



UNIVERSITÉ
DE MONTPELLIER



Rapport de projet

Profilage par essais et erreurs au poker

Réalisé par
Manuel Chataigner, Morgane Vidal
et Benjamin Commandré

Encadré par
Pierre Pompidor et Guillaume Tisserant

Pour l'obtention du master informatique
Année universitaire 2014-2015

Remerciements

Nous tenons tout d'abord à remercier Jimmy Lopez et Sébastien Beugnon pour nous avoir conseillés tout au long de notre projet.

Nous remercions aussi nos tuteurs Guillaume Tisserant et Pierre Pompidor pour nous avoir accompagnés tout au long de la réalisation du projet, en particulier pour les choix des méthodes de profilage.

Table des matières

1	Introduction	9
1.1	Généralités	9
1.2	Sujet	9
1.3	Rapide description des règles du Texas Hold'Em Poker	10
1.3.1	Mise en place du jeu	10
1.3.2	Préflop	10
1.3.3	Flop	10
1.3.4	Turn	10
1.3.5	River	11
1.3.6	Les combinaisons	11
1.4	Cahier des charges	14
1.4.1	Problématique	14
1.4.2	Fonctionnalités obligatoires	14
1.4.3	Fonctionnalités optionnelles	15
1.4.4	Spécifications techniques	15
1.4.5	Organisation prévisionnelle	15
2	Organisation du projet	17
2.1	Organisation du travail	17
2.1.1	Réunions	17
2.1.2	Mise en commun du travail	17
2.1.3	Planification	18
2.2	Méthodes et outils de travail	19
2.2.1	Gestionnaire de versions	19
2.2.2	Normes de programmation	20
3	Analyse du projet	22
3.1	Système de jeu	22
3.2	Profilage	23
3.2.1	Choix d'enregistrement des données	23
3.2.2	Calcul de la rationalité d'un joueur	24
3.2.3	Calcul de l'agressivité d'un joueur	25
3.2.4	Calcul du bluff d'un joueur	26
3.2.5	Calcul de la passivité d'un joueur	26

3.3	Profilage statique	26
3.4	Réutilisation des résultats du profilage	26
4	Mise en place des méthodes de profilage	27
4.1	Calibrage des intelligences artificielles	27
4.2	Profilage statique	29
4.2.1	Scénarios de tests	29
4.2.2	Test du profilage	29
4.2.3	Établissement des profils attendus	29
4.2.4	Réutilisation des résultats du profilage	30
5	Analyse des résultats obtenus	31
5.1	Profilage statique	31
5.1.1	Scénarios de tests	31
5.1.2	Analyse des gains de parties	31
6	Perspectives et conclusion	33
6.1	Perspectives d'amélioration du profilage	33
6.2	Profilage obtenu	33
A	Planification prévisionnelle	35
B	Planification réelle	37

Liste des figures

1.1	Quinte Flush Royale	11
1.2	Quinte Flush	11
1.3	Carré	12
1.4	Full	12
1.5	Couleur	12
1.6	Suite	13
1.7	Brelan	13
1.8	Double Paire	13
1.9	Paire	14
1.10	Carte Haute	14
2.1	Schéma de fonctionnement de Git	19
A.1	Planification prévisionnelle	36
B.1	Planification réelle	38

Glossaire

Les termes définis dans ce glossaire sont identifiables dans le corps du texte au moyen d'un astérisque ().*

Bluff : Le bluff est une technique de jeu qui consiste à jouer comme si l'on possédait un jeu différent de celui détenu en réalité.

Rationalité : La rationalité appliquée au poker stipule que toutes les actions d'un joueur ont une logique.

Agressité : Un joueur agressif va jouer de façon à prendre l'initiative et continuer à miser dans le but d'intimider son adversaire et ainsi prendre l'avantage.

Profilage statique : Méthode consistant à profiler un joueur lors de chaque partie. Le profil établi n'est pas modifié à chaque fois que le joueur profilé effectue une action.

Profilage dynamique : Méthode consistant à profiler un joueur tout au long d'une partie, en mettant à jour le profil établi en fonction des actions effectuées.

Cave : La cave correspond à la somme possédée par chaque joueur au début de la partie.

Pré-flop : Instant du jeu où le joueur possède deux cartes en main avant que les cartes communes n'aient été révélées.

Flop : Correspond aux trois premières cartes communes posées sur la table.

Checker : Correspond au moment où un joueur reste dans le jeu mais ne place pas d'enchères. Un joueur ne peut checker que si aucun joueur n'a misé avant lui.

Dealer : Joueur se trouvant sur le siège d'où les cartes vont être distribuées.

- Blinde :** Terme correspondant aux mises obligatoires pour les deux joueurs situés à gauche du dealer.
- Bouton :** Le bouton représente le dealer qui distribue les cartes.
- Relancer :** Une relance correspond au moment où un joueur va miser plus que ce que ses adversaires viennent de miser.
- Coup :** Correspond à la distribution courante d'un jeu.
- Mise :** Montant placé sur la table par un joueur à un instant donné.
- Se coucher :** Correspond au moment où le joueur abandonne le coup. Ses mises sont alors perdues.
- Turn :** Quatrième carte commune.
- River :** Cinquième carte commune.
- Parler :** Effectuer une action.

Chapitre 1

Introduction

1.1 Généralités

Alors qu'actuellement, de plus en plus de méthodes de profilage sont établies dans le monde des jeux afin de trouver le profil d'un joueur adverse, le poker est un jeu qui pose problème dans ce domaine. En effet, ce jeu est basé sur la chance et sur le bluff. De ce fait, un joueur ne peut jamais être sûr à 100% de pouvoir gagner et donc, son adversaire ne peut pas deviner le jeu qu'il a de manière certaine. C'est pourquoi, il est dur de profiler un joueur de manière certaine. Il y a donc des recherches dans le développement de méthodes permettant de profiler un joueur de manière efficace.

1.2 Sujet

Le but de notre projet est de mettre en place une façon de profiler de façon efficace un joueur. Nous devons tout d'abord établir une méthode de profilage statique. C'est à dire, une technique pour profiler un joueur en fonction des actions qu'il a effectuées pendant toute une partie, de manière globale. Après avoir implémenté cette première méthode de profilage, nous devons mettre en place une intelligence artificielle pouvant jouer en fonction des résultats obtenus. Ainsi, nous pourrions voir si notre intelligence artificielle est capable de gagner plus de parties une fois le profil du joueur adverse établi.

S'il nous reste du temps, nous devons mettre en place une méthode de profilage dynamique, avec par conséquent, un profil qui s'établit tout au long de la partie et qui est modifié à chaque nouvelle action du joueur adverse. Nous devons alors, de même que précédemment, mettre en place une intelligence artificielle capable de jouer en exploitant les données de profilage. Ainsi, nous pourrions observer la différence du nombre de parties gagnées en fonction des deux types de profilage, à savoir, statique ou dynamique, mais aussi en fonction des profils établis. En effet, un joueur considéré comme agressif et rationnel est-il plus facile à profiler et à battre qu'un joueur considéré comme non agressif

et irrationnel ?

