# AKADEMIA NAUK STOSOWANYCH W NOWYM SĄCZU

Wydział Nauk Inżynieryjnych Katedra Informatyki

# DOKUMENTACJA PROJEKTOWA

ZAAWANSOWANE PROGRAMOWANIE

# Drzewo BST działające na stercie w języku C++

Autor: Szymon Biel Paweł Dudziak Grzegorz Fiejtek

Prowadzący: mgr inż. Dawid Kotlarski

# Spis treści

| 1. | Ogó  | lne okre  | eślenie wymagań          | 5  |
|----|------|-----------|--------------------------|----|
| 2. | Ana  | liza prol | blemu                    | 7  |
|    | 2.1. | Czym je   | est drzewo BST?          | 7  |
|    | 2.2. | Zastoso   | owanie                   | 8  |
|    | 2.3. | Sposób    | działania                | 9  |
| 3. | Proj | ektowai   | nie                      | 11 |
|    | 3.1. | Git       |                          | 11 |
|    |      | 3.1.1.    | Co to git?               | 11 |
|    |      | 3.1.2.    | Zastosowanie             | 11 |
|    |      | 3.1.3.    | Sposób działania         | 11 |
|    |      | 3.1.4.    | Zastosowanie w projekcie | 12 |
|    | 3.2. | C++ .     |                          | 12 |
|    |      | 3.2.1.    | Co to C++?               | 12 |
|    |      | 3.2.2.    | Zastosowanie             | 12 |
|    |      | 3.2.3.    | Sposób działania         | 12 |
|    | 3.3. | Visual S  | Studio                   | 13 |
|    |      | 3.3.1.    | Co to Visual Studio?     | 13 |
|    |      | 3.3.2.    | Zastosowanie             | 13 |
|    |      | 3.3.3.    | Sposób działania         | 13 |
|    | 3.4. | Doxyge    | n                        | 14 |
|    |      | 3.4.1.    | Co to Doxygen?           | 14 |
|    |      | 3.4.2.    | Zastosowanie             | 14 |
|    |      | 3.4.3.    | Sposób działania         | 14 |
| 4. | Impl | ementa    | ıcja                     | 15 |
|    | 4.1. | Plik bst  | h                        | 15 |
|    |      | 4.1.1.    | struct wezel             | 15 |
|    |      | 4.1.2.    | class bst                | 15 |
|    | 42   | Plik hst  | Cnn                      | 16 |

#### $AKADEMIA\ NAUK\ STOSOWANYCH\ W\ NOWYM\ SĄCZU$

|      | 4.2.1.  | konstruktor   | <br>16 |
|------|---------|---------------|--------|
|      | 4.2.2.  | destruktor    | <br>16 |
|      | 4.2.3.  | najmin        | <br>16 |
|      | 4.2.4.  | najmax        | <br>17 |
|      | 4.2.5.  | min           | <br>17 |
|      | 4.2.6.  | max           | <br>17 |
|      | 4.2.7.  | zwroc         | <br>18 |
|      | 4.2.8.  | dodele        | <br>18 |
|      | 4.2.9.  | usunele       | <br>19 |
|      | 4.2.10. | . usubst      | <br>21 |
|      | 4.2.11. | . szuk        | <br>21 |
|      | 4.2.12. | . wyspre      | <br>22 |
|      | 4.2.13. | . wysin       | <br>22 |
|      | 4.2.14. | . wyspost     | <br>22 |
|      | 4.2.15. | . zapisz      | <br>23 |
|      | 4.2.16. | . wczytaj     | <br>23 |
| 4.3. | Plik wo | zczyt.h       | <br>24 |
|      | 4.3.1.  | class dopliku | <br>24 |
| 4.4. | Plik wo | czyt.cpp      | <br>24 |
|      | 4.4.1.  | dopliku       | <br>24 |
|      | 4.4.2.  | zapisz        | <br>24 |
|      | 4.4.3.  | wczytajpre    | <br>26 |
|      | 4.4.4.  | wczytajin     | <br>27 |
|      | 4.4.5.  | wczytajpost   | <br>28 |
|      | 4.4.6.  | zapiszpre     | <br>29 |
|      | 4.4.7.  | zapiszin      | <br>29 |
|      | 4.4.8.  | zapiszpost    | <br>29 |
|      | 4.4.9.  | wczytaj       | <br>30 |
|      | 4.4.10. | . inttobin    | <br>32 |
|      | 4.4.11. | . bintoint    | <br>32 |
| 4.5. | Plik ma | nain.cpp      | <br>33 |
|      | 4.5.1.  | zmienne       | <br>33 |

#### $AKADEMIA\ NAUK\ STOSOWANYCH\ W\ NOWYM\ SĄCZU$

| 4.5.2. switch  | 35 |
|----------------|----|
| 5. Wnioski     | 36 |
| Literatura     | 37 |
| Spis rysunków  | 38 |
| Spis tabel     | 39 |
| Spis listingów | 40 |

# 1. Ogólne określenie wymagań

Napisz program "drzewo BST" działającej na stercie w języku C++. Drzewo winno być zaimplementowana w klasie. Funkcjonalność (metod) drzewa:

- Dodaj element,
- Usuń element,
- Usuń całe drzewo,
- Szukaj drogi do podanego elementu,
- Wyświetl drzewo graficznie na ekranie, użytkownik wybiera metodę podczas wyświetlania (metody preorder, inorder, postorder) [oprogramuj wszystkie trzy],
- Zapis do pliku tekstowego wygenerowanego drzewa,

W drugiej klasie należy zaimplementować (metody) zapis do pliku i odczyt z pliku utworzonego drzewa BTS (plik musi być zapisany binarnie). Oprócz tego powinien mieć możliwość wczytania pliku tekstowego z cyframi, co daje to możliwość zbudowania drzewa. Program powinien posiadać możliwość wczytania pliku z liczbami do drzewa pustego lub istniejącego.

Funkcja main powinna wyświetlać menu z opcjami drzewa oraz odczytu i zapisu pliku. Program czeka na wybranie opcji. Nie zapomnij ustawić wyjścia z programu aby program można było poprawnie zamknąć.

Wszystkie utworzone klasy mają być zaimplementowane w oddzielnych plikach. Funkcja main także powinna być w osobnym pliku.

Celem zadania jest poznanie możliwości GitHuba w pracy nad projektem grupowym. Konto na GitHub jest utworzone. Należy utworzyć nowy projekt, który jest realizowany w dwuosobowych grupach.

