $O(\circ, \circ)$ به عنوان مرکز تجانس ،تحت تبدیل تجانس	
	را رسم کنید. $D(x, y) = (x, y)$	
	PQR و تصویرش را محاسبه وأنها را با هم مقایسه کنید.	١٢
1/40	معادله تصویر خط $0 = 1: 1: 1: 1: 1$ را تحت بازتاب نسبت به محور x ها به دست آورید . ax معادله تصویر خط ax یکدیگر را نصف کرده اند. با استفاه از ویژگی های تبدیل دوران ثابت کنید قطرهای چهار ضلعی ax	
1/0	عطرت علي جهار علي المسلط المسلط المسلط المسلطة المسلط	
	DC	
	A B	
	«ادامه ی سؤالات در صفحه ی سوم »	

باسمه تعالى

مدت امتحان : ١٣٥ دقيقه	ساعت شروع:۸ صبح	رشتهی: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
ن: ۱۳۹۰/۳/۳	تاريخ امتحا	وسطه	سال سوم أموزش متو
<i>ں</i> اَموزش و پرورش http://aee.me		در خرداد ماه سال ۱۳۹۰	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور د

نمره	سؤالات	رديف
+/٧٥	جاهای خالی را به طور مناسب پرکنید.	١٤
	الف) در تبدیل انتقال $(x,y)=(x-r,y+r)$ بردار انتقال برابر با است.	
	ب) در هر صفحه حد اقل نقطه وجود دارد که بر یک خط قرار ندارند.	
i	ج) اگر دو صفحه متمایز یک نقطه مشترک داشته باشند ، آنگاه در یک مشترک خواهند بود.	
1/40	قضیه: ثابت کنید اگر خط L با یکی از خطهای صفحه P موازی باشد ، آنگاه، خط L با صفحه P موازی است.	10
1/10	اگر O نقطه ای خارج از صفحه ای مانندP باشد ، ثابت کنید کلیه خطهای گذرنده از O که با P موازی هستند	١٦
	دریک صفحه موازی P قرار دارند.	
1/0	ا عمود L' و L' دو خط متنافر باشند ، از هر نقطه A یک و تنها یک خط می گذرد که بر L' و L' عمود	۱۷
	است .	
7+	«موفق باشید » جمع نمره	

ساعت شروع:۸ صبح	رشتهی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۳/۳/ ۱۳۹۰		سال سوم أموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	١٣٩٠ ل	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه س