1.3 Rapide description des règles du Texas Hold’Em Poker

1.3.1 Mise en place du jeu

Le Texas Hold’Em Poker est un jeu de cartes dans lequel le but d’un joueur est de gagner le plus d’argent.

Afin de commencer une partie, on désigne tout d’abord le bouton* qui sert à désigner le donneur ou dealer*. Le joueur choisi sera donneur pour une main, puis cela sera au tour du joueur à sa gauche une fois cette main terminée et ainsi de suite.

Une fois le donneur sélectionné, il faut poser les blindes*. Le joueur directement à gauche du dealer* pose la petite blinde* alors que celui situé à sa gauche pose la grosse blinde* qui correspond souvent à exactement le double de la petite.

Le dealer* doit alors distribuer les cartes aux joueurs, à savoir, deux cartes par joueur.

1.3.2 Préflop

Lorsque les cartes ont été distribuées, l’étape préflop* commence. Le tour de mises préflop* démarre donc par le joueur à la gauche de celui ayant mis la grosse blinde*. Celui-ci peut se coucher*, suivre* la grosse blinde* afin de pouvoir rentrer dans le coup ou encore relancer* d’un montant au moins égal à deux fois la grosse blinde*. Une fois le tour de mises préflop* terminé, on passe à l’étape suivante : le flop.

1.3.3 Flop

Lors du flop*, le dealer* pose trois cartes faces apparentes au milieu de la table. Le premier tour de mises post-flop commence alors. Les règles sont les mêmes que lors du préflop* mis à part le fait que le premier joueur à parler* peut soit checker* soit miser*.

Une fois le tour de mises fini, on passe à l’étape du turn*.

1.3.4 Turn

Lors du turn*, le dealer* pose une carte découverte, à la suite des cartes du flop*.

Le troisième tour de mises commence alors. Celui-ci est identique au flop*.

Une fois celui-ci fini, on passe à la dernière étape, à savoir la river*.

1.3.5 River

La dernière carte est alors posée par le dealer* au milieu, à la suite des autres cartes découvertes pendant les autres étapes.

De même que pour l'étape précédente, un tour de mises est effectué, avec les mêmes règles.

Une fois ce tour de mises terminé, les joueurs restants abattent leurs cartes et la meilleure main l'emporte.

1.3.6 Les combinaisons

Lorsque l'on compare les mains au poker, la main gagnante est celle ayant la combinaison la plus forte. Au poker, il y a 9 combinaisons, de la quinte flush royale, correspondant à la combinaison la plus forte à la carte haute, correspondant à la combinaison la plus faible. Ainsi, une quinte flush royale gagne face à une quinte flush qui elle-même gagne contre un carré et caetera jusqu'à la combinaison la plus faible.

La combinaison la plus forte, la quinte flush royale est une suite d'une seule couleur, allant de l'as au dix. Par exemple, la main suivante correspond à une quinte flush royale.



Figure 1.1: Quinte Flush Royale

Après la combinaison la plus forte, il y a la quinte flush, correspondant, comme on peut le voir dans la figure suivante, à une suite de cartes de la même couleur.



Figure 1.2: Quinte Flush

Par la suite, un joueur peut avoir un carré, à savoir, quatre cartes identiques. Si jamais deux joueurs ont un même carré, par exemple si le carré se trouve sur la table, le joueur gagnant sera celui ayant pour cinquième carte la carte la plus haute.



Figure 1.3: Carré

Après le carré, vient le full qui correspond à trois cartes identiques et deux autres cartes identiques, comme on peut le voir dans la figure 1.4 suivante.



Figure 1.4: Full

La combinaison correspondant à une couleur, ou flush, vient ensuite. Un joueur ayant une couleur doit donc avoir une main composée de cinq cartes de la même couleur.



Figure 1.5: Couleur

Il y a ensuite une simple suite, donc une main composée de cartes qui se suivent, comme on peut le voir dans l'exemple suivant.



Figure 1.6: Suite

Lorsqu'un joueur a un brelan, on compte uniquement ses trois cartes. Si jamais il y a égalité entre deux joueurs, on va regarder la carte haute suivante. Si celle-ci a de nouveau le même poids pour les deux joueurs, on regarde la deuxième carte la plus haute. La figure suivante correspond à un exemple de main ayant pour combinaison un brelan.

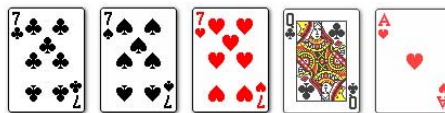


Figure 1.7: Brelan

De même que précédemment, lorsqu'un joueur a une double paire, on compare les paires puis la carte haute.



Figure 1.8: Double Paire

De même que pour la combinaison précédente, lorsqu'un joueur a une paire, si jamais il y a égalité entre deux joueurs pour la paire, on va comparer les cartes suivantes, en comparant chaque carte suivante.



Figure 1.9: Paire

Enfin, lorsqu'un joueur n'a pas d'autre combinaison, on va regarder sa carte la plus haute. De ce fait, si deux joueurs ont la même combinaison, une carte haute, et qu'ils ont la même carte haute, on va comparer la carte haute suivante et de même jusqu'à ce qu'on ait deux cartes différentes ou alors que l'on ait comparé les cinq cartes de la main.



Figure 1.10: Carte Haute

1.4 Cahier des charges

1.4.1 Problématique

Durant les 10 semaines de développement du projet, nous devrons donc implémenter de façon intelligente une simple application permettant de jouer au poker puis, une intelligence artificielle capable de profiler différents types de joueur, tout d'abord de façon dynamique et éventuellement de façon statique.

1.4.2 Fonctionnalités obligatoires

Le projet qui nous a été attribué a pour but de développer une intelligence artificielle de poker permettant d'établir les différents profils des joueurs.

L'intelligence artificielle devra donc profiler ses adversaires en se basant sur différents critères comme la rationalité ou l'agressivité. Elle catégorisera alors les différents types de joueurs et leur attribuera des comportements.

Il nous est demandé d'établir dans un premier temps un profilage statique basé sur un automate à états finis, qui a pour but d'attribuer un unique comportement à chacun des joueurs pour toute la partie. Ce comportement sera attribué puis modifié après chaque nouvelle partie jouée contre un même joueur.

Par la suite, nous devrons mettre en place une nouvelle méthode de profilage afin de profiler de façon dynamique les joueurs. Dans cette seconde version, le profil d'un joueur sera mis à jour tout au long du déroulement d'une partie et

l'intelligence artificielle devra pouvoir adapter son comportement aux réactions du joueur adverse.

Tout au long du développement, des scénarios de tests seront mis en place afin de vérifier le bon fonctionnement de la catégorisation des joueurs.