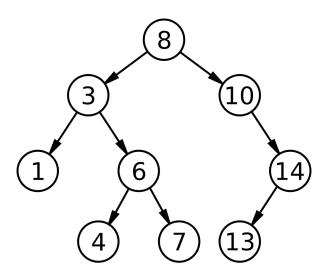
Przy oddawaniu projektu należy zaprezentować:

- Co najmniej 5 commit'ów (każdej osoby),
- Najpierw jedna osoba tworzy gałąź i po kilku comitach ją scala. Po scaleniu druga osoba tworzy gałąź i po kilku comitach ją scala do głównej gałęzi ,
- Obie osoby w grupie mają utworzyć nowe gałęzie (w jednym punkcie obie osoby zaczynają pracę równoległą), a po kilku comitach wykonują scalenie do głównej gałęzi,
- Co najmniej 6 konfliktów, które należy rozwiązać (3 jedna osoba, 3 druga osoba) przy scalaniu gałęzi (w wcześniejszych punktach),

# 2. Analiza problemu

### 2.1. Czym jest drzewo BST?

Binarne drzewo poszukiwań (ang. Binary Search Tree, BST) to dynamiczna struktura danych będąca drzewem binarnym, w którym lewe poddrzewo każdego węzła zawiera wyłącznie elementy o kluczach mniejszych niż klucz węzła, a prawe poddrzewo zawiera wyłącznie elementy o kluczach nie mniejszych niż klucz węzła. Węzły, oprócz klucza, przechowują wskaźniki na swojego lewego i prawego syna oraz na swojego ojca.



Rys. 2.1. Drzewo BST

[1]

Na rys. 2.1 przedstawiona jest przykładkowa wizualizacja drzewa BST.

#### 2.2. Zastosowanie

Binarne drzewa poszukiwań są szeroko stosowane w informatyce i systemach przetwarzania danych, szczególnie tam, gdzie istotna jest efektywność wyszukiwania, wstawiania oraz usuwania danych. Przykłady zastosowań BST obejmują:

- Systemy baz danych BST jest często używane jako podstawa do indeksowania danych w celu przyspieszenia operacji wyszukiwania. W przypadku dużych zbiorów danych, zrównoważone drzewa są szczególnie efektywne.
- Kompilatory i interpretery Drzewa poszukiwań umożliwiają przechowywanie symboli i identyfikatorów, ułatwiając szybki dostęp do informacji o zmiennych, funkcjach i innych elementach składniowych.
- Struktury słowników BST mogą służyć jako struktura do implementacji słowników, gdzie każdy klucz jest unikalny i powiązany z wartością. Dzięki temu możliwe jest szybkie sprawdzanie obecności klucza oraz przypisanej do niego wartości.
- Systemy rekomendacyjne W niektórych przypadkach drzewa BST mogą być używane do filtrowania wyników lub porządkowania ich według wartości klucza, co ułatwia przeszukiwanie danych w oparciu o kryteria rangowe.

BST są stosowane wszędzie tam, gdzie kluczowe znaczenie ma szybki dostęp do posortowanych danych, a także efektywne zarządzanie ich aktualizacją.

#### 2.3. Sposób działania

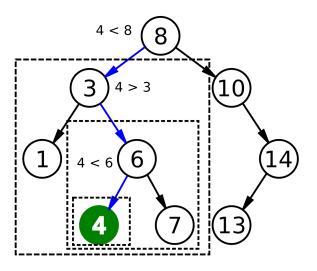
BST przechowuje dane w postaci drzewiastej, gdzie każdy węzeł zawiera klucz, a także wskaźniki na lewe i prawe poddrzewo. Działanie BST opiera się na zasadzie porządku węzłów, gdzie:

- Lewe poddrzewo zawiera węzły o kluczach mniejszych od klucza węzła głównego.
- Prawe poddrzewo zawiera węzły o kluczach większych lub równych kluczowi węzła głównego.

Dzięki takiej strukturze można efektywnie wykonywać operacje wyszukiwania, wstawiania i usuwania danych:

Wyszukiwanie – Proces rozpoczyna się od korzenia i porównuje klucz szukanego elementu z kluczem bieżącego węzła. W zależności od wyniku porównania przeszukiwane jest lewe lub prawe poddrzewo, aż do znalezienia klucza lub
stwierdzenia, że nie istnieje w drzewie.

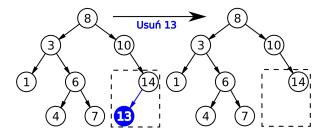
Rys 2.2 przedstawia graficznie schemat wyszukiwania klucza o wartości 4.



Rys. 2.2. Wyszukiwanie w drzewie BST

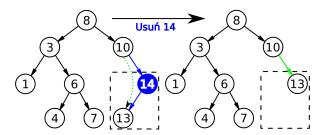
[2]

 Wstawianie – Nowy element dodawany jest do BST zgodnie z zasadą porządku węzłów. Proces wstawiania zaczyna się od korzenia i w zależności od wartości klucza wędruje w dół drzewa, aż znajdzie odpowiednie miejsce do osadzenia nowego węzła jako liścia.  Usuwanie – Usunięcie węzła w BST wymaga uwzględnienia jego położenia w drzewie. Możliwe są trzy przypadki:



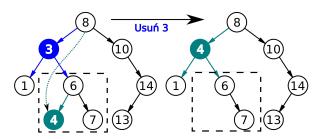
**Rys. 2.3.** Usunięcie węzła który jest liściem [3]

Węzeł jest liściem – zostaje usunięty bezpośrednio. Na rys 2.3 schemat usunięcia węzła 13 który jest liściem.



**Rys. 2.4.** Usunięcie węzła z jednym synem [4]

Węzeł ma jedno dziecko – dziecko węzła zajmuje jego miejsce. Na rys 2.4 schemat usunięcia węzła 14 który ma jedno dziecko.



**Rys. 2.5.** Usunięcie węzła dwoma synami [5]

Węzeł ma dwoje dzieci – węzeł zostaje zastąpiony przez swojego następnika (najmniejszy węzeł w prawym poddrzewie) lub poprzednika (największy węzeł w lewym poddrzewie).

Na rys 2.5 schemat usunięcia węzła 3 który ma dwujkę dzieci.

# 3. Projektowanie

#### 3.1. Git

#### 3.1.1. Co to git?

Git to rozproszony system kontroli wersji, który pozwala na zarządzanie zmianami w kodzie źródłowym lub innych plikach w projekcie. Umożliwia śledzenie historii zmian, współpracę wielu osób nad jednym projektem oraz tworzenie równoległych wersji projektu.

#### 3.1.2. Zastosowanie

Git jest szeroko stosowany w programowaniu, projektach zespołowych oraz zarządzaniu dokumentacją, ponieważ umożliwia:

- Sledzenie zmian: Każda zmiana w plikach może być zapisana jako tzw. commit,
   co pozwala na odtworzenie dowolnej wcześniejszej wersji projektu.
- Współpracę: Git pozwala wielu osobom jednocześnie pracować nad tym samym projektem, synchronizując ich zmiany.
- Rozgałęzianie i scalanie: Git pozwala tworzyć różne wersje projektu i później scalić je w jedną całość.

