Programação Funcional

1° Ano – LCC/MIEFis/MIEI

Questões 1ª Parte

1. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) enumFromTo :: Int -> Int -> [Int] que constrói a lista dos números inteiros compreendidos entre dois limites.

Por exemplo, enumFromTo 1 5 corresponde à lista [1,2,3,4,5]

2. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) enumFromThenTo :: Int -> Int -> Int -> Int |
 int -> [Int] que constrói a lista dos números inteiros compreendidos entre dois limites e espaçados de um valor constante.

Por exemplo, enumFromThenTo 1 3 10 corresponde à lista [1,3,5,7,9].

3. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) (++) :: [a] -> [a] -> [a] que concatena duas listas.

Por exemplo, (++) [1,2,3] [10,20,30] corresponde à lista [1,2,3,10,20,30].

4. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) (!!) :: [a] -> Int -> a que dada uma lista e um inteiro, calcula o elemento da lista que se encontra nessa posição (assume-se que o primeiro elemento se encontra na posição 0).

Por exemplo, (!!) [10,20,30] 1 corresponde a 20.

Ignore os casos em que a função não se encontra definida (i.e., em que a posição fornecida não corresponde a nenhuma posição válida da lista).

5. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) reverse :: [a] -> [a] que dada uma lista calcula uma lista com os elementos dessa lista pela ordem inversa.

Por exemplo, reverse [10,20,30] corresponde a [30,20,10].

6. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) take :: Int -> [a] -> [a] que dado um inteiro n e uma lista 1 calcula a lista com os (no máximo) n primeiros elementos de 1.

A lista resultado só terá menos de que n elementos se a lista 1 tiver menos do que n elementos. Nesse caso a lista calculada é igual à lista fornecida.

Por exemplo, take 2 [10,20,30] corresponde a [10,20].

7. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) drop :: Int -> [a] -> [a] que dado um inteiro n e uma lista 1 calcula a lista sem os (no máximo) n primeiros elementos de 1.

Se a lista fornecida tiver n elementos ou menos, a lista resultante será vazia.

Por exemplo, drop 2 [10,20,30] corresponde a [30].

- 8. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) zip :: [a] -> [b] -> [(a,b)] constói uma lista de pares a partir de duas listas.
 - Por exemplo, zip [1,2,3] [10,20,30,40] corresponde a [(1,10),(2,20),(3,30)].
- 9. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool que testa se um elemento ocorre numa lista.
 - Por exemplo, elem 20 [10,20,30] corresponde a True enquanto que elem 2 [10,20,30] corresponde a False.
- 10. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) replicate :: Int -> a -> [a] que dado um inteiro n e um elemento x constói uma lista com n elementos, todos iguais
 - Por exemplo, replicate 3 10 corresponde a [10,10,10].
- 11. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) intersperse :: a -> [a] -> [a] que dado um elemento e uma lista, constrói uma lista em que o elemento fornecido é intercalado entre os elementos da lista fornecida.
 - Por exemplo, intersperce 1 [10,20,30] corresponde a [10,1,20,1,30].
- 12. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) group :: Eq a => [a] -> [[a]] que agrupa elementos iguais e consecutivos de uma lista.
 - Por exemplo, group [1,2,2,3,4,4,4,5,4] corresponde a [[1],[2,2],[3],[4,4,4],[5],[4]].
- 13. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) concat :: [[a]] -> [a] que concatena as listas de uma lista.
 - Por exemplo, concat [[1],[2,2],[3],[4,4,4],[5],[4]] corresponde a [1,2,2,3,4,4,4,5,4].
- 14. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) inits :: [a] -> [[a]] que calcula a lista dos prefixos de uma lista.
 - Por exemplo, inits [11,21,13] corresponde a [[],[11],[11,21],[11,21,13]].
- 15. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) tails :: [a] -> [[a]] que calcula a lista dos sufixos de uma lista.
 - Por exemplo, tails [1,2,3] corresponde a [[1,2,3],[2,3],[3],[]].
- 16. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) isPrefixOf :: Eq a => [a] -> Bool que testa se uma lista é prefixo de outra.
 - Por exemplo, isPrefixOf [10,20] [10,20,30] corresponde a True enquanto que isPrefixOf [10,30] [10,20,30] corresponde a False.
- 17. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) isSuffixOf :: Eq a => [a] -> Bool que testa se uma lista é sufixo de outra.
 - Por exemplo, isSuffixOf [20,30] [10,20,30] corresponde a True enquanto que isSuffixOf [10,30] [10,20,30] corresponde a False.

18. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) isSubsequenceOf :: Eq a => [a] -> [a] -> Bool que testa se os elementos de uma lista ocorrem noutra pela mesma ordem relativa.

Por exemplo, isSubsequenceOf [20,40] [10,20,30,40] corresponde a True enquanto que isSubsequenceOf [40,20] [10,20,30,40] corresponde a False.

- 19. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) elemIndices :: Eq a => a -> [a] -> [Int] que calcula a lista de posições em que um dado elemento ocorre numa lista. Por exemplo, elemIndices 3 [1,2,3,4,3,2,3,4,5] corresponde a [2,4,6].
- 20. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) nub :: Eq a => [a] -> [a] que calcula uma lista com os mesmos elementos da recebida, sem repetições.

Por exemplo, nub [1,2,1,2,3,1,2] corresponde a [1,2,3].

21. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) delete :: Eq a => a -> [a] -> [a] que retorna a lista resultante de remover (a primeira ocorrência de) um dado elemento de uma lista.

Por exemplo, delete 2 [1,2,1,2,3,1,2] corresponde a [1,1,2,3,1,2]. Se não existir nenhuma ocorrência a função deverá retornar a lista recebida.

22. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) (\\):: Eq a => [a] -> [a] -> [a] que retorna a lista resultante de remover (as primeiras ocorrências) dos elementos da segunda lista da primeira.

Por exemplo, $(\) [1,2,3,4,5,1] [1,5]$ corresponde a [2,3,4,1].

23. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) union :: Eq a => [a] -> [a] -> [a] que retorna a lista resultante de acrescentar à primeira lista os elementos da segunda que não ocorrem na primeira.

Por exemplo, union [1,1,2,3,4] [1,5] corresponde a [1,1,2,3,4,5].

24. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) intersect :: Eq a => [a] -> [a] que retorna a lista resultante de remover da primeira lista os elementos que não pertencem à segunda.

Por exemplo, intersect [1,1,2,3,4] [1,3,5] corresponde a [1,1,3].

25. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) insert :: Ord a => a -> [a]
-> [a] que dado um elemento e uma lista ordenada retorna a lista resultante de inserir ordenadamente esse elemento na lista.

Por exemplo, insert 25 [1,20,30,40] corresponde a [1,20,25,30,40].

26. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) unwords :: [String] -> String que junta todas as strings da lista numa só, separando-as por um espaço.

Por exemplo, unwords ["Programacao", "Funcional"] corresponde a "Programacao Funcional".

27. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) unlines :: [String] -> String que junta todas as strings da lista numa só, separando-as pelo caracter '\n'.

Por exemplo, unlines ["Prog", "Func"] corresponde a "Prog\nFunc\n".

- 28. Apresente uma definição recursiva da função pMaior :: Ord a => [a] -> Int que dada uma lista não vazia, retorna a posição onde se encontra o maior elemento da lista. As posições da lista começam em 0, i.e., a função deverá retornar 0 se o primeiro elemento da lista for o maior.
- 29. Apresente uma definição recursiva da função temRepetidos :: Eq a => [a] -> Bool que testa se uma lista tem elementos repetidos.
 - Por exemplo, temRepetidos [11,21,31,21] corresponde a True enquanto que temRepetidos [11,2,31,4] corresponde a False.
- 30. Apresente uma definição recursiva da função algarismos :: [Char] -> [Char] que determina a lista dos algarismos de uma dada lista de caracteres.
 - Por exemplo, algarismos "123xp5" corresponde a "1235".
- 31. Apresente uma definição recursiva da função posImpares :: [a] -> [a] que determina os elementos de uma lista que ocorrem em posições ímpares. Considere que o primeiro elemento da lista ocorre na posição 0 e por isso par.
 - Por exemplo, posImpares [10,11,7,5] corresponde a [11,5].
- 32. Apresente uma definição recursiva da função posPares :: [a] -> [a] que determina os elementos de uma lista que ocorrem em posições pares. Considere que o primeiro elemento da lista ocorre na posição 0 e por isso par.
 - Por exemplo, posPares [10,11,7,5] corresponde a [10,7].
- 33. Apresente uma definição recursiva da função isSorted :: Ord a => [a] -> Bool que testa se uma lista está ordenada por ordem crescente.
 - Por exemplo, isSorted [1,2,2,3,4,5] corresponde a True, enquanto que isSorted [1,2,4,3,4,5] corresponde a False.
- 34. Apresente uma definição recursiva da função iSort :: Ord a => [a] -> [a] que calcula o resultado de ordenar uma lista. Assuma, se precisar, que existe definida a função insert :: Ord a => a -> [a] -> [a] que dado um elemento e uma lista ordenada retorna a lista resultante de inserir ordenadamente esse elemento na lista.
- 35. Apresente uma definição recursiva da função menor :: String -> String -> Bool que dadas duas strings, retorna True se e só se a primeira for menor do que a segunda, segundo a ordem lexicográfica (i.e., do dicionário)
 - Por exemplo, menor "sai" "saiu" corresponde a True enquanto que menor "programacao" "funcional" corresponde a False.
- 36. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.
 - Defina a função elemMSet :: Eq a => a -> [(a,Int)] -> Bool que testa se um elemento pertence a um multi-conjunto.
 - Por exemplo, elemMSet 'a' [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a True enquanto que elemMSet 'd' [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a False.

37. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.

Defina a função lengthMSet :: [(a,Int)] -> Int que calcula o tamanho de um multiconjunto.

Por exemplo, lengthMSet [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a 7.

38. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.

Defina a função converteMSet :: [(a,Int)] -> [a] que converte um multi-conjuto na lista dos seus elementos

Por exemplo, converteMSet [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a "bbaaaac".

39. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.

Defina a função insereMSet :: Eq a => a -> [(a,Int)] -> [(a,Int)] que acrescenta um elemento a um multi-conjunto.

Por exemplo, insereMSet 'c' [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a [('b',2), ('a',4), ('c',2)].

40. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.

Defina a função removeMSet :: Eq a => a -> [(a,Int)] -> [(a,Int)] que remove um elemento a um multi-conjunto. Se o elemento não existir, deve ser retornado o multi-conjunto recebido.

Por exemplo, removeMSet 'c' [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a [('b',2), ('a',4)].

41. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.

Defina a função constroiMSet :: Ord a => [a] -> [(a,Int)] dada uma lista ordenada por ordem crescente, calcula o multi-conjunto dos seus elementos.

Por exemplo, constroiMSet "aaabccc" corresponde a [('a',3), ('b',1), ('c',3)].

- 42. Apresente uma definição recursiva da função pré-definida partitionEithers :: [Either a b] -> ([a],[b]) que divide uma lista de Eithers em duas listas.
- 43. Apresente uma definição recursiva da função pré-definida catMaybes :: [Maybe a] -> [a] que colecciona os elementos do tipo a de uma lista.
- 44. Considere o seguinte tipo para representar movimentos de um robot.

```
data Movimento = Norte | Sul | Este | Oeste deriving Show
```

Defina a função posicao :: (Int,Int) -> [Movimento] -> (Int,Int) que, dada uma posição inicial (coordenadas) e uma lista de movimentos, calcula a posição final do robot depois de efectuar essa sequência de movimentos.

45. Considere o seguinte tipo para representar movimentos de um robot.

```
data Movimento = Norte | Sul | Este | Oeste deriving Show
```

Defina a função caminho :: (Int,Int) -> (Int,Int) -> [Movimento] que, dadas as posições inicial e final (coordenadas) do robot, produz uma lista de movimentos suficientes para que o robot passe de uma posição para a outra.

46. Considere o seguinte tipo para representar movimentos de um robot.

Defina a função vertical :: [Movimento] -> Bool que, testa se uma lista de movimentos só é composta por movimentos verticais (Norte ou Sul).

47. Considere o seguinte tipo para representar a posição de um robot numa grelha.

```
data Posicao = Pos Int Int
deriving Show
```

Defina a função maisCentral :: [Posicao] -> Posicao que, dada uma lista não vazia de posições, determina a que está mais perto da origem (note que as coordenadas de cada ponto são números inteiros).

48. Considere o seguinte tipo para representar a posição de um robot numa grelha.

```
data Posicao = Pos Int Int
deriving Show
```

Defina a função vizinhos :: Posicao -> [Posicao] -> [Posicao] que, dada uma posição e uma lista de posições, selecciona da lista as posições adjacentes à posição dada.

49. Considere o seguinte tipo para representar a posição de um robot numa grelha.

```
data Posicao = Pos Int Int
deriving Show
```

Defina a função mesmaOrdenada :: [Posicao] -> Bool que testa se todas as posições de uma dada lista têm a mesma ordenada.

50. Considere o seguinte tipo para representar o estado de um semáforo.

data Semaforo = Verde | Amarelo | Vermelho deriving Show

Defina a função interseccaoOK :: [Semaforo] -> Bool que testa se o estado dos semáforos de um cruzamento é seguro, i.e., não há mais do que semáforo não vermelho.