# Zusammenhänge von Zusammenhangsbegriffen

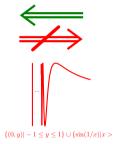
X homotop zu Y ( $X \simeq Y$ ):

 $\exists f: X \to Y, g: Y \to X: \\ g \circ f \simeq \mathrm{id}_X, f \circ g \simeq \mathrm{id}_Y$ 

### X zusammenhängend:

 $\forall U, V \subseteq X$  offen, nicht-leer :  $U \cup V = X \Rightarrow U \cap V \neq \emptyset$ 

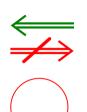
X kann nicht in zwei diskunkte offene Mengen zerteilt werden



## X wegzusammenhängend:

 $\forall x, y \in X : \exists \gamma : [0, 1] \to X :$  $\gamma(0) = x, \gamma(1) = y$ 

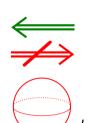
Je zwei Punkte können durch einen Weg verbunden werden



## X einfach zusammenhängend:

X wegzusammenhängend und  $\pi_1(X)=0$ 

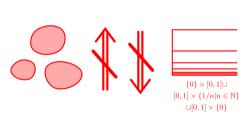
wegzsh. und alle Schleifen zusammenziehbar



## $\boldsymbol{X}$ zusammenziehbar:

 $X\stackrel{\cdot}{\simeq} \{*\}$ 

homotop zum 1-Pkt.-Raum

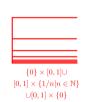


## X lokal zusammenhängend:

 $\forall x \in X, U \subseteq X \text{ Umg. v. } x: \\ \exists V \subseteq U \text{ Umg. v. } x:V \text{ zsh.}$ 

Jede Umg. enthält zsh. Umg.





## $\boldsymbol{X}$ lokal wegzusammenhängend:

 $\forall x \in X, U \subseteq X \text{ Umg. v. } x:$   $\exists V \subseteq U \text{ Umg. v. } x:V \text{ wegzsh.}$ 

Jede Umg. enthält wegzsh. Umg.

## $\boldsymbol{X}$ lokal einfach zusammenhängend:

 $\forall x \in X, U \subseteq X \text{ Umg. v. } x:$ 

 $\exists V \subseteq U \text{ Umg. v. } x:V \text{ einf. zsh.}$ 

Jede Umg. enthält einf. zsh. Umg.