1.4.3 Fonctionnalités optionnelles

Une fois les fonctionnalités obligatoires mises en place, il sera possible d'ajouter la possibilité d'avoir plus de deux joueurs dans une même partie, avec plusieurs intelligences artificielles ou plusieurs joueurs humains mais comprenant toujours au moins une intelligence artificielle.

On pourra également intégrer un système de dialogue entre les différents joueurs basé sur des phrases prédéfinies. Ainsi, chaque joueur, humain ou non, pourra envoyer des messages aux autres participants, et notre intelligence artificielle pourra utiliser ces messages pour mieux profiler ses opposants.

1.4.4 Spécifications techniques

Afin de faciliter les conditions de travail en groupe, il faudra utiliser un gestionnaire de version.

L'application devra être réalisée en utilisant le langage C++ et l'interface sera développée en utilisant Qt.

Le développement devra s'appuyer sur les méthodes agiles. Celles-ci sont basées sur une approche itérative dans un esprit collaboratif en prenant compte des besoins des utilisateurs et de leurs évolutions.

1.4.5 Organisation prévisionnelle

Comme nous pouvons le voir dans l'annexe A représentant le diagramme de Gantt prévisionnel que nous avons mis en place, nous avons prévu dans un premier temps une étude préalable du sujet consistant à nous familiariser avec le vocabulaire du poker. De ce fait, Nous avons rapidement mis en place un glossaire contenant des définitions des différents termes. Pendant cette période, nous avons également défini les besoins des utilisateurs avec entre-autres un diagramme de cas d'utilisations. Nous avons aussi défini comment nous allons nous organiser durant le déroulement du projet, en définissant la fréquence des rendez-vous ainsi que les modalités de partage des données.

Par la suite, nous avons prévu de continuer par une étude détaillée durant laquelle nous allons élaborer un diagramme de classe, rédiger le cahier des charges ainsi que commencer à lire des articles sur le sujet.

Ensuite, nous passerons à une première étude technique durant laquelle nous commencerons par établir les normes de programmation. Puis, nous développerons une intelligence artificielle simple permettant à un joueur de jouer. Nous réfléchirons par la suite aux différents algorithmes et méthodes permettant d'établir un bon profilage statique du joueur adverse. Et nous établirons des jeux de tests. Dans le même temps, nous commencerons la phase

de réalisation, en implémentant en parallèle l'interface graphique et l'intelligence artificielle simple puis, nous ajouterons la méthode de profilage statique et effectuerons les tests définis auparavant.

Nous effectuerons ensuite une seconde étude technique pendant laquelle nous définirons les méthodes et algorithmes qui seront utilisés afin d'implémenter la méthode de profilage dynamique. Dans ce même temps, nous implémenterons la méthode de profilage dynamique, en effectuant les tests définis pendant la phase d'étude technique.

Enfin, la dernière partie sera réservée à la mise en place de la démonstration qui sera effectuée lors de la soutenance, ainsi qu'à la finalisation du rapport qui sera rédigé tout au long de la période du projet et à la préparation de la soutenance.

Chapitre 2

Organisation du projet

2.1 Organisation du travail

2.1.1 Réunions

Comme prévu au départ, nos tuteurs et nous-même avons choisi de nous réunir chaque semaine afin de discuter de nos avancées, des éventuels problèmes rencontrés et des méthodes choisies pour le profilage. De ce fait, nous garantissons que ce que nous faisons était toujours en accord avec les attentes.

De notre côté, nous avons choisi de nous réunir chaque mercredi et chaque vendredi matin afin de pouvoir réfléchir ensemble sur les différentes méthodes de calculs. Par exemple, comment déterminer le taux d'agressivité d'un joueur ? Nous nous répartissions ensuite le contenu à implémenter.

Étant donné le fait que notre groupe n'était composé que de trois membres, nous avons choisi de ne pas élire de chef de projet mais plutôt de travailler tous sur un pied d'égalité. De ce fait, il n'y a pas eu de spécialisation, chaque membre du groupe a participé à toutes les parties du projet. En effet, notre projet étant basé en particulier sur la réflexion et sur la mise en place de différents algorithmes, il était plus intéressant de travailler à plusieurs.

2.1.2 Mise en commun du travail

Nous avons choisi d'utiliser un git workflow pour la gestion de notre projet. Cette méthode consiste à mettre en place une branche master qui contient le code de production et sur laquelle rien n'est développé. Elle est donc réservée aux versions fonctionnelles et abouties. Nous avons ensuite une branche develop sur laquelle sont ajoutées l'ensemble des modifications effectuées au cours du développement et le code qui sera ajouté pour la nouvelle release. Sur cette branche, on peut corriger ou encore améliorer des fonctions.

C'est donc une fois l'application dans une version finalisée que sont par la suite ajoutées à la branche master l'ensemble des commits effectués sur le develop.

Pour chaque nouvelle fonctionnalité ou correction, nous ajoutons une nouvelle branche en local dans nos répertoires sur laquelle les modifications étaient effectuées. Elles étaient ensuite intégrées à la branche develop en local puis envoyées sur le répertoire public correspondant. Enfin, elles étaient intégrées au répertoire de référence.

2.1.3 Planification

Le diagramme de Gantt de l'annexe B correspond à la planification réelle de notre projet. Comme on peut vite le constater, nous avons eu du retard et n'avons pas pu finir toutes les tâches prévues au départ. De même, on peut constater que quelques tâches absentes au départ ont été ajoutées.

On peut tout d'abord voir que la mise en place de l'interface graphique a pris plus de temps que prévu. En effet, nous n'avions pas prévu que la bibliothèque que nous souhaitions utiliser s'avérerait difficile à mettre en place et que par conséquent il nous faudrait partir de zéro pour l'interface graphique. Étant donné le retard pris pour la mise en place de l'interface graphique, nous avons aussi pris quelques jours de retard sur l'implémentation du jeu de poker et de l'intelligence artificielle basique.

Cependant, on peut constater que nous avons commencé l'analyse de l'existant pour le profilage statique bien en avance. Cependant, nous avons ajouté à la liste des articles à lire quelques articles supplémentaires dont une thèse qui nous aura donc pris plus de temps à lire que précédemment. De ce fait, nous avons pris du retard sur la phase d'étude détaillée et sur la phase de développement des algorithmes. De plus, lorsque nous avons voulu passer à la phase d'implémentation des algorithmes. Nous devions récupérer une calculatrice de probabilités permettant de calculer les chances de gain d'un joueur. Cependant, cette calculatrice n'ayant pas été retrouvée, nous avons dû ajouter de nouvelles tâches : l'étude détaillée et l'implémentation de la calculatrice de probabilité. Par conséquent, nous avons mis en pause l'implémentation des algorithmes afin que tous les membres du groupe puissent discuter ensemble de l'étude détaillée de la calculatrice de probabilités. De ce fait, nous avons pris encore plus de retard dans le déroulement de notre projet.