#### 3.1.3. Sposób działania

Git przechowuje zmiany w projekcie w repozytorium, które może znajdować się lokalnie lub zdalnie. Główne operacje wykonywane w Git to:

- Clone skopiowanie całego repozytorium na komputer użytkownika.
- Commit zapisanie zmian lokalnie, jako kolejnej wersji projektu.
- Push przesłanie lokalnych zmian do zdalnego repozytorium.
- Pull pobranie zmian ze zdalnego repozytorium do lokalnej kopii projektu.
- Branch stworzenie nowej gałęzi (np. do testowania nowej funkcji).
- Merge scalanie zmian z jednej gałęzi do innej.

#### 3.1.4. Zastosowanie w projekcie

#### 3.2. C++

#### 3.2.1. Co to C++?

C++ to język programowania ogólnego przeznaczenia, który rozszerza język C o mechanizmy programowania obiektowego, a także inne zaawansowane funkcje.

#### 3.2.2. Zastosowanie

C++ jest używany w wielu dziedzinach, w tym:

- Tworzenie systemów operacyjnych: np. fragmenty systemów takich jak Windows czy Linux.
- Aplikacje desktopowe i mobilne: edytory tekstu, programy graficzne, oprogramowanie inżynieryjne.
- Programowanie gier: ze względu na wydajność i możliwość pracy z grafiką oraz pamięcią.
- Systemy wbudowane: np. oprogramowanie dla mikrokontrolerów. Przetwarzanie wysokowydajne

#### 3.2.3. Sposób działania

C++ umożliwia programowanie zarówno proceduralne, jak i obiektowe. Jego cechy obejmują:

- Programowanie obiektowe: C++ wprowadza klasy i obiekty, co pozwala na grupowanie danych oraz funkcji w struktury, co ułatwia zarządzanie złożonością kodu.
- Dziedziczenie: Możliwość tworzenia nowych klas na podstawie istniejących, co wspiera ponowne używanie kodu.
- Polimorfizm: Pozwala funkcjom i obiektom przyjmować różne formy w zależności od kontekstu.
- Zarządzanie pamięcią: W C++ mamy pełną kontrolę nad pamięcią, co pozwala na dynamiczne alokowanie i zwalnianie zasobów.

#### 3.3. Visual Studio

#### 3.3.1. Co to Visual Studio?

Visual Studio to zintegrowane środowisko programistyczne stworzone przez firmę Microsoft. Jest to narzędzie używane do tworzenia, testowania i debugowania aplikacji w różnych językach programowania, takich jak C++, Python, JavaScript, i wielu innych.

#### 3.3.2. Zastosowanie

Visual Studio jest używane przez programistów do tworzenia różnych typów oprogramowania:

- Aplikacje desktopowe (Windows Forms, WPF),
- Aplikacje webowe (ASP.NET, HTML, CSS, JavaScript),
- Aplikacje mobilne (Xamarin, .NET MAUI),
- Gry (Unity, Unreal Engine),
- Usługi chmurowe (Microsoft Azure).

#### 3.3.3. Sposób działania

Visual Studio ułatwia tworzenie oprogramowania, oferując szereg funkcji, które wspierają proces tworzenia kodu:

- Edytor kodu: Oferuje wsparcie dla składni wielu języków, podświetlanie kodu, autouzupełnianie, a także sugestie podczas pisania.
- Kompilator i debugger: Visual Studio pozwala kompilować kod do plików wykonywalnych i automatycznie wykrywać oraz naprawiać błędy w kodzie.
- IntelliSense: Zaawansowana funkcja podpowiedzi podczas pisania kodu, która analizuje kod i proponuje odpowiednie funkcje, metody czy zmienne.
- Integracja z systemami kontroli wersji: Visual Studio obsługuje Git, co pozwala zarządzać kodem, śledzić zmiany i współpracować z zespołem bezpośrednio z poziomu środowiska IDE.
- Debugowanie i profilowanie: Narzędzia do śledzenia błędów oraz wydajności kodu, które pomagają analizować i optymalizować aplikacje.

Szablony projektów: Visual Studio oferuje szereg gotowych szablonów projektów, które ułatwiają rozpoczęcie pracy nad aplikacjami webowymi, desktopowymi czy mobilnymi.

#### 3.4. Doxygen

#### 3.4.1. Co to Doxygen?

Doxygen to narzędzie do automatycznego generowania dokumentacji technicznej z kodu źródłowego. Obsługuje wiele języków programowania, takich jak C, C++, Java, Python, Fortran, PHP i inne. Doxygen skanuje kod źródłowy i na podstawie specjalnych komentarzy generuje szczegółową dokumentację w formacie HTML, PDF, LaTeX, czy RTF.

#### 3.4.2. Zastosowanie

Doxygen jest szeroko stosowany w projektach programistycznych, aby generować dokumentację bezpośrednio na podstawie kodu. Jest szczególnie popularny w zespołach pracujących z językami C i C++, ale także w innych środowiskach, które wymagają dokumentacji technicznej. Przykładowe zastosowania:

- Dokumentacja bibliotek i API: Umożliwia automatyczne tworzenie dokumentacji dla publicznych interfejsów, funkcji, klas, metod i zmiennych.
- Projekty open-source: Doxygen jest popularny w projektach open-source, ponieważ pozwala na łatwe udostępnienie dokumentacji użytkownikom i programistom pracującym nad kodem.
- Zarządzanie dużymi projektami: Dzięki automatycznemu generowaniu dokumentacji, Doxygen pomaga programistom zrozumieć struktury dużych i złożonych projektów.

#### 3.4.3. Sposób działania

Doxygen działa poprzez analizowanie specjalnych komentarzy w kodzie, które są oznaczane za pomocą znaczników podobnych do tych w języku HTML. Po uruchomieniu Doxygen generuje dokumentację na podstawie tych komentarzy oraz samego kodu, opisując struktury takie jak klasy, funkcje, zmienne i ich relacje.

# 4. Implementacja

#### 4.1. Plik bst.h

#### 4.1.1. struct wezel

```
struct wezel {
   wezel *pop;
   wezel *lewy;
   wezel *prawy;
   int war;
};
```

W lini 2: Wskaźnik na rodzica danego węzła.

W lini 3: Wskaźnik na lewego potomka węzła.

W lini 4: Wskaźnik na prawego potomka węzła.

W lini 5: Wartość przechowywana w węźle.

#### 4.1.2. class bst

```
class bst {
  public:
      wezel *korzen;
      bst();
      ~bst();
      wezel *najmin(wezel *a);
      wezel *najmax(wezel *a);
      wezel *min(wezel *a);
      wezel *max(wezel *a);
      wezel *zwroc(int a);
10
      void dodele(int a);
      wezel *usunele(int d);
12
      void usubst(wezel *korzen);
      void szuk(int a);
14
      void wyspre(wezel *korzen);
      void wysin(wezel *korzen);
16
17
      void wyspost(wezel *korzen);
      void wczytaj();
18
      void zapisz();
19
20 };
```

Listing 2. class bst

W lini 3: Wskaźnik na korzeń drzewa.