انمره نمره نمره نمره نمره نمره نمره نمره	الف) درست فرض کنیم وصل می کنی	۱ ۲					
رسم شکل $(\cdot/\tau \Delta)$ ($\cdot/\tau \Delta$) تادرست ($\cdot/\tau \Delta$) ($\cdot/\tau \Delta$) تادرست ($\cdot/\tau \Delta$) ($\cdot/\tau \Delta$) اگر ما درون مثلث متساوی الاضلاع ABC باشد داریم ($\cdot/\tau \Delta$) اگر مثلث مثلث ABC باشد داریم ($\cdot/\tau \Delta$) اگر ما درتفاع مثلث ABC باشد داریم ($\cdot/\tau \Delta$) اگر مثلث مثلث ABC باشد داریم ($\cdot/\tau \Delta$) اگر مثلث ABC باشد داریم ($\cdot/\tau \Delta$) اگر مثلث ABC باشد داریم ($\cdot/\tau \Delta$) اگر مثلث ABC باشد داریم ($\cdot/\tau \Delta$) اگر مثلث مثلث ABC باشد داریم ($\cdot/\tau \Delta$) اگر مثلث مثلث ABC باشد داریم ($\cdot/\tau \Delta$) اگر مثلث مثلث ($\cdot/\tau \Delta$) اگر مثلث مثلث ($\cdot/\tau \Delta$) باشد داریم ($\cdot/\tau \Delta$) اگر مثلث مثلث ($\cdot/\tau \Delta$) باشد داریم ($\cdot/\tau $	فرض کنیم وصل می کنی	-					
رسم شکل $(\cdot/ \ 7 \Delta)$ ($\cdot/ \ 7 \Delta)$ ($\cdot/ \ 7 \Delta)$ ($\cdot/ \ 7 \Delta$) تادرست ($\cdot/ \ 7 \Delta$) درست ($\cdot/ \ 7 \Delta$) تادرست ($\cdot/ \ 7 \Delta$) نادرست ($\cdot/ \ 7 \Delta$) بنادرست ($\cdot/ \$	فرض کنیم وصل می کنی						
رسم شکل $(\cdot/7\delta)$ $($	فرض کنیم وصل می کنی	-					
اندرست (۰/۲۵) یا درست (۱ (۱ (۱ (۱ درست (۱ (۱ (۱ (۱ (۱ (۱ (۱ (۱ (۱ (۱ (۱ (۱ (۱	فرض کنیم وصل می کنی	-					
C و B ، A نقطه ای دلخواه درون مثلث متساوی الاضلاع ABC باشد از M به رأس های ABC و ABC نقطه ای دلخواه درون مثلث ABC باشد داریم ABC باشد داریم ABC یم باشد داریم ABC باشد دا	فرض کنیم وصل می کنی	-					
یم $(\cdot/ \gamma \delta)$ $S_{ABC} = S_{AMC} + S_{AMB} + S_{BMC}$ باشد داریم \overline{ABC} باشد \overline{ABC} باشد داریم AB	وصل می کنی	٣					
$(\cdot/\gamma \delta)$ $S_{ABC} = S_{AMC} + S_{AMB} + S_{BMC}$ باشد داریم \overline{ABC} باشد داریم \overline{ABC} باشد داریم \overline{ABC} γ باشد داریم \overline{ABC} باشد داریم \overline{ABC} باشد داریم \overline{ABC} γ باشد داریم \overline{ABC} باشد د	وصل می کنی	l					
$AB = AC = BC$ چون که $h \times BC = \frac{1}{r}MH \times BC + \frac{1}{r}MH' \times AC + \frac{1}{r}MH'' \times AB$ (•							
بنابراین مجموع فواصل نقطه ی M از اضلاع ، مقدار ثابت h می باشد $(\cdot / 7 \Delta)$ بنابراین مجموع فواصل نقطه ی	پس : (۲۵/۰						
	H' + MH''						
$BC > AC$: ککم \hat{A}	$BC > AC$: فرض: $\hat{A} > \hat{B}$ حکم $\hat{A} > \hat{B}$						
: فرض می کنیم $AC \geq BC$ دو حالت زیر را در نظر می گیریم:	: برهان خلف : فرض می کنیم $AC \geq BC$ (۰/۲۵) دو حالت زیر را در نظر می گیریم						
(\cdot/δ) . در این حالت مثلث متساوی الساقین است . پس $\hat{A}=\hat{B}$ که این خلاف فرض است $AC=BC$ (الف $AC=BC$							
(\cdot/a) در این حالت با توجه به قضیه لولا $\hat{A} < \hat{B}$ که این نیز خلاف فرض است. $AC > BC$							
خلف باطل است و حکم درست می باشد.	پس فرض خلف باطل است و حکم درست می باشد.						
BY مرحله اول :نقطه M را روی نیمساز زاویه $X\hat{B}Y$ در نظر می گیریم از M خطهایی بر ضلع های BX و BY							
	عمود می کنیم BMK تا آنها را به ترتیب در H و K قطع کنند دو مثلث BMK و BMK به حالت (وتر ویک زاویه تند) همنهشت هستند، پس $MH=MK$ و MK						
اگر نقطه ی M از دو ضلع BX و BX به فاصله ی یکسان باشد (0.77) چون دو مثلث قائم الزوایه ی BX به حالت تسادی متر در یک خراد قائم BX به حالت تسادی متر در یک خراد قائم BX به حالت تسادی متر در یک خراد قائم متر در تا به متر در در تا به متر در تا							
به حالت تساوی و تر و یک ضلع قائمه همنهشت هستند پس $\hat{B}_{\gamma}=\hat{B}_{\gamma}$ بعنی خطی BMK می گذرد نیمساز زاویه $X\hat{B}Y$ است .							
x	1 9 2 3, 3						
$B \leftarrow 1$ M							
у							
«ادامه در صفحه ی دوم »							