Comme on peut le constater, à mi-parcours du projet, du 31 mars au 10 avril, nous nous sommes rendus compte que la partie concernant le jeu et l'intelligence artificielle était difficilement réutilisable et que l'on découvrait régulièrement des bogues qui n'avaient pas été détectés au moment des tests. Cette partie étant difficilement débogable et nous faisant perdre beaucoup de temps, nous avons choisi de reprendre complètement cette partie. Nous avons perdu beaucoup de temps à ce moment là et nous nous sommes rendus compte à quel point la découverte tardive d'un bogue fait perdre énormément de temps sur le développement de l'application. Par conséquent, alors que la période d'implémentation des algorithmes liés au profilage statique aurait dû être finie, nous avons repris le code du jeu et avons donc retardé cette implémentation, ce qui a fait prendre du retard aux tâches suivantes.

Enfin, nous pensions au départ que nous ne devrions que profiler les joueurs

adverses alors que nous devons aussi faire jouer l'intelligence artificielle en fonction du profil établi afin de faire en sorte que l'intelligence artificielle gagne le plus d'argent possible. De ce fait, nous avons ajouté les tâches en rapport à la mise en place du jeu de l'intelligence artificielle en fonction des profils établis.

Nous pouvons donc en conclure que nous avons pris beaucoup de retard, sûrement à cause du fait que nous n'avions pas bien compris l'ampleur des tâches qui seraient à effectuer et à cause d'une mauvaise conception au départ de la partie correspondant au jeu et à l'intelligence artificielle basique. Finalement, étant donné que l'on s'est rendu compte du retard pris sur le projet, plutôt que terminer précipitamment la partie sur le profilage statique pour commencer le profilage dynamique prévu, nous avons préféré ne pas nous précipiter et terminer correctement le profilage statique et obtenir de bons résultats, quitte à ne pas faire la partie dynamique.

2.2 Méthodes et outils de travail

2.2.1 Gestionnaire de versions

Notre choix s'est porté sur le gestionnaire de version Git, car contrairement à d'autres tels que Subversion, Git est décentralisé. Il ne repose pas sur un seul et même dépôt en ligne sur lequel chaque nouvelle version d'un fichier envoyée remplace la précédente et affecte donc l'ensemble du groupe. Git met en place, en plus du dépôt de référence commun à tous, un dépôt en ligne et un dépôt local pour chacun des utilisateurs, comme on peut le voir dans le schéma suivant.



Figure 2.1: Schéma de fonctionnement de Git

L'utilisation de dépôts publics, en vert clair sur le schéma, permet d'éviter les conflits, notamment lorsque deux personnes travaillent sur un même fichier, puis souhaitent l'envoyer sur le dépôt commun simultanément. Ici, les fichiers sont envoyés sur les dépôts en ligne personnels, puis intégrés sur le dépôt de référence, représenté en bleu, par la personne en charge lorsque les utilisateurs effectuent une demande d'intégration auprès du responsable (integration manager).

Les conflits n'ont lieu dans ce cas, que lorsqu'une même ligne est modifiée plusieurs fois, auquel cas, c'est le responsable d'intégration qui le verra et donc n'acceptera pas les modifications proposées.

2.2.2 Normes de programmation

Concernant la réalisation du projet, l'application sera développée en français. Par conséquent, les différents identifiants des attributs, noms de classes et fonctions/méthodes que nous implémenterons auront des noms français, les méthodes `toString` ainsi que pour les accesseurs et mutateurs que nous nommerons `getNomAttribut` et `setNomAttribut`, selon les conventions de codage établies.

Les noms des classes commenceront toujours par une majuscule suivie de minuscules. Si le nom de la classe est composé de plusieurs mots, alors on ajoutera une majuscule à chaque début de mot.

Les noms des méthodes, des variables et des attributs devront impérativement commencer par une minuscule avec une majuscule à chaque nouveau mot.

Pour l'indentation, il faudra mettre un maximum d'accolades, facilitant la reprise et l'ajout de code, même lorsque celles-ci ne sont pas obligatoires.

Des commentaires seront ajoutés pour chaque fonction et méthode, au dessus de la déclaration correspondante, dans les fichiers d'en-tête. Les commentaires des accesseurs et mutateurs ne sont pas obligatoires car explicites. Dans ces commentaires seront précisés l'action de la fonction/méthode, l'ensemble des paramètres, l'élément retourné s'il existe. Ces commentaires seront de la forme suivante :

```
/**
 * @param
 * @action
 * @return
 */
```

Au début de chaque nouveau fichier créé, il faudra ajouter l'en-tête suivante:

```
/*=====
Nom: fichier.cpp          Auteur:
Maj: 27/03/2014          Creation: 01/02/2015
Projet: Profilage par essais et erreurs au poker
=====
Specification: Specifications du fichier
=====*/
```

De plus, chaque commit effectué sur le projet Git devra avoir une description explicite permettant de savoir, sans avoir à parcourir le code, les modifications qui ont été apportées.

Chapitre 3

Analyse du projet

3.1 Système de jeu

Afin de pouvoir effectuer le profilage d'un joueur, nous avons mis en place un jeu de poker à deux joueurs. Dans un premier temps, il s'agissait d'un joueur humain contre une intelligence artificielle ayant pour but de le profiler. Pour pouvoir jouer, une interface graphique a été mise en place pour permettre à la fois le suivi de la partie et le choix des actions.

Au départ, l'intelligence artificielle reposait sur un algorithme basique lui permettant de jouer une partie. Puis nous avons rapidement mis en place un calibrage de l'intelligence artificielle, afin de pouvoir lui attribuer un style de jeu (agressif, rationnel...). Lors l'ajout de ce calibrage, nous avons complexifié le jeu de l'intelligence artificielle en prenant en compte le calibrage donné mais aussi en y ajoutant un choix d'action plus varié.

Afin de différencier les joueurs que profilés, nous avons mis en place un système de pseudos. Avant le démarrage du jeu, il est alors possible de renseigner un pseudo, nouveau ou déjà existant, qui permet à l'intelligence artificielle de collecter et rassembler les données de profilage d'un même joueur. De ce fait, s'il se déconnecte et souhaite rejouer un autre jour, l'intelligence artificielle disposera toujours du précédent profilage effectué.

Par la suite, afin de permettre l'automatisation du profilage, et le lancement d'une série de parties, il nous a été demandé de revoir le système de jeu afin que l'intelligence artificielle existante puisse jouer contre une deuxième intelligence artificielle ne profilant pas. Dans cette version, l'interface n'est plus prise en compte et les deux intelligences jouent simultanément jusqu'à fin de la partie. Dans ce cas, un calibrage est donné pour cette deuxième intelligence artificielle, et celui-ci reste fixe pour la suite de parties. C'est l'intelligence artificielle qui profile qui va tenter de retrouver les valeurs de ce calibrage.

Pour permettre ces séries de tests, nous avons donc ajouté la possibilité de choisir le nombre de parties à lancer, afin de tester de façon efficace le profilage

mis en place.