W public metody klasy opisane osobno w dokumentacji.

### 4.2. Plik bst.cpp

#### 4.2.1. konstruktor

```
bst::bst(void) {
   korzen = NULL;
}
```

Listing 3. konstruktor

W lini 2: Inicjalizuje drzewo ustawiając wskaźnik 'korzen' na 'NULL'

#### 4.2.2. destruktor

```
bst::~bst(void) {
delete korzen;
}
```

Listing 4. destruktor

W lini 2: Usuwa pamięć zajętą przez korzeń drzewa, co wywołuje destrukcję całego drzewa.

#### 4.2.3. najmin

```
wezel *bst::najmin(wezel *a) {
    wezel *b = a;
    while(b->lewy) b = b->lewy;
    return b;
}
```

Listing 5. najmin

- W lini 2: Tworzy wskaźnik 'b' i przypisuje do niego węzeł 'a'.
- W lini 3: Przechodzi do lewego potomka, dopóki 'b' ma lewego potomka.
- W lini 4: Zwraca węzeł z najmniejszą wartością w poddrzewie 'a'.

#### 4.2.4. najmax

```
wezel *bst::najmax(wezel *a) {
    wezel *b = a;
    while(b->prawy) b = b->prawy;
    return b;
}
```

Listing 6. najmax

W lini 2: Tworzy wskaźnik 'b' i przypisuje do niego węzeł 'a'.

W lini 3: Przechodzi do prawego potomka, dopóki 'b' ma prawego potomka.

W lini 4: Zwraca węzeł z największą wartością w poddrzewie 'a'.

#### 4.2.5. min

```
wezel *bst::min(wezel *a) {
    if(a->lewy) return najmax(a->lewy);
    wezel *b;

do {
        b = a;
        a = a->pop;
    } while((a) && (a->prawy != b));
    return a;
}
```

#### Listing 7. min

W lini 2: Jeśli 'a' ma lewego potomka, zwraca największy węzeł w lewym poddrzewie.

W lini 5: Przypisuje 'a' do 'b'.

W lini 6: Przechodzi do rodzica 'a'.

W lini 7: Dopóki 'a' istnieje i 'b' jest prawym potomkiem 'a', kontynuuje.

W lini 8: Zwraca najmniejszy węzeł większy od 'a'

#### 4.2.6. max

```
wezel *bst::max(wezel *a) {
   if(a->prawy) return najmin(a->prawy);
   wezel *b;
   do {
      b = a;
}
```

```
a = a->pop;
while((a) && (a->lewy != b));
return a;
}
```

#### Listing 8. max

W lini 2: Jeśli 'a' ma prawego potomka, zwraca najmniejszy węzeł w prawym poddrzewie.

W lini 5: Przypisuje 'a' do 'b'.

W lini 6: Przechodzi do rodzica 'a'.

W lini 7: Dopóki 'a' istnieje i 'b' jest lewym potomkiem 'a', kontynuuje.

W lini 8: Zwraca największy węzeł mniejszy od 'a'.

#### 4.2.7. zwroc

```
wezel *bst::zwroc(int a) {
    wezel *b = korzen;
    while((b) && (b->war != a)) {
        if(a < b->war) b = b->lewy;
        else b = b->prawy;
    }
    return b;
}
```

Listing 9. zwroc

W lini 2: Ustawia wskaźnik 'b' na korzeń drzewa.

W lini 3: Dopóki 'b' istnieje i 'b-¿war' nie jest równe 'a', wykonuje pętlę.

W lini 4: Jeśli 'a' jest mniejsze niż 'b-¿war', przechodzi do lewego potomka.

W lini 5: W przeciwnym razie przechodzi do prawego potomka.

W lini 7: Zwraca wskaźnik 'b' na znaleziony węzeł lub 'NULL' jeśli nie znaleziono.

#### 4.2.8. dodele

```
void bst::dodele(int a) {
    wezel *b = new wezel;
    wezel *c = korzen;
    b->lewy = NULL;
    b->prawy = NULL;
    b->war = a;
```

```
if(!c) korzen = b;
        else {
             while(true) {
                  if(b->war < c->war) {
                        if(!c->lewy) {
                             c \rightarrow lewy = b;
                             break;
13
                        }
14
                        else c = c->lewy;
15
                  }
16
                  else {
17
                        if(!c->prawy) {
18
                             c \rightarrow prawy = b;
19
                             break;
20
                        }
                        else c = c->prawy;
                  }
             }
24
        b \rightarrow pop = c;
26
27 }
```

Listing 10. dodele

W lini 2: Tworzy nowy węzeł 'b'.

W lini 3: Ustawia wskaźnik 'c' na korzeń drzewa.

W lini 4: Ustawia lewego potomka 'b' na 'NULL'.

W lini 5: Ustawia prawego potomka 'b' na 'NULL'.

W lini 6: Ustawia wartość 'war' węzła 'b' na 'a'.

W lini 7: Jeśli drzewo jest puste, ustawia 'b' jako korzeń.

W lini 10: Jeśli 'b-¿war' jest mniejsze niż 'c-¿war', przechodzi w lewo.

W lini 11: Jeśli lewy potomek 'c' jest 'NULL', ustawia 'b' jako lewy potomek.

W lini 15: W przeciwnym razie kontynuuje w lewo.

W lini 17: Jeśli 'b-¿war' jest większe lub równe 'c-¿war', przechodzi w prawo.

W lini 18: Jeśli prawy potomek 'c' jest 'NULL', ustawia 'b' jako prawy potomek.

W lini 22: W przeciwnym razie kontynuuje w prawo.

W lini 26: Ustawia 'pop' nowego węzła 'b' na 'c'.

#### **4.2.9.** usunele

```
wezel *bst::usunele(int d) {
    wezel *a = zwroc(d);
```

```
wezel *b = a - > pop;
       wezel *c = NULL;
       if((a->lewy) && (a->prawy)) {
            if(rand() % 2)
            c = usunele(min(a)->war);
            else c = usunele(max(a)->war);
            c \rightarrow lewy = a \rightarrow lewy;
            if(c\rightarrow lewy) c\rightarrow lewy\rightarrow pop = c;
            c->prawy = a->prawy;
11
            if(c->prawy) c->prawy->pop = c;
12
       }
13
       else {
14
            if(a->lewy) c = a->lewy;
            else c = a->prawy;
16
17
       if(c) c -> pop = b;
       if(!b) korzen = c;
19
       else {
            if(b\rightarrow lewy == a) b\rightarrow lewy = c;
21
            else b->prawy = c;
       }
23
       return a;
25 }
```

