

NORMALIZACIÓN.

↳ con X, Y.

Para normalizar, cogemos el valor máximo de cada columna, y lo dividimos cada valor de las columnas por su máximo.

→ Todos los $\text{feet}^2 / 460$

→ Todos los $\text{prices} / 460$.

MAX

NORMALIZE			
feet ^2	price\$	nfeet ^2	Nprice\$
2013	460	1	1
1416	232	0,7034	0,50435
1534	315	0,762	0,68478
800	200	0,3974	0,43478
2013	460		

WE USE NORMALIZE FEATURES

iter 0

θ_0	0
θ_1	0,19

X		Y				
nfeet ^2	nprice\$	h_{θ}	$h_{\theta} - y_i$	$(h_{\theta} - y_i)^2$		
1	1	0,19	-0,81	0,66		
0,70342772	0,504	0,13	-0,37	0,14		
0,762046696	0,685	0,14	-0,54	0,29		
0,397416791	0,435	0,08	-0,36	0,13		
suma			-2,08	1,21		
		$J(\theta_0, \theta_1)$		0,151773		

number of train

linear regression

$$[h_{\theta} = \theta_0 + \theta_1 X]$$

4

$$J(\theta_0, \theta_1) = \frac{\text{suma}(h_{\theta} - y_i)^2}{2m}$$

	j=0	j=1
feet ^2	$h_{\theta 1} - y_i$	$(h_{\theta 1} - y_i) \cdot x_i$
1	-0,81	-0,81
0,7034	-0,37	-0,260758235
0,762	-0,53999374	-0,411500443
0,3974	-0,35927342	-0,142781289
sum/m	-0,51999093	-0,406259992
alfa		0,01
iter1		
θ_0		0,005199909
θ_1		0,1940626

$$\theta_0 = \theta_0 - \alpha \left(\sum_{i=0}^m (h_{\theta} - y_i) \right)$$

$$\theta_1 = \theta_1 - \alpha \left(\sum_{i=0}^m (h_{\theta} - y_i) \cdot x_i \right)$$

iter 0

	X	Y				
θ_0	0	feet ^2	price\$	h_0	$h_0 - y_i$	$(h_0 - y_i)^2$
θ_1	0,19	2104	460	399,76	-60,24	3628,86
		1416	232	269,04	37,04	1371,96
		1534	315	291,46	-23,54	554,13
		800	200	152,00	-48,00	2304,00
			suma	-94,74	7858,95	
				$J(\theta_0, \theta_1)$	982	

number of train $[m = 4]$

number of train
linear regression $\hat{h}_0 = \theta_0 + \theta_1 X$

$$J(\theta_0, \theta_1) = \frac{\sum (h_0 - y_i)^2}{2m}$$

suma de
fees $j=0$
 $j=1$

			j=0	j=1
feet ^2	$h_{01} - y_i$	$(h_{01} - y_i) \cdot x_i$		
2104	-60,24	-126744,96		
1416	37,04	52448,64		
1534	-23,54	-36110,36		
800	-48	-38400		
sum/m	-23,685	-37201,67		
alfa		0,00000001		
			iter 1	
θ_0			2,36856-07	
θ_1			0,190372	

el número de j depende de cuantos x tenemos

$x_i \rightarrow$ la x que tenemos en la fila.

$$\theta_0 = \theta_0 - \alpha \frac{\partial J}{\partial \theta_0}$$

iter 1 iter 0

Estos valores los ponemos en el siguiente iter

iter 1

		X	Y			
θ_0	2,3685E-07	feet ^2	price\$	h_0	$h_0 - y_i$	$(h_0 - y_i)^2$
θ_1	0,190372	2104	460	400,54	-59,46	3535,17
		1416	232	269,57	37,57	1411,26
		1534	315	292,03	-22,97	527,59
		800	200	152,30	-47,70	2275,52
		suma			-92,56	7748,54
				$J(\theta_0, \theta_1)$		969

number of train 4
linear regression $h_0 = \theta_0 + \theta_1 X$

			j=0	j=1
feet ^2	$h_{01} - y_i$	$(h_{01} - y_i) \cdot x_i$		
2104	-59,46	-125098,11		
1416	37,57	53194,55		
1534	-22,97	-35234,95		
800	-47,70	-38161,91		
sum/m	-23,14	-36325,10		
alfa		0,00000001		
			iter 2	
θ_0			4,68256-07	
θ_1			0,190735	

iter 2

θ_0	468256-07
θ_1	0,190735

X	Y			
feet ^2	price\$	h_0	$h_0 - y_i$	$(h_0 - y_i)^2$
2104	460	401,31	-58,69	3444,87
1416	232	270,08	38,08	1450,17
1534	315	292,59	-22,41	502,30
800	200	152,59	-47,41	2247,88
		suma	-90,44	7645,22

number of train

4

$J(\theta_0, \theta_1)$

956

number of train 4
linear regression $h_0 = \theta_0 + \theta_1 X$

			j=0	j=1
feet ^2	$h_{01} - y_i$	$(h_{01} - y_i) \cdot x_i$		
2104	-58,69	-125490,06		
1416	38,08	53922,84		
1534	-22,41	-34320,16		
800	-47,41	-37929,43		
sum/m	-22,608	-35469,19		
alfa		0,00000001		
			iter 2	
θ_0			6,94346-07	
θ_1			0,19108	

MULTIVARIANT - NORMALIZADO

normalization

feet ^2	rooms	price\$	nfeet ^2	nrooms	nprice\$
2013	5	460	1	1	1
1416	3	232	0,703428	0,6	0,504348
1534	3	315	0,762047	0,6	0,684783
800	2	200	0,397417	0,4	0,434783

2013

max

WE USE NORMALIZE FEATURES \rightarrow máximos

\rightarrow normalizamos cada valor dividiéndolo entre el máximo de su columna.

iter 0

θ_0	0
θ_1	0,19
θ_2	2

X1	X2	Y			
nfeet ^2	nrooms	n price\$	h_θ	$h_\theta - y_i$	$(h_\theta - y_i)^2$
1	1	1	2,19	1,19	1,42
0,703428	0,6	0,504348	1,33	0,83	0,687
0,762047	0,6	0,684783	1,34	0,66	0,44
0,397417	0,4	0,434783	0,88	0,44	0,19
suma			3,12	2,7337	
			$J(\theta_0, \theta_1)$	5,4674	

number of train m

4

linear regression

$$h_\theta = \theta_0 + \theta_1 X_1 + \theta_2 X_2$$

\hookrightarrow hay 2 variables X_1, X_2 .

$$J(\theta_0, \theta_1) = \frac{\sum (h_\theta - y_i)^2}{2m}$$



		j=0	j=1	j=2
feet ^2	nrooms	$h_{\theta 1} - y_i$	$(h_{\theta 1} - y_i) \cdot x_{1i}$	$(h_{\theta 2} - y_i) \cdot x_{2i}$
1,0000	1,0000	1,1900	1,1900	1,1900
0,7034	0,6000	0,83	0,5834	0,4976
0,7620	0,6000	0,6600	0,5030	0,3960
0,3974	0,4000	0,4407	0,1752	0,1763
sum/m	sum/m	0,78	0,6129	0,5650

alfa	0,0100
iter1	
θ_0	-0,0078
θ_1	0,1839
θ_2	1,9944

$$\theta_0 = \theta_0 - \alpha (j=0)$$

$$\theta_1 = \theta_1 - \alpha (j=1)$$

$$\theta_2 = \theta_2 - \alpha (j=2)$$