3.2 Profilage

3.2.1 Choix d'enregistrement des données

Afin de profiler les joueurs, nous avons choisi d'enregistrer un certain nombre de données dans des fichiers de sortie. Selon le système de pseudos développé, nous avons décidé de mettre en place un fichier par joueur, représenté par le pseudo du joueur. Dans le but d'une réutilisation des données enregistrées par l'application, nous avons choisi le format de données Json car il a l'avantage d'être facilement exploitable. De plus, nous avons pu utiliser la librairie QJson pour traiter les données des fichiers.

Nous avons ensuite déterminé les données à prendre en compte au cours d'une partie, qui vont permettre le profilage du joueur adverse, et qui seront donc enregistrées dans les fichiers json.

Dans un fichier, chaque valeur est représentée sous forme de taux, en pourcentage.

Au cours d'une partie, l'intelligence artificielle va donc enregistrer les chances de gain du joueur, calculées en fonction des cartes du joueur adverse en fin de partie.

Elle va également calculer les différentes actions effectuées. Ici, nous avons choisi de classer les différentes actions en trois catégories, les suivis, les checks, et les mises qui comprennent aussi les relances. Chacune de ces valeurs représente donc le pourcentage de réalisation de cette action par le joueur en fonction du nombre de tours de jeu (par exemple si le joueur a suivi une fois sur deux, on aura 50% de suivis). Si le joueur ne se couche pas, le total de ces trois valeurs est donc 100%. Enfin un booléen indique si le joueur s'est couché ou non au cours de la partie.

Concernant les mises, afin d'être plus précis sur l'agressivité du joueur, nous mémorisons également la mise la plus haute effectuée en une fois par le joueur, ainsi que le total du montant misé sur l'ensemble des tours.

Finalement, le fichier contient tous les types de comportements possibles que l'on peut attribuer au joueur profilé. Nous avons choisi de catégoriser le joueur selon quatre critères : l'agressivité, c'est à dire sa capacité à miser, la rationalité, le bluff et la passivité. Ces quatre valeurs sont exprimées en pourcentage. Pour chacune d'elle nous avons déterminé une formule qui, à partir des données enregistrées dans le fichier et présentées plus haut, va calculer les taux associés. Pour l'agressivité, nous prenons en compte les mises effectuées, c'est à dire le nombre de mises, la mise la plus haute et le total des mises. La rationalité se base sur la cohérence entre les chances de gain du joueur et les mises effectuées. Puis nous avons dans un premier temps, calculé la passivité comme étant la somme du taux de checks et de suivis, soit l'inverse de l'agressivité, et le bluff comme l'inverse de la rationalité. Enfin, dans le but d'effectuer un profilage plus

précis des joueurs, nous avons distingué chaque étape de jeu, et donc enregistré l'ensemble de ces valeurs pour les quatre étapes d'une partie : préflop, flop, turn et river. Un profil global de la partie est ensuite écrit avec les quatre valeurs de comportement. Puis un booléen contient le résultat de la partie.

Pour un joueur donné, le fichier contient donc l'ensemble des parties effectuées. Nous avons aussi au départ pensé à valoriser chacun des comportements de façon globale, après chaque partie enregistrée.

Finalement, nous nous sommes rendu compte qu'enregistrer les différentes valeurs utile au profilage en fonction de chaque étape n'était pas optimal. En effet, un profil calculé globalement donnait des résultats plus cohérents qu'un profil calculé en fonction du profil établi à chaque étape d'une partie. Nous avons donc choisi de n'afficher que les données de manière globale.

Par la suite, il nous a fallu modifier le style de jeu de l'intelligence artificielle afin que celle-ci, une fois le profilage établi, se mette à jouer de façon à gagner un maximum de parties et d'argent. Dans cette phase de jeu, l'intelligence artificielle ne profile plus le joueur et tente simplement de gagner. Si les gains deviennent trop faibles, alors celle-ci a pour but de reprendre le profilage. Seulement pour pouvoir comparer le nombre de parties gagnées dans chacune des phases de jeu, il nous fallait alors écrire les résultats d'une partie, même lorsque l'on ne profile pas le joueur. Cela revenait donc à écrire les résultats de gain dans le json. Seulement, cette donnée s'avérait difficilement exploitable dans un fichier json, pour générer des graphes à partir des gains.

C'est donc à ce moment que nous avons changé le fichier json, en fichier csv. Dans ce fichier, nous avons ajouté le gagnant de la partie, ainsi que les gains ou pertes d'argent de l'intelligence artificielle au cours de la partie. De cette manière, il nous serait facilement possible d'observer les gains cumulés de l'intelligence artificielle au bout de plusieurs parties.

Nous avons donc aussi ajouté dans le fichier le mode de jeu de l'IA, soit profilage ou bien phase de jeu.

3.2.2 Calcul de la rationalité d'un joueur

Afin de calculer le taux de rationalité d'un joueur pendant une partie, nous avons choisi de nous baser sur une courbe correspondant aux pourcentages théoriques de rationalité en fonction des chances de gagner. A partir de cette courbe, nous avons décidé de calculer la mise le joueur aurait dû théoriquement mettre en jeu en nous basant sur quatre paliers, comme on peut le voir dans la formule suivante.

Pour chaque palier, on regarde si les chances de gain du joueur sont comprises entre $g1$ et $g2$. Une fois le palier trouvé, on calcule la mise théorique, en sachant que celle-ci sera comprise entre les $m1$ et $m2$ correspondant au palier.

Gain = chances de gain du joueur,
Ra = rationalité
 M_{th} = Mise théorique.

$$M_{th} = \left((Gain - g1) * \left(\frac{m2 - m1}{g2 - g1} \right) \right) + m1 \begin{cases} Ra \in [m1 = 0 - m2 = 10] & \text{Si Gain} \in [g1 = 0 - g2 = 30] \\ Ra \in [m1 = 11 - m2 = 25] & \text{Si Gain} \in [g1 = 31 - g2 = 50] \\ Ra \in [m1 = 26 - m2 = 65] & \text{Si Gain} \in [g1 = 51 - g2 = 69] \\ Ra \in [m1 = 66 - m2 = 100] & \text{Si Gain} \in [g1 = 70 - g2 = 100] \end{cases}$$

Après avoir calculé la mise théorique que le joueur aurait dû faire, nous la comparons avec la mise réelle du joueur. On obtient alors la formule suivante pour calculer la rationalité :

$$Rationalité = 100 - abs(M_{th} - M_{réelle})$$

3.2.3 Calcul de l'agressivité d'un joueur

De même que pour la rationalité, pour calculer le pourcentage d'agressivité d'un joueur pendant une partie, nous avons choisi de nous baser sur un système de paliers, en prenant en compte trois paramètres : le pourcentage de mises, le total des mises qui est exprimé en pourcentage de jetons par rapport aux jetons de départ du joueur et la mise la plus haute du joueur, elle aussi exprimée en pourcentage de jetons par rapport aux jetons de base.