Listing 11. usunele

- W lini 2: Znajduje węzeł a o wartości d.
- W lini 3: Ustawia wskaźnik b na rodzica węzła a.
- W lini 4: Inicjuje wskaźnik c jako NULL.
- W lini 5: Sprawdza, czy a ma dwóch potomków.
- W lini 6: Losowo wybiera usunięcie minimalnego lub maksymalnego węzła.
- W lini 7: Usuwa węzeł o minimalnej wartości w poddrzewie a.
- W lini 8: Usuwa węzeł o maksymalnej wartości w poddrzewie a.
- W lini 9: Ustawia lewego potomka c na lewego potomka a.
- W lini 10: Ustawia rodzica lewego potomka na c, jeśli istnieje.
- W lini 11: Ustawia prawego potomka c na prawego potomka a
- W lini 12: Ustawia rodzica prawego potomka na c, jeśli istnieje.
- W lini 15: Jeśli a ma tylko lewego potomka, ustawia c na lewego potomka.
- W lini 16: Jeśli a ma tylko prawego potomka, ustawia c na prawego potomka.
- W lini 18: Ustawia rodzica c na b, jeśli c istnieje.
- W lini 19: Jeśli b jest NULL, oznacza to, że usuwany węzeł jest korzeniem.
- W lini 19: Ustawia c jako nowy korzeń.

W lini 21: Jeśli a jest lewym potomkiem b, ustawia c jako nowego lewego potomka.

W lini 22: Jeśli a jest prawym potomkiem b, ustawia c jako nowego prawego potomka.

W lini 24: Zwraca usunięty węzeł a.

#### 4.2.10. usubst

```
void bst::usubst(wezel *a) {
    if(a) {
        usubst(a->lewy);
        usubst(a->prawy);
        usunele(a->war);
    }
}
```

Listing 12. usubst

W lini 2: Sprawdza, czy a nie jest NULL.

W lini 3: Rekurencyjnie usuwa lewego potomka

W lini 4: Rekurencyjnie usuwa prawego potomka.

W lini 5: Usuwa aktualny węzeł a.

#### 4.2.11.szuk

```
void bst::szuk(int a) {
    wezel *b = korzen;

while((b) && (b->war != a)) {
    std::cout << b->war << " ";
    if(a < b->war) b = b->lewy;
    else b = b->prawy;

std::cout << std::endl;
}</pre>
```

Listing 13. szuk

W lini 2: Ustawia wskaźnik b na korzeń drzewa.

W lini 3: Przechodzi przez drzewo, dopóki b istnieje i b-¿war nie jest równe a.

W lini 4: Wyświetla wartość bieżącego węzła.

W lini 5: Jeśli a jest mniejsze niż b-¿war, przechodzi w lewo.

W lini 6: Jeśli a jest większe lub równe b-¿war, przechodzi w prawo.

W lini 8: Kończy linię po zakończeniu pętli.

#### 4.2.12. wyspre

```
void bst::wyspre(wezel *a) {
   if (a) {
      std::cout << a->war << " ";
      wyspre(a->lewy);
      wyspre(a->prawy);
   }
}
```

Listing 14. wyspre

W lini 2: Sprawdza, czy a nie jest NULL.

W lini 3: Wyświetla wartość a w porządku przedrostnym.

W lini 4: Rekurencyjnie wyświetla lewego potomka.

W lini 5: Rekurencyjnie wyświetla prawego potomka.

#### 4.2.13. wysin

```
void bst::wysin(wezel *a) {
    if(a) {
        wysin(a->lewy);
        std::cout << a->war << " ";
        wysin(a->prawy);
    }
}
```

Listing 15. wysin

W lini 2: Sprawdza, czy a nie jest NULL.

W lini 3: Rekurencyjnie wyświetla lewego potomka.

W lini 4: Wyświetla wartość a.

W lini 5: Rekurencyjnie wyświetla prawego potomka.

#### **4.2.14.** wyspost

```
void bst::wyspost(wezel *a) {
   if(a) {
```

```
wyspost(a->lewy);
wyspost(a->prawy);
std::cout << a->war << " ";
}
</pre>
```

#### Listing 16. wyspost

- W lini 2: Sprawdza, czy a nie jest NULL.
- W lini 3: Rekurencyjnie wyświetla lewego potomka.
- W lini 4: Rekurencyjnie wyświetla prawego potomka.
- W lini 5: Wyświetla wartość a.

#### 4.2.15. zapisz

```
void bst::zapisz() {
    dopliku a(this->korzen);
    a.zapisz();
}
```

Listing 17. zapisz

- W lini 2: Tworzy obiekt dopliku inicjowany korzeniem drzewa.
- W lini 3: Wywołuje metodę zapisu do pliku.

#### 4.2.16. wczytaj

```
void bst::wczytaj() {
    dopliku a(this->korzen);
    a.wczytaj();
    this->korzen = a.drzewo;
}
```

Listing 18. wczytaj

- W lini 2: Tworzy obiekt dopliku inicjowany korzeniem drzewa.
- W lini 3: Wywołuje metodę wczytywania z pliku.
- W lini 4: Ustawia korzeń drzewa na załadowane drzewo.

### 4.3. Plik wczyt.h

#### 4.3.1. class dopliku

```
class dopliku {
public:
    wezel *drzewo;
    std::fstream PRE;
    std::fstream IN;
    std::fstream POST;
    dopliku(wezel *a);
   void wczytajpre(wezel* a);
    void wczytajin(wezel* a);
   void wczytajpost(wezel* a);
10
   void zapisz();
11
   void zapiszpre(wezel* a);
   void zapiszin(wezel* a);
13
   void zapiszpost(wezel* a);
   void wczytaj();
15
    wezel *rdrzewo();
    int bintoint(int a);
    int inttobin(int a);
19 };
```

Listing 19. class dopliku

Tworzona jest klasa dopliku.

Jej metody opisane są osobno w dokumentacji.

### 4.4. Plik wczyt.cpp

#### 4.4.1. dopliku

```
1 dopliku::dopliku(wezel *a) : drzewo(a) {}
```

Listing 20. dopliku

Konstruktor klasy dopliku, inicjalizuje wskaźnik drzewo na węzeł a.