ساعت شروع:۸ صبح	رشتهی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۳/۳/ ۱۳۹۰		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	\ ٣ ٩٠ JL	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه س

	http://aee.medu.ir	
نمره	راهنمای تصحیح	رديف
١	می دانیم که طول مماس های رسم شده از نقطه ای خارج یک دایره با هم برابر است .	٦
	محيط مثلث = $AB + AC + BC = AB + AC + BD + DC = AB + AC + BE + CF$ (٠/٥)	
	$= AE + AF = \forall AE$ $(./\forall a)$	
	. بنابراین محیط مثلث ABC مستقل از نقطه ی D بوده و مقدار آن ثابت است	
1/10	زاویه ی ظلی \hat{BAT} را در دایره ی به مرکز O در نظر می گیریم قطر AD از این دایره را رسم می کنیم و از D به نقطه	٧
	وصل می نمائیم $(\cdot/۲۵)$ زاویه ی $A\hat{B}D$ محاطی روبرو به قطر مساوی \circ ۹۰ است پس B	
	$D\hat{A}B+B\hat{A}T=$ ۹۰° (٠/٢۵) (۲) از طوفی $A\hat{D}B+D\hat{A}B=$ ۹۰ (٠/۲۵) (۱)	
	$(\cdot/$ ۲۵) $B\hat{A}T=\widehat{AB}$ پس $A\hat{D}B=\widehat{AB}$ پس $A\hat{D}B=\widehat{AB}$ از رابطه (۱)و(۲) نتیجه می شود $B\hat{A}T=A\hat{D}B$ اما می دانیم	
1	$\delta \cdot \circ = \frac{z - t}{Y} (\cdot / Y \delta) \Rightarrow z - t = 1 \cdot \cdot \circ \qquad \mathbf{g} \qquad \qquad Y \cdot \circ = \frac{z + t}{Y} (\cdot / Y \delta) \Rightarrow z + t = 1 Y \cdot \circ$	٨
	$\Rightarrow t = \Upsilon \cdot \circ (\cdot / \Upsilon \Delta) \mathbf{g} z = \Upsilon \cdot \circ (\cdot / \Upsilon \Delta)$	
1/40	$\widehat{A'}$ برهان : از A به B' واز B به A' وصل می کنیم ، دو مثلث $\widehat{MA'B}$ و $\widehat{MA'B}$ متشابهند	٩
	$ \begin{array}{c} A\hat{M}B' = A'\hat{M}B \\ \hat{A} = \hat{B} = \frac{A'B'}{Y} \end{array} \left(\frac{\cdot}{\Delta} \right) \Rightarrow \frac{MA}{MB} = \frac{MB'}{MA'} (\frac{\cdot}{Y}\Delta) $	
	$(\cdot/$ ۲۵) تکمیل شکل شکل $MA \times MA' = MB \times MB'$	
+/0	$TT' = \sqrt{d^{Y} - (R - R')^{Y}} (\cdot / Y \Delta) \Rightarrow TT' = \sqrt{Y \mathcal{S} - Y} (\cdot / Y \Delta) \Rightarrow TT' = \sqrt{Y \Delta}$	1.
	«ادامه در صفحه ی سوم »	

	ساعت شروع:8 صبح	رشتهی : ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
	تاریخ امتحان: ۳/۳ / ۱۳۹۰		سال سوم اَموزش متوسطه
ľ	مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	ال ۱۳۹۰	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه س