De même que précédemment, pour chaque palier, on va regarder si la mise la plus haute (mph) est comprise entre mph1 (mise la plus haute 1) et mph2. Une fois le palier trouvé, on calcule le pourcentage d'agressivité théorique qui sera compris entre ag1 et ag2.

$$Ag_{th} = \begin{cases} Ag_{th} \in [0 - 50] Simph \in [0 - 25] & ratio1 = \frac{1}{2} \quad ratio2 = \frac{1}{2} \\ Ag_{th} \in [51 - 80] Simph \in [26 - 50] & ratio1 = \frac{2}{3} \quad ratio2 = \frac{1}{3} \\ Ag_{th} \in [81 - 100] Simph \in [51 - 100] & ratio1 = \frac{2}{3} \quad ratio2 = \frac{1}{3} \end{cases}$$

Pour calculer le pourcentage théorique d'agressivité, on se base sur la formule suivante, en sachant que pour chaque palier, nous accordons des poids différents au total des mises et au nombre de mises.

$$\begin{aligned} 0 < y < mph2 - ag2 \\ x &= ratio1 * nbMises + ratio2 * totalMises \\ y &= \left(x * \frac{mph2 - ag2}{100} \right) \end{aligned}$$

Pour le dernier palier, nous ne nous basons pas sur la formule précédente mais sur la formule suivante :

$$y = \left(x * \frac{100 - mph}{100} \right)$$

3.2.4 Calcul du bluff d'un joueur

Étant donné le fait que nous partons du principe que le bluff est l'inverse de la rationalité, nous calculons le taux de bluff en utilisant la formule suivante :

$$bluff = 100 - rationalité$$

3.2.5 Calcul de la passivité d'un joueur

Nous avons décidé que le taux de passivité d'un joueur se calcule en fonction du nombre de fois où il a suivi et du nombre de fois où il a check. De ce fait, nous avons choisi d'établir la formule suivante pour calculer le taux de passivité d'un joueur :

$$passivité = tauxChecks + tauxSuivis$$

3.3 Profilage statique

3.4 Réutilisation des résultats du profilage

Chapitre 4

Mise en place des méthodes de profilage

4.1 Calibrage des intelligences artificielles

Afin de pouvoir choisir les taux d'agressivité et de rationalité de l'intelligence artificielle profilée, et pour pouvoir faire varier le comportement de celle qui le profile, il nous a fallu mettre en place un calibrage. C'est à dire qu'à partir de taux d'agressivité et de rationalité données, une intelligence artificielle doit pouvoir, quand c'est à elle de jouer, choisir une action en adéquation avec les valeurs fournies. Une intelligence artificielle agressive aura donc tendance à fortement miser.

Pour notre première version du calibrage, nous avons choisi de calculer une action pour chaque paramètre du calibrage, donc une action d'agressivité et une action de rationalité. Puis nous avons mis en place une méthode de sélection à partir des deux actions calculées et des taux de calibrage correspondants.

Pour le choix de l'action agressive, le calcul se base sur une mise théorique d'agressivité en fonction des mêmes paliers établis que pour le profilage. Puis, afin de respecter le pourcentage d'agressivité donné à l'intelligence artificielle, nous avons dans un premier temps pensé à alterner entre action agressive et action passive en fonction du calibrage. En effet, le profilage de l'agressivité s'effectue selon trois critères : la fréquence de mises, la mise la plus haute et le montant total des mises. De ce fait, afin que notre intelligence artificielle ne mise pas de façon constante, nous avons pensé à générer un nombre aléatoire entre un et cent et le comparer au taux d'agressivité donné pour choisir l'action. Par exemple, si le calibrage d'agressivité vaut 70%, alors si le nombre aléatoire est compris entre 0 et 70, on effectue une action de mise cohérente selon la mise théorique (une mise, une relance ou un suivi selon la situation), et si au contraire le nombre est compris entre 70 et 100, on choisit une action passive.

Le choix de l'action rationnelle est basé sur le même principe. La mise théorique de rationalité est calculée en fonction des chances de gain de l'intelligence artificielle, puis de la même manière que pour l'agressivité, un nombre aléatoire détermine si on effectue une action rationnelle ou non. Si on a une valeur de rationalité entre 0 et le taux alors on choisit une action rationnelle, qui correspond à la mise théorique

et qui varie selon la situation actuelle du jeu. Sinon, on liste l'ensemble des actions irrationnelles, comme une mise en dessous ou en dessus de la mise théorique, puis pour renforcer l'irrationalité, et donc l'imprévisibilité du joueur, la sélection de l'action parmi toutes celles considérées comme irrationnelles se fait de façon aléatoire.

Enfin, une fois les deux actions calculées, une sélection aléatoire est faite entre ces deux actions, avec les chances de sélection proportionnelles aux valeurs de calibrage.

Par la suite nous avons revu le calibrage de l'agressivité qui n'était pas assez précis. En effet, comme pour calibrer la rationalité, nous laissons une part de hasard dans le calcul de l'action de l'intelligence artificielle. Ceci avait pour effet de produire des résultats trop imprévisibles, et parfois trop éloignés du calibrage de départ.

Pour pallier ce problème, nous avons mis en place le calcul d'une action de mise correspondante au taux d'agressivité en fonction de la mise totale effectuée par l'intelligence artificielle au cours de la partie. Nous avons également adapté le calcul côté profilage afin que la mise totale devienne le critère principal, à la place de la mise la plus haute.

A chaque tour, le résolveur calcule donc la mise théorique à effectuer selon les nouveaux paliers.

Ag. Mise totale

0 – 50 0 – 25 exclu 50 – 80 25 – 60 exclu 80 – 100 60 – 100 exclu 100 100

Selon le calibrage, le but est donc que l'intelligence artificielle effectue la mise prévue. Seulement, il n'est pas possible de déterminer la durée de la partie. Il faut donc que celle-ci effectue progressivement sa mise, sans terminer trop tôt où elle devra effectuer des actions check ou suivi pour terminer, ce qui diminuera le taux d'agressivité; et ni trop tard pour qu'elle puisse être considérée suffisamment agressive.

Pour ce faire, nous misons de façon croissante, depuis un départ minimum, jusqu'à atteindre la mise théorique totale calculée à partir du calibrage.

En prenant un rapport $\times 2$, on obtient donc les mises totales suivantes à chaque tour de jeu.

Ex : 5 – 10 – 20 – 40 – 80 avec 80 mise totale théorique.

Dans ce cas, cela revient donc à miser 5; 5; 10; 20 puis 40.

Afin d'obtenir ce résultat, nous différencions deux cas : celui où l'intelligence artificielle peut miser et celui où elle doit suivre/relancer ou se coucher.

Si elle peut miser, alors elle joue la mise théorique courante en faisant attention de ne pas dépasser la mise théorique totale. Dans le cas où on est au river (dernier tour), alors elle mise directement ce qui lui manque pour arriver à cette mise théorique totale.