#### 4.4.2. zapisz

```
void dopliku::zapisz() {
    PRE.open("PRE.txt", std::ios::out | std::ios::trunc);
    if (!PRE.is_open()) {
```

```
std::cout << "Nie ma dostepu do pliku PRE.txt" << std::endl
     ;
          return;
6
      zapiszpre(drzewo);
      PRE.close();
      IN.open("IN.txt", std::ios::out | std::ios::trunc);
      if (!IN.is_open()) {
          std::cout << "Nie ma dostepu do pliku IN.txt" << std::endl;
13
      }
14
      zapiszin(drzewo);
      IN.close();
16
17
      POST.open("POST.txt", std::ios::out | std::ios::trunc);
      if (!POST.is_open()) {
19
          std::cout << "Nie ma dostepu do pliku POST.txt" << std::
20
     endl;
          return;
      zapiszpost(drzewo);
23
      POST.close();
24
25 }
```

Listing 21. zapisz

- W lini 2: Otwarcie pliku PRE.txt do zapisu.
- W lini 3: Sprawdzenie, czy plik został poprawnie otwarty.
- W lini 4: Informacja o błędzie otwarcia pliku.
- W lini 5: Zakończenie funkcji, jeśli plik nie został otwarty.
- W lini 7: Wywołanie funkcji zapiszpre do zapisania drzewa w pre-order.
- W lini 8: Zamknięcie pliku PRE.txt.
- W lini 10: Otwarcie pliku IN.txt do zapisu.
- W lini 11: Sprawdzenie, czy plik został poprawnie otwarty.
- W lini 12: Informacja o błędzie otwarcia pliku.
- W lini 13: Zakończenie funkcji, jeśli plik nie został otwarty.
- W lini 15: Wywołanie funkcji zapiszin do zapisania drzewa w in-order.
- W lini 16: Zamknięcie pliku IN.txt.
- W lini 18: Otwarcie pliku POST.txt do zapisu.
- W lini 19: Sprawdzenie, czy plik został poprawnie otwarty.
- W lini 20: Informacja o błędzie otwarcia pliku.
- W lini 21: Zakończenie funkcji, jeśli plik nie został otwarty.

W lini 23: Wywołanie funkcji zapiszpost do zapisania drzewa w post-order.

W lini 24: Zamknięcie pliku POST.txt.

#### 4.4.3. wczytajpre

```
void dopliku::wczytajpre(wezel* a) {
       wezel* b = new wezel;
       wezel* c = drzewo;
       b->lewy = NULL;
       b->prawy = NULL;
       int t;
       PRE >> t;
       b->war = bintoint(t);
       if (!c) drzewo = b;
       else {
10
            while (true) {
11
                if (b->war < c->war) {
                     if (!c->lewy) {
13
                          c \rightarrow lewy = b;
14
                          break;
15
                     }
                     else c = c->lewy;
17
                }
18
                 else {
19
                     if (!c->prawy) {
20
                          c \rightarrow prawy = b;
                          break;
22
                     else c = c->prawy;
24
                }
            }
26
       }
       b \rightarrow pop = c;
28
       if (!PRE.eof()) {
            wczytajpre(a);
30
       }
32 }
```

Listing 22. wczytajpre

W lini 2: Tworzy nowy węzeł b.

W lini 3: Ustawia wskaźnik c na korzeń drzewa.

W lini 4: Ustawia lewego potomka b na NULL.

- W lini 5: Ustawia prawego potomka b na NULL.
- W lini 6: Deklaruje zmienną t do przechowywania danych z pliku.
- W lini 7: Wczytuje wartość z pliku PRE.txt.
- W lini 8: Przekształca wartość t z binarnej do dziesiętnej i przypisuje do b-¿war.
- W lini 9: Jeśli drzewo jest puste, ustawia b jako korzeń.
- W lini 10: Jeśli drzewo nie jest puste, szuka odpowiedniego miejsca.
- W lini 12: Jeśli wartość b-¿war jest mniejsza od c-¿war, przechodzi w lewo.
- W lini 13: Jeśli lewy potomek c jest NULL, ustawia b jako lewy potomek.
- W lini 17: W przeciwnym razie kontynuuje w lewo.
- W lini 19: Jeśli wartość b-; war jest większa lub równa c-; war, przechodzi w prawo.
- W lini 20: Jeśli prawy potomek c jest NULL, ustawia b jako prawy potomek.
- W lini 24: W przeciwnym razie kontynuuje w prawo.
- W lini 28: Ustawia pop nowego węzła b na c.
- W lini 29: Jeśli nie osiągnięto końca pliku, wywołuje funkcję rekurencyjnie.

#### 4.4.4. wczytajin

```
void dopliku::wczytajin(wezel* a) {
       wezel* b = new wezel;
      wezel* c = drzewo;
      b->lewy = NULL;
      b->prawy = NULL;
5
      int t;
6
      IN >> t;
      b->war = bintoint(t);
       if (!c) drzewo = b;
9
       else {
10
           while (true) {
                if (b->war < c->war) {
12
                     if (!c->lewy) {
13
                          c \rightarrow lewy = b;
14
                          break;
                     }
16
                     else c = c->lewy;
17
                }
18
                else {
19
                     if (!c->prawy) {
20
                          c \rightarrow prawy = b;
                          break;
                     }
24
                     else c = c->prawy;
```

Listing 23. wczytajin

Metoda ta działa na tej samej zasadzie co metoda 4.4.3, zmienia się tylko plik.

#### 4.4.5. wczytajpost

```
void dopliku::wczytajpost(wezel* a) {
       wezel* b = new wezel;
       wezel* c = drzewo;
       b->lewy = NULL;
       b->prawy = NULL;
       int t;
       POST >> t;
       b->war = bintoint(t);
       if (!c) drzewo = b;
       else {
10
            while (true) {
11
                 if (b->war < c->war) {
12
                     if (!c->lewy) {
                          c \rightarrow lewy = b;
14
                          break;
16
                     else c = c->lewy;
                }
18
                 else {
19
                     if (!c->prawy) {
20
                          c \rightarrow prawy = b;
21
                          break;
22
                     }
23
                     else c = c->prawy;
                }
25
            }
       }
27
       b \rightarrow pop = c;
       if (!POST.eof()) {
29
            wczytajpost(a);
```

```
31 }
32 }
```

Listing 24. wczytajpost

Metoda ta działa na tej samej zasadzie co metoda 4.4.3, zmienia się tylko plik.

#### 4.4.6. zapiszpre

```
void dopliku::zapiszpre(wezel* a) {
    if (a) {
        PRE << " " << inttobin(a->war);
        zapiszpre(a->lewy);
        zapiszpre(a->prawy);
    }
}
```

Listing 25. zapiszpre

W lini 2: Sprawdza, czy węzeł a nie jest NULL.

W lini 3: Zapisuje wartość węzła a w formacie binarnym do pliku PRE.txt.

W lini 4: Rekurencyjnie zapisuje lewego potomka.

W lini 5: Rekurencyjnie zapisuje prawego potomka.

#### 4.4.7. zapiszin

```
void dopliku::zapiszin(wezel* a) {
    if (a) {
        zapiszin(a->lewy);
        IN << " " << inttobin(a->war);
        zapiszin(a->prawy);
    }
}
```

Listing 26. zapiszin

Metoda ta działa na tej samej zasadzie co metoda 4.4.6, zmienia się tylko plik.

#### 4.4.8. zapiszpost

```
void dopliku::zapiszpost(wezel* a) {
   if (a) {
      zapiszpost(a->lewy);
      zapiszpost(a->prawy);
}
```

```
5          POST << " " << inttobin(a->war);
6     }
7 }
```

Listing 27. zapiszpost

Metoda ta działa na tej samej zasadzie co metoda 4.4.6, zmienia się tylko plik.

