

UNIVERSITÄT AUGSBURG

INSTITUT FÜR MATHEMATIK

Ausarbeitung

zum Programmierprojekt

...

*von:*  
Lukas GRAF

*Betreut von:*  
Prof. Dr. Tobias HARKS

# 1 Problemdefinitionen

## 1.1 Capacitated Location Routing Problem

Eine Instanz des **Capacitated Location Routing Problems (CLR)** ist gegeben durch:

- einen ungerichteten, zusammenhängenden Graphen  $G = (V, E)$ ,
- einer Partition der Knoten in Klienten  $\mathcal{C}$  und Depots  $\mathcal{F}$ ,
- einer metrischen Kostenfunktion auf den Kanten  $c : E \rightarrow \mathbb{R}_{\geq 0}$ ,
- Eröffnungskosten für die Fabriken  $\phi : \mathcal{F} \rightarrow \mathbb{R}_{\geq 0}$ ,
- Bedarfen der Klienten  $d : \mathcal{C} \rightarrow \mathbb{R}_{\geq 0}$
- und einer einheitlichen Kapazität  $u > 0$  für die Fahrzeuge.

Zulässige Lösungen bestehen aus

- einer Teilmenge  $F \subseteq \mathcal{F}$  von eröffneten Fabriken
- und einer Menge von Touren  $\mathcal{T} = \{T_1, \dots, T_k\}$ ,

sodass gilt:

- Zu jeder Tour gibt es ein eröffnetes Fabriken  $f \in F$ , an dem diese startet und endet.
- Alle Touren zusammen erfüllen alle Bedarfe der Klienten.
- Keine der Touren übersteigt die Kapazität  $u$ .

Das Optimierungsziel ist es die Gesamtkosten für das Eröffnen der Fabriken und die gefahrenen Touren zu minimieren, also die Minimierung der Kostenfunktion

$$\sum_{T \in \mathcal{T}} c(T) + \sum_{f \in F} \phi(f)^1$$

## 1.2 Capacitated Location Routing with Hard Facility Capacities

Eine Instanz von **Capacitated Location Routing with Hard Facility Capacities (CLRHFC)** ist gegeben durch:

- eine Instanz  $(G = (\mathcal{C} \cup \mathcal{F}, E), c, \phi, d, u)$  von CLR
- und zusätzlich Kapazitäten der Fabriken  $l : \mathcal{F} \rightarrow \mathbb{R}_{\geq 0}$ .

Zulässige Lösungen sind Lösungen der zugrunde liegenden CLR-Instanz, die zudem die Kapazitätsschranken der Fabriken einhalten.

Das Optimierungsziel weiterhin die Minimierung der Kostenfunktion der CLR-Instanz.