Dans le cas où l'adversaire a misé/relancé, alors l'intelligence artificielle va comparer la mise théorique courante avec la mise adverse et la valeur de relance minimum. Dans le cas où la mise théorique est inférieure à la valeur de suivi -10% alors on se couche, pour ne pas miser trop haut en suivant. Si celle-ci est comprise entre le taux de suivi $\pm 10\%$, on suit. Dans le cas où la relance est inférieure ou égale à la valeur à miser +10% , on relance de la valeur la plus proche de la mise théorique. Sinon on suit.

A la suite de ces changements nous avons également revu la sélection entre les actions d'agressivité et de rationalité, une fois ces deux dernières calculées.

Une fois que le calibrage nous a donné l'action agressive et l'action rationnelle, on effectue une fusion entre les deux. Dans les cas où les deux actions sont identiques, l'action est prise. Si ce sont toutes les deux des mises/relances, on prend la moitié du nombre de jetons, proportionnellement aux pourcentages de calibrage. Enfin, il reste la possibilité que les actions soient différentes. Ici on distingue deux cas :

- on arrive à déterminer une action représentant un juste milieu, par exemple si les deux actions sont se coucher et relancer, on fait suivre l'intelligence artificielle. Dans le cas où on a checker / miser, on considère l'action checker comme miser 0 et on effectue le calcul de la mise moyenne expliqué ci-dessus.
- sinon on tire aléatoirement l'action parmi les deux, toujours en prenant en compte les pourcentages du calibrage.

4.2 Profilage statique

4.2.1 Scénarios de tests

Afin de pouvoir évaluer le profilage effectué par l'intelligence artificielle, il nous a été conseillé de se baser sur la différence entre l'action attendue du joueur adverse, puis son action réelle. De ce fait, il est possible de déterminer facilement l'efficacité du profilage, en analysant cette différence entre l'attendu et le réel.

Pour que l'intelligence artificielle qui effectue le profil puisse connaître le comportement attendu d'un joueur à partir d'une situation donnée, nous avons établi l'ensemble des scénarios possibles. Chaque scénario se base sur le calibrage de l'intelligence artificielle qui profile (son agressivité), ainsi que ses chances de gain. Pour chacune de ces situations, on établit le comportement attendu rationnellement par le joueur adverse, exprimé sous forme de taux d'agressivité. Ce sont ces données qui sont utilisées pour calculer la différence des actions attendues et réelles.

4.2.2 Test du profilage

Afin d'obtenir un résultat des données de profilage au bout de plusieurs parties, nous enregistrons à la fin de chaque partie une ligne de résultats dans un fichier csv à partir des données du fichier contenant les données de chaque partie. Cette ligne contient la situation du jeu (calibrage de l'interface graphique et chances de gain), les taux d'agressivité et de rationalité attendus, les taux réels et la distance entre ces deux. Enfin une moyenne des taux attendus est mise à jour à chaque ajout, c'est elle qui va donner le profilage obtenu au bout de x parties.

Cela va donc permettre le lancement de plusieurs parties intelligence artificielle contre intelligence artificielle, pour obtenir un profilage rapidement. Suite à ces résultats, il est alors possible de réaliser des courbes permettant d'observer la convergence entre le profil établi, et le calibrage de l'intelligence artificielle profilée. La distance doit alors être de plus en plus proche de zéro.

4.2.3 Établissement des profils attendus

Pour calculer une action attendue, c'est à dire un taux d'agressivité et de rationalité attendu pour le joueur, l'intelligence artificielle utilise lors des premières parties les scénarios de tests établis.

Mais une fois le profilage lancé, et les premiers résultats obtenus, la méthode de profilage peut alors commencer à se servir des situations précédentes pour calculer l'action attendue d'un joueur. En effet, selon la situation, il est possible de déterminer quelle va être l'action du joueur en se référant aux scénarios de tests conçus, qui sont communs à tous les joueurs, mais également en se référant aux parties précédentes,

si l'on a déjà testé sa réaction précédemment dans une situation équivalente. Une situation équivalente est ici considérée à partir du taux d'agressivité du joueur adverse au joueur, donc l'intelligence artificielle qui profile, et des chances de gain du joueur. A partir de cette méthode, la valeur d'une action réelle dans une situation va permettre de donner la valeur d'une action attendue dans une prochaine partie. Cette méthode va ici nous permettre de profiler le joueur plus rapidement, en réutilisant les résultats précédents.

Pour effectuer cette réutilisation, plusieurs méthodes ont été considérées. Tout d'abord, celle qui cherche la situation la plus proche, selon l'agressivité du profileur et les chances de gain, sans considérer le taux de similarité entre les deux situations. C'est à dire que dans cette version, les valeurs de l'action attendue correspondent aux valeurs des scénarios de tests uniquement pour la première partie. Par la suite, c'est la valeur précédente la plus proche qui est prise en compte.

Une seconde méthode a été de limiter la réutilisation des actions réelles comme actions attendues en considérant l'équivalence entre les parties. Toujours en prenant en compte les valeurs d'agressivité et des chances de gain, les pourcentages doivent alors ne varier que de 10% maximum par exemple, pour que l'on puisse considérer la situation comme équivalente, et donc considérer les actions effectuées comme action attendues pour la partie courante. Ici on prend toujours la situation la plus proche, mais seulement parmi les parties dites équivalentes. Et donc dans le cas où les valeurs sont trop éloignées, on se réfère aux scénarios de tests.

Enfin, il est aussi possible de prendre une situation dans laquelle la distance est la plus petite.

4.2.4 Réutilisation des résultats du profilage

Une fois un profil établi, nous pouvons alors faire jouer l'intelligence artificielle en fonction des résultats obtenus, dans le but de lui faire gagner le plus de parties possibles. Lors de cette étape le profilage est interrompu, et on utilise le comportement déduit pour calibrer l'intelligence artificielle de façon à ce qu'elle puisse gagner face à ce type de joueur.

Pour une première version, nous avons choisi de seulement prendre en compte le profil final établi et d'attribuer un calibrage selon divers paliers. Ici on prend en compte trois paliers pour l'agressivité ainsi que pour la rationalité. De 0 à 40% pour le premier palier, 40 à 60% pour une valeur moyenne puis de 60 à 100% pour la palier haut. Nous avons déduit les calibrage correspondants à chaque palier du joueur profilé, les résultats sont présentés dans le tableau suivant.

Chapitre 5

Analyse des résultats obtenus

5.1 Profilage statique

5.1.1 Scénarios de tests

Pour facilement déterminer si le profilage établi est efficace, et également déterminer le nombre de parties nécessaires pour profiler, nous avons ajouté dans un .csv le profil global établi au fur et à mesure des parties, le taux de similarité entre le profilage établi et le calibrage réel de l'adversaire. Nous avons donc pu ajuster le nombre de parties selon cette valeur de similarité.

Suite à plusieurs tests, nous avons observé qu'au bout de 10 ou 15 parties, nous arrivions à obtenir un profilage satisfaisant, et que celui-ci ne tendait pas à s'améliorer, même en jouant plus de parties.