#### 4.4.9. wczytaj

```
void dopliku::wczytaj() {
      std::cout << "\n PRE-1, IN-2, POST-3 \n wybierz z ktorej metody
      ma byc wczytane:";
      int x;
      std::cin >> x;
      if (x == 1) {
          PRE.open("PRE.txt", std::ios::in); // Open file once here
          if (!PRE.is_open()) {
              std::cout << "Nie ma dostepu do pliku PRE.txt" << std::
     endl;
              return;
          }
          wczytajpre(drzewo);
11
          PRE.close(); // Close file after traversal is complete
12
13
      else if (x == 2) {
14
          IN.open("IN.txt", std::ios::in); // Open file once here
          if (!IN.is_open()) {
              std::cout << "Nie ma dostepu do pliku IN.txt" << std::
17
     endl;
              return;
18
          }
          wczytajin(drzewo);
          IN.close(); // Close file after traversal is complete
21
22
      else if (x == 3) {
          POST.open("POST.txt", std::ios::in); // Open file once here
          if (!POST.is_open()) {
25
              std::cout << "Nie ma dostepu do pliku POST.txt" << std
26
     ::endl;
              return;
          }
28
          wczytajpost(drzewo);
          POST.close(); // Close file after traversal is complete
30
      }
31
```

```
else {
    std::cout << "Wprowadzony zly znak, wprowadz jeszcze raz";
    wczytaj();
}
</pre>
```

#### Listing 28. wczytaj

- W lini 2: Wyświetla użytkownikowi dostępne opcje wyboru metody wczytywania danych.
- W lini 3: Zmienna x, która będzie przechowywać wybór użytkownika.
- W lini 4: Odczytuje wybór użytkownika z konsoli.
- W lini 5: Jeśli użytkownik wybierze metodę PRE (pre-order):
- W lini 6: Otwiera plik PRE.txt w trybie odczytu.
- W lini 7: Sprawdza, czy plik został poprawnie otwarty.
- W lini 8: Wyświetla komunikat o błędzie, jeśli plik nie jest dostępny.
- W lini 9: Zatrzymuje dalsze wykonywanie funkcji.
- W lini 11: Wywołuje funkcję 'wczytajpre()', aby wczytać dane w porządku pre-order.
- W lini 12: Zamknięcie pliku PRE.txt po zakończeniu operacji.
- W lini 14: Jeśli użytkownik wybierze metodę IN (in-order):
- W lini 15: Otwiera plik IN.txt w trybie odczytu.
- W lini 16: Sprawdza, czy plik został poprawnie otwarty.
- W lini 17: Komunikat o błędzie, jeśli plik jest niedostępny.
- W lini 18: Zatrzymuje dalsze wykonywanie funkcji.
- W lini 20: Wywołuje funkcję 'wczytajin()', aby wczytać dane w porządku in-order.
- W lini 21: Zamknięcie pliku IN.txt po zakończeniu operacji.
- W lini 23: Jeśli użytkownik wybierze metodę POST (post-order):
- W lini 24: Otwiera plik POST.txt w trybie odczytu.
- W lini 25: Sprawdza, czy plik został poprawnie otwarty.
- W lini 26: Komunikat o błędzie, jeśli plik jest niedostępny.
- W lini 27: Zatrzymuje dalsze wykonywanie funkcji.
- W lini 29: Wywołuje funkcję 'wczytajpost()', aby wczytać dane w porządku postorder.
- W lini 30: Zamknięcie pliku POST.txt po zakończeniu operacji.
- W lini 32: Jeśli użytkownik wprowadzi niepoprawną opcję:
- W lini 33: Wyświetla komunikat o błędzie.
- W lini 34: Rekurencyjnie wywołuje funkcję, aby umożliwić ponowny wybór.

#### 4.4.10. inttobin

```
int dopliku::inttobin(int a) {
   int b;
   std::string c;
   while (a) {
        c = (a % 2 ? "1" : "0") + c;
        a /= 2;
   }
   b = std::stoi(c);
   return b;
}
```

#### Listing 29. inttobin

- W lini 2: Deklaruje zmienną b, która będzie przechowywać wynik.
- W lini 3: Zmienna pomocnicza c do przechowywania binarnej reprezentacji.
- W lini 4: Pętla, która konwertuje liczbę całkowitą na binarną.
- W lini 5: Dodaje '1' lub '0' do c w zależności od reszty z dzielenia przez 2.
- W lini 6: Dzieli a przez 2.
- W lini 8: Konwertuje wynik w stringu na liczbę całkowitą.
- W lini 9: Zwraca wynik konwersji.

#### 4.4.11. bintoint

```
int dopliku::bintoint(int a) {
   int b = 0;
   int c = 1;
   std::string d = std::to_string(a);
   for (int i = d.length() - 1; i >= 0; --i, c <<= 1) {
      b += (d[i] - '0') * c;
   }
   return b;
}</pre>
```

#### Listing 30. bintoint

- W lini 2: Zmienna do przechowywania wyniku w systemie dziesiętnym.
- W lini 3: Zmienna pomocnicza do przesuwania bitów.
- W lini 4: Zmienna pomocnicza do przechowywania binarnej reprezentacji.
- W lini 5: Pętla przetwarzająca każdy bit.
- W lini 6: Dodaje odpowiednią wartość do b.

W lini 8: Zwraca wynik konwersji na liczbę dziesiętną.

#### 4.5. Plik main.cpp

#### 4.5.1. zmienne

```
int main(int argc, char const *argv[]) {
   int a = 0;
   int b = 0;
   bst e;
   int r;
```

Listing 31. zmienne

W lini 2: Zmienna 'a' do przechowywania wyboru użytkownika w menu.

W lini 3: Zmienna 'b' kontrolująca pętlę menu, używana do zakończenia programu.

W lini 4: Tworzy obiekt klasy 'bst' (drzewo binarne) o nazwie 'e'.

W lini 5: Zmienna 'r' do przechowywania wartości elementu podawanego przez użytkownika.

