

1. Del muestreo de una señal de tiempo continuo, se obtiene un vector $x[n]$, de dimensión $N = 200$, utilizando un intervalo de muestreo $\Delta t = 0.001s$. Con el objeto de filtrar dicha señal, eliminando el contenido de frecuencias superior a 300 hz, se utiliza un filtro FIR sinc enventanado, con un núcleo de dimensión $M = 41$ elementos. Indicar las opciones correctas.

- a. La ventana de Hamming utilizada, posee 240 elementos. ✗
b. La frecuencia de corte digital del filtro es $F_c = 300$ hz. ✗
c. La frecuencia de corte digital del filtro es $f_c = 0.3$. ✓
d. La respuesta total del filtro, posee 240 elementos. ✓

2. Definiendo como $h1[n]$ al núcleo de un filtro paso bajo, cuya frecuencia de corte es $fc1$, y $h2[n]$ al núcleo de un filtro paso alto, cuya frecuencia de corte es $fc2$. Indique las opciones correctas.

- a. Para $fc1 < fc2$, el núcleo de un filtro paso banda, con frecuencias de corte entre $fc1$ y $fc2$ es $h[n] = h1[n] * h2[n]$ (convolución entre $h1$ y $h2$). ✗
b. Para $fc1 < fc2$, el núcleo de un filtro rechazo de banda, con frecuencias de corte entre $fc1$ y $fc2$ es $h[n] = h1[n] + h2[n]$. ✓
c. Para $fc1 > fc2$, el núcleo de un filtro paso banda, con frecuencias de corte entre $fc2$ y $fc1$ es $h[n] = h1[n] * h2[n]$ (convolución entre $h1$ y $h2$). ✓
d. Para $fc1 > fc2$, el núcleo de un filtro rechazo de banda, con frecuencias de corte entre $fc2$ y $fc1$ es $h[n] = h1[n] + h2[n]$. ✗

3. Para el muestreo de una señal $x(t) = 5 \cdot \sin(2\pi 2500t)$, indique las opciones correctas.

- a. Utilizando una frecuencia de muestreo $F_m = 10000$, se obtienen muestras válidas para representar a $x(t)$. ✓
b. Con una frecuencia de muestreo $F_m = 200$, se obtiene un vector $x[n]$, idéntico al del muestreo de $x_1(t) = 3 \cdot \cos(2\pi 100t)$, pero las muestras no son válidas para representar ambas señales. ✓
c. Para una frecuencia de muestreo $F_m = 1250$, la frecuencia digital de $x[n]$ es $f = 2$ y la muestra es representativa de la señal. ✗
d. Para una frecuencia de muestreo $F_m = 7500$, la frecuencia digital de $x[n]$ es $f = 1/3$ y la muestra no es representativa de la señal. ✗

4. Para el muestreo de una señal $x(t) = 3 \cdot \cos(2\pi 500 t)$, indique las opciones correctas.

- a. Para una frecuencia de muestreo $F_m = 1500$, la frecuencia digital de $x[n]$ es $f = 1/3$ y la muestra no es representativa de la señal. ✗?
b. Para una frecuencia de muestreo $F_m = 250$, la frecuencia digital de $x[n]$ es $f = 2$ y la muestra es representativa de la señal. ✗
c. Con una frecuencia de muestreo $F_m = 200$, se obtiene un vector $x[n]$, idéntico al del muestreo de $x_1(t) = 3 \cdot \cos(2\pi 100 \cdot t)$, pero las muestras no son válidas para representar ambas señales. ✓

d. Utilizando una frecuencia de muestro $F_m = 2000$, se obtiene mientras válidas para representar a $x(t)$ ✓

5. Se desea aplicar el algoritmo FFT, a una señal de 10s de duración. Para ello se genera $x[n]$ con un $\Delta t = 0.1s$, y una dimensión $N = 512$ elementos en los vectores. Indicar las opciones correctas.

- a. El muestreo del espectro de la señal, se realiza en valores de frecuencias cada $\Delta F = 10/512$ Hz. ✓
- b. Se deben agregar 512 ceros a la señal. ✗
- c. El espectro sólo posee valores no nulos en 100 frecuencias. ✗
- d. El período adoptado para la representación de la señal es $T = 51.2s$. ✓

6. Dadas las señales $x_1[n]$ y $x_2[n]$, con dimensiones L_1 y L_2 respectivamente. Indique las opciones correctas, respecto a la aplicación de la convolución FFT de las mismas para obtener $y[n] = x_1[n] * x_2[n]$.

- a. La convolución da un vector $y[n] = \text{ifft}(Y[k])$, donde $Y[k] = X_1[k] * X_2[k]$, siendo $X_1[k] = \text{fft}(x_1[n])$ y $X_2[k] = \text{fft}(x_2[n])$. ✗
- b. Se debe otorgar a todos los vectores, una dimensión mínima de $L_1 + L_2 - 1$ elementos, agregando ceros donde corresponda. ✓
- c. Para aplicar esta convolución, se deben corregir las dimensiones de los vectores dados $x_1[n]$ y $x_2[n]$. ✓
- d. El espectro de $y[n]$, se obtiene como el producto $X_1[k] = \text{fft}(x_1[n])$ con $X_2[k] = \text{fft}(x_2[n])$. ✗

7. Se desea aplicar el algoritmo FFT a una señal de 10s de duración. Para ello se genera $x[n]$ con un intervalo de muestreo $\Delta t = 0.1s$, y una dimensión $N = 512$ elementos en los vectores. Indicar las opciones correctas.

(Falta una correcta, a b o c)

- a) La máxima velocidad de oscilaciones se produce para la armónica de la frecuencia $F = 5$ Hz. ✓

- b) El período adoptado para la representación de la señal es $T = 10s$. ✗

- c) El muestreo del espectro de la señal se realiza en valores de frecuencias cada $\Delta F = 0.1$ Hz. ✗

- d) Se deben agregar 411 ceros a la señal. ✓

8. Dada una señal finita de tiempo discreto, indique las opciones correctas, respecto a su transformada de Fourier.

- a. Posee una transformada de Fourier continua y periódica en función de la frecuencia. ✓?
- b. Se puede analizar con la transformada discreta de Fourier o la FFT, si se genera una señal con periodo N , menor al número de elementos de la señal. ✗
- c. Posee una transformada de Fourier continua en la frecuencia, cuya expresión se puede obtener con el algoritmo FFT. ✗
- d. Se pueden obtener muestras de su transformada de Fourier, si se la convierte en una señal con periodo N , en las frecuencias $f_k = k/N$. ✓

9. Para la señal $x[n] = 2 * \text{sen}(2\pi * 3/5 * n)$, indique las opciones correctas.

- a. Es idéntica a $y[n] = 2 * \text{sen}(2\pi * 9/5 * n)$ ✗
- b. No es periódica. ✗
- c. Es periódica con $N = 5$. ✓
- d. Es idéntica a $y[n] = 2 * \text{sen}(2\pi * 13/5 * n)$ ✓

10. Dada una señal periódica, con $N = 8$, indique las opciones correctas para su representación en Serie de Fourier.

(O B o D es correcta)

- a. Las funciones armónicas son $\varphi_k = e^{(-j * k * 2\pi/8 * n)}$ siendo diferentes para 8 valores consecutivos del índice entero k . ✓
- b. Existen sólo 4 valores diferentes para los coeficientes a_k . ✗?
- c. Posee infinitas armónicas diferentes, con frecuencias $\Omega_k = k * 2\pi/8$. ✗
- d. Se puede representar de manera exacta, con sólo 8 términos. ✗?