Afin de pouvoir obtenir des résultats facilement visibles, nous avons également produit des graphes représentant le profilage établi du joueur en fonction du nombre de parties, et une constante correspondant au calibrage à déterminer.

5.1.2 Analyse des gains de parties

Le but de notre intelligence artificielle étant, une fois un profilage correctement établi, de pouvoir augmenter son gain de parties mais aussi son gain d'argent. Nous avons donc renseigné dans l'application le nombre de parties au bout desquelles l'intelligence artificielle va pouvoir arrêter le profilage, et donc adapter elle-même son calibrage pour pouvoir gagner un maximum de parties.

Nous avons donc ajouté dans les fichiers résultats le gain d'argent de l'intelligence artificielle pour chacune des parties. Ceci nous a permis de pouvoir obtenir un ratio du nombre de parties gagnées sur le nombre de parties jouées pendant le profilage, puis pendant la phase de jeu.

Comme dit précédemment dans la partie 3.4, nous avons testé plusieurs types de calibrages face aux différents profils établis avant de trouver le calibrage optimal pour chaque de profil.

La figure suivante représente les calibrages que nous avons établis au départ par rapport aux profils trouvés. Après avoir effectué quelques tests, nous nous sommes vite rendus compte que dans l'ensemble, l'intelligence artificielle ne gagnait pas assez par rapport à nos attentes.

Suite à ces résultats, nous avons donc pu produire des courbes de gain en fonction du nombre de parties jouées, et aussi en fonction du mode de jeu de l'intelligence artificielle (profilage ou jeu pour gagner). Nous avons également pu afficher dans une même graphe entre les courbes de profilage et courbe de gain.

Dans le but de rendre plus significative la courbe de profilage, et donc de mieux voir la corrélation entre les deux courbes, nous avons modifié l'affichage de la courbe de profilage. En effet, selon le calibrage à déterminer, la variation de la courbe n'est pas la même. Nous avons donc fait en sorte que celle-ci corresponde à la différence entre le profilage établi et le calibrage réel. Ainsi, plus cette courbe diminue, plus le profilage établi est précis. Et donc plus cette courbe diminue, plus la courbe de gain est supposée augmenter.

Chapitre 6

Perspectives et conclusion

6.1 Perspectives d'amélioration du profilage

6.2 Profilage obtenu

Bibliographie

- [1] Karl S. Brandt. Player profiling in texas holdem. 2004.
- [2] Maria de Lourdes Peña Castillo. *Probabilities and Simulations in Poker*. PhD thesis, Université d'Alberta, 1999.
- [3] Poker Listings. Poker listings - le guide de poker all-in. fr.pokerlistings.com.

Annexe A

Planification prévisionnelle

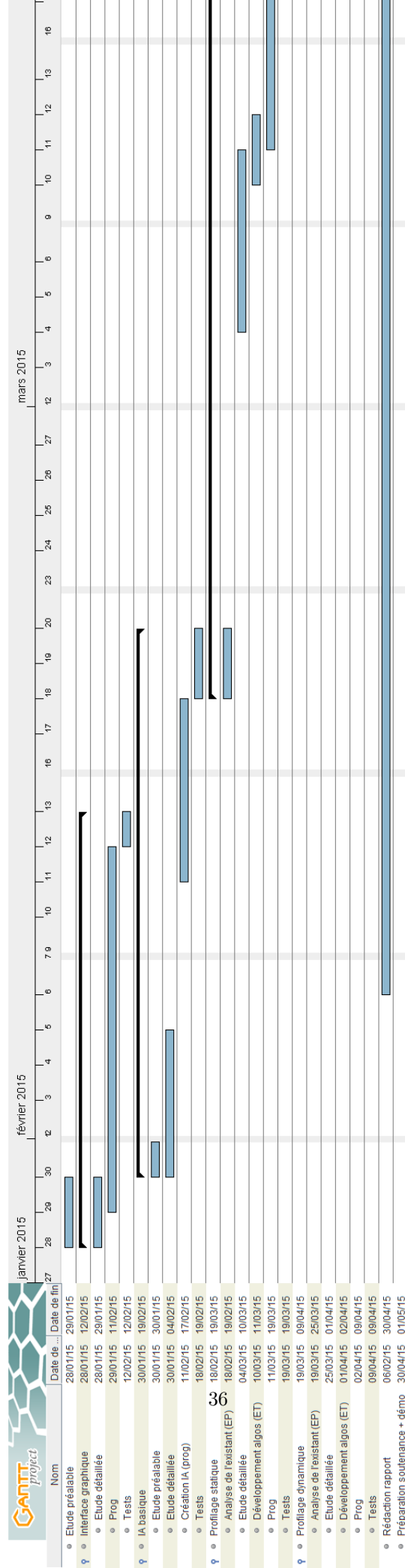


Figure A.1: Planification prévisionnelle

Annexe B

Planification réelle

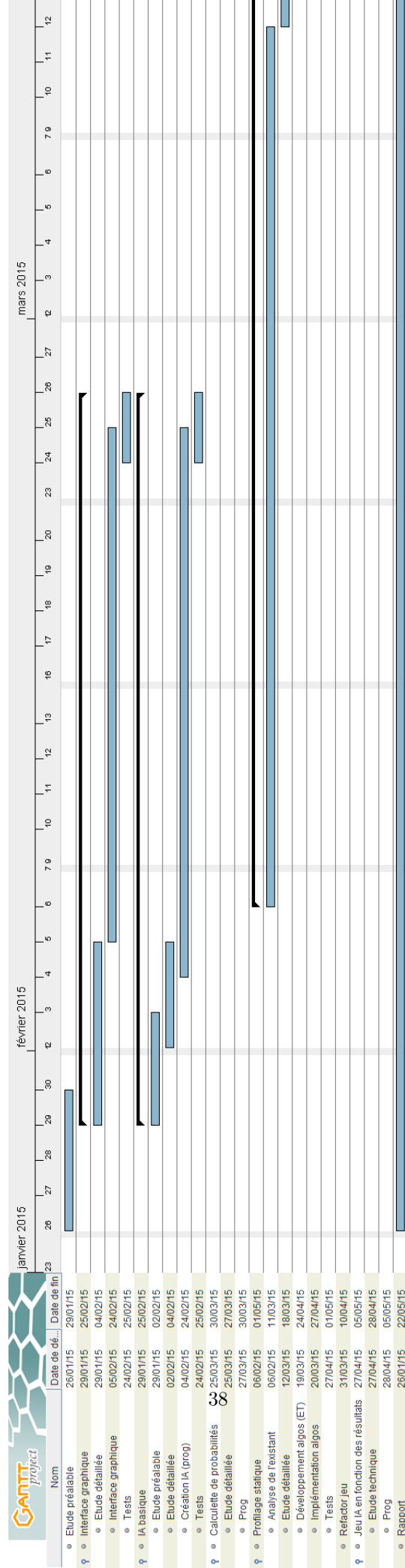


Figure B.1: Planification réelle