#### 4.5.2. switch

```
while (b == 0) {
          std::cout << "\033[2J\033[1;1H";
          std::cout << "Co chcesz zrobic? \n";</pre>
          std::cout << "1 - Dodaj element do drzewa\n2 - Usun element</pre>
      z drzewa\n3 - Usun cale drzewo\n4 - Szukaj drogi do elementu\n5
       - Wyswietl drzewo\n6 - Zapisz do pliku\n7 - Wczytaj z pliku\n8
     - Zakoncz program \nPodaj operacje: ";
          std::cin >> a;
5
          switch (a) {
          case 1:
               std::cout << "Podaj element: ";</pre>
               std::cin >> r;
9
               e.dodele(r);
               std::cout << "Udalo sie! \n";</pre>
11
               system("pause");
12
               break;
13
          case 2:
14
               std::cout << "Podaj element: ";</pre>
               std::cin >> r;
16
               e.usunele(r);
```

```
std::cout << "Udalo sie! \n";</pre>
18
                system("pause");
                break;
           case 3:
21
                e.usubst(e.korzen);
                std::cout << "Udalo sie! \n";</pre>
23
                system("pause");
                break;
25
           case 4:
                std::cout << "Podaj element: ";</pre>
2.7
                std::cin >> r;
                e.szuk(r);
29
                std::cout << "Udalo sie! \n";</pre>
30
                system("pause");
31
                break;
32
           case 5:
                int y;
34
                std::cout << "\nPRE-1, IN-2, POST-3 \nWybierz z ktorej
      metody ma byc wypisane: ";
                std::cin >> y;
                switch (y) {
37
                case 1:
                     e.wyspre(e.korzen);
39
                     break;
40
                case 2:
41
                     e.wysin(e.korzen);
42
                     break;
                case 3:
44
                     e.wyspost(e.korzen);
                     break;
46
                default:
                     std::cout << "Sprobuj jeszcze raz!";</pre>
48
                     break;
                }
50
                std::cout << "\nUdalo sie! \n";</pre>
51
                system("pause");
52
                break;
           case 6:
54
                e.zapisz();
                std::cout << "Udalo sie! \n";</pre>
                system("pause");
57
                break;
           case 7:
59
                e.wczytaj();
                std::cout << "Udalo sie! \n";</pre>
61
```

```
system("pause");
62
                 break;
63
            case 8:
                 b = 1;
65
                 break;
            default:
67
                 std::cout << "Zla komenda, powtorz\n";</pre>
68
                 system("pause");
69
                 break;
70
            }
71
       }
73 }
```

Listing 32. switch

Switch pozwala na wybór akcji którą chcesz wykonać na drzewie.

Każda opcja wywołuje odpowiednią metodę i wyświetla komunikat czy sie udało.

### 5. Wnioski

Implementacja drzewa BST w języku C++ została zrealizowana pomyślnie, a wszystkie kluczowe funkcje, takie jak dodawanie, wyszukiwanie i usuwanie węzłów, działają poprawnie. Realizacja projektu pozwoliła na praktyczne pogłębienie wiedzy o strukturach danych oraz na rozwój umiejętności programowania w C++. Napotkane trudności przyczyniły się do lepszego zrozumienia działania drzew binarnych i opanowania zaawansowanych koncepcji programistycznych.

W trakcie pracy wykorzystano platformę GitHub, co umożliwiło zdobycie praktycznych umiejętności w zarządzaniu wersjami i współpracy na repozytoriach. Zastosowanie Git ułatwiło organizację kodu, śledzenie zmian oraz rozwiązywanie błędów. Dokumentację programu wygenerowano przy użyciu narzędzia Doxygen, co znacznie zwiększyło przejrzystość projektu i umożliwiło sprawniejszą pracę z kodem.

Projekt ten nie tylko wykazał korzyści płynące z użycia drzewa BST do efektywnego zarządzania danymi, ale także uwydatnił znaczenie narzędzi wspomagających proces tworzenia oprogramowania. Zdobyte doświadczenia będą pomocne w przyszłych projektach programistycznych oraz na dalszych etapach nauki i pracy zawodowej.

# Bibliografia

- [1] Rysunek Wikipedia Drzewo BST. URL: https://pl.wikipedia.org/wiki/Binarne\_drzewo\_poszukiwa%C5%84#/media/Plik:Binary\_search\_tree.svg (term. wiz. 06.11.2024).
- [2] Rysunek Wikipedia Wyszukiwanie Drzewo BST. URL: https://pl.wikipedia.org/wiki/Binarne\_drzewo\_poszukiwa%C5%84#/media/Plik:Binary\_search\_tree\_search\_4.svg (term. wiz. 06.11.2024).
- [3] Rysunek Wikipedia Usunięcie węzła który jest liściem. URL: https://pl.wikipedia.org/wiki/Binarne\_drzewo\_poszukiwa%C5%84#/media/Plik:Binary\_search\_tree\_delete\_13.svg (term. wiz. 06.11.2024).
- [4] Rysunek Wikipedia Usunięcie węzła który ma jedno dziecko. URL: https://pl.wikipedia.org/wiki/Binarne\_drzewo\_poszukiwa%C5%84#/media/Plik: Binary\_search\_tree\_delete\_14.svg (term. wiz. 06.11.2024).
- [5] Rysunek Wikipedia Usunięcie węzła który ma dwoje dzieci. URL: https://pl.wikipedia.org/wiki/Binarne\_drzewo\_poszukiwa%C5%84#/media/Plik: Binary\_search\_tree\_delete\_3.svg (term. wiz. 06.11.2024).

# Spis rysunków

| 2.1. | Drzewo BST                         | 7  |
|------|------------------------------------|----|
| 2.2. | Wyszukiwanie w drzewie BST         | 9  |
| 2.3. | Usunięcie węzła który jest liściem | 10 |
| 2.4. | Usunięcie węzła z jednym synem     | 10 |
| 2.5. | Usuniecie wezła dwoma synami       | 10 |

| C | nic | +- | hal |
|---|-----|----|-----|
| J | pis | La | nei |

# Spis listingów

| 1.  | struct wezel  | 15 |
|-----|---------------|----|
| 2.  | class bst     | 15 |
| 3.  | konstruktor   | 16 |
| 4.  | destruktor    | 16 |
| 5.  | najmin        | 16 |
| 6.  | najmax        | 17 |
| 7.  | min           | 17 |
| 8.  | max           | 17 |
| 9.  | zwroc         | 18 |
| 10. | dodele        | 18 |
| 11. | usunele       | 19 |
| 12. | usubst        | 21 |
| 13. | szuk          | 21 |
| 14. | wyspre        | 22 |
| 15. | wysin         | 22 |
| 16. | wyspost       | 22 |
| 17. | zapisz        | 23 |
| 18. | wczytaj       | 23 |
| 19. | class dopliku | 24 |
| 20. | dopliku       | 24 |
| 21. | zapisz        | 24 |
| 22. | wczytajpre    | 26 |
| 23. | wczytajin     | 27 |
| 24. | wczytajpost   | 28 |
| 25. | zapiszpre     | 29 |
| 26. | zapiszin      | 29 |
| 27. | zapiszpost    | 29 |
| 28. | wczytaj       | 30 |
| 29. | inttobin      | 32 |
| 30. | bintoint      | 32 |
| 31. | zmienne       | 33 |

#### $AKADEMIA\ NAUK\ STOSOWANYCH\ W\ NOWYM\ SĄCZU$

| 32. | gwitch |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   | 9 | ?          |
|-----|--------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|------------|
| JZ. | switch | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | ٠ | <i>)</i> • |