---

<sup>1</sup>Überladung der Funktion  $c$

## 2 Visualisierung

### 2.1 Der Algorithmus

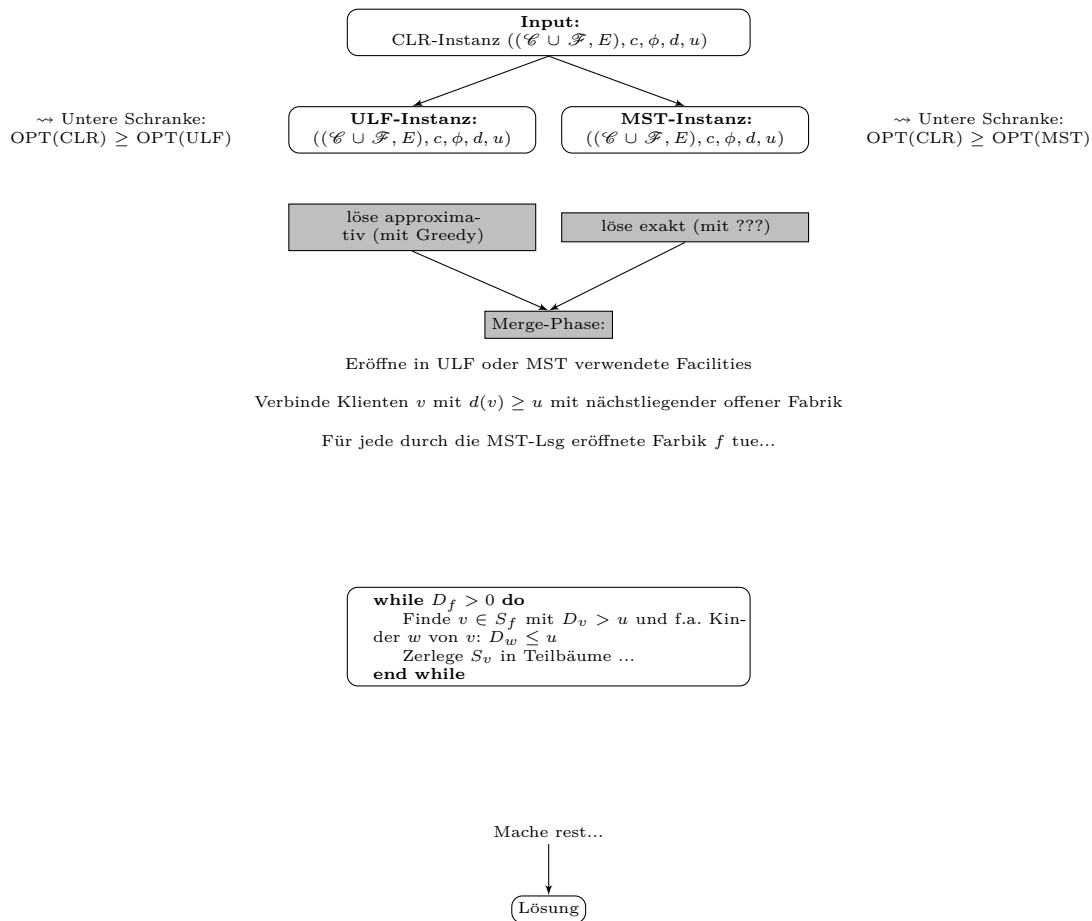


Abbildung 1: Schematische Darstellung des Algorithmus für CLR

### 2.2 title

---

#### Algorithm 1 HomTSP-Approx

---

- 1: **procedure** HOMTSP( $G = (V, E)$ ,  $d : E \rightarrow \mathbb{R}_{\geq 0}$ ,  $k$ )
  - 2:    $\tau \leftarrow \text{TSP-APPROX}(G, d)$
  - 3:    $(\pi_i)_{i=1}^k \leftarrow$  Teile  $\tau$  durch Entfernen von Kanten in  $k$  Teilstrecken mit Länge  $\leq \frac{d(\tau)}{k}$
  - 4:    $(\tau_i)_{i=1}^k \leftarrow$  Verbinde die zwei Endpunkte von  $\pi_i$  mit  $s$ .
  - 5:   **return**  $(\tau_i)$
  - 6: **end procedure**
-

Beschreibung der Visualisierungs-Klasse

### 3 Anpassungen

Ideen und Probleme für Anpassungen

Beschreibung des angepassten Algorithmus

Untere Schranken

Heuristische Beurteilung

### Liste der noch zu erledigenden Punkte

Beschreibung der Visualisierungs-Klasse . . . . .	4
Ideen und Probleme für Anpassungen . . . . .	4
Beschreibung des angepassten Algorithmus . . . . .	4
Untere Schranken . . . . .	4
Heuristische Beurteilung . . . . .	4

## Literatur

- [HKM13] Tobias Harks, Felix G. König und Jannik Matuschke. „Approximation Algorithms for Capacitated Location Routing“. In: *Transportation Science* 47.1 (2013), S. 3–22. DOI: <http://dx.doi.org/10.1287/trsc.1120.0423>. URL: <http://researchers-sbe.unimaas.nl/tobiasharks/wp-content/uploads/sites/29/2014/02/HKM-TS-2013.pdf>.
- [Tur10] Mark Turney. *simple-svg*. Google Code Archive. simple-svg ist eine header-only C++ Library, mit deren Hilfe einfache svg-Graphiken erstellt werden können. 2010. URL: <https://code.google.com/archive/p/simple-svg/>.