	http://aee.medu.ir	
نمره	راهنمای تصحیح	رديف
1/٧0	$R(Y,-Y) \xrightarrow{D} R'(F,-F) \qquad Q(Y,Y) \xrightarrow{D} Q'(F,F) \qquad (\cdot/\Delta) \qquad P(Y,Y) \xrightarrow{D} P'(Y,F)$	11
1	$S_{PQR} = \frac{7 \times 4}{7} = 4(.7\Delta)$ \Rightarrow $S_{P'Q'R'} = 4S_{PQR}(.7\Delta)$	
	Q P R (\cdot/Δ) رسم شکل P	
1/40	$T(x,y) = (x,-y) \qquad (\cdot/\Upsilon \Delta)$	۱۲
į	$A \in l \Rightarrow A = (\cdot, r) \xrightarrow{T} A' = (\cdot, -r) \qquad (\cdot/r\Delta)$ $B \in l \Rightarrow B = (\mathfrak{r}, \cdot) \xrightarrow{T} B' = (\mathfrak{r}, \cdot) \qquad (\cdot/r\Delta)$	
	$m_{A'B'} = \frac{y_{A'} - y_{B'}}{x_{A'} - x_{B'}} = \frac{-\Upsilon - \circ}{\circ - \varepsilon} (./\Upsilon \delta) = \frac{1}{\Upsilon} \Rightarrow y - \circ = \frac{1}{\Upsilon} (x - \varepsilon)(./\Upsilon \delta) \Rightarrow y = \frac{1}{\Upsilon} x - \Upsilon$	
1/0		۱۳
	$\begin{cases} OC = OA \\ A\hat{O}C = 1$ و $C \longrightarrow A$ (O به مرکز O به مرکز O به مرکز O و $O \longrightarrow A$ (O /۲۵)	
	$\begin{cases} OB = OD \\ B\hat{O}D = 1$ ۱۸۰° \Rightarrow (O تحت دوران ۱۸۰ به مرکز B $\longrightarrow D$ $\longrightarrow B$ (٠/٢۵)	
	$B\hat{A}C=D\hat{C}A$ (٠/٢٥) بنابراین $\hat{C}A$ جون دوران اندازه زاویه راثابت نگه می داردپس $\hat{B}AC\longrightarrow D\hat{C}A$ (٠/۲۵) بنابراین	
	$(\cdot/$ ۲۵) $AD\parallel CB$ بنابراین $AB\parallel CD$ ($\cdot/$ ۲۵) بنابراین $AB\parallel CD$ بنابراین $AB\parallel CD$ ($\cdot/$ ۲۵) بنابراین	
	پس چهار ضلعی ABCD متوازی الاضلاع است.	100
+/٧٥	الف)(۲و۳-) (۰/۲۵) ب) سه (۰/۲۵) ج) خط (۰/۲۵)	12
<u> </u>	«ادامه در صفحه ی چهارم »	

ساعت شروع:۸ صبح	رشتهی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۳/۳/ ۱۳۹۰		سال سوم أموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	بال ۱۳۹۰	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه س

	http://aee.medu.ir	
نمره	راهنمای تصحیح	رديف
1/40	(/YA)1 1 ä	10
	اگر خط L در صفحه P باشد حکم برقرار است (\cdot/ au) فرض کنیم خط L در صفحه P قرار ندارد . اگر L' خطی از صفحه P باشد که با L موازی است L و L'	
	ورق تیم خط L در طبعت L و تراز ندارد L عملی از صبعت L می نامیم (ℓ /۲۵).	
Į	فصل مشترک دو صفحه P' همان خط L' است. $(\cdot/ 7a)$	
	اگر خط L صفحه P را قطع کند محل تقاطع روی فصل مشترک این دو صفحه قرار دارد ، (0.770) یعنی دو خط L و 1.5	
<u> </u>	را قطع نمی کندوبا آن موازی است. پس خط L صفحه P را قطع نمی کندوبا آن موازی است. L'	
1/40	دو خط AX و AY را در صفحه ی P در نظر می گیریم . $(\cdot/۲۵)$	17
	از نقطه O خطوط OX' و OY' را موازی خطوط OX و OY' را موازی خطوط OX' از نقطه O خطوط OX'	
	خط OX' و OY' را رسم می نماییم (۰/۲۵)	
	بنابراین صفحه P موازی خواهد بود. $(\cdot/ $	
	هر خطی که از نقطه O بگذرد با صفحه P موازی باشد در صفحه Q قرار می گیرد (۰/۲۵)	
	زیرا درغیراین صورت صفحه Q را قطع می کند.	
	$Q = \begin{pmatrix} (\cdot/x_0) & \text{i.i. } Q \\ (\cdot/x_0) & \text{i.i. } Q \end{pmatrix}$ $Q = \begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix}$ $A = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$	
1/0		17
	رسم می کنیم. $(\cdot/ 7)$ فصل مشترک صفحه های P و Q یعنی خط Δ جواب مسئله است. $(\cdot/ 7)$ زیرا	
	$egin{pmatrix} L \perp P \Rightarrow L \perp \Delta \ L' \perp Q \Rightarrow L' \perp \Delta \end{pmatrix} \Rightarrow$ برهر دو خط L و L عمود است. Δ (٠/٢۵)	
	صفحه های P و Q بر هم منطبق نیستند زیرا درغیر این صورت L و L' متنافر نیستندواین خلاف فرض است. $(0/70)$	
	$(\cdot/ ^{(r)})$ خط Δ منحصر به فرد است زیرا صفحه های P و Q منحصر به فرد هستند. $(\cdot/ ^{(r)})$	
۲٠	«موفق باشید » جمع نمره	